

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



أحمد نصار

الملف نموذج اختبار تقييمي ثاني مجاب

موقع المناهج ← ملفات الكويت التعليمية ← الصف الثاني عشر العلمي ← رياضيات ← الفصل الأول

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العلمي



روابط مواد الصف الثاني عشر العلمي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الأول

نموذج اختبار أول ثانوية الرشيد بنين	1
تمارين الاتصال(موضوعي)في مادة الرياضيات	2
اوراق عمل الاختبار القصير في مادة الرياضيات	3
حل كتاب التمارين في مادة الرياضيات	4
مراجعة منتصف لمادة الرياضيات	5

نماذج أجابة امتحان تقييمي ثاني

2025 / 2024 فصل أول

عمل / أ . أحمد نصار

النموذج الأول

موقع
النماذج الكويتية
1- manahj.com/kw

لتكن $f(x) = x^2 + 2$. أوجد $f'(x)$ باستخدام تعريف المشتقة.

الحل

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

بأن وجدت

$$f(x) = x^2 + 2$$
$$f(x+h) = (x+h)^2 + 2$$
$$= x^2 + 2xh + h^2 + 2$$
$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{x^2 + 2xh + h^2 + 2 - x^2 - 2}{h}$$
$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2xh + h^2}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(2x + h)}{h} : h \neq 0$$
$$= \lim_{h \rightarrow 0} (2x + h) = 2x$$

2-

$$f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10} : \text{ لتكن } f$$

أوجد مجال الدالة f ثم ادرس اتصال الدالة f على $[-1, 1]$

الحل :

نفرض أن

$$f(x) = \sqrt{g(x)} \quad , \quad g(x) = x^2 - 7x + 10$$

$$D_f = \{x : g(x) \geq 0\}$$

$$x^2 - 7x + 10 \geq 0$$

المعادلة المناظرة :

$$x^2 - 7x + 10 = 0$$

$$(x - 2)(x - 5) = 0$$

$$x = 2 \quad , \quad x = 5$$



$\therefore$ مجال الدالة f هو $(-\infty, 2] \cup [5, \infty)$

لدراسة اتصال الدالة f على $[-1, 1]$

$$g(x) \geq 0 \quad \forall x \in (-\infty, 2] \cup [5, \infty)$$

$\therefore [-1, 1]$ مجموعة جزئية من D_f

$$\therefore g(x) \geq 0 \quad \forall x \in [-1, 1] \quad (1)$$

(2) الدالة $g : g(x) = x^2 - 7x + 10$ متصلة على $[-1, 1]$
من (1) و (2)

f متصلة على $[-1, 1]$

النموذج الثاني

1-

$$f(x) = \begin{cases} -x + 4 & : x \leq 7 \\ \frac{9}{-x+4} & : x > 7 \end{cases}$$

الحل:

مجال الدالة f هو : $D_f = (-\infty, 7] \cup (7, \infty) = \mathbb{R}$
 ندرس اتصال الدالة f على مجالها
 نفرض : $g(x) = -x + 4$
 g دالة متصلة على $\mathbb{R}$
 $\therefore f(x) = g(x) \quad \forall x \in (-\infty, 7]$
 $\therefore f$ دالة متصلة على $(-\infty, 7]$ (1)

$$f(x) = \begin{cases} -x + 4 & : x \leq 7 \\ \frac{9}{-x+4} & : x > 7 \end{cases}$$

تابع للحل

نفرض : $h(x) = \frac{9}{-x+4}$
 h دالة حدودية نسبية متصلة لكل $x \in \mathbb{R} - \{4\}$
 $\therefore f(x) = h(x) \quad \forall x \in (7, \infty)$
 $\therefore f$ دالة متصلة على $(7, \infty)$ (2)

ندرس اتصال الدالة f عند $x = 7$ من جهة اليمين
 $f(7) = -3$
 $\lim_{x \rightarrow 7^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 7^+} \left(\frac{9}{-x+4} \right) = -3$
 $\therefore f(7) = \lim_{x \rightarrow 7^+} f(x)$
 $\therefore f$ دالة متصلة عند $x = 7$ من جهة اليمين (3)

من (1), (2), (3) نجد :
 f دالة متصلة على $(-\infty, \infty)$
 (شرط نهايه المقام : $-7+4 = -3$ لا يساوى صفر)

