

ملخص الوحدة الثانية الدوال



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج العمانية

موقع فايلاتي ⇨ المناهج العمانية ⇨ الصف الحادي عشر ⇨ رياضيات أساسية ⇨ الفصل الأول ⇨ ملفات متنوعة ⇨ الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2025-09-19 12:00:30

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات
أساسية:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الحادي عشر



صفحة المناهج
العمانية على
فيسبوك

المزيد من الملفات بحسب الصف الحادي عشر والمادة رياضيات أساسية في الفصل الأول

ملخص درس مقاييس النزعة المركزية للبيانات غير المجمعة (المتوسط الحسابي ، المنوال)	1
امتحان تجريبي نهائي بمدرسة فانة بنت حاتم الطائي	2
ملخص شرح درس مقاييس النزعة المركزية للبيانات غير المجمعة (الوسيط)	3
ملخص شرح درس مقاييس النزعة المركزية للبيانات المجمعة (الوسط الحسابي والمنوال)	4
تجميع قوانين المنهج	5

عنوان الدرس / (٢ - ١) تعريف الدالة الصف / الحادي عشر الأساسي

التعلم القبلي :

إذا علمت د(س) = ٣س - ٢ أوجد :

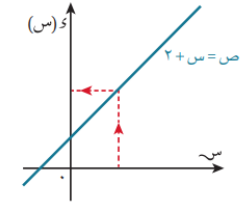
(أ) د(٢) :

(ب) د(٤) :

تعريف العلاقة: هي ارتباط يربط مجموعتين تسمى إحداهما مدخلة والأخرى مخرجة

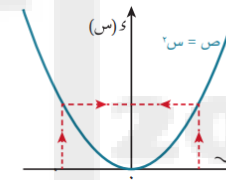
أنواع العلاقات

علاقة واحد لواحد



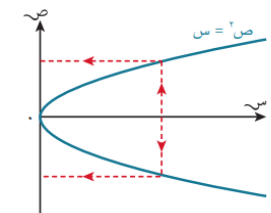
كل مخرجة مرتبطة بمدخلة واحدة فقط

علاقة متعدد إلى واحد



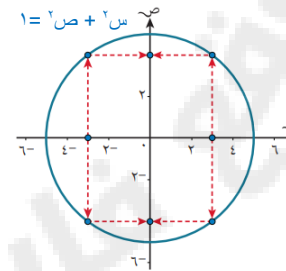
كل مخرجة لها أكثر من مدخلة

علاقة واحد إلى متعدد



كل مدخلة ترتبط بأكثر من مخرجة

علاقة متعدد إلى متعدد

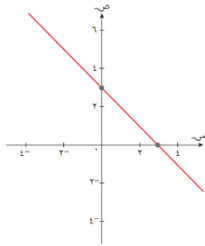
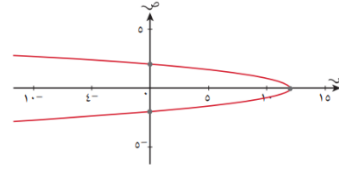
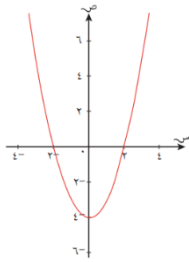


كل مدخلة ترتبط بأكثر من مخرجة والعكس صحيح

ملاحظة: يمكن تحديد نوع العلاقة باختبار الخط الأفقي والخط الرأسبي معا

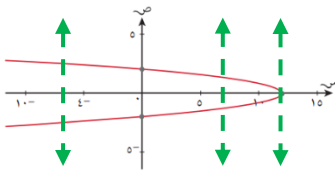
نشاط فردي:

في كل حالة من الحالات الآتية حدد نوع العلاقة التي تربط المجموعة س في المجموعة ص

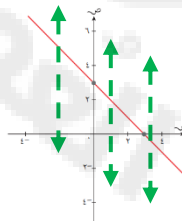


تعريف الدالة:

هي علاقة تربط (بشكل فردي) عناصر من مجموعة ما (المدخلات) في عناصر من مجموعة أخرى (المخرجات) ويمكن استخدام اختبار الخط الرأسبي ما إذا كانت العلاقة دالة أم لا فإذا قطعها في نقطة واحدة على الأكثر فهي دالة وإذا قطعها في أكثر من نقطة فهي ليست دالة .



