

## عرض بوربوينت للدرس الرابع تحديد أنواع القطوع المخروطية



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية

موقع المناهج ← المناهج السعودية ← الصف الثالث الثانوي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 18:34:05 2025-11-19

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث الثانوي



صفحة المناهج  
السعودية على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

عرض بوربوينت لدرس المتطابقات المثلثية لمجموع زاويتين والفرق بينهما

1

حل ورقة عمل العلاقات والدوال العكسية

2

ورقة عمل الدوال و العلاقات العكسية

3

ورقة عمل درس المتطابقات المثلثية و درس إثبات صحة المتطابقات المثلثية

4

عرض بوربوينت لدرس اللوغاريتمات العشرية

5

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

## تحديد أنواع القطوع المخروطية

رياضيات ٢-٣

المعلمة : أمل باجوده

أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

أمل باجوده

## طريقة التقدير والتقريب

تُستخدم هذه الطريقة عندما يطلب قيمة تقريبية  
أو في الأشكال الهندسية التي يطلب فيها مساحة  
منطقة مظلة وتكون خطوات الحل طويلة .

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

$$\frac{198.2 \times 0.5012}{2.02} =$$

2.02

٢٥

٥٠

٧٥

١٠٠

أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

$$\frac{198.2 \times 0.5012}{2.02} =$$

2.02

٢٥

٥٠

٧٥

١٠٠

أمل باجوده

بسم الله الرحمن الرحيم  
الحمد لله رب العالمين والصلاة والسلام على أشرف الأنبياء والمرسلين نبينا محمد صلى الله عليه وسلم  
اللهم يا معلم آدم الأسماء علمنا و يا مفهم سليمان فهمنا ،  
اللهم علمنا ما ينفعنا و أنفعنا بما علمتنا وزدنا علما يا رب العالمين

## القطوع المخروطية

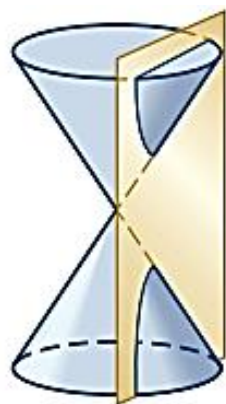


|     |                                                                         |
|-----|-------------------------------------------------------------------------|
| 177 | التهيئة للفصل الرابع                                                    |
| 178 | 4-1 القطوع المكافئة                                                     |
| 186 | 4-2 القطوع الناقصة والدوائر                                             |
| 194 | اختبار منتصف الفصل                                                      |
| 195 | 4-3 القطوع الزائدة                                                      |
| 204 | 4-4 تحديد أنواع القطوع المخروطية                                        |
| 208 | توسع 4-4 معمل الحاسبة البيانية ، أنظمة المعادلات والمتباينات غير الخطية |
| 210 | دليل الدراسة والمراجعة                                                  |
| 214 | اختبار الفصل                                                            |

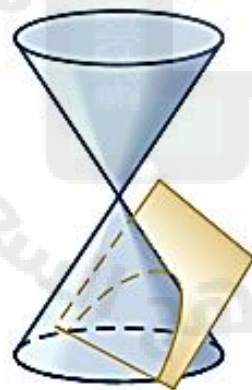


## الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

**القطوع المخروطية :** القطوع المخروطية هي الأشكال الناتجة عن تقاطع مستوى ما مع مخروطين دائريين قائمين متقابلين بالرأس، كليهما أو أحدهما. بحيث لا يمر المستوى بالرأس. والقطوع المخروطية الثلاثة الواردة في هذا الفصل هي: القطع المكافئ والقطع الناقص (وحالة خاصة منه الدائرة) والقطع الزائد.



القطع الزائد



القطع المكافئ



القطع الناقص



الدائرة

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

| ماذا أعرف | ماذا أريد أن أعرف | ماذا تعلمت | الربط بالواقع |
|-----------|-------------------|------------|---------------|
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |

أمل باجموده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

### فيما سبق:

درستُ كتابةً معادلات القُطوع  
المخروطية على الصورة  
القياسية.  
(الدروس من ١-٤ إلى ٣-٤)

### والآن:

■ أحدد نوع القُطوع  
المخروطية من معادلاتها.

