

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية

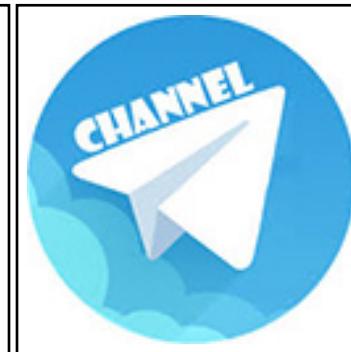


حسام بيومي

الملف اختبارات النماذج الامتحانية

[موقع المناهج](#) \leftrightarrow [ملفات الكويت التعليمية](#) \leftrightarrow [الصف الثاني عشر العلمي](#) \leftrightarrow [رياضيات](#) \leftrightarrow [الفصل الأول](#)

روابط موقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العلمي



روابط مواد الصف الثاني عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

[نموذج اختبار أول ثانوية الرشيد بنين](#)

1

[تمارين الاتصال\(موضوع\) في مادة الرياضيات](#)

2

[لوراق عمل الاختبار القصير في مادة الرياضيات](#)

3

[حل كتاب التمارين في مادة الرياضيات](#)

4

[مراجعة منتصف لمادة الرياضيات](#)

5



اختبارات الفصل الدراسي الأول

٢٠٢٥ - ٢٠٢٤

رياضيات

الصف الثاني عشر علمي

اعداد
الاستاذ: حسام بيومي



@HOSSAMBAYOUMI199

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

(a) أوجد

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-2}{\sqrt{x^2+2x-4}}$$

الحل:

(b) ادرس اتصال الدالة f على $[1,3]$ حيث

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 6 & : x = 3 \end{cases}$$

الحل:

السؤال الثاني:

(a) بين أن الدالة $f : x \mapsto x^3 - 3x + 2$ تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على الفترة $[0,4]$ ، ثم أوجد c الذي تنبئ به النظرية وفسر إجابتك.

الحل:



@HOSSAMBAYOUMI199

تابع السؤال الثاني:

(b) يعتقد مدير شركة دراسات إحصائية أن متوسط الإنفاق الشهري على الطعام في منازل مدينة معينة يساوي 290 ديناراً كويتياً.

إذا أخذت عينة عشوائية من 10 منازل تبين أن متوسطها الحسابي (ديناراً) $\bar{x} = 283$ ،
وانحرافها المعياري (ديناراً) $s = 32$. فهل يمكن الاعتماد على هذه العينة لتأكيد ما افترضه؟
استخدم مستوى الثقة 95% (علمًا بأن المجتمع يتبع توزيعاً طبيعياً)

الحل:

السؤال الثالث:(a) أوجد معادلة المماس والناظم عند النقطة (1,0) لمنحنى الدالة f حيث

$$f(x) = \frac{x-1}{x+2}$$

الحل:



$$f(x) = -2x^3 + 4, \quad g(x) = x^{13} \quad (b) \text{ لتكن:}$$

(gof)'(0) باستخدام قاعدة السلسلة :

الحل:



السؤال الرابع:
(a) أوجد:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$$

الحل:

$$(b) \text{ لتكن الدالة } f : f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$$

أوجد كلاً مما يلي :

- (a) النقاط الحرجة للدالة.
- (b) الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها.
- (c) القيم القصوى المحلية .

الحل:



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (b) إذا كانت العبارة صحيحة (a) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^3 + 8x^2}{3x^4 - 16x^2} = 0$ (1)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	ميل مماس منحنى الدالة $f : f(x) = x^2$ عند $x = -2$ هو 4 (2)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	إذا كانت $f' : f'(x) = 3x - 12$ فإن $f(x) = 3x^2 - 12x$ (3)

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{2x^2 - 5x + 2} \quad (4)$$

 a 1 b 0 c $\frac{1}{2}$ d $\frac{1}{3}$

$$\text{لتكن الدالة } f : f(g)(0) = \sqrt{x^2 + 7} : g(x) = x^2 - 3 : g(x) = \sqrt{x^2 - 3} \quad (5)$$

 a 4 b -4 c 1 d -1

$$\text{عدد النقاط الحرجة للدالة : } y = 3x^3 - 9x - 4 \text{ على الفترة } (0, 2) \quad (6)$$

 a 3 b 2 c 1 d 0

$$\text{للدالة } f : f(x) = \sqrt[3]{x - 1} \text{ مماس رأسى معادلته } \quad (7)$$

 a $x = 0$ b $x = 1$ c $y = 0$ d $y = 1$



الدالة : $f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}}$ متصلة على : ⑧

a $(-\infty, \frac{1}{2}]$

b $(5, \infty)$

c R

d $(-5, 5)$

إذا كانت : $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$ فإن y' تساوي : ⑨

a $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

b $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

c $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

d $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

مستطيل مساحته $36cm^2$ فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط ⑩

a $6 cm, 6 cm$

b $12 cm, 3 cm$

c $9 cm, 4 cm$

d $18 cm, 2 cm$

انتهت الأسئلة

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x - 3} - 1}{x - 2}$$

(a) أوجد

الحل:



تابع السؤال الأول:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x & : x \geq 1 \\ 5x - 1 & : x < 1 \end{cases} \quad : f \text{ لتكن (b)}$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 1$

الحل:

السؤال الثاني:

(a) تعطى الدالة $V(h) = 2\pi(-h^3 + 36h)$ حجم أسطوانة بدلالة ارتفاعها h .

(a) أوجد الارتفاع $h(cm)$ للحصول على أكبر حجم لأسطوانة.

(b) ما قيمة هذا الحجم؟

الحل:



(b) أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهن فإذا كان حجم عينة الإناث 25 والانحراف المعياري

لمجتمع الإناث $\sigma = 3.6$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 18.4$ باستخدام مستوى ثقة 95%.

1- أوجد هامش الخطأ.

2- أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي لها.

3- فسر فترة الثقة.

الحل:

السؤال الثالث:(a) أوجد ميل المماس للمنحنى الذي معادلته: $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$ عند (1, 1)

الحل:

تابع السؤال الثالث:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x & : x \leq 2 \\ 3x - 2 & : x > 2 \end{cases}$$

ابحث قابلية الدالة f للاشتغال عند $x = 2$

الحل:

السؤال الرابع:

أوجد: (a)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x \tan x - 2x \cos x}{3x}$$

الحل:

(b) ادرس تغير الدالة $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$ وارسم بيانها

الحل:



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{ 2x-3 } = \frac{1}{2}$ (1)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$f'(1) = \frac{1}{4}$ فإن $f(x) = \sqrt{x+3}$ (2)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & x \geq 1 \\ 4x - 1 & x < 1 \end{cases}$ فإن مجال f' هو R : الدالة (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{x-4} = (4)$$

- (a) 0 (b) $-\frac{1}{4}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) غير موجودة

(5) إذا كانت الدالة : $f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ ، متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي

- (a) 4 (b) 9 (c) 16 (d) 25

(6) عدد النقاط الحرجة للدالة : $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة $(0, 2)$ هو:

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0

(7) ميل الناظم لمنحنى الدالة: $y = x^3 - 3x + 1$ عند النقطة $(2, 3)$ تساوي :

- (a) 9 (b) 3 (c) $-\frac{1}{3}$ (d) $-\frac{1}{9}$





$x = 0$ متصلة عند $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x+4}-2}{x} & x \neq 0 \\ a & x = 0 \end{cases}$: الدالة f (8)

فإن a تساوي

(a) 4

(b) $-\frac{1}{4}$

(c) -4

(d) $\frac{1}{4}$

إن الدالة $f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$: f ليس قابلة للاشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو (9)

(a) ناب

(b) ركن

(c) مماس عمودي

(d) انفصال

أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف (10)

(a) $f(x) = x^3 - 5x$

(b) $f(x) = 4x^2 - 2x^4$

(c) $f(x) = x^3$

(d) $f(x) = (x - 2)^4$

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

$$y = u^2 + 4u - 3 , \quad u = 2x^2 + x \quad (a) \quad \text{لتكن:}$$

أوجد $\frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل

الحل:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 3}{\sqrt{4x^2 + 5x + 6}}$$

