

## النخبة الوحدة الثانية ملخص كثيرات الحدود



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الثالث المتوسط ← رياضيات ← الفصل الثاني ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2026-04-13 10:21:36

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الالكترونية الاختبارات ا حلول ا عروض بوربوينت ا أوراق عمل  
منهج انجليزي ا ملخصات وتقارير ا مذكرات وبنوك ا الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: محمود محمد بيومي

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث المتوسط



صفحة المناهج  
السعودية على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث المتوسط والمادة رياضيات في الفصل الثاني

الوحدة الثالثة وحيدات الحد كثيرات الحدود	1
تقرير تنفيذ تدريب نafs 29 في الهندسة والقياس الأشكال الهندسية ناتج التعلم	2
عرض تدريبات نafs 29 الهندسة والقياس الأشكال الهندسية الأسبوع الثامن	3
تدريبات نafs 29 على الهندسة والقياس الأشكال الهندسية ناتج التعلم	4
عرض تدريبات نafs 28 في العمليات على الأعداد والحس العددي الأسبوع السابع 1447هـ	5

## ضرب وحيدات الحد

الدرس  
الأول

## تعريف وحيدة الحد

وحيدات الحد تكون وحيدة الحد عددًا أو متغيرًا أو حاصل ضرب عدد في متغير واحد أو أكثر بأسس صحيحة غير سالبة. وتتكون من حد واحد فقط.

## الثابت

هو وحيدة حد تمثل عددًا حقيقيًا. ووحيدة الحد  $3^3$  هي مثال على عبارة خطية؛ لأن أس المتغير  $3$  فيها  $1$ ، أما وحيدة الحد  $3^2$  فليست عبارة خطية؛ لأن الأس عدد موجب أكبر من  $1$ .

## قوانين القوى والأسس

تذكر أن:  $s^n = s \times s \times s \times \dots \times s$  (ن من المرات)

## القوانين

مثال  $3^5 \times 3^2 = 3^{5+2} = 3^7$

١  $s^m \times s^n = s^{m+n}$

مثال  $3^5 \div 3^2 = 3^{5-2} = 3^3$

٢  $s^m \div s^n = s^{m-n}$

مثال  $(3 \times 4)^5 = 3^5 \times 4^5$

٣  $(s \times v)^n = s^n \times v^n$

مثال  $(3 \div 4)^5 = 3^5 \div 4^5$

٤  $s^n \div v^n = (s \div v)^n$

مثال  $(3^2)^5 = 3^{2 \times 5} = 3^{10}$

٥  $(s^n)^m = s^{n \times m}$

مثال  $(-33)^0 = 1$

٦  $s^0 = 1$

مثال  $5^{-3} = \frac{1}{5^3}$

٧  $s^{-n} = \frac{1}{s^n}$

تمارين

تمرين (١)

حدد إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد، أكتب «نعم» أو «لا»؟

٢ ف + ٢٤

١

٤

٣

٦ ٢٣ أ ب ج د

٥ - س + ٥

٨ م ف  
ن

٧ س ص ع  
٢

تمرين (٢)

حدد إذا كانت العبارات الآتية وحيدة حد، أكتب «نعم» أو «لا»؟

٢ ٢ - ١٣

١

٤ ج  
٢

٣ - ١٥ ج

٦ ١٢٢

٥ ٢ -  
٤ هـ

٨ م + ٣

٧ ك  
١٠

تمرين (٣)

بسّط كل عبارة مما يأتي :

١ (٣ن٢) (٧ن٢)

٢ (ب٣ هـ٣) (ب٣ هـ٤)

٣ (٤ص٣) (٥ص٧)

٤ (-٤رس٤ن٣) (-٦رس٤ن٢)

٦ [٣(٢٣)]

٥ [٢(٢٢)]

٨ م٤ (م٢)

٧ ك (ك٣)

١٠ (٥م٤ف٧) (٣ف٤)

٩ ٢ك٢ (٤ك٩)

١٢ [٤ص١]

١١ [٢(٢٣)]

١٣ (-٢ف٢ج٣ه٢)

١٥ (٤أ٤ب٩ج٢)

١٤ (-٣ب٥ن١)

١٦ (ك٢)(٢ك٤)

١٧ (ص١ع٩) (١ص٤ع٢)

١٨ (٤ان ج٢ه٢) (-٣ان٤ج٢ه٢)

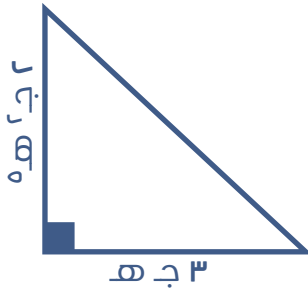
٢٠ [٢-٢س٣(٢ص٣)]

١٩ [٢(٢٢)]

٢١ (٧ك٥)

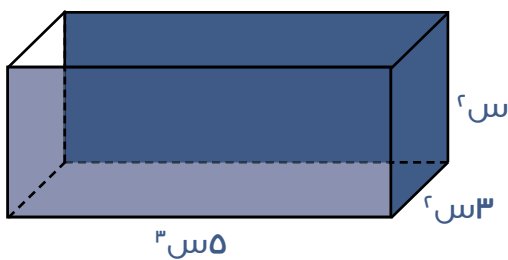
تمرين (٤)

عبر عن مساحة كل الشكل التالي بوحدة حد



تمرين (٥)

عبر عن مساحة كل الشكل التالي بوحدة حد



الدرس الثاني  
قسمة وحيدات الحد

تمرين محلول

بسّط العبارة  $\frac{ج^٣ ه^٥}{ج ه^٢}$  مفترضاً أن المقام لا يساوي صفراً

جمع القوى ذات الأساس نفسه  $\left(\frac{ج^٣}{ج}\right) \left(\frac{ه^٥}{ه^٢}\right) = \frac{ج^٣ ه^٥}{ج ه^٢}$

