

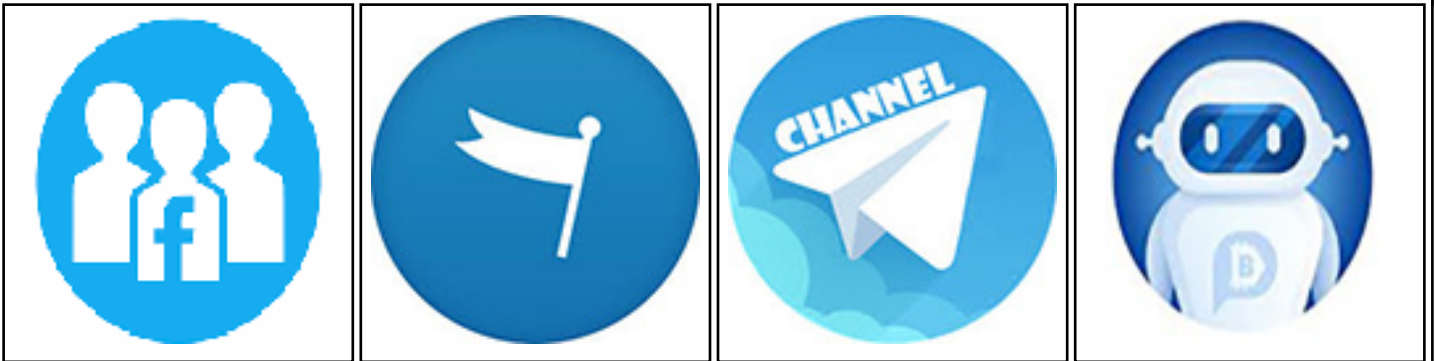
تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



الملف بنك إجابة تجميعية اختبارات تجريبية الفترة الأولى

[موقع المناهج](#) ⇌ [ملفات الكويت التعليمية](#) ⇌ [الصف الثاني عشر الأدبي](#) ⇌ [رياضيات](#) ⇌ [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر الأدبي



روابط مواد الصف الثاني عشر الأدبي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر الأدبي والمادة رياضيات في الفصل الأول

كتاب الطالب	1
حلول موضوعي كراسة التمارين	2
نموذج تدريبي ثاني من منطقة الأحمدى	3
نموذج تدريبي ثالث من منطقة الأحمدى	4
نموذج تدريبي أول من منطقة الأحمدى	5

نماذج إجابة

اختبارات

(الفترة الدراسية الأولى)

في

الرياضيات

الصف 12 د

2025/2024

A. Rinko

القسم الأول – أسئلة المقال
يجب مراعاة الحلول الأخرى لجميع الأسئلة

السؤال الأول : (٧ درجات)

(١) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n=81$ و متوسطها الحسابي $\bar{x}=50$ وانحرافها المعياري $\sigma=9$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥ % أوجد ما يلي :

(١) هامش الخطأ (٣ درجات)

(٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
الحل :

(١) $\therefore \sigma$ غير معلومة ، $n < 30$

$\therefore$ هامش الخطأ $h = z_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$

$\therefore$ مستوى الثقة ٩٥ % $\therefore$ القيمة الحرجة $z_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$

$\therefore n=81$ ، $\sigma=9$ ، $\bar{x}=50$

$$h = \frac{9}{\sqrt{81}} \times 1,96$$

$$h = 1,96$$

(٢) فترة الثقة هي $(\bar{x} - h , \bar{x} + h)$

$$= (50 - 1,96 , 50 + 1,96)$$

$$= (48,04 , 51,96)$$



مركز الأقسام العلمية
لجنة تقدر الدرجات



تابع السؤال الأول :

(٤ درجات)

(ب) من الجدول التالي:

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	١	١-	٤-	٦-	٥-

(١) أوجد معامل الارتباط الخطي r

(٢) حدد نوع وقوة الارتباط

الحل :

$$(١) \text{ معامل الارتباط : } r = \frac{n(\sum \text{س ص}) - (\sum \text{س})(\sum \text{ص})}{\sqrt{[n(\sum \text{س}^2) - (\sum \text{س})^2][n(\sum \text{ص}^2) - (\sum \text{ص})^2]}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	١	١	١	١
٢	١-	٢-	٤	١
٣	٤-	١٢-	٩	١٦
٤	٦-	٢٤-	١٦	٣٦
٥	٥-	٢٥-	٢٥	٢٥
١٥	١٥-	٦٢-	٥٥	٧٩
المجموع				

٢
١
٢
١
٢
١
٢
١
٢



$$r = \frac{5(15) - (62)(15)}{\sqrt{[5(15) - (62)^2][5(15) - (79)^2]}}$$

$$= \frac{85}{\sqrt{170} \times \sqrt{50}}$$

$$\approx -0.9220$$

(٢) نوع الارتباط : عكسي (سالب) قوي

٢
تراجع الحلول الأخرى



السؤال الثاني : (٧ درجات)

(أ) مجتمع احصائي قيد الدراسة أخذت منه عينه حجمها $n = 200$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 3,3$ فإذا كان الانحراف المعياري $\sigma = 0,7$

اختبر الفرض $H_0 : \mu = 3,5$ مقابل الفرض البديل $H_1 : \mu \neq 3,5$

عند مستوى المعنوية $(\alpha) = 0,05$ (٣ درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2}$$

(١) صياغة الفروض $H_0 : \mu = 3,5$ مقابل الفرض البديل $H_1 : \mu \neq 3,5$

(٢) $\sigma = 0,7$ (معلومة)

$$\frac{1}{2}$$

∴ نستخدم المقياس الإحصائي $z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$

$$\bar{x} = 3,3 \quad , \quad n = 200$$



مركز الأقسام العلمية
لجنة تقويم الدرجات

$$z = \frac{3,5 - 3,3}{\frac{0,7}{\sqrt{200}}} \approx -4,0406$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\alpha = 0,05 \leftarrow \frac{\alpha}{2} = 0,025$$

$$\frac{1}{2}$$

$$z_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$$

$$\frac{1}{2}$$

(٤) منطقة القبول هي $(-1,96, 1,96)$

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore -4,0406 \notin (-1,96, 1,96)$$

$$\frac{1}{2}$$

∴ القرار: نرفض فرض العدم $\mu = 3,3$ ونقبل الفرض البديل $\mu \neq 3,5$



تابع السؤال الثاني :

(٤ درجات)

(ب) باستخدام البيانات التالية لقيم س ، ص :

س	٢	١	٤	٦	٥	٣
ص	٧	٤	٨	١٠	٢	٥

أوجد معادلة خط الانحدار

الحل :

س	ص	ص	س
٢	٧	١٤	٤
١	٤	٤	١
٤	٨	٣٢	١٦
٦	١٠	٦٠	٣٦
٥	٢	١٠	٢٥
٣	٥	١٥	٩
المجموع	٢١	٣٦	٩١

١+١

$\frac{1}{2}$

$$ن = ٦ ، \bar{س} = \frac{٢١}{٦} = ٣,٥ ، \bar{ص} = \frac{٣٦}{٦} = ٦$$

ن (٣ س ص) - (٣ س) (٣ ص)

