

## أوراق عمل الخلاصة ببساطة لاختبار نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج القطرية

موقع المناهج ← المناهج القطرية ← الصف الحادي عشر العلمي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 22:18:16 2025-12-13

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة رياضيات:

إعداد: طارق الديب

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر العلمي



صفحة المناهج القطرية على فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

أوراق عمل مدرسة ابن تيمية نهاية الفصل غير مجابة

1

أوراق عمل مدرسة الأندلس نهاية الفصل غير مجابة

2

أوراق عمل نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

3

أوراق عمل مدرسة الأندلس نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

4

أوراق عمل مدرسة ابن تيمية نهاية الفصل مع الإجابة النموذجية

5



توضيح

**كثيرة الحدود:** ليكن  $n$  عددًا صحيحًا غير سالب، ولتكن  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}, a_n$  أعدادًا حقيقية، حيث  $a_n \neq 0$

$$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

الدالة

هي دالة كثيرة الحدود من الدرجة  $n$ .

مثال

أي مما يلي يمثل كثيرة حدود:

A.  $f(x) = 4x^3 - \frac{1}{2} - 5x$

B.  $g(x) = 6x^{-4} + 7$

نعم كثيرة حدود

ليست كثيرة حدود  
لوجود قوى سالبة



موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

موعظة

أي مما يلي يمثل كثيرة حدود:

C.  $h(x) = \sqrt{9x^4 + 16x^2}$

D.  $k(x) = 15x - 2x^4$

ليست

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

تدرب

قم

إلى

الصلاة

صوبہ  
X<sup>n</sup>  
اوارفام  
~ ~  
a

$$f(x) = \frac{1}{2}x^5 + \frac{3}{4}$$

موانع كثيرة الحدرد انه تكونه لا دامل

$\sqrt{x}$

$|x|$

$$e^x$$

$$\overline{x}$$

$$(x)^{-3}$$

$\sin(x)$

$$\ln(x)$$



الصيغة القياسية لكثيرة الحدود: صيغة مرتبة تنازليًا حسب الأسس.  
درجة كثيرة الحدود: أعلى أس. المعامل الرئيسي: معامل الحد ذو أعلى أس.



توضيح

ضع كثيرة الحدود على الصورة القياسية وحدد الدرجة والمعامل الرئيسي:

$$f(x) = 6x^2 + 9x^4 - 5x - 1$$



مثال

$$f(x) = 9x^4 + 6x^2 - 5x - 1$$

الدرجة الرابعة  
المعامل الرئيسي 9



موعدة

احفظ

الله

يحفظك

ضع كثيرة الحدود على الصورة القياسية وحدد الدرجة والمعامل الرئيسي:

$$f(x) = 7x^2 + 4x + 8x^3 - 1$$



تدرب



موعدة

قم

إلى

الصلاة

## جمع وطرح كثيرات الحدود:

تجمع وتطرح الحدود المتشابهة التي لها نفس الرمز ونفس الأس فقط.



توضيح

$$\text{لتكن } f(x) = 6x^3 + x^2 + 4x - 7 \text{ و } g(x) = 2x^3 - 8x^2 + 3$$

أوجد كل مما يلي ثم حدّد درجة الناتج:

مثال



محافظة

احفظ

تجدّه

تجاهك

$$\begin{aligned} \text{A. } f(x) + g(x) &= 6x^3 + x^2 + 4x - 7 + 2x^3 - 8x^2 + 3 \\ &= 8x^3 - 7x^2 + 4x - 4 \end{aligned}$$

$$\text{لتكن } f(x) = 6x^3 + x^2 + 4x - 7 \text{ و } g(x) = 2x^3 - 8x^2 + 3$$

أوجد كل مما يلي ثم حدّد درجة الناتج:

تدرب



محافظة

دائمًا

الصلاة

أولاً

$$\text{B. } f(x) - g(x)$$

معكوس الإشارة

$$\begin{aligned} & 6x^3 + x^2 + 4x - 7 - 2x^3 + 8x^2 - 3 \\ &= 4x^3 + 9x^2 + 4x - 10 \end{aligned}$$

## ضرب كثيرات الحدود:

نستخدم خاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح ( نجمع الأسس في الضرب )



توضيح

إذا كانت الدالة:  $f(x) = 5x - 2$ ,  $g(x) = 7 + 3x$    
 وجد:  $(f \cdot g)(x)$  ثم حدد درجة الناتج

مثال

$$\begin{aligned} & (5x - 2)(7 + 3x) \\ & 35x + 15x^2 - 14 - 6x \\ & = 15x^2 + 29x - 14 \end{aligned}$$



ملاحظة

لتكن  $f(m) = 2m + 5$  و  $g(m) = 3m^2 - 4m + 2$    
 أوجد  $f(m) \times g(m)$  وحدد درجة الناتج.

تدرب



ملاحظة

## القسمة المطولة: ( رتب - اقسم - اضرب - اطرح )

$$\frac{f(x)}{d(x)} = q(x) + \frac{r(x)}{d(x)}$$

في حالة وجود باقي اكتب الناتج على الصورة الكسرية



توضيح

استعمل القسمة المطولة في كل موقف لإيجاد ناتج القسمة والباقي عند قسمة  $f(x)$  على  $d(x)$ . اكتب الدالة  $f(x)$  وبالدالة  $d(x)$  على

مثال

A.  $f(x) = x^3 + 5x^2 + 6x + 9, d(x) = x + 3$

مقسم عليه

$$\begin{array}{r} x^2 + 2x \\ x+3 \overline{) x^3 + 5x^2 + 6x + 9} \\ \underline{x^3 + 3x^2} \phantom{+ 6x + 9} \\ 2x^2 + 6x + 9 \\ \underline{2x^2 + 6x} \phantom{+ 9} \\ 9 \end{array}$$

مقسم

$$x^2 + 2x + \frac{9}{x+3}$$



موعظة

دائمًا

الصلاة

أولاً

استعمل القسمة المطولة في كل موقف لإيجاد ناتج القسمة والباقي عند قسمة  $f(x)$  على  $d(x)$ . اكتب الدالة  $f(x)$  بالدالة  $d(x)$  من المقسوم عليه والباقي.

تدرب

B.  $f(x) = 8x^3 + 27, d(x) = 2x + 3$

والباقي من

$$\begin{array}{r} 4x^2 - 6x + 9 \\ 2x+3 \overline{) 8x^3 + 0x^2 + 0x + 27} \\ \underline{8x^3 + 12x^2} \phantom{+ 0x + 27} \\ -12x^2 + 0x + 27 \\ \underline{-12x^2 + 18x} \phantom{+ 27} \\ 18x + 27 \\ \underline{18x + 27} \\ 0 \end{array}$$



موعظة

دائمًا

غُض

بصرك

## القسمة التركيبية: ( كثيرة حدود على عبارة خطية معاملها الرئيسي 1 )

صفر المقسوم عليه

معاملات كثيرة الحدود



توضيح

باستخدام القسمة التركيبية اقسم  $-5x - 12$  على  $2x^3$  على  $x + 2$  واكتب الناتج بالصورة الكسرية

مثال



موعظة

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r}
 x+2=0 \\
 x=-2
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 2 \quad 0 \quad -5 \quad -12 \\
 \downarrow \quad + \quad + \quad + \\
 -4 \quad 8 \quad -6 \\
 \hline
 2 \quad -4 \quad 3 \quad -18
 \end{array}
 \end{array}$$

الناتج =  $2x^2 - 4x + 3 - \frac{18}{x+2}$

دائمًا

الصلاة

أولاً

باستخدام القسمة التركيبية اقسم  $x^3 + 4x^2 + 7x - 9$  على  $x + 3$  واكتب الناتج بالصورة الكسرية

تدرب



موعظة

دائمًا

غُض

بصرک



## تحويلات الدوال:



توضيح

### الإزاحة الأفقية

إزاحة إلى اليسار بمقدار  $c$  وحدة

إزاحة إلى اليمين بمقدار  $c$  وحدة

$$y = f(x + c)$$

$$y = f(x - c)$$

### الإزاحة الرأسية

إزاحة إلى الأعلى بمقدار  $c$  وحدة

إزاحة إلى الأسفل بمقدار  $c$  وحدة

$$y = f(x) + c$$

$$y = f(x) - c$$

مثال

بين كيف يمكن استعمال التمثيل البياني لدالة ذات حد واحد  $f(x) = a_n x^n$  لإيجاد التمثيل البياني للدالة المعطاة  $g(x) = 5x^3 + 1$  ؟



موعظة

دائمًا

اقل

القرآن

تدرب

بين كيف يمكن استعمال التمثيل البياني لدالة ذات حد واحد  $f(x) = a_n x^n$  لإيجاد التمثيل البياني للدالة المعطاة  $g(x) = -(x - 6)^3$  ؟



موعظة

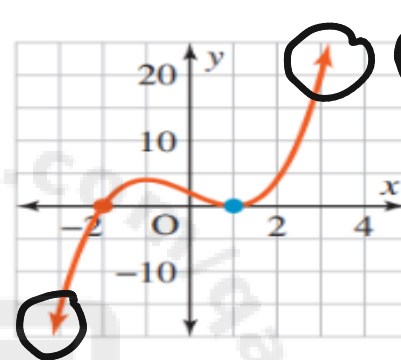
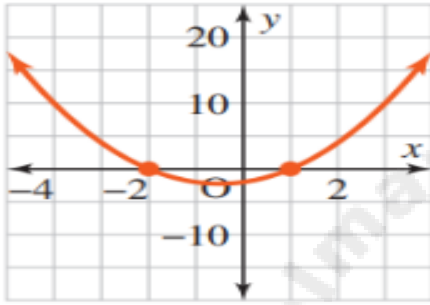
الدالة الفردية الدرجة: طرفي الدالة في جهتين مختلفتين.