اقسم القوى  $(ج^{٣-١}) (ه^{٥-٢}) =$

بسّط  $ج^٢ ه^٣ =$

تمارين

تمرين (١)

بسّط كل عبارة مما يأتي مفترضاً أن المقام لا يساوي صفراً

١  $\frac{ه^٥ ل}{ه^٢ ل}$

٢  $\frac{م^١ ر ه^١ ب^٣}{م^٣ ر ه^١ ب^٣}$

٣  $\frac{ب^٤ ج^١ ن^٨}{ب^٤ ج^٣ ن^٥}$

٤  $\frac{ج^١ ه^٢ م}{ه ج^٧}$

٥  $\frac{ر^٤ ن^٧ ف^٢}{ن^٧ ف^٢}$

٦  $\frac{س^٤ ص^٢ ع^١}{ع^٥ س^٢ ص}$

٧  $\frac{ن^٤ ك^٤ و^١}{ك^٢ ن^٣ و}$

٨  $\frac{ر^٣ ف^٢}{ن^٧}$

٩  $\left(\frac{ج^٢ ج^٣ ده^٥}{ه ه^٢}\right)$

$$16 \quad \frac{أ^٧ ب^٨ ج^٩}{أ^٧ ب^٧ ج^٧}$$

-----

-----

-----

$$17 \quad \frac{ل^١ ن^٧ ر^٢}{ل^٧ ن^٧ ر^٧}$$

-----

-----

-----

$$18 \quad \frac{هـ ج^٢ د^٥}{ج^٨ د^٢ ن^٨}$$

-----

-----

-----

$$19 \quad \left( \frac{هـ ن^٥ ج^٤ هـ^٢}{ن ج^٢ هـ^٣} \right)^١$$

-----

-----

-----

$$20 \quad \left( \frac{س^٣ ص^٤ ع^٢}{هـ^٣} \right)^٢$$

-----

-----

-----

$$10 \quad \left( \frac{س^٣ ص^٤ ع^٢}{س^٣ ص^٤ ع^٢} \right)^١$$

-----

-----

-----

$$11 \quad \frac{ع^٢ ف^٥ هـ^٤}{ر هـ^٣}$$

-----

-----

-----

$$12 \quad \frac{ف^٣ ج^٢}{هـ^٤}$$

-----

-----

-----

$$13 \quad \frac{م^٤ ن^٢}{م^٢ ن^٢}$$

-----

-----

-----

$$14 \quad \frac{ج^٤ د^٤ هـ^٣}{ج^٢ د^٤ هـ^٣}$$

-----

-----

-----

$$15 \quad \frac{س^٤ ص^٩}{ع^٢}$$

-----

-----

-----

تمرين (٢)

اختر الإجابة الصحيحة:

١ العبارة التي تمثل وحيدة حد من الآتي

- أ  $9 - + ص$        ب  $٣س١$   
 ج  $٥س ص ع$        د  $س + ص$

٢  $٢ب٣ \times ٥ب٣ = \dots\dots\dots$

- أ  $٦ب١$        ب  $٥ب١$   
 ج  $١ب١$        د  $٦ب١$

٣ مساحة الدائرة على صورة وحيدة حد إذا كان  
نق =  $٣س ص٣$

- أ  $٩س٣ ص٤ط$        ب  $٦س٣ ص٤ط$   
 ج  $٣س٣ ص٤ط$        د  $٩س٣ ص٤ط$

٤ تبسيط  $(٣أ٢)٢(٣أ٣)٣$

- أ  $١٠٨أ١٢$        ب  $١٠٠أ١٢$   
 ج  $١٠٨أ١٢$        د  $١٨أ١٢$

٥ العبارة التي تمثل وحيدة حد من الآتي:

- أ  $\frac{٢- ج}{٤ هـ}$        ب  $٦ل + ص$   
 ج  $\frac{٥ك}{١٠}$        د  $٢س + ٩$

٦  $[(٢)]٢$

- أ  $٢٢$        ب  $٢٨$   
 ج  $٩٢$        د  $٨٢$

٧  $(٣أ٢)٤(٣أ٢)٣$

- أ  $١٢أ٢$        ب  $١٢أ٤$   
 ج  $١٢أ٦$        د  $١٦أ٦$

٨ حجم مكعب على صورة وحيدة حد حيث طول  
حرفه =  $س٢ ص$

- أ  $س٢ ص٦$        ب  $س٤ ص٨$   
 ج  $س٦ ص٣$        د  $س٨ ص٦$

٩  $(٤- رس٢ ن٣) (٣- ر٦ ر٣ س٢ ن) = \dots\dots\dots$

- أ  $٢٤ ر٢ س٢ ن٤$        ب  $١٠ ر١ س٢ ن٤$   
 ج  $٢٤ ر٤ س٢ ن٤$        د  $-٢٤ ر١ س٢ ن٤$

تمرين (٣)

السؤال الأول بسط ما يلي:

$(٣ب١٠)٢(٤ب٧-٣ب١٠)٤(٢ب١٠)٣$

Handwriting practice area with dashed lines for the answer.

