

# بديل الدفتر مضاد لها الواجب المنزلي 1447هـ



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الثالث المتوسط ← رياضيات ← الفصل الثاني ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 15-01-2026 16:58:16

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات حلول اعراض بوربوينت | اوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: أحمد العنزي

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث المتوسط



الرياضيات



اللغة الانجليزية



اللغة العربية



ال التربية الاسلامية



المواد على تلغرام

صفحة المناهج  
السعودية على  
فيسبوك

## المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث المتوسط والمادة رياضيات في الفصل الثاني

كتاب الرياضيات	1
الاختبار المركزي في الباحة محلول	2
نموذج الإجابة على الاختبار المركزي في الرياض	3
نموذج الإجابة على الاختبار المركزي النهائي في الإحساء	4
الاختبار النهائي في حائل	5

# دفتر مادة الرياضيات

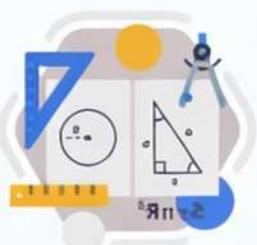
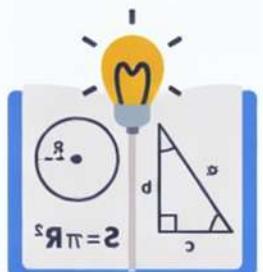
صف الثالث متسط - فصل دراسي ثانٍ



اسم الطالب /ة: .....  
.....

إعداد وتنسيق: أحمد العنزي .. تعليم الحدود الشمالية

العام الدراسي ١٤٤٧ هـ



## الفصل ٦: كثيرات الحدود

- ٦-١ ضرب وحيدات الحد
- ٦-٢ قسمة وحيدات الحد
- ٦-٣ كثيرات الحدود
- ٦-٤ جمع كثيرات الحدود وطرحها
- ٦-٥ ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود
- ٦-٦ ضرب كثيرات الحدود
- ٦-٧ حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود

تحقق من فهمك:

حدد إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد، اكتب "نعم" أو "لا"، وفسر إجابتك:

(أ)  $\frac{m}{n} f$ (ب)  $\frac{s}{2} \text{ ص } ^2$ (ج)  $a^2 b^2$ (د)  $s + s$ تحقق من فهمك:

بسط كل عبارة مما يأتي:

(أ)  $(s^3 - 4rs^2n^3)(s^6 - r^0 n^2)$ (ب)  $(s^3)^4$ تحقق من فهمك:

بسط كل عبارة مما يأتي:

(أ)  $[2(2^3)]^2$ (ب)  $[2^2(2^3)]^2$ تحقق من فهمك:

(أ) عبر عن مساحة المثلث الذي ارتفاعه ٤ وطول قاعده ٥ على صورة وحيدة حد.

(أ) عبر عن مساحة المربع الذي طول ضلعه ٣ س.م على صورة وحيدة حد.

تحقق من فهمك:

(أ) بسط العبارة:  $\frac{1}{2} a^2 b^2 (-4b^3)^2$

تأكد:

حدد إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد، اكتب "نعم" أو "لا"، وفسر إجابتك:

$$6 \quad 9 + b^2$$

$$\frac{r}{2} \quad 5$$

$$10 - 2j \quad 2$$

$$\frac{5}{d} \quad 3$$

$$13 - 2 \quad 2$$

$$15 \quad 1$$

تأكد:

بسط كل عبارة مما يأتي:

$$2[2(2^3)] \quad 11$$

$$10 \quad (m^4)^3 \cdot (m^3)^4$$

$$8 \quad m^4 \cdot (m^2)^3$$

$$7 \quad k \cdot (k^3)$$

الواجب المنزلي: تدريب مملوء المسائل

تأكد:

بسط كل عبارة مما يأتي:

$$4 \quad 2^5 \cdot b^3 \cdot j^4 \cdot (2^3 \cdot b^4 \cdot j^2)$$

$$17 \quad (4s^2c^2)(2sc^3)(4sc^3)$$

تحقق من فهمنك:

بسط كل عبارة مما يلي:

$$\frac{ك^7 م^{10} ب}{ك^5 م^3 ب}$$
(١)

$$\frac{س^3 ص^4}{س^2 ص}$$
(أ)

تحقق من فهمنك:

بسط كل عبارة مما يأتي:

$$\frac{س^4}{ص^3} (ب) (٥)$$
(٣)

$$\frac{ص^2}{ع^3} (ب) (٢)$$
(٤)

$$\frac{س^3}{ع^4} (ب) (٣)$$
(أ)

تحقق من فهمنك:

بسط كل عبارة مما يأتي، مفترضاً أن المقام لا يساوي صفرًا:

$$\frac{ف^{-3} وس^2}{وص^{-6}}$$
(أ)

$$\cdot \left( \frac{ن^3 ج^7 ه^2}{ه^6 ج^9 ان^15} \right) (ب)$$
(٣)

$$\frac{ب^4 ج^2 د}{ب^2 ج}$$
(أ)

$$\frac{م^{-2} ك^3 ج^5}{م^{-4} ك^2 25}$$
(ج)

$$\frac{ب^3 ج^{-4}}{ب^4 ج^{-2}}$$
(ب)

تأكد:

بسط كل عبارة مما يأتي، مفترضاً أن المقام لا يساوي صفرًا:

$$\frac{ف^{-3} ج^2}{ه^{-4}}$$
(١٢)

$$\frac{ه^2 ر^2 ف ه^0}{ه^3 ر ه^2}$$
(١١)

$$\cdot \left( \frac{س^3 ص^4 ع^2}{س^3 ص ع^4} \right) (١٠)$$
(١٠)

$$\frac{م^6 ر ب^3}{م^3 ر ب^2}$$
(٢)

$$\frac{ه ل^4}{ه ل^2}$$
(١)

مهارات التفكير العليا:

٣٠ تحد: استعمل خاصية قسمة القوى لتفسير المساواة  $s^{-n} = \frac{1}{s^n}$

الواجب المنزلي: تدرب وملحق المسائل

تأكد:

بسط كل عبارة مما يأتي، مفترضاً أن المقام لا يساوي صفرأ:

$$\cdot \left( \frac{s^5}{s^3 h^2} \right)^9$$

$$\frac{s^4 k^4 w^3}{k^2 n^3 w^9} \quad (7)$$

تحقق من فهمك:

حدد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا، وإذا كانت كذلك فصنفها إلى وحيدة حد، أو ثنائية حد، أو ثلاثة حدود:

العبارة	هل هي كثيرة حدود؟	وحيدة حد / ثنائية حد / ثلاثة حد
		(أ) س
		(ب) ٣-٢ ص + ٤ ص - ١
		(ج) ٥ ر س + ٧ ن ف ك
		(د) ١٠ س - ٨ س + ٤ س

تحقق من فهمك:

أوجد درجة كثيرة الحدود فيما يأتي:

١٣-٣ م٣ - ٣ م٢ ن٢ (ب)

٦-٤ س٤ + ٣ س٣ - ٢ س٢ (أ)

تحقق من فهمك:

اكتب كل كثيرة حدود فيما يأتي بالصورة القياسية، ثم حدد المعامل الرئيس فيها:

(ب) ٣-٢ ص + ٤ ص - ٦ ص + ١٠

(أ) ٦-٤ س٤ + ٣ س٣ - ٢ س٢

تأكد:

حدد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا، وإذا كانت كذلك فصنفها إلى وحيدة حد، أو ثنائية حد، أو ثلاثة حدود:

العبارة	هل هي كثيرة حدود؟	وحيدة حد / ثنائية حد / ثلاثة حد
		٣+٥ ص - ٣ ص (١)
		٣ س٣ (٢)
		٦+٣ ن٣ م٥ (٣)
		٦+٤ ك٤ ك (٤)

تأكد:

أوجد درجة كثيرة الحدود فيما يأتي:

٤-٣ (٨)

٧-٧ ع (٧)

٦ ن٣ - ن٤ (٦)

٣-٦ (٥)

تأكد:

اكتب كل كثيرة حدود فيما يأتي بالصورة القياسية، ثم حدد المعامل الرئيس فيها:

$$1 - ٢٥ - ٣٤ + ١٢ \quad (١٤)$$

$$٢ + ٣ - ٣٣ + ص^٣ \quad (١٢)$$

مهارات التفكير العليا:

**(١٧) تبرير:**وضح إذا كانت العبارة "يمكن أن تكون درجة ثنائية الحد صفرًا" صحيحة دائمًا، أم صحيحة أحياناً، أو غير صحيحة أبداً؟ وفسر إجابتك.

الواجب المنزلي: تدريب وملئ السائل

تأكد:

حدد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا، وإذا كانت كذلك فصنفها إلى وحيدة حد، أو ثنائية حد، أو ثلاثة حدود:

العبارة	هل هي كثيرة حدود؟	وحيدة حد / ثنائية حد / ثلاثة حد
$س^٣ + ٤س^٢$	نعم	١٦
$٢١$	نعم	١٧
$ج^٤ - ج^٢ + ١$	نعم	١٨
$د - ٣d^٣$	نعم	١٩

تأكد:

أوجد درجة كثيرة الحدود فيما يأتي:

$$4 - ٤أب + ٣أب^٢ \quad (٤)$$

$$١٣ - ٤أب + ٣أب^٢ \quad (٢٢)$$

تأكد:

اكتب كثيرة حدود فيما يأتي بالصورة القياسية، ثم حدد المعامل الرئيس فيها:

$$٥س^٣ + ٢س^٣ \quad (٢٦)$$

## عنوان الدرس: جمع كثيرات الحدود وطறحها

## اليوم:

التاريخ: / / ١٤٤٧هـ

## عنوان الدرس: جمع كثیرات الحدود وطرحها

**تحقق من فهمك:** (تبليغ: سيتم الحل للتمرين رقم ١ بالطرقتين الأفقيّة والرأسيّة، وبقيمة التدريبات بالطريقة الرأسيّة لسهولتها مع إمكانية الحل في ورقة خارجيّة) **أوّل ناتج ما يلي:**

$$(1) \quad (ص^4 - ص^3 + ص^2 + ص + 7) + (ص^4 - ص^3 - ص^2 - ص + 11)$$

$$(1) \quad (5s^2 - 3s^3 + 4s^4) + (6s - 3s^3)$$

## الحل بالطريقة الأفقية:

## الحل بالطريقة الرأسية:

تحقق من فهمك: أوجد ناتج كل ما يلي:

٢) . ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٨</sup> - ص<sup>١٠</sup>

$$(-) - ص^٣ + ص^٠ + ص^٢ + ص^١٢ + ص^٧$$

$$4s^3 - 3s^2 + 6s - 4$$

$$(-2s^3 + s^2 + s)$$

تأكيد: أوجد ناتج كل ما يلي:

٥

$$12 - 5 \times 2 = (+)$$

$$ج = ٢ - ٣ ج + ٥ ج + ٧$$

$$\cdot + \underline{2} \underline{\underline{J}} + \underline{2} \underline{\underline{J}} + \underline{3} \underline{\underline{J}} \cdot (-)$$

٦٣ - ٤

$$٩ + ٣ - ٢ = (+)$$

١٠

$$11 - \mathcal{E}^+ + \mathcal{E}^-(+)$$

٥ + ص ٢ + ص

$$+ ٤ ص ٢ - ٢ ص$$

مهارات التفكير العليا:

٤١ اكتب كثيري حدود الفرق بينهما  $2 \text{ مس}^3 - 7 \text{ مس}$  + 8

## الواجب المنزلي: تدريب وملخص المسائل

تأكد: أوجد ناتج ما يلي: (تبييه: الحل بالطريقة الأفقية والرأسيّة)

$$(12) (4 - 5b^2 + 3b^3 + 6b^4)$$

$$(6) (n^3 - 5n^2 + n^2) - (n^3 + 8n^2)$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج ما يلي:

(١)  $(7 - 2x^2)(x^2 + 4x + 5)$

الحل بالطريقة الأفقية:

(١)  $(9 + 5x - 3x^2)(4x^2 - 5x + 6)$

الحل بالطريقة الرئيسية:

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

(٢)  $(3s^2 - 4s + 2s^2 - s)(s^3 + 5sn^2 - sn^3)$

(٢)  $(b) 15n(10sn^3 + n^5s^2) - 2sn(sn^3 + 4sn^2)$

تحقق من فهمك: حل معادلة مما يأتي:

(٣)  $2s(8s + s) + 2s(s + 1) = 7s + 7s + 2s^2$

(٣)  $b) d(d^3 + 3d^2 - 4d) - d(d^2 - 4d + 5) = 16$

تأكد: أوجد ناتج الضرب في كل ما يلي:

$$\begin{array}{r} 4 \\ \times 2 \\ \hline 8 \\ 7 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \times 6 \\ \hline 12 \\ 12 \\ \hline 24 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 5 \\ \hline 5 \\ 4 \\ \hline 20 \end{array}$$

تأكد: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\textcircled{7} \quad ٤ - ٢(٣١ - ٤٠ + ٣٢)$$

$$\textcircled{5} \quad ن(٤ن^٢ + ١٥) - ٤(٣ن - ١)$$

تأكد: حل كلاً من المعادلات التالية:

$$\textcircled{10} \quad ن(٣٢ + ٢٠) = ٢٠(٣ - ن)$$

$$\textcircled{9} \quad ٧ - ٢(٦ - ١١ ج) = ج - ٢(٧)$$

**مهارات التفكير العليا:**

$$\textcircled{31} \quad \text{تحدد:} \quad \text{أوجد قيمة ب التي تجعل } ٣\text{ مس}^٣ = (٤\text{ مس}^٢ + ٣\text{ مس}^٢ - ١) = ١٢ \text{ مس}^{١٢} + ٦ \text{ مس}^{١٠}$$

**الواجب المنزلي: تدريب وملخص المسائل**

تأكد: بسط العبارة التالية:

$$\textcircled{18} \quad ٤ - ٤ د(١٢ - ٣٥) + ٧(٥ + د)$$

تأكد: أوجد ناتج ضرب ما يلي:

$$\textcircled{3} \quad ٥ - ٣ ل٦ ر٤ - ٢ ل٣ ر٤$$

$$\textcircled{4} \quad \underline{\underline{3 - ل٣ ر٤}}$$

تأكد: حل المعادلة التالية:

$$\textcircled{32} \quad ٧(٢ن + ٥) - ٩ = ن(٧ن - ٢)$$

تحقق من فهمك:

بسط كل عبارة فيما يلي:

(أ)  $(m^3 + 4m)(m + 5)$

الحل بالطريقة الأفقية:

(ب)  $(c + 2)(c - 5)$

الحل بالطريقة الرئيسية:

تحقق من فهمك: (تلخيص: استعمل طريقة التوزيع بالترتيب)

أوجد ناتج الضرب في كل ما يلي:

(أ)  $(2b + 5)(b - 3)$

(ب)  $(c - 6)(c - 5)$

تحقق من فهمك: (تلخيص: استعمل خاصية التوزيع)

أوجد ناتج الضرب في كل ما يلي:

(أ)  $(s - 8)(s + 7)(s - 2)$

(ب)  $(m - 3)(m + 4)(m^2 - m^3)$

تأكد: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:

$$\begin{array}{r} 1 - ٥٨ \\ 3 - ٥٢ \\ \hline \end{array} \quad (\times)$$

$$\begin{array}{r} 2 - ص \\ 4 + ص \\ \hline \end{array} \quad (\times)$$

$$\begin{array}{r} 1 س + 5 \\ 2 + س \\ \hline \end{array} \quad (\times)$$

(أ)  $(c^2 - 3)(c^2 + 4)$

**الواجب المنزلي: تدريب وعمل المسائل**

**تأكد: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:**

$$\textcircled{6} \quad (6 - 9) (9 + 5)$$

$$\textcircled{4} \quad (n + 3) (n + 6)$$

**تأكد: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي: (تلميح: استعمل خاصية التوزيع)**

$$\textcircled{19} \quad (s^2 - 1) (s^2 + 5s + 1)$$

$$\textcircled{18} \quad (7 - 12 + 9) (7 + 12 - 9)$$

تحقق من فهmek: (تلخيص: مربع مجموع حددين)

أوجد ناتج كل مما يلي:

$$(ب) (٣س + ٤ص)^٢$$

$$(أ) (٨ج - ٣د)^٢$$

تحقق من فهmek: (تلخيص: مربع الفرق بين حددين)

أوجد ناتج كل مما يلي:

$$(ب) (أ - ٢ب)^٢$$

$$(أ) (٦ب - ١)^٢$$

تحقق من فهmek: (تلخيص: ضرب مجموع حددين في الفرق بينهما)

أوجد ناتج الضرب في كل ما يلي:

$$(ب) (٤ج - ٧د)(٤ج + ٧د)$$

$$(أ) (٣ن + ٢)(٣ن - ٢)$$

تأكد: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:

$$(٢) (٢س + ٧ص)^٢$$

$$(١) (١١ - أ)^٢$$

$$(٥) (س + ٥)^٢$$

$$(١٠) (٦ص - ٧)(٧ + ص)$$

$$(٨) (أ - ٣)(٣ + أ)$$

$$(٤) (٤ - م)(م + ٣)$$

$$(١٥) (٨ - م)^٢$$

$$(١١) (أ + ١٠)(أ - ١٠)$$

مهارات التفكير العليا:

٤٤) حدد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاثة الأخرى فيما يأتي:

$$(ج + د)(ج - د)$$

$$2(ج - د)(ج + د)$$

$$2(ج + د)(ج - د)$$

$$(ج - د)(ج - د)$$

الواجب المنزلي: تدرب وعمل المسائل

تأكد: أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(س + 5)(س - 5) \quad ٩$$

$$2(d + 6)d \quad ٦$$

$$2(n - 5) \quad ١٧$$

$$2025 \quad ١٨$$

$$(ب - 6)(ب - 6) \quad ١٩$$

$$(4 - س)(4 + س) \quad ٢٠$$

$$(ل - 3)(ل + 3) \quad ٢١$$

## الفصل ٧: التحليل والمعادلات التربيعية

١-٧ تحليل وحدات الحد

٢-٧ استعمال خاصية التوزيع

٣-٧ المعادلات التربيعية:  $s^2 + bs + c = 0$

٤-٧ المعادلات التربيعية:  $a s^2 + bs + c = 0$

٥-٧ المعادلات التربيعية: الفرق بين مربعين

٦-٧ المعادلات التربيعية: المربعات الكاملة

تحقق من فهmek:

حلل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلاً تماماً:

١٠) ٣٤ س٤ ص٣

(ب) ٥٢- ٢٦ ب

تحقق من فهmek:

أوجد (ق.م.أ.) لكل زوج من حيدات الحد الآتية:

١٢) ٦ س ص٣، ١٨ ص ع

(ب) ١١ ب، ٢١ أ ب٢

(ج) ٣٠ ك٣ ر٢ ن، ٥٠ ك٢ ر ن

تحقق من فهmek:

٣) ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل الطول المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتهما ٨٤ سم٢، ٧٠ سم٢، علماً بأن كل منهما عددان كليان؟

تأكد: حلل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلاً تماماً:

١) ١٢ ج٢ ه٢

٢) ٣٨ رب٢ ن٢

٣) ١٧- ١٧ س٣ ص٤ ع

٤) ٢٣ أ ب٣

٥) ٤٢ ج٣ ه٣

٦) ١٠٠ - ١٠٠ ك٤ ر

٧) ٨ س٣ ص٠، ٣١ س ص٣

تأكد: أوجد (ق.م.أ.) لكل زوج من حيدات الحد الآتية:

٨) ٤٨ ج٢ د

٩) ٧ ج٢ ه٢، ١١ م ب

مهارات التفكير العليا:

(٢٣) مسألة مفتوحة: اكتب ثلاثة وحدات حد على أن يكون (ق.م.أ) لها  $6\text{ cm}^2$ . فسر إجابتك.

الواجب المنزلي: تدريب وملئ المسائل

تأكد:

٩ هندسة: ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل العرض المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتاهما  $15\text{ cm}^2$ ،  $16\text{ cm}^2$ ، علمًا بأن كل منهما عددان كليان؟

تأكد: حل كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلًا تاماً:

١١ - جـ  $3^2 \cdot 35^2$

١٠ سـ  $95^2$

تأكد: أوجد (ق.م.أ) لكل زوج من حيدات الحد الآتية:

٢٠ بـ  $2^2 \cdot 42$

١٦ سـ  $25^2 \cdot 45^2$

تحقق من فهmek:

استعمل خاصية التوزيع لتحليل كل كثيرات الحدود الآتية:

(أ)  $7n^2 + 21n - 2$

١٥ و ٣ ف

تحقق من فهmek: (تلخيص: التحليل بجميع الحدود)

حل كلًا من كثيرات الحدود الآتية:

(ب)  $3n^2 - 4n + 15$

٥ - ر + ٥n

تحقق من فهmek: (تلخيص: التحليل بجميع الحدود "العوامل نظائر جمعية")

حل كلًا من كثيرات الحدود الآتية:

(ب)  $2f^2 - 18f + 27$

٤ - د + ٥ ج - ٢

تحقق من فهmek:

حل كلًا من المعادلات الآتية:

(ج)  $s^2 = 10s$

(ب)  $4b^2 - 4b - 8 = 0$

(أ)  $(n+2) = 3n$

تأكد: استعمل خاصية التوزيع لتحليل كل كثیرات الحدود الآتیة:

$$\textcircled{2} \quad 12k^2 + 6k^2 + k^2$$

$$\textcircled{7} \quad 14j^2 + 2j^2$$

$$\textcircled{1} \quad 15b - b^2$$

تأكد: حلل كلاً من كثیرات الحدود الآتیة:

$$\textcircled{6} \quad 3b^3 - 2b^2 - 10b + 15$$

$$\textcircled{5} \quad 9s - 7s + 7s^2$$

$$\textcircled{4} \quad m^2 + n^2 + 16m + 8n$$

تأكد: حل كلاً من المعادلات الآتیة:

$$\textcircled{11} \quad 3b(9b - 27) = 0$$

$$\textcircled{9} \quad r^2 = 14$$

$$\textcircled{7} \quad 3k(k + 10) = 0$$

**الواجب المنزلي: تدريب وحل المسائل**

تأكد: استعمل خاصية التوزيع لتحليل كل كثیرات الحدود الآتیة:

$$\textcircled{16} \quad 5j^2f - 15j^2f^2 + 5j^2f^3$$

$$\textcircled{11} \quad 40n - 16n$$

تأكد: حل المعادلة الآتیة:

$$\textcircled{22} \quad 2n(3n + 3) = 0$$

تأكد: حل كثیرة الحدود الآتیة:

$$\textcircled{19} \quad s^2 - 2s + 4s$$

**تحقق من فهmek:** (تلخيص: عندما تكون ب موجبة، وج موجبة)

حل كلًا من كثيرتي الحدود الآتية:

$$(ب) ٩ ن + ن + ١٠$$

$$(أ) ٢٤ + ٥١١ + ٥١٢$$

**تحقق من فهmek:** (تلخيص: عندما تكون ب سالبة، وج موجبة)

حل كلًا من كثيرتي الحدود الآتية:

$$(ب) ٢٨ + ١١ و - ٢٨$$

$$(أ) ٢٢ - ٢١ + ٣ م$$

**تحقق من فهmek:** (تلخيص: عندما تكون ج سالبة)

حل كلًا من كثيرتي الحدود الآتية:

$$(ب) ر - ٢ ر - ٢٤$$

$$(أ) ٤٨ - ٤٨ ص + ١٣ ص$$

**تحقق من فهmek:**

حل كل معادلة مما يأتي:

$$(ب) س - ١٨ = ٣ س + س$$

$$(أ) ٧٠ = ع - ٣ ع$$

تأكد: حلل كل كثيرة حدود فيما يأتي:

$$\textcircled{3} \quad n^2 + 4n - 21$$

$$\textcircled{4} \quad x^2 - 7x - 30$$

$$\textcircled{1} \quad x^2 + 17x + 42$$

$$\textcircled{12} \quad 5 + 4x + x^2$$

$$\textcircled{13} \quad x^2 + 17x + 72$$

$$\textcircled{4} \quad m^2 + 10m + 20$$

مهارات التفكير العليا:

أوجد جميع قيم  $x$  التي تجعل كل كثيرة حدود في كل مما يأتي قابله للتحليل باستعمال الأعداد الصحيحة:

$$x^2 + 5x - 19$$

الواجب المنزلي: تدريب وملئ المسائل

تأكد: حل كل معادلة مما يأتي:

$$\textcircled{19} \quad x^2 + x = 20$$

$$\textcircled{6} \quad n^2 - 3n - 2 = 0$$

$$\textcircled{15} \quad n^2 - 2n - 35$$

تحقق من فهمك:

حلل كلاً من كثيري الحدود الآتية:

(أ)  $6s^2 + 22s - 8$

(أ)  $6s^2 + 13s + 5$

تحقق من فهمك:

حلل كلاً من كثيري الحدود الآتية:

(ب)  $30s^2 - 35s + 10$

(أ)  $s^2 - sn - 2n$

تحقق من فهمك:

حلل كلاً من كثيري الحدود الآتية:

(ب)  $5s^2 + 3s - 2$

(أ)  $7r^2 - r + 4$

تأكد: حلل كل كثيرة حدود فيما يأتي:

٢٠)  $11s^3 - 3s^2 - 20$

٢١)  $4s^3 - 3s^2 + 5s - 2$

٢٢)  $2s^2 + 22s + 56$

$$\textcircled{10} \quad 6s^2 - 9s + 2 = 0$$

$$\textcircled{11} \quad 4s^2 - 13s + 10 = 0$$

$$\textcircled{12} \quad 6s^2 + 3s - 2 = 0$$

**تأكد:** حل كل معادلة فيما يأتي:

$$\textcircled{6} \quad 30 + s^2 - 17s + 2 = 0$$

$$\textcircled{5} \quad 8 + s^2 - 10s + 3 = 0$$

$$\textcircled{4} \quad 9 + s^2 - 2s + 2 = 0$$

مهارات التفكير العليا:

**اكتشف الخطأ:** حل كل من زكريا وسامي المعادلة  $s^2 - s = 12$ . فأيهما إجابته صحيحة؟ فسر ذلك.

**سامي**

$$\begin{aligned} 12 &= s^2 - s \\ 12 &= s(s - 1) \\ 12 &= 12 \text{ أو } s^2 - 1 = 12 \\ s &= \frac{12}{1} \text{ أو } s = 13 \end{aligned}$$

**زكريا**

$$\begin{aligned} 12 &= s^2 - s \\ 12 &= s(s - 1) \\ 12 &= (s+3)(s-4) \\ 12 &= 3 \text{ أو } s^2 - 4 = 12 \\ s &= \frac{3}{4} \text{ أو } s = -\frac{3}{4} \end{aligned}$$

الواحد المنزلي: تدريب وحل المسائل

**تأكد:** حل كلاً من كثیرات الحدود الآتية:

$$\textcircled{9} \quad n^3 - 2n^2 + 2 = 0$$

$$\textcircled{8} \quad 24s^3 + 5s^2 + 4s = 0$$

تحقق من فهّمك: حل كل كثيرة حدود مما يأتي:

$$(d) -4x^3 + 9x$$

$$(j) 3x^3 - 4x$$

$$(b) 2x^2 - 6x$$

$$(a) 2x^2 - 8x$$

تحقق من فهّمك: حل كل كثيرة حدود فيما يأتي:

$$(j) 8x - x^4$$

$$(b) x^4 - 4x$$

$$(a) x^4 - 1$$

تحقق من فهّمك: حل كل كثيرة حدود مما يأتي:

$$(d) x^3 + 11x^2 + 6x + 6$$

$$(j) 50x^3 + 2m^2$$

$$(b) 6x^4 - 9x$$

$$(a) x^4 - 50$$

تأكد: حل كل كثيرة حدود فيما يأتي:

$$162 - 3x^2$$

$$2x^2 - 4x$$

$$x^2 - 9$$

$$-4x^2 + 2x^3 + 3x$$

$$5x^4 - 32$$

$$4x^4 - 81$$

مهارات التفكير العليا:

٤٦ تحد: حل: س ٨١ -

الواجب المتربي: تدريب وملئ المسائل

تأكد: حل كلًّا من كثیرات الحدود الآتية:

١٢ ر٤ - ك٤

١٢١ ل٢ -

١٦ هـ ١٠٠ - ٣ هـ

١٥ ج٢ - ٢٥٣٢

**تحقق من فهمك:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي تشكل مربعاً كاملاً أم لا، وإذا كانت كذلك فحللها.

$$25 + 10 + 12 \quad (ب)$$

$$16 + 24 + 2 \quad (أ)$$

**تحقق من فهمك:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي، وإذا لم يكن ذلك ممكناً، فاكتب "أولية".

$$25 - 12 + 12 \quad (ب)$$

$$32 - 2 + 2 \quad (أ)$$

$$4 - \frac{4}{3}x^2 = 0 \quad (ب)$$

$$36 + 12x^2 = 0 \quad (أ)$$

**تحقق من فهمك:** حل كلّاً من المعادلتين الآتىتين:

$$26 = (3 + 2)x \quad (ب)$$

$$121 = 10 - 2x \quad (أ)$$

**تحقق من فهمك:** حلل كلّاً من المعادلتين الآتىتين:

**تأكد:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي تشكل مربعاً كاملاً أم لا، وإذا كانت كذلك فحللها.

١٠)  $4s^2 - 42s + 110$

١٢)  $6s^2 + 30s - 36$

١٤)  $36s^2 + 60s + 36$

**تأكد:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي، وإذا لم يكن ذلك ممكناً، فاكتب "أولية".

٥)  $4s^3 + 9s - 16$

٦)  $4s^3 + 64$

٧)  $2s^2 - s - 28$

**تأكد:** حل كل معادلة مما يأتي:

٨)  $b^2 - 121 - 21a$

٩)  $(u+5)^2 = 47$

١٠)  $36s^2 = 4$

مهارات التفكير العليا:

**٤٤)** حدد ثلاثة الحدود التي تختلف عن كثیرات الحدود الأخرى فيما يأتي، وفسر إجابتك:

$4s^2 - 36s + 81$

$10s + 25s^2$

$4s + 10s^2$

$16s + 24s^2$

الواجب المنزلي: تدريب وملئ المسائل

**تأكد:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي تشكل مربعاً

وإذا لم يكن ذلك ممكناً، فاكتب "أولية".

١٩)  $2w - 4w^2$

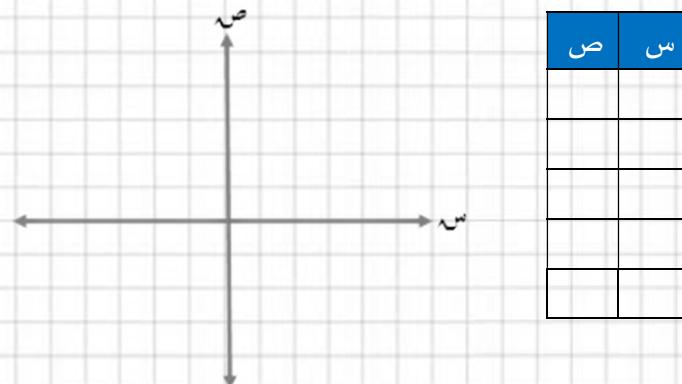
**تأكد:** حدد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي تشكل مربعاً كاملاً أم لا، وإذا كانت كذلك فحللها.

٢١)  $16s^2 + 56s + 49$

## الفصل ٨: الدوال التربيعية

- ١ - تمثيل الدوال التربيعية بيانيًّا
- ٢ - حل المعادلات التربيعية بيانيًّا
- ٣ - حل المعادلات التربيعية بإكمال المربع
- ٤ - حل المعادلات التربيعية باستعمال القانون العام

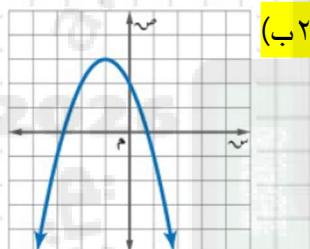
تحقق من فهmek:

(١) استعمل جدول القيم لتمثيل الدالة  $ص = س^2 + 3$  بيانياً، وحدد مجالها ومداها.

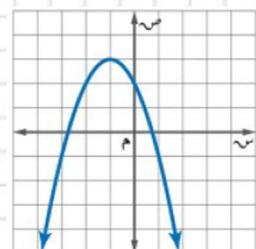
تحقق من فهmek:

أوجد الرأس، ومعادلة محور التماثل، والمقطع الصادي لكل تمثيل بياني مما يلي:

الرأس:



الرأس:



محور التماثل:

المقطع الصادي:

(٢)

الرأس:

محور التماثل:

المقطع الصادي:

تحقق من فهmek:

أوجد الرأس، ومعادلة محور التماثل، والمقطع الصادي لكل دالة مما يلي:

$$(ب) ص = 2س^2 + 2س + 2$$

$$(أ) ص = -3س^2 + 6س - 5$$

تحقق من فهمك:

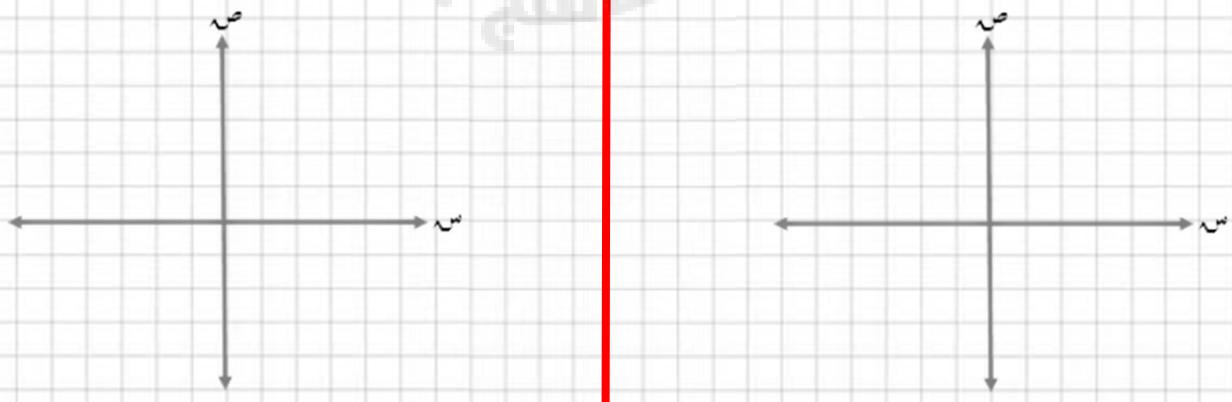
$$\text{ليكن } d(s) = 2s^2 - 4s - 1$$

٤) حدد فيما إذا كان للدالة قيمة عظمى أو القيمة الصغرى للدالة.  
٥) حدد مجال الدالة ومداها.