الدالة الزوجية الدرجة: طرفي الدالة في نفس الجهة.



حدد الدوال الزوجية والدرجة والفردية الدرجة:

مثال

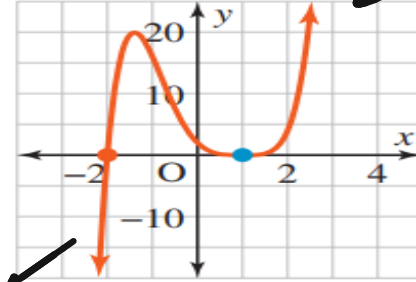
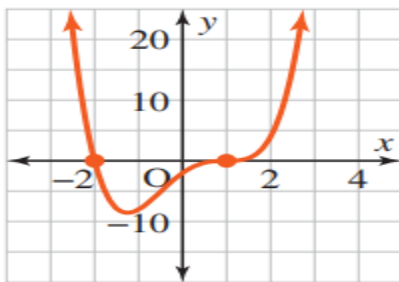


زوجية الدرجة  
المعامل الرئيسي موجب

فردية الدرجة  
المعامل الرئيسي موجب

حدد الدوال الزوجية والدرجة والفردية الدرجة:

تدرب



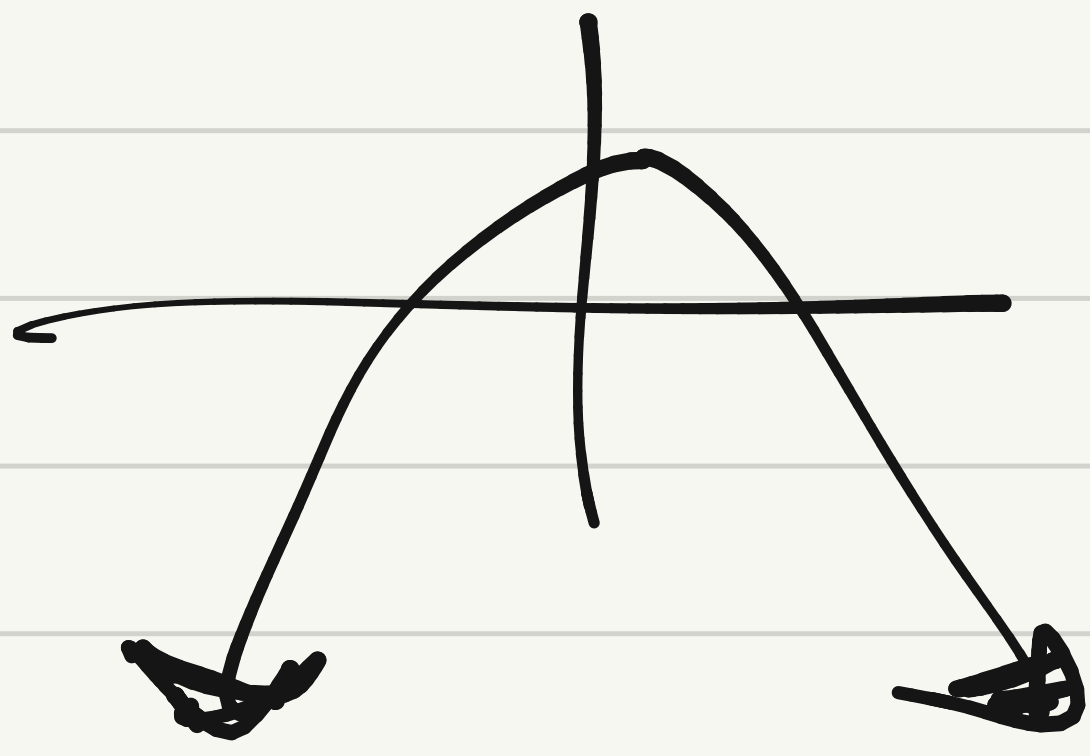
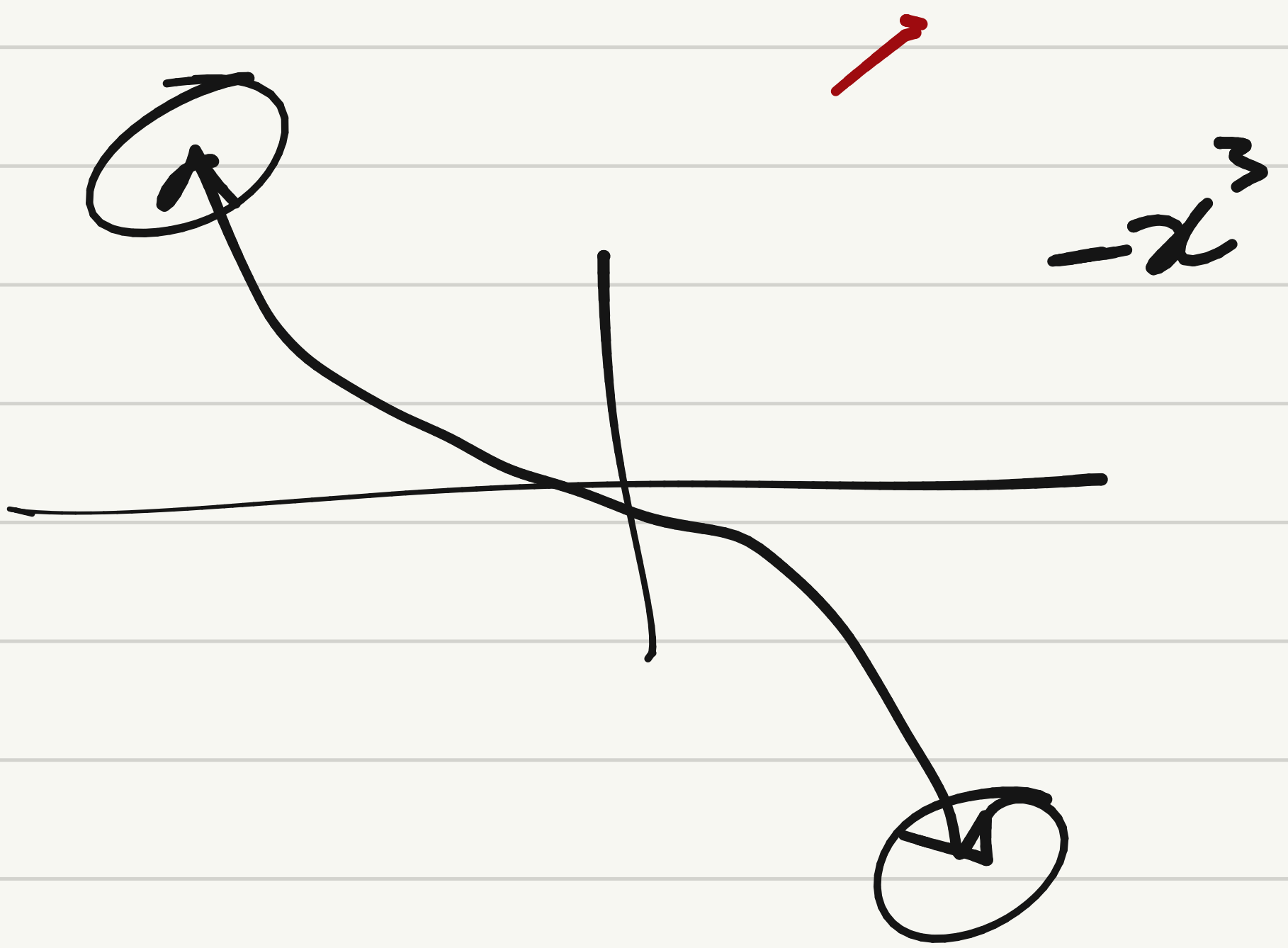
زوجية الدرجة  
المعامل الرئيسي موجب

فردية الدرجة  
المعامل الرئيسي موجب

قم

إلى

الصلاة



فردية الدالة

المعامل الرئيسي سالب

زوجية الدالة

المعامل الرئيسي موجب



## السلوك الطرفي للدالة بيانياً:

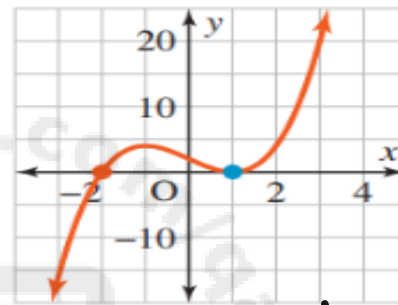
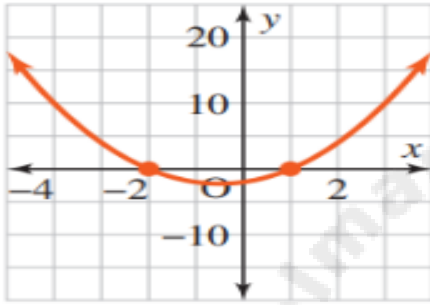
$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) =$  ادرس اتجاه السهم الأيمن للرسم  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$  ادرس اتجاه السهم الأيسر للرسم



توضيح

ادرس السلوك الطرفي للدوال الممثلة بيانياً فيما يلي:

مثال



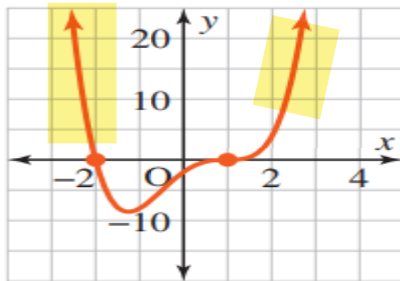
$$\left. \begin{array}{l} x \rightarrow -\infty \quad y \rightarrow \infty \\ x \rightarrow \infty \quad y \rightarrow \infty \end{array} \right\} \begin{array}{l} x \rightarrow -\infty \quad y \rightarrow -\infty \\ x \rightarrow \infty \quad y \rightarrow \infty \end{array}$$