= ب

ن (٣ س ص) - (٣ س) (٣ ص)



مركز الأبحاث
لجودة التعليم

$$٠,٥١ \approx \frac{(٣٦) \times ٢١ - (١٣٥) \times ٦}{٢(٢١) - (٩١)٦} =$$

$$أ = \bar{ص} - ب \bar{س} = ٦ - ٠,٥١ \times ٣,٥ \approx ٤,٢٢$$

معادلة خط الانحدار هي : $\hat{ص} = أ + ب س$

$$\hat{ص} = ٤,٢٢ + ٠,٥١ س$$

تراجع الحلول الأخرى



$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

السؤال الثالث : (٧ درجات) (٣ درجات)

(أ) أخذت عينه عشوائية بسيطة حجمها $n = 25$ من مجتمع طبيعي
أوجد القيمة الحرجة t_{α} المناظرة لمستوى الثقة ٩٥ % باستخدام جدول التوزيع t

الحل :

$$n = 25$$

$$\therefore \text{ درجات الحرية } (n - 1) = 25 - 1$$

$$= 24$$

$$\therefore \text{ مستوى الثقة } 95\%$$

$$\therefore 1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0.025$$

ومن جدول التوزيع t

$$t_{\alpha/2} = t_{0.025} = 2.064$$



٥
نراعى الحلول الأخرى

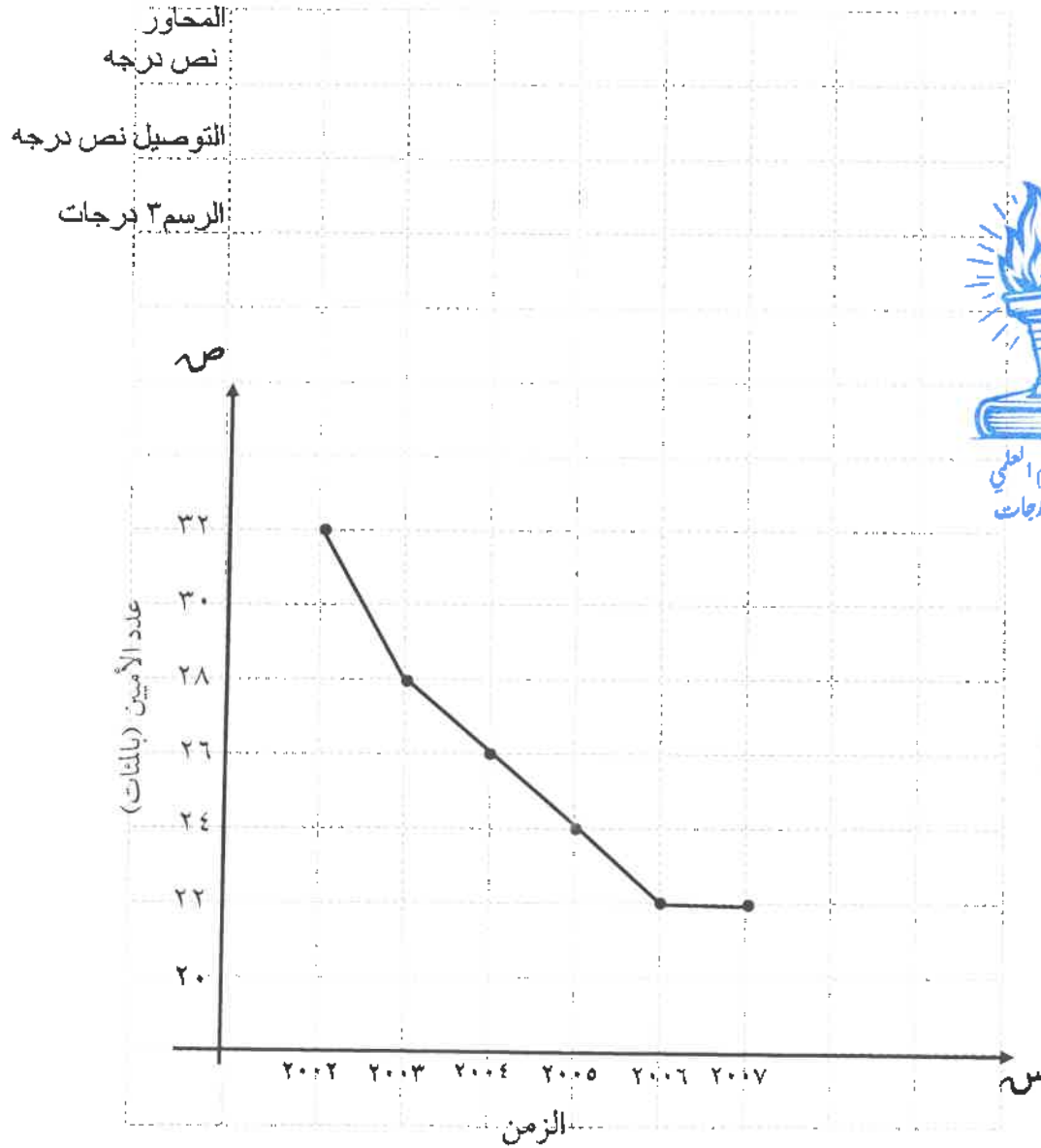
تابع السؤال الثالث:

(ب) يبين الجدول التالي عدد الأميين (ص) بالملئات في محافظة ما من خلال الفترات الزمنية الموضحة :

س	٢٠٠٢	٢٠٠٣	٢٠٠٤	٢٠٠٥	٢٠٠٦	٢٠٠٧
ص	٣٢	٢٨	٢٦	٢٤	٢٢	٢٢

مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه .

الحل:



تراجع الحلول الأخرى

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل في ورقة الاجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) إذا كانت فترة الثقة للوسط الحسابي للمجتمع μ هي: (٢٦,٠٨ ، ٣٣,٩٢) فإن $\bar{S} = 30$

(٢) تتأثر السلسلة الزمنية بمتغير واحد فقط هو التغيرات الموسمية

(٣) إذا كان r معامل الارتباط بين متغيرين فإن $-1 \leq r \leq 1$

ثانياً: في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة

الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

(٤) إذا كانت $n = 16$ ، $\bar{S} = 70$ ، $E = 5$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = 72$

عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$ فإن المقياس الإحصائي هو:

(أ) $1,6 = t$ (ب) $1,6 = -t$ (ج) $1,6 = t$ (د) $1,6 = -t$

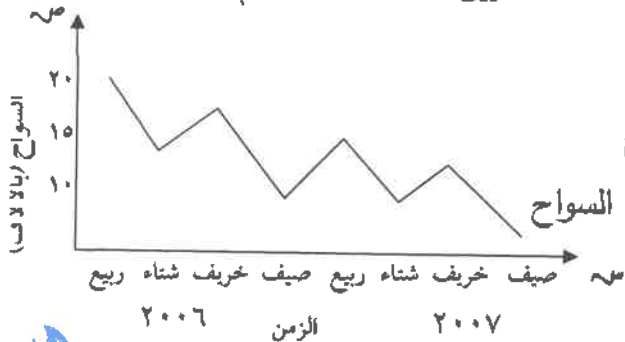
(٥) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين S ، V هي $\hat{V} = 1 + 1,4S$ فإن مقدار الخطأ عند $S = 5$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $V = 9$ يساوي:

(أ) ٨ (ب) ١٧ (ج) ١ (د) ١-

(٦) إذا كانت قيمة معامل الارتباط (r) بين متغيرين حيث $r \in [0,7, 1)$ فإن العلاقة:

(أ) طرديه قويه (ب) طرديه تامه (ج) عكسيه تامه (د) عكسيه قويه

(٧) الشكل المقابل يبين عدد السواح خلال الفترة الزمنية المحددة للعاميين ٢٠٠٦-٢٠٠٧م



فإن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية يشير إلى:

(أ) تزايد عدد السواح (ب) تناقص عدد السواح

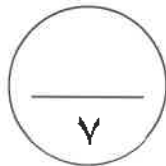
(ج) تزايد ثم تناقص عدد السواح (د) تناقص ثم تزايد عدد السواح

انتهت الأسئلة



ورقة إجابة البنود الموضوعية

رقم السؤال	الإجابة
(١)	☒ ب
(٢)	☒ ب
(٣)	☒ ب
(٤)	☒ ب
(٥)	☒ ب
(٦)	☒ ب
(٧)	☒ ب



لكل بند درجة واحدة فقط



القسم الأول – أسئلة المقال
يجب مراعاة الحلول الأخرى لجميع الأسئلة

السؤال الأول : (٧ درجات)

(١) أخذت عينه عشوائيه حجمها $n=25$ فوجد أن متوسط العينه $\bar{x} = 18,4$ والانحراف المعياري للمجتمع $\sigma = 3,6$ عند مستوى ثقته ٩٥ % أوجد ما يلي :

(١) هامش الخطأ

(٢) فترة الثقة للمتوسط الحسابي الإحصائي μ

الحل :

$$(١) \therefore \text{مستوى الثقة } ٩٥ \% \therefore \text{القيمة الحرجة } q_{\frac{\alpha}{2}} = 1,96$$

$$\therefore \sigma \text{ معلومه } \therefore \text{هامش الخطأ} = q_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

$$\therefore n=25, \sigma=3,6, \bar{x}=18,4$$
$$= 1,96 \times \frac{3,6}{\sqrt{25}}$$

$$= 1,4112$$

(٢) فترة الثقة هي ($\bar{x} - h, \bar{x} + h$)

$$= (18,4 - 1,4112, 18,4 + 1,4112)$$

$$= (16,9888, 19,8112)$$



تراجعى الحلول الأخرى



تابع السؤال الأول :

(ب) أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٤٪ (٣ درجات)

• باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

الحل :

∴ مستوى الثقة ٩٤٪

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore 1 - \alpha = 0,94$$

$$\frac{1}{2}$$

$$0,47 = \frac{0,94}{2} = \frac{1 - \alpha}{2}$$

نبحث في الجدول عن القيمة ٠,٤٧ نجدها تقع بين ٠,٤٦٩٩ ، ٠,٤٧٠٦

$$1$$

∴ $q_{\frac{\alpha}{2}}$ تقع بين القيمتين ١,٨٨ و ١,٨٩

$$\frac{1}{2}$$

$$\therefore q_{\frac{\alpha}{2}} = \frac{1,88 + 1,89}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= 1,885$$



تراجعى الحلول الأخرى

(٤ درجات)

السؤال الثاني : (٧ درجات)

(١) في عينه عشوائيه اذا كانت $n = 10$ ، فإذا كان $\bar{s} = 20$ ، $\epsilon = 4$

اختبر الفرض $H_0 : \mu = 22$ مقابل الفرض البديل $H_1 : \mu \neq 22$

عند مستوى معنوية $(\alpha) = 0.05$

الحل:

$\frac{1}{2}$

(١) صياغة الفروض $H_0 : \mu = 22$ مقابل الفرض البديل $H_1 : \mu \neq 22$

(٢) σ غير معلومه ، $n = 10$ ($n \geq 30$)

$\frac{1}{2}$

$\therefore$ نستخدم المقياس الإحصائي t : $t = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\epsilon}{\sqrt{n}}}$

$\therefore n = 10$ ، $\bar{s} = 20$ ، $\epsilon = 4$

$\frac{1}{2}$

$$t = \frac{22 - 20}{\frac{4}{\sqrt{10}}} = 1.5811$$

$\frac{1}{2}$

(٣) $\therefore$ مستوى الثقة ٩٥٪ ، درجات الحرية $(n - 1) = 10 - 1 = 9$

$$\alpha = 0.05 \leftarrow \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

$\frac{1}{2}$

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2.262$$

$\frac{1}{2}$

(٤) منطقة القبول هي $(-2.262, 2.262)$

$\frac{1}{2}$

(٥) $\therefore 1.5811 \in (-2.262, 2.262)$

$\frac{1}{2}$

$\therefore$ القرار قبول فرض العدم $\mu = 22$

$\frac{1}{2}$



تراجعى الحلول الأخرى



تابع السؤال الثاني :

(٣ درجات)

(ب) من البيانات التالية :

٦	٨	٨	١٥	٤	س
٤	٧	٦	١٠	٣	ص

(١) أوجد معامل الارتباط الخطي r

(٢) حدد نوع وقوة الارتباط

الحل :

(١) معامل الارتباط : $r = \frac{n(\sum s \cdot v) - (\sum s)(\sum v)}{\sqrt{[n(\sum s^2) - (\sum s)^2][n(\sum v^2) - (\sum v)^2]}}$

$$\frac{n(\sum s \cdot v) - (\sum s)(\sum v)}{\sqrt{[n(\sum s^2) - (\sum s)^2][n(\sum v^2) - (\sum v)^2]}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
٤	٣	١٢	١٦	٩
١٥	١٠	١٥٠	٢٢٥	١٠٠
٨	٦	٤٨	٦٤	٣٦
٨	٧	٥٦	٦٤	٤٩
٦	٤	٢٤	٣٦	١٦
٤١	٣٠	٢٩٠	٤٠٥	٢١٠
المجموع				

$$= \frac{(290) - (41)(30)}{\sqrt{[41(41) - (405)] \cdot [30(30) - (210)]}}$$

$$= \frac{220}{\sqrt{150 \times 344}}$$

$$= \frac{220}{\sqrt{51600}}$$

$$\approx 0.9684$$

(٢) نوع الارتباط : طردي (موجب) قوي

تراجعى الحلول الأخرى

٤



السؤال الثالث : (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) يبين الجدول التالي قيم المتغيرين (س) ، (ص)

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد معادلة خط الانحدار

الحل :