أ) قيمة صغرى.

تحقق من فهمك:

$$15) \text{ مثل الدالة } d(s) = -2s^2 + 2s + 1$$



تحقق من فهمك:

٦) رمي الرمح: يشارك علي في مسابقة رمي الرمح، ويمكن تمثيل ارتفاع الرمح (ص) بالأقدام بعد (س) ثانية، بالمعادلة  $ص = -16s^2 + 64s + 6$ .

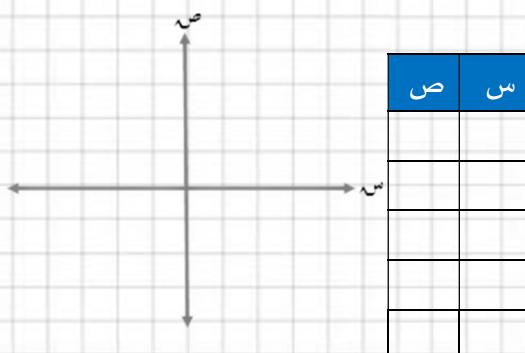
أ) مثل مسار هذا الرمح بيانيًّا.  
ب) ما أقصى ارتفاع يصله الرمح؟  
ج) ما الارتفاع الذي أطلق منه الرمح؟



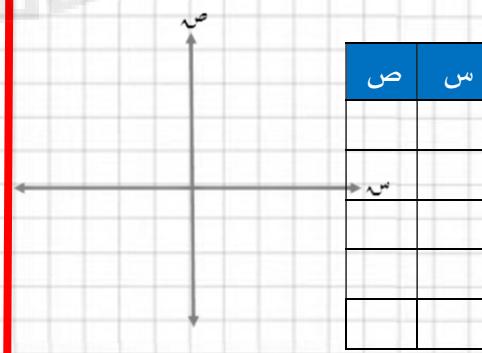
تأكد:

استعمل جدول القيم لتمثيل كل دالة فيما يأتي بيانيًّا، وحدد مجالها ومداها:

❸  $ص = 3s^3 - 6s - 5$

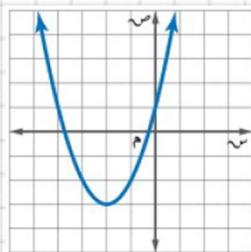


❶  $ص = 2s^2 + 4s - 6$



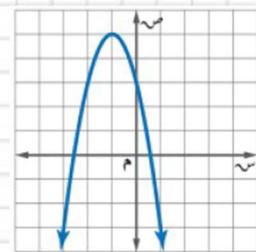
أوجد الرأس، ومعادلة محور التماثل، والمقطع الصادي لكل تمثيل بياني مما يلي:

الرأس:  
محور التماثل:  
المقطع الصادي:



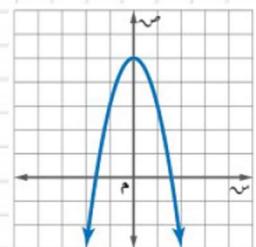
⑤

الرأس:  
محور التماثل:  
المقطع الصادي:



④

الرأس:  
محور التماثل:  
المقطع الصادي:



⑥

أوجد الرأس، ومعادلة محور التماثل، والمقطع الصادي لكل دالة مما يلي:

$$\text{ص} = س^2 - 4س + 5 \quad ⑧$$

$$\text{ص} = س^2 + 2س + 1 \quad ⑦$$

$$\text{للدالة } \text{ص} = 2 - س^2 - 2س \quad ⑩$$

ج) حدد مجال الدالة ومداها.

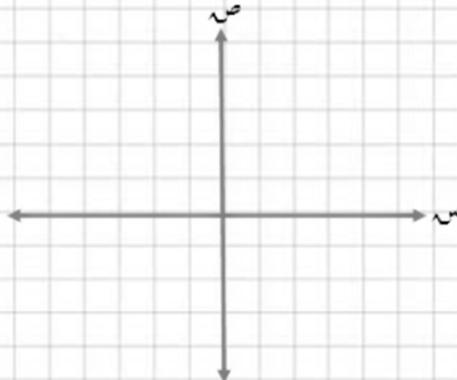
ب) أوجد القيمة العظمى أو القيمة الصغرى للدالة.

أ) حدد فيما إذا كان للدالة قيمة عظمى

أم قيمة صغرى.

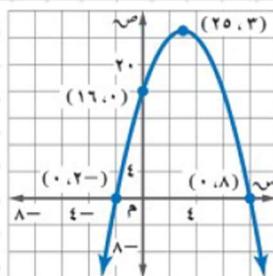
مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$\text{د}(s) = -3s^2 + 6s + 3 \quad (12)$$



مهارات التفكير العليا:

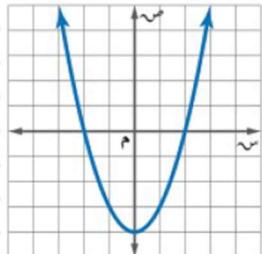
(٣٦) تحد: اكتب معادلة التمثيل البياني المجاور باستعمال محور التماثل وأحد المقطعين السينيين.



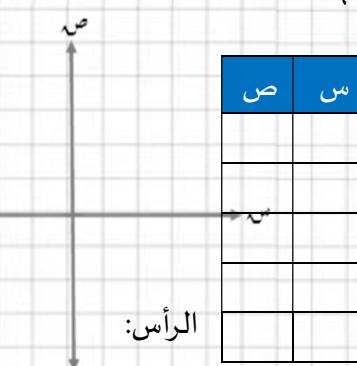
الواجب المنزلي: تدرب وملأ المسائل

استعمل جدول القيم لتمثيل كل دالة فيما يأتي بيانياً،  
وحدد مجالها ومداها:

لكل تمثيل بياني مما يأتي:



(١١)



الرأس:

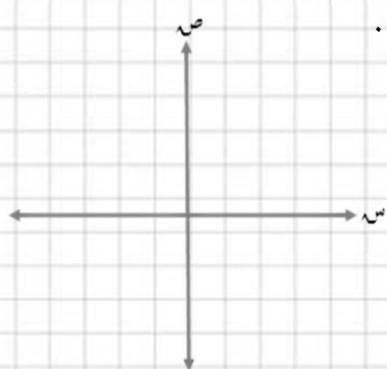
$$ص = س^2 + 4س + 6 \quad (17)$$

معادلة محور التماثل:

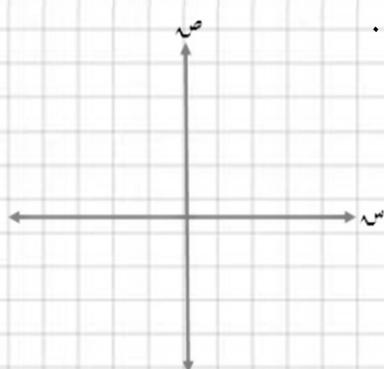
المقطع الصادي:

تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يأتي بيانياً:

(أ)  $s = 3 + 4s - s^2$

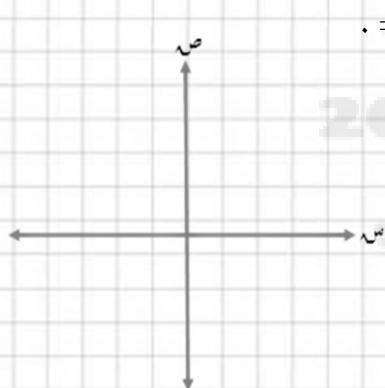


(أ)  $s = 18 + 3s - s^2$

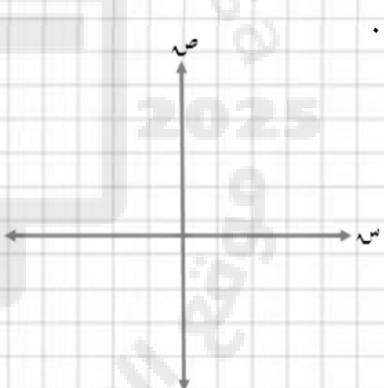


تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يأتي بيانياً:

(ب)  $s = 3 + 4s - s^2$

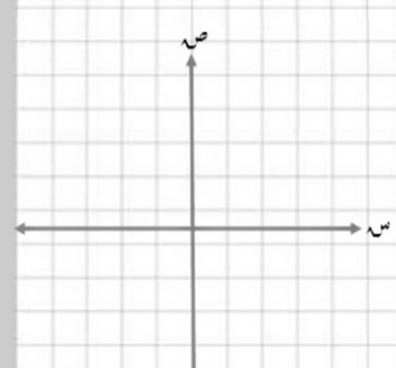


(أ)  $s = 18 - 3s + s^2$

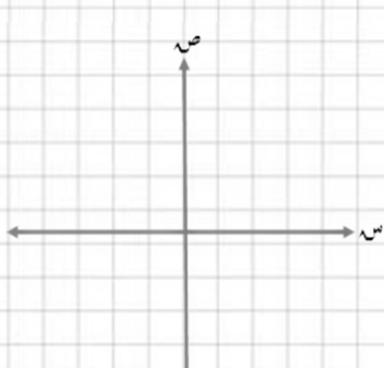


تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يأتي بيانياً:

(ب)  $s = 8 - 2s - s^2$

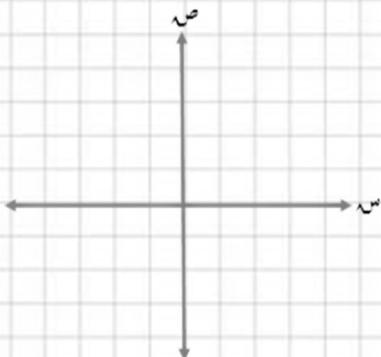


(أ)  $s = 5 - 3s - s^2$



تحقق من فهمك:

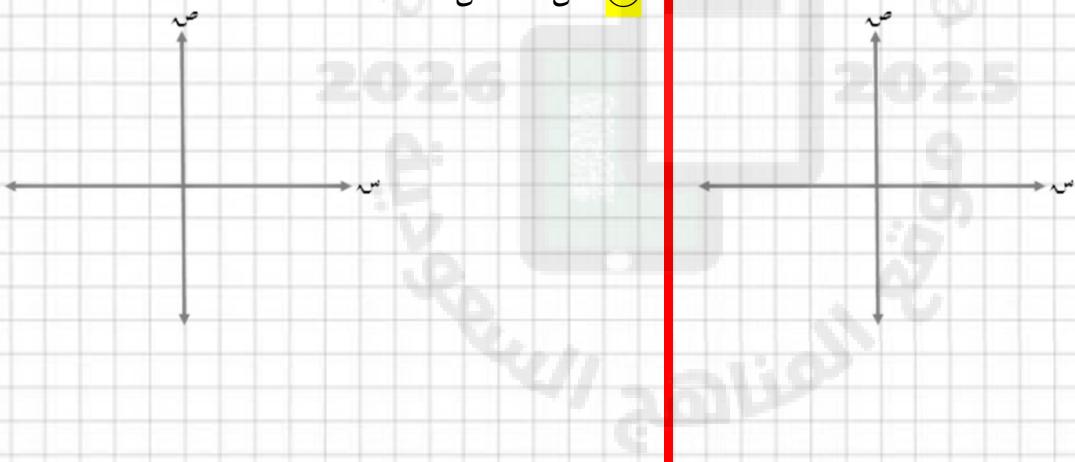
٤) حل المعادلة  $2s^2 - 3s + 6 = 0$  بيانياً. وإذا لم تكن الجذور أعداداً صحيحة، فقدرها إلى أقرب جزء من عشرة.