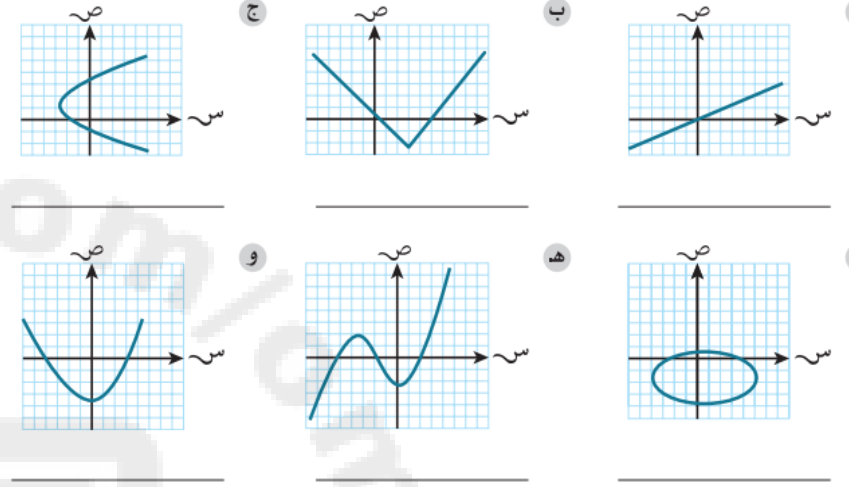
علاقة لا تمثل دالة



علاقة تمثل دالة

نشاط فردي :

في كل علاقة من العلاقات التالية حدد فيما إذا كانت تمثل دالة أم لا



ملاحظات هامة:

- كل الدوال تسمى علاقات ولكن بعض العلاقات ليست دوال
- قد تكون الدالة واحد إلى واحد أو متعدد إلى واحد ولكنها لا يمكن أن تكون واحد إلى متعدد أو متعدد إلى متعدد.
- الدالة الخطية تكون دائما واحد إلى واحد والدالة التربيعية تكون متعددة إلى واحد إذا كان مجالها ح.

اختبر فهمك :

ضع دائرة حول نوع الدالة $ص = س^2 + ٢$ ، حيث $س \in ح$

واحد إلى واحد واحد إلى متعدد متعدد إلى واحد متعدد إلى متعدد

التعبير عن الدالة :

إذا كانت د هي الدالة حيث س هي المدخلة ، ص هي الخرجة فإنه يتم كتابة الدالة بالصورة:

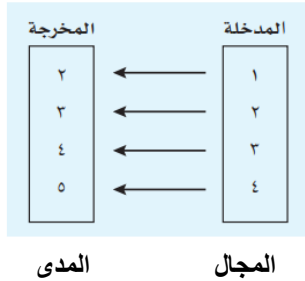
- د : س $\leftarrow$ ص وتقرأ الدالة د حيث يرتبط س في ص
- د (س) = ص وتقرأ (دالة س) أو (دال س)

مثلا : إذا كانت د دالة تربط س في $س + ٣$ فإنه يمكن التعبير عنها بالصورة:

$$د : س \leftarrow س + ٣ \quad \text{أو} \quad د(س) = س + ٣$$

مجال ومدى الدالة :

تسمى مجموعة قيم المدخلات في الدالة بـ **مجال** الدالة وتسمى مجموعة قيم المخرجات بـ **مدى** الدالة (مجموعة صور عناصر المجال)



مثلا: يمثل المخطط المجاور

بعض قيم المدخلات والمخرجات

للدالة د : س $\leftarrow$ س + ١

حيث : المجال = {١ ، ٢ ، ٣ ، ٤}

المدى = {٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥}

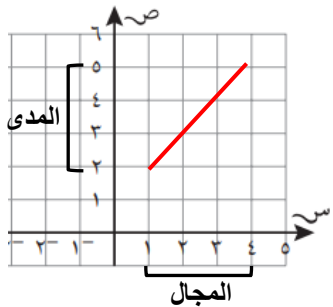
تحديد المجال والمدى لدالة من الرسم:

يمكن تحديد كلا من المجال والمدى للدالة

د : س $\leftarrow$ س + ١ حيث $١ \leq س \leq ٤$

كما هو موضح فالرسم المجاور فيكون:

المجال: $١ \leq س \leq ٤$ المدى: $٢ \leq د(س) \leq ٥$

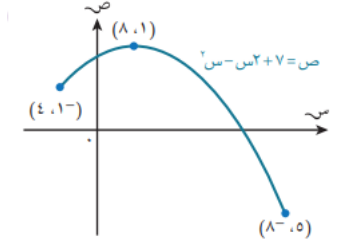


ملاحظة:

- لتحديد المجال لدالة من الرسم نحدد القيم المقابلة لمنحنى الدالة على المحور السيني.
- لتحديد المدى لدالة من الرسم نحدد القيم المقابلة لمنحنى الدالة على المحور الصادي.

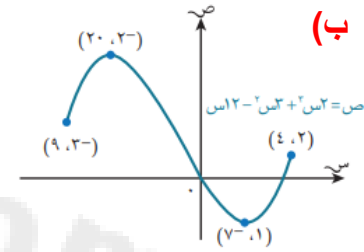
نشاط فردي :

حدد المجال والمدى لكل دالة من الدالتين الممثلتين بالمنحنيين الآتيين:



المجال:

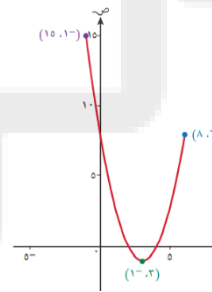
المدى:



المجال:

المدى:

نشاط ثنائي: ضع دائرة حول مدى الدالة الممثلة بالمنحنى المقابل:



$$1 - \leq d(s) \leq 6$$

$$3 \leq d(s) \leq 6$$

$$1 - \leq d(s) \leq 8$$

مثال: رقم (٣) + رقم (٤) كتاب الطالب صفحة (٥٥ + ٥٦)

نشاط جماعي: حدد المجال والمدى لكل دالة فيما يلي :

(أ) ص $y = 7 - x^2$ حيث $1 \leq x \leq 4$

(ب) ص $y = x^2 + 9x + 7$ حيث $x \geq 4$

نشاط فردي: ضع علامة (✓) صح في المكان المناسب لكل عبارة فيما يلي:

صح خطأ

العبارة

مدى الدالة $d(s) = x^2 - 7$ حيث $3 \leq x \leq 2$ هو $13 \leq d(s) \leq -3$

مدى الدالة $d(s) = x^3 - 7$ حيث $1 \leq x \leq 2$ هو $4 \leq d(s) \leq 7$

تقويم ختامي :

فيما يلي جزء من الواجب المنزلي الخاص بسيارة

أوجد مدى الدالة d : $s \leftarrow 2s^2$ ، حيث $1 \leq s \leq 4$

الحل : مدى الدالة هو $0 \leq s \leq 4$



وضح أن إجابة سارة خاطئة

Blank box for student response.

تفريد التعليم:

يعتمد إيجار سيارة الأجرة على رسم ثابت قيمته ٢,٠٠ ريال عماني

إضافة إلى ٠,٢٨ ريال لكل كيلومتر س تجتازه السيارة

(أ) اكتب دالة الكلفة ك لإيجار السيارة عندما تجتاز السيارة س كيلومترات.

(ب) أوجد:

مجال الدالة ك

مدى الدالة ك

الواجب المنزلي : رقم (٩) كتاب الطالب صفحة ٥٨

تقويم ختامي :

فيما يلي جزء من الواجب المنزلي الخاص بسيارة

أوجد مدى الدالة d : $s \leftarrow 2s^2$ ، حيث $1 \leq s \leq 4$

الحل : مدى الدالة هو $0 \leq s \leq 4$



وضح أن إجابة سارة خاطئة

Blank box for student response.