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

## المفردات

القطوع المخروطية

أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

## المادة



تدور كواكب مجموعتنا الشمسية حول الشمس في مدارات على شكل قطع ناقص، في حين تنطلق المذنبات في مسارات قد تكون على شكل قطع مكافئ أو قطع ناقص أو قطع زائد، بحيث يمثل مركز الشمس بؤرة للقطع.

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

## لماذا؟



تدور كواكب مجموعتنا الشمسية حول الشمس في مدارات على شكل قطع ناقص، في حين تنطلق المذنبات في مسارات قد تكون على شكل قطع مكافئ أو قطع ناقص أو قطع زائد، بحيث يمثل مركز الشمس بؤرة للقطع.

- من بين القطوع المخروطية التي درستها أي منها يُعدُّ دالة؟ **القطع المكافئ الذي دالته الرئيسية (الأم)  $y = x^2$ ، وله محور تماثل رأسي.**

أمل باجوده

- لماذا يختلف القطع الزائد عن بقية القطوع المخروطية؟ **للقطع الزائد جزآن.**

- هل يمكن لمنحنى القطع الزائد أن يُمثَّل دالة؟ **لا**

- يحتاج مذنب هالي إلى 76 سنة ليدور حول الشمس دورة واحدة، وقد ظهر في المرة الأخيرة عام 1986، ففي أي سنة تقريباً سيظهر مرة أخرى؟ **2062**

## الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

### لماذا؟



تدور كواكب مجموعتنا الشمسية حول الشمس في مدارات على شكل قطع ناقص، في حين تنطلق المذنبات في مسارات قد تكون على شكل قطع مكافئ أو قطع ناقص أو قطع زائد، بحيث يمثل مركز الشمس بؤرة للقطع.

- من بين القطوع المخروطية التي درستها أي منها يُعدُّ دالة؟ **القطع المكافئ الذي**

- لماذا يختلف القطع الزائد عن بقية القطوع المخروطية؟

- هل يمكن لمنحنى القطع الزائد أن يُمثَّل دالة؟

- يحتاج مذنب هالي إلى 76 سنة ليدور حول الشمس دورة واحدة، وقد ظهر في المرة الأخيرة عام 1986، ففي أي سنة تقريباً سيظهر مرة أخرى؟

أمل باجوده

**الصورة العامة لمعادلات القطوع المخروطية :** يمكن كتابة معادلة أي قطع مخروطي على الصورة العامة:  
 $Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$  ، على أن لا تساوي  $A, B, C$  جميعها أصفاراً. ويمكن تحويل هذه  
الصورة إلى الصور القياسية باستعمال طريقة إكمال المربع إذا كانت  $B = 0$ .

مثال 1

كتابة المعادلة العامة لقطع مخروطي على الصورة القياسية

اكتب كلاً من المعادلتين الآتيتين على الصورة القياسية، ثم حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله:

$$16x^2 - 25y^2 - 128x - 144 = 0 \quad (a)$$

المعادلة الأصلية  $16x^2 - 25y^2 - 128x - 144 = 0$

حلّ وبسط  $16(x^2 - 8x + 16) - 25y^2 = 144 + 16(16)$

مربع كامل  $16(x - 4)^2 - 25y^2 = 400$

اقسم كل حدّ على 400  $\frac{(x - 4)^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$

بما أن المعادلة على الصورة  $\frac{(x - h)^2}{a^2} - \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$  فإنها معادلة قطع زائد مركزه  $(4, 0)$ .

