

# أوراق عمل الخلاصة ببساطة لاختبار نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج القطرية

موقع المناهج ← المناهج القطرية ← الصف الحادي عشر العلمي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2025-12-13 22:18:16

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب اختبارات الكترونية اختبارات احلول اعروض بوربوينت اوراق عمل  
منهج انجليزي املخصات وتقديرات امذكرة وبنوك اامتحان النهائي للدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: طارق الديب

## التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العلمي



الرياضيات



اللغة الانجليزية



اللغة العربية



ال التربية الاسلامية



المواضيع على تلغرام

صفحة المناهج  
القطرية على  
فيسبوك

## المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

أوراق عمل مدرسة ابن تيمية نهاية الفصل غير مجاوبة

1

أوراق عمل مدرسة الأندلس نهاية الفصل غير مجاوبة

2

أوراق عمل نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

3

أوراق عمل مدرسة الأندلس نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

4

أوراق عمل مدرسة ابن تيمية نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

5



توضيح

ليكن  $n$  عدداً صحيحاً غير سالب، ولتكن  $a_0, a_1, \dots, a_n$  أعداداً حقيقية، حيث  $a_n \neq 0$

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0 \quad \text{الدالة}$$

هي دالة كثيرة الحدود من الدرجة  $n$ .

أي مما يلي يمثل كثيرة حدود:

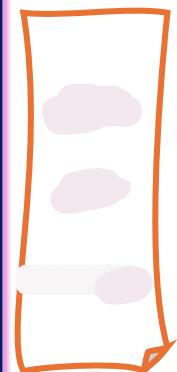
A.  $f(x) = 4x^3 - \frac{1}{2} - 5x$

B.  $g(x) = 6x^{-4} + 7$

مثال

نعم كثيرة حدود

ليست كثيرة حدود  
لوجود عبر سابقة



أي مما يلي يمثل كثيرة حدود:

C.  $h(x) = \sqrt{9x^4 + 16x^2}$

D.  $k(x) = 15x - 2x^4$

تدريب

ليست



قم

إلى

الصلة

لَيْلَةُ الْمَرْيَمِ حَدَّدَتْ عَيْرَةَ عَسْلَمٍ  
وَأَنْفَعَتْ بَرْدَةَ عَوْنَانٍ

$$f(x) = \frac{1}{2}x^5 + \frac{3}{4}$$

موانع تثرة الحود والدائل

$$\sqrt{x}$$

$$(x)^{-3}$$

$$|x|$$

sin(x)

$e^x$

$\ln(x)$

π

**الصيغة القياسية لكثيرة الحدود:** صيغة مرتبة تنازلياً حسب الأسس.

**درجة كثيرة الحدود:** معامل الحد ذو أعلى أس. **المعامل الرئيسي:** أعلىأس.



توضيح

ضع كثيرة الحدود على الصورة القياسية وحدد الدرجة والمعامل الرئيسي:

$$f(x) = 6x^2 + 9x^4 - 5x - 1$$

مثال

$$f(x) = 9x^4 + 6x^2 - 5x - 1$$

الدرجة الرابعة  
المعامل الرئيسي 9



احفظ  
الله  
يحفظك

ضع كثيرة الحدود على الصورة القياسية وحدد الدرجة والمعامل الرئيسي:

$$f(x) = 7x^2 + 4x + 8x^3 - 1$$

تدريب



قم  
إلى  
الصلة

## جمع وطرح كثيرات الحدود:

تجمع وطرح الحدود المتشابهة التي لها نفس الرمز ونفس الأس فقط.



توضيح

$$g(x) = 2x^3 - 8x^2 + 3 \quad \text{و} \quad f(x) = 6x^3 + x^2 + 4x - 7$$

لتكن  $7$  أوجد كل مما يلي ثم حدد درجة الناتج:

مثال

$$\begin{aligned} A. f(x) + g(x) &= 6x^3 + x^2 + 4x - 7 + 2x^3 - 8x^2 + 3 \\ &= 8x^3 - 7x^2 + 4x - 4 \end{aligned}$$



احفظ

تجده

تجاهك

$$g(x) = 2x^3 - 8x^2 + 3 \quad \text{و} \quad f(x) = 6x^3 + x^2 + 4x - 7$$

أوجد كل مما يلي ثم حدد درجة الناتج:

تدريب

B.  $f(x) - g(x)$  ملحوظات

$$\begin{array}{r} 6x^3 + x^2 + 4x - 7 \\ - 2x^3 + 8x^2 - 3 \\ \hline \end{array}$$

$$= 4x^3 + 9x^2 + 4x - 10$$



دائماً

الصلة

أولاً

## ضرب كثيرات الحدود:

نستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح (نجمع الأساس في الضرب)



مثال

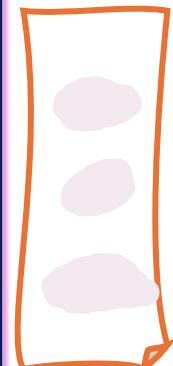
إذا كانت الدالة  $f(x) = 5x - 2$ ,  $g(x) = 7 + 3x$ :  
وجد:  $(f \cdot g)(x)$  ثم حدد درجة الناتج

مهم

$$(5x^1 - 2)(7 + 3x^1)$$

$$\begin{array}{r} 35x^2 + 15x^2 \\ \hline \end{array} - 14 - 6x$$

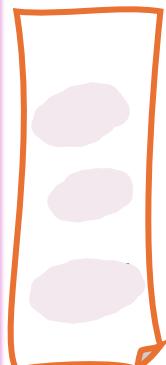
$$= 15x^2 + 29x - 14$$



تدريب

لتكن  $g(m) = 3m^2 - 4m + 2$  و  $f(m) = 2m + 5$

أوجد  $f(m) \times g(m)$  وحدد درجة الناتج.



## القسمة المطولة: ( رتب - اقسم - اضرب - اطرح )

$$\frac{f(x)}{d(x)} = q(x) + \frac{r(x)}{d(x)}$$

في حالة وجود باقي اكتب الناتج على الصورة الكسرية



توضيح

استعمل القسمة المطولة في كل موقف لإيجاد ناتج القسمة والباقي عند قسمة  $f(x)$  على  $d(x)$ .

مثال

**مُسَوَّم** شُوَّهُ عَلَيْهِ

A.  $f(x) = x^3 + 5x^2 + 6x + 9, d(x) = x + 3$

$$\begin{array}{r} f \\ \hline x+3 \\ x^3 + 5x^2 + 6x + 9 \\ \hline 2x^2 + 6x \\ \hline 9 \end{array}$$

$$x^3 + 5x^2 + 6x + 9 = x^2 + 2x + 9$$

دائمًا الصلاة أولاً

استعمل القسمة المطولة في كل موقف لإيجاد ناتج القسمة والباقي عند قسمة  $f(x)$  على  $d(x)$ . اكتب الدالة  $f(x)$  كدالة كل من المقسم عليه والباقي.

تدريب

**رَأْيَهُ مِنْ**

B.  $f(x) = 8x^3 + 27, d(x) = 2x + 3$

$$\begin{array}{r} 4x^2 - 6x + 9 \\ \hline 2x+3 \\ 8x^3 + 0x^2 + 0x + 27 \\ \hline -12x^2 + 0x + 27 \\ \hline 18x + 27 \\ \hline 0 \end{array}$$

دائمًا غُص بصرك

## القسمة التركيبية: (كثيرة حدود على عبارة خطية معاملها الرئيسي 1)

صفر المقسوم عليه

معاملات كثيرة الحدود



توضيح

باستخدام القسمة التركيبية اقسم  $12 - 5x - 2x^3$  على  $x + 2$

$$\begin{array}{l}
 x+2=0 \\
 \hline
 x=-2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 2 \quad 0 \quad -5 \quad -12 \\
 \downarrow \quad + \quad + \quad + \\
 -4 \quad 8 \quad -6 \\
 \hline
 2 \quad -4 \quad 3 \\
 \hline
 -18
 \end{array}$$

الناتج =  $2x^2 - 4x + 3$



دائماً  
الصلة  
أولاً

باستخدام القسمة التركيبية اقسم  $9 - 7x + 4x^2 + x^3$  على  $x + 3$



دائماً  
غض  
بصرك

## تحويلات الدوال:



### توضيح

الإزاحة الأساسية

$$y = f(x) + c$$

إزاحة إلى الأعلى بمقدار  $c$  وحدة

$$y = f(x) - c$$

إزاحة إلى الأسفل بمقدار  $c$  وحدة

الإزاحة الأفقيّة

$$y = f(x + c)$$

إزاحة إلى اليسار بمقدار  $c$  وحدة

$$y = f(x - c)$$

إزاحة إلى اليمين بمقدار  $c$  وحدة

~~بين كيف يمكن استعمال التمثيل البياني لدالة ذات حد واحد  $f(x) = a_n x^n$  لإيجاد التمثيل البياني للدالة المعطاة  $g(x) = 5x^3 + 1$ ؟~~

### مثال



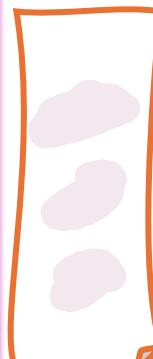
دائماً

اتل

القرآن

~~بين كيف يمكن استعمال التمثيل البياني لدالة ذات حد واحد  $f(x) = a_n x^n$  لإيجاد التمثيل البياني للدالة المعطاة  $g(x) = (x - 6)^3$ ؟~~

### تدريب



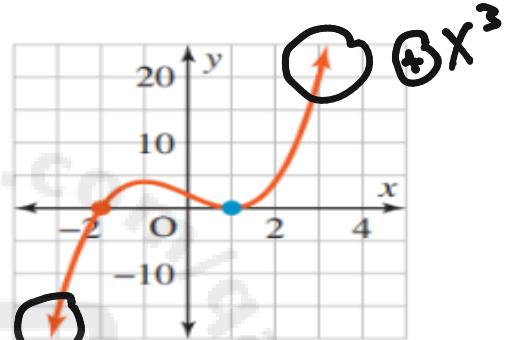
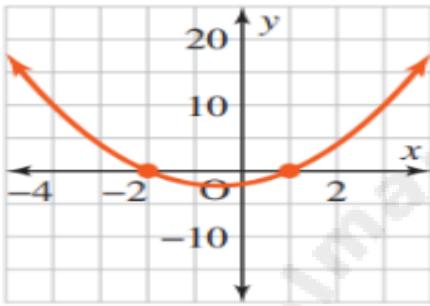
**الدالة الفردية الدرجة:** طرفي الدالة في جهتين مختلفتين.