تفريد التعليم:

يعتمد إيجار سيارة الأجرة على رسم ثابت قيمته ٢,٠٠ ريال عماني

إضافة إلى ٠,٢٨ ريال لكل كيلومتر س تجتازه السيارة

(أ) اكتب دالة الكلفة ك لإيجار السيارة عندما تجتاز السيارة س كيلومترات.

(ب) أوجد:

مجال الدالة ك

مدى الدالة ك

الواجب المنزلي : رقم (٩) كتاب الطالب صفحة ٥٨

التعلم القبلي :

(١) إذا كانت $ع(س) = س^2 - س$ ، $د(س) = س + ٣$

أوجد : $د(٢) =$ $ع(٤) =$

$د(٠) =$ $ع(١ -) =$

(٢) فك الأقواس في كل مما يأتي :

$$٢(١ - س)$$

$$٢(س + ١)$$

$$٢س(س + ٣)$$

تعريف:

يمكن وصف معظم الدوال التي تواجهنا في صورة تركيب دالتين أو أكثر

فمثلا:

الدالة $س \leftarrow ٣ - س$ هي دالة (اضرب في ٣) ثم (اطرح ٧)

د : $س \leftarrow ٣ - س$ (الدالة اضرب في ٣)

هـ : $س \leftarrow ٧ - س$ (الدالة اطرح ٧)

وعليه يمكن وصف $س \leftarrow ٣ - س$ في صورة طبق د أولا ثم طبق هـ على النحو:

$$(هـ \circ د)(س) = هـ(د(س))$$

ملاحظات هامة: - تحقق هـ فقط إذا كان مدى د متضمنا في مجال هـ

- بصورة عامة $هـ \circ د(س) \neq د \circ هـ(س)$

-(د د) (س) تعني تطبيق الدالة د مرتين

مثال:

إذا علمت د: $س \leftarrow س^2 - ١$ حيث $س \in ح$

هـ: $س \leftarrow س^2 + ٣$ حيث $س \in ح$

أوجد :

$$(ب) (هـ \circ د) (٣)$$

$$(أ) (هـ \circ د) (س)$$

نشاط فردي:

إذا علمت د: $س \leftarrow ٢س + ٥$ ، حيث $س \in ح$

هـ: $س \leftarrow س^2$ ، حيث $س \in ح$

ضع دائرة حول قيمة (هـ د) (س)

$$٢س^2 + ٥ \quad ٤س^2 - ٢٠س + ٥$$

$$٢س^3 - ٥س^2 \quad ٥س^2 + ٢س + ٥$$

سجل ملاحظتك:

نشاط ثنائي:

إذا علمت د(س) = $س^2 + ٦$ ، حيث س $\in$ ح ،
هـ(س) = $\sqrt{س + ٣} - ٢$ ، حيث س $\in$ ح ، س ≤ ٣
أوجد:

(ج) د(٠) د(٣-)

(ب) هـ(٠) د(٤)

(أ) د(٠) هـ(٦)

ملاحظة: (هـ د هـ ع) (س) تعني نوجد ع(س) أولاً ثم نوجد د(ع(س))
ثم نوجد هـ(ع(د(س))) ويمكن إيجاد تركيب أكثر من ثلاثة دوال

نشاط جماعي: إذا علمت د(س) = $س - ٥$ ، حيث س $\in$ ح

هـ(س) = $\frac{٤}{س}$ ، حيث س $\in$ ح ، س $\neq ٠$ أو ٥

لكل عبارة ضع علامة (✓) في المكان المناسب مع التصويب

العبارة	صح	خطأ	التصويب
د(٥) د(٧) = ٢-	☐	☐	☐
هـ(٥) هـ(١) = $(\frac{١}{٢})$	☐	☐	☐
د(٥) د(٥) د(٦) = ٦	☐	☐	☐
د(٥) هـ(٥) هـ(٢) = $\frac{٤}{٣}$	☐	☐	☐

نشاط تعزيزي :