الحل:



السؤال الثاني:

(a) أوجد فترة ثقة 95% للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ ، علماً بأن العينة أخذت من مجتمع طبيعي.

$$\bar{x} = 8.4 \quad , \quad s = 0.3 \quad , \quad n = 13 \quad \text{إذا كان لدينا}$$

الحل:



تابع السؤال الثاني:

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10} \quad : \text{(b)}$$

أوجد D_f (مجال الدالة f) ثم ادرس اتصال الدالة f على $[6, 10]$

الحل:

السؤال الثالث:(a) أوجد معادلة المماس والعمودي عند النقطة $(1, \frac{\pi}{4})$ لمنحنى الدالة f حيث

$$f(x) = \tan x$$

الحل:

تابع السؤال الثالث:

$$f(x) = \begin{cases} x + 5 & : x \leq 3 \\ x^2 - 1 & : x > 3 \end{cases}$$

أوجد إن أمكن $f'(3)$

الحل:

السؤال الرابع:

(a) إذا كانت $yy'' + (y')^2 = 0$ فثبت أن $y = \sqrt{1 - 2x}$

الحل:



تابع السؤال الرابع:

(b) ادرس تغير الدالة $f(x) = 1 - x^3$ وارسم بيانها

الحل:



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - x + 2) = 3$ (1)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$x = 3$ متصلة عند $f(x) = \frac{\sqrt[3]{3x-1}}{x^2}$ الدالة (2)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	أصغر محيط لمستطيل مساحته 16 cm^2 هو 16 cm (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{\sin x} \text{ يساوي } (4)$$

 a 0 b ∞ c -2 d 2

$$\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7 \text{ وكان } x = -2 \text{ وفقط } (5)$$

فإن : $f(-2)$ تساوي a 3 b 5 c 9 d 11

$$\text{عدد النقاط الحرجة للدالة : } y = 3x^3 - 9x - 4 \text{ على الفترة } (0, 2) \text{ هو: } (6)$$

 a 3 b 2 c 1 d 0

$$\text{متصلة على : } f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}} \text{ الدالة } (7)$$

 a $(-\infty, \frac{1}{2})$ b $(5, \infty)$ c R d $(-5, 5)$ 



إذا كانت : $f''(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$ فإن $f(x)$ تساوي :

(a) $\frac{8}{27}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(b) $8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(c) $-8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(d) $-64(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

إذا كانت : $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$ فإن y' تساوي

(a) $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(b) $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(c) $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(d) $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف

(a) $f(x) = x^3 - 5x$

(b) $f(x) = 4x^2 - 2x^4$

(c) $f(x) = x^3$

(d) $f(x) = (x - 2)^4$

انتهت الأسئلة



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

(a) أوجد:

الحل:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{\cos x - 1}$$

تابع السؤال الأول:

(b) أوجد:

الحل:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x - 2)^3 - 8}{x}$$

السؤال الثاني:

$$x = 0 \quad f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x}{|x|} & : x \neq 0 \\ -3 & : x = 0 \end{cases}$$

(a) ابحث اتصال الدالة f

الحل:

تابع السؤال الثاني:

(b) لتكن الدالة $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & : x \leq 1 \\ 2x + 1 & : x > 1 \end{cases}$ دالة متصلة على مجالها.

أوجد $(f'(x))'$ إن أمكن

الحل:

السؤال الثالث:

(a) أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المتصلة $f : [0, 3] \rightarrow \mathbb{R}$ في الفترة $[0, 3]$.

الحل:

تابع السؤال الثالث:

(b) يثبتت الدراسة أن المتوسط الحسابي لقوة تحمل أسلاك معدنية هو $1800 \text{ kg} = \mu$ مع انحراف معياري $\sigma = 150 \text{ kg}$. ويؤكد الأحصائيون في المصنع المنتج لهذه الأسلاك أن بإمكانهم زيادة قوة تحمل هذه الأسلاك وتأكيداً على ذلك تم اختبار عينة من 40 سلكاً. فتبين أن متوسط قوة تحمل هذه الأسلاك يساوي 1840 kg هل يمكن قبول مثل هذا الفرض بمستوى معنوية $\alpha = 0.05$ ؟

الحل:

**السؤال الرابع:**

(a) للمنحنى الذي معادلته $x = y + \sqrt{2y}$ ثُم أوجد ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة (3 , 1)

الحل:



تابع السؤال الرابع:

(b) لتكن f : $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$

(a) أوجد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة f

(b) أوجد فترات التغير ونقطة الانعطاف لمنحنى الدالة f

الحل:



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2} - x}{x} = -2$ (1)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	الدالة $f(x) = x x $ غير قابلة للاشتاقاق $\forall x \in R$ (2)
<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	الدالة $f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$ ليست قابلة للاشتاقاق عند $x = 0$ لوجود ركن (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

يساوي $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{x+3}$ (4)

- (a) ∞ (b) $-\infty$ (c) 1 (d) 0

إذا كانت الدالة : (5) $f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ ، متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي

- (a) 4 (b) 9 (c) 16 (d) 25

إن الدالة : (6) $f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$ ليست قابلة للاشتاقاق عند $x = 0$ والسبب هو

- (a) ناب (b) ركن (c) مماس عمودي (d) غير متصلة

ميل الخط العمودي على المماس (الناظم) عند النقطة $A(3, 2)$ على المنحني (7) $x^2 - y^2 - 2xy = -7$ هو

- (a) -5 (b) $-\frac{1}{5}$ (c) $\frac{1}{5}$ (d) 5



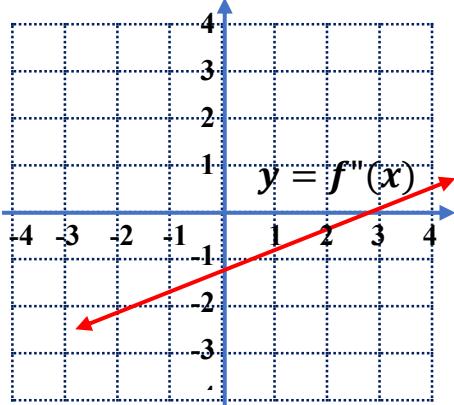
إذا كان $f(x) = x^2$ فإن الدالة (8)

- | | | | |
|-------------------------|----------------------------------|-------------------------|---------------------------------------|
| <input type="radio"/> a | متناقصة على مجال تعريفها | <input type="radio"/> b | متزايدة على مجال تعريفها |
| <input type="radio"/> c | متناقصة على الفترة $(0, \infty)$ | <input type="radio"/> d | متزايدة على الفترة $(-\infty, 0)$ فقط |
-

إذا كان $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^2 + bx + 3}{2x + 5} = 3$ فإن قيم a ، b تساوي (9)

- | | | | |
|-------------------------|-----------------|-------------------------|------------------|
| <input type="radio"/> a | $a = 0 , b = 6$ | <input type="radio"/> b | $a = 0 , b = -6$ |
| <input type="radio"/> c | $a = 6 , b = 0$ | <input type="radio"/> d | $a = -6 , b = 0$ |
-

إذا كانت f كثيرة حدود من الدرجة الثالثة والشكل المقابل يوضح بيان "f" فإن منحنى الدالة f م-curved للأسفل في الفترة (10)

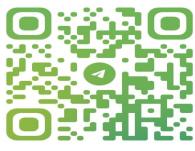


- | | | | |
|-------------------------|-----------------|-------------------------|----------------|
| <input type="radio"/> a | $(-1 , 4]$ | <input type="radio"/> b | $(3 , \infty)$ |
| <input type="radio"/> c | $(-\infty , 3)$ | <input type="radio"/> d | $(3 , 5)$ |
-

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d



حل اختبارات الفصل الدراسي الأول

٢٠٢٥ - ٢٠٢٤

رياضيات

الصف الثاني عشر علمي

اعداد
الاستاذ: حسام بيومي

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

(a) أوجد

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-2}{\sqrt{x^2+2x-4}}$$

الحل:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{\sqrt{x^2(1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}}$$

