

أوراق عمل مراجعة الفصل التاسع المعادلات الجبرية والتشابه والمسافات



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الثالث المتوسط ← رياضيات ← الفصل الثاني ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2026-04-21 17:35:11

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية الاختبارات ا حلول ا عروض بوربوينت ا أوراق عمل منهج انجليزي ا ملخصات وتقارير ا مذكرات وبنوك الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة رياضيات:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث المتوسط



صفحة المناهج السعودية على فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث المتوسط والمادة رياضيات في الفصل الثاني

أوراق عمل مراجعة الفصل التاسع المعادلات الجبرية والتشابه والمسافات غير محلولة

1

أوراق عمل تدريبات الفصل الثامن الدوال التربيعية غير محلولة

2

نموذج اختبار الفصل السادس كثيرات الحدود 1447ه غير محلول

3

اختبار الفترة الأولى في كثيرات الحدود 1447ه نسخة ثانية غير محلول

4

اختبار الفترة الأولى في كثيرات الحدود 1447ه نسخة أولى غير محلول

5

الفصل التاسع

مثال 4

بسطة العبارة : $\frac{3}{\sqrt{2}+5}$

$$\begin{aligned} & \frac{3}{\sqrt{2}+5} \times \frac{\sqrt{2}-5}{\sqrt{2}-5} = \frac{3(\sqrt{2}-5)}{(\sqrt{2})^2-5^2} = \frac{3\sqrt{2}-15}{2-25} = \frac{3\sqrt{2}-15}{-23} = \frac{15-3\sqrt{2}}{23} \end{aligned}$$

مرافق $\sqrt{2}+5$ هو $\sqrt{2}-5$

$(b-a)(b+a) = b^2 - a^2$

$2 = (\sqrt{2})^2$

ملاحظات

لأي متغير س موجب تحت الجذر إذا كان الناتج عند الجذر هو متغير له أس فردي يجب وضعه بين علاقتي قيمة مطلقة

فمثلاً : $\sqrt{3s} = |s| \sqrt{3}$

الدرس الأول

تبسيط العبارات الجذرية

خاصية ضرب الجذور التربيعية

التعبير اللفظي

الجذر التربيعي للمقدار أب لأي عددين حقيقيين غير سالبين أ، ب ، يساوي الجذر التربيعي للمقدار (أ ب) مضروباً في الجذر التربيعي للمقدار (ب)

الرموز

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab} \text{ ، إذا كانت } a \geq 0 \text{ ، } b \geq 0$$

أمثلة

$$\sqrt{9} \times \sqrt{4} = \sqrt{9 \times 4} = \sqrt{36} = 6$$

مثال 1

بسطة العبارة : $\sqrt{80}$

$$\begin{aligned} \sqrt{80} &= \sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5} = 2 \times 2 \sqrt{5} = 4\sqrt{5} \\ \text{حلل إلى عوامله الأولية} & \\ \text{خاصية ضرب الجذور} & \\ \text{بسطة} & \end{aligned}$$

مثال 2

بسطة العبارة : $\sqrt[3]{90} \sqrt[4]{5}$

$$\begin{aligned} & \sqrt[3]{90} \sqrt[4]{5} = \sqrt[3]{2 \times 3 \times 3 \times 5} \sqrt[4]{5} = \sqrt[3]{2 \times 3^2 \times 5} \sqrt[4]{5} \\ & \text{حلل إلى عوامله الأولية} \\ & \text{بسطة} \end{aligned}$$

اختبر نفسك

سؤال 4

ناتج: $(\sqrt{3} - \sqrt{5})(\sqrt{3} + \sqrt{5})$

سؤال 5

تبسط: $\frac{6}{\sqrt{2}}$

تدريب 3

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

تبسيط العبارة بأبسط صورة :
 $= \sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{2}$

أ $\sqrt{12}$

ب $\sqrt{6}$

ج $\sqrt{6}$

د $\sqrt{12}$

سؤال 2

العبارة التي تكافئ: $\sqrt[3]{9 \times 3 \times 3}$

أ $3 \sqrt[3]{3}$

ب $9 \sqrt[3]{3}$

ج $3 \sqrt[3]{9}$

د $9 \sqrt[3]{9}$

سؤال 3

تبسط: $\frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}}$

أ 1

ب 5

ج $\sqrt{2}$

د $\sqrt{5}$

تدريب 1

بسّط كل عبارة فيما يلي :-

سؤال 1

بسّط العبارة: $\sqrt[3]{108 \times 3 \times 3 \times 3}$

سؤال 2

بسّط العبارة: $\sqrt{80}$

تدريب 2

أكمل ما يلي لتتصل علي عبارة صحيحة :-

سؤال 1

تبسط: $(\sqrt{2} - 5) \sqrt{2}$

سؤال 2

تبسط: $\frac{3}{\sqrt{2}}$

سؤال 3

مرافق العدد $(\sqrt{2} - 3)$

الدرس الثاني

العمليات على العبارات الجذرية

تدريبات الدرس

تدريب 1

بسّط كل عبارة فيما يلي:-

سؤال 1

بسّط العبارة : $\sqrt{5} \sqrt{3} + \sqrt{5} \sqrt{6}$

سؤال 2

بسّط العبارة : $\sqrt{5} \sqrt{4} + \sqrt{20} \sqrt{2}$

سؤال 3

بسّط العبارة : $\sqrt{8} \sqrt{7} + \sqrt{12} \sqrt{7} + \sqrt{18} \sqrt{7}$

سؤال 4

بسّط العبارة : $\sqrt{3} (\sqrt{7} + \sqrt{2})$

سؤال 5

بسّط العبارة : $\sqrt{3} (\sqrt{4} + \sqrt{9})$

أولاً

عملية الجمع

عند جمع أو طرح جذرين يجب أن يكون ما تحت الجذرين متشابهين
 $\sqrt{a} \sqrt{b} + \sqrt{a} \sqrt{c} = \sqrt{a} (\sqrt{b} + \sqrt{c})$
 (ما تحت الجذرين متشابه)

أمثلة

$$\sqrt{3} \sqrt{10} = \sqrt{3} (\sqrt{6} + \sqrt{4}) = \sqrt{3} \sqrt{6} + \sqrt{3} \sqrt{4}$$

ثانياً

عملية الطرح

$\sqrt{a} \sqrt{b} - \sqrt{a} \sqrt{c} = \sqrt{a} (\sqrt{b} - \sqrt{c})$
 ما تحت الجذرين متشابه

أمثلة

$$\sqrt{5} \sqrt{4} = \sqrt{5} (\sqrt{8} - \sqrt{12}) = \sqrt{5} \sqrt{8} - \sqrt{5} \sqrt{12}$$