2-

$$f(x) = \sqrt{8 - 2x^2}$$

يفرض أن $f(x) = \sqrt{g(x)} \leftarrow$

$$g(x) = 8 - 2x^2$$

$$\therefore D_f = \{x : g(x) \geq 0\}$$

موقع
المناهج الكويتية
almanahj.com/kw

$$8 - 2x^2 \geq 0$$

$$4 - x^2 \geq 0$$

المعادلة المناظرة $\leftarrow 4 - x^2 = 0$

$$(x-2)(x+2) = 0$$

$$x = 2 \quad , \quad x = -2$$

$$\begin{array}{ccccccc} & & \text{مثال} & & \text{مثال} & & \\ & & \text{على إشارة} & & \text{على إشارة} & & \\ & & x & & x & & \\ \leftarrow & -\infty & - & (-2) & + & (2) & -\infty \end{array}$$

$\therefore$ مجال الدالة $f(x)$ هو: $[-2, 2]$

لدراسة اتصال الدالة $f(x)$ على مجالها $[-2, 2]$

$$\therefore g(x) \geq 0 \quad \forall x \in [-2, 2]$$

$$\therefore g(x) = 8 - 2x^2 \rightarrow \text{متصلة على } [-2, 2]$$

$$\therefore f(x) = \sqrt{8 - 2x^2} \rightarrow \text{متصلة على } [-2, 2]$$

النموذج الثالث

1-

الحل

f مستمرة على $[1, 4]$

∴ f مستمرة عند $x = 1$ من اليمين

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (ax + b) = 5$$

$$a(1) + b = 5$$

$$a + b = 5$$

$$2 + b = 5$$

$$\boxed{b = 3}$$

∴ f مستمرة عند $x = 4$ من اليسار

$$\lim_{x \rightarrow 4^-} f(x) = f(4)$$

$$\lim_{x \rightarrow 4^-} (ax + b) = b + 8$$

$$a(4) + b = b + 8$$

$$\frac{4a}{4} = \frac{8}{4}$$

$$\boxed{a = 2}$$

بالفرض

2-

باستخدام التعريف أوجد مشتقة الدالة f : $f(x) = 3x^2$ عند $x = -2$

الحل

$$f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

$$x = -2 \rightarrow a = -2, f(-2) = 3(-2)^2 = 12$$

$$f'(-2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h) - f(-2)}{h}$$

$$f'(-2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3(-2+h)^2 - 12}{h}$$

$$\begin{aligned} f'(-2) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{12 + 3h^2 - 12h - 12}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\cancel{h} (3h + 12)}{\cancel{h}} \end{aligned}$$

$$f'(-2) = \lim_{h \rightarrow 0} 3h - 12 = -12$$

النموذج الرابع

1-

باستخدام التعريف البديل. أوجد مشتقة الدالة f : $f(x) = \sqrt{x}$ عند $x = a$ حيث $a > 0$
الحل:

$$f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$$

عند النقطة $x = a$ ، (إن وجدت)

$$\lim_{h \rightarrow a} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{a}}{x - a}$$

$$\lim_{h \rightarrow a} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{a}}{x - a} \cdot \frac{\sqrt{x} + \sqrt{a}}{\sqrt{x} + \sqrt{a}}$$

$$\lim_{h \rightarrow a} \frac{(x - a)}{x - a} \cdot \frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{a}}$$

$$\lim_{h \rightarrow a} \frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{a}}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} x = a, \quad a > 0$$

أختبار الجذر

$$\therefore \lim_{x \rightarrow a} \sqrt{x} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow a} x} = \sqrt{a}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \sqrt{x} + \sqrt{a}$$

أختبار المقام

$$\lim_{x \rightarrow a} \sqrt{x} + \lim_{x \rightarrow a} \sqrt{a}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{a} = 2\sqrt{a}, \quad 2\sqrt{a} \neq 0$$

$$= \lim_{x \rightarrow a} \frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{a}}$$

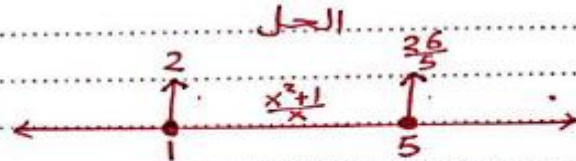
يمكننا الآن إيجاد النهاية

$$= \frac{1}{2\sqrt{a}}$$

2-

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : x=1 \\ \frac{x^2+1}{x} & : 1 < x < 5 \\ \frac{26}{5} & : x=5 \end{cases}$$