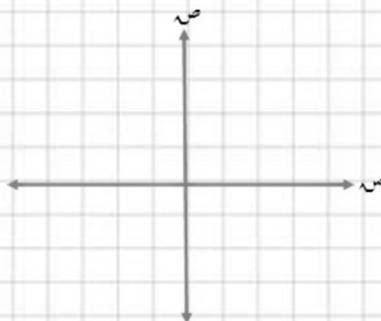
تأكد:

حل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

١)  $s^3 - 10s + 3 = 0$



٥) حل المعادلة:  $s^2 - 9 = 0$  بيانياً. وإذا لم تكن الجذور أعداداً صحيحة، فقدرها إلى أقرب جزء من عشرة.



مهارات التفكير العليا:

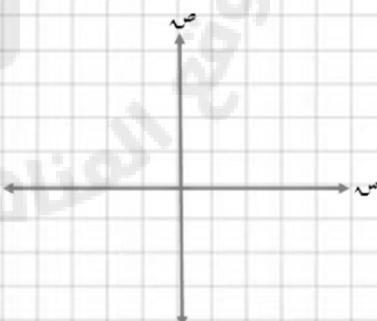
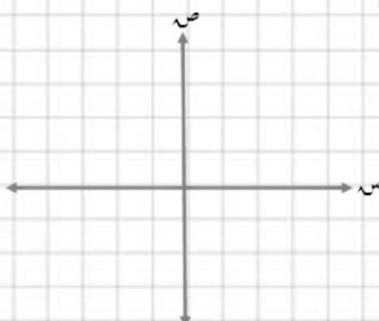
٢١) مسألة مفتوحة: صُف مسألة من واقع الحياة يتم فيها قذف جسم في الهواء، واتكتب معادلة تمثل ارتفاع الجسم بالنسبة للزمن، وحدد الفترة الزمنية التي يمكثها الجسم في الهواء.

الواجب المزلي: تدريب وملئ المسائل

حل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

$$\textcircled{9} \quad 0 = 24 - 2s^2$$

$$\textcircled{8} \quad 0 = 14 + 7s^2$$



تحقق من فهمك:

(٢) حل المعادلة:  $s^2 - 12s + 3 = 8$  بإكمال المربع.

(١) أوجد قيمة ج التي تجعل ثلاثة الحدود  $s^2 - 8s + ج$

مربعاً كاملاً.

(٤) إذا أمكن زيادة المبلغ إلى ٩٨٠ ريالاً، فما عدد قطع الزي التي

(٣) حل المعادلة:  $s^2 - 9s - 21 = 0$  بإكمال المربع.

يمكن شراؤها؟ (العودة للمثال رقم ٤)

تحقق من فهمك:

٤)  $s^2 - 3s + ج$

٣)  $s^2 + 9s + ج$

٢)  $s^2 + 22s + ج$

١)  $s^2 - 18s + ج$

تأكد: أوجد قيمة ج التي تجعل كل ثلاثة حدود فيما يأتي مربعاً كاملاً:

تأكد: حل كل معادلة فيما يأتي بإكمال المربع، مقرباً الحل إلى أقرب جزء من عشرة إذا كان ضرورياً:

$$\textcircled{16} \quad s^2 + 6s - 16 = 0$$

$$\textcircled{17} \quad s^2 - 8s - 9 = 0$$

$$\textcircled{18} \quad s^2 + 4s = 6$$

مهارات التفكير العليا:

٤٤ اكتب: قارن بين الطرق الآتية: إكمال المربع، التمثيل البياني، التحليل للعوامل التي تُستعمل لحل المعادلة:  $s^2 - 5s - 7 = 0$

الواجب المنزلي: تدريب وملخص السادس

أوجد قيمة ج التي تجعل كل ثلاثة حدود فيما يأتي مربعاً كاماً:

$$\textcircled{19} \quad s^2 - 22s + \underline{\hspace{1cm}} = 0$$

$$\textcircled{20} \quad s^2 - 24s + \underline{\hspace{1cm}} = 0$$

$$\textcircled{21} \quad s^2 + 26s + \underline{\hspace{1cm}} = 0$$

تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يأتي باستعمال القانون العام، مقرّباً الحل إلى أقرب جزء من عشرة إذا كان ذلك ضروريًا:

$$2) \quad 3s^2 - 2s - 9 = 0$$

$$1) \quad s^2 - 2s + 35 = 0$$

$$3) \quad 2s^2 + 9s + 18 = 0$$

تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يأتي، وادرك الطريقة التي استعملتها:

$$3b) \quad 4s^2 - 4s - 11 = 0$$

$$4) \quad 2s^2 - 17s + 8 = 0$$

تحقق من فهمك: أوجد قيمة المميز لكل معادلة مما يأتي:

$$\text{٤) ب)} \quad 9\text{س}^2 - 30\text{س} + 25 = 0$$

$$\text{٥) ا)} \quad 11\text{س}^2 + 15\text{س} + 2 = 0$$

تأكد: حل كل معادلة مما يأتي باستعمال القانون العام، مقرباً الحل إلى أقرب جزء من عشرة إذا كان ذلك ضرورياً:

$$\text{٦) ا)} \quad 16\text{س}^2 + 1 = 0$$

$$\text{٧) ب)} \quad -8\text{س}^2 - 10 = 0$$

$$\text{٨) ج)} \quad 2\text{س}^2 - 15 = 0$$

تأكد: أوجد قيمة المميز لكل معادلة مما يأتي:

$$8 = s^2 - 3s \quad (9)$$

$$16 = s^2 + 24s \quad (8)$$

$$0 = s^2 - 9s + 21 \quad (7)$$

مهارات التفكير العليا:

٣٦) أوجد جميع قيم  $k$  التي تجعل للمعادلة: " $s^2 - 3s + k = 0$ ". حلين حقيقيين.

الواجب المنزلي: تدريب وملخص السائل

أوجد المميز لكل معادلة مما يأتي:

$$2 = s^2 - 5s \quad (10)$$

حل كل معادلة مما يأتي باستعمال القانون العام:

$$6 = s^2 + 5s - 4 \quad (11)$$

## **الفصل ٩: المعادلات الجذرية والمثلثات**

**١ – تبسيط العبارات الجذرية**

**٢ – العمليات على العبارات الجذرية**

**٣ – المعادلات الجذرية**

**٤ – نظرية فيثاغورس**

**٥ – المسافة بين نقطتين**

**٦ – المثلثات المتشابهة**

**٧ – النسب المثلثية**

## عنوان الدرس: تبسيط العبارات الجبرية

اليوم:

التاريخ: هـ ١٤٤٧ / /

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\sqrt{180} \quad (1)$$

$$\sqrt{54} \quad (2)$$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\sqrt{8} \times \sqrt{6} \quad (3)$$

$$\sqrt{10} \times \sqrt{5} \quad (4)$$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\sqrt{56} \text{ س ص ك}^5 \quad (5)$$

$$\sqrt{32} \text{ ر ك ت}^4 \quad (6)$$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\frac{7}{\sqrt{7} + 3} \quad (7)$$

$$\frac{3}{\sqrt{2} + 2} \quad (8)$$

$$\frac{\sqrt{6} \text{ ص}}{\sqrt{12} \text{ ر}} \quad (9)$$

تأكد: بسط كل عبارة فيما يأتي:

$$\sqrt{10} \times \sqrt{4} \times \sqrt{3} \quad (1)$$

$$\sqrt{14} \times \sqrt{10} \quad (2)$$

$$\sqrt{16} \times \sqrt{3} \quad (3)$$

$$\sqrt{24} \quad (4)$$

$$\sqrt[7]{60} \text{ س } ^{\frac{4}{3}} \text{ ص } ^{\frac{7}{3}}$$

تأكد: بسط كل عبارة مما يلي:

$$\frac{6}{\sqrt[11]{m+5}}$$

١٦

$$\frac{5}{\sqrt[6]{m-2}}$$

١٢

$$\frac{3}{\sqrt[3]{m+3}}$$

١١

مهارات التفكير العليا:

$$(4) \text{ تبرير:وضح كيف تحل } (3s - 2)^2 = (2s + 6)^2$$

الواجب المنزلي: تدريب وملئ المسائل

بسط كل عبارة فيما يأتي:

$$\sqrt[3]{28} \text{ أ } ^2 \text{ ب } ^3$$



$$\sqrt[15]{5} \times \sqrt[5]{m}$$

٣٣

$$\sqrt[72]{m}$$

١٩

$$\frac{9}{\sqrt[8]{m+6}}$$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

(أ)  $\sqrt{1169} - \sqrt{1162} + \sqrt{1166}$

(ج)  $\sqrt{263} - \sqrt{265} + \sqrt{264}$

(د)  $\sqrt{763} + \sqrt{364} - \sqrt{763} + \sqrt{364}$

(ج)  $\sqrt{3615} - \sqrt{3611} - \sqrt{564} + \sqrt{566}$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

(ب)  $\sqrt{4866} - \sqrt{1264}$

(ج)  $\sqrt{2462} + \sqrt{5464}$

(د)  $\sqrt{961} + \sqrt{541} - \sqrt{241}$

(ج)  $\sqrt{2451} - \sqrt{201} + \sqrt{4513}$

تحقق من فهمك: بسط كل عبارة مما يلي:

(ب)  $\sqrt{15} \times \sqrt{11} \times \sqrt{5} \times \sqrt{9}$

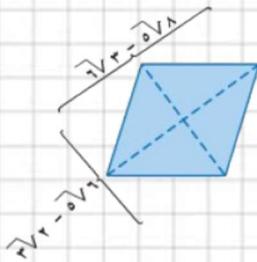
(ج)  $\sqrt{367} \times \sqrt{682}$

(د)  $(\sqrt{36} - \sqrt{26}) \sqrt{365}$

(ج)  $(\sqrt{26} + \sqrt{36}) \sqrt{263}$

٤) هندسة: يمكن إيجاد مساحة معين باستعمال المعادلة  $M = \frac{1}{2} \times a \times b$ , حيث  $a$ ،  $b$  طولا قطرى المعين.

ما مساحة المعين في الشكل المجاور؟



تأكد: بسط كل عبارة فيما يأتي:

$$\sqrt{18x} + \sqrt{12x} - \sqrt{8x} \quad \textcircled{6}$$

$$\sqrt{3x} - \sqrt{12x} \quad \textcircled{4}$$

$$\sqrt{7x^2} - \sqrt{x^2} \quad \textcircled{2}$$

$$\sqrt{5x^3} + \sqrt{5x^3} \quad \textcircled{1}$$

$$(\sqrt{2x^3} + \sqrt{7x}) \sqrt{3x} \quad \textcircled{8}$$

$$(\sqrt{6x^4} - \sqrt{2x^9}) \quad \textcircled{7}$$

مهارات التفكير العليا:

٣٢) اكتب: صف بالخطوات كيف تضرب عبارتين جذرتين يتكون كل منها من حدين، واكتب مثلاً يوضح ذلك.