**الدالة الزوجية الدرجة:** طرفي الدالة في نفس الجهة.



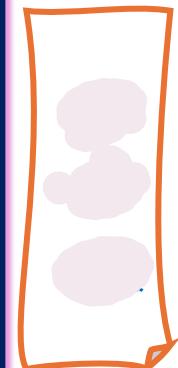
**حدد الدوال الزوجية الدرجة والفردية الدرجة:**

**مثال**



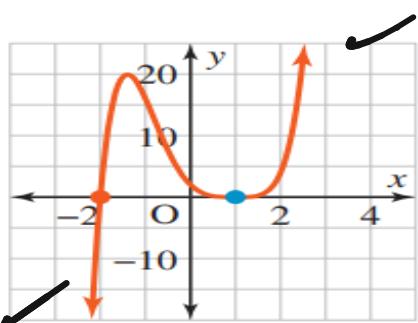
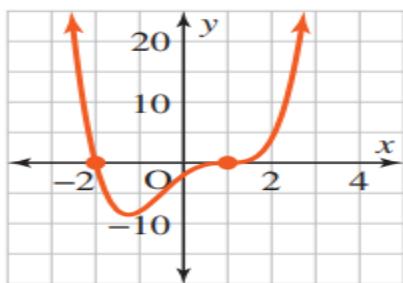
نوعية الموجة  
المعامل الرئيسي موجب

نوعية الموجة  
المعامل الرئيسي موجب



**حدد الدوال الزوجية الدرجة والفردية الدرجة:**

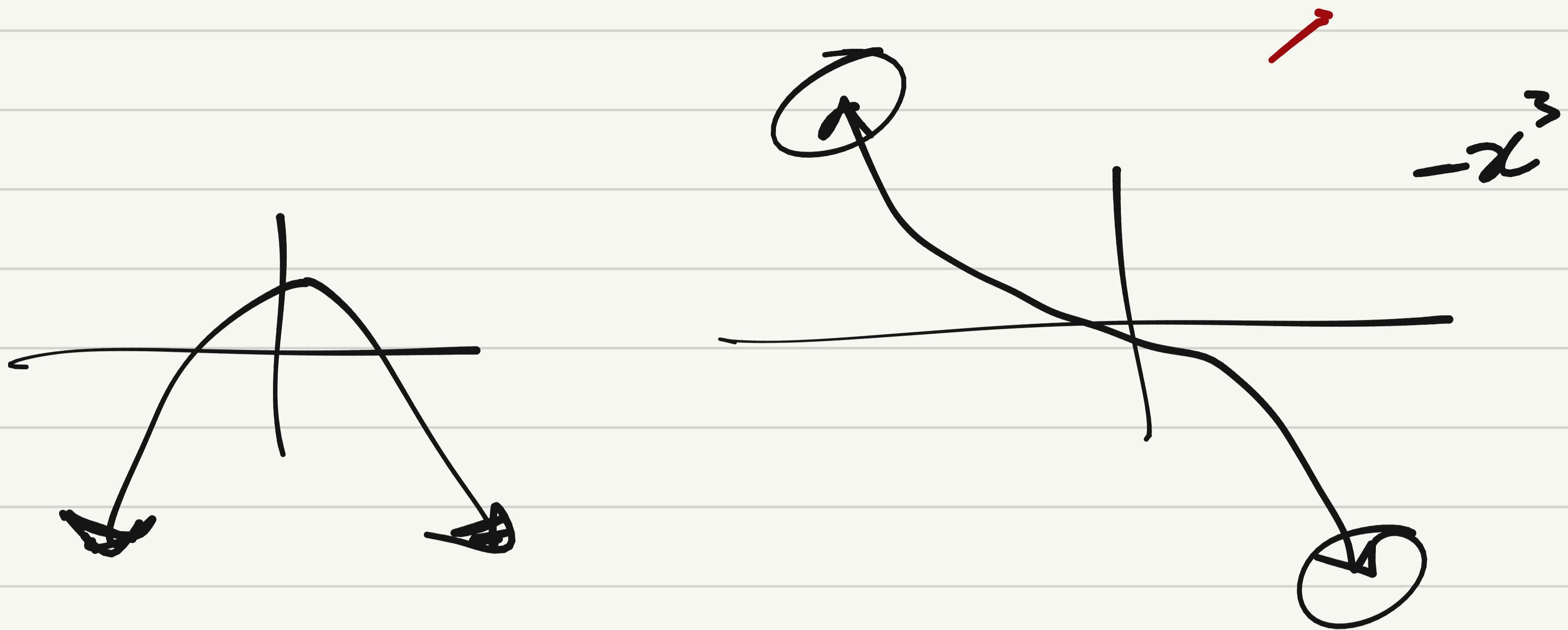
**تدريب**



نوعية الموجة  
المعامل الرئيسي x

نوعية الموجة  
المعامل الرئيسي موجب





فرعية الباري  
المعامل الرئيسي سابق

## السلوك الطرفي للدالة بيانياً:

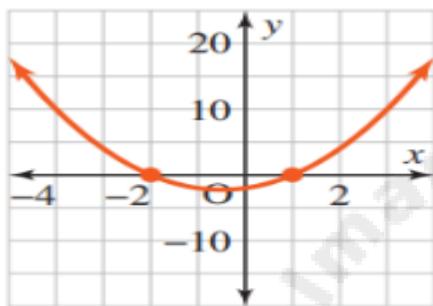
ادرس اتجاه السهم الأيمن للرسم  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) =$

ادرس اتجاه السهم الأيسر للرسم  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$



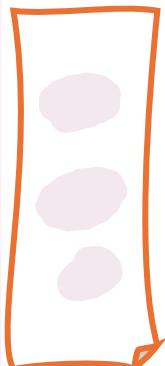
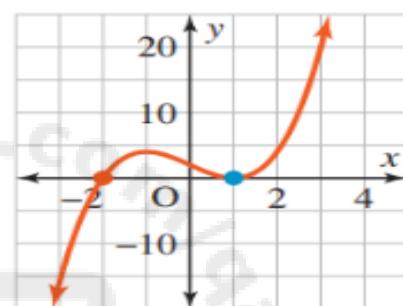
ادرس السلوك الطرفي للدوال الممثلة بيانياً فيما يلي:

مثال



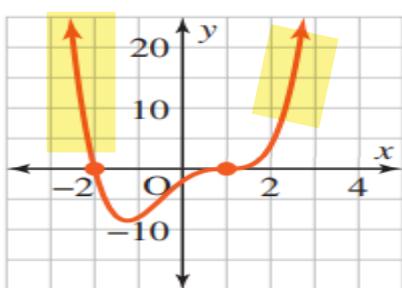
$$\left. \begin{array}{l} x \rightarrow -\infty \\ x \rightarrow \infty \end{array} \right\} y \rightarrow \infty$$

$$\left. \begin{array}{l} x \rightarrow -\infty \\ x \rightarrow \infty \end{array} \right\} y \rightarrow -\infty$$



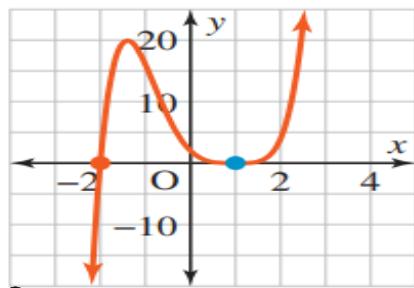
ادرس السلوك الطرفي للدوال الممثلة بيانياً فيما يلي:

تدريب



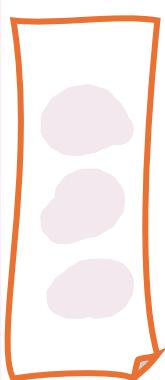
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$



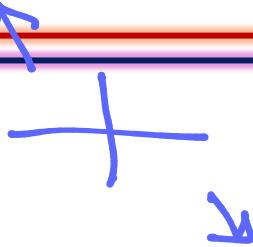
اختبار  
الحد  
الرئيسي



مثال

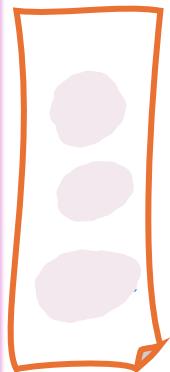
صف السلوك الطرفي للدالة كثيرة الحدود مستعملا ( $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$ )

$$f(x) = -7x^2 - x^3 + 3x - 4$$



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$$



تدريب

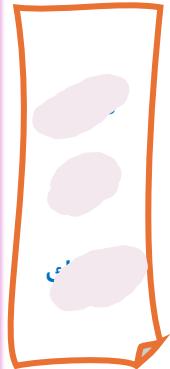
صف السلوك الطرفي للدالة كثيرة الحدود مستعملا ( $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$ )

$$f(x) = -7x^2 + 4x^6 + 3$$



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$



## تمثيل الدوال كثرات الحدود بيانياً

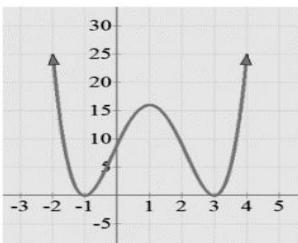
حدد المقاطع من محور  $x$  - حدد القيم القصوى المحلية - حدد السلوك الطرفي - مثل بيانياً

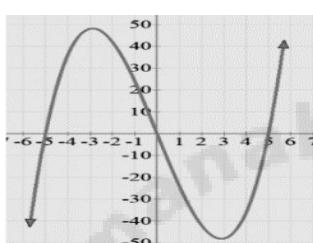


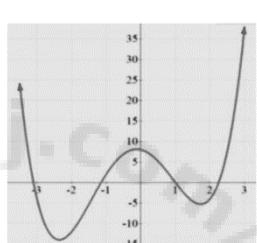
### مثال

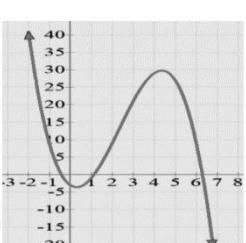
أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود التي تحقق الوصف التالي

