

شرح الدرس الثالث الزوايا المحيطية



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الخامس ← رياضيات ← الفصل الثالث ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 14:46:05 2025-04-18

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

إعداد: أمل باجودة

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الخامس



صفحة المناهج
السعودية على
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الخامس والمادة رياضيات في الفصل الثالث

الإجابة على اختبار الفصل التاسع جمع الكسور وطرحها

1

اختبار الفصل التاسع جمع الكسور وطرحها 1446هـ

2

اختبار منتصف الفصل محلول

3

ملخص هام للفصل التاسع جمع الكسور وطرحها

4

أسئلة مراجعة الفصل التاسع جمع الكسور وطرحها

5

الزوايا المحيطية

رياضيات ١-٣
أمل باجوده

التاريخ :
المادة: رياضيات ١-٣

الموضوع : الزوايا المحيطية

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

2025

2024

أمل باجموه

بسم الله الرحمن الرحيم
الحمد لله رب العالمين والصلاة والسلام على أشرف الأنبياء والمرسلين نبينا محمد صلى الله عليه وسلم
اللهم يا معلم آدم الأسماء علمنا و يا مفهم سليمان فهمنا ،
اللهم علمنا ما ينفعنا و أنفعنا بما علمتنا وزدنا علما يا رب العالمين

التاريخ :
المادة: رياضيات ١-٣

الموضوع : الزوايا المحيطية

الربط بالواقع	ماذا تعلمت	ماذا أريد أن أعرف	ماذا أعرف

أمل باجموده

فيما سبق:

درستُ إيجاد قياس الزوايا
الداخلية للمضلعات.

والآن:

- أجد قياسات الزوايا
المحيطة.
- أجد قياسات زوايا
المضلعات المحاطة
بدائرة.

المفردات:

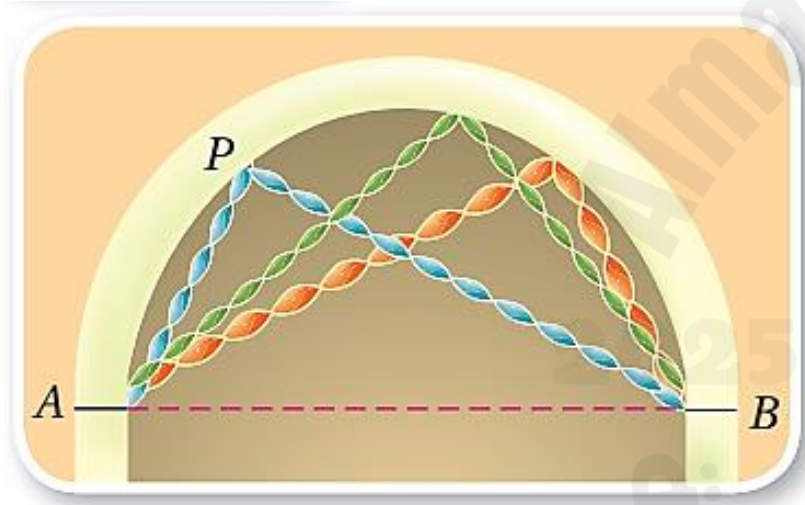
الزاوية المحيطية

inscribed angle

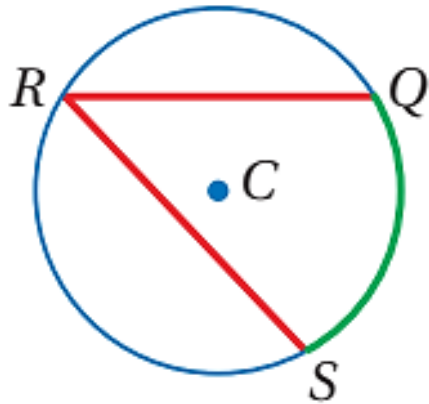
القوس المقابل

intercepted arc

لماذا؟



يعلو مدخل قاعة احتفالات قوس على شكل نصف دائرة. زُين هذا المدخل بأشرطة ملونة، بحيث تُبَّتْ أحد طرفي كل شريط عند النقطة A ، والطرف الآخر عند النقطة B . ثم رفعت الأشرطة، وتم تثبيت كلٍّ منها عند نقطة مختلفة على القوس مثل P ، كما في الشكل المجاور. لاحظ أن الزوايا المتكوّنة من هذه الأشرطة تبدو متطابقة، بغض النظر عن موقع النقطة P .

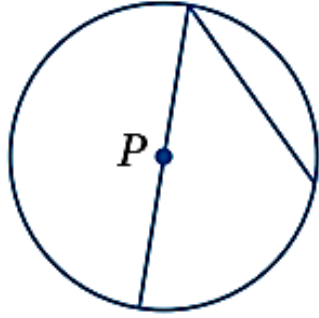
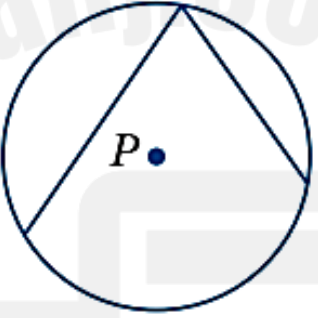
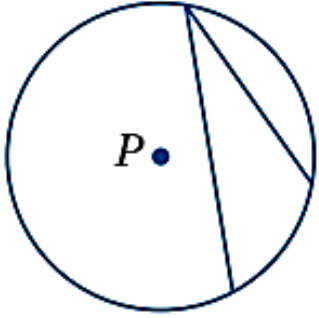


الزوايا المحيطية : الزاوية المحيطية هي زاوية يقع رأسها على الدائرة، ويحتوي ضلعاها على وترين في الدائرة. فالزاوية QRS هي زاوية محيطية في $\odot C$

القوس المقابل للزاوية المحيطية هو قوس يقع داخل الزاوية المحيطية، ويقع طرفاه على ضلعيها. القوس الأصغر \widehat{QS} في $\odot C$ هو القوس المقابل للزاوية QRS .

توجد ثلاث حالات للزاوية المحيطية في الدائرة.