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

$$\text{لذلك } x \rightarrow \infty \Rightarrow |x| = x$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{|x|\sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{x\sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}} \quad , \quad x \neq 0$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - \frac{2}{x}}{\sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(1 - \frac{2}{x})}{\sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}}$$

شرح المقدمة
أو > تطبيقاته، ملخص

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} 1 + \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2}{x} - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4}{x^2}$$

$$= 1 + 0 - 0 = 1 > 0$$

شوط المقدمة

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}$$

$$= \sqrt{\lim_{x \rightarrow \infty} (1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}$$

$$= \sqrt{1} = 1 > 0$$

$$= \frac{1 - 0}{1} = \boxed{1}$$



الصف الثاني عشر علمي

العام الدراسي

2024/2025

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 6 & : x = 3 \end{cases}$$

الحل:

$$\frac{x^2 - 3}{x^2 + 1}$$

أولاً ندرس الصيغة المكافحة $\frac{1}{x^2 + 1}$

R $\frac{1}{x^2 + 1}$ مكينة محدودة سعياً عن الدالة $\frac{1}{x^2}$ مكينة محدودة سعياً عن $\frac{1}{x}$

نحو من ارتجال الماء على
أحد من جهة اليمين

$$f(t) = -\pi$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - 3) \\ = 1^2 - 3 = -2$$

$$\therefore f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

جـ السـارـ مـنـاـجـهـ الـرـاهـةـ مـسـلـكـهـ عـصـرـ اـخـ مـنـاـجـهـ لـهـ

ثانية درس اتصال الاتصال خذ دعوة من
بيهودة ليمار

$$f(3) = 6$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 3^+}} f(x) = \lim_{\substack{x \rightarrow 3^+}} (x^2 - 3)$$

$$= \mu_1 - \mu_2 = 6$$

$$\therefore f(3) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$$

مسار ۱، ۲ و ۳ (ادغام دلتانی در میانه) (اونچھے دلتانی در میانه)

[1,3] الله مَنْعِلَةٌ لِكُو



السؤال الثاني:

- (a) بين أن الدالة $f : x^3 - 3x + 2$ تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على الفترة $[0,4]$ ، ثم أوجد c الذي تنبئ به النظرية وفسر إجابتك.

الحل:

ـ الدالة f كثيرة حدود متصلة على \mathbb{R}
ـ الدالة f متصلة على الفترة $[0,4]$ وعاليه الاستدقة على
المقى $(0,4)$
ـ شرط نظرية القيمه المتوسطه متحقق على المقى $[0,4]$
ـ يوجد على الأقل $(0,4)$ حيث

$$f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

$$= \frac{f(4) - f(0)}{4 - 0}$$

$$f'(c) = \frac{54 - 2}{4} = 13$$

$$3c^2 - 3 = 13$$

$$3c^2 = 13 + 3 \Rightarrow 3c^2 = 16 \Rightarrow c = \pm \sqrt{\frac{16}{3}} = \pm \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

$$\begin{aligned} f(x) &= x^3 - 3x + 2 \\ &= 54 \\ f(x) &= x^3 - 3x + 2 \\ &= 2 \end{aligned}$$

$$f'(x) = 3x^2 - 3$$

$$f'(c) = 3c^2 - 3 = 13$$

ـ يتحقق الشرط

ال UNSER يوجد صياف لدنه الدالة f عند $c = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ يوازي
النهاية الامامية بال نقطتين $(0,2)$ و $(4,54)$



(b) يعتقد مدير شركة دراسات إحصائية أن متوسط الإنفاق الشهري على الطعام في منازل مدينة معينة يساوي 290 ديناراً كوتنياً.

إذا أخذت عينة عشوائية من 10 منازل تبين أن متوسطها الحسابي (دينارا) $\bar{x} = 283$ ، وانحرافها المعياري (دينارا) $S = 32$. فهل يمكن الاعتماد على هذه العينة لتأكيد ما افترضه؟

استخدم مستوى الثقة 95% (علمًا بأن المجتمع يتبع توزيعاً طبيعياً)

الحل:

٢) حبيبة المودع من عرض التبرع $= 290$ مل = ٢٩٠ مل .

الخطاب الاحتمالي: $n \leq 30$ ، يسمى خطاباً محدوداً

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = \frac{283 - 290}{\frac{32}{\sqrt{10}}} \approx -0.6917$$

$$n-1 = 10-1 = 9 \quad \text{and} \quad \frac{n(n+1)}{2} = \frac{9(10)}{2} = 45 \quad n=10 \quad (3)$$

$$1 - \alpha = 0.95 \quad 95\% \quad \text{متوكلاً على}%$$

$$\alpha = 0.05 \Rightarrow \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

$$t_{\text{min}} = 2.262 \quad + 2.700 \text{ sec.}$$

(منطقة المغير) (-2.262, 2.262)

$$\therefore -0.6917 \in (-2.262, 2.262) \quad \text{الجواب} \quad (5)$$



(a) أوجد معادلة المماس والناظم عند النقطة (1,0) لمنحنى الدالة f حيث

$$f(x) = \frac{x-1}{x+2}$$

السؤال الثالث:

الحل:

$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{(1)(x+2) - (1)(x-1)}{(x+2)^2} \\ &= \frac{x+2 - x+1}{(x+2)^2} = \frac{3}{(x+2)^2} \\ m &= f'(1) = \frac{3}{(1+2)^2} = \frac{1}{3} \end{aligned} \quad \left| \begin{array}{l} (x-1)^1 = 1 \\ (x+2)^1 = 1 \end{array} \right.$$

$$m = \frac{1}{3} \quad \text{معادلة المماس}$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 0 = \frac{1}{3}(x - 1)$$

$$y = \frac{1}{3}x - \frac{1}{3}$$

$$- \frac{1}{m} = -3 \quad \text{معادلة الناظم}$$

$$y - y_1 = -\frac{1}{m}(x - x_1)$$

$$y - 0 = -3(x - 1)$$

$$y = -3x + 3$$



(b) لتكن: $f(x) = -2x^3 + 4$ ، $g(x) = x^{13}$

باستخدام قاعدة السلسلة :

الحل:

$$(g \circ f)'(x) = g'(f(x)) \cdot f'(x)$$

$$f(x) = -2x^3 + 4 \Rightarrow f'(x)$$

$$\therefore (g \circ f)'(x) = g'(f(x)) \cdot f'(x)$$

$$f'(x) = 15x^{12}$$

$$g'(x) = 13x^{12}$$

$$f'(x) = -6x^2$$

$$g'(x) = -6x^2$$

$$= 0$$

$$(g \circ f)'(x) = 15(-6x^2) \times 0 \\ = 0$$

إجابة



السؤال الرابع:
(a) أوجد:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$$

الحل:

$$\begin{aligned}
 &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x} \cdot \frac{1 + \cos x}{1 + \cos x} \quad (\text{بالضرب بـ } 1 + \cos x \text{ المقترن}) \\
 &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 (1 + \cos x)}{1 - \cos^2 x} \\
 &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 (1 + \cos x)}{\sin^2 x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{\sin^2 x} \cdot (1 + \cos x) \\
 &= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x}{\sin x} \right)^2 \cdot \lim_{x \rightarrow 0} (1 + \cos x) = \left(\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} \right)^2 \cdot \left(\lim_{x \rightarrow 0} 1 + \lim_{x \rightarrow 0} \cos x \right) \\
 &= (1)^2 \cdot (1+1) = 1 \cdot 2 = 2
 \end{aligned}$$

تذكر أن
 $\sin 0 = 0$
 $\sin^2 0 = 0$
 $\cos 0 = 1$

$$(b) \text{ لتكن الدالة } f : f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$$

أوجد كلاً مما يلي :

- (a) النقاط الحرجة للدالة.
 (b) الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها.
 (c) القيم القصوى المحلية.