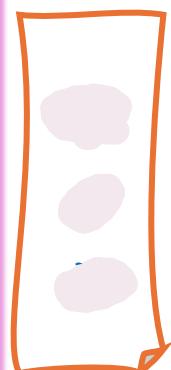
$f(x)$  ذات قيم موجبة في الفترة  $[-3, 1]$  وال الفترة  $[1, -1]$  - ذات قيم سالبة في الفترة  $[-1, 2]$  وال الفترة  $[2, 2.5]$  - متناقصة في الفترة  $[-\infty, -2.3]$  وال الفترة  $[-0.1, 1.8]$  متزايدة في الفترة  $[-2.3, -0.1]$  وال الفترة  $[1.8, \infty]$







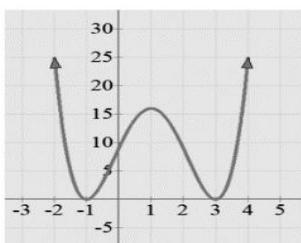


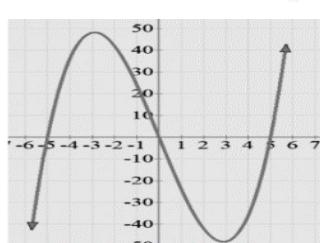


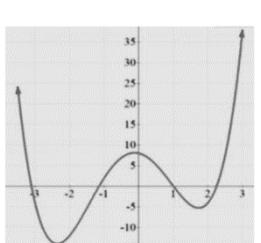
أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود التي تحقق الوصف التالي

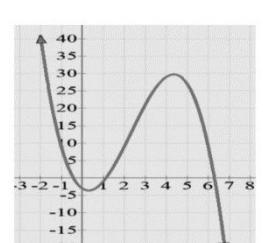
$f(x)$  ذات قيم موجبة في الفترة  $[0, 5]$  - ذات قيم سالبة في الفترة  $[-5, 0]$  - متناقصة في الفترة  $[-2.9, 2.9]$  متزايدة في الفترة  $[-\infty, -2.9]$  -

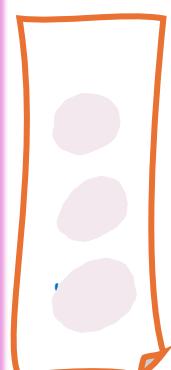
### تدريب











## أصفار الدالة كثيرة الحدود:

ضع الدالة تساوي صفر - حل - أوجد قيم  $x$  - ادرس الإشارة - مثل بيانيًّا



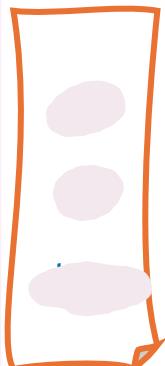
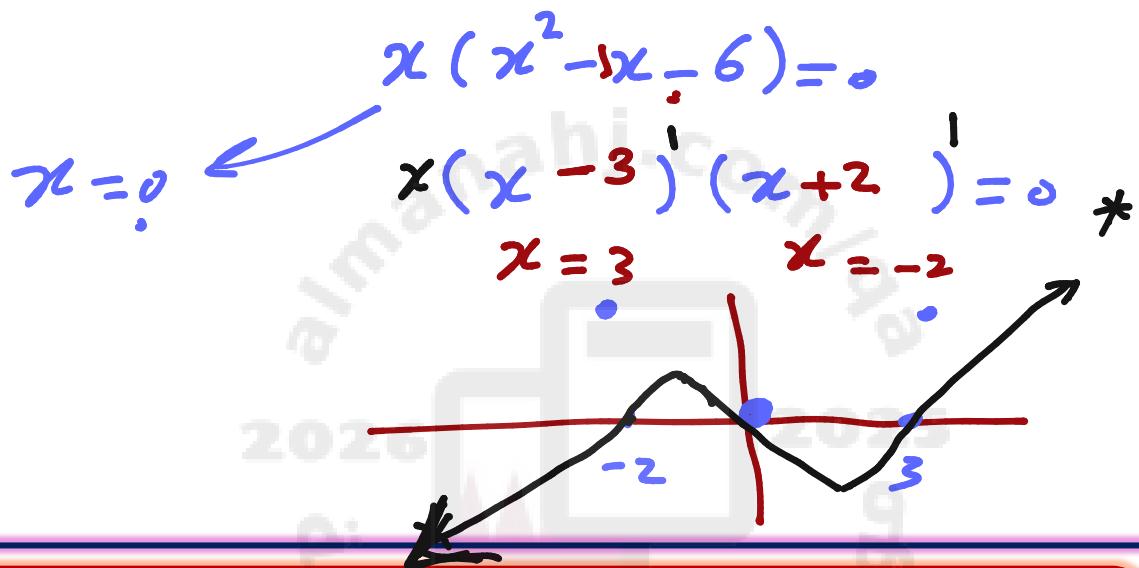
توضيح

لتكن الدالة  $f(x) = x^3 - x^2 - 6x$

أوجد أصفار الدالة  $f(x)$  A.

B. ارسم المنحني البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

مثال

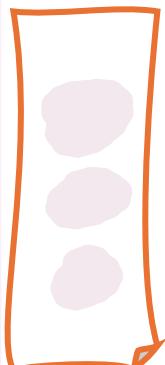


A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$

$$f(x) = x^3 - 25x$$

B. ارسم المنحني البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

تدريب



## أصفار الدالة كثيرة الحدود:

ضع الدالة تساوي صفر - حلل - أوجد قيم  $x$  - ادرس الإشارة - مثل بيانيًّا



توضيح

لتكن الدالة  $f(x) = x^3 - x^2 - 6x$

A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$

B. ارسم المنحنى البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

مثال



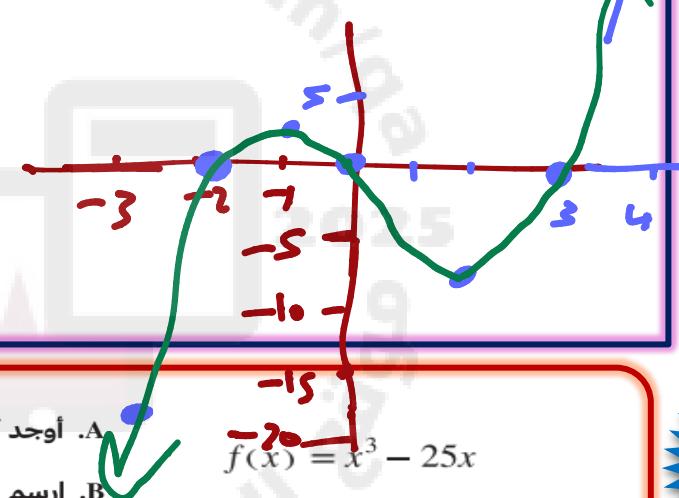
$x$	$f(x)$
-3	-18
-2	0
-1	4
0	0
2	-8
3	0
4	24

$x = -2$

$x = 0$

$x = 3$

الإجهاـ



- A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$
- B. ارسم المنحنى البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.



تعددية أصفار الدالة كثيرة الحدود:



تعددية الأصفار الفردية: منحنى الدالة يقطع محور  $x$  عند هذه الأصفار

تعددية الأصفار الزوجية: منحنى الدالة يمس محور  $x$  عند هذه الأصفار

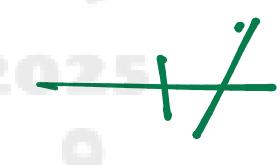
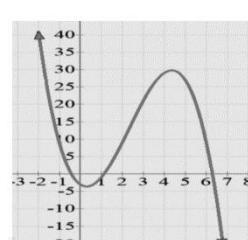
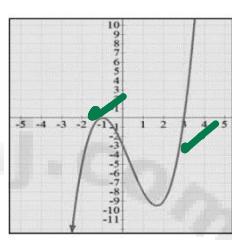
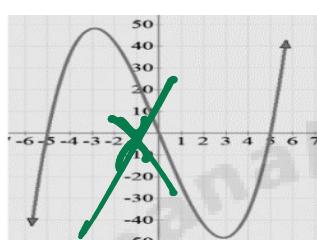
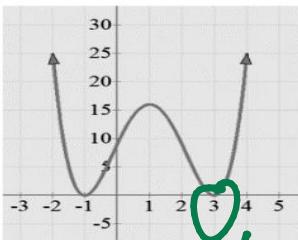
توضيح

أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود

$$f(x) = (x + 1)^2(x - 3)$$

$x = -1$   $x = 3$  يمس

مثال

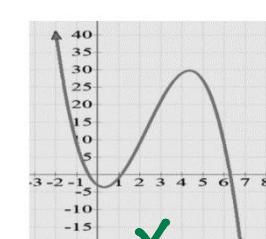
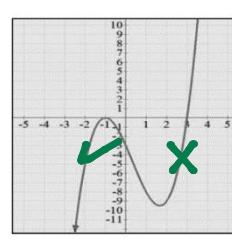
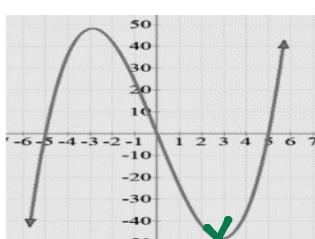
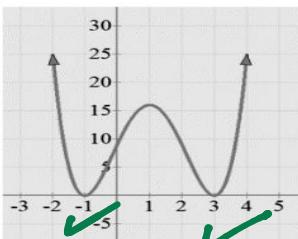


أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود

$$f(x) = (x + 1)^2(x - 3)^2$$

$x = -1$   $x = 3$

تدريب



## نظريّة الباقي

لإيجاد باقي القسمة عوض في الدالة بصفر المقسوم عليه (معكوس الحد الثابت)



استعمل نظريّة الباقي لإيجاد باقي قسمة الدالة  
على  $f(x) = 8x^4 - 3x^2 + x^3 - 1$  ؟

مثال

$$x+1=0 \quad x=-1$$
$$f(-1) = 8(-1)^4 - 3(-1)^2 + (-1)^3 - 1 = 3$$



أوجد قيمة  $n$  إذا كان باقي قسمة الدالة  
على  $f(x) = 2x^3 - nx^2 + 3x - 10$  هو 5

تدريب

$$x-5=0 \quad x=5$$
$$2(5)^3 - n(5)^2 + 3(5) - 10 = 5$$
$$-25n + 225 = 5$$
$$\cancel{-25n} = \frac{5-225}{25}$$
$$n = \frac{-220}{25} = -8$$