س	ص	ص	س
١	٣	٣	١
٢	٥	١٠	٤
٤	٩	٣٦	١٦
٥	١١	٥٥	٢٥
١٢	٢٨	١٠٤	٤٦
المجموع			

$$ن = ٤ ، \bar{ص} = \frac{١٢}{٤} = ٣ ، \bar{س} = \frac{٢٨}{٤} = ٧$$

$$ن (\bar{ص} س ص) - (\bar{ص} س) (\bar{ص})$$

= ب

$$ن (\bar{ص} س) - (\bar{ص} س)$$

$$٢ = \frac{(٢٨) \times ١٢ - (١٠٤) \times ٤}{٢(١٢) - (٤٦) \times ٤} =$$

$$١ = ٣ \times ٢ - ٧ = \bar{ص} - ب \bar{س} = أ$$

معادلة خط الانحدار هي : $\hat{ص} = أ + ب س$

$$\hat{ص} = ١ + ٢ س$$



تراجعى الحلول الأخرى



تابع السؤال الثالث:

(ب) يبين الجدول التالي عدد العاملين (ص) بالآلاف في إحدى الشركات خلال السنوات (س) من سنة ٢٠١٦ إلى سنة ٢٠٢٠

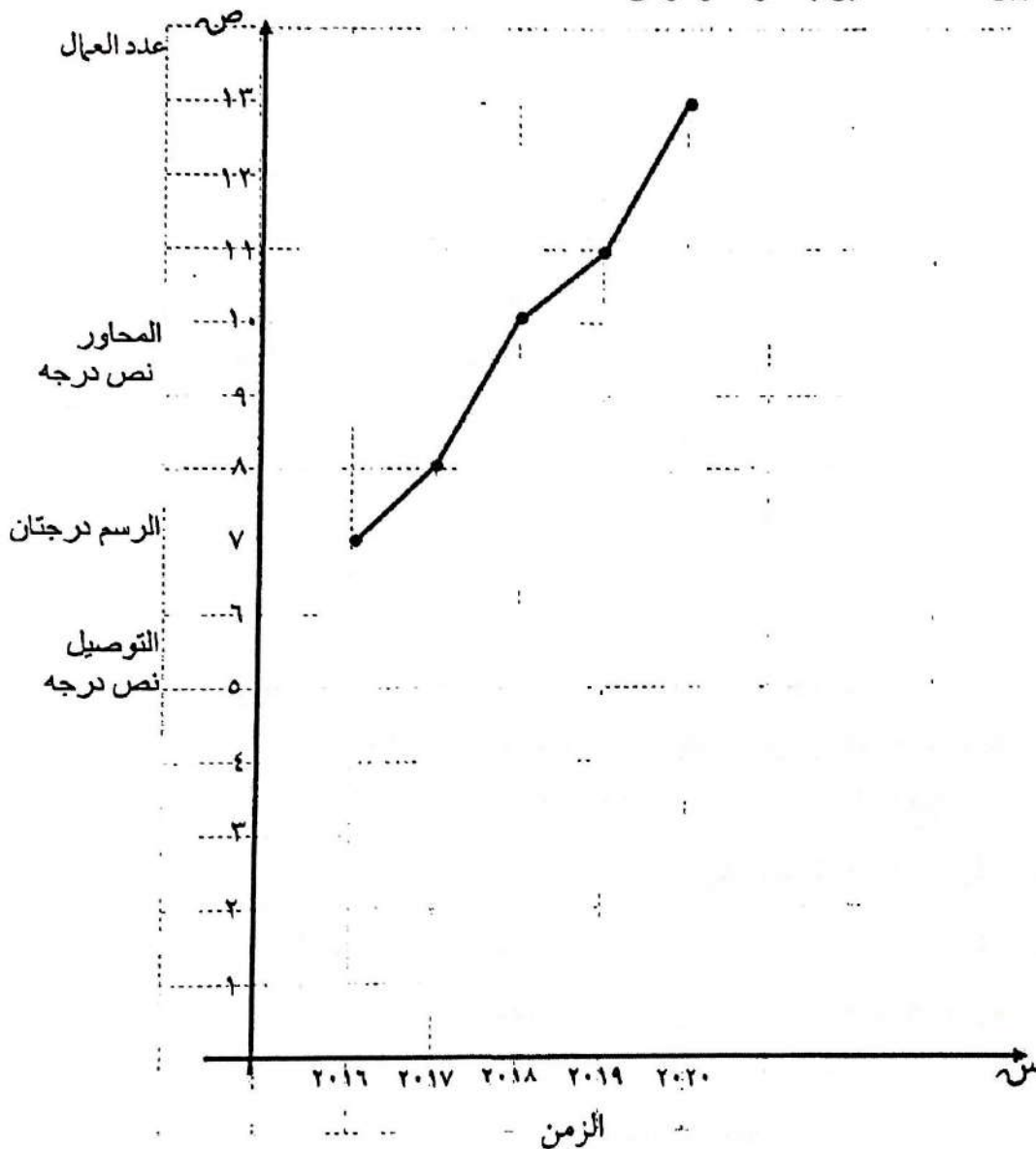
س	٢٠١٦	٢٠١٧	٢٠١٨	٢٠١٩	٢٠٢٠
ص	٧	٨	١٠	١١	١٣

(١) مثل بيانات السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه .

(٢) ما العلاقة بين عدد العاملين بالشركة والزمن ؟

الحل:

(١)



(٢) نلاحظ أن عدد العمال في تزايد مع الزمن

٦
تراجع الحلول الأخرى



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) إذا كانت فترة الثقة للوسط الحسابي للمجتمع μ هي: (٣٦,٤٤٤ ، ٣٨,٩٥٦) فإن $\bar{S} = ٣٧,٧$

(٢) التغيرات الموسمية هي التغيرات التي تتكرر بانتظام خلال فترات زمنية أكثر من سنة .

(٣) إذا كان r معامل الارتباط بين متغيرين فإن $-1 \leq r \leq 1$

ثانياً : في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة

الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

(٤) أخذت عينة من مجتمع طبيعي حجمها $n = ١٥$ ومتوسطها الحسابي $\bar{S} = ١,٧$ وانحرافها المعياري $\sigma = ٤,٢$ عند مستوى ثقة ٩٥ % فإن هامش الخطأ يساوي تقريباً :
(أ) ٢,١٢٥ (ب) ١,٩٦ (ج) ٢,٣٢٦١ (د) ليس أي مما سبق

(٥) إذا كانت $n = ٣٦$ ، $\bar{S} = ١١,٦$ ، $\sigma = ٢,٥$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٢٠$ عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو:
(أ) $t = ٢٠,١٦$ (ب) $t = ٢٠,١٦$ (ج) $q = ٢٠,١٦$ (د) $q = -٢٠,١٦$

(٦) أخذت عينة عشوائية من مجتمع إحصائي حجمها n ، $\bar{S} = ٣٠$ وتباين المجتمع $\sigma^2 = ٩$ فإذا كان الحد الأدنى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥ % يساوي ٢٨,٠٤ فإن $n =$
(أ) ٦٤ (ب) ٩ (ج) ٨١ (د) ٢٥

(٧) العوامل التي تؤثر في السلسلة الزمنية هي

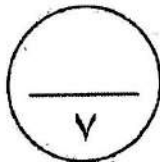
(أ) الاتجاه العام فقط (ب) التغيرات الدورية فقط
(ج) التغيرات الموسمية والعرضية (د) جميع ما سبق