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

اكتب كلاً من المعادلتين الآتيتين على الصورة القياسية، ثم حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله:

$$(b) \quad x^2 + 4y^2 - 6x - 7 = 0$$

المعادلة الأصلية  $x^2 + 4y^2 - 6x - 7 = 0$

جمع الحدود المتشابهة  $(x^2 - 6x) + 4y^2 = 7$

أكمل المربع  $(x^2 - 6x + 9) + 4y^2 = 7 + 9$

حلّ وبسط  $(x - 3)^2 + 4y^2 = 16$

اقسم كلا الطرفين على 16  $\frac{(x - 3)^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$

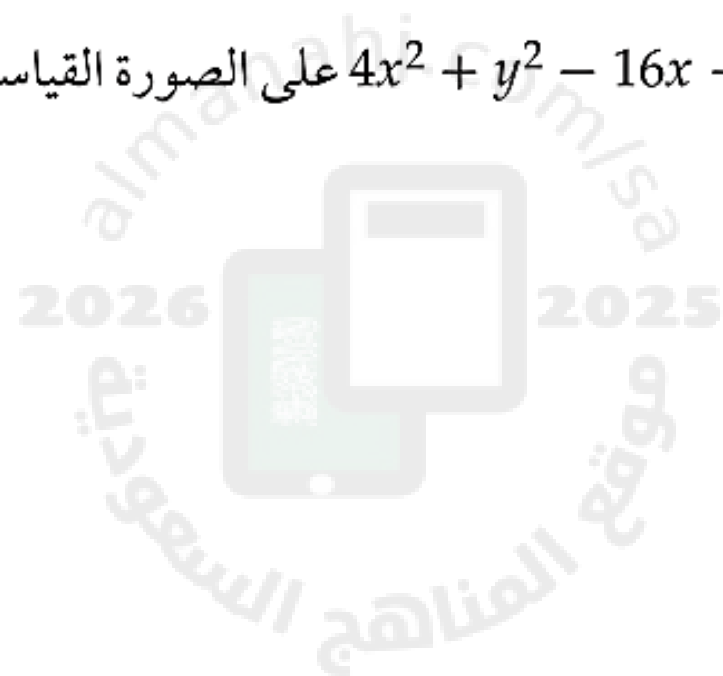
بما أنّ المعادلة على الصورة  $\frac{(x - h)^2}{a^2} + \frac{(y - k)^2}{b^2} = 1$  فإنها معادلة قطع ناقص مركزه  $(3, 0)$ .

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحقق من فهمك

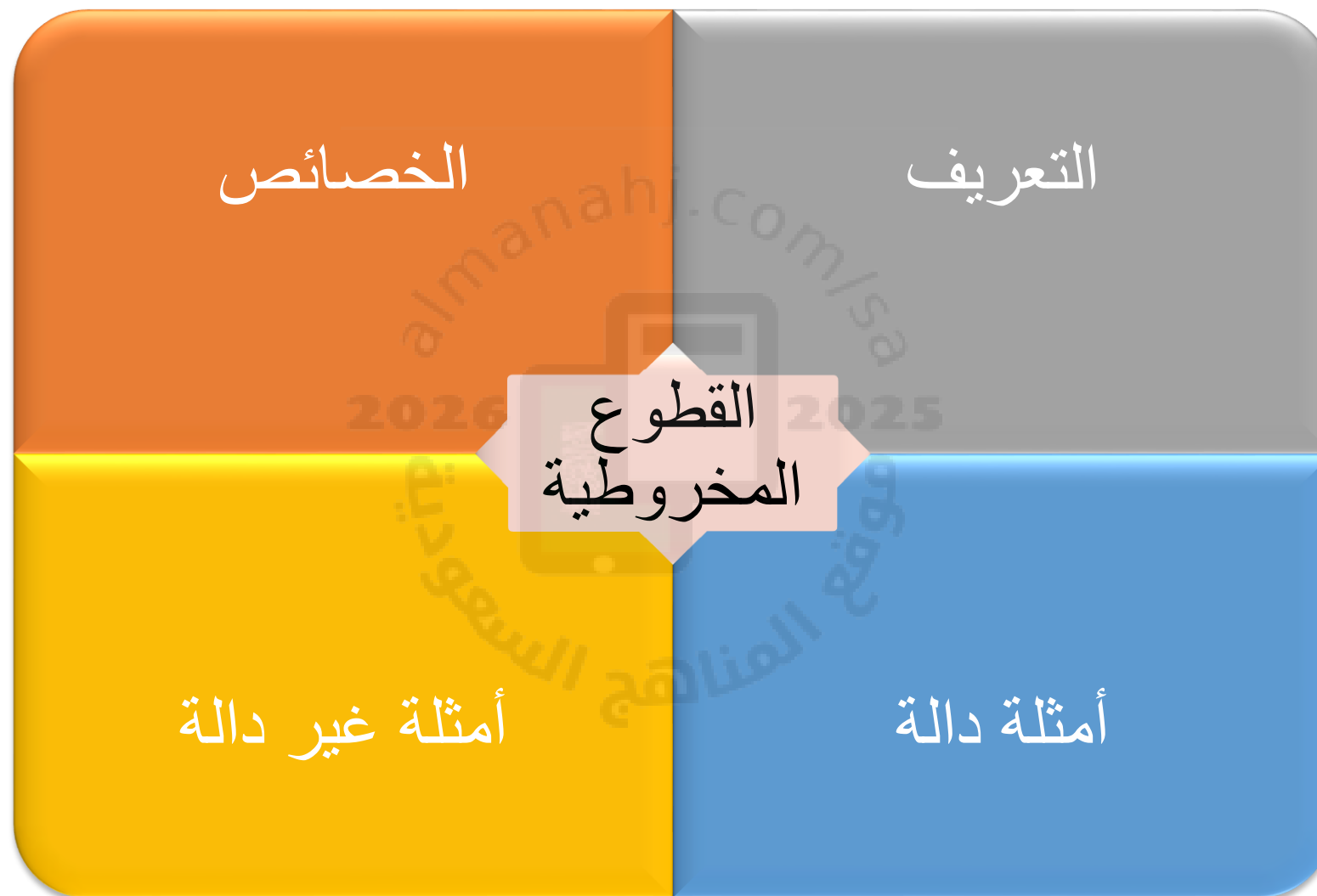
١) اكتب المعادلة  $4x^2 + y^2 - 16x + 8y - 4 = 0$  على الصورة القياسية، ثم حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثله.



أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية



التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

## مراجعة المفردات

المميز

تذكر أن مميز المعادلة

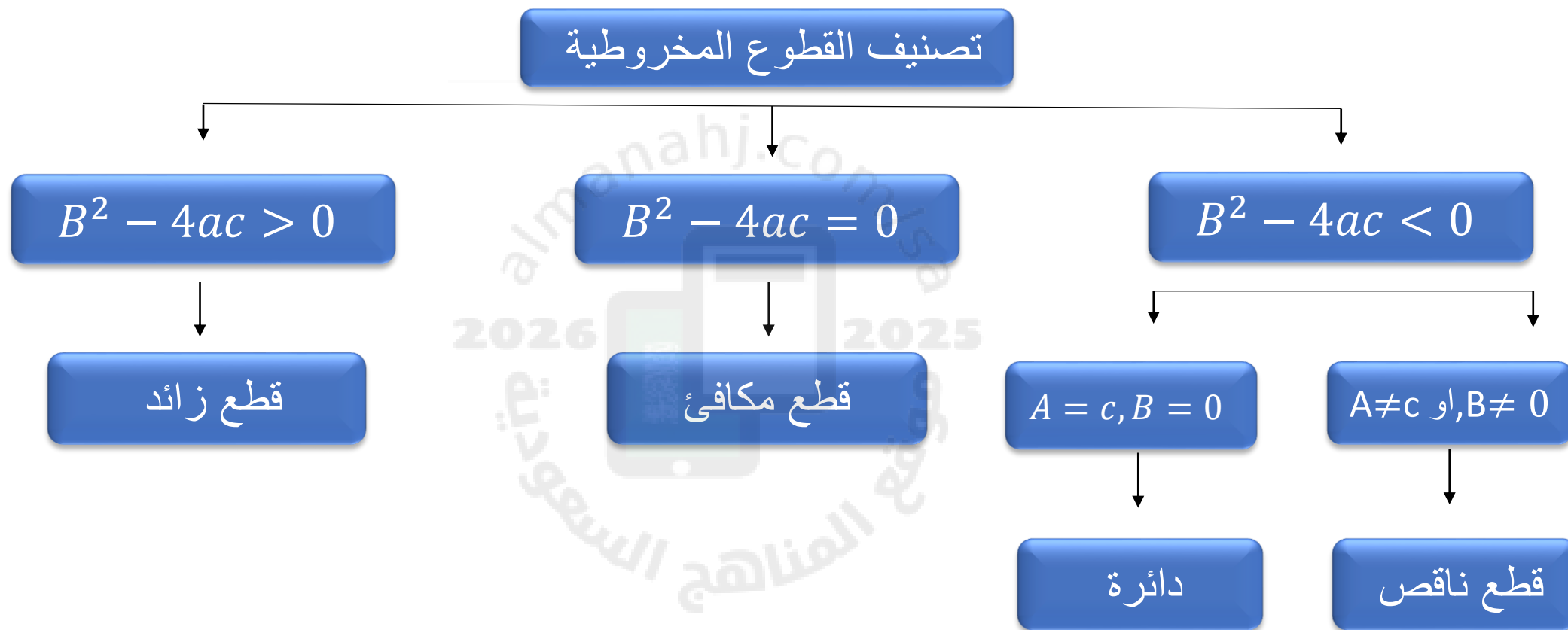
$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ التربيعية}$$