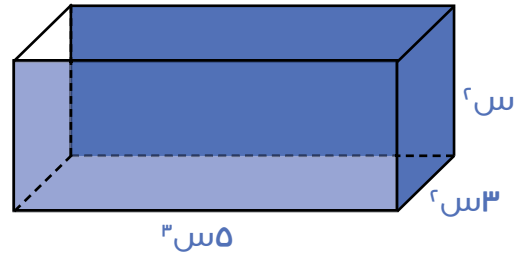
السؤال الثاني بسط ما يلي:

$$(-2f^5j^2)^3$$



السؤال الثالث

عبر عن حجم المجسم على صورة وحيدة حد



السؤال الرابع

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1 تكون وحيدة الحد عدد أو متغير أو حاصل ضرب عدد بمتغير

2 ل - ٦ تعتبر وحيدة حد

3 عند ضرب قوتين لهما الأساس نفسه نطرح الأسس

4 (٥ س ص<sup>٤</sup>) × ٦ س<sup>٢</sup> ص<sup>٢</sup> = ٣٠ س<sup>٣</sup> ص<sup>٧</sup>

## تمارين إضافية

السؤال الأول بسط ما يلي:

$$1 \frac{a^7b^8j^4}{a^5b^7j^4}$$

$$2 \frac{r^3f^2}{n^7}$$

$$3 \left( \frac{2c^2}{3c^3} \right)$$



## الدرس الثالث كثيرات الحدود

### كثيرة الحدود

هي وحيدة حد أو مجموع وحيدات حد. تُسمى كل وحيدة حد منها حداً في كثيرة الحدود. وبعض كثيرات الحدود تحمل أسماء خاصة.

### ثنائية الحد

هي مجموع وحيدتي حد في أبسط شكل.

### ثلاثية الحدود

هي مجموع ثلاث وحيدات حد في أبسط شكل.

$$٧ \quad ٥م^٢ن^٣ + ٦$$

$$٨ \quad ٥ك-٤ + ٦ك$$

$$٩ \quad ٥ص^٣ + \frac{٤س}{س^٢}$$

$$١٠ \quad ٢١$$

$$١١ \quad ٤ج - ٢ج^٢ + ١$$

$$١٢ \quad ٣د + د-٣$$

### درجة وحيدة الحد

هي مجموع أسس كل متغيراتها. ودرجة الثابت غير الصفر تساوي صفرًا. وليس للصفر درجة.

### درجة كثيرة الحدود

هي أكبر درجة لأي حد من حدودها، ولإيجاد درجة كثيرة حدود، يتعين عليك أولاً إيجاد درجة كل حد فيها، ويمكن تسمية بعض كثيرات الحدود اعتمادًا على دوجتها، فتسمى ذات الدرجة صفر: ثابتة، وذات الدرجة ١: خطية، وذات الدرجة ٢: تربيعية، وذات الدرجة ٣: تكعيبية

### تمرين (٢)

أوجد درجة كل كثيرة حدود فيما يأتي:

$$١ \quad ٣-$$

$$٢ \quad ٦ن^٣ - ٤ن$$

$$٣ \quad ٧ع-$$

$$٤ \quad \frac{٣}{٤}$$

### تمارين

#### تمرين (١)

حدد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا، وإذا كانت كذلك فصنفها إلى وحيدة حد، أو ثنائية حد، أو ثلاثية حدود.

$$١ \quad س$$

$$٢ \quad ٣ص^٢ - ٢ص - ٤ص + ١$$

$$٣ \quad ٥ر س + ٧ن ف ك$$

$$٤ \quad ١٠س-٤ - ٨س١$$

$$٥ \quad ٢ص - ٥ + ٣ص$$

$$٦ \quad ٣س$$

$$٣ \quad ١٢ + ٣٤ - ١٥ - ١$$

$$٥ \quad ١٢ - ٧٤ + ٨$$

$$٦ \quad ١٢ + ٥ - ١$$

$$٧ \quad ١ + ٢ + ٣ + ٤ + ٥ + ٦ + ٧ + ٨ + ٩ + ١٠$$

## تمرين (٢)

جامعات: افترض أنه يمكن تمثيل عدد الطلاب المسجلين في جامعة من عام ١٤٣٠ هـ إلى ١٤٣٩ هـ بالمئات بالمعادلة  $= ٢ + ١,٥$ ، حيث  $s$  عدد السنوات منذ عام ١٤٣٠ هـ.

أ ما عدد الطلاب الذين تم تسجيلهم في الجامعة في عام ١٤٣٥ هـ؟

ب ما عدد الطلاب الذين تم تسجيلهم في الجامعة في عام ١٤٣٧ هـ؟

## كثيرات الحدود بالصورة القياسية

يمكنك كتابة كثيرة الحدود بأي ترتيب. ولاستخدام الصورة القياسية لكثيرات الحدود بمتغير واحد، اكتب الحدود بترتيب تنازلي بحسب درجتها. وعندما تكتب كثيرة الحدود بالصورة القياسية، فإن معامل أول حد فيها يُسمى **المعامل الرئيس**.

الصورة القياسية:

$$٧ + ٤س - ٥س + ٢س + ٢س + ٢س + ٧$$

المعامل الرئيس أكبر درجة

## تمارين إضافية

### السؤال الأول

اكتب كثيرة الحدود التالية بالصورة القياسية وحدد المعامل الرئيس فيها، ثم حدد نوعها

$$٤س + ٣س + ٢س - ٥س + ٢س + ٢$$

## تمارين

### تمرين (١)

اكتب كل كثيرة حدود فيما يأتي بالصورة القياسية، وحدد المعامل الرئيس فيها:

$$١ \quad -٣ص + ٣ص - ٣ص + ٢$$

$$٢ \quad ٤ع - ٢ع - ٥ع$$

اكتب مثالاً على ثلاثية حدود من الدرجة الرابعة

3 درجة كثيرة الحدود  $9س^٢ - ٢س - ٤$  هي الدرجة الثانية

4 درجة وحيدة الحد هي مجموع أسس كل متغيراتها

## اختبار الدرس الثالث

اختر الإجابة الصحيحة :

1 درجة كثيرة الحدود هي ..... لأي حد من حدودها

- أ) أكبر درجة      ب) أصغر درجة  
ج) أي درجة      د) مجموع الدرجات

2 درجة الحد الثابت غير الصفر تساوي .....

- أ) ١      ب) صفر  
ج) -١      د) ٢

3 كثيرة الحدود  $٣س^٢ + ٥س - ٥$  تصنف على أنها .....