مواظنة

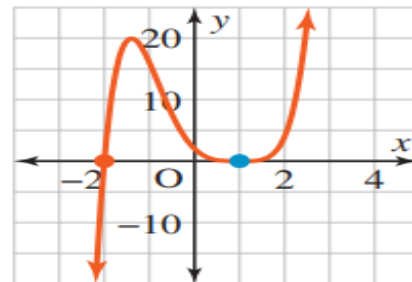
ادرس السلوك الطرفي للدوال الممثلة بيانياً فيما يلي:

تدرب



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$

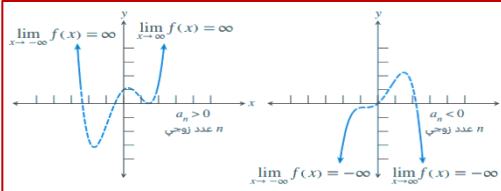
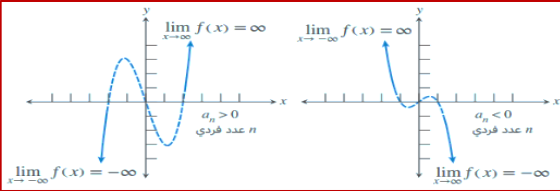


$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$



مواظنة



اختبار

الحد

الرئيسي

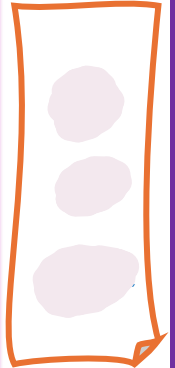


توضيح

صف السلوك الطرفي للدالة كثيرة الحدود مستعملًا  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

$f(x) = -7x^2 - x^3 + 3x - 4$

مثال



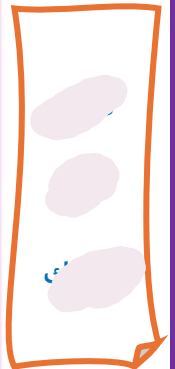
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$$

صف السلوك الطرفي للدالة كثيرة الحدود مستعملًا  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$

$f(x) = -7x^2 + 4x^6 + 3$

تدرب



$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$$

## تمثيل الدوال كثيرات الحدود بيانيًا

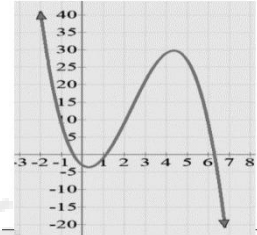
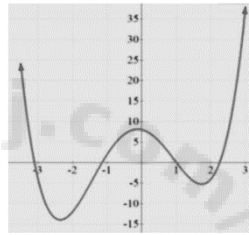
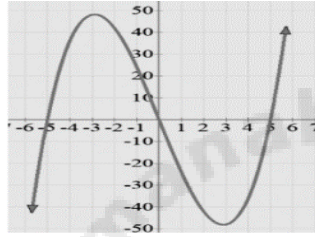
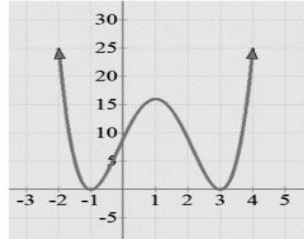
حدد المقاطع من محور  $x$  - حدد القيم القصوى المحلية - حدد السلوك الطرفي - مثل بيانيًا



توضيح

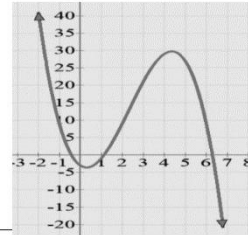
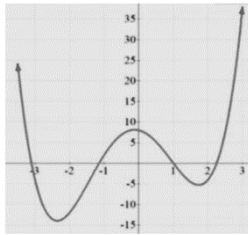
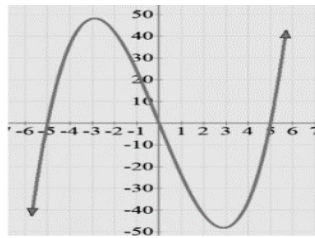
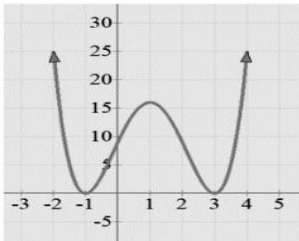
أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود التي تحقق الوصف التالي  
 $f(x)$  ذات قيم موجبة في الفترة  $[-3.1, -\infty]$  والفترة  $[1, 1.15]$  والفترة  $[2.25, \infty]$   
 $f(x)$  ذات قيم سالبة في الفترة  $[-1.15, -3.1]$  والفترة  $[1, 2.25]$   
 $f(x)$  متناقصة في الفترة  $[-\infty, -2.3]$  والفترة  $[-0.1, 1.8]$   
 $f(x)$  متزايدة في الفترة  $[-2.3, -0.1]$  والفترة  $[1.8, \infty]$

مثال



أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود التي تحقق الوصف التالي  
 $f(x)$  ذات قيم موجبة في الفترة  $[-5, 0]$  والفترة  $[5, \infty]$   
 $f(x)$  ذات قيم سالبة في الفترة  $[-\infty, -5]$  والفترة  $[0, 5]$   
 $f(x)$  متناقصة في الفترة  $[-2.9, 2.9]$   
 $f(x)$  متزايدة في الفترة  $[-\infty, -2.9]$  والفترة  $[2.9, \infty]$

تدرب





## أصفار الدالة كثيرة الحدود:

ضع الدالة تساوي صفر - حل - أوجد قيم  $x$  - ادرس الإشارة - مثل بيانياً



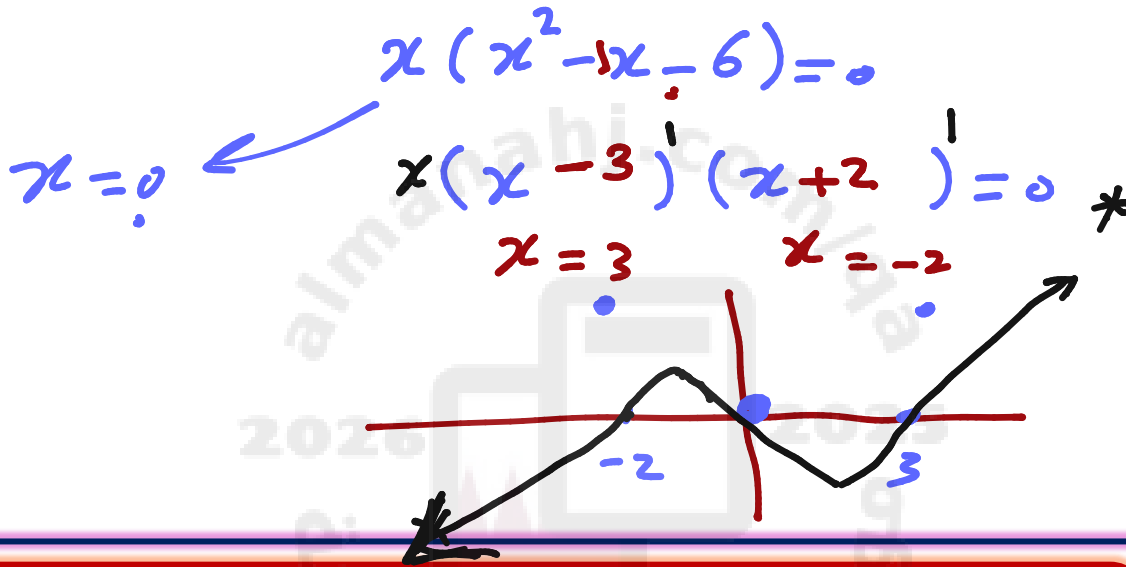
توضيح

لتكن الدالة  $f(x) = x^3 - x^2 - 6x$

A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$ .

B. ارسم المنحنى البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

مثال



A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$ .