"انتهت الأسئلة"



ورقة إجابة البنود الموضوعية

رقم السؤال	الإجابة
(١)	ب
(٢)	أ
(٣)	ب
(٤)	أ
(٥)	أ
(٦)	أ
(٧)	أ



لكل بند درجة واحدة فقط



القسم الأول – أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (٧ درجات)

(أ) إذا كانت $n = ٨٠$ ، $\bar{x} = ٣٧,٢$ ، $s = ١,٧٩$ (٤ درجات)

اختبر الفرض بأن $\mu = ٣٧$ ، عند مستوى $\alpha = ٠,٠٥$

الحل:

صياغة الفروض

ف. : $\mu = ٣٧$ مقابل ف. : $\mu \neq ٣٧$

σ غير معلومة ، $n = ٨٠ > ٣٠$

$\therefore$ نستخدم المقياس الإحصائي z : $z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$

$\therefore n = ٨٠$ ، $\bar{x} = ٣٧,٢$ ، $s = ١,٧٩$

$$z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = \frac{٣٧ - ٣٧,٢}{\frac{١,٧٩}{\sqrt{٨٠}}} = -٠,٩٩٩$$

$$\alpha = ٠,٠٥ \leftarrow \frac{\alpha}{٢} = ٠,٠٢٥ \leftarrow z_{\frac{\alpha}{٢}} = ١,٩٦$$

منطقة القبول هي $(-١,٩٦ ، ١,٩٦)$

$$\therefore -٠,٩٩٩ \in (-١,٩٦ ، ١,٩٦)$$

$\therefore$ القرار بقبول فرض العدم $\mu = ٣٧$



تابع السؤال الأول :

(ب) أوجد القيمة الحرجة α المناظرة لمستوى الثقة ٩٠ ٪ باستخدام جدول (٣ درجات)

التوزيع الطبيعي المعياري

الحل :

∴ مستوى الثقة ٩٠ ٪

$$\therefore 1 - \alpha = 0.90$$

$$\therefore 0.45 = \frac{1 - \alpha}{2} = \frac{0.90 - 1}{2}$$

نبحث في جدول التوزيع الطبيعي المعياري عن قيمة α المناظر للعدد ٠,٤٥

فنجدها تقع بين القيمتين ٠,٤٤٩٥ ، ٠,٤٥٠٥ أي أن α تقع بين ١,٦٤ ، ١,٦٥

لذا نأخذ المتوسط الحسابي للقيمتين ١,٦٤ ، ١,٦٥ كتقدير لقيمة α

$$\therefore \alpha = \frac{1.64 + 1.65}{2} = \frac{3.29}{2}$$

$$\therefore \alpha = 1.645$$



السؤال الثاني: (٧ درجة)

(أ) أوجد معامل الارتباط r وحدد نوعه وقوته للمتغيرين S ، V حيث :

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	١	١	٤	٦	٥

الحل:

س	ص	س - $\bar{S}$	ص - $\bar{V}$	(س - $\bar{S}$) ^٢	(ص - $\bar{V}$) ^٢	(س - $\bar{S}$) (ص - $\bar{V}$)
١	١	-٢	-٤	٤	١٦	-٨
٢	١	-١	-٤	١	١٦	-٤
٣	٤	٠	٠	٠	١	٠
٤	٦	١	٢	١	٩	٢
٥	٥	٢	١	٤	١	٢
المجموع	١٥	٠	٠	١٠	٣٤	١٧

$$\text{معامل الارتباط : } r = \frac{\sum (S - \bar{S})(V - \bar{V})}{\sqrt{\sum (S - \bar{S})^2} \sqrt{\sum (V - \bar{V})^2}}$$

$$\therefore \bar{S} = \frac{\sum S}{n} = \frac{15}{5} = 3, \quad \therefore \bar{V} = \frac{\sum V}{n} = \frac{17}{5} = 3.4$$

$$\therefore r = \frac{17}{\sqrt{10} \times \sqrt{34}} \approx 0.922$$

نوع الارتباط عكسي سالب قوي



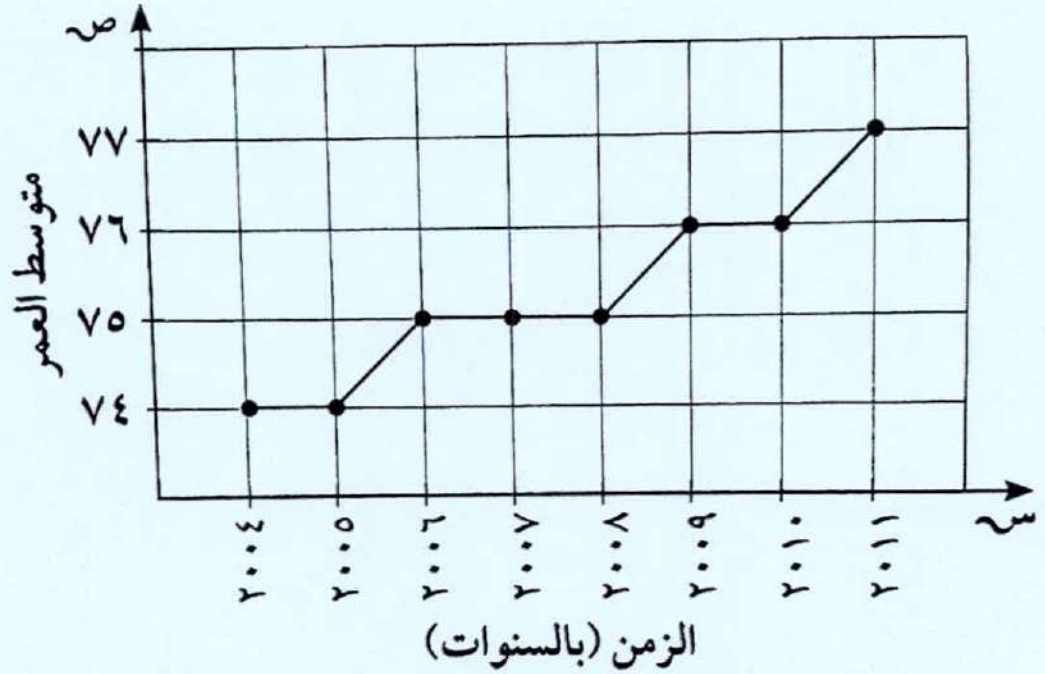
تابع السؤال الثاني:

(ب) يبين الجدول التالي متوسط العمر (ص) في إحدى الدول خلال السنوات (س) (٣ درجات)
من سنة ٢٠٠٤ إلى ٢٠١١

الزمن (س)	٢٠٠٤	٢٠٠٥	٢٠٠٦	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١
العمر (ص)	٧٤	٧٤	٧٥	٧٥	٧٥	٧٦	٧٦	٧٧

- (١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه .
(٢) ما نوع العلاقة بين متوسط العمر و الزمن ؟

الحل :



(٢) نلاحظ أن متوسط العمر في تزايد مع الزمن



السؤال الثالث: (٧ درجة)

(أ) اخذت عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 23$ من مجتمع طبيعي (درجتين)

أوجد القيمة الحرجة α المناظرة لمستوى الثقة ٩٥٪ باستخدام جدول التوزيع t .