- أ) وحيدة حد      ب) ثلاثية حدود  
ج) ثنائية حد      د) خماسية حدود

4 درجة كثيرة الحدود  $س + ٣س^٤ - ٢١س^٢ + ٣س^٣$

- أ) ٤      ب) ٣  
ج) ٢      د) ٥

5 المعامل الرئيس لكثيرة الحدود  $٨س^٢ - ١٥س + ٥س^٥$

- أ) ٨      ب) -١٥  
ج) ٥      د) ١٥

بسط:  $٥س^٣ + ٣س^٢ - ٦س^٣ = \dots\dots\dots$

السؤال الثاني اختر الإجابة الصحيحة

1 العبارة التي لا تمثل كثيرة حدود من الآتي:

- أ)  $٨$       ب)  $٤ص$   
ج)  $٦س^٣ + ٣ص$       د)  $٧س^٢ + ٣$

2 العبارة:  $٥س ص + ٧ص$  تعتبر:

- أ) وحيدة حد      ب) ثلاثية حدود  
ج) ثنائية حد      د) خماسية حدود

3 درجة وحيدة الحد  $٩س^٣ ص$  هي :

- أ) ٩      ب) ٣  
ج) ٢      د) ٥

4 المعامل الرئيس لكثيرة الحدود  $٦س^٤ + ٥س^٥ - ٥س^٧$

- أ)  $٥-$       ب) ٤  
ج) ٢      د) ١

السؤال الثالث

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1 تعتبر  $٦س - ٤$  وحيدة حد

2  $٨ص + ٧ص^٣$  مكتوبة بالصورة القياسية

### الدرس الرابع

### جمع كثيرات الحدود وطرحها

$$٢ \quad (ج٣ - ج٢ + ج + ٦) + (ج٢ + ج٢)$$

$$٣ \quad (٨ص - ٤ص٢) + (٣ص - ٩ص٢)$$

$$٤ \quad (٥ - ٣ع٣ + ٤ع٣) - (٨ + ٢ع - ٤ع٣)$$

$$٥ \quad (٢د٣ - ٨د + ١٢د٢) + (٢د + ١٢د٢)$$

$$٦ \quad (٣ن٣ - ٥ن + ٢ن) - (٣ن٣ + ٨ن)$$

### جمع كثيرة الحدود

يتم جمع كثيرتي حدود بجمع الحدود المتشابهة، ويمكن جمع كثيرتي حدود باستعمال الطريقة الأفقية أو الرأسية.

### مثال محلول

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$١ \quad (٢س٢ + ٥س - ٧) + (٣ - ٤س٢ + ٦س)$$

### الطريقة الأفقية

$$(٢س٢ + ٥س - ٧) + (٣ - ٤س٢ + ٦س)$$

$$= [٢س٢ + (-٤س٢)] + [٥س + ٦س] + [-٧ + ٣]$$

جمع الحدود المتشابهة

$$= -٢س٢ + ١١س - ٤$$

اجمع الحدود المتشابهة

### الطريقة الرأسية

$$\begin{array}{r} ٢س٢ + ٥س - ٧ \\ + \quad ٣ - ٤س٢ + ٦س \\ \hline -٢س٢ + ١١س - ٤ \end{array}$$

رتب الحدود  
المتشابهة عمودياً  
واجمع

### تمرين (١)

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$١ \quad (٩ + ٣س٢) + (٤ - ٣س)$$

١٢ (س<sup>٢</sup>ص - ٣س<sup>٢</sup>ص + ٢ص<sup>٢</sup>س) + (٣ص - ٢س<sup>٢</sup>ص<sup>٢</sup>)

٧ (ص + ٥) (٢ص + ٤ص<sup>٢</sup> - ٢)

تمارين إضافية

السؤال الأول  
أوجد ناتج ما يلي:

٨ (ج<sup>٣</sup> - ج + ١١) - (ج<sup>٢</sup> + ٢ج + ٨)

٩ (س + ٥س<sup>٢</sup>) + (-س<sup>٢</sup> + ١٢س)

٩ (ع + ٢ع) + (١١ - ع<sup>٢</sup>)

استخدم الطريقة الرأسية لإيجاد ناتج  
(٨ص - ١٠ + ٥ص<sup>٢</sup>) - (٧ص<sup>٣</sup> + ١٢ص)

١٠ (٢س - ٢ص + ١) - (٣ص + ٤ص)

١١ (٤أ - ٥ب<sup>٢</sup> + ٣) + (٦ - ١٢أ + ٣ب<sup>٢</sup>)

4 النظير الجمعي لـ - ص<sup>٣</sup> هو ص<sup>٣</sup>

اختبار الدرس الرابع

اختر الإجابة الصحيحة :

1 ..... = (١ + ص<sup>٣</sup>) - (٥ + ص<sup>٤</sup>)

أ ص<sup>٧</sup> - ص<sup>٤</sup>      ب ص<sup>٤</sup> - ص<sup>٤</sup>

ج ص<sup>٧</sup> + ص<sup>٤</sup>      د ص<sup>٤</sup> + ص<sup>٤</sup>

٢ ..... = (ص<sup>٤</sup> + ص<sup>٢</sup>) - (ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٢</sup>)

أ ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٤</sup>      ب ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٤</sup>

ج ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>      د ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٤</sup>

٣ ..... = (ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٢</sup>) + (ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٢</sup>)

أ ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>      ب ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٤</sup>

ج ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>      د ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>

٤ النظير الجمعي لـ - ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٤</sup> هو .....