الحالة الأولى	الحالة الثانية	الحالة الثالثة
		
يقع مركز الدائرة P على أحد ضلعي الزاوية المحيطية.	يقع مركز الدائرة P داخل الزاوية المحيطية.	يقع مركز الدائرة P خارج الزاوية المحيطية.

في الحالة الأولى يكون أحد ضلعي الزاوية المحيطية قطرًا للدائرة

والنظرية الآتية صحيحة لهذه الحالات الثلاث جميعها.

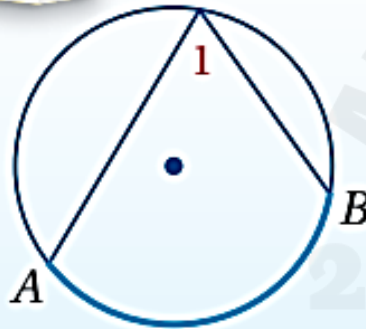
أضف إلى

مطوبتك

نظرية 4.6

نظرية الزاوية المحيطية

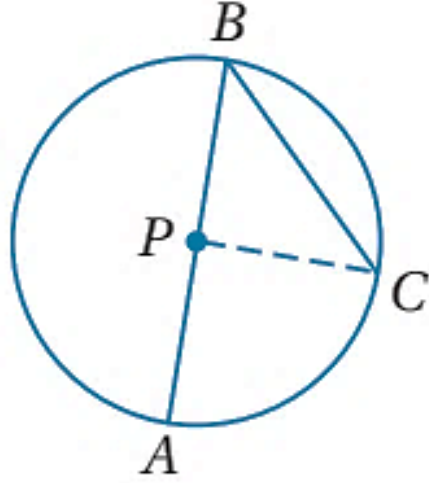
التعبير اللفظي: قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المقابل لها.



$$m\angle 1 = \frac{1}{2} m\widehat{AB}, m\widehat{AB} = 2m\angle 1$$

مثال:

ستبرهن النظرية 4.6 للحالتين الثانية والثالثة للزاوية المحيطية في السؤالين 28, 29 على الترتيب



نظرية الزاوية المحيطية (الحالة الأولى)

برهان

المعطيات: $\angle B$ محيطية في $\odot P$.

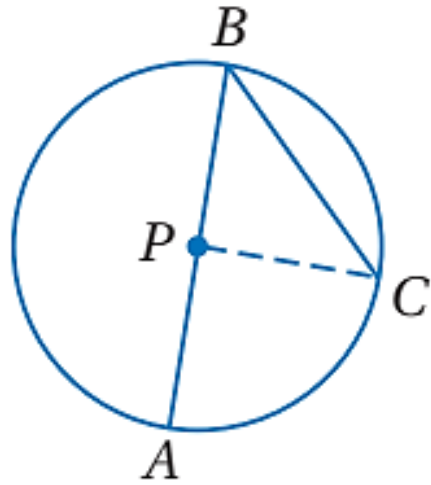
المطلوب: $m\angle B = \frac{1}{2}m\widehat{AC}$

البرهان: تعلم أن $\angle B$ محيطية في $\odot P$ ، وأن \overline{PB} نصف قطر في $\odot P$.

ارسم نصف قطر آخر \overline{PC} حيث إن كل نقطتين تحددان مستقيمًا واحدًا، وهذا سيقودنا إلى:

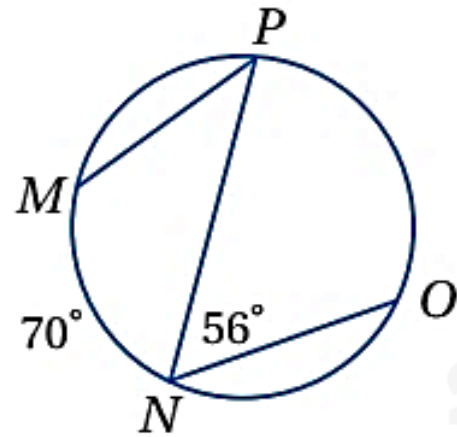
برهان

نظرية الزاوية المحيطية (الحالة الأولى)



المبررات	العبارات
(1) أنصاف أقطار الدائرة جميعها متطابقة.	(1) $\overline{PB} \cong \overline{PC}$
(2) تعريف المثلث المتطابق الضلعين	(2) $\triangle PBC$ متطابق الضلعين.
(3) نظرية المثلث المتطابق الضلعين	(3) $m\angle B = m\angle C$
(4) نظرية الزاوية الخارجية	(4) $m\angle APC = m\angle B + m\angle C$
(5) بالتعويض (من الخطوة 3 في الخطوة 4 ثم الجمع)	(5) $m\angle APC = 2m\angle B$
(6) تعريف قياس القوس	(6) $m\widehat{AC} = m\angle APC$
(7) بالتعويض (من الخطوة 5 في الخطوة 6)	(7) $m\widehat{AC} = 2m\angle B$
(8) خاصية التماثل للمساواة	(8) $2m\angle B = m\widehat{AC}$
(9) خاصية القسمة للمساواة	(9) $m\angle B = \frac{1}{2}m\widehat{AC}$

مثال 1 استعمال الزوايا المحيطية لإيجاد قياسات



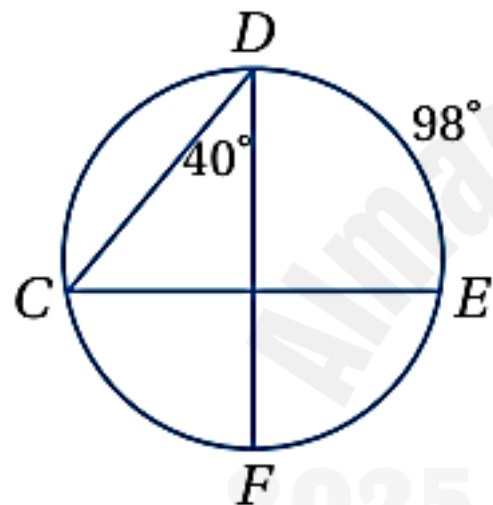
أوجد القياسين الآتين مستعملًا الشكل المجاور:
(a) $m\angle P$
(b) $m\widehat{PO}$

$$\begin{aligned} m\widehat{PO} &= 2m\angle N \\ &= 2(56^\circ) = 112^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} m\angle P &= \frac{1}{2} m\widehat{MN} \\ &= \frac{1}{2} (70^\circ) = 35^\circ \end{aligned}$$