## نظريّة العامل:

يوجد لثبيّة الحدود عامل إذا كان باقي القسمة = صفر



توضيح

استعمل نظريّة العامل لإثبات أن ثبّيّة الحدود المعطاه تمثل عامل لثبيّة الحدود

$$p(x) = x^3 - 3x^2 + 2x - 6, \quad x - 3 = 0 \quad \therefore x = 3$$

مثال

$$P(3) = 3^3 - 3(3)^2 + 2(3) - 6 = 0$$

$\therefore x - 3$  عوامل  $p(x)$

$$P(x) = (x - 3)(x^2 + 2)$$

$$\begin{array}{r}
 & 1 & -3 & 2 & -6 \\
 3 & \downarrow & & & \\
 & 3 & 0 & & 6 \\
 \hline
 & 1 & 0 & 2 & 0
 \end{array}$$



دينك  
لحمك  
دمك

استعمل نظريّة العامل لإثبات أن ثبّيّة الحدود المعطاه تمثل عامل لثبيّة الحدود

$$p(x) = x^3 + x^2 - 8x - 6, \quad x + 3 = 0 \quad \therefore x = -3$$

تدريب



انصر  
دينك  
دائماً



توضيح

- نظرة الأصفار النسبية:** 1- أوجد عوامل الحد الثابت ÷ عوامل المعامل الرئيسي  
 2- عوّض في الدالة حتى الحصول على صفر 3- اقسم وأوجد ناتج القسمة ثم حلله.  
 4- أوجد باقي الأصفار

ما قائمة الأصفار النسبية الممكنة للدالة  $P(x)$  ثم حدد الأصفار ان وجدت  
 $P(x) = x^4 - 7x^2 + 12$

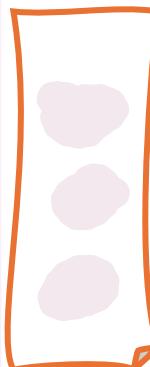
مثال



دائماً  
اتل  
القرآن

ما قائمة الأصفار النسبية الممكنة للدالة  $P(x)$  ثم حدد الأصفار ان وجدت  
 $P(x) = x^3 - 9x^2 + 15x + 25$

تدريب



## دالة الجذر التربيعي: $f(x) = \sqrt{x}$

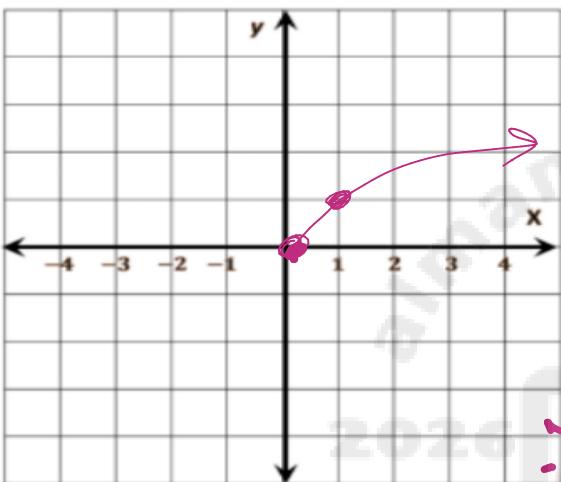
الأطراط: متزايدة على مجالها  $[0, \infty]$  ليس زوجية ولا فردية

المجال:  $[0, \infty]$  المدى:  $[0, \infty]$   $y \geq 0$  ماتحت الجذر ثابت



توضيح

مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = \sqrt{x}$  ثم أوجد ما يلي:



x	٠	١	٢			
y	٠	١				

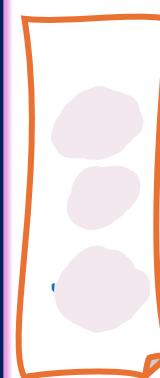
المجال:  $[0, \infty)$

المدى:  $[0, \infty)$

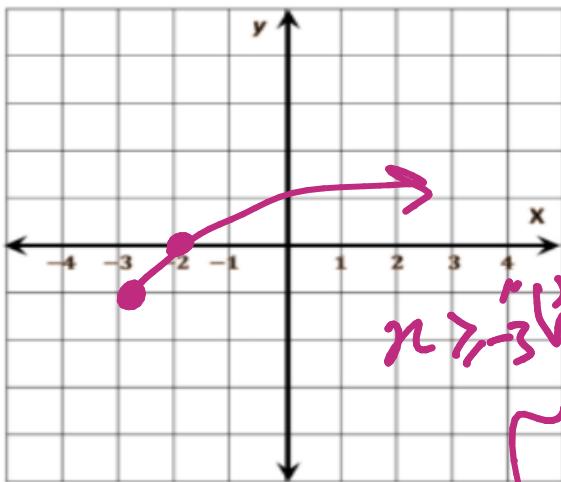
التزايد أو التناقص: متزايدة

نوع الدالة: لذر جسم رلاذر درب

القيم التقريبية:



مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = \sqrt{x+3} - 1$  ثم أوجد ما يلي:



x	-3	-2	-1	0	1	2		
y	-1	0						

المجال:  $[-3, \infty)$

المدى:  $[-1, \infty)$

التزايد أو التناقص: متزايدة دا لا ذر درب

نوع الدالة: لذر جسم لاذر درب



## الصيغة العامة لدالة الجذر التربيعي:

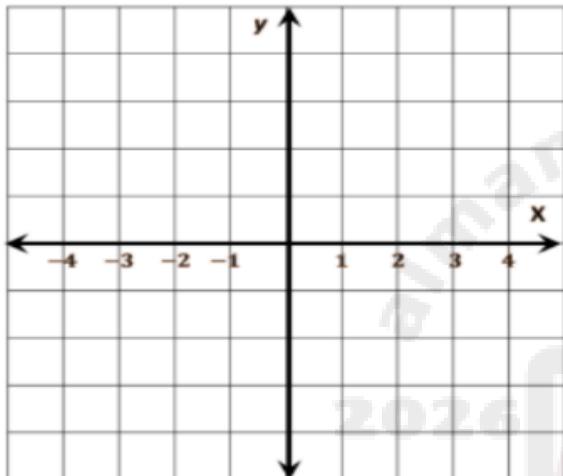
$f(x) = a\sqrt{x-h} + k$  | يمثل التمدد والتضيق الرأسى،  $h$  يمثل الإزاحة الأفقية، و  $k$  يمثل الإزاحة الرأسية.



مثل بيانياً الدالة  $g(x) = 2\sqrt{x+3} + 5$  مستعملاً التحويلات التي حولت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  إلى التمثيل البياني للدالة  $g$ .

ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى للدالة  $g$  وبين المجال والمدى للدالة  $f$ ؟

مثال



x							
y							



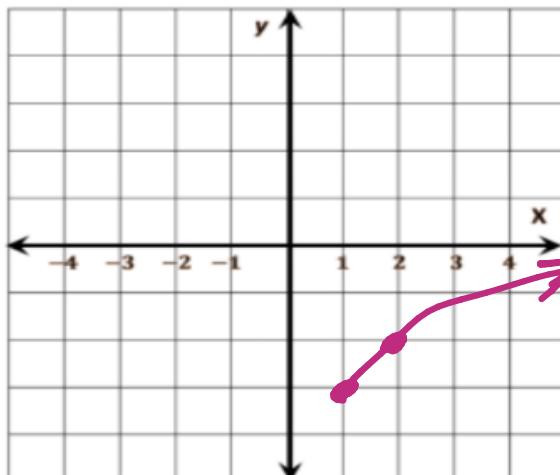
احفظ

الله

يحفظك

مثل بيانياً الدالة  $g(x) = \sqrt{x-1} - 3$  ثم صفت التحويلات التي حولت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  إلى التمثيل البياني للدالة  $g(x)$  ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى لكلاً من الدالتين  $f(x), g(x)$ ؟

تدريب



x							
y							



قم

إلى

الصلة

دالة جذر مقلوب

## التحوييلات على دالة الجذر التربيعي:

إزاحة أفقية العدد داخل الجذر: لليسار (-) إزاحة رأسية العدد خارج الجذر: لأسفل (-) لأعلى (+)

السالب داخل الجذر: إنعكاس حول محور  $y$  السالب خارج الجذر: إنعكاس حول محور  $x$



توضيح

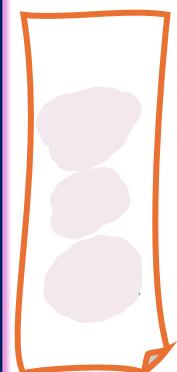
صف التحوييلات الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  لتصبح الدالة المعطاة

$$g(x) = \sqrt{x-1} - 6$$

مثال

إزاحة افقيّة للجهة ①

إزاحة رأسية للاسفل



أعد كتابة دوال الجذر التربيعي لمعرفة التحوييلات التي أجريت على الدالة

الرئيسة  $f(x) = \sqrt{x}$

$$h(x) = \sqrt{9x-18} + 1$$

تدريب

$$h(x) = \sqrt{9(x-2)} + 1$$

$$= 3\sqrt{(x-2)} + 1$$

إزاحة 2 للجهة

محمد رأسياً عامله 3

وامساواه على



$$f(x) = \sqrt{x}$$

$$g(x) = -$$

# د. سعاد

1. **What is the primary purpose of the study?**

# کھنہ اور مَرِد اُنچ

# لائى

±

111

## حل معادلات الجذر التربيعي:

- حّول الأعداد في الطرف الأيمن بعكس الإشارة.
- تربيع الطرفين للتخلص من الجذر.