ادرس اتصال الدالة f على $[1, 5]$ حيث:



بفرض: $g(x) = \frac{x^2+1}{x}$
 g دالة حدودية نسبية متصلة لكل $x \in \mathbb{R} - \{0\}$
 $g(x) = f(x) \quad \forall x \in (1, 5)$
 f متصلة على $(1, 5)$ ← 1

دراسة اتصال f عند $x=5$ من اليمين ① $f(5) = \frac{26}{5}$ ② $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 5^-} \left(\frac{x^2+1}{x} \right)$ $= \frac{(5)^2+1}{5} = \frac{26}{5}$ نهاية المعاد $\lim_{x \rightarrow 5^-} x = 5 \neq 0$ من 26 ينتج $\lim_{x \rightarrow 5^-} f(x) = f(5)$ f متصلة عند $x=5$ من اليمين III	دراسة اتصال f عند $x=1$ من اليمين ① $f(1) = 2$ ② $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{x^2+1}{x} \right)$ $= \frac{1+1}{1} = 2$ نهاية المعاد $\lim_{x \rightarrow 1^+} x = 1 \neq 0$ من 26 ينتج أن $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1)$ f متصلة عند $x=1$ من اليمين II
---	---

من I و II و III ينتج

f متصلة على $[1, 5]$

النموذج الخامس

1-

لتكن الدالة f :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + x & : x \leq -1 \\ x^2 - x - 2 & : x > -1 \end{cases}$$

 أوجد إن أمكن $f'(-1)$.

$$f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{f(x) - f(-1)}{x + 1} \quad (\text{ان وجدت})$$

$$f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{(x^2 + x) - (0)}{x + 1}$$

$$f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{x(x + 1)}{x + 1}$$

$$f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} x = -1$$

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{f(x) - f(-1)}{x + 1} \quad (\text{ان وجدت})$$

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{(x^2 - x - 2) - (0)}{x + 1}$$

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{(x + 1)(x - 2)}{x + 1}$$

$$f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} (x - 2) = -3$$

$$f'_+(-1) \neq f'_-(-1)$$

$f'(-1)$ غير موجود

2-

لتكن f : $f(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & : x \leq 2 \\ 3x - 2 & : x > 2 \end{cases}$ ، ابحث قابلية الاشتقاق للدالة f عند $x = 2$.

الحل

$$f(2) = (2)^2 - 4 = 0 \rightarrow ①$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x^2 - 4) = (2)^2 - 4 = 0 \quad \text{المسار: اليسار:} \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (3x - 2) = 3(2) - 2 = 4$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2} f(x) \text{ غير موجودة} \rightarrow ②$$

من اى 2 ينتج ان f غير متصلة عند $x = 2$ $\therefore f$ غير قابلة للاشتقاق عند $x = 2$

النموذج السادس

1-

لتكن f : $f(x) = |x - 2|$ ، ابحث قابلية الدالة f للاشتقاق عند $x = 2$.

الحل

$$f(x) = \begin{cases} x-2 & : x \geq 2 \\ -(x-2) & : x < 2 \end{cases}$$

إعادة تعريف : $x \geq 2$

$x < 2$

f دالة متصلة عند $x = 2$

$$\begin{array}{c} \leftarrow -(x-2) \quad \oplus \quad x-2 \rightarrow \\ 2 \end{array}$$

الاشتقاق :

$$f(2) = (2) - 2 = 0$$

$$f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-(x-2) - 0}{x-2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} -\frac{(x-2)}{x-2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} (-1) = -1$$

اليسار :

$$f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-2 - 0}{x-2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-2}{x-2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} (1) = 1$$

$$\therefore f'_-(2) \neq f'_+(2)$$

$\therefore f'(2)$ غير موجودة

$\therefore f$ غير قابلة للاشتقاق عند $x = 2$

2-

أوجد معادلة المستقيم العمودي لمنحنى الدالة: $y = \sec x$ عند النقطة $F(\frac{\pi}{3}, 2)$

الحل

$$\frac{dy}{dx} = \sec x \cdot \tan x$$

نسبّق :

$$\frac{dy}{dx} \Big|_{x=\frac{\pi}{3}} = \sec \frac{\pi}{3} \cdot \tan \frac{\pi}{3} = \frac{1}{\cos \frac{\pi}{3}} \cdot \tan \frac{\pi}{3} = 2\sqrt{3}$$

