

## ملخص تقدير التهابات بياناً



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الثالث الثانوي ← رياضيات ← الفصل الثالث ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 06:16:11 2025-05-19

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث الثانوي



صفحة المناهج  
السعودية على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الثالث

مراجعة نهائية محلولة للترم الثالث 1446هـ

1

أسئلة الاختبار النهائي 1446هـ

2

مراجعة نهائية محلولة للفصل الثالث 1446هـ

3

بنك أسئلة غير محلول للفصل الثالث

4

مراجعة نهائية للفصل الثالث

5



1

2

3

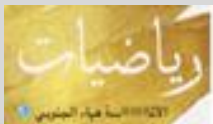
4

5

## ملخص الدرس الأول

### تقدير النهايات بيانيا

إعداد / أ. هياء الجنوبي (الألماتة)  
الثانوية الثانية



يتمحور علم التفاضل والتكامل حول مسألتين أساسيتين:

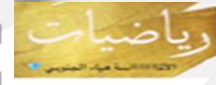
\* إيجاد معادلة مماس منحنى دالة عند نقطة واقعة عليه.  
( وهذا هو التفاضل > الاشتقاق < )

\*\* إيجاد مساحة المنطقة الواقعة بين التمثيل البياني لدالة  
و المحور  $x$   
( وهذا هو التكامل )

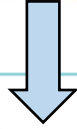


علمتني الرياضيات :  
أن لكل مجهول قيمة..  
فلا تحتقر أحداً لا تعرفه..  
أنه يوجد شيء اسمه مالا نهاية  
فلا تكن محدود الفكر والطموح.

12  
4  
6  
7  
@dr.alazmi

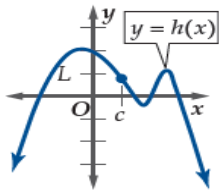


# تقدير النهايات عند قيم محددة



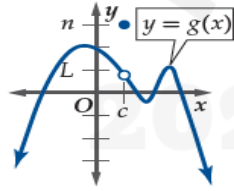
عدم اعتماد النهاية على قيمة الدالة عند نقطة

لا تعتمد نهاية  $f(x)$  عما تقترب  $x$  من العدد  $c$  على قيمة الدالة عند  $c$



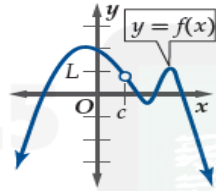
$$\lim_{x \rightarrow c} h(x) = L$$

$$h(c) = L$$



$$\lim_{x \rightarrow c} g(x) = L$$

$$g(c) = n$$



$$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$$

$$f(c) \text{ غير معرفة}$$

إن النهاية عند عدد لا تعني قيمة الدالة عند ذلك العدد ، وإنما قيمة الدالة عندما تقترب  $x$  من ذلك العدد



علمتني الرياضيات :  
أن لكل مجهول قيمة..  
فلا تحتقر أحدا لا تعرفه..  
أنه يوجد شيء اسمه مالا نهاية  
فلا تكن محدود الفكر والطموح.





1

2

4

5

## النهاية من جهة واحدة



النهاية من اليسار

$$\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = L_2$$

النهاية من اليمين

$$\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = L_1$$

## النهاية من جهتين (النهاية عند نقطة)

$$\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = L$$

$$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$$

رياضيات

## تنبيه

النهاية من اليمين والنهاية من اليسار للدالة

لمناقشة النهاية من اليمين لدالة عند  $c$  يجب أن نضمن أن الدالة معرفة على يمين  $c$  على فترة  $(c, b)$  وللمناقشة النهاية من اليسار لدالة عند  $c$  يجب أن نضمن أن الدالة معرفة على يسار  $c$  على فترة  $(a, c)$ .