توضيح

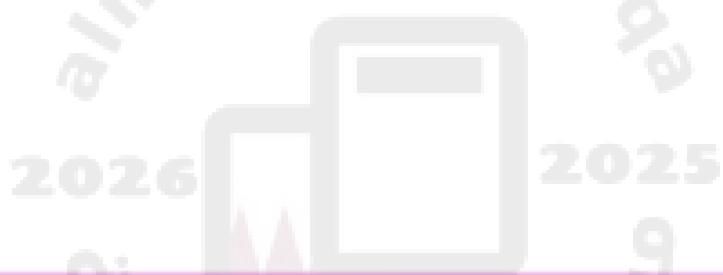
حل المعادلات الجذرية ثم تحقق من صحة الحل

$$\sqrt{x} - 1 = 4$$

مثال

$$\sqrt{x}^2 = (4+1)^2$$

$$x = 25$$



حل المعادلات الجذرية ثم تتحقق من صحة الحل

$$\sqrt{x-2} + 3 = 5$$

تدريب

$$(\sqrt{x-2})^2 = (5-3)^2$$

$$x-2 = 4$$

$$x = 6$$



قم  
إلى  
الصلة

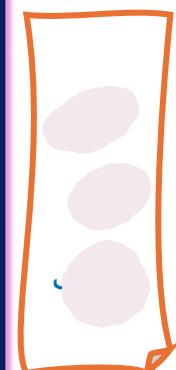
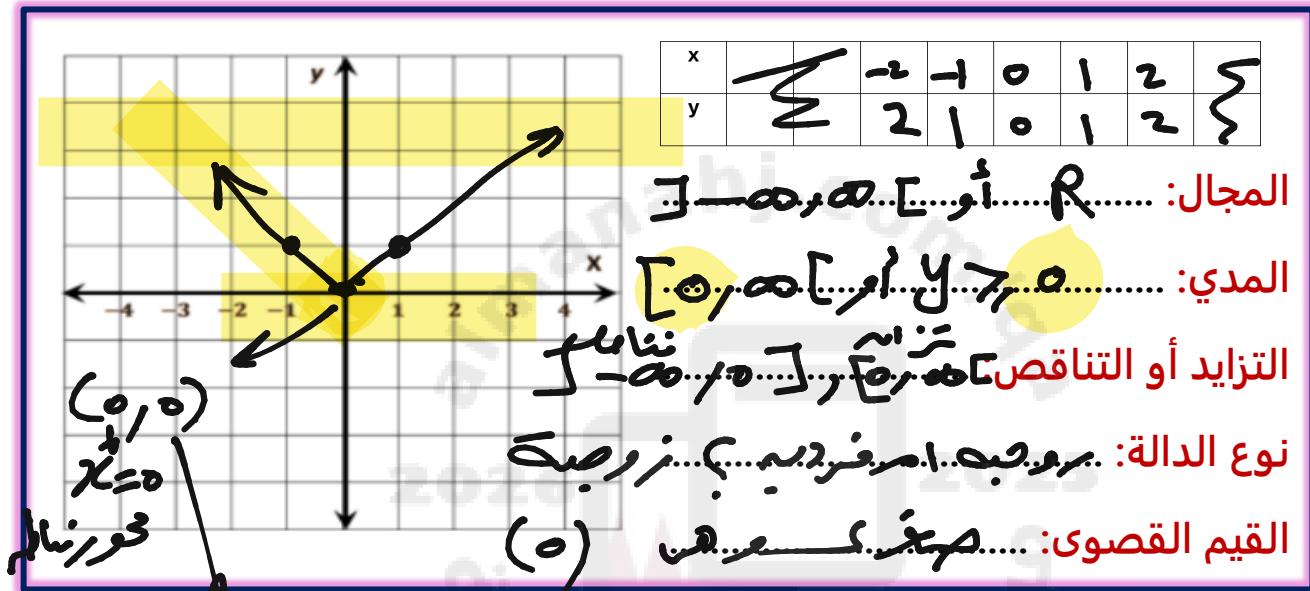
$$f(x) = |x|$$

دالة القيمة المطلقة:

محور التنازلي: أصفار القيمة المطلقة  $x = 0$  المجال:  $R$  المدى:  $[0, \infty]$

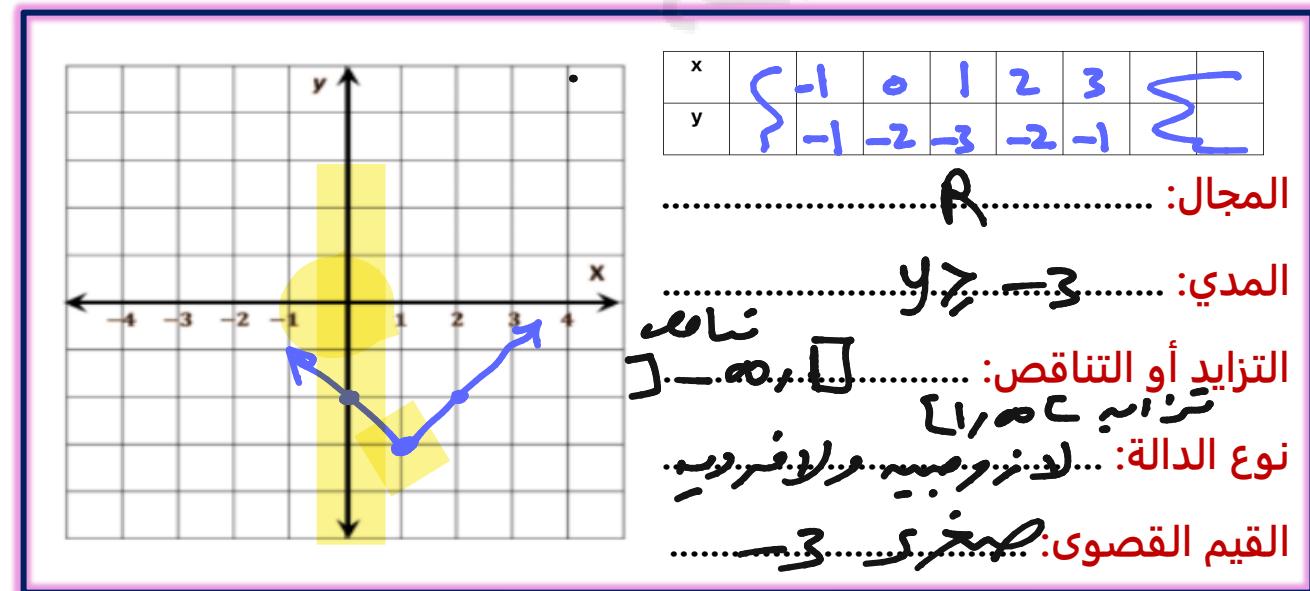


مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = |x|$  ثم أوجد ما يلي:



خورنات

مثل الدالة بيانياً:  $g(x) = |x - 1|$  ثم أوجد ما يلي:



$$(\sqrt{x+5})^2 = (2x)^2$$

$$x+5 = 4x^2$$

$$-4x^2 + x + 5 = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{(1)^2 - 4(-4)(5)}}{2(-4)}$$

$$x =$$

$$x =$$

$$\sqrt{3x-2}^2 = (x-4)^2$$

$$3x-2 = x^2 - 8x + 16$$

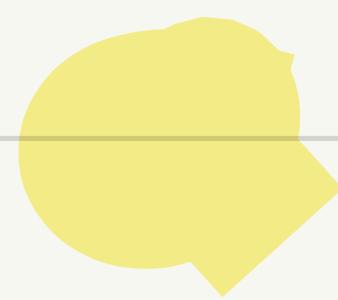
$$x^2 - 8x + 16 - 3x + 2 = 0$$

$$x^2 - 11x + 18 = 0$$

$$x = \frac{-(-11) \pm \sqrt{(-11)^2 - 4(1)(18)}}{2(1)}$$

$$x = 2$$

$$x = 9$$



$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$



$$f(x) = a|x - h| + k$$

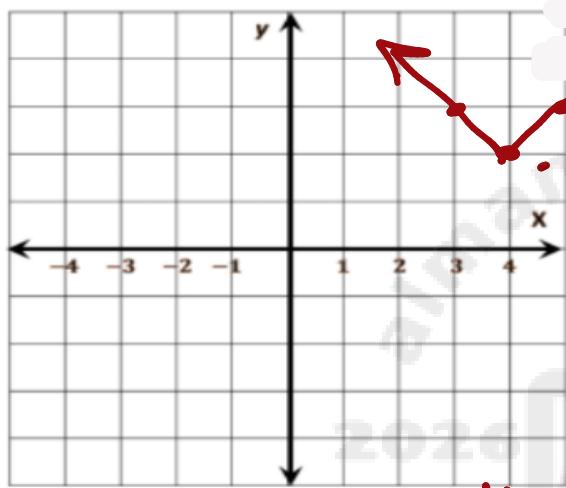
الصيغة العامة لدالة القيمة المطلقة:

$a$  يمثل التمدد والتضيق الرأسي،  $h$  يمثل الإزاحة الأفقية، و  $k$  يمثل الإزاحة الرأسية.

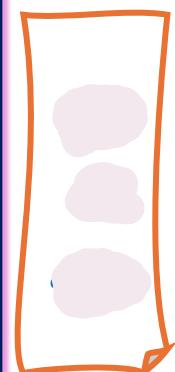


مثل بيانيا الدالة  $h(x) = |x - 4| + 2$  ثم صف التحويلات التي حولت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = |x|$  إلى التمثيل البياني للدالة  $h(x)$  ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى لكلا من الدالتين  $f(x)$ ,  $h(x)$

مثال

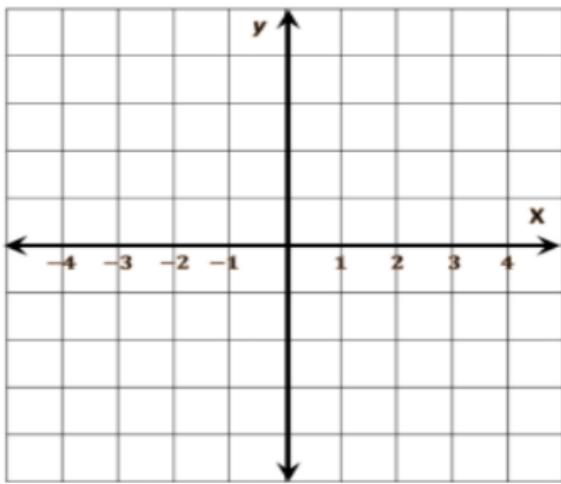


الرُّسُور  
دَائِرَةٌ ٤ وَصَدَاقَةٌ عَيْنٌ  
وَ ٢ لَذَّاعَيْنٌ  
الْمَجَالُ نَفَرَ ١ مِنْ ٨  
الْمَدَدُ لِلرِّيَبَةِ ٢ < ٢ لِلْحَرَبَةِ ٠ < ٢



مثل بيانيا الدالة  $g(x) = |x - 1| - 3$  ثم صف التحويلات التي حولت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = |x|$  إلى التمثيل البياني للدالة  $g(x)$  ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى لكلا من الدالتين  $f(x)$ ,  $g(x)$