هو  $b^2 - 4ac$ .

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحديد أنواع القطوع المخروطية يمكنك تحديد نوع القطع المخروطي دون أن تكتب المعادلة:  
 $Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$  على الصورة القياسية، وذلك باستعمال المميز  $B^2 - 4AC$ .

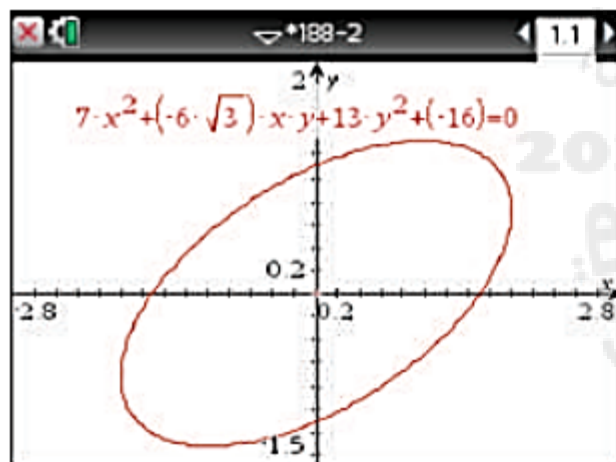
| مفهوم أساسي                            |                                         |
|----------------------------------------|-----------------------------------------|
| تصنيف القطوع المخروطية باستعمال المميز |                                         |
| نوع القطع المخروطي                     | المميز                                  |
| قطع مكافئ                              | $B^2 - 4AC = 0$                         |
| قطع ناقص                               | $B^2 - 4AC < 0, A \neq C$ أو $B \neq 0$ |
| دائرة                                  | $B^2 - 4AC < 0, B = 0, A = C$           |
| قطع زائد                               | $B^2 - 4AC > 0$                         |



الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

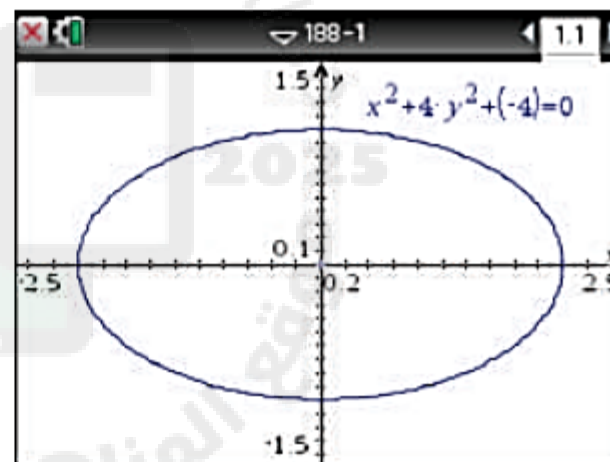
يكون القطع أفقيًا أو رأسيًا عندما  $B = 0$ ، أما إذا كانت  $B \neq 0$ ، فلا يكون القطع أفقيًا ولا رأسيًا.