الحل:

$$n = 23$$

$$\therefore \text{درجات الحرية} (n - 1) = 23 - 1 = 22$$

$\therefore$ مستوى الثقة هو ٩٥٪

$$\therefore 1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0.025$$

ومن جدول التوزيع t

$$t_{0.025, 22} = 2.074 = \alpha$$



تابع السؤال الثالث:

(ب) الجدول التالي يبين انتاج احدى شركات السيارات بالآلاف سيارة ،

من سنة ٢٠٠٧ حتى ٢٠١٣

السنة (س)	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩	٢٠١٠	٢٠١١	٢٠١٢	٢٠١٣
عدد السيارات بالآلاف (ص)	٤٠	٦٠	٧٠	٩٠	١٠٠	١٥٠	١٨٠

أوجد معادلة الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

الحل:

نعتبر ان سنة ٢٠٠٧ هي سنة الأساس

السنوات	س	ص	س ص	س ^٢
٢٠٠٧	٠	٤٠	٠	٠
٢٠٠٨	١	٦٠	٦٠	١
٢٠٠٩	٢	٧٠	١٤٠	٤
٢٠١٠	٣	٩٠	٢٧٠	٩
٢٠١١	٤	١٠٠	٤٠٠	١٦
٢٠١٢	٥	١٥٠	٧٥٠	٢٥
٢٠١٣	٦	١٨٠	١٠٨٠	٣٦
المجموع	٢١	٦٩٠	٢٧٠٠	٩١



، $n = 7$

$\frac{1}{n} + \frac{1}{n}$

$$\bar{S} = \frac{\sum S}{n} = \frac{21}{7} = 3, \quad \bar{V} = \frac{\sum V}{n} = \frac{690}{7} = 98,5714$$

$\frac{1}{n} + \frac{1}{n}$

$$b = \frac{\sum S^2 - \frac{(\sum S)^2}{n}}{n(\sum V - \bar{V})} = \frac{91 - \frac{21^2}{7}}{7(690 - 21 \times 3)} = \frac{22,5}{31,0714}$$

$\frac{1}{n}$

$$a = \bar{V} - b \bar{S} = 98,5714 - 3 \times 22,5 = 31,0714$$

∴ معادلة الاتجاه العام هي : $\hat{V} = a + bS$

$\frac{1}{n}$

$$\hat{V} = 31,0714 + 22,5S$$



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١) إلى (٣) عبارات ظلل الدائرة ① إذا كانت العبارة صحيحة

② إذا كانت العبارة خاطئة .

(١) الانحدار هو وصف العلاقة بين متغيرين .

(٢) إذا كانت فترة الثقة للوسط الحسابي للمجتمع (μ) هي (٣٦,٦٤٤ ، ٣٨,٩٥٦)

فإن $\bar{s} = ٣٧,٨$

(٣) المعلمة هي ثابت يصف العينة أو يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها .

ثانياً: في البنود من (٤) إلى (٧) لكل بند أربع اختيارات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(٤) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي $\widehat{ص} = ٥,٥ + ٣,٤س$ فإن قيمة ص المتوقعة عندما $س = ٦$ هي

① ٠,٥ ② ٦,٨ ③ ٢٩,٩٨ ④ ٢٥,٩

(٥) إذا كانت $ن = ١٦$ ، $\bar{s} = ٣٥$ ، $\sigma = ٨$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٣٠$ عند مستوى معنوية $\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو

① ت = ٢,٥ ② و = ٢,٥ -

③ و = ٢,٥ ④ ت = ٢,٥ -

(٦) إذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص يساوي صفر فإن الارتباط يكون

① قوي ② ضعيف ③ منعدم ④ تام

(٧) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري $١,٤٨٩٨$ يساوي :

① ٢,٣ ② ٢,٣٢ ③ ٢,٣١ ④ ٢,٣٣

انتهت الأسئلة "



القسم الأول : الأسئلة المقالية (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول : (٧ درجات)

(أ) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمه (ن) = ١٣ ، فإذا كان الانحراف المعياري للمجتمع (ع) = ٢,٣ ، والمتوسط الحسابي (س) = ٨,٤ ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ % .
أوجد ما يلي :
(٤ درجات)

نموذج الاجابة

١- هامش الخطأ .
٢- فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي (١١) .

الحل

نصف درجة

$$١- \because \sigma^2 \text{ غير معلومه ، } n \geq 30$$

نصف درجة

$$\because \text{ يستخدم توزيع ت حيث } n = 13$$

نصف

$$\because \text{ درجات الحرية } (n - 1) = 13 - 1 = 12$$

$$\because \text{ مستوى الثقة } 1 - \alpha = 95\%$$

$$1 - \alpha = 0,95$$

$$\alpha = 0,050$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0,025$$

نصف درجة

من جدول التوزيع ت تكون قيمة ت $\frac{\alpha}{2}$ = ٠,٠٢٥ = ٢,١٧٩

درجة

$$\text{هامش الخطأ ه} = ت \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{2,3}{\sqrt{13}} \times 2,179 = 1,39 \approx$$

٢- فترة الثقة = (س - ه ، س + ه)

نصف درجة

$$= (8,4 - 1,39 , 8,4 + 1,39)$$

نصف درجة

$$= (7,01 , 9,79)$$

تراعي جميع الطول الأخرى

(١)



نموذج الاجابة

تابع السؤال الاول :

(ب) أوجد القيمة الحرجة $ق_{\alpha}$ المناظرة لمستوى ثقة ٩٧ % .
باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري .
(٣ درجات)

الحل

∴ مستوى الثقة ٩٧ %

$$\therefore ٠,٩٧ = \alpha - ١$$

$$٠,٤٨٥ = \frac{٠,٩٧}{٢} = \frac{\alpha - ١}{٢}$$

من جدول التوزيع الطبيعي المعياري نبحث عن القيمة ٠,٤٨٥

$$\text{نجد } ٢,١٧ = ق_{\frac{\alpha}{٢}}$$



تدريسي



(١) اذا كانت $n = 80$ ، $\bar{x} = 37,2$ ، $s = 1,79$ اختبار الفرض بان $(\mu) = 37$ عند مستوى

(٤ درجات)

نموذج الاجابة

معنوية $(\alpha) = 0,05$

الحل

(١) صياغة الفروض $H_0: \mu = 37$ مقابل $H_1: \mu \neq 37$

(٢) σ غير معلومة ، $n < 30$

نستخدم المقياس الإحصائي t :

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = \frac{37,2 - 37}{\frac{1,79}{\sqrt{80}}} \approx 1$$

$$0,025 = \frac{\alpha}{2} \leftarrow 0,05 = \alpha \quad (3)$$

$$t_{\alpha/2} = 1,96$$

(٤) منطقة القبول هي $(-1,96, 1,96)$

$$1 \in (-1,96, 1,96)$$

القرار هو قبول فرض العدم أن $\mu = 37$

نصف درجة

نصف درجة

درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة



تراعي جميع الطول الأخرى



(ب) احسب معامل الارتباط الخطي (r) للبيانات التالية ثم حدد نوعه وقوته . (٣ درجات)