تحقق من فهمك

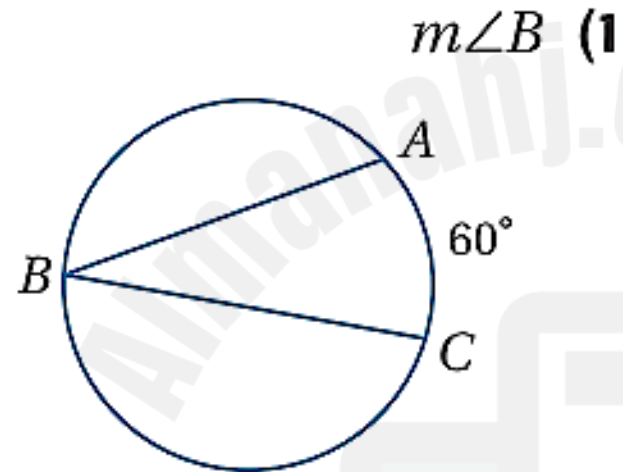
أوجد القياسات الآتية مستعملًا الشكل المجاور:



$m\angle C$ (1B)

$m\widehat{CF}$ (1A)

أوجد كل قياس مما يأتي:

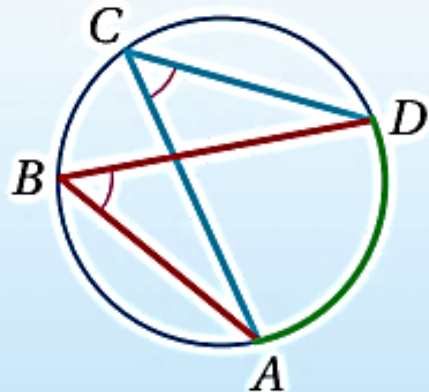


هناك علاقة بين الزاويتين المحيطيتين اللتين تقابلان القوس نفسه في دائرة.

نظرية 4.7

أضف إلى

مطويتك

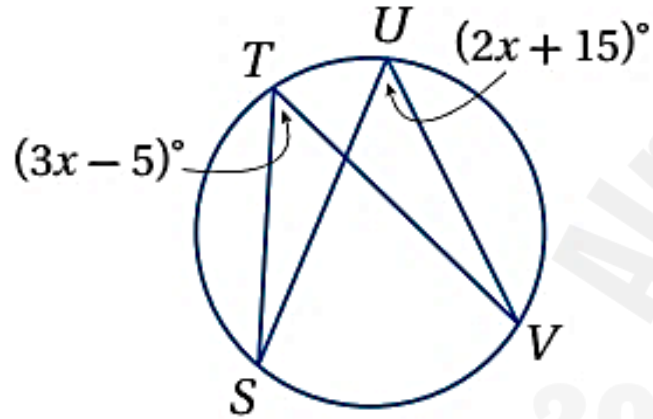


التعبير اللفظي: إذا قابلت زاويتان محيطيتان في دائرة القوس نفسه أو قوسين متطابقين، فإن الزاويتين تكونان متطابقتين.

مثال: $\angle B, \angle C$ تقابلان \widehat{AD} ، إذن $\angle B \cong \angle C$.

مثال 2

استعمال الزوايا المحيطية لإيجاد قياسات

جبر: أوجد $m\angle T$ مستعملًا الشكل المجاور.

$$\angle T \cong \angle U \quad \widehat{SV} \text{ كلاهما تقابلان } \angle U, \angle T$$