قطع ناقص ليس رأسيًا ولا أفقيًا :  $B \neq 0$



$$7x^2 - 6\sqrt{3}xy + 13y^2 - 16 = 0$$

قطع ناقص أفقي :  $B = 0$



$$x^2 + 4y^2 - 4 = 0$$

## مثال 2 تحديد نوع القطع المخروطي من معادلته

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$(a) \quad y^2 + 4x^2 - 3xy + 4x - 5y - 8 = 0$$

$$A = 4, B = -3, C = 1$$

$$\text{المميز يساوي } -7 = (-3)^2 - 4(4)(1).$$

ولأن المميز أصغر من الصفر،  $B \neq 0$ ، فإن المعادلة تمثّل قطعاً ناقصاً.

## مثال 2 تحديد نوع القطع المخروطي من معادلته

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$(b) \quad 3x^2 - 6x + 4y - 5y^2 + 2xy - 4 = 0$$

$$A = 3, B = 2, C = -5$$

$$\text{المميز يساوي } 64 = 2^2 - 4(3)(-5).$$

ولأن المميز أكبر من الصفر، فإن القطع زائد.

## مثال 2 تحديد نوع القطع المخروطي من معادلته

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$(c) \quad 4y^2 - 8x + 6y - 14 = 0$$

$$A = 0, B = 0, C = 4$$

$$\text{المميز يساوي } 0^2 - 4(0)(4) = 0.$$

ولأن المميز يساوي صفرًا ، فإن المعادلة تمثّل قطع مكافئ.

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحقق من فهمك

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$8y^2 - 6x^2 + 4xy - 6x + 2y - 4 = 0 \quad (2A)$$

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحقق من فهمك

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$3xy + 4x^2 - 2y + 9x - 3 = 0 \quad (2B)$$

أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحقق من فهمك

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية:

$$(2C) \quad 3x^2 + 16x - 12y + 2y^2 - 6 = 0$$

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تدرب وحل المسائل

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية. (مثال 2)

$$(5) \quad 4x^2 - 5y = 9x - 12$$

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تدرب وحل المسائل

حدّد نوع القطع المخروطي الذي تمثّله كل معادلة مما يأتي، دون كتابتها على الصورة القياسية. (مثال 2)

$$(7) \quad 8x^2 + 8y^2 + 16x + 24 = 0$$

أمل باجموده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

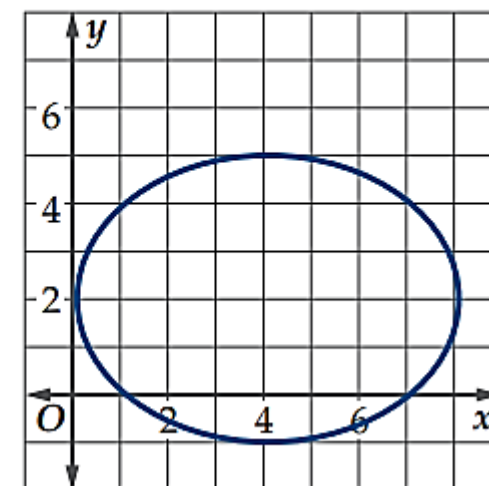
الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

قابل بين المنحنيات أدناه والمعادلة التي تمثل كلّا منها:

$$(a) \quad x^2 + y^2 - 8x - 4y = -4$$

$$(b) \quad 9x^2 - 16y^2 - 72x + 64y = 64$$

$$(c) \quad 9x^2 + 16y^2 = 72x + 64y - 64$$



التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

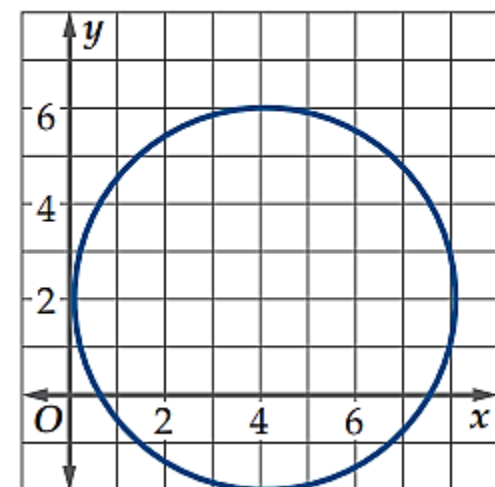
الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