ثالثاً

عملية الضرب

$(\sqrt{a} \sqrt{b}) (\sqrt{c} \sqrt{d}) = \sqrt{ac} \sqrt{bd}$
 ليس من الضروري تشابه ما تحت الجذر

أمثلة

$$(\sqrt{7} \sqrt{3} \times \sqrt{2} \sqrt{5}) (\sqrt{5} \times \sqrt{3}) = (\sqrt{7} \sqrt{5}) \sqrt{2} \sqrt{3} \sqrt{3} \sqrt{5}$$

$$\sqrt{14} \sqrt{15} =$$

سؤال 2

محيط ومساحة مستطيل عرضة
 $\sqrt{5} + \sqrt{3}$ وطولة $\sqrt{2} - \sqrt{2}$
 علي الترتيب

أ. $12, \sqrt{5} + \sqrt{10}$

ب. $32, \sqrt{5} + \sqrt{10}$

ج. $12, \sqrt{5} - \sqrt{10}$

د. $12, \sqrt{5} + \sqrt{7}$

سؤال 3

$\sqrt{11} + \sqrt{13} - \sqrt{2}$

أ. $\sqrt{13} + 19$

ب. $\sqrt{13} + 5$

ج. $\sqrt{13} + 9$

د. $\sqrt{13} + 5$

سؤال 4

$\sqrt{245} - \sqrt{20} + \sqrt{45} + \sqrt{3}$

أ. $\sqrt{5}$

ب. $\sqrt{5} + \sqrt{7}$

ج. $\sqrt{5} + \sqrt{3}$

د. $\sqrt{5} + \sqrt{4}$

سؤال 5

$\sqrt{9} + \sqrt{54} - \sqrt{24}$

أ. $\sqrt{7}$

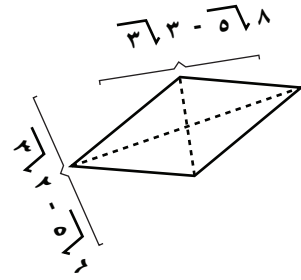
ب. $\sqrt{5}$

ج. $\sqrt{3}$

د. $\sqrt{7}$

تدريب 2

يمكن إيجاد مساحة معين باستخدام
 المعادلة $m = \frac{1}{2} \times c \times h$
 ما مساحة المعين في الشكل المجاور



.....

.....

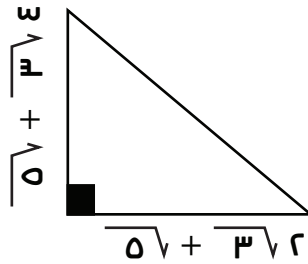
.....

تدريب 3

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

يمكن إيجاد مساحة المثلث باستخدام
 المعادلة : $m = \frac{1}{2} \times c \times h$ ،
 حيث (ق) طول القاعدة (ع) ارتفاع المثلث
 احسب مساحة المثلث في الشكل المجاور؟



أ. $5 - 14,5$

ب. $3 + 14,5$

ج. $10 + \sqrt{2}$

د. $5 + 14,5$

الدرس الثالث

المعادلات الجذرية

اختبر نفسك

تدريب 1

حل المعادلات التالية :-

سؤال 1

$$\sqrt{3 - s} = 3 - s$$

سؤال 2

$$\sqrt{5 + t} = 3 + t$$

سؤال 3

$$\sqrt{9} = 7 + \sqrt{6 - s}$$

سؤال 4

$$5 = 1 + \sqrt{1 + s}$$

مثال 1

حل المعادلة : $12 = 7 + \sqrt{5 + a}$

المعادلة الأصلية	$12 = 7 + \sqrt{5 + a}$
اطرح 7 من الطرفين	$12 = 7 + \sqrt{5 + a}$
ربع الطرفين ، و بسط	$5 = \sqrt{5 + a}$
بسط	$25 = (\sqrt{5 + a})^2$
اطرح 5 من الطرفين	$20 = 5 + a$

$$a = 20$$

مثال 2

حل المعادلة : $1 - k = \sqrt{1 + k}$ وتحقق من صحة الحل

المعادلة الأصلية	$1 - k = \sqrt{1 + k}$
ربع الطرفين	$(1 - k)^2 = (\sqrt{1 + k})^2$
بسط	$1 + k = 1 + k - 2k + k^2$
اطرح k ، 1 من الطرفين	$0 = 3 - 2k$
حل	$0 = 3 - 2k$
خاصية الضرب الصفري	$0 = k \text{ أو } 3 = 2k$
حل	$3 = 2k$
المعادلة الأصلية	$1 - k = \sqrt{1 + k}$

تحقق:

$$1 - 0 = \sqrt{1 + 0}$$

$$1 = 1$$

$$1 - 3 = \sqrt{1 + 3}$$

$$-2 = 2$$

تحقق:

$$1 - 3 = \sqrt{1 + 3}$$

$$-2 = 2$$

عوض k = 0

بسط

قطاً (أي أن الصفر حل دقيق)

المعادلة الأصلية

عوض k = 3

بسط

صحيح حل المعادلة { 3 }

سؤال 6

حل المعادلة و تحقق من صحة الحل
 $6 = \sqrt{5 + 3 - 3}$

- أ ٤
 ب ١
 ج ٧
 د ٣

سؤال 7

حل المعادلة و تحقق من صحة الحل
 $5 = \sqrt{5 - 3}$

- أ ١٠
 ب ١٥
 ج ٢٠
 د ١٦

سؤال 8

يمكن استعمال الدالة $f(x) = \sqrt{9x}$ ، لتقريب أقصى سرعة يمكن أن يركض بها شخص حيث (ع) السرعة بالمتري / ثانية، (ل) طول ساق الشخص بالأمتار. ما أقصى سرعة يركض بها شخص طول ساقه ١,٥ متر إلي أقرب جزء من عشرة من المتري ؟

- أ ٠,٥ م/ث
 ب ١,٥ م/ث
 ج ٢,٥ م/ث
 د ٣,٥ م/ث

سؤال 9

أسقط جسم من ارتفاع غير معروف، ووصل إلى الأرض خلال ٥ ثوان. استعمل المعادلة $t = \sqrt{\frac{h}{g}}$ حيث (ن) الزمن بالثواني، (ل) الارتفاع بالأقدام لإيجاد الارتفاع الذي أسقط منه الجسم.