الحل:

الدالة f كثيرة حدود مستمرة وقابلة للإشتقاق على كل $x \in \mathbb{R}$
 لوجود أدلة لمنهاج المراجعة.

$$f'(x) = -3x^2 + 6x$$

$$-3x^2 + 6x = 0 \quad \text{بوضوح} \quad f'(x) = 0$$

$$-3x(x-2) = 0$$

$$x = 0 \quad \text{و} \quad x = 2$$

$$f(0) = -4$$

$$f(2) = 0$$

لـ المنهاج المراجعة

$$(x < -4) \cup (0 < x < 2)$$

نكتي بسيطول

بـ الدالة f حقن القيمة على الفترة $(0, 2)$

بـ الدالة f متناقصة على الفترات

$$(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$$

	$-\infty$	0	2	∞
استقرار $f'(x)$	-	+	-	
سلوك $f(x)$	تناقص	زيادة	تناقص	تناقص

للدالة f قيمة عظمى محلية فيهما 0 عند $x = 2$

للدالة f قيمة سُبْرَى محلية قيمتها 4 عند $x = 0$



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (b) إذا كانت العبارة صحيحة (a) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x^3 + 8x^2}{3x^4 - 16x^2} = 0$ (1)
<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	ميل مماس منحنى الدالة $f(x) = x^2$: $f'(x) = 2x$ عند $x = -2$ هو 4 (2)
<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	إذا كانت $f(x) = 3x^2 - 12$ فإن $f'(x) = 6x$ (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{2x^2 - 5x + 2} \quad (4)$$

 a 1 b 0 c $\frac{1}{2}$ d $\frac{1}{3}$

لتكن الدالة $f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$: $f(g(x)) = \sqrt{(x^2 - 3)^2 + 7}$ فإن: $f(g(x))$ يساوي: (5)

 a 4 b -4 c 1 d -1

عدد النقاط الحرجة للدالة : $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة $(0, 2)$ هو: (6)

 a 3 b 2 c 1 d 0

للدالة $f(x) = \sqrt[3]{x - 1}$: مماس رأسى معادلته (7)

 a $x = 0$ b $x = 1$ c $y = 0$ d $y = 1$



الدالة : $f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}}$ متصلة على : ⑧

a $(-\infty, \frac{1}{2}]$

(5 , ∞)

c R

d $(-5 , 5)$

إذا كانت : $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$ تساوي : ⑨

a $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

b $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

c $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

d $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

مستطيل مساحته $36cm^2$ فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط ⑩

a $6 cm , 6 cm$

b $12 cm , 3 cm$

c $9 cm , 4 cm$

d $18 cm , 2 cm$

انتهت الأسئلة

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

(a) أوجد

الحل:

$$\begin{aligned}
 & \text{بالتحويل إلى شكل }\frac{0}{0} \text{ حيث } x=2 \\
 & = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-3}-1}{x-2} \cdot \frac{\sqrt{2x-3}+1}{\sqrt{2x-3}+1} \\
 & = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x-3-1}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+1)} \\
 & = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x-4}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+1)} \\
 & = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2(x-2)}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+1)}, \quad x \neq 2 \\
 & = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2}{\sqrt{2x-3}+1} = \frac{\lim_{x \rightarrow 2} 2}{\lim_{x \rightarrow 2} (\sqrt{2x-3}+1)} = \frac{2}{\sqrt{2(2)-3}+1} = \frac{2}{1+1} = 1
 \end{aligned}$$

شرط المقادير
 في المقام $\sqrt{2x-3}+1 \neq 0$
 $2x-3 \geq 0 \Rightarrow x \geq \frac{3}{2}$
 وبطبيعة المقدار
 نستحصل على
 $\lim_{x \rightarrow 2} (\sqrt{2x-3}+1) = \sqrt{2(2)-3}+1 = \sqrt{1+1} = 1$



تابع السؤال الأول:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x & : x \geq 1 \\ 5x - 1 & : x < 1 \end{cases} \quad (b) \text{ لتكن } f$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 1$

الحل:

المقدمة من جهة اليمين
 $f(1) = 1^2 + 3 \cdot 1 = 4 \rightarrow ①$

المقدمة من جهة اليسار $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (5x - 1)$ $= 5(1) - 1$ $= 4$	المقدمة من جهة اليمين $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 + 3x)$ $= 1^2 + 3 \cdot 1$ $= 4$
---	--

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 4$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 4 \rightarrow ②$$

من ① و ② ينتهي أن

الدالة متصلة عند $x = 1$



السؤال الثاني:

(a) تعطى الدالة $V(h) = 2\pi(-h^3 + 36h)$ حجم أسطوانة بدلالة ارتفاعها h .(a) أوجد الارتفاع $h(cm)$ للحصول على أكبر حجم لأسطوانة.

(b) ما قيمة هذا الحجم؟

الحل:

$$V(h) = 2\pi(-h^3 + 36h), \quad h \in (0, \infty)$$

$$V'(h) = 2\pi(-3h^2 + 36)$$

$$V'(h) = 0$$

$$-3h^2 + 36 = 0$$

$$\frac{-3h^2}{-3} = \frac{-36}{-3} \Rightarrow h^2 = 12 \Rightarrow h = \pm 2\sqrt{3}$$

$$h = -2\sqrt{3} \notin (0, \infty)$$

$$h = 2\sqrt{3} \in (0, \infty)$$

اختيار ملائمة التكعيبة

$$V(h) = 2\pi(-6h)$$

$$V(2\sqrt{3}) = 2\pi(-6 \cdot 2\sqrt{3})$$

$$\approx -188.645$$

ـ قيمة $h = 2\sqrt{3}$ هي قيمة عرضي مطلوبةـ أكبر حجم لأن سطوانة طولها $2\sqrt{3} cm$

ويمكن كلام

$$V(2\sqrt{3}) = 2\pi(-(2\sqrt{3})^3 + 36(2\sqrt{3})) \approx 522.37 \text{ cm}^3$$



تابع السؤال الثاني:

(b) أجريت دراسة لعينة من الإناث حول معدل النبض لديهن فإذا كان حجم عينة الإناث 25 والانحراف المعياري

لمجتمع الإناث $\sigma = 3.6$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 18.4$ باستخدام مستوى ثقة 95%.

1- أوجد هامش الخطأ.

2- أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي لها.

3- فسر فترة الثقة.

الحل:

$$\sigma = 3.6, \bar{x} = 18.4, n = 25$$

١- مستوى الثقة 95%

٢- القيمة الحدية $= 1.96$

٣- معلومة يمكن هامش الخطأ

$$E = Z_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1.96 \times \frac{3.6}{\sqrt{25}} = 1.4112$$

٤- فترة المسمدة للمتوسط الحسابي لها

$$(\bar{x} - E, \bar{x} + E) = (18.4 - 1.4112, 18.4 + 1.4112)$$

$$= (16.99, 19.81)$$

٥- التفسير

عند اختيار عينة متحدة كل حجم كل منها 25 ونسبة
حدود فترة الثقة لكل عينة فإننا نتوقع أن 95% تمحو
على القيمة الحقيقية لها

السؤال الثالث:

(a) أوجد ميل المماس للمنحنى الذي معادلته: $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$ عند $(1, 1)$.
الحل:

بما نعلم ان تفاضل المحنن

$$2x - 2y\frac{dy}{dx} + y + x\frac{dy}{dx} = 0$$

$$-2y\frac{dy}{dx} + x\frac{dy}{dx} = -2x - y$$

$$\therefore (-2y + x)\frac{dy}{dx} = -2x - y$$

$$\therefore \frac{dy}{dx} = \frac{-2x - y}{-2y + x}$$

لدينا ميل المماس في نقطة $(1, 1)$

$$m_{(1,1)} = \frac{-2(1) - 1}{-2(1) + 1} = \frac{-3}{-1} = 3$$

$$m = 3$$

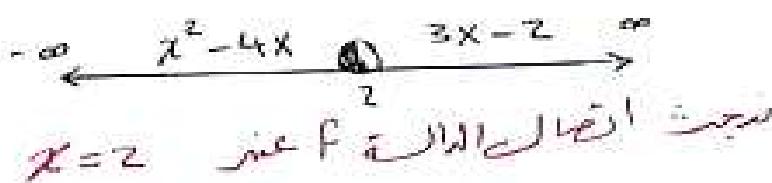
م米尔 المماس = 3

تابع السؤال الثالث:

$$(b) \text{ لتكن } f : \begin{cases} x^2 - 4x & : x \leq 2 \\ 3x - 2 & : x > 2 \end{cases}$$