قابل بين المنحنيات أدناه والمعادلة التي تمثل كلاً منها:

$$(a) \quad x^2 + y^2 - 8x - 4y = -4$$

$$(b) \quad 9x^2 - 16y^2 - 72x + 64y = 64$$

$$(c) \quad 9x^2 + 16y^2 = 72x + 64y - 64$$



(14)

الموضوع: تحديد أنواع القطوع المخروطية

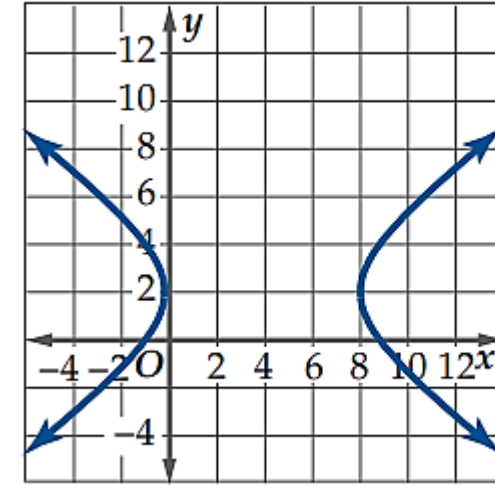
التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

قابل بين المنحنيات أدناه والمعادلة التي تمثل كلاً منها:

$$x^2 + y^2 - 8x - 4y = -4 \quad (a)$$

$$9x^2 - 16y^2 - 72x + 64y = 64 \quad (b)$$

$$9x^2 + 16y^2 = 72x + 64y - 64 \quad (c)$$



(15)

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

في دقيقة قارني بين القطع المكافئ والقطع الناقص والدائرة  
والقطع الزائد  
من حيث قيمة المميز

استراتيجية  
الدقيقة  
الواحدة



أمل باجموده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

### مسائل مهارات التفكير العليا

**(21) تبرير:** حدّد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائماً، أو صحيحة أحياناً، أو غير صحيحة أبداً.  
"عندما يكون القطع رأسياً، وتكون  $A = C$ ، فإن القطع دائرة".

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

### تدريب على اختبار

**(31) سؤال ذو إجابة قصيرة :** حدّد ما إذا كانت المعادلة  $3x^2 + 6xy + 3y^2 - 4x + 5y = 12$  تمثل قطعًا مكافئًا أو دائرة أو قطعًا ناقصًا أو قطعًا زائدًا، دون كتابتها على الصورة القياسية.

تدريب على اختبار

(32) اختيار من متعدد : ما المعادلة التي تمثل قطعًا مكافئًا رأسه عند النقطة  $(2, 2)$  ، ويمر بالنقطة  $(0, 6)$  ؟

**A**  $y = x^2 - 4x + 6$

**B**  $y = x^2 + 4x - 6$

**C**  $y = -x^2 - 4x + 6$

**D**  $y = -x^2 + 4x - 6$

## اختبر مفرداتك

اختر المفردة المناسبة من القائمة أعلاه لإكمال كل جملة فيما يأتي:

(1) \_\_\_\_\_ هو الشكل الناتج عن قطع مستوى لمخروطين دائريين قائمين متقابلين بالرأس كليهما أو أحدهما، بحيث لا يمر المستوى بالرأس.

(2) الدائرة هي \_\_\_\_\_ للنقاط في المستوى التي تبعد المسافة نفسها عن نقطة معطاة.

(3) يكون \_\_\_\_\_ القطع المكافئ عمودياً على محور تماثله.