- أ ٣٠٠ قدم
 ب ١٠٠ قدم
 ج ٢٠٠ قدم
 د ٤٠٠ قدم

تدريب 2

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

حل المعادلة و تحقق من صحة الحل
 $9 = \sqrt{3 + 2n}$

- أ ١
 ب ٣
 ج ٢
 د ٤

سؤال 2

ما طول نصف قطر كرة سلة إذا كانت معادلة مساحة سطحها هي $4\pi r^2$

- أ $r = \frac{\sqrt{4\pi}}{2}$
 ب $r = \frac{\sqrt{4\pi}}{4}$
 ج $r = \frac{\sqrt{4\pi}}{8}$
 د $r = \frac{\sqrt{4\pi}}{16}$

سؤال 3

حل المعادلة : $4 - 3 = \sqrt{1 + 3 - 3}$

- أ ١, ٦
 ب ١, -٦
 ج ١
 د ٦

سؤال 4

ما حل المعادلة : $3 = \sqrt{5 - 3}$

- أ ٤
 ب ٧
 ج -٨
 د $\frac{11}{2}$

سؤال 5

ما حل المعادلة : $8 = \sqrt{8 + 3s}$

- أ -٢, ٤
 ب ٤
 ج -٢
 د ٤, ٢

الدرس الرابع

نظرية فيثاغورس

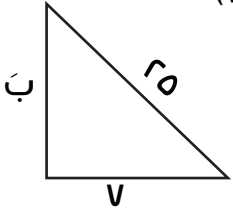
أحد الأضلاع (غير الوتر) مجهول

$$(الضلع ١) = (الوتر)² - (الضلع ٢)²$$

مثال

أوجد طول الضلع المجهول في المثلث الآتي:-

الحل



$$(الضلع ١) = (الوتر)² - (الضلع ٢)²$$

$$(ب)² = (٢٥)² - (٧)²$$

$$(ب)² = ٦٢٥ - ٤٩$$

$$(ب)² = ٥٧٦$$

$$ب = \pm ٢٤$$

بما أن طول الضلع لا يكون سالباً، لذا فإن طول الضلع المجهول هو ٢٤ وحدة

عكس نظرية فيثاغورس

إذا كان الأطوال أ ، ب ، جَ لاضلاع مثلث تحقق ان جَ² = أ² + ب² فإن المثلث قائم الزاوية حيث جَ هو أطول الأضلاع

مثال

حدد إذا كانت الأطوال (٦ ، ٨ ، ١٠) يمكن أن تشكل اضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا؟

الحل

بما أن طول الضلع الأكبر هو ١٠

$$فإن جَ = ١٠ ، أ = ٦ ، ب = ٨$$

$$جَ² = أ² + ب²$$

نظرية فيثاغورس

$$١٠² = ٦² + ٨²$$

$$١٠٠ = ٣٦ + ٦٤$$

بالترتيب

$$١٠٠ = ١٠٠$$

بالجمع

$$بما أن جَ² = أ² + ب²$$

فإن قياسات هذه الاضلاع تشكل مثلثاً قائم الزاوية

نظرية فيثاغورس

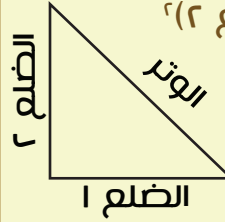
في المثلث القائم الزاوية:

$$(الوتر)² = (الضلع ١)² + (الضلع ٢)²$$

الوتر: هو الضلع المقابل

للزاوية القائمة

وهو أطول ضلع في المثلث



إيجاد الضلع المجهول في المثلث القائم الزاوية

الوتر مجهول

$$(الوتر)² = (الضلع ١)² + (الضلع ٢)²$$

مثال

أوجد طول الضلع المجهول في المثلث الآتي:-

الحل

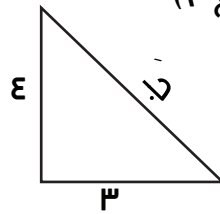
$$(الوتر)² = (الضلع ١)² + (الضلع ٢)²$$

$$(ج)² = (٣)² + (٤)²$$

$$(ج)² = ٩ + ١٦$$

$$(ج)² = ٢٥$$

$$ج = \pm ٥$$



بما أن طول الضلع لا يكون سالباً، لذا فإن

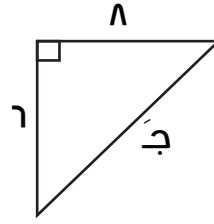
طول الضلع المجهول هو ٥ وحدات

اختبر نفسك

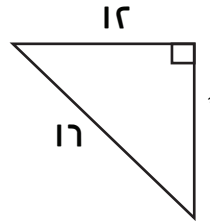
تدريب 1

أوجد طول الضلع المجهول في كل مما يأتي وقرب الحل إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم الأمر

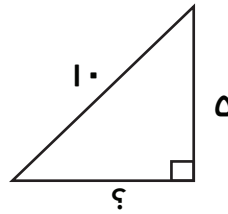
سؤال 1



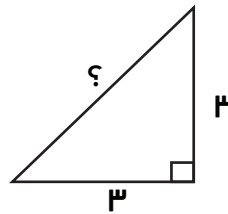
سؤال 2



سؤال 3



سؤال 4



تدريب 2

حدد إذا كانت الأطوال التالية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا .

سؤال 1

٥٠ ، ٤٠ ، ٣٠

سؤال 2

١٨ ، ١٢ ، ٦

سؤال 3

٤١ ، ٤٠ ، ٩

سؤال 4

٤١√ ، ١٠√٢ ، ٣

تدريب 3

يكون شراع الزورق النهري على صورة مثلث قائم الزاوية لنفرض أن أطول ضلع في الشراع ٩ م وطول اقصر ضلع فيه ٤ م . فأوجد ارتفاع ارتفاع الشراع؟



تدريب 4

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

أوجد طول وتر مثلث قائم الزاوية ج إذا كان
أ = 5 ، ب = 12

أ 13

ب $\sqrt{119}$

ج 17

د 169

سؤال 2

أوجد طول قطر مربع مساحته 242 سم²

أ 20 سم

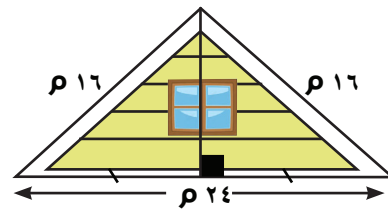
ب 121 سم

ج 22 سم

د 21 سم

سؤال 3

يمثل الشكل المجاور الواجهة العلوية لمنزل عرضها 24 متراً، وطولا الضلعين لها 16 متراً أوجد ارتفاع الواجهة مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة من المتر.



أ 8

ب 17,89

ج 112

د 10,58

سؤال 4

أي مجموعة من القياسات الآتية تشكل
ثلاثية فيثاغورس ؟

أ 6، 5، 4

ب 5، 4، 3

ج 12، 11، 5

د 12، 8، 4

سؤال 5

ما طول قطر مستطيل طوله 8 أمتار
وعرضه 6 أمتار ؟

أ 10 م

ب 14 م

ج 48 م

د 100 م

سؤال 6

أي مجموعة من القياسات الآتية تشكل
أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية ؟

أ 28، 24، 10

ب 21، 17، 13

ج $\sqrt{3}$ ، $\sqrt{4}$ ، $\sqrt{5}$

د 13، 12، 5

سؤال 7

بحار ربط طرف حبل طوله 12 متراً بأعلى قارب ،
وطرفه الأخر بقاعدة سفينة على بعد 4 أمتار
من قاعدة القارب، فما ارتفاع القارب ؟

أ 9,65 متراً

ب 22 متراً

ج 11,31 متراً

د 128 متراً

سؤال 8

طول أحد ضلعي القائمة في مثلث قائم
7 سم، وطول الوتر 25 سم ، أوجد طول ضلع
القائمة الأخر.