إذا علمت ع : س $\leftarrow$ س + ٥ ، حيث س $\in$ ح ، س < ٠

ل: س $\leftarrow$ $\sqrt{س}$ ، حيث س $\in$ ح ، س < ٠

وتم كتابة كل دالة من العمود الأول في صورة دالة مركبة

صل كل دالة من العمود الأول بما يناسبها من العمود الثاني

(ع ° ع) (س)

س $\leftarrow$ $\sqrt{س} + ٥$

(ل ° ل) (س)

س $\leftarrow$ $\sqrt{س + ٥}$

(ل ° ع) (س)

س $\leftarrow$ س + ١٠

(ع ° ل) (س)

مثال : إذا علمت هـ(س) = $س^2 - ٢$ ، س $\in$ ح

ل(س) = $س^2 + ٥$ ، س $\in$ ح

(ب) حل المعادلة (هـ ° ل) (س) = ١٤

(أ) أوجد (هـ ° ل) (س)

نشاط فردي: د (س) = أ س + ب ، س ÷ ح ،

إذا علمت د(٥) = ٣ ، د(٣) = -٣

(أ) أوجد قيمة أ ، ب

(ب) حل المعادلة (د ÷ د) (س) = ٤

تقويم ختامي:

د : س ← س^٢ حيث س ÷ ح ، هـ : س ← س^٣ - ٢ حيث س ÷ ح

ضع دائرة حول قيم أ بحيث (د ÷ هـ) (أ) = ١٠٠

$\frac{١}{٣}$ ، ٤ - $\frac{١}{٣}$ ، ٤ - $\frac{١}{٣}$ ، ٤ - $\frac{١}{٣}$ ، ٤ -

سجل ملاحظتك:

تفريد التعليم:

تمثل الدالة المعطاة دالة الكلفة ك(ن) لإنتاج ن سلعة ك(ن) = ٢ + ٢ ن
لكل س ريال عماني تم صرفه ، يتم احتساب الربح باستخدام
الدالة ر(س) = ٠,٢ س ، أجد (ر ÷ ك) (ن)

نشاط ثنائي: فيما يلي جزء من الواجب الخاص بحسن

د(س) = س^٢ - ٣ س ، س ÷ ح ، هـ(س) = س^٢ + ٥ س ، س ÷ ح



أوجد قيم ك ليكون للمعادلة (هـ ÷ د) (س) = ك حلول حقيقية

الإجابة : ك ≤ $\frac{١}{٤}$ ، وضّح أن إجابته خاطئة

الواجب المنزلي:

رقم (٥) كتاب النشاط صفحة ٥١ + رقم (٨) كتاب النشاط صفحة ٥٢

التعلم القبلي :

(١) حدد مجال ومدى كل من الدوال الآتية:

(أ) د(س) = (س + ٢) + ٧ حيث $\exists$ ح ، $س \leq ٢$

(ب) د(س) = (س - ٢) - ١ حيث $\exists$ ح ، $س \leq ٢$

(٢) أعد ترتيب الصيغ التالية ليكون المجهول هو س

(ب) $ص = س + ٣$

(أ) $ص = ٥ - س$

(د) $ص = (س - ٢) + ٣$

(ج) $ص = \frac{١}{س} ، س \neq ٠$

تذكر أن :

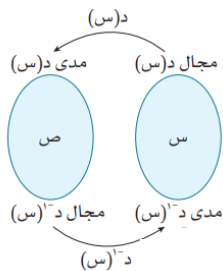
العمليات المعكوسة هي العمليات التي تلغي بعضها بعض عند تطبيقها على عدد

تعريف:

إذا كانت الدالة د(س) واحد لواحد وثمة دالة أخرى تعكس ما تقوم به الدالة د(س) فإن هذه الدالة تسمى الدالة العكسية للدالة د(س) وتكتب على الصورة د^{-١}(س)

مثلا : إذا كان د : ٢ ← ١٣ فإن د^{-١} : ١٣ ← ٢

نتائج هامة :

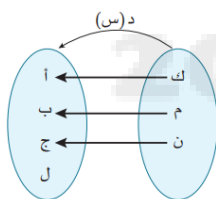


○ يكون للدالة د(س) دالة عكسية وهي د^{-١}(س) إذا تحقق:

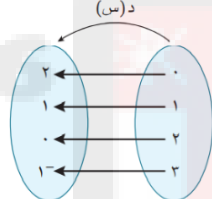
- مدى الدالة د(س) هو مجال الدالة د^{-١}(س)

- مجال الدالة د(س) هو مدى الدالة د^{-١}(س)

○ تذكر أنه ليست لكل الدوال دوال عكسية



لا توجد دالة عكسية للدالة د(س)



توجد دالة عكسية للدالة د(س)

○ جميع الدوال الخطية هي دالة واحد إلى واحد ويكون لها دالة عكسية .

○ إذا كانت الدالة د والدالة العكسية لها د^{-١} متساويتين (د = د^{-١}) فتسمى الدالة د بالدالة العكسية لنفسها فمثلا د(س) = $\frac{١}{س}$ ، $س \neq ٠$ هي دالة عكسية لنفسها.

○ إذا كان د(د^{-١}(س)) = س و د^{-١}(د(س)) = س فإن كلا منهما دالة عكسية للأخرى.

نشاط جماعي: أوجد د⁻¹(س) لكل دالة من الدوال الآتية :

(ب) د(س) = ٨ - ٥س حيث س ≥ ٠

(أ) د(س) = ٣ + ٢س حيث س ≥ ٠

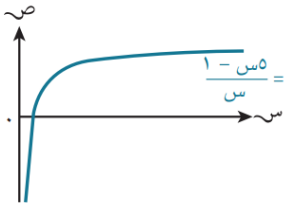
نشاط فردي:

ضع دائرة حول الدالة العكسية للدالة د: س ← $\frac{٤+س}{٥}$ ، س ≥ ٠

د⁻¹: س ← $\frac{٤+س}{٥}$ د⁻¹: س ← $\frac{٤-س}{٥}$

د⁻¹: س ← ٥س + ٤ د⁻¹: س ← ٥س - ٤

نشاط ثنائي :



يبين الشكل المجاور منحنى الدالة ص = د⁻¹(س) $\frac{١-٥س}{٥}$ ص
لكل س ≥ ٠ ، ٣ ≥ س ، أوجد د(س)

مثال :

إذا كانت د: س ← (١+س)^٢ - ٤ حيث س ≥ ٠ ، س ≤ ٠

(أ) أوجد د⁻¹(س) (ب) حدد مجال د⁻¹(س)

نشاط فردي : إذا كان ص = (١+س)^٢ حيث س ≥ ٠ ، س < ٠

(أ) أوجد قيمة العدد ك التي تحقق أكبر مجال وتجعل د⁻¹(س) موجودة

(ب) أوجد د⁻¹(س) ، ثم حدد مجالها

مثال: بين إذا كانت الدالة د(س) = $\frac{1}{3-s}$ حيث س $\in$ ح ، س $\neq 3$ دالة عكسية لنفسها.

تقويم ختامي: ضع علامة (✓) فالمكان المناسب لكل عبارة

الدالة د : س $\leftarrow$ س-٥ ، س $\in$ ح ليست دالة عكسية لنفسها ☐ خطأ ☐ صح

الدالة د : س $\leftarrow$ $\frac{6}{5-s}$ ، س $\in$ ح ، س $\neq ٥$ دالة عكسية لنفسها ☐ خطأ ☐ صح

تفريد التعليم:

تتمثل الكلفة ك (بمئات الريالات العمانية) لإنتاج سلعة س بالدالة ك (س) = $١ + ٢٠$ س تلك الدالة العكسية عن عدد السلع التي يمكن إنتاجها لكمية محدودة من الأموال ، أوجد هذه الدالة.

الواجب المنزلي: رقم (١/أ ، هـ ، و ، ح) كتاب النشاط صفحة ٥٤

مثال: بين إذا كانت الدالة د(س) = $\frac{1}{3-s}$ حيث س $\in$ ح ، س $\neq 3$ دالة عكسية لنفسها.