تعريف تطابق الزوايا

$$m\angle T = m\angle U$$

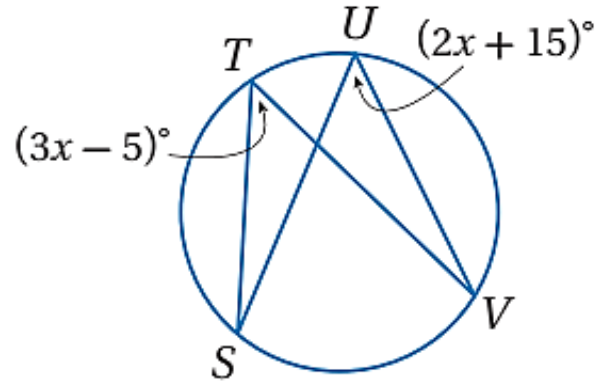
بالتعويض

$$3x - 5 = 2x + 15$$

بالتبسيط

$$x = 20$$

$$\text{إذن: } m\angle T = (3(20) - 5)^\circ = 55^\circ$$

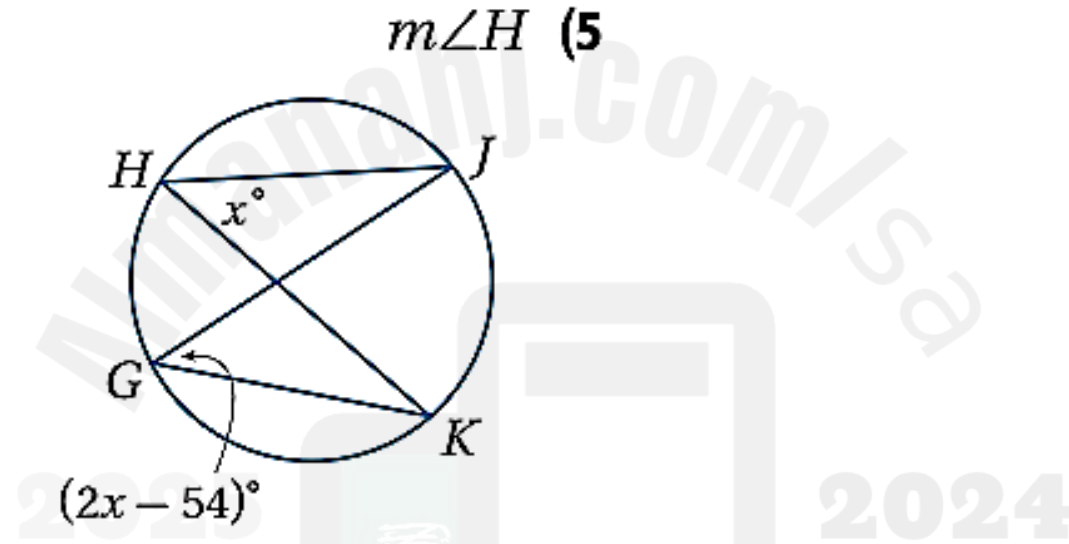


تحقق من فهمك

2) إذا كان: $m\angle V = (x + 16)^\circ$ ، $m\angle S = (3x)^\circ$ ، فأوجد $m\angle S$ مستعملًا الشكل أعلاه



جبر: أوجد كلاً من القياسين الآتيين:



التاريخ :

المادة: رياضيات ٣-١

الموضوع : الزوايا المحيطية

مثال 3

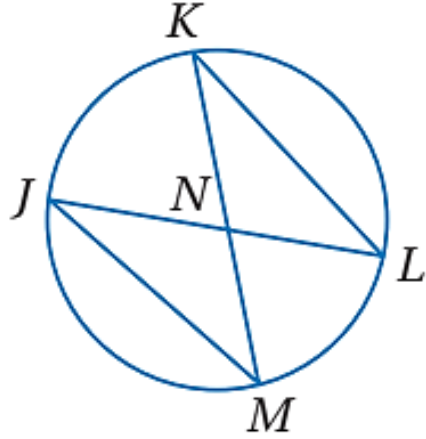
استعمال الزوايا المحيطية في البراهين

اكتب برهاناً ذا عمودين.

المعطيات: $\widehat{JM} \cong \widehat{KL}$

المطلوب: $\triangle JMN \cong \triangle KLN$

البرهان:



المبررات	العبارات
(1) معطيات	$\widehat{JM} \cong \widehat{KL}$ (1)
(2) إذا كانت الأقواس متطابقة؛ فإن الأوتار المقابلة لها تكون متطابقة أيضاً.	$\overline{JM} \cong \overline{KL}$ (2)
(3) تعريف القوس المقابل.	$\angle M$ تقابل \widehat{JK} (3)
(4) الزوايا المحيطية التي تقابل القوس نفسه تكون متطابقة.	$\angle L$ تقابل \widehat{JK}
(5) الزوايا المتقابلة بالرأس تكون متطابقة.	$\angle M \cong \angle L$ (4)
(6) AAS	$\angle JNM \cong \angle KNL$ (5)
	$\triangle JMN \cong \triangle KLN$ (6)

التاريخ :

المادة: رياضيات ١-٣

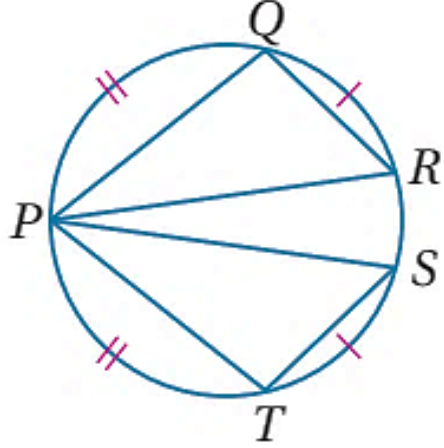
الموضوع : الزوايا المحيطية

تحقق من فهمك

(3) اكتب برهاناً ذا عمودين:

المعطيات: $\widehat{QR} \cong \widehat{ST}$, $\widehat{PQ} \cong \widehat{PT}$

المطلوب: $\triangle PQR \cong \triangle PTS$



التاريخ :

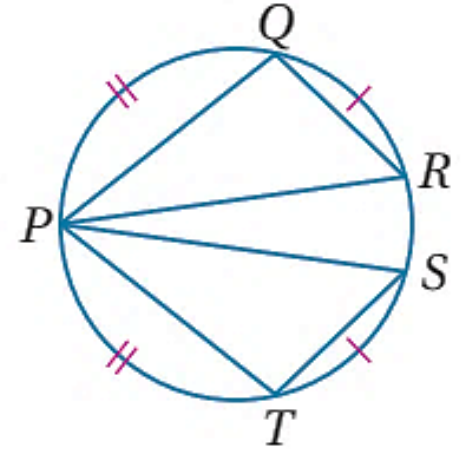
المادة: رياضيات ١-٣

تحقق من فهمك

(3) اكتب برهاناً ذا عمودين:

المعطيات: $\widehat{QR} \cong \widehat{ST}$, $\widehat{PQ} \cong \widehat{PT}$

المطلوب: $\triangle PQR \cong \triangle PTS$



الموضوع : الزوايا المحيطية

(3) البرهان:

المبررات	العبارات
(1) معطيات	$\widehat{QR} \cong \widehat{ST}$, $\widehat{PQ} \cong \widehat{PT}$ (1)
(2) تعريف تطابق الأقواس	$m\widehat{QR} = m\widehat{ST}$, $m\widehat{PQ} = m\widehat{PT}$ (2)
(3) إذا قابلت زاويتان محيطتان في دائرة القوس نفسه أو قوسين متطابقين، فإن الزاويتين تكونان متطابقتين.	$m\angle QPR = m\angle TPS$, (3) $m\angle QRP = m\angle TSP$
(4) تعريف تطابق الزوايا	$\angle QPR \cong \angle TPS$, (4) $\angle QRP \cong \angle TSP$
(5) الأقواس المتطابقة تحدها أوتار متطابقة.	$\overline{QR} \cong \overline{ST}$ (5)
(5) (AAS)	$\triangle PQR \cong \triangle PTS$ (6)

إرشادات للدراسة

المضلعات المحاطة

بدائرة:

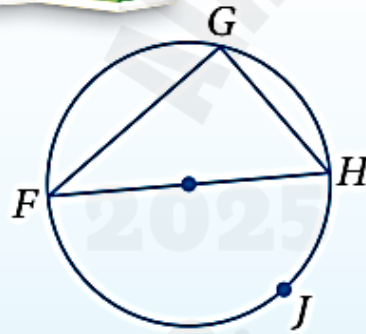
يكون المضلع محاطًا
بدائرة، إذا وقعت رؤوسه
جميعها على الدائرة
نفسها.