أ 15 سم

ب $\sqrt{174}$ سم

ج 24 سم

د $\sqrt{7}$ سم

الدرس الخامس

المسافة بين نقطتين

بتريع الطرفين $32 + 18 - 25 = 25$
 اطرح 25 من الطرفين $7 + 18 - 25 = 0$
 حل $(7 - 1)(1 - 1) = 0$
 خاصية الضرب الصفري $0 = 7 - 1$ أو $0 = 1 - 1$
 حل كل معادلة $7 = 1$ أو $1 = 1$

قانون نقطة المنتصف

نقطة المنتصف : هي النقطة الواقعة على بعدين متساويين من طرفي قطعة مستقيمة تنتمي إلى هذه القطعة ويمكن إيجادها باستعمال القانون التالي:-

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

مثال

أوجد إحداثي نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين (8 ، 6) ، (4 ، 10) ،

الحل

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right) = M$$

$$\left(\frac{8 + 4}{2}, \frac{6 + 10}{2} \right) = M$$

$$M = (6 , 8)$$

المسافة بين النقطتين

المسافة بين نقطتين إحداثياتها (س₁ ، ص₁) ، (س₂ ، ص₂) يعبر عنها بالقانون

$$f = \sqrt{(s_2 - s_1)^2 + (v_2 - v_1)^2}$$

مثال

أوجد المسافة بين النقطتين (4 ، 5) ، (3 ، 2)

الحل

$$f = \sqrt{(s_2 - s_1)^2 + (v_2 - v_1)^2}$$

$$= \sqrt{(4 - 3)^2 + (5 - 2)^2}$$

$$= \sqrt{1 + 9} = \sqrt{(1-)^2 + (3-)^2}$$

$$= \sqrt{10}$$

إيجاد الإحداثي المجهول

ويمكن استعمال قانون المسافة بين نقطتين عند معرفة المسافة بينهما ومعرفة إحداثيات إحداهما لإيجاد الإحداثي المجهول للنقطة الأخرى

مثال

أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ) إذا كانت المسافة بين نقطتين (7 ، 4) ، (3 ، أ) تساوي 5 وحدات

الحل

$$f = \sqrt{(s_2 - s_1)^2 + (v_2 - v_1)^2}$$

$$5 = \sqrt{(7 - 3)^2 + (4 - أ)^2}$$

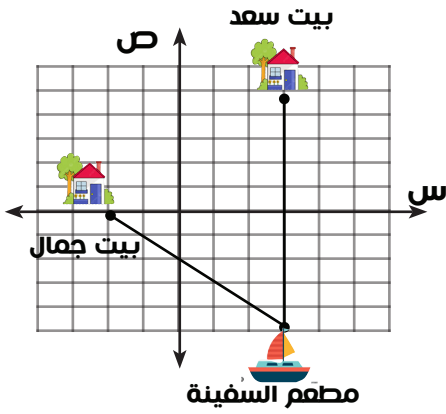
$$5 = \sqrt{32 + 18 - 25}$$

ربع وبسط

اختبر نفسك

تدريب 4

أراد سعد وجمال أن يلتقيا في مطعم السفينة فاستعمل سعد قاربه للوصول إلى المطعم. في حين استعمل جمال سيارته، علماً بأن طول ضلع كل مربع من المستوى الإحداثي يمثل كيلومتراً واحداً.



سؤال 1

ما المسافة التي قطعها سعد ؟

- أ ٥ ب ١٠
ج ٤ د ١٥

سؤال 2

ما المسافة التي قطعها جمال ؟

- أ ٢٦ ب ٣٦
ج ٢٦٥ د ٣

سؤال 3

ما النسبة بين المسافة التي قطعها سعد إلى المسافة التي قطعها جمال ؟

- أ ٢٦ ب ٧
ج ٢٦٥ د ١

تدريب 1

أوجد المسافة بين النقطتين (٢ ، ٤) ، (-٣ ، -١)

.....
.....
.....

تدريب 2

أوجد إحداثي نقطة منتصف القطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين (٢ ، ٣) ، (-٥ ، ٦)

.....
.....
.....

تدريب 3

أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ) إذا كانت المسافة بين النقطتين (٢ ، ٦) ، (أ ، ٢) تساوي ١٠ وحدات .

.....
.....
.....

الدرس السادس

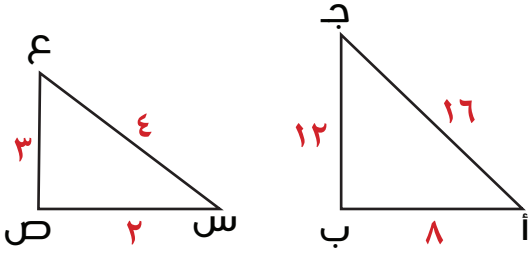
المثلثات المتشابهة

باستعمال المقارنة بين نسب أطوال
الأضلاع المتناظرة

مثال

حدد ما إذا كان المثلثان الآتيان متشابهين
أم لا، وبرر إجابتك

الحل



نعم متشابهة: لأن الأضلاع المتناظرة متناسبة

$$4 = \frac{8}{2} = \frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$

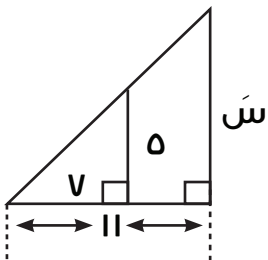
يمكن استعمال التناسب لإيجاد القياسات
المجهولة، عندما تكون بعض أطوال
أضلاع المثلثات المتشابهة معلومة

مثال

أوجد قياس العناصر المجهولة في المثلثين
المتشابهين

الحل

بما أن المثلثين متشابهان فإن الأضلاع
المتناظرة متناسبة



$$\frac{11}{7} = \frac{س}{5}$$

$$55 = س \cdot 7$$

$$س = \frac{55}{7} = 7,9$$

المثلثات المتشابهة

يقال لمثلثين أنهما متشابهان
إذا تطابقت زواياهما المتناظرة وتناسب
أضلاعهما المتناظرة، والرمز (~) يشير
إلى مثلثين متشابهين.