$$f(x) = x^3 - 25x$$

B. ارسم المنحنى البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

تدرب



## أصفار الدالة كثيرة الحدود:

ضع الدالة تساوي صفر - حل - أوجد قيم  $x$  - ادرس الإشارة - مثل بيانياً



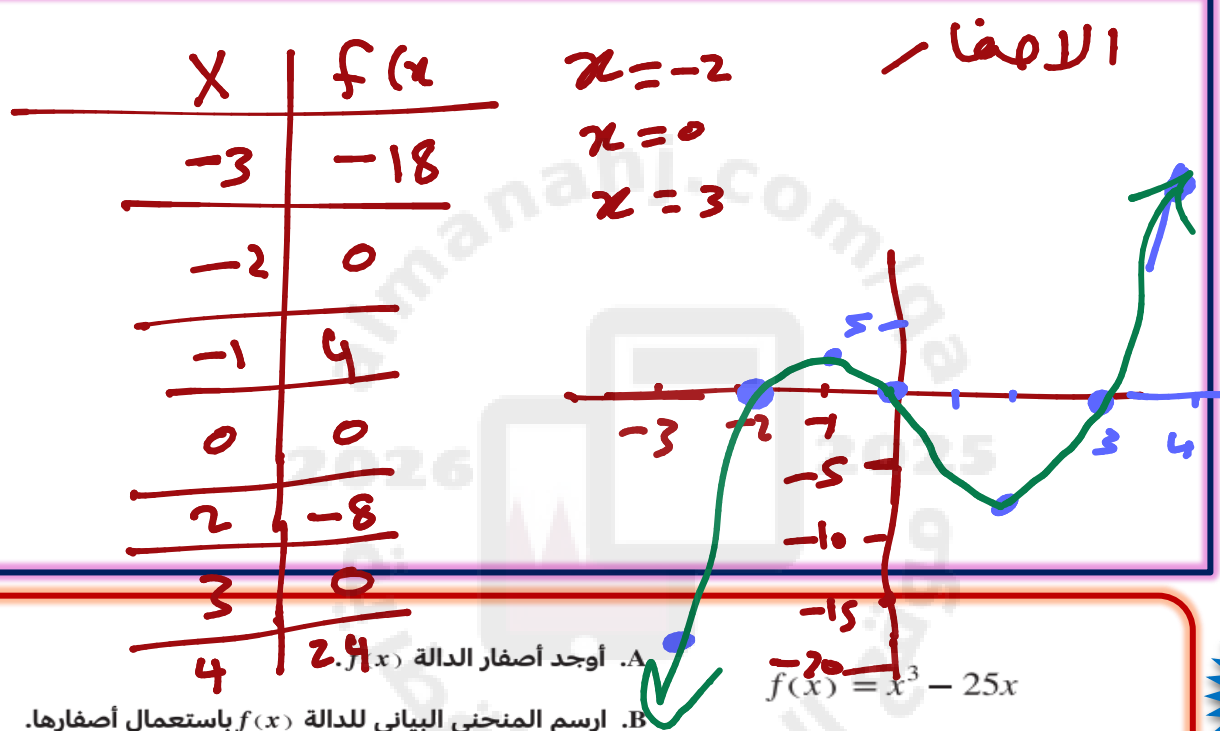
توضيح

لتكن الدالة  $f(x) = x^3 - x^2 - 6x$ .

A. أوجد أصفار الدالة  $f(x)$ .

B. ارسم المنحنى البياني للدالة  $f(x)$  باستعمال أصفارها.

مثال



معدة

تدرب



معدة



تعددية أصفار الدالة كثيرة الحدود:

تعددية الأصفار الفردية: منحنى الدالة يقطع محور  $x$  عند هذه الأصفار

تعددية الأصفار الزوجية: منحنى الدالة يمس محور  $x$  عند هذه الأصفار

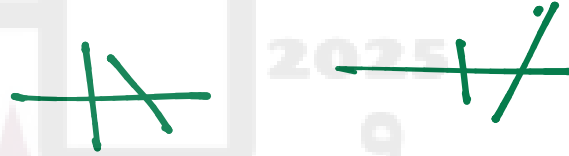
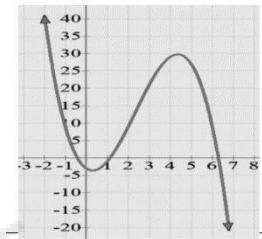
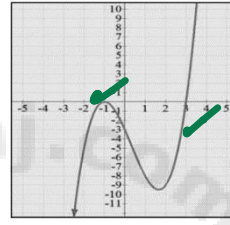
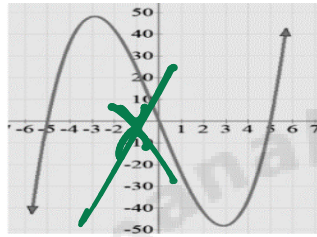
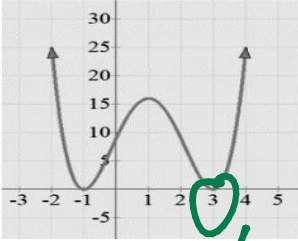


توضيح

مثال

أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود  
 $f(x) = (x + 1)^2(x - 3)$

$x = -1$   $x = 3$



موعدة

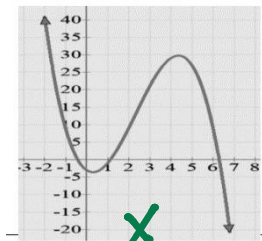
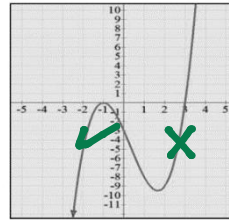
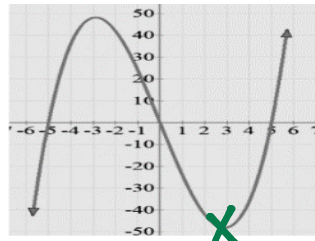


أي مما يلي يمثل التمثيل البياني للدالة كثيرة الحدود

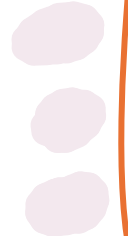
$f(x) = (x + 1)^2(x - 3)^2$

$x = -1$   $x = 3$

تدرب



موعدة



## نظرية الباقي:



توضيح

لإيجاد باقي القسمة عوض في الدالة بصفر المقسوم عليه (معكوس الحد الثابت)

مثال

استعمل نظرية الباقي لإيجاد باقي قسمة الدالة  
 $f(x) = 8x^4 - 3x^2 + x^3 - 1$  على  $x + 1$  ؟

$$\begin{aligned} x+1 &= 0 \\ x &= -1 \\ f(-1) &= 8(-1)^4 - 3(-1)^2 + (-1)^3 - 1 \\ &= 3 \end{aligned}$$



تدرب

اوجد قيمة  $n$  اذا كان باقي قسمة الدالة  
 $f(x) = 2x^3 - nx^2 + 3x - 10$  على  $x - 5$  هو 5

$$\begin{aligned} x-5 &= 0 \\ x &= 5 \end{aligned}$$

$$2(5)^3 - n(5)^2 + 3(5) - 10 = 5$$

$$-25n + 25 = 5$$

$$\frac{-25n}{-25} = \frac{5 - 25}{-25}$$

$$n = \frac{-250}{-25} = 10$$



## نظرية العامل:

يوجد لكثيرة الحدود عامل إذا كان باقي القسمة = صفر



توضيح

استعمل نظرية العامل لإثبات أن ثنائية الحدود المعطاه تمثل عامل لكثيرة الحدود  
واكتبها بصيغة التحليل إلى عوامل  $p(x) = x^3 - 3x^2 + 2x - 6$  ,  $x - 3$   $x=3$

مثال



مواظنة

$$p(3) = 3^3 - 3(3)^2 + 2(3) - 6 = 0$$

$\therefore x - 3$  هو عامل  $p(x)$

$$p(x) = (x - 3) (x^2 + 2)$$

$$\begin{array}{r|rrrr} 3 & 1 & -3 & 2 & -6 \\ & \downarrow & & & \\ & 3 & 0 & 6 & \\ \hline & 1 & 0 & 2 & 0 \end{array}$$

دينك

لحمك

دمك

استعمل نظرية العامل لإثبات أن ثنائية الحدود المعطاه تمثل عامل لكثيرة الحدود  
واكتبها بصيغة التحليل إلى عوامل  $p(x) = x^3 + x^2 - 8x - 6$  ,  $x + 3$

تدرب



مواظنة

انصر

دينك

دائمًا

نظرية الأصفار النسبية: 1- أوجد عوامل الحد الثابت ÷ عوامل المعامل الرئيسي

2- عوّض في الدالة حتى الحصول على صفر 3- اقسم وأوجد ناتج القسمة ثم حله.

4- أوجد باقي الأصفار



ما قائمة الأصفار النسبية الممكنة للدالة  $P(x)$  ثم حدد الأصفار ان وجدت  
 $P(x) = x^4 - 7x^2 + 12$

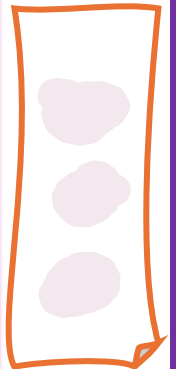


دائمًا

اتل

القرآن

ما قائمة الأصفار النسبية الممكنة للدالة  $P(x)$  ثم حدد الأصفار ان وجدت  
 $P(x) = x^3 - 9x^2 + 15x + 25$



## دالة الجذر التربيعي: $f(x) = \sqrt{x}$

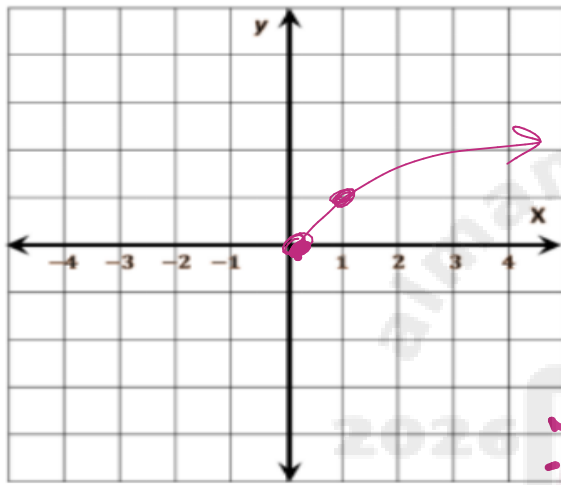
المجال:  $[0, \infty[$  المدى:  $[0, \infty[$  الأعداد: متزايدة على مجالها ليست زوجية ولا فردية  
 $\geq 0$  ما تحت الجذر الثابت  $y \geq 0$



توضيح

مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = \sqrt{x}$  ثم أوجد ما يلي:

مثال



x	0	1	2						
y	0	1							

المجال:  $x \geq 0$

المدى:  $y \geq 0$

التزايد أو التناقص: متزايدة

نوع الدالة: لائزوجة ولا فردية

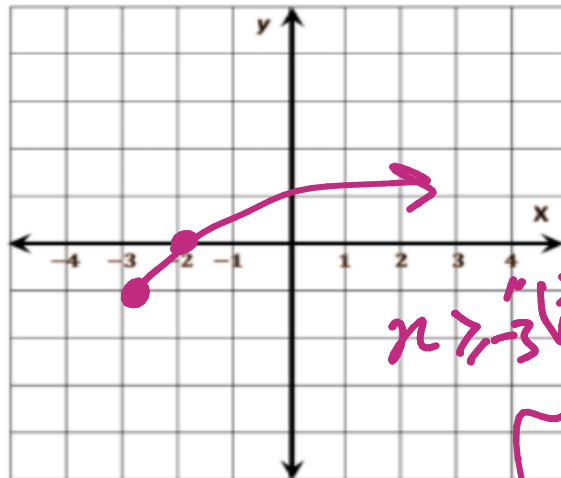
القيم القصوى: ~~لا توجد~~



معدة

مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = \sqrt{x+3} - 1$  ثم أوجد ما يلي:

تدرب



x	-3	-2	-1	0	1	2			
y	-1	0							

المجال:  $x \geq -3$

المدى:  $y \geq -1$

التزايد أو التناقص: متزايدة

نوع الدالة: لائزوجة ولا فردية

القيم القصوى: ~~لا توجد~~



معدة

**الصيغة العامة لدالة الجذر التربيعي:**  $f(x) = a\sqrt{x-h} + k$

$|a|$  يمثل التمدد والتضيق الرأسي،  $h$  يمثل الإزاحة الأفقية، و  $k$  يمثل الإزاحة الرأسية.