ابحث قابلية الدالة f للاستقاق عند $x = 2$

الحل:



$$f(2) = 2^2 - 4 = 0$$

المغایبة من جهة اليمين

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x^2 - 4x) \\ = 2^2 - 4(2) = \boxed{-4}$$

المغایبة من جهة اليسار

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (3x - 2) \\ = 3(2) - 2 = \boxed{4}$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$$

غير موحدة

ـ الدالة f غير مستقلة عند $x = 2$ ـ الدالة f غير قابلة للاستقاق عند $x = 2$

السؤال الرابع:

أوجد: (a)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x \tan x - 2x \cos x}{3x}$$

الحل:

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\cos x \tan x}{3x} - \frac{2x \cos x}{3x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\cos x}{3} \cdot \frac{\tan x}{x} - \frac{2}{3} \cos x \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x}{3} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x}{x} - \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2}{3} \cos x$$

$$= \frac{1}{3} \times 1 - \frac{2}{3} \times 1$$

$$= -\frac{1}{3}$$

(b) ادرس تغير الدالة $f : f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$ وارسم بيانها

الحل:

1) المدى الدالة هي كثيرة - بروز مستويات على ممتد الدالة في طرف

2) النهايات عشر الدورة المقترضة

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} (x^3) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (x^3) = -\infty$$

$$f'(x) = 3x^2 - 12x + 9$$

$$3x^2 - 12x + 9 = 0$$

$$(x-3)(x-1) = 0$$

$$x = 3$$

$$x = 1$$

$$f(3) = -4$$

$$f(1) = 0$$

افتراضات الوجهة

(١٦٥) و (٣٤٥)

٣) تكون المدورة

- الدالة هي متزايدة على النهايات

(١٦٥) و (٣٤٥)

- الدالة هي متناقصة على الفترة

(٣٤١)

للهالة هي قيمة عكسية عند $x=1$ وقيمة صفرية عند $x=3$

$$f(1) = 1 - 12 + 9 = -2$$

جوجع (٣٤١)

$$f(3) = 27 - 54 + 27 = 0$$

جوجع (٣٤١)

	النهايات	∞	1	-3	$-\infty$
المقدمة (العائمة)	+	-	+		
سلوب (النهايات)	↑	↓	↑	↑	↑

(١٦٥) و (٣٤٥)

٤) تكون المدورة

- الدالة هي متزايدة على النهايات

(١٦٥) و (٣٤٥)

- الدالة هي متناقصة على الفترة

(٣٤١)

للهالة هي قيمة عكسية عند $x=1$ وقيمة صفرية عند $x=3$

$$f(1) = 1 - 12 + 9 = -2$$

جوجع (٣٤١)

$$f(3) = 27 - 54 + 27 = 0$$

جوجع (٣٤١)

	∞	2	1	-3	$-\infty$
المقدمة (العائمة)	+	-	+		
سلوب (النهايات)	↑	↓	↑	↑	↑

(٣٤٢)

٥) تache المعاكس فـ (٣٤٢)

مختصر الدالة هي مختصر لـ على الفترة

	∞	2	1	-3	$-\infty$
المقدمة (العائمة)	+	-	+		
سلوب (النهايات)	↑	↓	↑	↑	↑

(٣٤٢)

مختصر الدالة هي مختصر لـ على الفترة

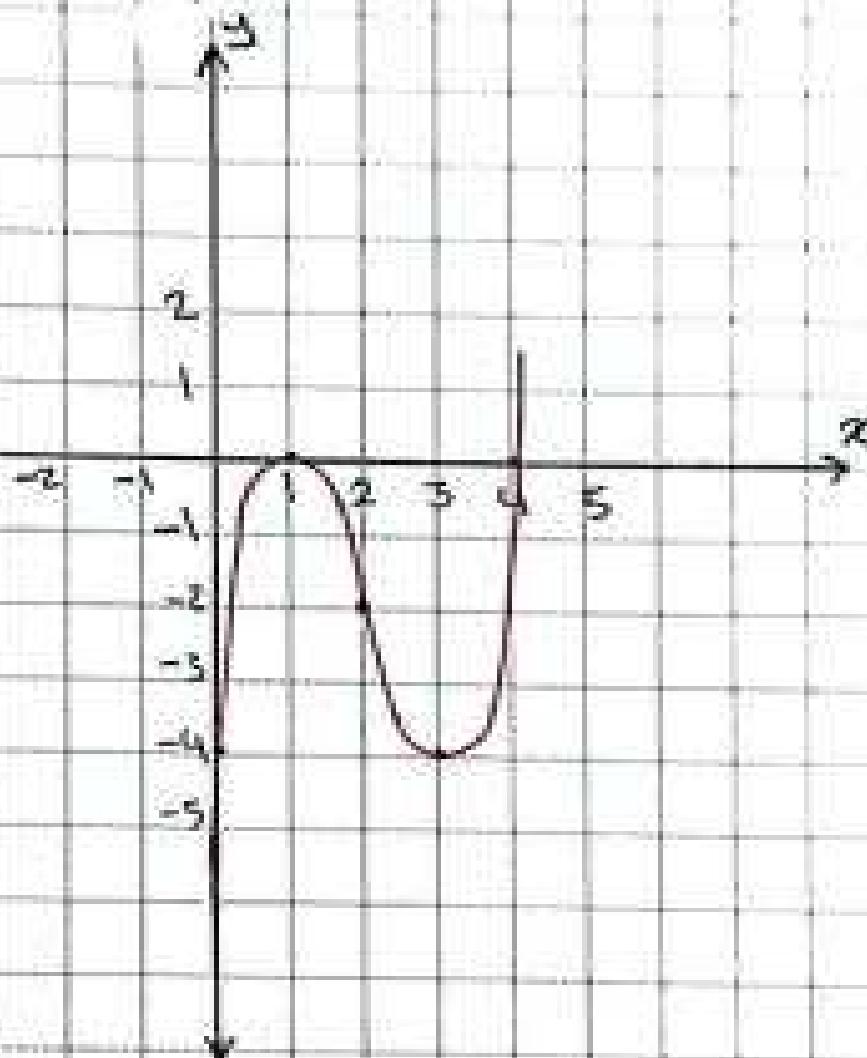
(٣٤٢)



صلحة على

	ك	أ	ب	ج	د	هـ
نـ	-4	-3	-2	-1	0	1

النموذج الثاني



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{ 2x-3 } = \frac{1}{2}$ (1)
<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$f'(1) = \frac{1}{4}$ فإن $f(x) = \sqrt{x+3}$ (2)
<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & x \geq 1 \\ 4x - 1 & x < 1 \end{cases}$ فإن مجال f' هو R : الدالة (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{x-4} = \quad (4)$$

- (a) 0 (b) $-\frac{1}{4}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) غير موجودة

إذا كانت الدالة : (5) $f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ ، متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي

- (a) 4 (b) 9 (c) 16 (d) 25

عدد النقاط الحرجة للدالة : (6) $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة $(0, 2)$ هو:

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0

ميل الناظم لمنحنى الدالة: (7) $y = x^3 - 3x + 1$ عند النقطة $(2, 3)$ تساوي :

- (a) 9 (b) 3 (c) $-\frac{1}{3}$ (d) $-\frac{1}{9}$



$x = 0$ متصلة عند $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x+4}-2}{x} & x \neq 0 \\ a & x = 0 \end{cases}$: الدالة f (8)

فإن a تساوي

(a) 4

(b) $\frac{-1}{4}$

(c) -4

(d) $\frac{1}{4}$

إن الدالة $f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$: f ليس قابلة للاشتاقع عند $x = 0$ والسبب هو (9)

