

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج السعودية



موقع المناهج المنهاج السعودي

* للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى الرابع اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/13>

* للحصول على جميع أوراق المستوى الرابع في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/sa/13math>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد المستوى الرابع في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الثاني اضغط هنا

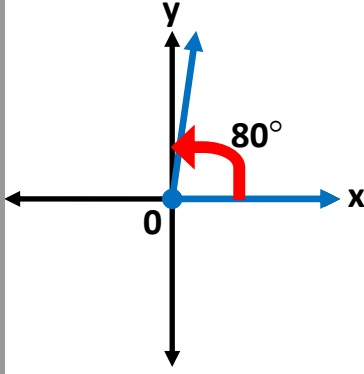
<https://www.almanahj.com/sa/13math2>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للمستوى الرابع اضغط هنا

<https://www.almanahj.com/sa/grade13>

للحصول على جميع روابط الصفوف على تلغرام وفيسبوك من قنوات وصفحات: اضغط هنا

<https://t.me/sacourse>



ارسمي كلاً من الزاويتين المعطى قياسهما فيما يأتي في الوضع القياسي:

80° (1A)

الحل:

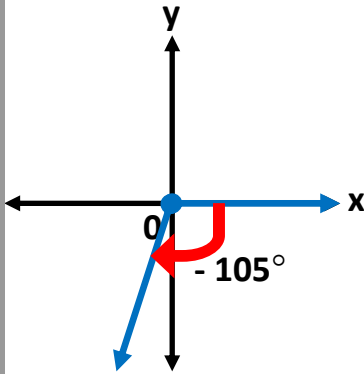
نرسم ضلع الانتهاء بدوران معاكس لحركة عقارب الساعة بدءاً من الجزء الموجب من المحور x .

- 105° (1B)

الحل:

قياس الزاوية سالب.

نرسم ضلع الانتهاء للزاوية 105° بدوران مع حركة عقارب الساعة بدءاً من الجزء الموجب من المحور x .

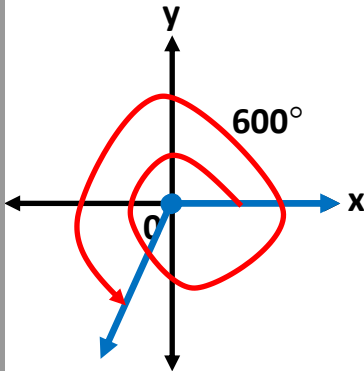


(2) ارسمي زاوية قياسها 600° في الوضع القياسي.

الحل:

$$600^\circ = 360^\circ + 240^\circ = 360^\circ + 180^\circ + 60^\circ$$

نرسم ضلع الانتهاء للزاوية 60° بدوران معاكس لحركة عقارب الساعة بدءاً من الجزء السالب من المحور x .



في كل مما يأتي أوجدي زاويتين إحداهما بقياس موجب، والأخرى بقياس سالب مشتركتين في ضلع الانتهاء مع كل زاوية معطاة:

15° (3A)

الحل:

زاوية بقياس موجب: $15^\circ + 360^\circ = 375^\circ$ (بإضافة 360°)

زاوية بقياس سالب: $15^\circ - 360^\circ = -345^\circ$ (بطرح 360°)

3B) -45°

الحل:

زاوية بقياس موجب: $360^\circ + 360^\circ - 45^\circ = 315^\circ$ (بإضافة 360°)

زاوية بقياس سالب: $360^\circ - 45^\circ - 360^\circ = -405^\circ$ (بطرح 360°)



حولي قياس الزاوية المكتوبة بالدرجات إلى الراديان، والمكتوبة بالراديان إلى درجات:

4A) 120°

الحل:

$$120^\circ = 120^\circ \cdot \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ}$$

$$= \frac{2 \pi \text{ rad}}{3}$$

$$= \frac{2 \pi}{3} \text{ rad}$$

$-\frac{3 \pi}{8}$ (4B)

الحل:

$$-\frac{3 \pi}{8} = -\frac{3 \pi}{8} \text{ rad} \cdot \frac{180^\circ}{\pi \text{ rad}}$$

$$= -\frac{540^\circ}{8}$$

$$= -\frac{270^\circ}{4}$$

$$= -67.5^\circ$$



(5)

الحل:

نعلم أن: دورة كاملة = 90 دقيقة.

$$360^\circ = 90 \text{ دقيقة}$$

$$4^\circ = 1 \text{ دقيقة}$$

جلس الشخص في المطعم 78 دقيقة.

وبالتالي كانت الزاوية تساوي: $78 (4^\circ) = 312^\circ$

الخطوة 1: نوجد قياس الزاوية المركزية بالراديان.

$$312^\circ = 312^\circ \cdot \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ} = \frac{78 \pi \text{ rad}}{45} = \frac{26 \pi}{15} \text{ rad}$$

الخطوة 2: نستعمل طول نصف القطر وقياس الزاوية المركزية لإيجاد طول القوس.

Trigonometry

الفصل الثامن: حساب المثلثات

صيغة طول القوس

$$\begin{aligned} s &= r \theta \\ &= 90 \cdot \frac{26 \pi}{15} \\ &= 156 \pi \\ &\approx 490 \text{ ft} \end{aligned}$$

إذاً المسافة التي دارها الشخص تساوي تقريباً 490 ft.

طريقة أخرى: الحل:

نعلم أن: دورة كاملة = 90 دقيقة.

$$90 = 2 \pi \text{ دقيقة.}$$

$$1 = \frac{1}{45} \pi \text{ دقيقة.}$$

جلس الشخص في المطعم 78 دقيقة.