الواجب المنزلي: تدرب وحل المسائل

بسط كل عبارة فيما يأتي:

$$(\sqrt{2x^3} + \sqrt{10x^2}) \sqrt{6x} \quad \textcircled{15}$$

$$\sqrt{3x^5} + \sqrt{2x^3} + \sqrt{2x^2} - \sqrt{3x^7} \quad \textcircled{13}$$

$$\sqrt{6x^2} - \sqrt{6x^9} \quad \textcircled{11}$$

تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يلي:

$$14 = \frac{1}{4 + \sqrt{m}} \quad (ب)$$

$$4 = 2 - \frac{3}{\sqrt{m}} \quad (أ)$$

تحقق من فهمك: حل كل معادلة مما يلي:

$$\frac{1}{m - 3} = s - 3 \quad (ب)$$

$$t + 5 = \frac{3}{m} \quad (أ)$$

تأكد: بسط كل عبارة فيما يأتي:

① هندسة: ما طول نصف قطر كرة سلة إذا كانت معادلة سطحها هي  $m = 4t^2$  ؟

تأكد: حل كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

$$a = 4 + \sqrt{2 - m} \quad (١)$$

$$n = \sqrt{3 + 2m} \quad (٢)$$

$$r = \sqrt{2 + 7m} \quad (٣)$$

$$h = 1 + \sqrt{10m} \quad (٤)$$

مهارات التفكير العليا:

٢١) تبرير: بين الاختلاف في حل المعادلتين الآتيتين:  $5 = ماس - 1 + 5$  ،  $5 = ماس + 1 + 5$ .

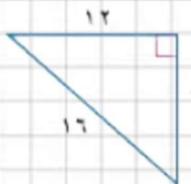
الواجب المنزلي: تدريب وملخص المسائل

بسط كل عبارة فيما يأتي:

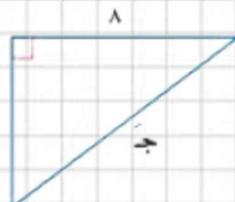
١٣)  $ر - 3 = مار + 3$

١٩)  $71 = 11 + 7$

تحقق من فهمك: أوجد طول الضلع المجهول في كل مما يأتي، وقرب الحل إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم الأمر:



(ب) ١)



(ج) ٢)

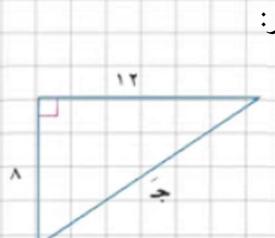
تحقق من فهمك:

(٢) لنفرض أن طول أطول ضلع في الشراع ٩ م، وطول أقصر ضلع فيه ٤ م. فأوجد ارتفاع الشراع. (راجع مثال رقم ٢ بالكتاب)

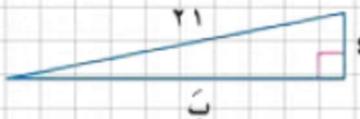
تحقق من فهمك: حدد ما إذا كانت مجموعة الأطوال الآتية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا:

١٨، ١٢، ٦ (ب) ٣

٥٠، ٤٠، ٣٠ (ج) ٤



(ب) ٣)



(ج) ٤)

تأكد: حدد ما إذا كانت مجموعة الأطوال الآتية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا:

٤٥، ٢٥، ١٥ ⑦

٢٥، ٢٤، ٧ ⑥

١٦، ١٢، ٨ ⑤

مهارات التفكير العليا:

٤٩ تبرير: أعط مثالاً مضاداً للعبارة الآتية: "تساوي مساحتها مثلثين قائمي الزاوية إذا تساوى طولاً وترهما"

الواجب المنزلي: تدرب وملئ المسائل

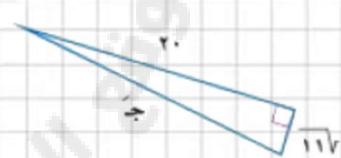
حدد ما إذا كانت مجموعة الأطوال الآتية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا:

١٤، ٧،  $\sqrt{5}$  ١٧

٤١، ٤٠، ٩ ١٥

٦

أوجد طول الضلع المجهول في كل مثلث مما يأتي:



تحقق من فهمك: أوجد المسافة بين كل نقطتين فيما يأتي:

(١) (٨ - ، ٥ - ) ، (٢ - ، ٧ - ) (ب)

(١) (٤ - ، ٣ - ) ، (٢ - ، ١ - )

(٣) أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ) إذا كانت المسافة بين النقطتين

. (٢)، (٦ - ، ٢)، (٦ - ، ٢) تساوي ١٠ وحدات.

(٤) يوصي صانعو مكبرات الصوت (الميكروفونات) بوضعها على

مسافة لا تقل عن ٨ أقدام من مكان الجلوس. فإذا وضع ميكروفون في النقطة (٩)، فهل غرفة صالح مناسبة لوضع الجهاز؟ فسر ذلك

تأكد: أوجد المسافة بين كل نقطتين فيما يأتي:

(٣) (٣ - ، ٥ - ) ، (٤ - ، ٢ - ) (٤)

(٤) (٦ - ، ٣ - ) ، (٨ - ، ٤ - ) (٥)

(٥) (٨ - ، ١٢ - ) ، (٢ - ، ٦ - ) (٦)

تأكد: أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ) مستعملاً إحداثيات كل نقطتين، والمسافة المعطاة بينهما:

$$\sqrt{10^2 + 6^2} = \sqrt{104} \quad (٨)$$

$$\sqrt{17^2 - 5^2} = \sqrt{244} \quad (٦)$$

مهارات التفكير العليا:

٣٦ تحد: إذا كانت أ(-٣، ٧)، ب(٠، ٤)، ج(-٤، ٤) إحداثيات رؤوس مثلث، فنماذج طريقتين مختلفتين لتحديد ما إذا كانت المثلث

أ ب ج قائم الزاوية أم لا.

الواجب المنزلي: تدريب وملخص المسائل

أوجد المسافة بين كل نقطتين فيما يأتي:

(٣-، ٥)، (٥، ٣-)

١٤

(٩-، ٦)، (٩، ٩)

١٠

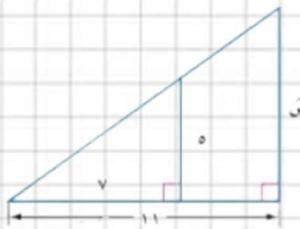
تحقق من فهّمك:

(١) حدد ما إذا كان  $\triangle ABC$  الذي فيه  $C = 68^\circ$ ,  $B = 54^\circ$ ,  $A = 68^\circ$ , يشابه  $\triangle DEF$  حيث  $F = 54^\circ$ ,  $E = 68^\circ$ ,  $D = 68^\circ$ . برأجابتكم.

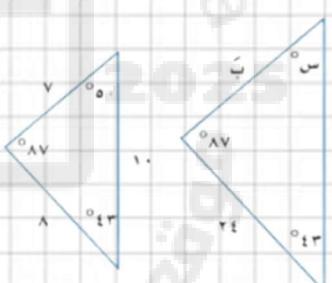
(٢) حدد ما إذا كان  $\triangle ABC$  الذي فيه  $A = 6^\circ$ ,  $B = 16^\circ$ ,  $C = 20^\circ$ , يشابه  $\triangle KLU$ , حيث  $U = 3^\circ$ ,  $L = 8^\circ$ ,  $K = 9^\circ$ . برأجابتكم.

تحقق من فهّمك: أوجد قياسات العناصر المجهولة في المثلثين المتشابهين الآتيين:

(٢)



(٣)



تحقق من فهّمك:

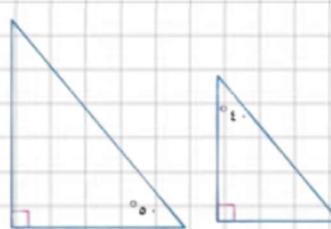
(٤) خرائط: استعمل على خريطة المملكة مقياس رسم فيه كل ١ سم تمثل ٢٥٠ كلم، إذا كانت المسافة بين جدة والمدينة المنورة

على الخريطة ١٦٨ سم تقريرًا. فكم المسافة الحقيقة بينهما؟

تأكد: حدد ما إذا كان كل زوج من المثلثات في السؤالين الآتيين متشابهين أم لا، ببر إجابتك:



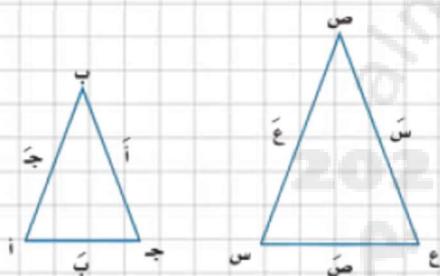
٢٩



٣٠

تأكد: إذا كان  $\Delta A B C \sim \Delta S U C$ ، فأوجد قياسات العناصر المجهولة:

$A = 4^\circ$ ,  $B = 6$ ,  $C = 8$ ,  $S = 6$

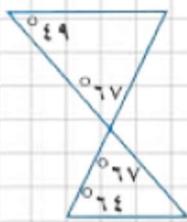


مهارات التفكير العليا:

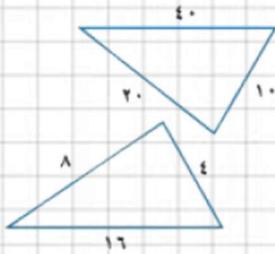
٤٧ اكتب: لخص كيف تحدد أن المثلثين متشابهان؟ وكيف تجد القياسات المجهولة فهما؟

الواجب المنزلي: تدرب وحل المسائل

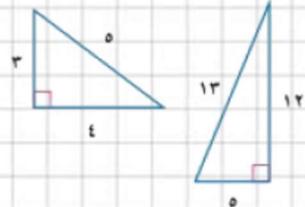
حدد ما إذا كان كل زوج من المثلثات الآتيين متشابهين أم لا، ببر إجابتك:



٤٣



٤٠



٤٩

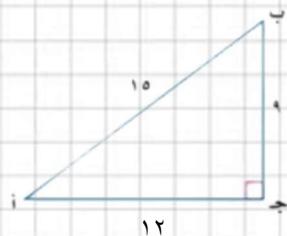
تحقق من فهmek:

استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل نسبة مثلثية في المثلث فيما يأتي،

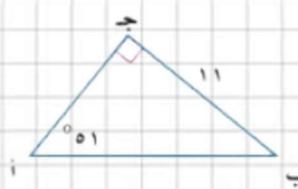
مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة آلاف في كل مما يلي:

(١٢) جا  ${}^{\circ}31$ (٢٦) ظا  ${}^{\circ}76$ (٢٥) جتا  ${}^{\circ}55$ 

(١) أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية ب.

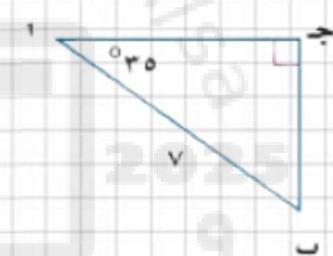


تحقق من فهmek: حل المثلث القائم الزاوية في كل مما يأتي مقرباً طول كل ضلع أقرب جزء من عشرة:



(٣٢)

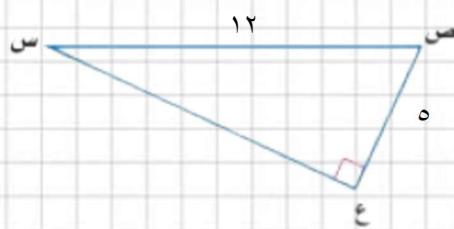
(١٣)



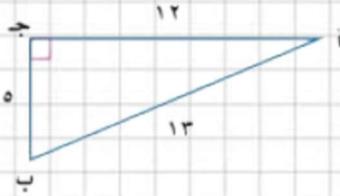
تحقق من فهmek:

(٤) لوح التزلج: ما طول لوح تزلج يصنع مع سطح الأرض زاوية قياسها  $25^{\circ}$ ، ويرتفع طرفة ٢ م؟

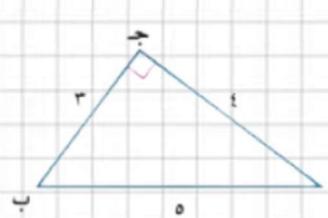
تحقق من فهmek:

(٥) أوجد  $\sin C =$  مقرباً إلى أقرب درجة إذا كان  $\sin S = 14$ ،  $\sin U = 5$ .