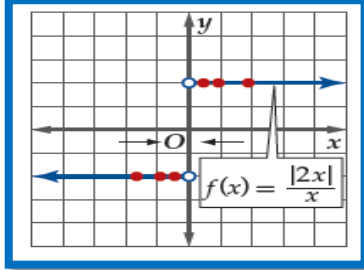
3



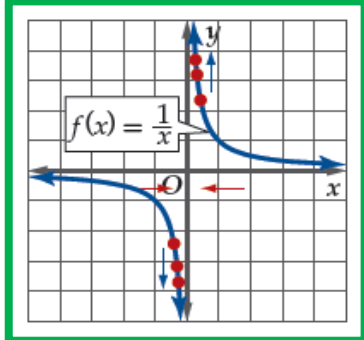
علمتني الرياضيات :  
أن لكل مجهول قيمة.  
فلا تحقر أحداً لا تعرفه.  
أنه يوجد شيء اسمه مالا نهاية  
فلا تكن محدود الفكر والظنوح.

رياضيات

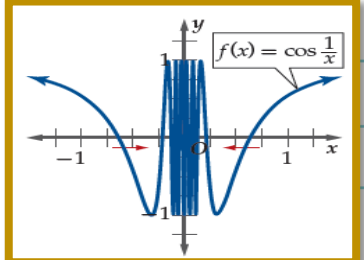
1



2



3



5

رياضيات

إذا كانت النهايتان من  
اليسار ومن اليمين غير  
متساويتين، فإننا نقول، إن  
النهاية غير موجودة.

من الضروري أن نفهم أن  
العبارتين  
 $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty$  ,  
 $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \infty$   
هما فقط وصف للحالة التي  
بسببها  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$   
غير موجودة، إذ لا يمثل  
الرمزان  $\infty$  و  $-\infty$  عددين  
حقيقيين.

التذبذب غالبا يكون  
في الدوال التي تحوي  
دوال مثلثية

أسباب عدم وجود نهاية عند نقطة

عندما تقترب قيم  $f(x)$  من قيمتين مختلفتين  
عند اقتراب قيم  $x$  من العدد  $c$  من اليسار ومن اليمين.

عندما تزداد قيم  $f(x)$  بشكل غير محدود  
عند اقتراب قيم  $x$  من العدد  $c$  من اليسار  
وتتناقص قيمها بشكل غير محدود  
عند اقتراب  $x$  من العدد  $c$  من اليمين، أو العكس

عندما تتذبذب قيم  $f(x)$  بين قيمتين مختلفتين  
عند اقتراب قيم  $x$  من العدد  $c$ .

4

# تقدير النهاية عند الما لانهاية

تستعمل النهايات لوصف سلوك طرفي التمثيل  
البياني للدالة وهو سلوك الدالة عند ازدياد أو  
نقصان قيم  $x$  بشكل غير محدود

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = L_2$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = L_1$$

درست سابقاً أنه إذا اقتربت قيم الدالة من  $\infty$  أو  $-\infty$  عند اقتراب قيم  $x$  من عدد ثابت  $c$ ، فإن ذلك يعني وجود خط  
تقارب رأسي للدالة، كما درست أن خط التقارب الأفقي يحدث عندما تقترب قيم الدالة من عدد حقيقي كلما اقتربت  
قيم  $x$  من  $\infty$  أو  $-\infty$ ، بمعنى:

المستقيم  $y = c$  هو خط تقارب أفقي للدالة  $f$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = c \text{ أو } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c \text{ إذا كانت}$$

المستقيم  $x = c$  هو خط تقارب رأسي للدالة  $f$

$$\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \pm\infty \text{ أو } \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = \pm\infty \text{ أو كليهما. إذا كانت}$$

رياضيات

## تنبيه!

### السلوك المتذبذب

إن التذبذب اللانهازي للدالة  
لا يعني بالضرورة عدم  
وجود النهاية عندما تقترب  
 $x$  من  $\infty$  أو  $-\infty$ . فإذا  
كان التذبذب بين قيمتين  
مختلفتين، فالنهاية غير  
موجودة، أما إذا كان التذبذب  
متقارباً نحو عدد معين،  
فالنهاية موجودة.



علمتني الرياضيات :  
أن لكل مجهول قيمة..  
فلا تحتقر أحداً لا تعرفه..  
أنه يوجد شيء اسمه مالا نهاية  
فلا تكن محدود الفكر والطموح.