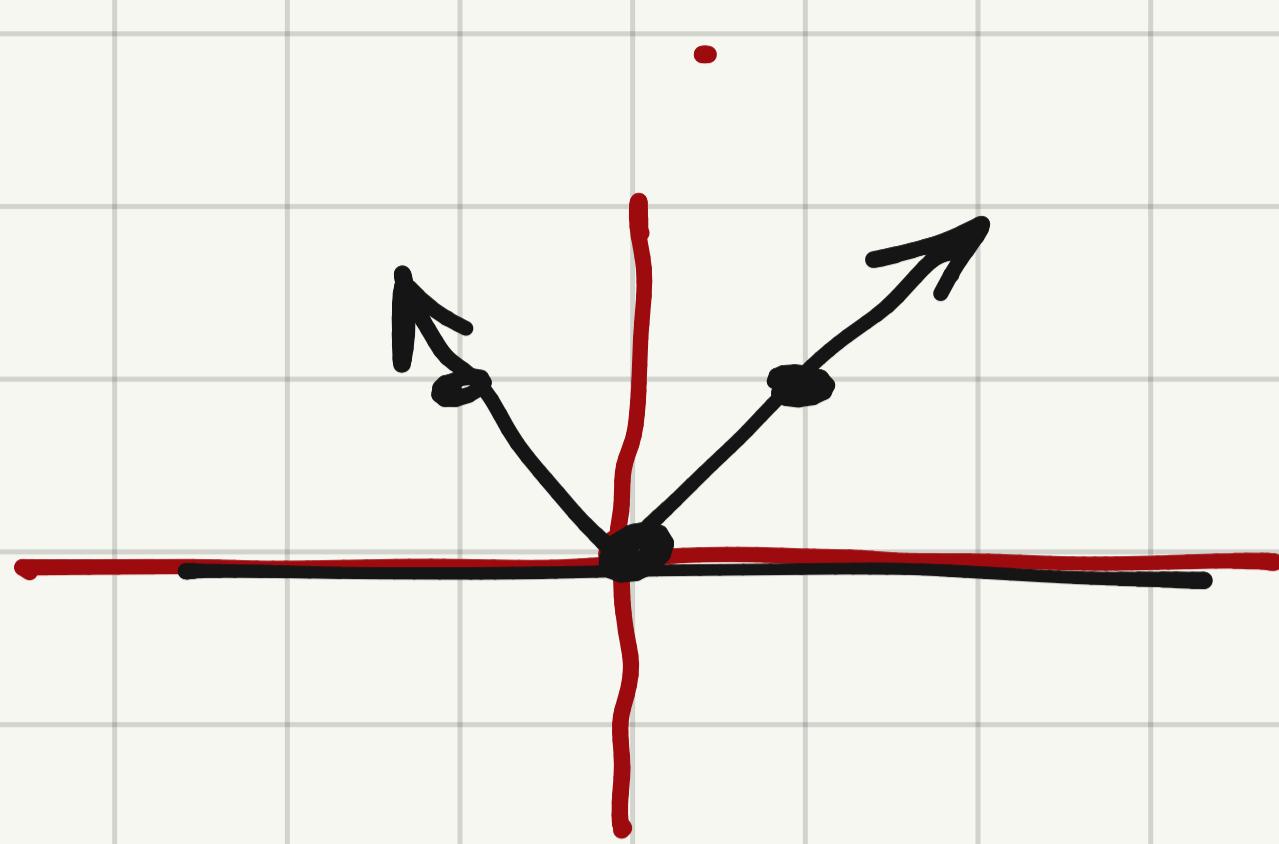
تدريب



x					
y					

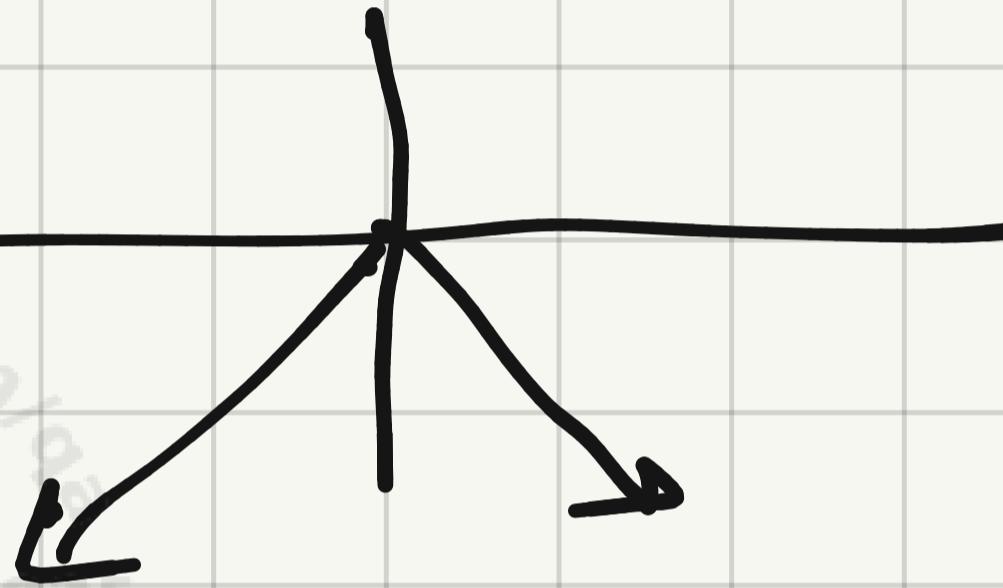


$$f(x) = |x|$$



x	-1	0	1
y	1	0	1

$$g(x) = -|x|$$



## التحويلاط على دالة القيمة المطلقة:

أفقية العدد داخل المطلقة: لليمين (-) لليسار (+) إزاحة رأسية العدد خارج المطلقة: لأسفل (-) لأعلى (+)

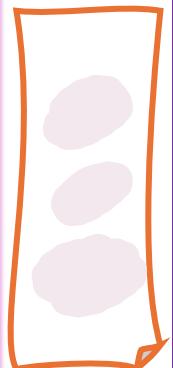
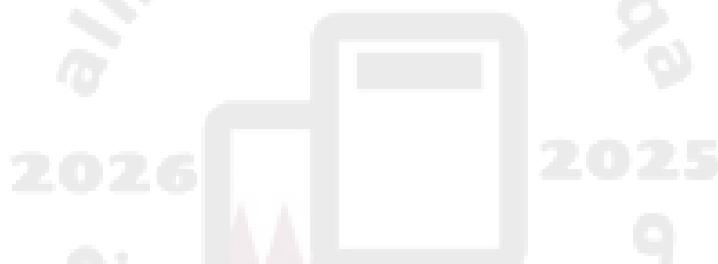
السالب داخل المطلقة: إنعكاس حول محور  $y$  السالب خارج المطلقة: إنعكاس حول محور  $X$



توضيح

صف التحويلاط الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = |x|$  لتصبح الدالة المعطاة  $g(x) = |x + 4|$  ؟

مثال



صف التحويلاط الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = |x|$  لتصبح الدالة المعطاة  $g(x) = |x - 1| - 6$  ؟

تدريب



### حل معادلات القيمة المطلقة:

- حول الأعداد في الطرف الأيمن بعكس الإشارة.
- ضع  $\pm$  مع الطرف الأيمن ثم حل المعادلتان.
- في حالة وجود عدد سالب في الطرف الأيمن (لا يوجد حل حقيقي)



توضيح

$$|x| + 7 = 4$$

حل المعادلة:

مثال

$$|x| = 4 - 7$$

$$|x| = -3$$

لا يوجد حل



$$4|2x + 5| + 2 = 14$$

حل المعادلة:

تدريب

$$\frac{4|2x+5|}{4} = \frac{12}{4} \Rightarrow |2x+5| = 3$$

$$2x + 5 = -3$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{-3-5}{2}$$

$$2x + 5 = 3$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{3-5}{2}$$



قم  
إلى  
الصلة



توضيح

**حل متباينات القيمة المطلقة:** 1. إذا كان  $a < |u|$ , فإن  $u$  تنتهي إلى الفترة  $[a, -a]$ . نكتب:  
 $-a < u < a$  إذا وفقط إذا  $|u| < a$

2. إذا كان  $a > |u|$ , فإن  $u$  تنتهي إلى الفترة  $[-a, a]$  أو إلى الفترة  $(-\infty, a]$ . نكتب:  
 $u > |u|$  إذا وفقط إذا  $a > u$  أو  $a < -u$

حل المتباينة:

$$3|x| + 1 \leq 4$$

مثال

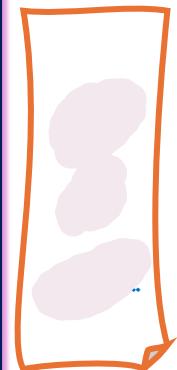


$$\frac{3|x|}{2} \leq 3$$

$$|x| \leq 1$$

$$-1 \leq x \leq 1$$

$$\text{المحلول: } [-1, 1]$$



حل المتباينة:

$$|x| - 7 \geq -6$$

تدريب



$$|x| \geq 1$$

$$x \leq -1$$

$$x \geq 1$$

$$\text{المحلول: } [-\infty, -1] \cup [1, \infty]$$



قم

إلى

الصلة

## الدالة متعددة التعريف:

دالة لها صيغًا متعددة تختلف باختلاف الفترة المعرفة عليها

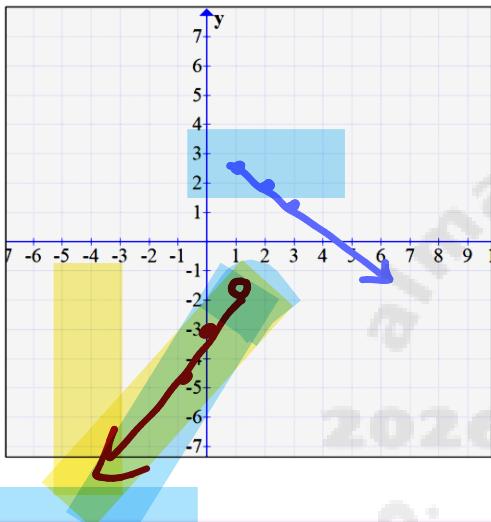


ثم أوجد ما يلي:

$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{2}x + 3, & x \geq 1 \\ \frac{5}{3}x - 3, & x < 1 \end{cases}$$

مثل الدالة بيانياً:

مثال



x	1	2	3	x	-1	0	1
y	2.5	2	1.5	y	-4.6	-3	-1.3

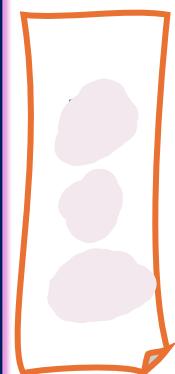


المجال:  $[-\infty, \infty]$

المدى:  $[-\infty, 2]$

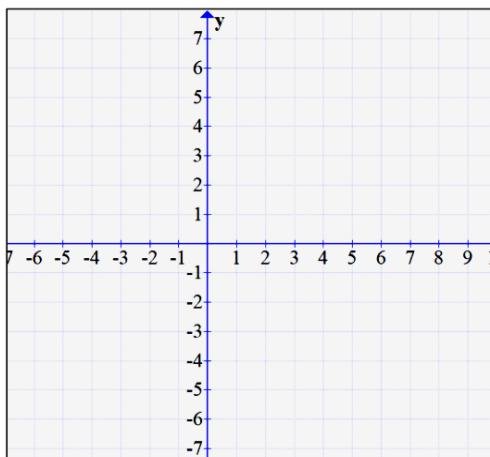
التزايد:  $[-\infty, 1]$

التناقص:  $[1, \infty]$

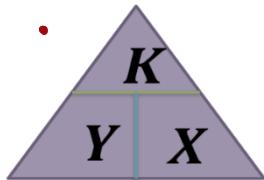


أعد كتابة الدالة  $f(x) = |6x + 18|$  في صورة دالة متعددة التعريف ثم مثلها بيانياً.