تأكد: أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية  $\alpha$  في كل مما يأتي:



٢



١

تأكد: استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل نسبة مثلثية فيما يأتي، مقرراً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة آلاف في كل مما يلي:

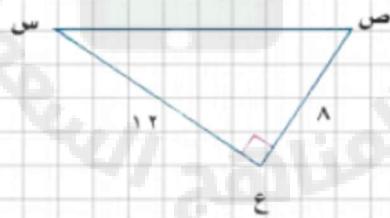
$$\cot \alpha = 0.23$$

$$\tan \alpha = 3.7$$

$$\cot \beta = 0.82$$

$$\tan \theta = 1.4$$

١٢) أوجد  $\angle C =$  مقرراً إلى أقرب درجة :



مهارات التفكير العليا:

٤٤) تبرير: إذا كان جيب زاوية وجيب تمامها متساوين، فما تستنتج عن المثلث؟

**الواجب المنزلي: تدريب وعمل المسائل**

أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية ب في كل مما يأتي:



١٦

استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل نسبة مثلثية فيما يأتي، مقرراً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة آلاف في كل مما يلي:

جا  $= {}^{\circ} 89$  ١٩

ظا  $= {}^{\circ} 2$  ١٧

ظا  $= {}^{\circ} 45$  ٢٠

جتا  $= {}^{\circ} 44$  ٢١

## الفصل ١: الإحصاء والاحتمال

١ - ١ تصميم دراسة مسحية

١ - ٢ تحليل نتائج الدراسة المسحية

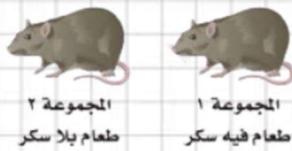
١ - ٣ إحصائيات العينة ومعالم المجتمع

١ - ٤ التباديل والتوافيق

١ - ٥ احتمالات الحوادث المركبة

تحقق من فهمك: حدد العينة والمجتمع الذي اختارت منه، ثم صنف أسلوب جمع البيانات المستعمل في كل مما يلي:

- (أ) بحوث: قامت مؤسسة للبحوث العلمية بتحليل ردود أفعال مجموعتين من الفئران تجاه السكر.
- (ب) إعادة تدوير: يرغب مجلس بلدي في أن يبدأ بمشروع إعادة فراسل لمجموعة من السكان اختياروا عشوائياً ١٠٠٠ استبانة تضمنت سؤالاً حول المواد التي يرغبون في إعادة تدويرها.



تحقق من فهمك: حدد في كل مما يأتي إن كانت العينة متحيزة أم غير متحيزة، وفسر إجابتك:

- (أ) مدرسة: سُئل كل عاشر طالب يدخل المدرسة عن المادة الدراسية المفضلة لديه.
- (ب) مطاعم: يريد مدير مطعم أن يتحقق من أن العاملين يخدمون الزبائن بأسلوب جيد، فراقب أحد العاملين مدة ساعة باليوم.

تحقق من فهمك:

حدد في كل مما يأتي العينة والمجتمع الذي اختارت منه، ثم صنف العينة إلى بسيطة أو طبقية أو منتظمة، وفسر إجابتك:

- (أ) احتفالات: تلصق نجمة في أحد الاحتفالات أسفل ثلاثة أطباق، وتقدم هدايا للضيوف الذين تكون هذه الأطباق من نصيبهم.
- (ب) طعام: يفحص المدير في أحد المطاعم جودة الفطائر كل ٢٠ دقيقة بدءاً بوقت يُحدد عشوائياً.

تأكد: حدد العينة والمجتمع الذي اختارت منه، ثم صنف أسلوب جمع البيانات المستعمل في كل مما يلي:

- (أ) رياضة: يريد مدير نادٍ رياضي أن يحدد شعاراً للنادي، فسأل ١٠٠ شخص من مشجعي النادي اختياروا عشوائياً عن آرائهم.
- (ب) مجالات: يريد القائمون على إعداد مجلة المدرسة اختيار تصميم لغلافها من بين خمسة تصاميم؛ لذا فقد اختير عشرة من طلاب المدرسة عشوائياً للانتقاء من بين هذه التصاميم.

**تأكد:** حدد في كل مما يأتي إن كانت العينة متحيزة أم غير متحيزة، وفسر إجابتك:

- ٤ تسوق: سُئل كل خامس عشر متسوق في متجر ملابس عن نوع الهدية التي يود أن تُقدم له.
- ٢ هوايات: يقف عدد من الطلاب عند مدخل المدرسة ويسألون كل عاشر طالب يدخلها عن هوايته المفضلة.

**تحقق من فهمك:**

حدد في كل مما يأتي العينة والمجتمع الذي اختيرت منه، ثم صنف العينة إلى بسيطة أو طبقية أو منتظمة، وفسر إجابتك:

- ٦ تلفزة: تود محطة تلفزة أن تحدد أكثر برامجها مشاهدة، فأرسلت استبانة إلى عدة أشخاص اختياروا عشوائياً من أنحاء المملكة كافة.
- ٥ بطاقات مصورة: وزع أحمد بطاقات الصور التي التقاطها في مجموعات بحسب المدن التي تمثلها هذه البطاقات، ثم اختار بطاقتين عشوائياً من كل مجموعة.

**مهارات التفكير العليا:**

- ٦ مسألة مفتوحة: صف مثلاً من واقع الحياة لدراسة قائمة على الملاحظة.

**الواجب المنزلي: تدريب وملعب السائل**

حدد العينة والمجتمع الذي اختيرت منه، ثم صنف أسلوب جمع البيانات المستعمل في كل مما يلي:

- ٨ رحلات: سألت وكالة سياحية جميع زبائنها الذي تعاملوا معها خلال السنتين الماضيتين عن الأماكن الأكثر تفضيلاً والأقل تفضيلاً.

حدد في كل مما يأتي إن كانت العينة متحيزة أم غير متحيزة، وفسر إجابتك:

- ٩ مكتبة: سأله أمين مكتبة كل من يستعير كتاباً إن كان يستعمل الحاسوب الموجود في المكتبة.

حدد في كل مما يأتي العينة والمجتمع الذي اختيرت منه، ثم صنف العينة إلى بسيطة أو طبقية أو منتظمة، وفسر إجابتك:

- ١٢ تسوق: يقدم مركز تجاري هدية للزبون رقم ٥٠ من بين كل خمسين زبوناً.

تحقق من فهمك: أي مقاييس النزعة المركزية (إن وجدت) هو الأنسب لتمثيل البيانات في كل مما يأتي؟ ببر إجابتك، ثم احسب

قيمة ذلك المقياس:

(أ) كتب: في دراسة مسحية لمصادر أبحاث عدد من طلاب الصف

(أ) تسوق: سجل أحد محلات بيع الأجهزة الإلكترونية عدد الزبائن

في كل ساعة عمل في أحد الأيام كما هو موضح الجدول المجاور.

عدد الزبائن			
٨٦	٧١	٧٩	٨٦
٧٩	٣٢	٨٨	٨٦
٨٢	٦٩	٧١	٧٠
٨٦	٨١	٨٥	٨٦

الثالث متوسط في إحدى المناطق التعليمية كانت الاستجابات على النحو

الآتي: من المعلم ٤٢٠؛ من مكتبة المدرسة ١٣٢٠؛ من المكتبة العامة ١٠٢٠.

من متاجر الكتب ١٠٢٠؛ من المكتبة المنزلية ٧٢٠؛ من الإنترنت ٥٤٠. من الأصدقاء ٥٤٠.

تحقق من فهمك:

(٣) التوعية بخطر المخدرات: يمثل الجدول التالي بيانات دراسة مسحية

حيث أرسلت الاستبيانات بصورة عشوائية إلكترونياً، إلى جميع طلاب المرحلة المتوسطة، عبر منصة مدرستي. حدد صحة الاستنتاجات الآتية:

هدفت الدراسة إلى الإجابة عن السؤال: هل يجب أن تعد المدرسة قوافل

تنفيذية؛ للتعریف بمشكلة المخدرات ومخاطرها المرتبطة عليها؟

عينة الدراسة هي: طلاب الصف الثالث متوسط.

نتيجة الدراسة هي: بفضل الطلاب حضور فريق من لجنة مكافحة

النتائج	
الاستجابة	الاختيار
% ٢٥	توظيف وسائل التواصل الاجتماعي
% ٥	توزيع المنشرات والمطويات
% ٣٠	إقامة قوافل تنفيذية من قبل المدرسة
% ٤٠	حضور فريق من لجنة مكافحة المخدرات

(٤) مدينة ألعاب: إذا كان الجدول المجاور يمثل نتائج تقرير دراسة مسحية

حيث طلب من كل عاشر زائر من بين ٥٠٠٠ زائر لمدينة ألعاب في أحد الأيام

أن يجيب عن سؤال الاستبانة الآتي:

السؤال: هل ترى أن أسعار بطاقات الدخول لمدينة الألعاب معقولة؟

الاستنتاج: أسعار التذاكر معقولة، ويجب أن تبقى كما هي.

النتائج	
الاستجابة	الاختيار
٥٦	معقولة جداً
١٨٥	معقولة
١٣٢	معقولة نوعاً ما
٦٩	غير معقولة
٥٨	غير معقولة أبداً

تحقق من فهمك:

٤) يوضح التمثيل بالأعمدة المجاور نتائج استطلاع أجراه مدرس التربية الرياضية لمعرفة اللعبة الرياضية التي يفضلها طلاب المدرسة.



تأكد: أي مقاييس النزعة المركزية (إن وجدت) هو الأنسب لتمثيل البيانات في كل مما يأتي؟ ببر إجابتك، ثم احسب

قيمة ذلك المقاييس:

١) **إعادة تدوير:** ترغب شركة في إعادة تدوير الأوراق الزائدة، فجمعتها في رزم ارتفاع الواحدة منها ٥٠ سم، وقد أحصى خالد عدد الرزم في نهاية كل شهر من السنة فكانت: ١٥، ١٨، ١٥، ١٤، ١٢، ١٥، ١٤، ١٣، ١٢، ١٣، ١٤، ١٣.

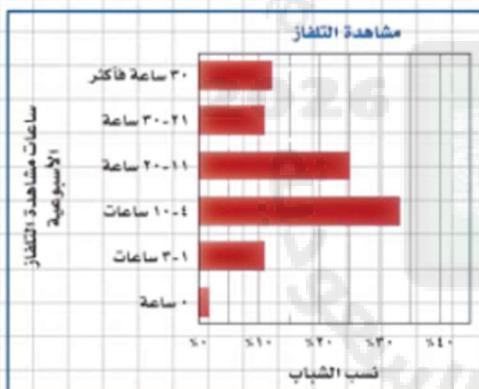
٢) **سياحة:** ت يريد إحدى وكالات السياحة التي تعمل عبر الإنترنت أن تنظم رحلات للعائلات، فأجرت مسحًا حول المكان المفضل لها لقضاء الإجازة. وقد كانت الأماكن الخمسة الأولى هي: الشواطئ ٢٥٪، المنتزهات ٢٢٪، البر ٢١٪، المواقع الأثرية التاريخية ١٧٪، الجبال ١٥٪.