نموذج الاجابة

٧	٦	٥	٤	٣	س
٠	١	٢	٣	٤	ص

الحل

ن ($\sum$ ص) - ($\sum$ س) ($\sum$ ص)

$$r = \frac{\sum (S - \bar{S})(V - \bar{V})}{\sqrt{\sum (S - \bar{S})^2 \sum (V - \bar{V})^2}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
٣	٤	١٢	٩	١٦
٤	٣	١٢	١٦	٩
٥	٢	١٠	٢٥	٤
٦	١	٦	٣٦	١
٧	٠	٠	٤٩	٠
٢٥	١٠	٤٠	١٣٥	٣٠
المجموع				

درجة ونصف

$$10 \times 25 - 40 \times 5$$

نصف درجة

$$r = \frac{10 \times 25 - 40 \times 5}{\sqrt{(10 - 30 \times 5)(19 - 135 \times 5)}}$$

نصف درجة

$$r \approx -0.4$$

نصف درجة

نوع الارتباط : عكسي ضعيف



نراعي جميع الحلول الأخرى



نموذج الاجابة

السؤال الثالث : (٧ درجات)

(٣ درجات)

(أ) من البيانات التالية لقيم س ، ص

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد مايلي :

(١) معادلة خط الانحدار

(٢) قيمة ص عندما س = ٧

الحل :

$$ن = \frac{(\sum س ص) - (\sum س)(\sum ص)}{n}$$

= ب

$$ن = \frac{(\sum س^2) - (\sum س)^2}{n}$$

س	ص	س ص	س ^٢
١	٣	٣	١
٢	٥	١٠	٤
٤	٩	٣٦	١٦
٥	١١	٥٥	٢٥
المجموع	١٢	٢٨	٤٦

$$ن = ٤ ، \quad \bar{س} = \frac{١٢}{٤} = ٣ ، \quad \bar{ص} = \frac{٢٨}{٤} = ٧$$

$$ب = \frac{٢٨ \times ١٢ - ١٠٤ \times ٤}{١٢ \times ١٢ - ٤٦ \times ٤} = ٢$$

$$١ = \bar{ص} - ب \bar{س} = ٧ - ٣ \times ٢ = ١$$

معادلة خط الانحدار هي : $\hat{ص} = ٢س + ١$

$$\hat{ص} = ٢ + ١ = ٣$$

قيمة ص عندما س = ٧ هي :

$$\hat{ص} = ١ + ٢ \times ٧ = ١٥$$

تراعي جميع الطول الأخرى



نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نموذج الاجابة

تابع السؤال الثالث :

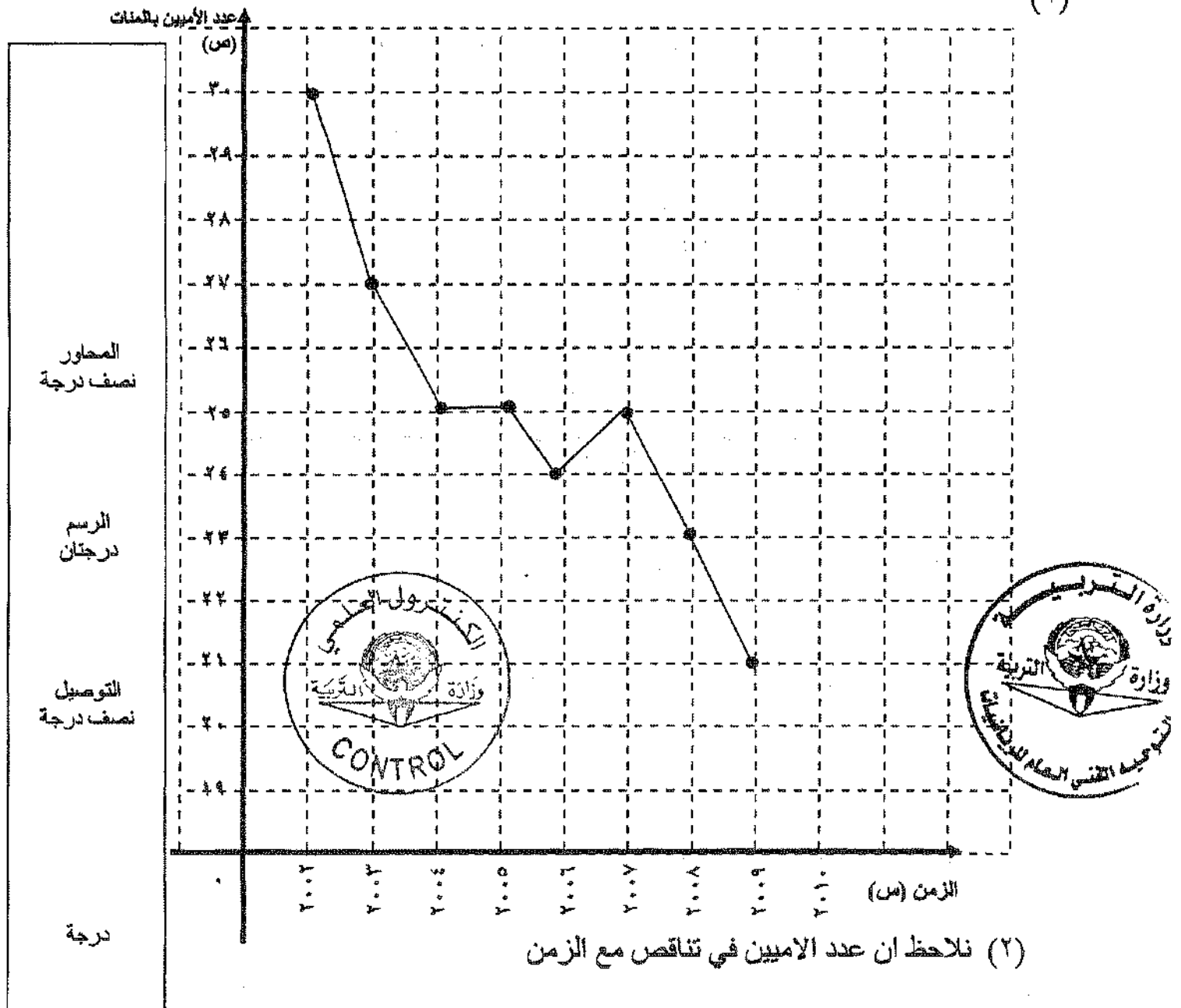
(ب) تهتم الدول بتنمية شعوبها من خلال القضاء على الأمية باستخدام الحاسوب وذلك باعداد برامج بهذا الخصوص . والجدول التالي يوضح عدد الاميين بالمئات في محافظة ما من خلال الفترات الزمنية الموضحة

الزمن	٢٠٠٢	٢٠٠٣	٢٠٠٤	٢٠٠٥	٢٠٠٦	٢٠٠٧	٢٠٠٨	٢٠٠٩
عدد الاميين بالمئات	٣٠	٢٧	٢٥	٢٥	٢٤	٢٥	٢٣	٢١

(١) المطلوب : مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول اعلاه
(٢) ما نوع العلاقة بين عدد الاميين والزمن

الحل

(١)



(٦)

تراعي جميع الحلول الأخرى

امتحان (الرياضيات) الفترة الدراسية الاولى للصف الثاني عشر ادبي ٢٠١٩/٢٠٢٠م

القسم الثاني: البنود الموضوعية : (٧ درجات)

نموذج الاجابة

أولاً: في البنود (١ - ٢) عبارات لكل بند ظلل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) المعلمه هي ثابت يصف المجتمع أو يصف توزيع المجتمع كالمتوسط الحسابي (μ) أو الانحراف المعياري (σ).