تدريب



قم  
إلى  
الصلة



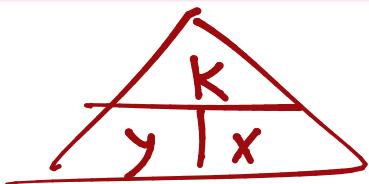
ثابت التناوب  $K$  (ضرب) معادلة التناوب  $y$  (قسمة)

التناسب العكسي:



اذا كانت  $y$  تتناسب عكسيًا مع  $x$  وكانت  $y = 4$  عندما  $x = 3$

مثال



ثابت التناوب  $k$

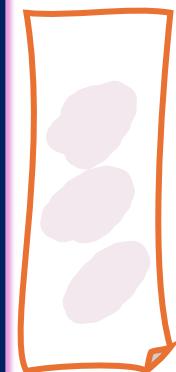
$$K = 4 \times 3 = 12$$

معادلة التناوب العكسي التي تربط  $x$  بـ  $y$

$$y = \frac{12}{x}$$

قيمة  $y$  عندما  $x = 10$

$$\frac{12}{10} = 1.2$$



تملأ 3 حنفيات متشابهة خزان ماء في زمن قدره 24 ساعة ، فإذا تم ملء الخزان نفسه في 18 ساعة ، فكم حنفية تم استعمالها من النوع نفسه لملء الخزان ؟

تدريب

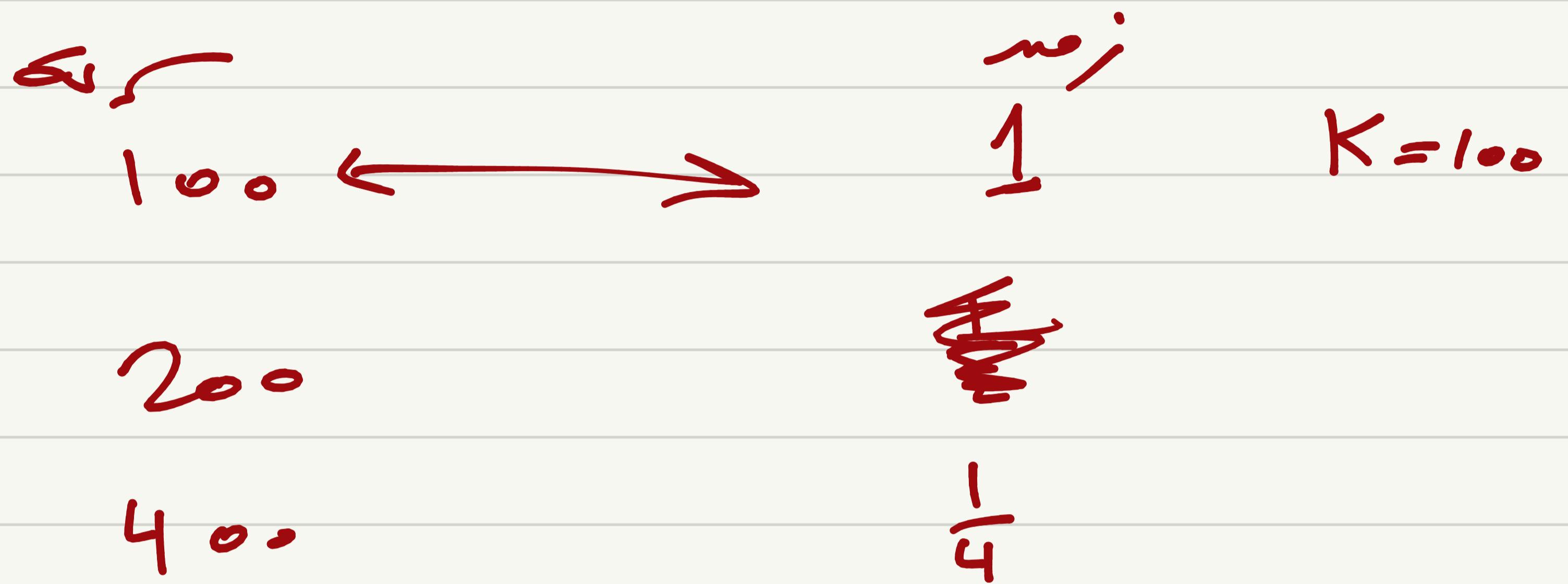
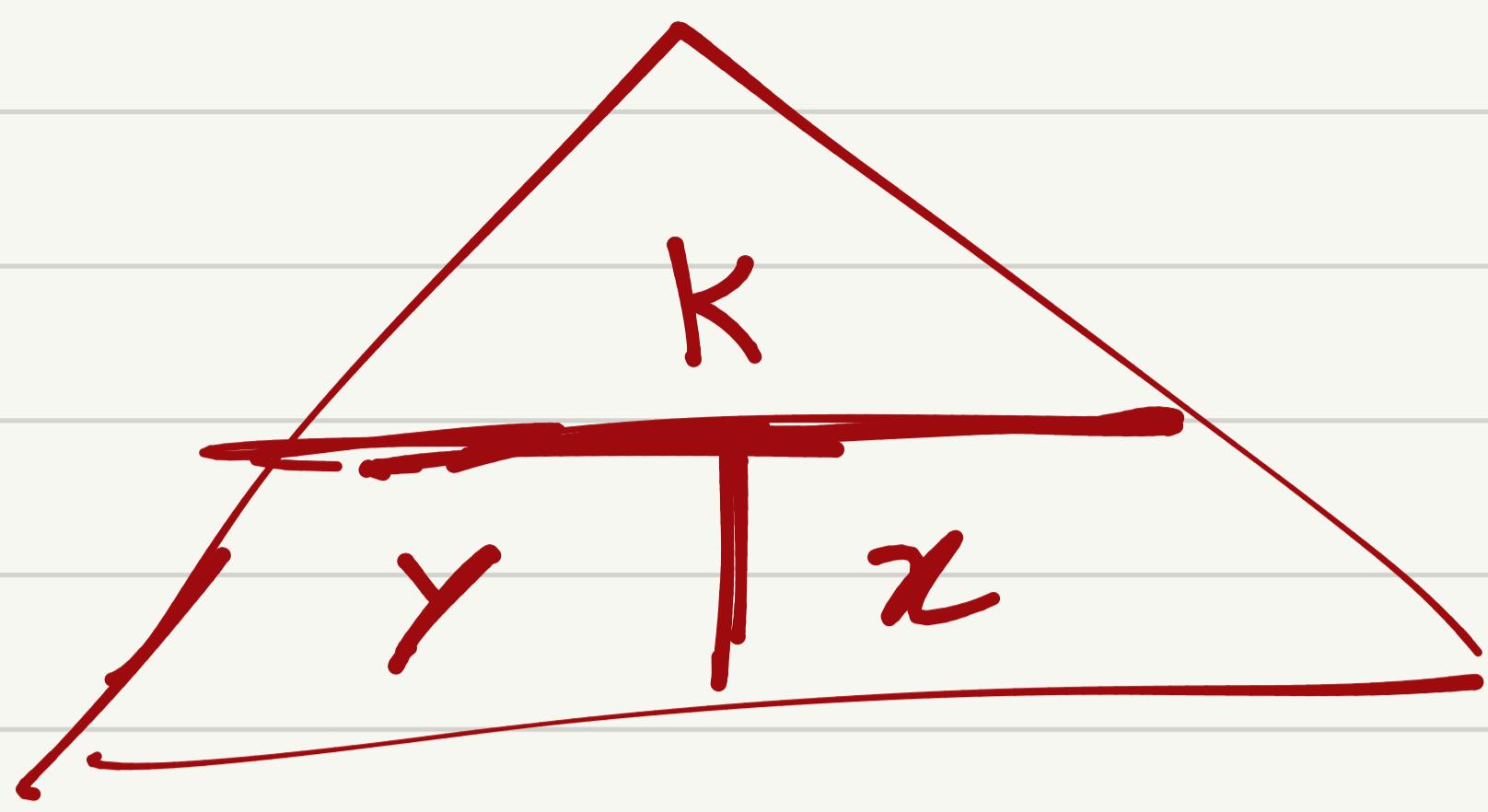