زوايا المضلعات المحاطة بدائرة: للمثلثات والأشكال الرباعية المحاطة بدائرة خصائص خاصة.

النظرية 4.8

أضف إلى

مطوبتك



التعبير اللفظي: تقابل الزاوية المحيطية في مثلث قطراً أو نصف دائرة،
إذا وفقط إذا كانت هذه الزاوية قائمة.

إذا كانت \widehat{FJH} نصف دائرة، فإن $m\angle G = 90^\circ$.

مثال:

إذا كان $m\angle G = 90^\circ$ ، فإن \widehat{FJH} هي نصف دائرة،
ويكون \overline{FH} قطراً فيها.

مثال 4

إيجاد قياسات زوايا المثلث المحاط بدائرة

جبر: أوجد $m\angle F$ مستعملًا الشكل المجاور. $\triangle FGH$ قائم الزاوية؛ لأن $\angle G$ محيطية تقابل نصف دائرة.

$$m\angle F + m\angle G + m\angle H = 180^\circ$$

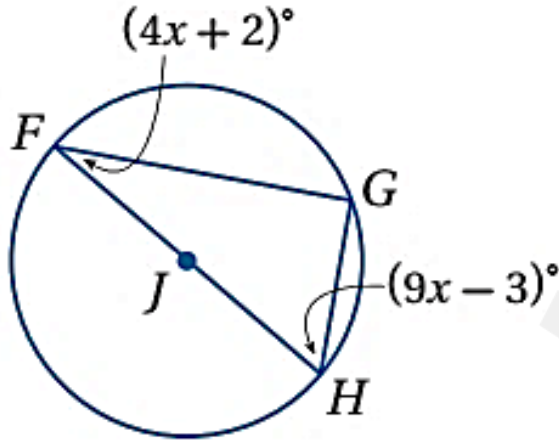
$$(4x + 2)^\circ + 90^\circ + (9x - 3)^\circ = 180^\circ$$

$$(13x)^\circ + 89^\circ = 180^\circ$$

$$13x = 91$$

$$x = 7$$

$$\text{إذن: } m\angle F = (4(7) + 2)^\circ = 30^\circ$$



نظرية مجموع زوايا المثلث

بالتعويض

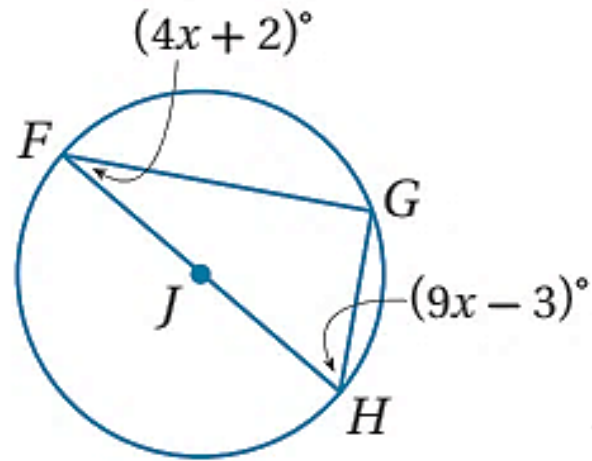
بالتبسيط

ب طرح 89 من كلا الطرفين

بقسمة كلا الطرفين على 13

تحقق من فهمك

4) إذا كان $m\angle F = (7x + 2)^\circ$ ، $m\angle H = (17x - 8)^\circ$ ، فأوجد قيمة x مستعملًا الشكل أعلاه.



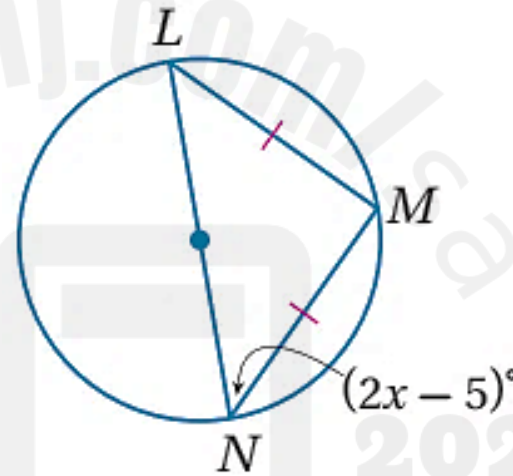
التاريخ :
المادة: رياضيات ١-٣

الموضوع : الزوايا المحيطية



(9) x

أوجد قيمة كل ممّا يأتي:

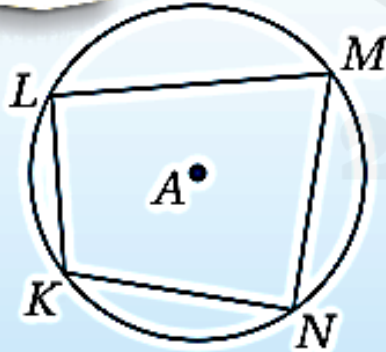


يمكنك إحاطة مختلف أنواع المثلثات، بما فيها المثلث القائم الزاوية بدائرة إلا أن أنواعًا معينة فقط من الأشكال الرباعية يمكنك إحاطتها بدائرة.

نظرية 4.9

أضف إلى

مطويتك



التعبير اللفظي: إذا كان الشكل الرباعي محاطًا بدائرة، فإن كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.

مثال: إذا كان الشكل الرباعي $KLMN$ محاطًا بـ $\odot A$ ، فإن $\angle L, \angle N$ متكاملتان و $\angle K, \angle M$ متكاملتان أيضًا.