(a) ناب

(b) ركن

(c) مماس عمودي

(d) انفصال

أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف (10)

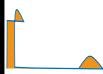
(a) $f(x) = x^3 - 5x$

(b) $f(x) = 4x^2 - 2x^4$

(c) $f(x) = x^3$

(d) $f(x) = (x - 2)^4$

*انتهت الأسئلة *



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

$$y = u^2 + 4u - 3, \quad u = 2x^3 + x \quad \text{لتكن: (a)}$$

أوجد باستخدام قاعدة التسلسل $\frac{dy}{dx}$

الحل:

$$\therefore y = u^2 + 4u - 3$$

$$u = 2x^3 + x$$

$$\frac{dy}{du} = 2u + 4$$

$$\frac{du}{dx} = 6x^2 + 1$$

بـ التعويض

$$\therefore \bar{y} = \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \times \frac{du}{dx} = (2u + 4)(6x^2 + 1)$$

$$= (2(2x^3 + x) + 4)(6x^2 + 1)$$

$$= (4x^3 + 2x + 4)(6x^2 + 1)$$

$$= 24x^5 + 4x^3 + 12x^3 + 2x + 24x^2 + 4$$

$$= 24x^5 + 16x^3 + 24x^2 + 2x + 4$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x - 3}{\sqrt{4x^2 + 5x + 6}}$$

الحل:

$$\begin{aligned}
 & \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x(2 - \frac{3}{x})}{\sqrt{x^2(4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2})}} \\
 &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x(2 - \frac{3}{x})}{|x|\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}}} \\
 &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x(2 - \frac{3}{x})}{-x\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}}}, \quad x \neq 0 \\
 &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2 - \frac{3}{x}}{-\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}}} \\
 &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(2 - \frac{3}{x})}{-\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}}} \\
 &= \frac{\lim_{x \rightarrow -\infty} (2 - \frac{3}{x})}{\lim_{x \rightarrow -\infty} -\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}}} \\
 &= \frac{2 - 0}{-2} = \boxed{-1}
 \end{aligned}$$

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

لأن $x \rightarrow -\infty$ سيكون $x = -|x|$

شرط المقدمة

نهاية ماقبته المقدمة

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2})$$

$$\begin{aligned}
 &= \lim_{x \rightarrow -\infty} 4 + \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5}{x} + \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{6}{x^2} \\
 &= 4 + 0 + 0 = 4
 \end{aligned}$$

شرط المقدمة

$$\begin{aligned}
 &\lim_{x \rightarrow -\infty} -\sqrt{4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2}} \\
 &= -\sqrt{\lim_{x \rightarrow -\infty} (4 + \frac{5}{x} + \frac{6}{x^2})} \\
 &= -\sqrt{4} = -2 \neq 0
 \end{aligned}$$

السؤال الثاني:(a) أوجد فرقة ثقة 95% للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ ، علماً بأن العينة أخذت من مجتمع طبيعي.

$$\bar{x} = 8.4 , s = 0.3 , n = 13 \quad \text{إذا كان لدينا}$$

الحل:

ـ كا متغير دعومه $n < 0$ ـ متغير توزيع t

$$n-1 = 13 - 1 = 12 \quad \text{درجات الحرارة}$$

ـ مستوى الثقة

$$1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05 \Rightarrow \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

ـ جدول التوزيع t فإن

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2.179$$

ـ فرقة ثقة

$$E = t_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}} = 2.179 \times \frac{0.3}{\sqrt{13}} \approx 0.1815$$

ـ فرقة ثقة للمتوسط العيني للر

$$(\bar{x} - E, \bar{x} + E) = (8.4 - 0.1815, 8.4 + 0.1815)$$

$$= (8.2187, 8.5813)$$



تابع السؤال الثاني:

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10} \quad : (b)$$

أوجد D_f (مجال الدالة f) ثم ادرس اتصال الدالة f على $[6, 10]$

الحل:

نفرض أن $f(x) = \sqrt{g(x)}$
 $\Rightarrow g(x) = x^2 - 7x + 10 \geq 0$
 $x^2 - 7x + 10 \geq 0$
 $x^2 - 7x + 10 = 0$ العواملة للدالة
 $(x-2)(x-5) = 0$
 $x=2 \rightarrow x=5$ + - +
 $(-\infty, 2] \cup [5, \infty)$ مجال الدالة

ثانياً اهتم بالدالة f في R وهي كثيرة حدود مستمرة على R
 \Rightarrow الدالة f مستمرة في $[6, 10]$

$$g(x) \geq 0 \Leftrightarrow x \in (-\infty, 2] \cup [5, \infty)$$

$\Rightarrow [6, 10] \subset$ مجسم الدالة f

$$g(x) \geq 0 \Leftrightarrow x \in [6, 10] \rightarrow$$

من ① \subset ② نستنتج

المجال f مستمر على $[6, 10]$

السؤال الثالث:(a) أوجد معادلة المماس والعمودي عند النقطة $(1, \frac{\pi}{4})$ لمنحنى الدالة f حيث

$$f(x) = \tan x$$

الحل:

$$\begin{aligned} f(x) &= \sec^2 x \\ m &= f\left(\frac{\pi}{4}\right) = \sec^2\left(\frac{\pi}{4}\right) = 2 \\ m &= 2 \end{aligned}$$



$m = 2$ $y - y_1 = m(x - x_1)$ $y - 1 = 2\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$ $y = 2x - \frac{\pi}{2} + 1$	<u>معادلة المماس</u> $\frac{-1}{m} = -\frac{1}{2}$ $y - y_1 = m(x - x_1)$ $y - 1 = -\frac{1}{2}\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$ $y = -\frac{1}{2}x + \frac{\pi}{8} + 1$
--	--



تابع السؤال الثالث:

$$f(x) = \begin{cases} x+5 & : x \leq 3 \\ x^2 - 1 & : x > 3 \end{cases}$$

أوجد إن أمكن $f'(3)$

الحل:

$$f(3) = 3 + 5 = 8$$

$$f'(3) = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3}$$

المستقيمة من جهة اليمين

$$f'_-(3) = \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{x+5 - 8}{x-3}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{x-3}{x-3} = 1$$

$$f'_-(3) = 1$$

المستقيمة من جهة اليسار

$$f'_+(3) = \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2 - 1 - 8}{x - 3}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2 - 9}{x - 3}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{(x-3)(x+3)}{x-3}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3^+} (x+3) = 3+3=6$$

$$f'_+(3) = 6$$

$$\therefore f'_-(3) \neq f'_+(3)$$

غير مموجزة (ي)

السؤال الرابع:

(a) إذا كانت $yy'' + (y')^2 = 0$ فثبت أن $y = \sqrt{1 - 2x}$

الحل:

$$\begin{aligned}
 y &= \sqrt{1 - 2x} \\
 y' &= \frac{1}{\sqrt{1-2x}} \cdot (-2) \\
 y' &= \frac{-2}{\sqrt{1-2x}} \\
 y'' &= \frac{(-2)(-\frac{1}{2})}{(1-2x)^{\frac{3}{2}}} = \frac{1}{(1-2x)^{\frac{3}{2}}} \\
 y'y'' + y'^2 &= \frac{1}{(1-2x)^{\frac{3}{2}}} + \frac{4}{(1-2x)} = \frac{1+4(1-2x)}{(1-2x)^{\frac{3}{2}}} = \frac{5-8x}{(1-2x)^{\frac{3}{2}}} = 0
 \end{aligned}$$



$$(b) \text{ ادرس تغير الدالة } f(x) = 1 - x^3 \quad : f \text{ وارسم بيانيها}$$

الحل:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^3) = \infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} (-x^3) = -\infty$$

لـ $f(x) = -x^3$

$$f'(x) = -3x^2$$

$$\chi = 0 \Rightarrow f(a) = 1$$

نـ (٥١) نـ (٥٢) نـ (٥٣)