أ ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٤</sup>      ب ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>

ج - ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٤</sup>      د - ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٣</sup> - ص<sup>٤</sup>

٥ أ<sup>٢</sup> + ب<sup>٢</sup> + أ<sup>٢</sup> + ب<sup>٢</sup> + أ<sup>٢</sup> + ب<sup>٢</sup>

أ أ<sup>٣</sup> + ب<sup>٣</sup>      ب أ<sup>٣</sup> + ب<sup>٣</sup>

ج أ<sup>٣</sup> + ب<sup>٣</sup>      د أ<sup>٣</sup> - ب<sup>٣</sup>

السؤال الثاني

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ..... = (٦ - أ<sup>٣</sup>) + (٥ - أ<sup>٤</sup>)

أ ٧ - أ<sup>٧</sup>      ب ١ - أ<sup>٧</sup>

ج ١١ - أ<sup>٧</sup>      د ١١ - أ<sup>٧</sup>

٢ المعكوس الجمعي لـ ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٦</sup> هو:

أ ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٦</sup>      ب - ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٦</sup>

ج - ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٦</sup>      د ص<sup>٥</sup> - ص<sup>٦</sup>

٣ ..... = (ب<sup>٢</sup> - أ<sup>٢</sup>) - (ب<sup>٢</sup> + أ<sup>٢</sup>)

أ أ<sup>٢</sup> + ب<sup>٢</sup>      ب أ<sup>٢</sup> - ب<sup>٢</sup>

ج ب<sup>٢</sup> - أ<sup>٢</sup>      د ب<sup>٢</sup> - ب<sup>٢</sup>

٤ ص<sup>٣</sup> ع + ص<sup>٣</sup> ع + ص<sup>٣</sup> ع - ص<sup>٣</sup> ع

أ ص<sup>٣</sup> ع      ب ص<sup>٣</sup> ع

ج ص<sup>٣</sup> ع      د ص<sup>٣</sup> ع

السؤال الثالث

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1 ١٥ (أ - أ<sup>٤</sup>) + (٧ - أ<sup>٢</sup>) = ١٥ - أ<sup>٤</sup> + ٧ - أ<sup>٢</sup>

2 ٥ ص<sup>٣</sup> + ص<sup>٢</sup> = ٧ ص<sup>٧</sup>

3 (٧ ص<sup>٢</sup> + ص<sup>٢</sup>) + (٤ ص<sup>٥</sup> + ص<sup>٥</sup>) = ١٢ ص<sup>٢</sup> - ص<sup>٢</sup>

الدرس الخامس جمع كثيرات الحدود وطرحها

٣ -  $(2d^2 - 3d^2 + 4d^2) + (3d^2 - 4d^2)$

ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود

يمكنك استعمال خاصية التوزيع لإيجاد ناتج ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود.

## تمارين

تمرين (١)

أوجد ناتج الضرب في كلِّ مما يأتي:

١  $5n(-3n + 2n - 4)$

٢  $6j^2(3j^3 + 4j^2 + 10j - 1)$

٣  $-3k^4(2k^2 - 4k - 5)$

٤  $2a(b + 7b^4 + 5b - 12)$

## تمارين إضافية

السؤال الأول

أوجد ناتج ما يلي:

٣  $\frac{3}{5}r^2(10r^3 + 5r^2 + 15r)$

تمرين (٢)

بسِّط كل عبارة فيما يلي:

١  $n(4n^2 + 15n + 4) - (3n - 1)$

٢  $s(3s^2 + 4) + 2(7s - 3)$

السؤال الثالث

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1  $٣١٥ = (٧ - ١٢ + ٢١٤ - ٣١٧ - ٤١٢ - ٣١٠ + ٣١٧)$

2 في عملية الضرب تجمع الأسس للأساسات المتشابهة

3  $س٣ \times س٣ = س٦$

4 ناتج ضرب وحيدة حد في ثنائية حد هو ثلاثية حدود

اختبار الدرس الخامس

اختر الإجابة الصحيحة :

1 ناتج  $(٢٣ + ٣٣ - ٤٣)$  = .....

أ  $٢٣ + ٣٣ + ٤٣$   ب  $٢٣ + ٣٣ - ٤٣$

ج  $٢٣ + ٣٣ + ٤٣$   د  $٢٣ + ٣٣ - ٤٣$

2 ناتج  $س٣ - (٤ - س٣)$  = .....

أ  $س٣ - ٢٠$   ب  $س٣ - س٣$

ج  $س٣ + س٣$   د  $س٣ - س٣$

3 حل المعادلة  $٣(٢ + و٣) + ٥ = ٠ + (٢ + و٢)$

أ -١  ب -٣

ج -٧  د ٢

حل المعادلة

$٣(٣ + ن) + ١٨ = ٢(ن - ٣)$

السؤال الثاني

اختر الإجابة الصحيحة:

1  $س٣(٣ + ٤ س) =$  .....

أ  $س٣ + ٤ س٣$   ب  $٣ س٣ + ٤ س٣$

ج  $٤ س٣ + ٤ س٣$   د  $٣ س٣ + ٤ س٣$

2  $٢(ب - ١) =$  .....

أ  $٢ب + ٤$   ب  $٢ب - ٤$

ج  $٢ب + ٤$   د  $٢ب - ٤$

3  $٣(٤٠ - ٤٢) =$  .....

أ  $٤١٥ - ٣٤٦$   ب  $٤١٥ - ٧٤٦$

ج  $٤١٥ + ٤٢$   د  $٤١٥ - ٤٢$

4  $س(س - س٣)$

أ  $س٣ - س٣$   ب  $س - س٣$

ج  $س٣ - س٣$   د  $س - س٣$

$$٤ \quad \frac{٢}{٣} ن ب (٢٠٣ + ٩ ن - ٦)$$

أ  $٢ ن^٥ + ٣ ن^٣ - ٤ ن^٢$

ب  $٢ ن^٥ + ٦ ن - ٤ ن$

ج  $٢ ن^٤ + ٣ ن^٢ - ٤$

د  $٢ ن^٤ + ٣ ن^٣ - ٤ ن^٣$

## ضرب كثيرات الحدود

الدرس  
السادس

## ضرب ثنائي حد

تسعمل خاصية التوزيع لضرب ثنائيي حد مثل  $ع + ١٨٠$ ،  $\frac{١}{٢} ع + ٢٧$ ، ويمكن ضرب ثنائيي الحد أفقيًا أو رأسيًا

## طريقة التوزيع بالترتيب

## التعبير اللفظي

لضرب ثنائيي حد، أوجد ناتج جمع كل من: ضرب الحدين الأولين، وضرب الحدين في الطرفين، وضرب الحدين الأوسطين، وضرب الحدين الأخيرين بالترتيب.