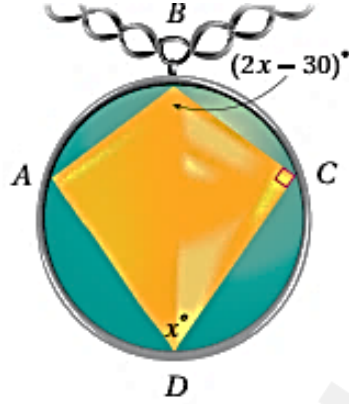
إرشادات للدراسة

الأشكال الرباعية :

يمكن إثبات نظرية 4.9 ،
بإثبات أن القوسين
المقابلين لكل زاويتين
متقابلتين في الشكل
الرباعي المحاط بدائرة
يكونان دائرة كاملة.

مثال 5 من واقع الحياة

إيجاد قياسات الزوايا



مجوهرات: يحتوي العقد الظاهر في الشكل على جوهرة بصورة مضلع رباعي محاط بدائرة، أوجد $m\angle A$, $m\angle B$.

بما أن $ABCD$ شكل رباعي محاط بدائرة، فإن كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.

كل زاويتين متقابلتين في الرباعي

$$m\angle B + m\angle D = 180^\circ$$

$$m\angle A + m\angle C = 180^\circ$$

الدائري متكاملتين

بالتعويض

$$(2x - 30)^\circ + x^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle A + 90^\circ = 180^\circ$$

بالتبسيط

$$(3x)^\circ - 30^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle A = 90^\circ$$

بإضافة 30° لكلا الطرفين

$$3x = 210$$

بقسمة كلا الطرفين على 3

$$x = 70$$

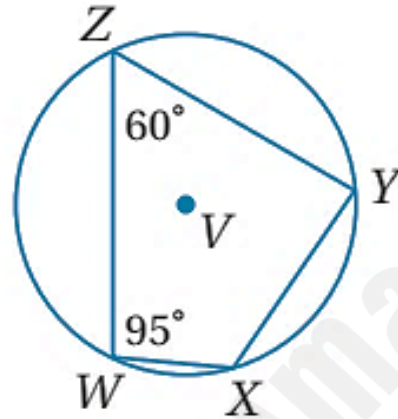
إذن: $m\angle A = 90^\circ$, $m\angle B = (2(70) - 30)^\circ = 110^\circ$.

التاريخ :
المادة: رياضيات ١-٣

الموضوع : الزوايا المحيطية

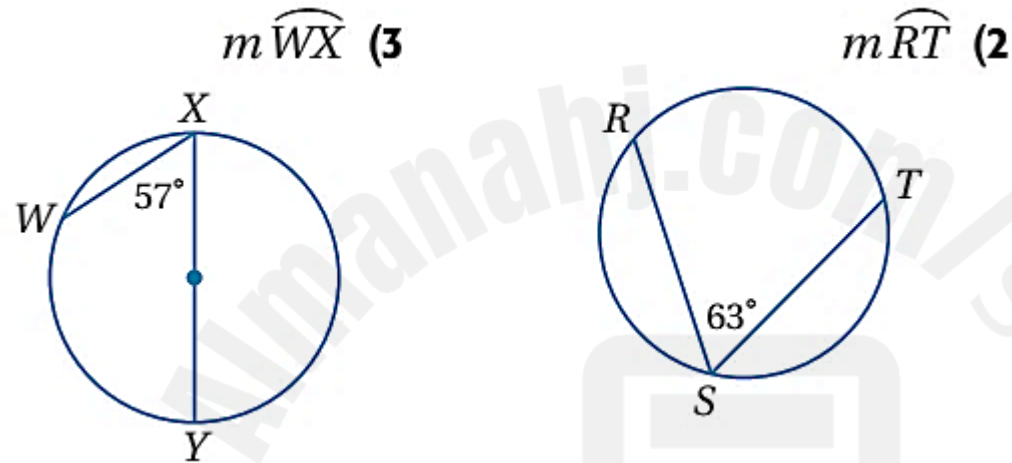
تحقق من فهمك

(5) المضلع $WXYZ$ شكل رباعي محاط بـ $\odot V$ ،
أوجد $m\angle X$, $m\angle Y$.



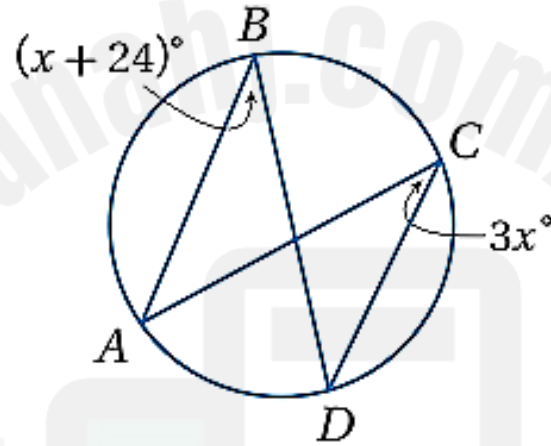
تدرب وحل المسائل

أوجد كل قياس مما يأتي:



تدرب وحل المسائل

(6) $m\angle B$



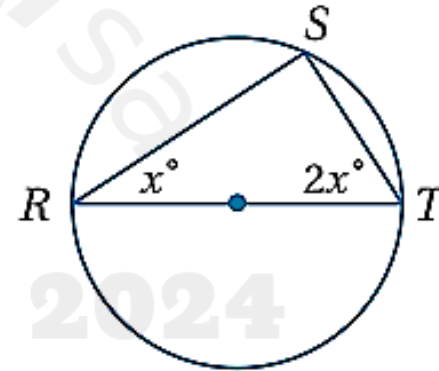
أوجد كل قياس ممّا يأتي:

تدرب وحل المسائل

جبر: أوجد قيمة كلٍّ مما يأتي:

(19) x

(21) $m\angle T$



مسائل مهارات التفكير العليا

تبرير: حدّد ما إذا كان يمكن إحاطة كلّ من الأشكال الرباعية الآتية بدائرة دائماً أو أحياناً أو لا يمكن أبداً.
برّر إجابتك. (33) المربع

مسائل مهارات التفكير العليا

تبرير: حدّد ما إذا كان يمكن إحاطة كلّ من الأشكال الرباعية الآتية بدائرة دائماً أو أحياناً أو لا يمكن أبداً.
برّر إجابتك. (33) المربع

صحيحة دائماً، جميع زوايا المربع قائمة، إذن زواياه المتقابلة ستكون
محيطية مرسومة في نصف دائرة.