نكون الجدول الفرزات ٠ ٢٣

الدالة هي متابعه المفتراء

$f(x)$	متزايدة	متناقصة	$(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$
--------	---------	---------	---------------------------------

$$f'(x) = -6x$$

$$-bx = a -$$

፩፻፭፻

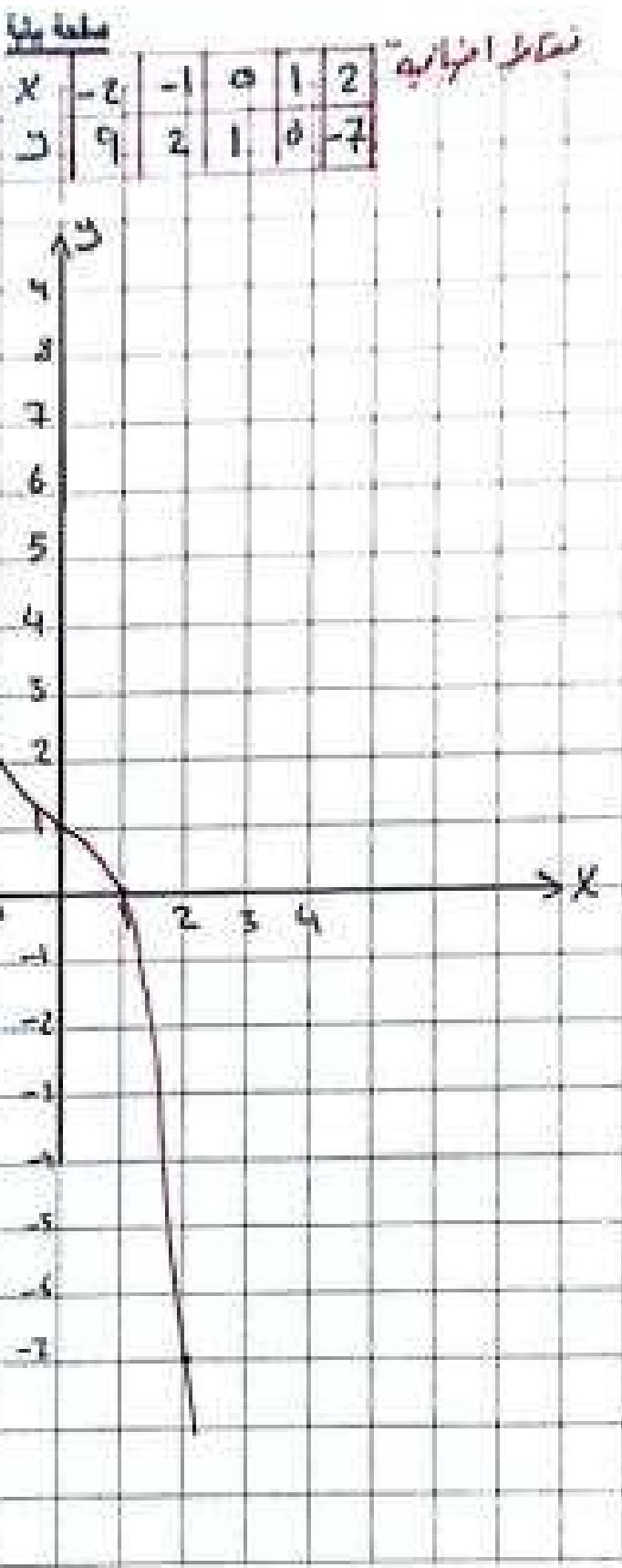
$$x = 0 \Rightarrow f(0) = 1$$

المقدمة	+	-
البيان	تقرير	تقرير
استدلة	+	-
بيان	تقرير	تقرير

الدالة f متعرج على $(\infty, -\infty)$

عنوان المقالة: سعفان كوزمopol (٥٠,٥)

(١٢٥) نصيحة المخرجات



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	$\lim_{x \rightarrow 1^+} (2x - x + 2) = 3$ (1)
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	$x = 3$ متصلة عند $f(x) = \frac{\sqrt[3]{3x-1}}{x^2}$ الدالة (2)
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	أصغر محيط لمستطيل مساحته 16 cm^2 هو 16 cm (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{\sin x} \text{ يساوي } (4)$$

 a 0 b ∞ c -2 d 2

$$\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7 \text{ وكان } x = -2 \text{ وفقط } (5)$$

فإن : $f(-2)$ تساوي a 3 b 5 c 9 d 11

$$\text{عدد النقاط الحرجة للدالة : } y = 3x^3 - 9x - 4 \text{ على الفترة } (0, 2) \text{ هو: } (6)$$

 a 3 b 2 c 1 d 0

$$\text{متصلة على : } f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}} \text{ الدالة } (7)$$

 a $(-\infty, \frac{1}{2})$ b $(5, \infty)$ c R d $(-5, 5)$



إذا كانت : $f''(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$ فإن $f(x)$ تساوي :

(a) $\frac{8}{27}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(b) $8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(c) $-8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(d) $-64(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

إذا كانت : $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$ فإن y' تساوي

(a) $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(b) $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(c) $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(d) $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

أي من الدوال التالية ليس لها نقطة انعطاف

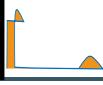
(a) $f(x) = x^3 - 5x$

(b) $f(x) = 4x^2 - 2x^4$

(c) $f(x) = x^3$

(d) $f(x) = (x - 2)^4$

انتهت الأسئلة



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحلالسؤال الأول:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{\cos x - 1} \quad (a) \text{ أوجد:}$$

الحل:

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{\cos x - 1} \cdot \frac{\cos x + 1}{\cos x + 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x (\cos x + 1)}{\cos^2 x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cancel{\sin x} (\cos x + 1)}{\cancel{\sin^2 x}} = \sin x$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} \cdot (\cos x + 1)$$

$$= \left(\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} \right) \cdot \left(\lim_{x \rightarrow 0} \cos x + \lim_{x \rightarrow 0} 1 \right)$$

$$= (1) \times (1+1) = 1 \times 2 = 2.$$



تابع السؤال الأول:

(b) أوجد:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x-2)^3 - 8}{x}$$

الحل:

ما نعمون في المذاق من المذاقات ملئنا
أجل ذلك كن عزيز على معرفة كل مذاقة

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+2-2)((x+2)^2 + 2(x+2) + 4)}{x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x((x^2 + 4x + 4 + 2x + 4 + 4))}{x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} (x^2 + 6x + 12) = 0 + 6(0) + 12 = 12$$

السؤال الثاني:

$$x = 0 \quad f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x}{|x|} & : x \neq 0 \\ -3 & : x = 0 \end{cases}$$

(a) ابحث اتصال الدالة f

الحل:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x}{x} & : x > 0 \\ -3 & : x = 0 \\ \frac{x^2 - 3x}{-x} & : x < 0 \end{cases} = \begin{cases} \frac{x(x-3)}{x} & : x > 0 \\ -3 & : x = 0 \\ \frac{x(x-3)}{-x} & : x < 0 \end{cases}$$

$$f(x) = \begin{cases} x-3 & : x > 0 \\ -3 & : x = 0 \\ -(x-3) & : x < 0 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} (x-3) = -3$$

$$f(0) = -3 \rightarrow ①$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} -(x-3) \\ = -(0-3) = 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} (x-3) \\ = 0-3 = -3$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$$

لذلك الدالة f ليست متصلة عند $x=0$





تابع السؤال الثاني:

(b) لتكن الدالة $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & : x \leq 1 \\ 2x + 1 & : x > 1 \end{cases}$ دالة متصلة على مجالها.أوجد $f'(x)$ إن أمكن

الحل:



$$D_f = (-\infty, 1] \cup (1, \infty) = \mathbb{R}$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 1 \\ \text{ثابت} & : x = 1 \\ 2 & : x > 1 \end{cases}$$

$$f'(1) = 1^2 + 2 = \boxed{3}$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} \quad \text{انواع.}$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + 2 - 3}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x - 1}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{(x-1)(x+1)}{x-1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} (x+1) = 1+1$$

$$= \boxed{2}$$

$$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x + 1 - 3}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x - 2}{x - 1}$$

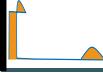
$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2(x-1)}{x-1}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} 2 = \boxed{2}$$

$$f'_-(1) = f'_+(1) = 2 \Rightarrow f'(1) = 2$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 1 \\ 2 & : x = 1 \\ 2 & : x > 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 2x & , x \leq 1 \\ 2 & , x > 1 \end{cases}$$



السؤال الثالث:

(1) أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة المتصلة $f : f(x) = x^3 - 3x + 1$ في الفترة $[0, 3]$.