## مثال

ناتج ضرب الحدين  
الأخيرين

$(٢-) (٤)$

ناتج ضرب  
الحدين الأوسطين

$(٤) (س)$

ناتج ضرب الحدين  
في الطرفين

$(٢-) (س)$

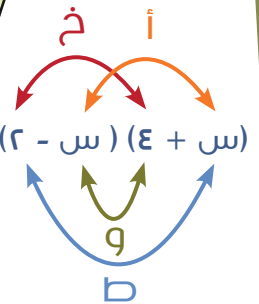
ناتج ضرب  
الحدين الأولين

$(س) (س)$

$(٢-) (٤) + (٤) (س) + (٢-) (س) + (س) (س) = (س - ٢) (٤ + س)$

$٨ - س٤ + س٢ - ٢س =$

$٨ - س٢ + ٢س =$



$(٣ + ب) (٧ - ب)$

$(٩ + ن) (٣ + ٤ن)$

$(٣ - ه٢) (١ - ه٨)$

$(٦ - أ٥) (٩ + أ٢)$

## تمارين

تمرين (١) أوجد ناتج الضرب في كلِّ مما يأتي:

$(٢ + س) (٥ + س)$

$(٤ + ص) (٢ - ص)$

## تمارين إضافية

## السؤال الأول

أوجد ناتج الضرب في ما يلي:

$$(3s - 5) (2s^2 + 7s - 8)$$

$$(3j + 2) (j^2 + 9j - 2)$$

## السؤال الثاني

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ناتج ضرب  $(8 + v)(v + 4) = \dots$ 

أ  $3v^2 + 12v + 32$

ب  $3v^2 - 32$

ج  $3v^2 - 4v - 32$

د  $3v^2 + 4v$

$$2(3n + 3) (3n - 3)$$

أ  $9 + 4n^2$

ب  $9 - 4n^2$

ج  $9 + 4n^2$

د  $9 - 4n^2$

$$5(3 - 4v^2) (4v^2 + 7v + 2)$$

$$8(s^2 - 4s + 5) (5s + 4s - 4)$$

$$9(5v - 4) (3v - 1)$$

$$10(6d - 5) (4d - 7)$$

$$11(5m + 3) (3m + 3)$$

$$12(5a - 5) (2a + 5)$$

$$13(7r + 7) (5r - 7)$$

$$14(8s + 4s) (5s - 6s)$$

٣ نتيجة ضرب العبارتين الخطيتين عبارة

أ) تربيعية ب) تكعيبية

ج) من الدرجة ٤ د) من الدرجة ٥

٤  $(٤ + م)(٥ + م)$

أ)  $٣م + ٩م$  ب)  $٣م - ٩م$

ج)  $٣م + ١٢م + ١٥$  د)  $٣م + ١٩م + ٢٠$

٢ ناتج الضرب  $(٣ - ن - ٤)(٤ - ن - ٤)$

أ)  $٩ن - ٢٤ن + ١٦$  ب)  $٩ن - ٢٤ن - ١٦$

ج)  $٩ن + ٢٤ن + ١٦$  د)  $٩ن - ٢٤ن - ١٦$

٣ نتيجة ضرب ٣ عبارات خطية هي عبارة من الدرجة

أ) الثانية ب) الثالثة

ج) الرابعة د) الخامسة

٤ المثلث الذي قاعدته  $(٤س + ٢)$  سم وارتفاعه  $(٢س - ٢)$  مساحته ..... وحدة مربعة

أ)  $٤س + ٢س + ٢$  ب)  $٤س - ٢س + ٢$

ج)  $٤س - ٢س + ٢$  د)  $٤س - ٢س - ٢$

٥  $(١١ - د)(١١ - د) = (٢ + ٣ - د) \dots\dots\dots$

أ)  $٣د - ١٧د + ٣٧ - ١٢$  ب)  $٣د - ١٥د + ٣٧ - ٢٢$

ج)  $٣د - ١٧د + ٣٧ - ٢٠$  د)  $٣د - ١٧د + ٣٧ - ٢٢$

السؤال الثالث

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1 (س - ١) (س + ١) = س - ١

2 (س + ٦) (س - ٩) = (س - ٩) (س + ٦)

3 (س - ٣) = س + ٩

4 في عملية الضرب نطرح أسس الحدود المتشابهة

اختبار الدرس السادس

اختر الإجابة الصحيحة :

١ ناتج الضرب  $(٩ - ٢س)(٤ + ٢س)$

أ)  $٤س - ١٥س - ٣٦$  ب)  $٤س - ١٢س - ٣٦$

ج)  $٤س - ١٠س - ٣٦$  د)  $٤س - ١٠س + ٣٦$

**الدرس السابع**  
حالات خاصة من ضرب  
كثيرات الحدود

## الحالة الأولى

مفهوم أساسي مربع مجموع حدين

التعبير اللفظي مربع (أ + ب) هو مربع أ زائد مثلي حاصل ضرب أ في ب مضافاً إليه مربع ب

الرموز  $(أ + ب)^2 = (أ + ب)(أ + ب) = أ^2 + 2أب + ب^2$

مثال  $(س + ٤)^2 = (س + ٤)(س + ٤) = س^2 + ٨س + ١٦$

مفهوم أساسي مربع الفرق بين حدين

التعبير اللفظي مربع (أ - ب) هو مربع أ ناقص مثلي حاصل ضرب أ في ب مضافاً إليه مربع ب