**تأكد:** حدد صحة المعلومات والاستنتاجات لتقرير كل دراسة مسحية فيما يأتي:

النتائج	
الاستجابة	الاختيار
%٢٦	رياضية
%٣٢	دينية
%٣٩	إخبارية
%٣	تعليمية

**٢ تلفاز:** إذا كان الجدول المجاور يمثل نتائج تقرير دراسة مسحية حيث ت يريد محطة تلفزيونية أن تغير نشاطها ، فأرسلت ١٠٠٠ استبانة بالبريد إلى أشخاص تم اختيارهم عشوائياً تقع ضمن منطقة بثها وتلقت ٧٥٠ ردًا .  
السؤال: ما نوع البرامج التلفزيونية التي تفضلها؟  
الاستنتاج: يجب أن تحول المحطة إلى محطة إخبارية.

**تأكد:** حدد إذا كان التمثيل بالأعمدة المجاور يعطي الصورة الصحيحة حول نتائج الدراسة المسحية.



**٦ تلفاز:** أجرت شبكة إعلامية دراسة حول عدد الساعات التي يقضيها الشباب في مشاهدة التلفاز في الأسبوع الواحد، وعرضت النتائج بالتمثيل البياني المجاور.

**الواجب المنزلي: تدرب وملئ المسائل**

أي مقاييس التوزع المركزية (إن وجدت) هو الأنسب لتمثيل البيانات في كل مما يأتي؟ بره إجابتك، ثم احسب

قيمة ذلك المقاييس:

**٧ كتب:** أجري متجر كتب مسحًا لمعرفة موضوع الكتب المفضلة لزيائنه، وكانت النتائج على النحو الآتي: الثقافية ٢١ %، القصص ١٩ %

المغامرات ١٢ %، العلمية ١٧ %، الدينية ١٨ %، التاريخية ١٣ %.

تحقق من فهمك: عين العينة والمجتمع في كل المواقف الآتية، ثم صنف إحصائي العينة و معلمة المجتمع:

(١) أغذية: يتم اختيار عبوة عشوائياً من خط إنتاج أحد الأغذية المحفوظة، ثم يؤخذ بدءاً من تلك العبوة، العبوات التي أرقامها

من مضاعفات .٥، وتدون كتلتها ويحسب المتوسط لعينة كتل الإنتاج اليومي.

تحقق من فهمك:

(٢) تسويق: رصد موزع عدد صناديق العصير اليومية التي بيعت فكانت: ١٢، ١٢، ٣٦، ٣٢، ٤١، ٤٧، ٢٢، ٤٩. أوجد

الانحراف المتوسط لهذه البيانات.

تحقق من فهمك: أوجد المتوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري مقرباً جزء من عشرة لكل مجموعتي البيانات الآتتين:

١٠٠، ٨٣، ٧١، ٨٤، ٩٢ (ب)

٨، ١١، ١٥، ١٠، ٦ (٣)

**تحقق من فهمك:**

٤) رصد خالد استهلاكه من السعرات خلال أسبوع آخر فكان: ١٩٥٠، ٢٠٠٠، ٢١٠٠، ١٩٠٠، ٢٠٠٠، ٢١٠٠

أوجد الانحراف المعياري لاستهلاكه من السعرات هذا الأسبوع.

**تأكد:** عين العينة والمجتمع في كل المواقف الآتية، ثم صنف إحصائي العينة ومعلمة المجتمع:

❷ كتب: أُجريت دراسة شاملة شملت عينة مكونة من ١٠٠٠ طالب

١ تعليم: اختبرت عينة عشوائية من ٣٠٠ طلاب من الصف

في الجامعات السعودية حول المبالغ التي ينفقونها في شراء الكتب

الثالث الثانوي في المدارس الثانوية في جدة، وسئلوا إن كانوا راغبين

الإضافية في كل عام. ثم حسب المتوسط الحسابي لهذه المبالغ.

في دراسة الهندسة بالجامعة، ثم حسبت النسبة المئوية للذين

كانت إجابتهم "نعم".

**تأكد:** أوجد المتوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري مقرراً جزءاً من عشرة لمجموعة البيانات التالية:

❸ ١٨، ٢١، ١٨، ٤، ٣

٦) إلكترونيات: أجرى محمود مسحًا لعدد الأجهزة الإلكترونية الموجودة في منزل كل واحد من زملائه في الفصل فكانت إجابتهم:

٣، ١٠، ١١، ١٢، ١١، ٨، ١٢، ١١، ٧، ٨، ١١، ١٢، ٥. أوجد الانحراف المعياري مقاربًا للجواب لأقرب جزء من عشرة

لمجموعة البيانات.

مهارات التفكير العليا:

١٥) اكتشف الخطأ: تصف كل من سحر ورגד طريقة لزيادة دقة دراسة مسحية، فأيهما كانت إجابتها صحيحة؟ فسر إجابتك.

### رגד

يجب اختيار عينة الدراسة المسحية عشوائياً، ويجب أن تؤخذ عدة عينات عشوائية.

### سحر

يجب أن تشتمل الدراسة المسحية على أكبر عدد ممكن من أفراد المجتمع.

الواجب المنزلي: تدرب وحل المسائل

عين العينة والمجتمع في كل المواقف الآتية، ثم صنف إحصائي العينة ومعلمة المجتمع:

٨) اختبرت عينة عشوائية طبقية مكونة من ٢٥٠٠ طالب من طلاب المدارس المتوسطة في المملكة. ومثل أفراد العينة عن المبلغ الذي ينفقه

كل منهم في الشهر.

أوجد المتوسط الحسابي والتباين والانحراف المعياري مقاربًا جزء من عشرة لمجموعة البيانات التالية:

١٢، ٧، ٨، ٣ ١١)

تحقق من فهمك:

(٢) لوحات: رسم فنان ١٥ لوحة فنية. فبكم طريقة يمكنه اختيار ١٠

لوحات منها لعرضها في معرض فني.

(١) محاضرات: دخل ناصر وخمسة من أصدقائه قاعة محاضرات

فبكم طريقة مختلفة يمكنهم أن يجلسوا جميعاً على ٦ مقاعد حالية

في صف واحد؟

تحقق من فهمك:

(٤) كتب: أراد أربعة طلاب أن يختاروا كتاباً يقرؤونها من بين ١٨ كتاباً

مختلفاً، تكون من ٤ روایات، و٤ كتب علمية، و٨ كتب إسلامية.

فبكم طريقة يمكنهم اختيار الكتب الأربع؟

(٣) اختبار: تقدم سعيد لاختبار في التاريخ، طلب فيه الإجابة عن ١٠

أسئلة من بين ١٢ سؤالاً. فبكم طريقة يمكن أن يختار الأسئلة؟

تحقق من فهمك:

(٥) شركات: يريد أعضاء مجلس إدارة شركة أن يختاروا رئيساً ونائباً للرئيس وأميناً للسر وأميناً للصندوق. وكان فهد وسطام من بين تسعة مرشحين

لهذه المراكز.

(أ) بكم طريقة يمكن لأعضاء مجلس الإدارة اختيار الأعضاء الذي

الرئيس أو نائب الرئيس؟

يشغلون هذه المراكز؟

تأكد:

١) جوائز: يريد أحد المراكز التجارية أن يعرض صور جوائزه الست التي يوزعها على الزبائن على لوحة. بكم طريقة يمكن تنظيم الجوائز في صف واحد؟

تأكد: أوجد قيمة كل مما يأتي:

٥٠ ق، ٤٦ ق، ٣٩ ل، ٧٢ ل

مهارات التفكير العليا:

٣٠) اكتب: اذكر موقفاً لاختيار ٣ أشياء من بين ٨ أشياء، على ألا يكون الترتيب فيه مهمّاً.

الواجب المنزلي: تدريب وملعب المسائل

أوجد قيمة كل مما يأتي:

١٦٠ ق، ١٥٢ ق، ١٢٤ ل، ١٠٧ ل

تحقق من فهمك: يحتوي كيس على ٦ كرات سوداء و ٩ زرقاء و ٤ صفراء و كرتين خضراوين. فإذا سُحبت منه كرة عشوائياً ثم أعيدت سُحبت كرة ثانية، فأُوجد احتمال كلاًً ما يأني:

١(ب) ح (ليست سوداء و زرقاء)

١(أ) ح (زرقاء و خضراء)

تحقق من فهمك: يوجد في صندوق ١٠ بطاقات حمراء و ١٠ صفراء و ١٠ زرقاء و ١٠ بيضاء. و بطاقات مرقمة بالأرقام من ١ إلى ١٠ فإذا سحب عبد الكريم ثلاثة بطاقات عشوائياً من الصندوق واحدة تلو الأخرى من دون إرجاع. فأُوجد احتمال أن تكون البطاقات المسحوبة بالترتيب المُعطى فيما يأني:

٢(ب) ح (حمراء، ليست حمراء، حمراء)

٢(أ) ح (اثنان، خمسة، ليس خمسة)

تحقق من فهمك: أُوجد كلاًً من الاحتمالات الآتية عند رمي مكعب أرقام.

٣(ب) ح (عدد زوجي)

٣(أ) ح (أقل من ٣)

تحقق من فهمك:

٤) مكعب أرقام: عند رمي مكعب أرقام، ما احتمال ظهور عدد فردي أو أولي؟

تأكد: بين إن كانت الحوادث في الأسئلة الآتية مستقلة أم غير مستقلة، ثم أوجد احتمال كل منها:

- ١) الألعاب للأطفال: يحتوي صندوق ألعاب على ١٢ دمية و ٨ سيارات و ٣ كرات. إذا اختارت أمينة اثنين عشوائياً من هذه الألعاب لأخيها الأصغر، فما احتمال أن تكون قد اختارت سيارتين صغيرتين؟
- ٢) فواكه: تحتوي سلة على ٦ تفاحات و ٥ موزات و ٤ برتقالات و ٥ كمثرى إذا اختار ماجد حبة واحدة من الفاكهة عشوائياً وأكلها ثم اختار حبة ثانية. فما احتمال أن يكون قد اختار موزة ثم تفاحة؟

تأكد: بين إن كانت الحوادث في الأسئلة الآتية مستقلة أم غير مستقلة، ثم أوجد احتمال كل منها:

- ٣) كتب: اختار حسن كتاباً من الرف المجاور عشوائياً، وأعاده ثم اختار كتاباً آخر. فما احتمال أن يكون قد اختار كتابين من كتب الرياضيات؟



تأكد: يحتوي صندوق على ٨ كرات حمراء و ٨ سوداء و ٨ بيضاء و ٨ زرقاء، وقد رقمت كرات كل لون بالأرقام من ١ إلى ٨، فإذا سُحبت كرة واحدة عشوائياً من الصندوق. حدد هل الحادثان في كل مما يأتي متنافيتان أم غير متنافيتان، ثم أوجد الاحتمال:

٢٣ ح (زوجي أو سوداء)

٢٤ ح (حمراء أو زرقاء)

٢٥ ح (٢ أو ٨)

### الواجب المنزلي: تدريب وملخص المسائل

حدد ما إذا كانت الحوادث فيما يأتي مستقلة أم غير مستقلة، ثم احسب احتمال كل منها:

٧٦ نقود: إذا أُلقيت قطعة نقود ٤ مرات، فما احتمال ظهور مكعب أرقام: رمي مكعب أرقام مرتين، فما احتمال ظهور

عديدين مختلفين؟

الكتابة في المرات الأربع جميعها؟

يحتوي كيس على ١٠ بطاقات حمراء و ١٠ زرقاء و ١٠ بيضاء و ١٠ خضراء، ورُقمت البطاقات من كل لون بالأعداد من ١ إلى ١٠، فإذا

سُحب بطاقة من دون إرجاع، فأُوجد كلاً من الاحتمالات الآتية:

١٨ ح (٣ أو ليس بيضاء)

١٩ ح (١٠ ثم حمراء)

٢٠ ح (حمراء أو زرقاء)