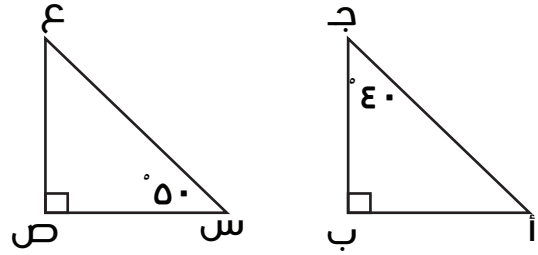
تحديد المثلثات المتشابهة

باستعمال المقارنة بين قياسات الزوايا
المتناظرة

مثال

حدد ما إذا كان المثلثان الآتيان متشابهين
أم لا، وبرر إجابتك.

الحل



نعم : متشابهة لأن الزوايا المتناظرة متساوية

في القياس

قياس $\angle أ =$

$$180^\circ - (90^\circ + 40^\circ) = 50^\circ = \text{قياس } \angle س$$

قياس $\angle ع =$

$$180^\circ - (90^\circ + 50^\circ) = 40^\circ = \text{قياس } \angle ج$$

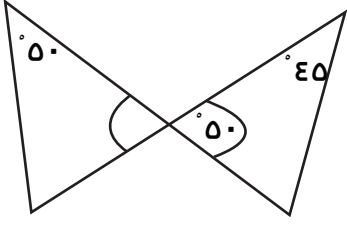
$$\text{قياس } \angle ب = 90^\circ = \text{قياس } \angle ص$$

اختبر نفسك

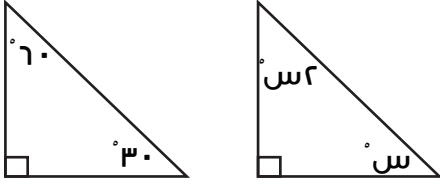
تدريب 3

حدّد إذا كان المثلثان فيما يأتي متشابهين أم لا، وبرّر إجابتك.

سؤال 1



سؤال 2



تدريب 4

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

إذا علمت أن النسبة بين مساحتي المثلثين المتشابهين، تساوي مربع النسبة بين ضلعين متناظرين فيهما إذا كان لدينا مثلثين متشابهين مساحتهما تساوي ٨٨ سم^٢ والنسبة بين ضلعين متناظرين تساوي $\frac{2}{3}$ فأوجد مساحة المثلث الأصغر

أ ٢٦ سم^٢

ب ٨ سم^٢

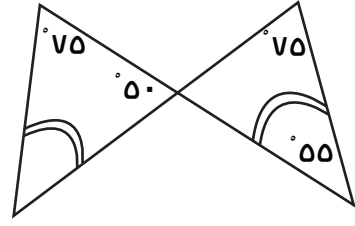
ج ٤ سم^٢

د ١٠ سم^٢

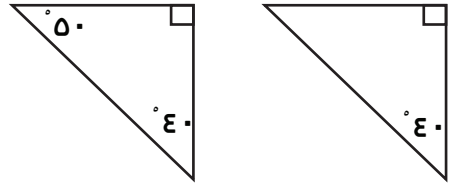
تدريب 1

حدّد إذا كان المثلثان فيما يأتي متشابهين أم لا، وبرّر إجابتك.

سؤال 1

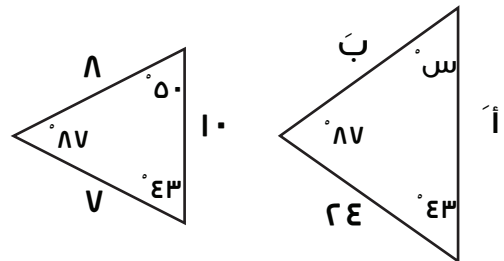


سؤال 2



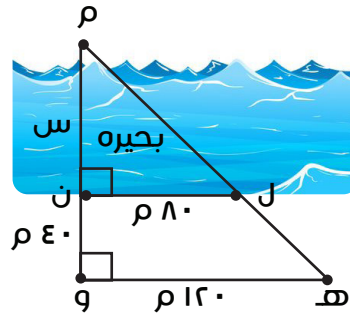
تدريب 2

أوجد قياسات العناصر المجهولة في المثلثين المتشابهين :



سؤال 2

يستعمل المساحون تشابه المثلثات لإيجاد مسافات مجهولة، أوجد المسافة المجهولة s عبر البحيرة في الشكل أدناه، مستعملاً الأبعاد المعطاة



أ ٦٠ م

ب ٤٠ م

ج ٨٠ م

د ١٠٠ م

سؤال 3

ترغب مريم في إيجاد ارتفاع شجرة في حديقتها، طول ظلها متران و ٦٥ سنتيمتراً. فإذا كان طول مريم متر و ٥٠ سنتيمتراً، وطول ظلها في تلك اللحظة ٧٥ سنتيمتراً، فما ارتفاع الشجرة ؟

أ ٥ م

ب ٥,٣ م

ج ٣,٥ م

د ٧,٣ م

سؤال 4

يستعمل تصميم نموذج المركبات المقياس اسم : ٠,٢٥ متر من الطول الفعلي للمركبة ، إذا كان للمركبة الأصلية نافذة على شكل مثلث قائم الزاوية ارتفاعها ٠,٧٥ م فكم سيكون ارتفاع النافذة على النموذج ؟

أ ٢ سم

ب ٤ سم

ج ٥ سم

د ٣,٢ سم

سؤال 5

يقف قاسم بجانب شجرة طول ظلها ٥,٥م، إذا كان طول قاسم ٦م، وطول ظلها في تلك اللحظة ٨٠ سم ، فما ارتفاع الشجرة ؟

أ ١١ م

ب ١٠ م

ج ١٥ م

د ١٣ م

سؤال 6

يظهر مقياس رسم خريطة المملكة أن ٢,٥ سم على الخريطة تمثل ١٠٠ كيلومتر في الواقع . فإذا كانت المسافة بين مكة المكرمة والمدينة المنورة على الخريطة ٨ سم ، فما البعد الحقيقي بينهما ؟

أ ٣٢٠ كيلو متراً

ب ٣٠٠ كيلو متراً

ج ٣١٠ كيلو متراً

د ٣٥٠ كيلو متراً

سؤال 7

طول عمود إنارة ١٠ أقدام ، وطول ظلها ١٢ قدماً، فإذا كان طول ظل عمارة مجاورة ٤٢ قدماً في الوقت نفسه، فما ارتفاع العمارة؟

أ ٣٥ قدماً

ب ٥٠,٤ قدماً

ج ٢٨ قدماً

د ٤٠ قدماً

الدرس السابع

النسب المثلثية

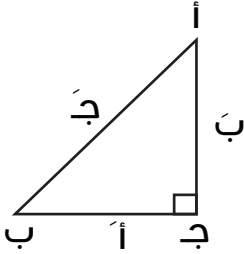
حساب المثلثات

هو دراسة العلاقة بين زوايا المثلث وأضلاعه

النسب المثلثية

هي النسب التي تقارن بين طول ضلعين من اضلاع المثلث القائم الزاوية

النسب المثلثية الأكثر شيوعاً



$$\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية أ}}{\text{الوتر}} = \text{جيب الزاوية أ}$$