نعوض :

$$\text{ميل العمودي} = -\frac{1}{m} = -\frac{1}{2\sqrt{3}}$$

$$m = 2\sqrt{3} \text{ : ميل المماس}$$

معادلة العمودي

$$y - y_1 = \frac{-1}{m} (x - x_1)$$

$$y - 2 = \frac{-1}{2\sqrt{3}} (x - \frac{\pi}{3})$$

$$y - 2 = \frac{-1}{2\sqrt{3}} x + 0.3$$

$$y = \frac{-1}{2\sqrt{3}} x + 0.3 + 2$$

$$y = \frac{-1}{2\sqrt{3}} x + 2.3$$

$$\text{تذكر} \\ \sec x = \frac{1}{\cos x}$$

النموذج السابع

1-

إذا كانت:

$$y = \frac{\sin x}{\sin x + \cos x}$$

أثبت أن

$$y' = (y \cdot \csc x)^2$$

الحل :

$$y' = \frac{(\sin x)' (\sin x + \cos x) - (\sin x)(\sin x + \cos x)'}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= \frac{\cos x (\sin x + \cos x) - \sin x (\cos x - \sin x)}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= \frac{\cos x \cdot \sin x + \cos^2 x - \sin x \cdot \cos x + \sin^2 x}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= \frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= \frac{1}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$(y \cdot \csc x)^2 = \left(\frac{\sin x}{\sin x + \cos x} \cdot \frac{1}{\sin x} \right)^2$$

$$= \frac{1}{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= y'$$

2-

$$f(0) = \frac{0 - 4}{0 + 2} = \frac{-4}{2} = -2$$

الحل:

$$f'(x) = \frac{(x+2) \cdot (3x-4)' - (x+2)' \cdot (3x-4)}{(x+2)^2}$$

$$= \frac{(x+2) \cdot (3) - (1) \cdot (3x-4)}{(x+2)^2}$$

المنهج الوتية
almanahj.com/kw

$$= \frac{10}{(x+2)^2}$$

ميل المماس :

$$m = f'(a) = f'(0) = \frac{10}{(0+2)^2} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

فتكون معادلة المماس هي

$$y - f(a) = f'(a) (x - a)$$

$$y - (-2) = \frac{5}{2} (x - 0)$$

$$2y + 4 = 5x$$

$$2y - 5x + 4 = 0$$

النموذج الثامن

1-

أثبت أن منحنى كل من الدالتين $y = \cos x$, $y = \frac{1}{\cos x}$ له مماس أفقي عند $x = 0$.

$$y = \cos x$$

$$y = \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{dy}{dx} = -\sin x$$

$$\frac{dy}{dx} = -\sin 0 = 0$$

$$y = \sec x$$

$$\frac{dy}{dx} = \sec x \tan x$$

$$\frac{dy}{dx} = \sec 0 \tan 0 = 0$$

كلا من الدالتين يوجد له مماس أفقي عند $x = 0$ ■■■

لأن لكل من الدالتين ميل المماس يساوي صفر عند النقطة $(x=0)$ وبالتالي ظل الزاويه التي يصنعها المماس مع محور السينات يساوي صفر لكل من الدالتين.

2-

الحل :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x < 1 \\ 2\sqrt{x} & : x \geq 1 \end{cases}$$

مجال الدالة : $D_f = (-\infty, 1] \cup (1, \infty) = \mathbb{R}$

$$f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 1 \\ \text{تبحث} & : x = 1 \\ \frac{1}{\sqrt{x}} & : x > 1 \end{cases}$$

$$f(2) = 2\sqrt{1} = 2$$



$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$$

إن وجدت

$$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$$

إن وجدت

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + 1 - 2}{x - 1}$$

$$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2\sqrt{x} - 2}{x - 1}$$

$$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2\sqrt{x} - 2}{x - 1}$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 - 1}{x - 1}$$

$$f'_+(1) = 2 \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt{x} - 1}{(\sqrt{x} - 1)(\sqrt{x} + 1)}$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{(x - 1)(x + 1)}{x - 1}$$

ومنها

$$f'_+(1) = 1$$

$$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (x + 1) : x \neq 1$$

$$f'_-(1) = 2$$

$$f'_-(1) \neq f'_+(1)$$

غير موجودة

و بالتالي $f'(1)$

$$f'(X) = \begin{cases} 2x & : x < 1 \\ \text{غير موجودة} & : x = 1 \\ \frac{1}{\sqrt{x}} & : x > 1 \end{cases}$$

$$f'(X) = \begin{cases} 2x & : x < 1 \\ \frac{1}{\sqrt{x}} & : x > 1 \end{cases}$$