توضيح

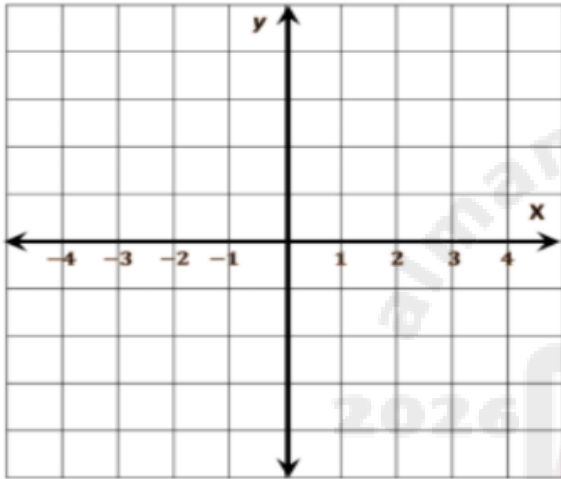
مثل بيانيًا الدالة  $g(x) = 2\sqrt{x+3} + 5$  مستعملًا التحويلات التي حوّلت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  إلى التمثيل البياني للدالة  $g$ .  
ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى للدالة  $g$  وبين المجال والمدى للدالة  $f$ ؟



احفظ

الله

يحفظك



x									
y									

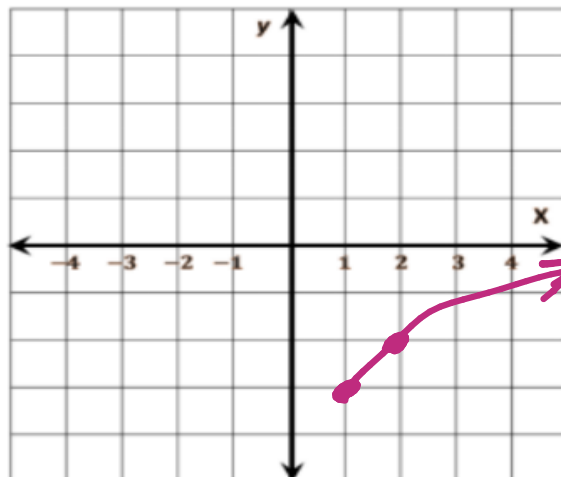
مثل بيانيًا الدالة  $g(x) = \sqrt{x-1} - 3$  ثم صف التحويلات التي حوّلت التمثيل البياني للدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  إلى التمثيل البياني للدالة  $g(x)$ .  
ما أوجه المقارنة بين المجال والمدى لكلا من الدالتين  $f(x)$ ,  $g(x)$ ؟



قم

إلى

الصلاة



x									
y									

بالرأسه لا تنقل



## التحويلات على دالة الجذر التربيعي:

إزاحة أفقية العدد داخل الجذر: لليمين (-) لليسار (+) إزاحة رأسية العدد خارج الجذر: لأسفل (-) لأعلى (+)  
السالب داخل الجذر: إنعكاس حول محور  $y$  السالب خارج الجذر: إنعكاس حول محور  $x$

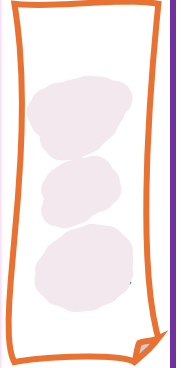


توضيح

صف التحويلات الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  لتصبح الدالة المعطاة  
 $g(x) = \sqrt{x-1} - 6$  ؟



إزاحة أفقية لليمين  
إزاحة رأسية للأسفل



أعد كتابة دوال الجذر التربيعي لمعرفة التحويلات التي أجريت على الدالة  
الرئيسية  $f(x) = \sqrt{x}$

$$h(x) = \sqrt{9x - 18} + 1$$



$$h(x) = \sqrt{9(x-2)} + 1$$

$$= 3\sqrt{x-2} + 1$$

إزاحة 2 لليمين  
تعدد رئيسي معامل 3  
واحد إلى أعلى



$$f(x) = \sqrt{x}$$

عند ارفعه / ا

$$g(x) = -a \sqrt{-b(x \pm n)} \pm k$$

انكاس x

انكاس y x

عبر

لاصل

كيفية او عند افق





## حل معادلات الجذر التربيعي:

- حوّل الأعداد في الطرف الأيمن بعكس الإشارة.
- تربيع الطرفين للتخلص من الجذر.



توضيح

حل المعادلات الجذرية ثم تحقق من صحة الحل

$$\sqrt{x} - 1 = 4$$

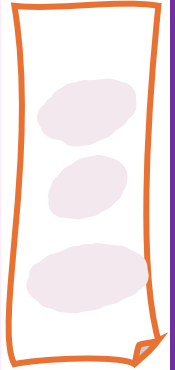
مثال

$$\sqrt{x}^2 = (4+1)^2$$

$$x = 25$$



موقع



حل المعادلات الجذرية ثم تحقق من صحة الحل

$$\sqrt{x-2} + 3 = 5$$

تدرب

$$(\sqrt{x-2})^2 = (5-3)^2$$

$$x-2 = 4$$

$$x = 6$$



موقع



قم

إلى

الصلاة

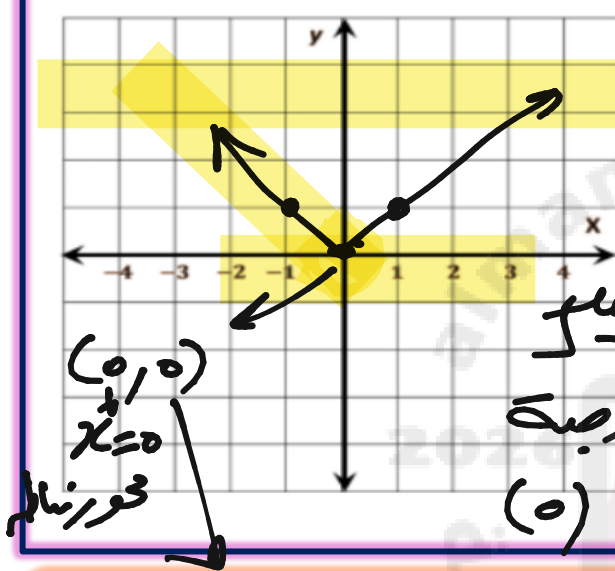
## دالة القيمة المطلقة: $f(x) = |x|$

المجال:  $R$  المدى:  $[0, \infty[$  محور التناظر: أصفار القيمة المطلقة  $x=0$



مثال

مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = |x|$  ثم أوجد ما يلي:



x	$-\infty$	-2	-1	0	1	2	$\infty$
y	$\infty$	2	1	0	1	2	$\infty$

المجال:  $R$  أو  $]-\infty, \infty[$

المدى:  $y \geq 0$  أو  $[0, \infty[$

التزايد أو التناقص:  $]-\infty, 0]$  تناقص  $[0, \infty[$  تزايد

نوع الدالة: زوجية فردية؟ زوجية

القيم القصوى: ..... صغرى: (0)

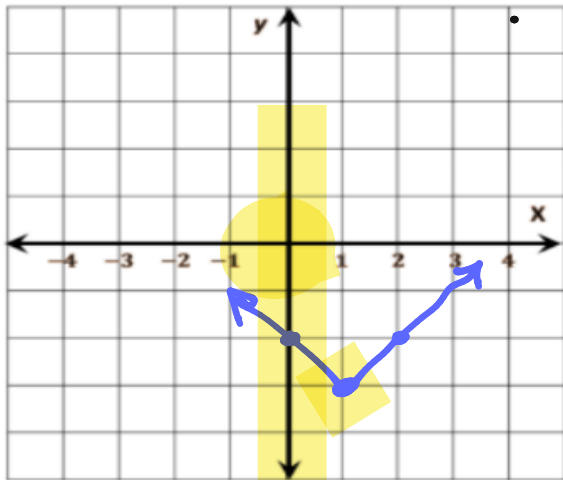


فحص

مثل الدالة بيانياً:  $g(x) = |x - 1| - 3$  ثم أوجد ما يلي:

(-3, 1)

تدرب



x	$-\infty$	-1	0	1	2	3	$\infty$
y	$\infty$	-1	-2	-3	-2	-1	$\infty$

المجال:  $R$

المدى:  $y \geq -3$

التزايد أو التناقص:  $]-\infty, 1]$  تناقص  $[1, \infty[$  تزايد

نوع الدالة: زوجية فردية؟ زوجية

القيم القصوى: ..... صغرى: (1, -3)