الرموز  $(أ - ب)^2 = (أ - ب)(أ - ب) = أ^2 - 2أب + ب^2$

مثال  $(س - ٣)^2 = (س - ٣)(س - ٣) = س^2 - ٦س + ٩$

## الحالة الثانية

مفهوم أساسي ناتج ضرب مجموع حدين في الفرق بينهما

التعبير اللفظي ناتج ضرب (أ + ب)، (أ - ب) هو مربع أ ناقص مربع ب

الرموز  $(أ + ب)(أ - ب) = (أ - ب)(أ + ب) = أ^2 - ب^2$

## تمارين

تمرين (أ) أوجد ناتج كلِّ مما يأتي:

١ (س + ٥)²

٢ (أ - ١١)²

٣ (س² + ٧ص)²

٤ (٤ - م³) (٤ - م³)

٥ (ج - ه٤) (ج - ه٤)

٦ (ج³ + ٦د)²

٧ (أ - ٣) (أ + ٣)

٨ (س + ٥) (س - ٥)

٩ (ص - ٧) (ص + ٧)

١١ (أ + ١٠) (أ + ١٠)

١٢ (ب - ٦) (ب - ٦)

١٣ (ه٧ + ٧)²

١٤ (س + ٦)²

١٥ (٨ - م)²

١٦ (٩ - ص²)²

١٧ (٣ + ب²)²

١٨ (٥ - ن²)²

١٩ (ه٨ - ع٤)²

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

## تمارين

اختر الإجابة الصحيحة :

١ ما ناتج ضرب  $(3 - 2x)(3 - 2x)$  ؟

- أ  $9 + 4x + 12x + 4x^2$       ب  $9 - 4x - 12x - 4x^2$
- ج  $9 + 4x^2$       د  $9 - 4x - 12x - 4x^2$

٢ يقطع مروان مسافة ٦ كلم في م دقيقة بسيارته، كم دقيقة سيحتاج إليها لقطع ٣٠ كلم بهذا المعدل؟

- أ  $\frac{3}{0}$  م      ب  $0$  م
- ج  $180$  م      د  $\frac{0}{0}$

## تمارين إضافية

السؤال الأول

أوجد ناتج كما يأتي:

$$..... = (2 - 9d)^2$$

$$..... = (4s + 5v)^2$$

$$..... = (b - 17)(b + 17)$$

اختر الإجابة الصحيحة:

السؤال الثاني

$$١ (3s + 7)^2$$

- أ  $9s - 36$       ب  $9s^2 + 9s + 36$
- ج  $9s^2 + 36 + 9s$       د  $9s^2 + 36 + 9s$

$$٢ (50 + 0)(50 - 0) = .....$$

- أ  $2500 - 250$       ب  $2500 + 250$
- ج  $2500 - 250$       د  $2500 - 250$

$$٣ (s - 1) = .....$$

- أ  $s^2 - 2s$       ب  $s^2 + 2s + 1$
- ج  $s^2 - 2s + 1$       د  $s^2 + 2s + 1$

$$٤ (0 + 10)(0 - 10) = .....$$

- أ  $100 - 10$       ب  $100 + 10$
- ج  $100 - 10$       د  $100 - 10$

## ٣ العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الاخرى

- أ (س - ع) (س - ع)  
 ب (س - ع) (س + ع)  
 ج (س + ع) (س + ع)  
 د (س - ص) (س - ص)

## السؤال الثالث

ضع علامة (صح) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (خطأ) أمام العبارة الخاطئة:-

1  $(س - ٧) = ٧ - س$

2  $(س - ٥) = ٥ - س$

3  $(٤ + أ) = (٤ + أ)$

4  $(٦ + أ) = (٦ - أ)$

## اختبار الدرس السابع

اختر الإجابة الصحيحة :

١  $(أ + ب) = \dots$

- أ  $أ + ب + أ + ب$   
 ب  $أ + ب$   
 ج  $أ - ب + أ + ب$   
 د  $أ - ب$

٢  $(ج - هـ) = \dots$

- أ  $ج - هـ - ج - هـ$   
 ب  $ج - هـ - ج - هـ$   
 ج  $ج - هـ + ج - هـ$   
 د  $ج - هـ + ج - هـ$

٣  $(٣ + ١٠) = \dots$

- أ  $٩ + ٦٠ + ١٠٠$   
 ب  $٩ + ١٠٠$   
 ج  $٦٠ + ١٠٠$   
 د  $٩ + ٣٠ + ١٠٠$

## أسئلة مجمعة على الوحدة الثانية

اختر الإجابة الصحيحة مما يلي:-

١ تبسط العبارة  $v^0 \times v^3$ :

- أ  $v^3$       ب  $v^8$   
ج  $v^{10}$       د  $2v^8$

٢ تبسط العبارة  $(b^4)^3$ :

- أ  $b^7$       ب  $3b^3$   
ج  $b^{12}$       د  $3b^7$

٣ تبسط العبارة  $\frac{m^5 r^0}{m^3 r^3}$  نفترضًا أن المقام لا يساوي صفرًا:

- أ  $m^2 r^3$       ب  $\frac{m^3}{r}$   
ج  $m^3 r$       د  $\frac{r}{m^3}$

٤ أوجد درجة كثيرة الحدود:  $b^0 + 3b^2 + v$ :

- أ ٣      ب ٨  
ج 0      د ٧

٥ أي مما يأتي تبين الصورة القياسية لكثيرة الحدود:  $s^3 + 0s^2 - 4s - 2$ ؟

- أ  $0s^3 - 2s^2 + s - 4$   
ب  $0s^3 - 4s^2 - s - 2$   
ج  $0s^3 + s^2 - 4s - 2$   
د  $0s^3 + s^2 - 2s - 4$

٦ إذا كان طول مستطيل  $20s^3$ ، وعرضه  $5s^2$ ، فأوجد مساحته بالوحدات المربعة:

- أ  $20s^6$       ب  $20s^5$   
ج  $120s^6$       د  $120s^5$

٧ أوجد ناتج  $(9t^2 + 4t - 7) - (t^2 - 2t + 4)$ :