النموذج التاسع

1-

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 6 & : x = 3 \end{cases} \quad \text{ادرس اتصال الدالة } f \text{ على } [1, 3] \text{ حيث:}$$

$$f(x) = x^2 - 3 \quad : \quad x \in (1, 3)$$

$$\forall c \in (1, 3)$$

$$f(c) = c^2 - 3$$

$$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \lim_{x \rightarrow c} (x^2 - 3) = c^2 - 3$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c) \quad \forall c \in (1, 3)$$

(1)

∴ الدالة f متصلة على $(1, 3)$

ندرس اتصال الدالة f عند $x = 1$ من جهة اليمين.

$$f(1) = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - 3) = -2$$

$$\therefore f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

(2)

∴ الدالة f متصلة عند $x = 1$ من جهة اليمين.

ندرس اتصال الدالة f عند $x = 3$ من جهة اليسار.

$$f(3) = 6$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} (x^2 - 3) = 6$$

$$\therefore f(3) = \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$$

(3)

∴ الدالة f متصلة عند $x = 3$ من جهة اليسار.

من (1), (2), (3)

∴ الدالة f متصلة على $[1, 3]$

2-

لتكن: $f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 5x + 4}$. ادرس اتصال الدالة f على $\mathbb{R}$.

الحل:

نفرض أن: $h(x) = x^2 - 5x + 4$, $g(x) = \sqrt[3]{x}$

$$f(x) = (g \circ h)(x)$$

$$f(x) = (g \circ h)(x) = g(h(x))$$

$$= g(x^2 - 5x + 4)$$

$$= \sqrt[3]{x^2 - 5x + 4}$$

∴ الدالة h متصلة على $\mathbb{R}$.

∴ الدالة g متصلة على $\mathbb{R}$.

∴ الدالة f متصلة على $\mathbb{R}$ لأنها عبارة عن تركيب دالتين كل منهما متصلة على $\mathbb{R}$.

النموذج العاشر

1-

أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة $y = \frac{8}{4 + x^2}$ عند النقطة $(2, 1)$



الحل :

$$f'(x) = \frac{(4 + x^2)(8)' - (8)(4 + x^2)'}{(4 + x^2)^2}$$

$$f'(x) = \frac{(4 + x^2)(0) - (8)(2x)}{(4 + x^2)^2}$$

$$f'(x) = \frac{-16x}{(4 + x^2)^2}$$

$$f'(2) = \frac{-16 \times 2}{(4 + 4)^2} = \frac{-32}{64} = -\frac{1}{2}$$

∴ ميل المماس يساوي $-\frac{1}{2}$

معادلة خط المماس $y - f(a) = f'(a)(x - a)$

$$y - 1 = -\frac{1}{2}(x - 2)$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 2$$

2-

بفرض أن u, v دالتان في x وقابلتان للاشتقاق عند $x = 0$ ، وأن

$$v'(0) = 2, \quad v(0) = -1, \quad u'(0) = -3, \quad u(0) = 5$$

أوجد قيم المشتقات التالية عند $x = 0$

- (a) $(uv)'$ (b) $\left(\frac{u}{v}\right)'$ (c) $\left(\frac{v}{u}\right)'$ (d) $(7v - 2u)'$



الحل

$$\frac{d}{dx}(uv) = u(0)v'(0) + v(0)u'(0) = (5)(2) + (-1)(-3) = 13 ; \text{ عند } x = 0 \quad (a)$$

$$\frac{d}{dx}\left(\frac{u}{v}\right) = \frac{v(0)u'(0) - u(0)v'(0)}{[v(0)]^2} = \frac{(-1)(-3) - (5)(2)}{(-1)^2} = -7 ; \text{ عند } x = 0 \quad (b)$$

$$\frac{d}{dx}\left(\frac{v}{u}\right) = \frac{u(0)v'(0) - v(0)u'(0)}{[u(0)]^2} = \frac{(5)(2) - (-1)(-3)}{(5)^2} = \frac{7}{25} ; \text{ عند } x = 0 \quad (c)$$

$$\frac{d}{dx}(7v - 2u) = 7v'(0) - 2u'(0) = 7(2) - 2(-3) = 20 ; \text{ عند } x = 0 \quad (d)$$