قم

إلى

الصلاة

$$\left(\sqrt{x+5}\right)^2 = (2x)^2$$

$$x+5 = 4x^2$$

$$-4x^2 + x + 5 = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-1 \pm \sqrt{(1)^2 - 4(-4)(5)}}{2(-4)}$$

$$x =$$

$$x =$$

$$\sqrt{3x-2}^2 = (x-4)^2$$

$$3x-2 = x^2 - 8x + 16$$

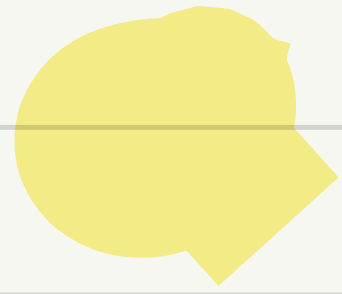
$$x^2 - 8x + 16 - 3x + 2 = 0$$

$$x^2 - 11x + 18 = 0$$

$$x = \frac{-(-11) \pm \sqrt{(-11)^2 - 4(1)(18)}}{2(1)}$$

$$x = 2$$

$$x = 9$$

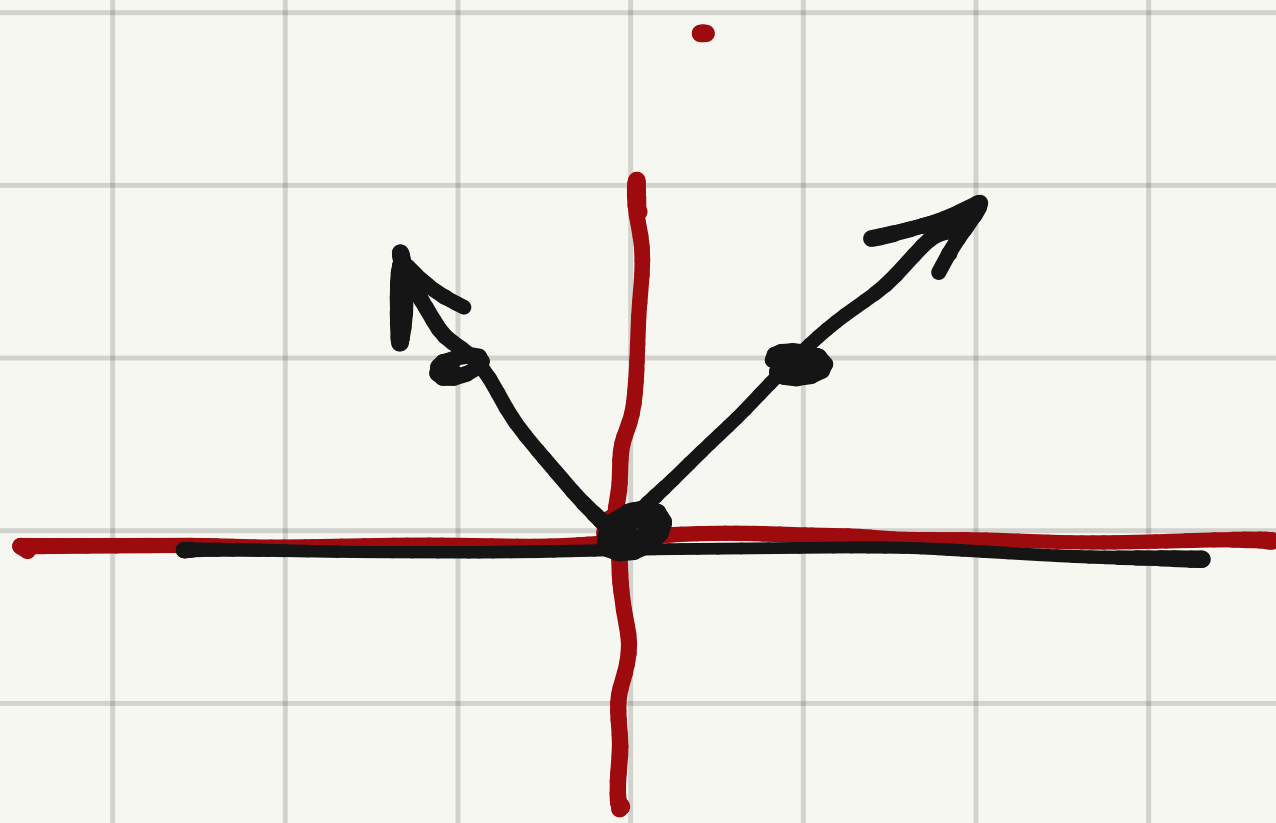


$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$



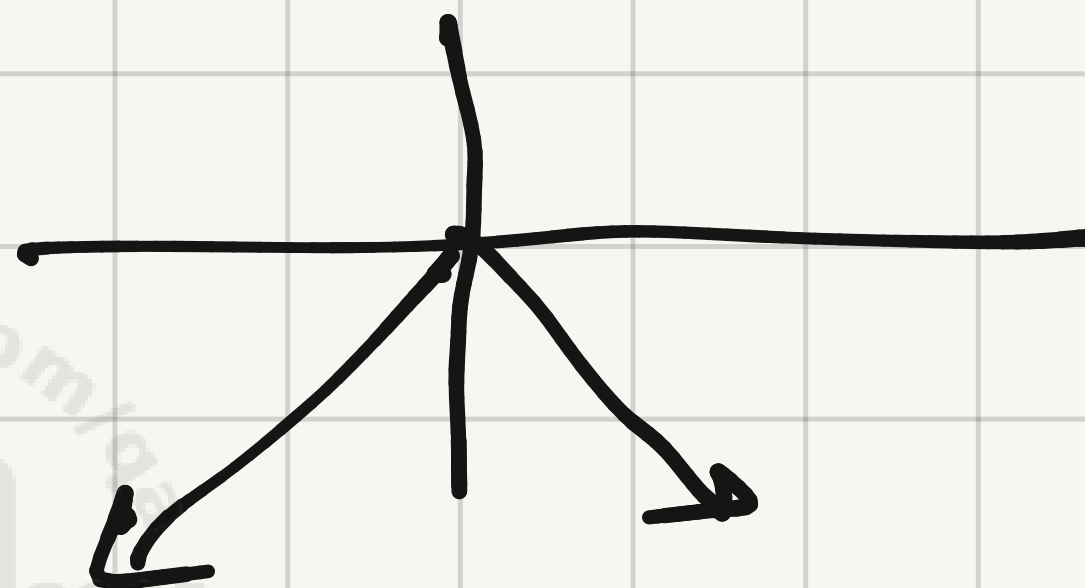


$$f(x) = |x|$$



x	-1	0	1
y	1	0	1

$$g(x) = -|x|$$



## التحويلات على دالة القيمة المطلقة:

أفقية العدد داخل المطلق: لليمين (-) لليسار (+) إزاحة رأسية العدد خارج المطلق: لأسفل (-) لأعلى (+)  
السالب داخل المطلق: إنعكاس حول محور  $y$  السالب خارج المطلق: إنعكاس حول محور  $x$



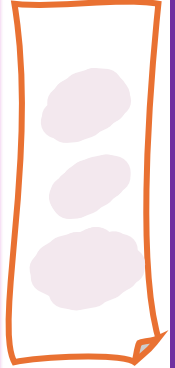
توضيح

صف التحويلات الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = |x|$  لتصبح  
الدالة المعطاة  $g(x) = |x + 4|$  ؟

مثال



موقعة



صف التحويلات الهندسية التي أجريت على الدالة  $f(x) = |x|$  لتصبح الدالة  
المعطاة  $g(x) = |x - 1| - 6$  ؟

تدرب



موقعة



قم

إلى

الصلاة

### حل معادلات القيمة المطلقة:

- حوّل الأعداد في الطرف الأيمن بعكس الإشارة.
- ضع  $\pm$  مع الطرف الأيمن ثم حل المعادلتان.
- في حالة وجود عدد سالب في الطرف الأيمن ( لا يوجد حل حقيقي)



### حل المعادلة:

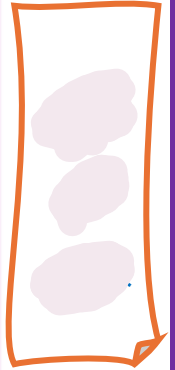
$$|x| + 7 = 4$$

مثال

$$|x| = 4 - 7$$

$$|x| = -3$$

لا يوجد حل



### حل المعادلة:

$$4|2x + 5| + 2 = 14$$

تدرب

$$\frac{4|2x+5|}{4} = \frac{12}{4} \Rightarrow |2x+5| = 3$$

$$2x + 5 = -3$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{-3-5}{2}$$

$$x = -4$$

$$2x + 5 = 3$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{3-5}{2}$$

$$x = -1$$



قم

إلى

الصلاة





حل متباينات القيمة المطلقة: 1. إذا كان  $|u| < a$ ، فإن  $u$  تنتمي إلى الفترة  $]-a, a[$ . نكتب:  
 $-a < u < a$  إذا وفقط إذا  $|u| < a$

2. إذا كان  $|u| > a$ ، فإن  $u$  تنتمي إلى الفترة  $]-\infty, -a[$  أو إلى الفترة  $]a, \infty[$ . نكتب:  
 $u < -a$  أو  $u > a$  إذا وفقط إذا  $|u| > a$