مسائل مهارات التفكير العليا

تبرير: حدّد ما إذا كان يمكن إحاطة كلّ من الأشكال الرباعية الآتية بدائرة دائماً أو أحياناً أو لا يمكن أبداً.
برّر إجابتك. (35) المعين

مسائل مهارات التفكير العليا

تبرير: حدّد ما إذا كان يمكن إحاطة كلّ من الأشكال الرباعية الآتية بدائرة دائماً أو أحياناً أو لا يمكن أبداً.
برّر إجابتك.

(35) صحيحة أحياناً، يمكن أن يكون المعين محاطاً بدائرة إذا كان مربعاً.
أما إذا لم تكن الزوايا المتقابلة قائمة، فإنها لن تكون مرسومة في نصف دائرة، كما أن مجموع قياس كل زاويتين متقابلتين لا يساوي 180° ، إذن لا يمكن أن يُحاط هذا المعين بدائرة.

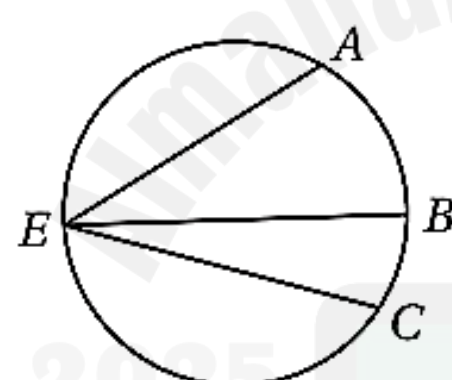
(40) اكتب: بيّن أوجه الشبه وأوجه الاختلاف بين الزاوية المركزية والزاوية المحيطية في الدائرة، وإذا كانت هاتان الزاويتان تقابلان القوس نفسه، فما العلاقة بينهما؟

(40) اكتب: بيّن أوجه الشبه وأوجه الاختلاف بين الزاوية المركزية والزاوية المحيطية في الدائرة، وإذا كانت هاتان الزاويتان تقابلان القوس نفسه، فما العلاقة بينهما؟

(40) الزاوية المحيطية يقع رأسها على الدائرة، أما الزاوية المركزية فيقع رأسها عند مركز الدائرة، وإذا كانت الزاوية المحيطية والزاوية المركزية تقابلان القوس نفسه، فإن قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية.

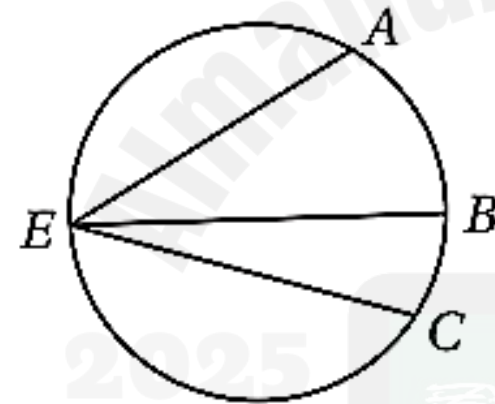
تدريب على اختبار

(41) إذا كان: $m\widehat{AC} = 160^\circ$ ،
 $m\angle BEC = 38^\circ$ ، فأوجد قيمة
 $m\angle AEB$ مستعملًا الدائرة
المجاورة:



A 42° **B** 61° **C** 80° **D** 84°

تدريب على اختبار



٤١) إذا كان: $m\widehat{AC} = 160^\circ$ ،

$m\angle BEC = 38^\circ$ ، فأوجد قيمة

$m\angle AEB$ مستعملًا الدائرة

المجاورة:

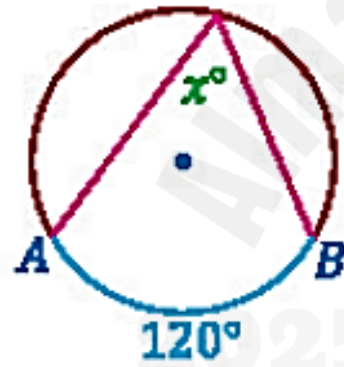
84° D

80° C

61° B

42° A

تحصيلي



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AB} = 120^\circ$ فإن قيمة x تساوي ..

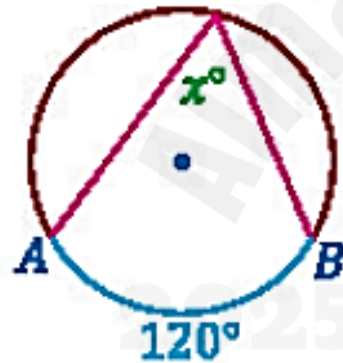
100 (B)

60 (A)

240 (D)

120 (C)

تحصيلي



في الشكل المجاور: إذا كان $m\widehat{AB} = 120^\circ$ فإن $\frac{10}{4}$ قيمة x تساوي ..