تقويم ختامي: ضع علامة (✓) فالمكان المناسب لكل عبارة

الدالة د : س $\leftarrow$ س-٥ ، س $\in$ ح ليست دالة عكسية لنفسها ☐ خطأ ☐ صح

الدالة د : س $\leftarrow$ $\frac{6}{5-s}$ ، س $\in$ ح ، س $\neq ٥$ دالة عكسية لنفسها ☐ خطأ ☐ صح

تفريد التعليم:

تتمثل الكلفة ك (بمئات الريالات العمانية) لإنتاج سلعة س بالدالة ك (س) = $١ + ٢٠$ س تلك الدالة العكسية عن عدد السلع التي يمكن إنتاجها لكمية محدودة من الأموال ، أوجد هذه الدالة.

الواجب المنزلي: رقم (١/أ ، هـ ، و ، ح) كتاب النشاط صفحة ٥٤

التعلم القبلي :

إذا كانت د(س) = ٢ + س حيث س ≥ ١ ، -٤ ≤ س ≤ ٢ ، أوجد د^{-١}(س) ثم حدد مجالها ومداها

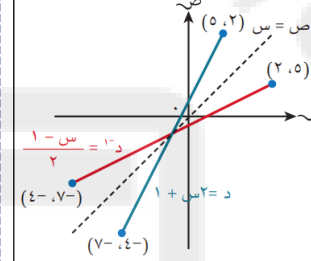


يبين الشكل المجاور التمثيل البياني للدالتين د ، د^{-١} على المستوى الإحداثي نفسه .

نتيجة:

منحنى الدالتين د ، د^{-١} أحدهما انعكاس للآخر حول المستقيم ص = س بحيث:

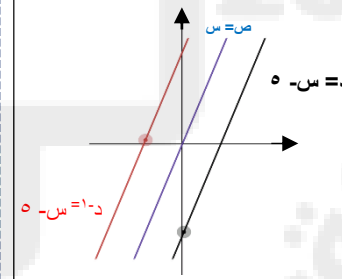
$$د \circ د^{-1} = د^{-1} \circ د = (س) = س$$



يبين الشكل المجاور التمثيل البياني للدالتين د ، د^{-١} على المستوى الإحداثي نفسه حيث د عكسية لنفسها .

نتيجة:

عندما تكون الدالة د عكسية لنفسها يكون منحنى د متماثلاً حول المستقيم ص = س

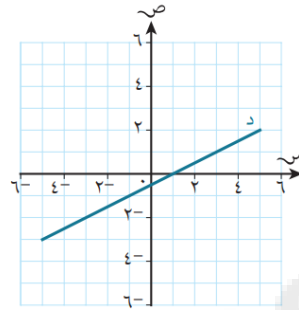
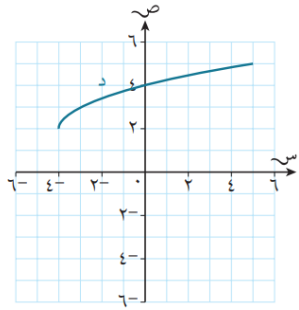


مثال : رقم (١٢) كتاب الطالب صفحة ٧٩

رقم (١٣) كتاب الطالب صفحة ٨١

نشاط فردي:

في كل حالة من الحالات التالية ارسم منحنى د^{-١}(س) على المستوى الإحداثي إن وجدت:

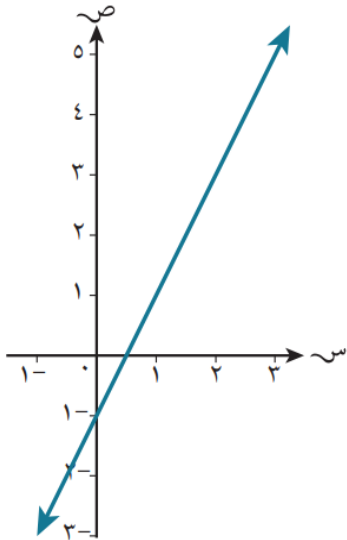


نشاط جماعي: إذا كانت د : س → ٢ - س حيث س ≥ ١ ، -٣ ≤ س ≤ ١ ، أوجد د^{-١}(س)