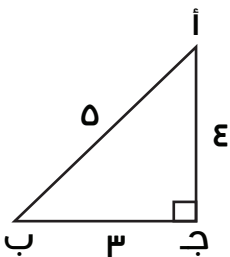
$$\frac{\text{الضلع المجاور للزاوية أ}}{\text{الوتر}} = \text{جيب تمام الزاوية أ}$$

$$\frac{\text{الضلع المقابل للزاوية أ}}{\text{الضلع المجاور للزاوية أ}} = \text{ظل الزاوية أ}$$

مثال

أوجد النسب المثلثية للزاوية في المثلث الآتي :-

الحل



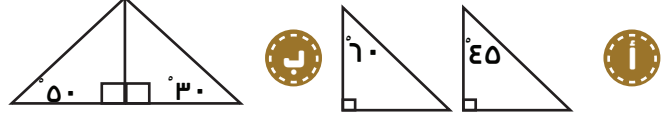
$$\text{جا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{3}{5}$$

$$\text{ظا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{3}{4}$$

$$\text{جتا أ} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{4}{5}$$

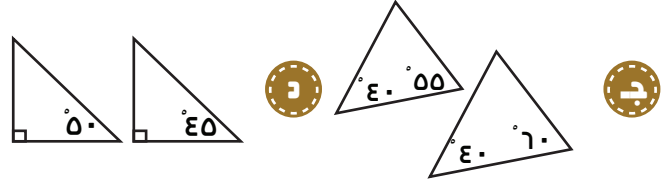
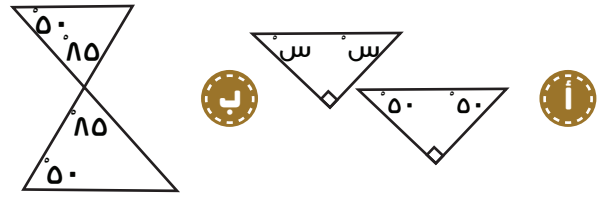
سؤال 8

حدد زوج المثلثات المتشابهة فيما يأتي:



سؤال 9

حدد زوج المثلثات المتشابهة فيما يأتي:



سؤال 10

إذا كان Δ أب ج ~ د ه ف، وكان $\text{أ} = 12$ ،
 $\text{ب} = 8$ ، $\text{د} = 6$ ، $\text{ف} = 6$ ،
 فأوجد قياسات الأضلاع غير المعروفة في
 المثلثين.

أ ج = 13 ، ه = 9

ب ج = 13, 2 ، ه = 4

ج ج = 3, 2 ، ه = 36

د ج = 6, 6 ، ه = 9

معكوس النسب المثلثية

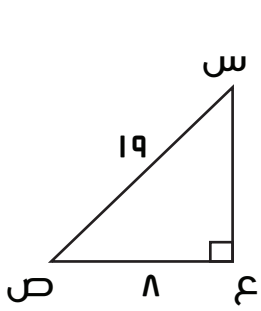
إذا كانت \angle أ زاوية حادة
وكان جا أ - س فإن جا⁻¹ ق \angle أ
أو كان جتا أ - س فإن جتا⁻¹ ق \angle أ
أو كان ظا أ س فإن ظا⁻¹ ق \angle أ

مثال

أوجد ق \angle ص إلى اقرب درجة

الحل

نعلم طول الضلع المجاور للزاوية ص وطول الوتر إذاً استعمال جيب التمام



$$\text{جتا ص} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{8}{19}$$

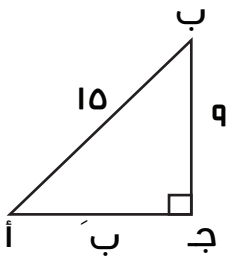
$$\text{جتا}^{-1} \frac{8}{19} = \text{ق} \angle \text{ص}$$

باستعمال الحاسبة
نضغط Cos shift
جتا⁻¹(COS -1)
ق \angle ص $\approx 65^\circ$

اختبر نفسك

تدريب 1

أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية ب



.....
.....
.....
.....
.....

استعمال النسب المثلثية

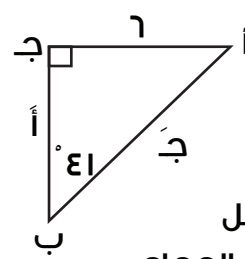
حل المثلث

يعنى إيجاد القياسات المجهولة لإضلاع وزوايا المثلث القائم الزاوية

مثال

حل المثلث القائم الزاوية مقرباً طول الضلع إلى اقرب جزء من عشرة

الحل



أولاً: أجد قياس \angle أ

$$180^\circ - (90^\circ + 41^\circ) = 49^\circ$$

قياس \angle أ = 49°

ثانياً: أجد أ باستعمال

نسبة الظل لأن الضلع المقابل

للزاوية ب معطى ونريد إيجاد المجاور

للزاوية ب

$$\text{ظا} 41^\circ = \frac{\text{ب}}{\text{أ}} \Rightarrow \text{أ} = \frac{\text{ب}}{\text{ظا} 41^\circ}$$

$$\text{أ} = \frac{6}{\text{ظا} 41^\circ} \approx 9,1$$

ثالثاً: أجد ج. باستعمال نسبة الجيب لأن طول الضلع

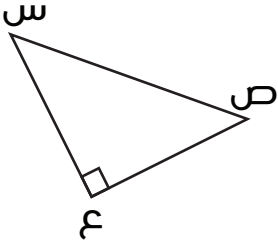
المقابل للزاوية معطى ونريد إيجاد طول الوتر

$$\text{جا} 41^\circ = \frac{\text{ب}}{\text{ج}} \Rightarrow \text{ج} = \frac{\text{ب}}{\text{جا} 41^\circ}$$

$$\text{ج} = \frac{6}{\text{جا} 41^\circ} \approx 9,1 \text{ تقريباً}$$

سؤال 5

أوجد ق \angle س مقرباً إلى اقرب درجة
س ص = ١٤ ، ص ع = ٥

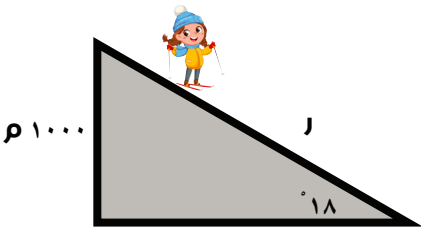


تدريب 3

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

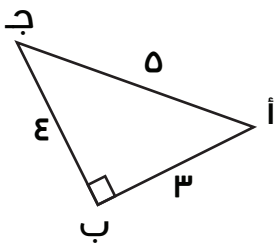
في موقع للتزلج على أحد التلال، كان ارتفاع التلة الرأسى ١٠٠٠ م، وزاوية ميلها عن مستوى الأرض ١٨° ، قدر طول (ر) بالمتر :