حل المتباينة:

$$3|x| + 1 \leq 4$$

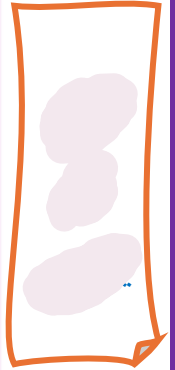


$$\frac{3|x|}{3} \leq \frac{3}{3}$$

$$|x| \leq 1$$

$$-1 \leq x \leq 1$$

$$[-1, 1] \text{ الى}$$



حل المتباينة:

$$|x| - 7 \geq -6$$



$$|x| \geq 1$$



$$x \leq -1$$

$$x \geq 1$$

$$[-1, -\infty[ \cup [1, \infty[$$



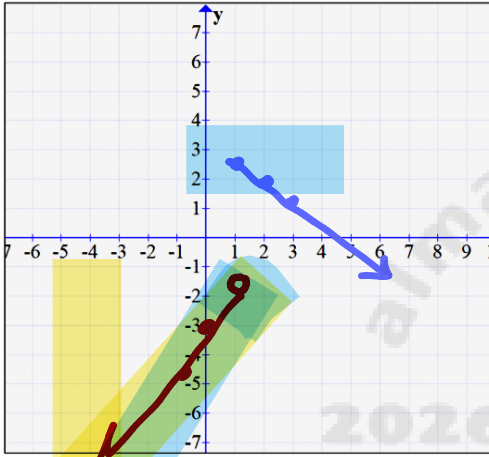
## الدالة متعددة التعريف:

دالة لها صيغًا متعددة تختلف باختلاف الفترة المعرفة عليها



مثال

مثل الدالة بيانياً:  $f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{2}x + 3, & x \geq 1 \\ \frac{5}{3}x - 3, & x < 1 \end{cases}$  ثم أوجد ما يلي:



x	1	2	3	x	-1	0	1
y	2.5	2	1.5	y	-1.5	-3	-1.3

المجال:  $]-\infty, \infty[$

المدى:  $]-\infty, 2.5[$

التزايد:  $]-\infty, 1[$

التناقص:  $]1, \infty[$

تدرب

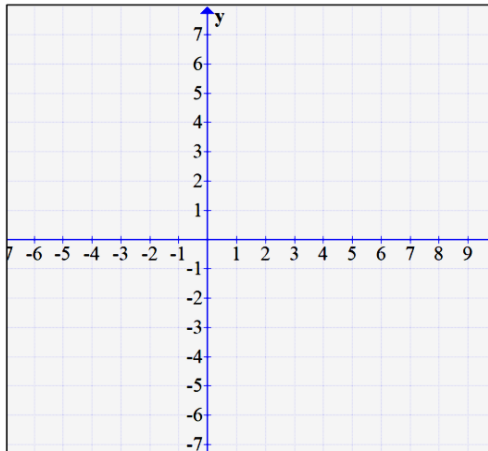
أعد كتابة الدالة  $f(x) = |6x + 18|$  في صورة دالة متعددة التعريف ثم مثلها بيانياً.



قم

إلى

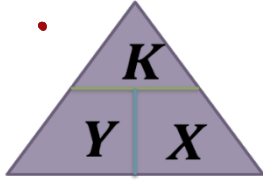
الصلاة





توضيح

## التناسب العكسي:



ثابت التناسب  $K$  (ضرب) معادلة التناسب  $y$  (قسمة)

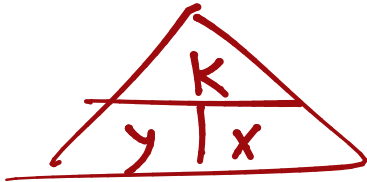
مثال

إذا كانت  $y$  تتناسب عكسيا مع  $x$  وكانت  $y = 4$  عندما  $x = 3$



ملاحظة

(a) ثابت التناسب  $k$



$$K = 4 \times 3 = 12$$

(b) معادلة التناسب العكسي التي تربط  $x$  بـ  $y$

$$y = \frac{12}{x}$$

(c) قيمة  $y$  عندما  $x = 10$

$$\frac{12}{10} = 1.2$$

تدرب

تملأ 3 حنفيات متشابهة خزان ماء في زمن قدره 24 ساعة , فإذا تم ملء الخزان نفسه في 18 ساعة , فكم حنفية تم استعمالها من النوع نفسه لملء الخزان ؟



ملاحظة

دائماً

عدد الحنفيات

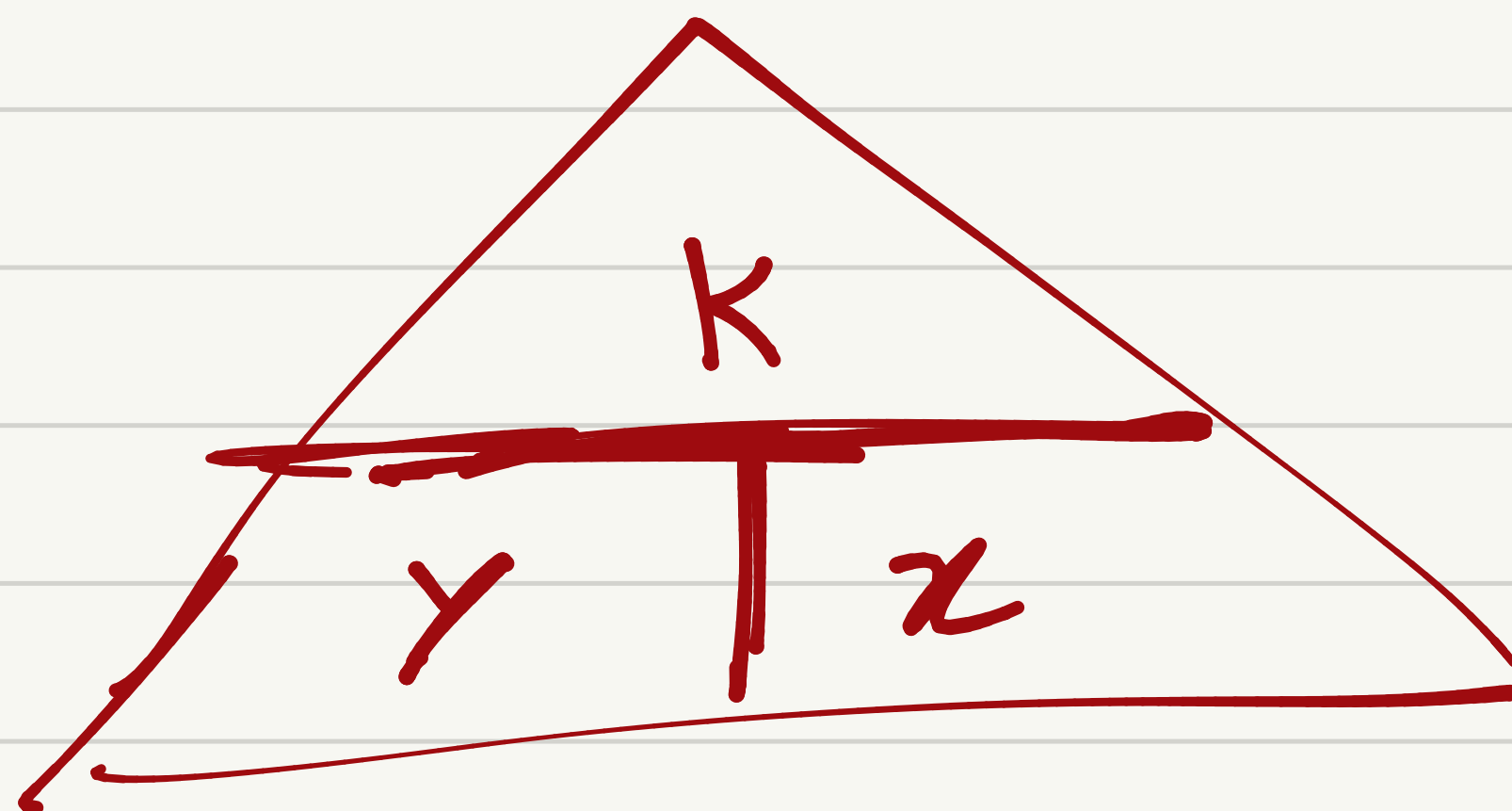
$x$	3	
$y$	24	18

الزمن

$$K = 3 \times 24 = 72$$

$$y = \frac{72}{x}$$

$$x = \frac{72}{18} = 4$$



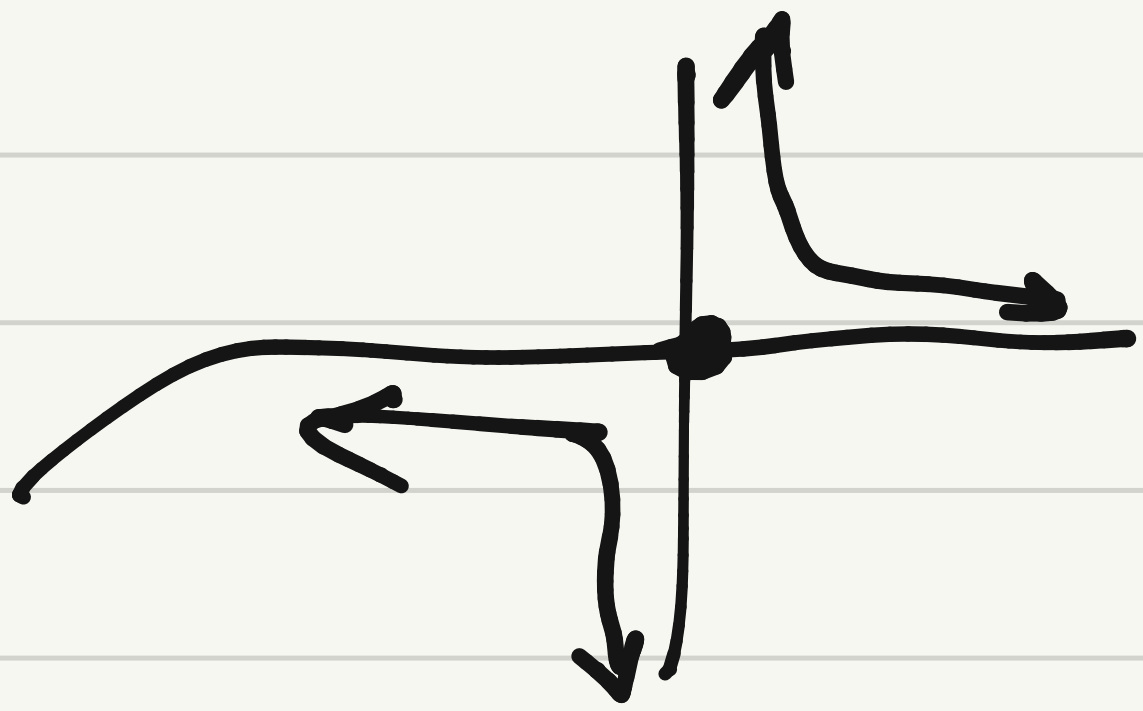
$\leftarrow$   
 100  $\longleftrightarrow$  1  $\rightarrow$   $K=100$   
 200  
 400