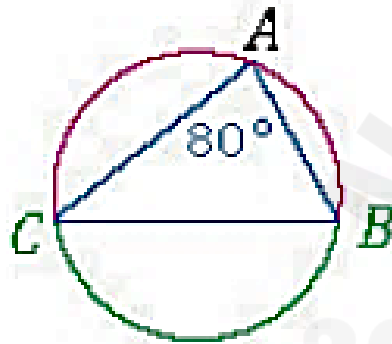
100 (B)

60 (A)

240 (D)

120 (C)

تحصيلي



١١/٤ ما قياس القوس CB في الشكل المجاور؟

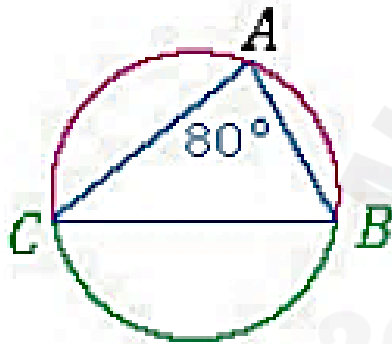
80° (B)

40° (A)

240° (D)

160° (C)

تحصيلي



١١/٤ ما قياس القوس CB في الشكل المجاور؟

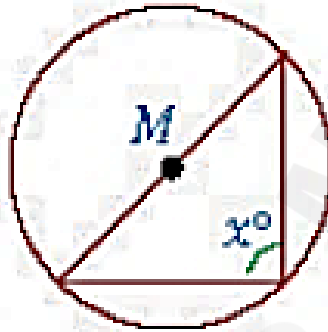
80° (B)

40° (A)

240° (D)

160° (C)

تحصيلي



في الشكل المجاور: إذا كانت M مركز الدائرة فما
قيمة x ؟

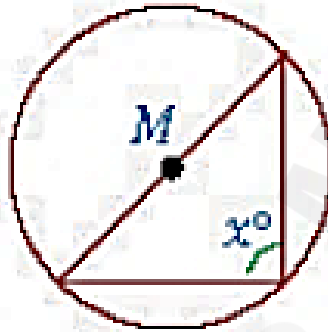
120 (B)

60 (D)

180 (A)

90 (C)

تحصيلي



في الشكل المجاور: إذا كانت M مركز الدائرة فما
قيمة x ؟

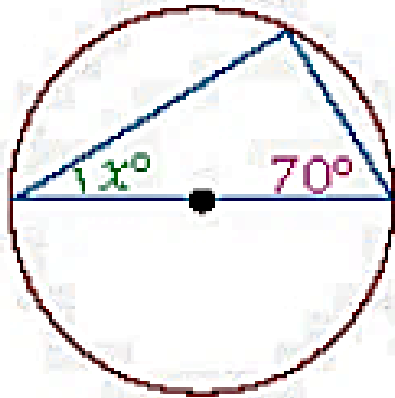
120 (B)

180 (A)

60 (D)

90 (C)

تحصيلي



قيمة x في الشكل المجاور تساوي .. $\frac{13}{4}$

40 (B)

20 (A)

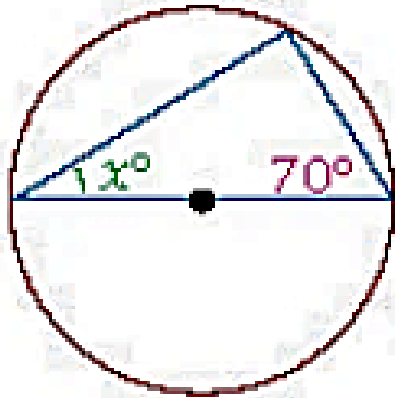
80 (D)

60 (C)

التاريخ :
المادة: رياضيات ٣-١

الموضوع : الزوايا المحيطية

تحصيلي



قيمة x في الشكل المجاور تساوي $\frac{13}{4}$..

40 (B)

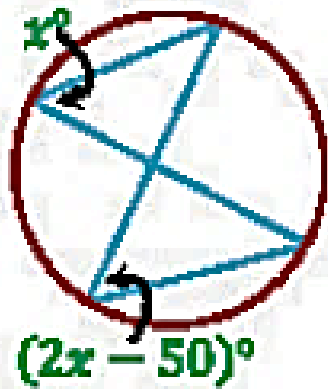
20 (A)

80 (D)

60 (C)

أمل باجموده

تحصيلي



14/4 ◀ في الشكل المجاور: قيمة x تساوي ..

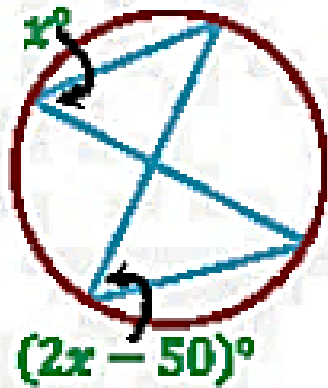
50 (B)

25 (A)

120 (D)

100 (C)

تحصيلي



14/4 ◀ في الشكل المجاور: قيمة x تساوي ..

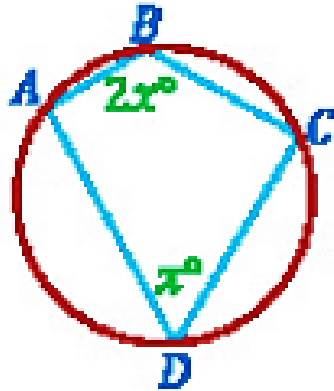
50 (B)

25 (A)

120 (D)

100 (C)

تحصيلي



في الشكل المجاور: $m\angle B$ يساوي .. $\frac{15}{4}$

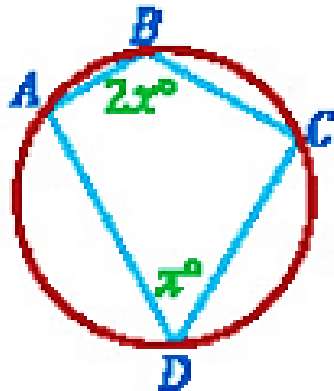
60° (B)

30° (A)

180° (D)

120° (C)

تحصيلي



15/4 ◀ في الشكل المجاور: $m\angle B$ يساوي ..

60° (B)

30° (A)

180° (D)

120° (C)

$$2x + x = 180^\circ$$

$$3x = 180^\circ$$

$$x = 60^\circ$$

$$m\angle B = 2x = 120^\circ$$

التاريخ :
المادة: رياضيات ١-٣

الموضوع : الزوايا المحيطية

الربط بالواقع	ماذا تعلمت	ماذا أريد أن أعرف	ماذا أعرف

أمل باجموده