- أ ٣٢٣٦٠
- ب ٣٢٣٦
- ج ٣٣٦
- د ٣٦

سؤال 2

من المثلث المجاور قيمة جا أ =

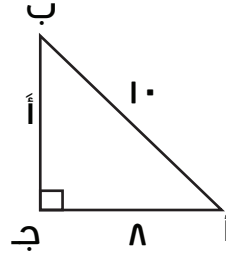


- أ $\frac{٣}{٥}$
- ب $\frac{٤}{٥}$
- ج $\frac{٣}{٤}$
- د $\frac{٤}{٣}$

تدريب 2

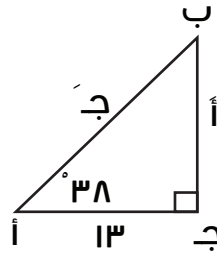
سؤال 1

أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية أ



سؤال 2

حل المثلث القائم الزاوية ، مقرباً طول كل ضلع إلى اقرب جزء من عشرة



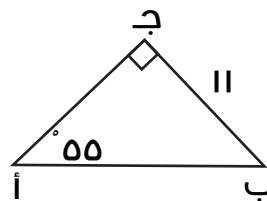
سؤال 3

استعمل الآلة الحاسبة لإيجاد :

- جا ٣١° ≈
- ظا ٧٦° ≈
- جتا ٥٥° ≈

سؤال 4

حل المثلث القائم الزاوية مقرباً طول كل ضلع إلى القرب جزء من عشرة



إذا كان طول الضلع المجاور للزاوية أ في مثلث قائم الزاوية ١٢ وحده وطول الوتر ١٩ وحدة استعمل هذه المعلومات في حل السؤالين

سؤال 7

ما قيمة جا أ

- أ $\frac{12}{19}$ ب $\frac{19}{12}$
 ج $0,775$ د $0,815$

سؤال 8

ما قياس أ ؟ قرب إجابتك إلي أقرب درجة

- أ $0,01^\circ$ ب 32%
 ج 39° د 51°

سؤال 3

باستعمال الحاسبة. إذا كان $\cos \alpha = 1$ ، فإن قياس زاوية ص تساوي :

- أ 30° ب 45°
 ج 60° د 90°

سؤال 4

تستعمل إحدى شركات ترحيل الأثاث سلماً طوله ٤ أمتار لتنزيل الأثاث من شاحنة، إذا كان السطح السفلي لصندوق الشاحنة يرتفع متراً واحداً عن الأرض، فما قياس زاوية ميل المسلم بالدرجة إلى أقرب عدد صحيح ؟

- أ $25,0$ ب 14
 ج 76 د 229

سؤال 5

إذا كان طول الضلع المجاور للزاوية أ في مثلث قائم الزاوية ٨ وحدات، وطول الوتر ١٣ وحدة ما قياس \angle أ ؟ قرب إجابتك إلى أقرب درجة

- أ 1° ب 32°
 ج 38° د 52°

سؤال 6

أي مما يأتي لا يساوي ١

- أ $\csc 45^\circ$ ب $\csc 45^\circ$
 ج $\csc 0^\circ$ د $\csc 90^\circ$

نماذج اختبارات علي الفصل التاسع

النموذج الأول

سؤال 5

أي الأطوال التالية تشكل أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية ؟

- أ ١٠ ، ٨ ، ٦ ب ١١ ، ٩ ، ٥
ج ١٦ ، ١٣ ، ١١ د ١٢ ، ٨ ، ٣

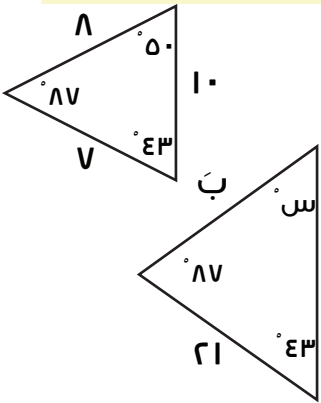
سؤال 6

إذا تشابهه مثلثان فإن قياسات زواياهما المتناظرة ... وقياسات أضلاعهما المتناظرة لملء الفراغين السابقين نختار علي الترتيب

- أ متقاربة ، متباعدة
ب متباعدة ، متقاربة
ج متناسبة ، متساوية
د متساوية ، متناسبة

سؤال 7

قياسات العناصر المجهولة في المثلثين الأتئين هي



- أ ١٠ = ب ، ٧ = أ
ب ١٤ = ب ، ٢٠ = أ
ج ١٥ = ب ، ٢٦ = أ
د ٢٤ = ب ، ٣٠ = أ

السؤال الأول

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

تبسيط العبارة: $\sqrt{18} - \sqrt{54} + 2\sqrt{50}$ هو

- أ $3\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$
ب $4\sqrt{3} + 5\sqrt{5}$
ج $4\sqrt{3} - 5\sqrt{5}$
د $8\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$

سؤال 2

في المثلث القائم الزاوية يسمى الضلع المقابل للزاوية القائمة

- أ ساق ب وتر
ج مجاور د مقابل

سؤال 3

مرافق المقدار $(2 + \sqrt{7})$ هو

- أ $2 - \sqrt{7}$
ب $2 + \sqrt{7}$
ج $7 + 2\sqrt{7}$
د $-2 - \sqrt{7}$

سؤال 4

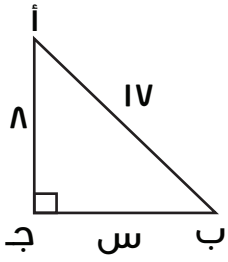
تكون العبارة التالية في أبسط صورة $\sqrt{\frac{36}{27}}$

- أ $\frac{\sqrt{3}}{3}$
ب $\frac{\sqrt{6}}{3}$
ج $\frac{2\sqrt{3}}{3}$
د $\frac{\sqrt{3}}{3}$

سؤال 4

في الشكل المجاور س =

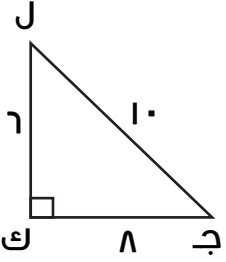
.....