الخطوة 1: نوجد قياس الزاوية المركزية بالراديان.

$$\frac{78}{45} \pi = \frac{26}{15} \pi$$

وبالتالي كانت الزاوية تساوي: $\frac{26}{15} \pi$.

الخطوة 2: نستعمل طول نصف القطر وقياس الزاوية المركزية لإيجاد طول القوس.

صيغة طول القوس

$$\begin{aligned} s &= r \theta \\ &= 90 \cdot \frac{26 \pi}{15} \\ &= 156 \pi \\ &\approx 490 \text{ ft} \end{aligned}$$

إذاً المسافة التي دارها الشخص تساوي تقريباً 490 ft.



ارسمي كلاً من الزوايا المعطى قياسها في الوضع القياسي:

1) 140°

الحل:

نرسم ضلع الانتهاء بدوران معاكس لحركة عقارب الساعة

بدءاً من الجزء الموجب من المحور x.

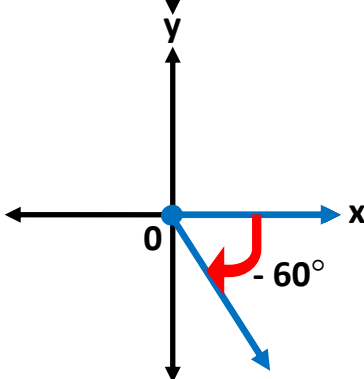
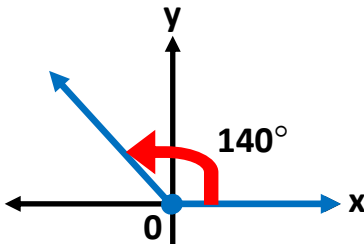
2) -60°

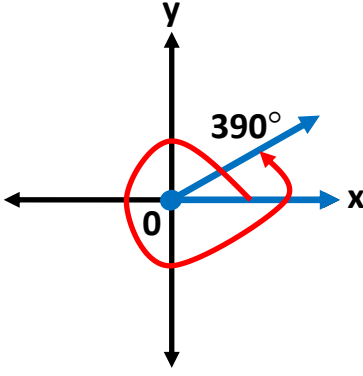
الحل:

قياس الزاوية سالب.

نرسم ضلع الانتهاء للزاوية 60° بدوران مع حركة عقارب الساعة

بدءاً من الجزء الموجب من المحور x.





390° (3)

الحل:

$$390^\circ = 360^\circ + 30^\circ$$

نرسم ضلع الانتهاء للزاوية 30° بدوران معاكس لحركة عقارب الساعة بدءاً من الجزء الموجب من المحور x .

في كل مما يأتي أوجدي زاويتين إحداهما بقياس موجب، والأخرى بقياس سالب مشتركيتين في ضلع الانتهاء مع الزاوية المعطاة:

25° (4)

الحل:

$$\text{زاوية بقياس موجب: } 25^\circ + 360^\circ = 385^\circ \text{ (بإضافة } 360^\circ \text{)}$$

$$\text{زاوية بقياس سالب: } 25^\circ - 360^\circ = -335^\circ \text{ (بطرح } 360^\circ \text{)}$$

175° (5)

الحل:

$$\text{زاوية بقياس موجب: } 175^\circ + 360^\circ = 535^\circ \text{ (بإضافة } 360^\circ \text{)}$$

$$\text{زاوية بقياس سالب: } 175^\circ - 360^\circ = -185^\circ \text{ (بطرح } 360^\circ \text{)}$$

-100° (6)

$$\text{زاوية بقياس موجب: } -100^\circ + 360^\circ = 260^\circ \text{ (بإضافة } 360^\circ \text{)}$$

$$\text{زاوية بقياس سالب: } -100^\circ - 360^\circ = -460^\circ \text{ (بطرح } 360^\circ \text{)}$$

حوّلي قياس الزاوية المكتوبة بالدرجات إلى الراديان، والمكتوبة بالراديان إلى الدرجات:

$\frac{\pi}{4}$ (7)

الحل:

$$\begin{aligned} \frac{\pi}{4} &= \frac{\pi}{4} \text{ rad} \cdot \frac{180^\circ}{\pi \text{ rad}} \\ &= \frac{180^\circ}{4} \\ &= 45^\circ \end{aligned}$$

225° (8)

الحل:

$$\begin{aligned} 225^\circ &= 225^\circ \cdot \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ} \\ &= \frac{5 \pi \text{ rad}}{4} \\ &= \frac{5 \pi}{4} \text{ rad} \end{aligned}$$

(9) -40°

الحل:

$$\begin{aligned} -40^\circ &= -40^\circ \cdot \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ} \\ &= -\frac{2 \pi \text{ rad}}{9} \\ &= -\frac{2 \pi}{9} \text{ rad} \end{aligned}$$

(10) تنس طاولة: تحرك لاعب تنس طاولة في مسار على شكل قوس من دائرة. إذا كان طول نصف قطر دائرته هو **1.2 m**، وزاوية دوران اللاعب تساوي **100°** . فما طول هذا القوس؟ قربي إلى أقرب جزء من عشرة.

الحل:

الخطوة 1 : نوجد قياس الزاوية المركزية بالراديان.

$$100^\circ = 100^\circ \cdot \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ} = \frac{5 \pi \text{ rad}}{9} = \frac{5 \pi}{9} \text{ rad}$$

الخطوة 2 : نستعمل طول نصف القطر وقياس الزاوية المركزية لإيجاد طول القوس.

صيغة طول القوس

$$\begin{aligned} s &= r \theta \\ &= 1.2 \cdot \frac{5 \pi}{9} \\ &= \frac{6 \pi}{9} \\ &= \frac{2 \pi}{3} \\ &\approx 2.1 \text{ m} \end{aligned}$$

إذاً طول هذا القوس يساوي **2.1 m** تقريباً.