- أ  $8t^2 + t - 10$       ب  $8t^2 + t - 2$   
ج  $9t^2 + t - 2$       د  $9t^2 + t - 10$

٨ أوجد ناتج  $3m^2(m - 2)$ :

- أ  $3m^3 - 6m^2$       ب  $6m^3 - 6m^2$   
ج  $3m^3 - 6m$       د  $6m^3 - 6m^2$

٩ أوجد ناتج الضرب  $(3 - n)(4 - n)$ :

- أ  $3n^2 + 12$       ب  $3n^2 + n - 12$   
ج  $3n^2 - n + 12$       د  $3n^2 + n + 12$

١٠ أوجد ناتج  $(3 - v)^2$ ؟

- أ  $9v^2 - 6v + 1$       ب  $9v^2 - 6v + 3$   
ج  $9v^2 - 6v + 1$       د  $9v^2 - 6v - 1$

١١ أوجد ناتج الضرب  $(2s - 5)(2s + 5)$ ؟

- أ  $4s^2 - 25$       ب  $4s^2 - 20$   
ج  $4s^2 - 20$       د  $4s^2 + 20$

١٢ حل المعادلة  $6(n - 11) = 4 + 12(3 - n)$ :

- أ  $-11$       ب  $11$   
ج  $-33$       د  $33$

١٣ بسط العبارة  $(ن^٥) (ن^٢) (ن^٣) (ن^٤)$ :

- أ)  $ن^١٠ ر^١$       ب)  $ن^٧ ر^٧$   
ج)  $ن^٧ ر^٧$       د)  $ن^٤ ر^١٤$

١٤ بسط العبارة  $(٣ و٣ ر) (٢- و٥ ر) ٣$ :

- أ)  $٧٢- و٩ ر^٨$       ب)  $٧٢ و١٢ ر^٧$   
ج)  $٣٦- و٣٢ ر^١$       د)  $٣٦ و٩ ر^٦$

١٥ بسط كل عبارة مفترضا أن المقام لا يساوي

$$\frac{م^٦ ن^٣}{م^٦ ن^٢}$$

- أ)  $\frac{م^٤}{ن^٣}$       ب)  $\frac{م^٤}{ن^٣}$   
ج)  $\frac{م^٨}{ن^٣}$       د)  $\frac{م^٨}{ن^٣}$

١٦ بسط كل عبارة مفترضا أن المقام لا يساوي

$$\frac{ع(١- و٢ ر)}{ع(٢ و٣ ر)}$$

- أ)  $\frac{١}{و٧}$       ب)  $\frac{١٢ ع}{و٧}$   
ج)  $٩$       د)  $\frac{١}{و٩}$

١٧ أوجد درجة كثيرة الحدود:

$$٤س^٢ ص^٣ + ٢س ص^٢ - ٥س^٣ ص$$

- أ)  $٤$       ب)  $٣$   
ج)  $٦$       د)  $٥$

١٨ بسط العبارة:  $ص^٥ \times ص^٣$

- أ)  $ص^٢$       ب)  $ص^٨$   
ج)  $ص^{١٥}$       د)  $ص^٢٨$

١٩ بسط العبارة:  $(ب^٤)^٣$

- أ)  $ب^٧$       ب)  $ب^٣$   
ج)  $ب^{١٢}$       د)  $ب^٣$

٢٠ بسط العبارة:  $\frac{أ^٧}{أ^٤}$  مفترضا أن المقام لا يساوي صفرا

- أ)  $١١$       ب)  $٢٨$   
ج)  $٣٤$       د)  $١$

٢١ أوجد درجة كثيرة الحدود:  $ب^٥ + ٣ب^٢ + ٧$

- أ)  $٢٥ س^٦$       ب)  $٢٥ س^٥$   
ج)  $١٢٥ س^٦$       د)  $١٢٥ س^٥$

٢٢ تبسط العبارة  $\frac{م^٥ ر^٢}{م^٣ ر^٢}$  نفترضا أن المقام لا يساوي صفرا:

- أ)  $م^٧ ر^٥$       ب)  $\frac{م^٣}{ر}$   
ج)  $م^٣ ر$       د)  $\frac{ر}{م^٣}$

٢٣ أوجد درجة كثيرة الحدود:  $ب^٥ + ٣ب^٢ + ٧$

- أ)  $٣$       ب)  $٨$   
ج)  $٥$       د)  $٧$

٢٤ أي مما يأتي تبين الصورة القياسية لكثيرة الحدود:  $س٣ + س٢ - س - ٤$ ؟

- أ  $س٣ - س٢ + س - ٤$
- ب  $س٣ - س٢ + س - ٤$
- ج  $س٣ + س٢ - س - ٤$
- د  $س٣ + س٢ - س - ٤$

٢٥ أوجد ناتج  $٣م٢ (٢م - م)$

- أ  $٦ + أ٥$
- ب  $٤ - أ٥$
- ج  $٦ - أ٥$
- د  $٤ - أ٥$

٢٥ بدأ كريم وجمال توفير النقود في الوقت نفسه لشراء سيارات، وكان كل منهما يوفر مبلغًا ثابتًا كل شهر وتمثل المعادلتان:

ك =  $٢٥٠ + ٢٥٠م$  ، ل =  $١٧٥٠ + ١٨٠م$  كمية النقود التي وفراها في م شهرًا، حيث تمثل (ك) ما وفره كريم، وتمثل (ل) ما وفره جمال ، فأبي المعادلات الآتية تمثل قيمة النقود (ت) التي وفراها الإثنين معًا؟

- أ ت =  $٤٢٥٠ + ٣٠٥م$
- ب ت =  $٣٠٥ + ٣٧٨٠م$
- ج ت =  $١٨٧٥ + ٣٧٠م$
- د ت =  $٣٢٥٠ + ٢٠٥م$