ب) حدد مدى د(س) ، أي مجال د^{-١}(س)

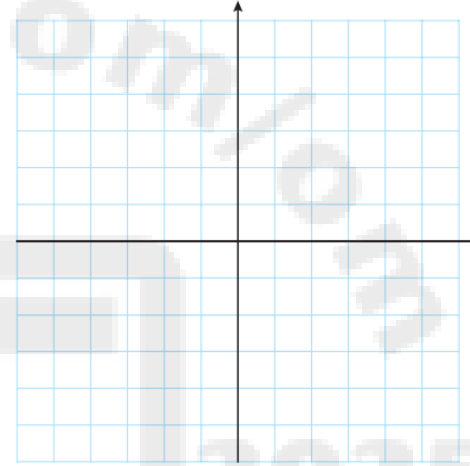
ج) أوجد مدى د^{-١}(س)

د) ارسم منحنى ص = د^{-١}(س) في المستوى الإحداثي المقابل .



تقويم ختامي :

إذا كانت هـ (س) = $س^2 - ٤$ حيث $س \geq ٠$ ، $٣ \geq س$ ،
ارسم التمثيل البياني للمنحنى ص = هـ (س) والمنحنى ص = هـ^{-١} (س)
في المستوى الإحداثي نفسه وحدد نقطة التقاطع لهما.



تفريد التعليم :

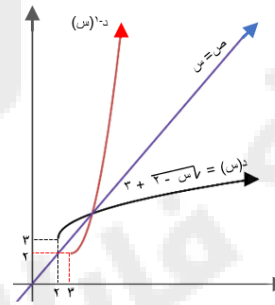
يمثل الشكل المجاور منحنى د(س) = $\sqrt{س - ٢} + ٣$ حيث $س \geq ٠$ ، $٣ < س$ ومنحنى د^{-١}(س)

(أ) أوجد المنحنى د^{-١}(س)

(ب) ضع دائرة حول مدى د^{-١}(س)

$$٢ < د^{-١}(س) < ٣$$

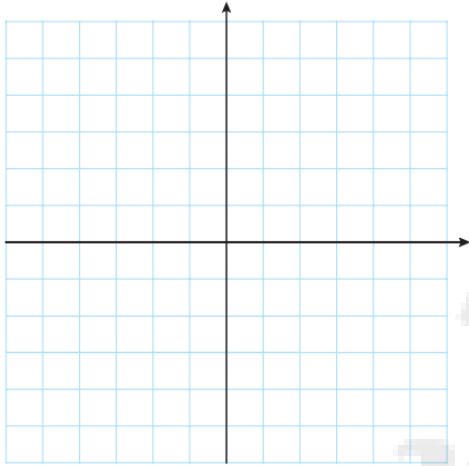
$$٢ > د^{-١}(س) > ٣$$



الواجب المنزلي: رقم (١) كتاب النشاط صفحة ٥٨

تقويم ختامي :

إذا كانت هـ (س) = $س^2 - ٤$ حيث $س \geq ٠$ ، $٣ \geq س$ ،
ارسم التمثيل البياني للمنحنى ص = هـ (س) والمنحنى ص = هـ^{-١} (س)
في المستوى الإحداثي نفسه وحدد نقطة التقاطع لهما.



تفريد التعليم :

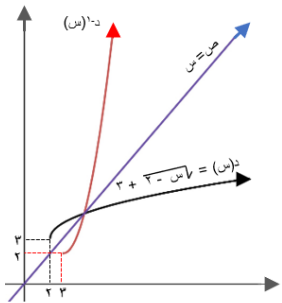
يمثل الشكل المجاور منحنى د(س) = $\sqrt{س - ٢} + ٣$ حيث $س \geq ٠$ ، $٣ < س$ ومنحنى د^{-١}(س)

(أ) أوجد المنحنى د^{-١}(س)

(ب) ضع دائرة حول مدى د^{-١}(س)

$$٢ < د^{-١}(س) < ٣$$

$$٢ > د^{-١}(س) > ٣$$



الواجب المنزلي: رقم (١) كتاب النشاط صفحة ٥٨