## اختبر مفرادتك

اختر المفردة المناسبة من القائمة أعلاه لإكمال كل جملة فيما يأتي:

- (1) \_\_\_\_\_ هو الشكل الناتج عن قطع مستوى لمخروطين دائريين قائمين متقابلين بالرأس كليهما أو أحدهما، بحيث لا يمر المستوى بالرأس. **القطع المخروطي**
- (2) الدائرة هي \_\_\_\_\_ للنقاط في المستوى التي تبعد المسافة نفسها عن نقطة معطاة. **المحل الهندسي**
- (3) يكون \_\_\_\_\_ القطع المكافئ عمودياً على محور تماثله. **دليل**

- (4) يقع الرأسان المرافقان في \_\_\_\_\_ على محوره الأصغر، بينما يقع الرأسان على محوره الأكبر.
- (5) مجموع بعدي نقطة واقعة على منحنى القطع الناقص عن \_\_\_\_\_ يساوي مقدارًا ثابتًا .
- (6) \_\_\_\_\_ للقطع الناقص هو نسبة تحدّد ما إذا كان شكل منحناه متسعًا أو دائريًا، ويمكن إيجاده باستعمال النسبة  $\frac{c}{a}$ .

- (4) يقع الرأسان المرافقان في \_\_\_\_\_ على محوره الأصغر، بينما يقع الرأسان على محوره الأكبر. **القطع الناقص**
- (5) مجموع بعدي نقطة واقعة على منحنى القطع الناقص عن \_\_\_\_\_ يساوي مقدارًا ثابتًا. **البؤرتين**
- (6) \_\_\_\_\_ للقطع الناقص هو نسبة تحدّد ما إذا كان شكل منحناه متسعًا أو دائريًا، ويمكن إيجاده باستعمال النسبة  $\frac{c}{a}$ .
- (7) \_\_\_\_\_ الدائرة هو نقطة تبعد عنها جميع نقاط الدائرة **الاختلاف المركزي** بعدًا ثابتًا. **مركز**

(7) \_\_\_\_\_ الدائرة هو نقطة تبعد عنها جميع نقاط الدائرة  
بعدًا ثابتًا.

(8) كما يوجد للقطع الناقص رأسان وبؤرتان فإن لـ \_\_\_\_\_ الشيء  
نفسه، لكن له خطي تقارب، ومنحناه مكوّن من جزئين.

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

(8) كما يوجد للقطع الناقص رأسان وبؤرتان فإن لـ \_\_\_\_\_ الشيء نفسه، لكن له خطي تقارب، ومنحناه مكوّن من جزئين. **القطع الزائد**

أمل باجوده

تحصيلي

المعادلة  $2y^2 - x^2 - 4 = 0$  تمثل ..  $\frac{25}{13}$

- (A) قطعاً مكافئاً  
(B) قطعاً ناقصاً  
(C) قطعاً زائداً  
(D) دائرة

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

تحصيلي

المعادلة  $4x^2 + cy^2 + 2x - 2y - 18 = 0$  دائرة عندما تكون قيمة  $c$  ..  $\frac{26}{13}$

(B) -4

(A) -8

(D) 8

(C) 4

أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

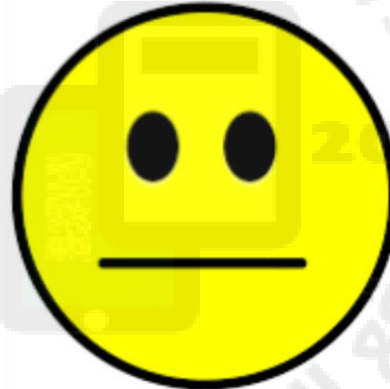
| ماذا أعرف | ماذا أريد أن أعرف | ماذا تعلمت | الربط بالواقع |
|-----------|-------------------|------------|---------------|
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |
|           |                   |            |               |

أمل باجموده

الموضوع: تحديد أنواع القطوع المخروطية

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

ما هو شعورك بالنسبة لدرس اليوم ؟



أمل باجوده

التاريخ :  
المادة : رياضيات ٣

الموضوع : تحديد أنواع القطوع المخروطية

سبحانك اللهم وبحمدك أشهد أن لا  
إله إلا أنت أستغفرك وأتوب إليك.

أمل باجوده