الحل:

الدالة متصلة على $[-2, 1]$

بر الدالة لها قيم قصوى مطلقة في هذه الفترة

$$\text{أولاً} \quad f(-2) = (-2)^3 - 3(-2) + 1 = 1$$

$$f(1) = 1^3 - 3(1) + 1 = -1$$

$$\text{ثانياً} \quad f'(x) = 3x^2 - 3$$

بحضن $x=0$

$$3x^2 - 3 = 0 \quad |+3 \quad (أولاً)$$

$$3x^2 = 3 \Rightarrow x^2 = 1 \Rightarrow x = \pm 1 \quad |-1 \in (-2, 1)$$

$$f(1) = (-1)^3 - 3(-1) + 1 = 3$$

بعد ذلك تابع خبران آخر قيمة الدالة f هي 3 قيمة حدهم مطلقة
أدنى قيمة الدالة f هي -1 اذ -1 قيمة حدود مطلقة

(2) عددان موجبان مجموعهما 100 ومجموع مربعيهما أصغر ما يمكن
ما العددان؟

$$f(x) = x^2 + y^2 \quad \text{مجموع مربعين}$$

$$\therefore f(x) = x^2 + (100 - x)^2$$

$$f(x) = 2x + 2(100 - x) \quad (أولاً)$$

ستغير مابداً حتى

$$\therefore f'(x) = 2x + (200 - 2x) \quad (\text{الآن})$$

$$= 2x - 200 + 2x$$

$$= 4x - 200$$

$$f'(x) = 0 \quad \text{نضع}$$

$$4x - 200 = 0$$

$$4x = 200 \quad |:4$$

$$x = 50 \in (0, 100)$$

$$(50, f(50))$$

بـ التقطة الموجهة:

الغرض

$$\text{نفرض} \quad x, y = \text{مجموع}$$

$$x + y = 100$$

$$y = 100 - x$$

$$0 < x < 100 \quad \text{حيث:}$$

اختبار المقدمة الثانية

$$f(x_1) = 4$$

$$\therefore f(50) = 4 > 0$$

لذلك صحيحة حدود مطلقة عند $x = 50$

$$\therefore \text{العدد الأول: } x = 50$$

$$\therefore \text{العدد الثاني: } y = 100 - 50 = 50$$

$$\therefore \text{العدادان 50 و 50:}$$



(b) بيّنت الدراسة أن المتوسط الحسابي لقوة تحمل أسلاك معدنية هو $1800 \text{ kg} = \mu$ مع انحراف معياري $\sigma = 150 \text{ kg}$. ويؤكد الأخصائيون في المصنع المنتج لهذه الأسلاك أن بإمكانهم زيادة قوة تحمل هذه الأسلاك وأكيداً على ذلك تم اختبار عينة من 40 سلگاً. فتبين أن متوسط قوة تحمل هذه الأسلاك يساوي 1840 kg هل يمكن قبول مثل هذا الفرض بمستوى معنوية $\alpha = 0.05$ ؟

الحل:

١) دليلاً على الفرض
 نفرض $H_0: \mu = 1800$ مقابل $H_1: \mu \neq 1800$

٢) المقياس المترافق = هو معيار مترافق للمقياس

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} = \frac{1840 - 1800}{150 / \sqrt{40}} \approx 1.686$$

$$Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

(-1.96, 1.96) متحدة - القبول ④

$$\approx 1.686 \in (-1.96, 1.96) \quad (5)$$

القرار قبول فرض العدم $M = 1800$

السؤال الرابع:(a) للمنحنى الذي معادلته $x = \sqrt{y} + y^2$ أوجد ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة (3, 1)

الحل:

$$\therefore 2\sqrt{y} + y = x$$

(1) بالستقاط لصفن

$$2\sqrt{y} \cdot \frac{1}{2\sqrt{y}} + y = 1$$

$$\frac{1}{\sqrt{y}} + y = 1$$

عامل مشتركة

$$y \left(\frac{1}{\sqrt{y}} + 1 \right) = 1$$

$$y \left(\frac{1 + \sqrt{y}}{\sqrt{y}} \right) = \frac{1}{1} \Rightarrow y = \frac{\sqrt{y}}{1 + \sqrt{y}}$$

(2)

$$m = y' \Big|_{(3,1)} = \frac{1}{1 + \sqrt{y}} = \frac{1}{1 + \sqrt{1}} = \frac{1}{2}$$



تابع السؤال الرابع:

(b) لتكن f : $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$

(a) أوجد فترات التزايد وفترات التناقص للدالة f

(b) أوجد فترات التغير ونقطة الانعطاف لمنحنى الدالة f

الحل:



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً في البنود من (1 - 3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

<input checked="" type="radio"/>	b	$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{x^2} - x}{x} = -2$ (1)
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	$\forall x \in R \quad f(x) = x x : f$ الدالة غير قابلة للاشتاق (2)
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	إذا كانت $f''(c) = 0$ فإن لمنحنى الدالة f نقطة انعطاف هي $(c, f(c))$ (3)

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند من البنود التالية أربع اختيارات ، واحدة فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

يساوي $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{x+3}$ (4)

- (a) ∞ (b) $-\infty$ (c) 1 (d) 0

إذا كانت الدالة : (5) $f(x) = \sqrt{x^2 - a}$ ، متصلة عند $x = 3$ فإن a يمكن أن تساوي

- (a) 4 (b) 9 (c) 16 (d) 25

إن الدالة : (6) $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2}$ ليس قابلة للاشتاق عند $x = 0$ والسبب هو

- (a) ناب (b) ركن (c) مماس عمودي (d) غير متصلة

ميل الخط العمودي على المماس (الناظم) عند النقطة $A(3, 2)$ على المنحنى $x^2 - y^2 - 2xy = -7$ هو (7)

- (a) -5 (b) $-\frac{1}{5}$ (c) $\frac{1}{5}$ (d) 5



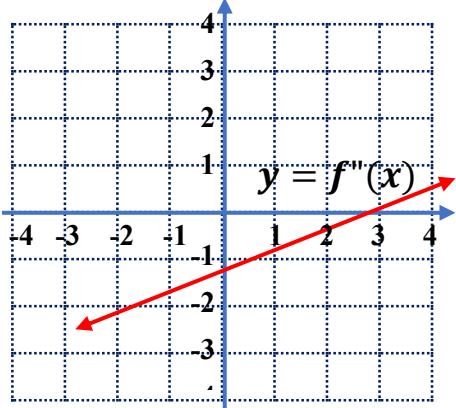
إذا كان $f(x) = x^2$ فإن الدالة (8)

- a متناظرة على مجال تعريفها b متزايدة على مجال تعريفها
 c متناظرة على الفترة $(0, \infty)$ d متزايدة على الفترة $(-\infty, 0)$ فقط

إذا كان $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^2 + bx + 3}{2x + 5} = 3$ فإن قيم a ، b تساوي (9)

- a $a = 0$ ، $b = 6$ b $a = 0$ ، $b = -6$
 c $a = 6$ ، $b = 0$ d $a = -6$ ، $b = 0$

إذا كانت f كثيرة حدود من الدرجة الثالثة والشكل المقابل يوضح بيان "f" فإن منحنى الدالة f مقعر للأسفل في الفترة (10)



- a $(-1, 4]$ b $(3, \infty)$
 c $(-\infty, 3)$ d $(3, 5)$

*انتهت الأسئلة *

ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(2)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(3)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
(4)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(5)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(6)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(7)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(8)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(9)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
(10)	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d