عمر ، الخنفية	$x$	$3$	$12$
ازمه	$y$	$24$	$18$

$$K = 3 \times 24 = 72$$

$$y = \frac{72}{x}$$

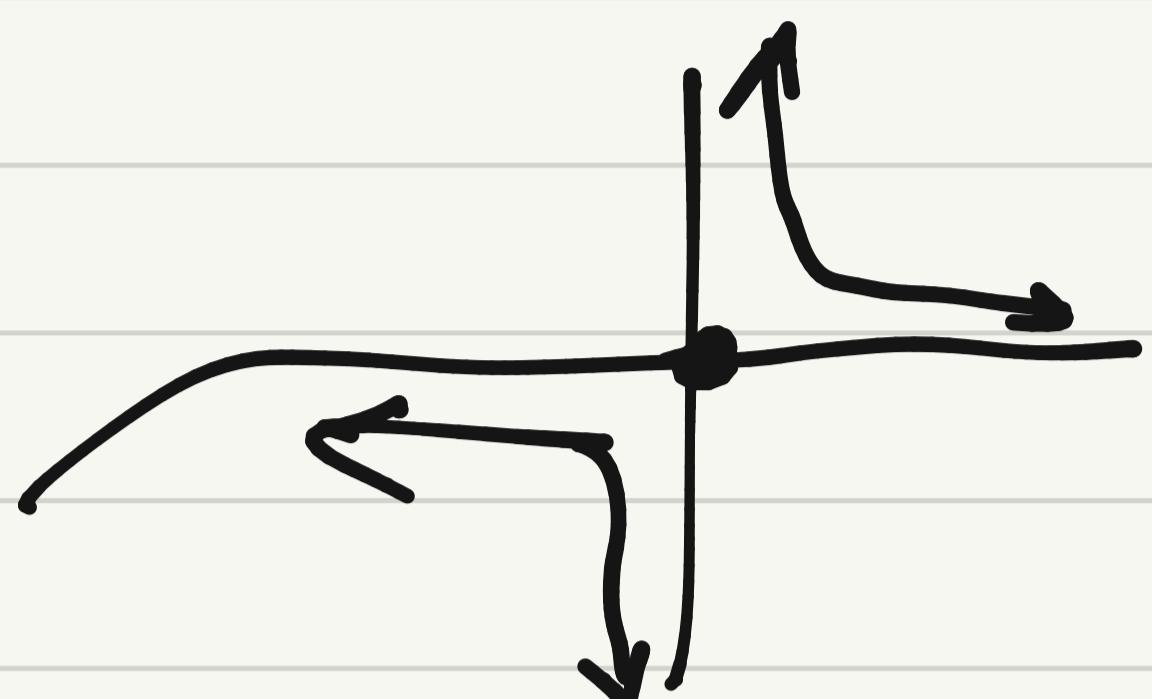
$$x = \frac{72}{18} = 4$$



دالة المقطوب

$$y = \frac{1}{x+0} + 0$$

$(0, 0)$



$R - \{0\}$  مجال

$R - \{0\}$  صدى

$x = 0$  خط التقاطع الرأسي

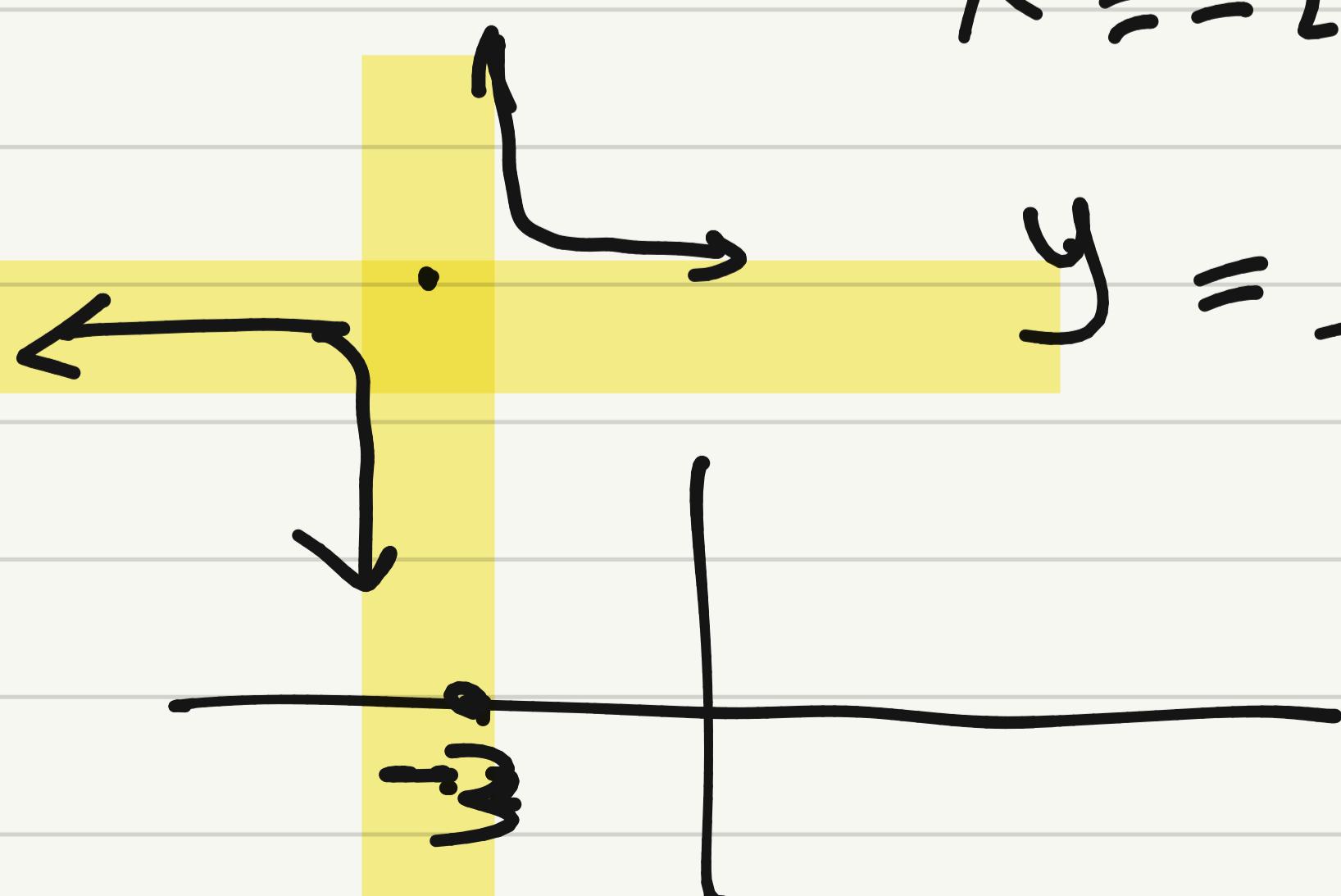
$y = 0$  خط التقاطع الأفقي

$$f(x) = \frac{1}{x+2} + 3 \quad (-2, 3)$$

$]-\infty, -2[ \cup ]-2, \infty[$  أو  $R - \{-2\}$  مجال

$R - \{3\}$  اطهد

خط التقاطع الرأسي  $x = -2$   $\rightarrow$   $y = 3$  الأفقي  $\sim$   $\sim$



### الدالة النسبية:



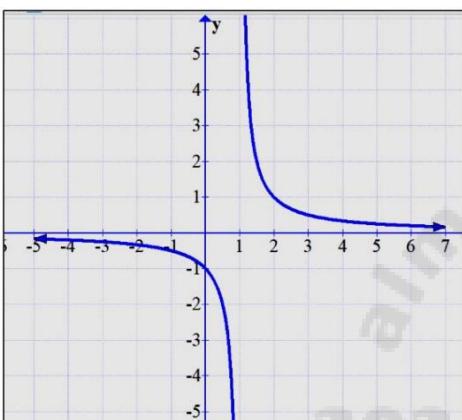
توضيح

المجال: (أصفار المقام  $\neq x$ ) المدى: الثابت  $\neq$

خط التقارب الرأسية: (أصفار المقام  $= x$ ) خط التقارب الأفقي: الثابت  $= y$

الشكل التالي يمثل:  $f(x) = \frac{1}{x-1}$

مثال

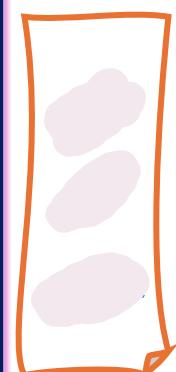


R-٤١٣) a) أوجد المجال

R-٤٠٣) b) أوجد المدى

x=1 c) أوجد خط التقارب الرأسية

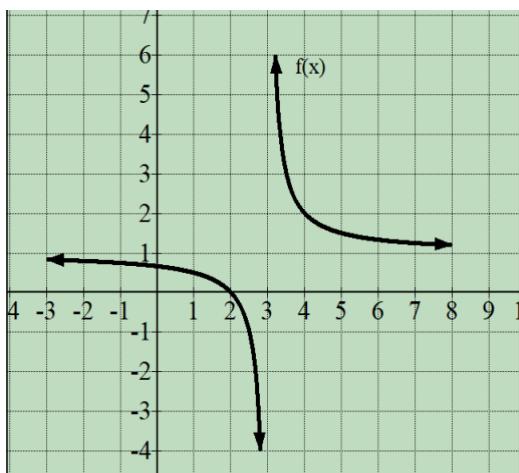
d) أوجد خط التقارب الأفقي



٥ = y  
٣ = x محو

الشكل التالي يمثل:  $f(x) = \frac{1}{x-3} + 1$

تدريب

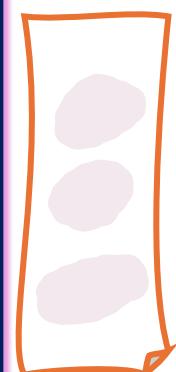


R-٤٢٠) 1. أوجد المجال

R-٤١٣) 2. أوجد المدى

x=3 3. أوجد خط التقارب الرأسية

y=1 4. أوجد خط التقارب الأفقي



خطوط التقارب: خط التقارب الرأسية: (المقام=0)

خط التقارب الأفقي:  $y=0$  (إذا كانت درجة البسط أصغر من درجة المقام)

المعامل الرئيسي على المقام  $= y$  (إذا كانت درجة البسط = من درجة المقام)



توضيح

حدد خطوط التقارب الرأسية أو الأفقية للتمثيل البياني للدالة  $y = \frac{x}{x^2 - x - 2}$

مثال

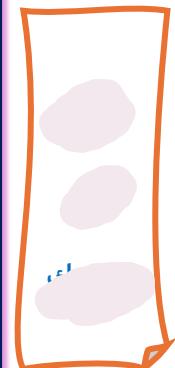


## خط التقارب الرأسية

لـ درجة البسط أقل  
من المقام

$$y = \frac{0}{(x-2)(x+1)} = 0$$

$x = -1$  الرأسية



حدد خطوط التقارب الرأسية أو الأفقية للتمثيل البياني للدالة  $q(x) = \frac{x-1}{x}$

تدريب



الرأسية

$$\frac{ax^n}{bx^2}$$

$$y = \frac{a}{b} \rightarrow y = 1$$

$$x = 0$$

الرأسية

$$y = \frac{x^2}{n}$$

لَا يُؤْمِنُ حَذَّرُوا بِإِنْشَاءِ الْكَلْمَانِ

$$\checkmark \quad \{ \} \quad x = 0$$