1  
 1-5



دالة المقلوب

$$y = \frac{1}{x+0} + 0 \quad (0, 0)$$



مجال  $\mathbb{R} - \{0\}$

مدى  $\mathbb{R} - \{0\}$

خط التقارب الرأس  $x = 0$

خط التقارب الأفقي  $y = 0$

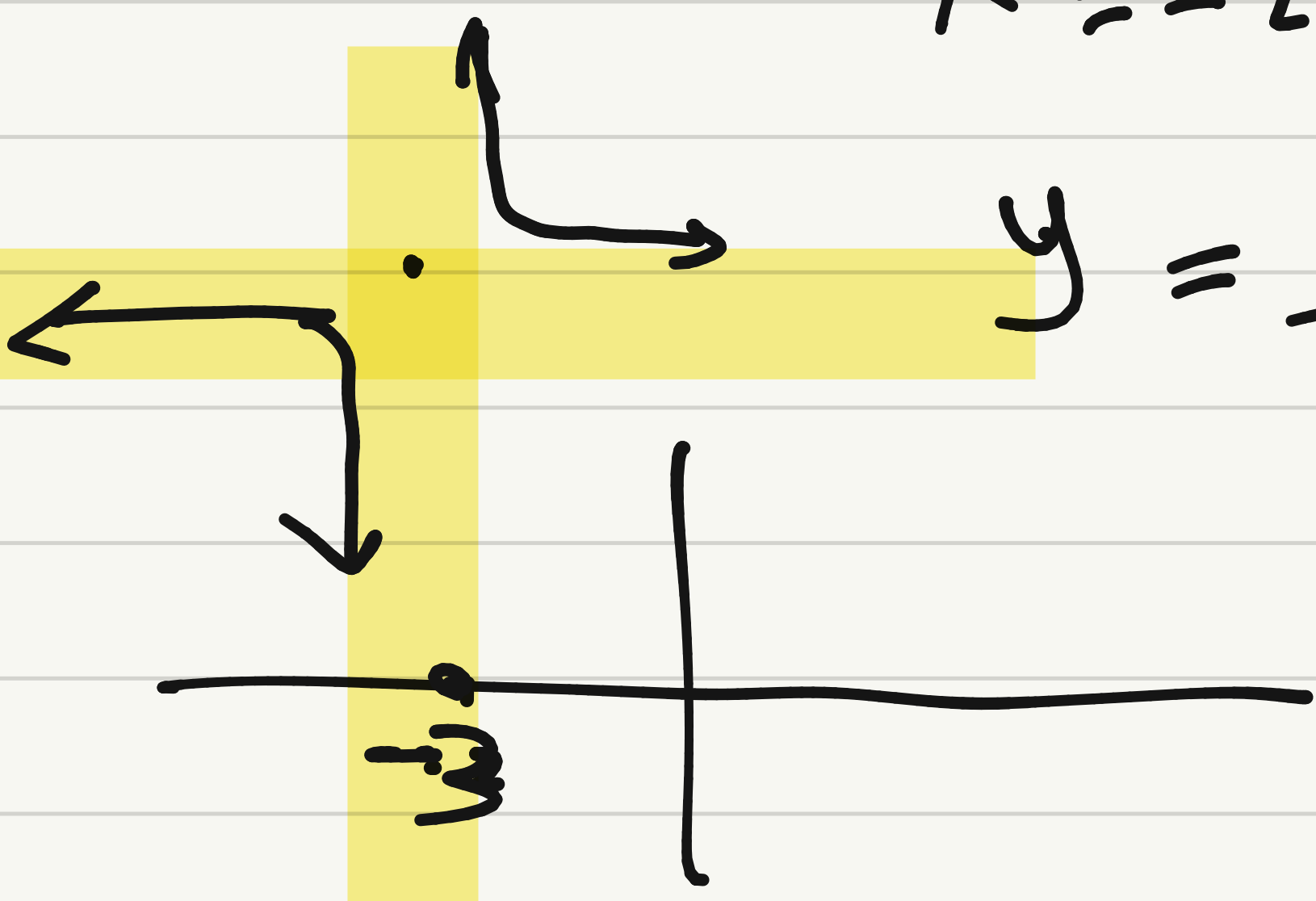
$$f(x) = \frac{1}{x+2} + 3 \quad (-2, 3)$$

مجال  $\mathbb{R} - \{-2\}$  أو  $]-\infty, -2[ \cup ]-2, \infty[$

المدى  $\mathbb{R} - \{3\}$

خط التقارب الرأس  $x = -2$

الافق  $y = 3$



## الدالة النسبية:

**المجال:** (أصفار المقام  $x \neq$ ) **المدى:** **الثابت  $y \neq$**

**خط التقارب الرأسى:** (أصفار المقام  $x =$ ) **خط التقارب الأفقى:** **الثابت  $y =$**



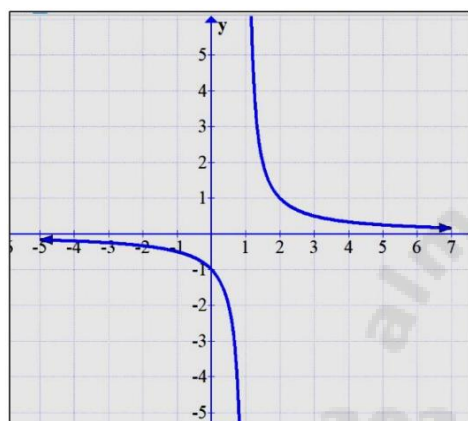
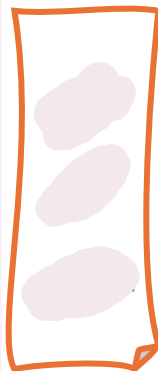
توضيح

مثال

الشكل التالي يمثل :  $f(x) = \frac{1}{x-1}$



مَوْجِزَات



(a) أوجد المجال  $R - \{1\}$

(b) أوجد المدى  $R - \{0\}$

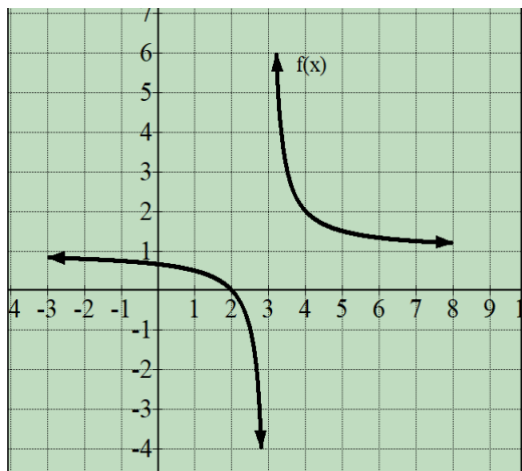
(c) أوجد خط التقارب الرأسى  $x = 1$

(d) أوجد خط التقارب الأفقى

$y = 0$  ، محور  $x$

الشكل التالي يمثل :  $f(x) = \frac{1}{x-3} + 1$

تدرب



1. أوجد المجال  $R - \{3\}$

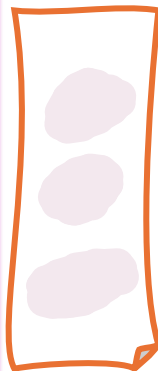
2. أوجد المدى  $R - \{1\}$

3. أوجد خط التقارب الرأسى  $x = 3$

4. أوجد خط التقارب الأفقى  $y = 1$



مَوْجِزَات



خطوط التقارب: خط التقارب الرأسي: (المقام = 0)

خط التقارب الأفقي:  $y=0$  (إذا كانت درجة البسط أصغر من درجة المقام)

المعامل الرئيس على المعامل الرئيس  $y=$  (إذا كانت درجة البسط = من درجة المقام)



توضيح

حدّد خطوط التقارب الرأسية أو الأفقية للتمثيل البياني للدالة  $y = \frac{x}{x^2 - x - 2}$

مثال

خط التقارب الأفقي



درجته البسط أقل  
من المقام

$$(x-2)(x+1)=0$$
$$x=2, x=-1 \text{ الرأسية}$$

حدّد خطوط التقارب الرأسية أو الأفقية للتمثيل البياني للدالة  $q(x) = \frac{x^3-1}{x^2}$

تدرب

$$\frac{ax^n}{bx^2}$$

الأفقي

$$y = \frac{a}{b}$$

$$y = \frac{1}{1} \rightarrow y = 1$$

$$x=0$$

الرأسي



$$y = \frac{x^2}{x}$$

لا يوم خطوط تقارب افق  
لانها درجه السيطه

الزهره