سؤال 5

في المثلث ك ج ل المجاور

ق د (ج) =



سؤال 6

في المثلث ك ج ل المجاور

جتا ل =

ظا ج =

السؤال الرابع

ضع علامة صح أمام العبارة الصحيحة
وعلامه خطأ أمام العبارة الخاطئة

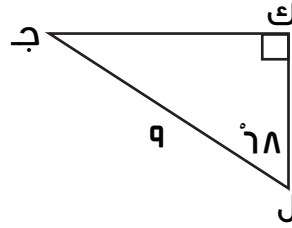
1	في مثلث معلوم الأضلاع تستخدم معكوس نظرية فيثاغورس لتحديد () ما إذا كان قائم الزاوية أم لا
2	عند تبسيط العبارة $\sqrt{س^2}$ تحصل علي س ()
3	$\sqrt{أ} + \sqrt{ب} = \sqrt{أ + ب}$ ()
4	يعتمد استنتاج قانون المسافة بين نقطتين على نظرية فيثاغورس ()
5	عند تبسيط العبارة $\sqrt{س^2}$ تحصل علي س ()
6	تصل على جيب التمام بقسمة المقابل لإحدى الزاويتين الحادتين في مثلث قائم الزاوية على الوتر ()
7	$\sqrt{أ} + \sqrt{ب} = \sqrt{أ + ب}$ ()
8	المعادلة الجذرية هي معادلة تحتوي على متغيرات تحت الجذر ()
9	الرمز ~ يشير إلى مثلثين غير متشابهين ()

السؤال الثاني

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل

سؤال 1

حل المثلث القائم الزاوية مقرباً طول كل ضلع إلى أقرب جزء من عشر



سؤال 2

أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ) ، مستعملاً إحداثيات النقطتين ، والمسافة بينهما: (٧ ، ٤) ، (٣ ، أ) : ف = ٥ وحدات

السؤال الثالث

أكمل ما يلي لتحصل علي عبارة صحيحة:-

سؤال 1

في أبسط صورة : $٤\sqrt{٥٤} - ٢\sqrt{٢٤} =$

سؤال 2

النسبة التي تقارن بين طولي ضلعين من أضلاع المثلث القائم الزاوية هي

سؤال 3

في أبسط صورة : $\sqrt{٦} (\sqrt{١٥} + \sqrt{١٠}) =$

نماذج اختبارات علي الفصل التاسع

النموذج الثاني

سؤال 5

مرافق المقدار $(\sqrt{7})$ هو

- أ $-\sqrt{7}$ ب $\frac{1}{\sqrt{7}}$
 ج $\sqrt{7}$ د $\frac{\sqrt{7}}{7}$

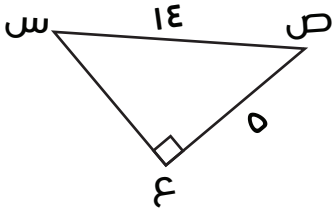
سؤال 6

تكون العبارة التالية في أبسط صورة
 $= \sqrt{6} \sqrt{2} \times \sqrt{2} \sqrt{3}$

- أ $\sqrt{12}$ ب $\sqrt{3}$
 ج $\sqrt{3}$ د $\sqrt{6}$

سؤال 7

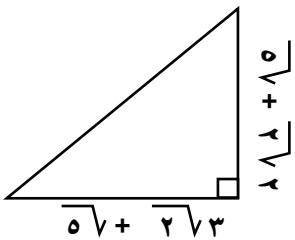
ق د ص في الرسم المجاور تساوي تقريباً



- أ ٦٩° ب ٦٥°
 ج ٢٥° د ٢٣°

سؤال 8

ما مساحة المثلث بالشكل المجاور ؟



- أ $5\sqrt{10} + 2\sqrt{3}$ ب $5\sqrt{10} + 17$
 ج $5\sqrt{8} + 2\sqrt{12}$ د $10\sqrt{2,5} + 8,5$

السؤال الأول

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يلي :-

سؤال 1

أي العبارات الآتية تكافئ : $\sqrt{16}$ س ص هـ

- أ 16 | س | ص $10\sqrt{}$
 ب 10 | س | ص $4\sqrt{}$
 ج 4 | س | ص $4\sqrt{}$
 د 16 | س | ص $16\sqrt{}$

سؤال 2

حل المعادلة : $\sqrt{5 - 2س} = 3$ هو

- أ ٤ ب ٥
 ج ٧ د ٨

سؤال 3

حل المعادلة : $\sqrt{1 + هـ} = 14$ هو

- أ 1٩٥ ب ٩٩
 ج ٩ د 1٠

سؤال 4

المسافة بين النقطتين $(٢, ١)$ ، $(٣, ٥)$ تساوي تقريباً

- أ $1,٧$ ب ٤
 ج $٦,٤$ د $٧,٩$

٥	أطوال المثلث ٥ ، ٦ ، ٧ تمثل أطوال مثلث قائم الزاوية	()
٦	المعادلة $\sqrt{7} = 7$ تسمى معادلة جذرية	()
٧	$30^\circ + 60^\circ = 90^\circ$	()

السؤال الرابع

اختر من العمود الثاني ما يناسبها من العمود الأول ثم اكتب الحرف المناسب أمام العمود الأول

العمود الثاني	الإجابة	العمود الأول
٢٥	أ	$4\sqrt{36} =$
١٠	ب	$2\sqrt{25} =$
٤٠	ج	$5\sqrt{25} =$
٣٠	د	تبسيط : $\sqrt{2}(\sqrt{10})$
٢	هـ	حل المعادلة : $21 = 1 + \sqrt{10}$ هي س
٠	و	$90^\circ =$
٢٤	ح	ناتج الضرب $(\sqrt{3} + \sqrt{5})(\sqrt{3} - \sqrt{5})$
٢٠	ط	إذا كانت زاوية هـ فإن قياس الزاوية هـ بالدرجات تساوي

السؤال الثاني

أجب عن الأسئلة التالية موضعا خطوات الحل :-

سؤال 1

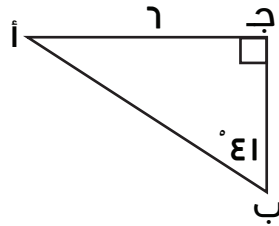
حل المعادلة : $\sqrt{5 + 1} + 7 = 12$ توضيح خطوات الحل

سؤال 2

حدد ما إذا كانت الأطوال : ٥ ، ٨ ، ١٠ تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية أم لا . مع توضيح خطوات الحل .

سؤال 3

أوجد طول الوتر . مع توضيح خطوات الحل . ثم أوجد النسب الممثلة للزاوية ب



السؤال الثالث

ضع علامة صح أمام العبارة الصحيحة وعلامة خطأ أمام العبارة الخاطئة

١	مجموعة الأطوال الآتية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية: ٨ ، ١٢ ، ١٦	()
٢	مجموعة الأطوال الآتية تشكل أضلاع مثلث قائم الزاوية: ١٢ ، ١٦ ، ٢٠	()
٣	إيجاد القياسات المجهولة لأضلاع المثلث القائم وزواياه يسمى حل المثلث	()
٤	إذا كان المثلثان متشابهين فإن الأضلاع المتناظرة متناسبة.	()