(٢) لا تتأثر السلسلة الزمنية بالمتغيرات الفجائية.

ثانياً: في البنود (٣ - ٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها .

(٣) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري $Q_{0.4922} =$

(أ) ٢٤,٣ (ب) ٢,٤ (ج) ٢,٤٢ (د) ٢٤,٠٣

(٤) اخذت عينة حجمها $n = ٢٥$ ، $\bar{x} = ٤٠$ من مجتمع طبيعي تباينه $\sigma^2 = ٢٥$ ، فإن الحد الأدنى لفترة الثقة عند مستوى ثقته ٩٥ % هو :

(أ) ٤٠ (ب) $٢ \times ١,٩٦ - ٤٠$ (ج) $١,٩٦ + ٤٠$ (د) $١,٩٦ - ٤٠$

(٥) إذا كانت $n = ١٦$ ، $\bar{x} = ٣٥$ ، $\sigma = ٨$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٣٠$ عند مستوى

معنويه $\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو:

(أ) $Q = ٢,٥$ (ب) $t = ٢,٥$ (ج) $Q = -٢,٥$ (د) $t = -٢,٥$

(٦) إذا كانت معادلة الاتجاه العام لأعداد الطلبة المبتعثين خلال الفترة ١٩٩٧ حتى ٢٠٠٤ هي

$\hat{y} = ٢,٨٢x + ١,٨$ فإن العدد المتوقع للطلاب المبتعثين عام ٢٠٠٧ يساوي

(أ) ٢٧ (ب) ٣٠ (ج) ٢٨ (د) ليس أياً مما سبق

(٧) قيمة معامل الارتباط (r) التي تجعل الارتباط عكسي متوسط بين المتغيرين x ، y هي :

(أ) -١ (ب) ١ (ج) ٠,٥ (د) -٠,٥

انتهت الأسئلة
(٧)



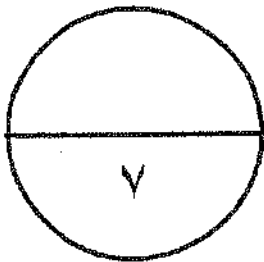
نموذج الاجابة

اجابة البنود الموضوعية
(لكل بند درجة)

١	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٢	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٣	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٤	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٥	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٦	(أ)	(ب)	(ج)	(د)
٧	(أ)	(ب)	(ج)	(د)

المصحح:

المراجع:



بولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الفترة الدراسية الأولى - للصف الثاني عشر انبي ٢٠١٩/٢٠١٨ م

المجال : الرياضيات - القسم الانبي

عدد الصفحات : ٨

الزمن : ساعتان وخمس عشر دقيقة

أولاً : (أسئلة المقال)

نموذج الاجابة

(اجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها) :
السؤال الأول :-

(١) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 160$ فإذا كان الانحراف المعياري

للمجتمع $\sigma = 2$ والمتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 9.3$ باستخدام مستوى ثقة 95%

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

٨ درجات

الحل : (١) مستوى الثقة 95% . القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$

بما أن σ معلومة . هامش الخطأ $h = q_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$

$\therefore n = 160$ ، $\sigma = 2$ ، $\bar{x} = 9.3$

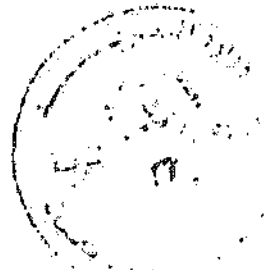
$$h = 1.96 \times \frac{2}{\sqrt{160}} = 0.3099$$

(٢) فترة الثقة = $(\bar{x} - h , \bar{x} + h)$

$$= (9.3 - 0.3099 , 9.3 + 0.3099)$$

$$= (8.9901 , 9.6099)$$

تراجعى الخطوات الأخرى



تابع / السؤال الأول :-

نموذج الإجابة

(ب) أخذت عينه عشوائيه بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي
أوجد القيمة الحرجة t_{α} المناظرة لمستوى الثقة ٩٥% باستخدام جدول التوزيع ت .

الحل :

$$n = 20$$

$$\therefore \text{ درجات الحرية } (n - 1) = 20 - 1 = 19$$

مستوى الثقة هو ٩٥ %

$$\therefore 1 - \alpha = 0.95$$

$$\alpha = 0.05$$

$$\frac{\alpha}{2} = 0.025$$

من جدول التوزيع ت

$$t_{\frac{\alpha}{2}} = t_{0.025} = 2.093$$

تراجع الحلول الأخرى



السؤال الثاني :

نموذج الإجابة

١٤

(١) إذا كان $n = 80$ ، $\bar{x} = 37,2$ ، $s = 1,79$ اختبر الفرض بأن $\mu = 37$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0,05$

الحل :

٨ درجات

(١) صياغة الفروض

ف. : $\mu = 37$ مقابل ف. : $\mu \neq 37$

(٢) σ غير معلومة $n < 30$

اثن نستخدم المقياس الإحصائي Q : $Q = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$

ب. : $n = 80$ ، $\bar{x} = 37,2$ ، $s = 1,79$

$Q = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$

$$0,9994 = \frac{37 - 37,2}{\frac{1,79}{\sqrt{80}}} =$$

$$0,025 = \frac{\alpha}{2} \leftarrow 0,05 = \alpha \quad (3)$$

$$\therefore Q = 1,96$$

(٤) منطقة القبول هي $(-1,96 , 1,96)$

(٥) بما ان $0,9994 \in (-1,96 , 1,96)$

اثن القرار بقبول فرض العلم $\mu = 37$

نراعي الحلول الأخرى



نموذج الإجابة

تابع / السؤال الثاني:-

(ب) أوجد معامل الارتباط (ر) بين المتغيرين س، ص وحدد نوعه وقوته حيث:

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	٤	٣	٢	١	٠

الحل:

٦ درجات

$$r = \frac{n \sum (S \cdot V) - (\sum S)(\sum V)}{\sqrt{[n \sum S^2 - (\sum S)^2][n \sum V^2 - (\sum V)^2]}}$$

$$= \frac{6 \sum (S \cdot V) - (\sum S)(\sum V)}{\sqrt{[6 \sum S^2 - (\sum S)^2][6 \sum V^2 - (\sum V)^2]}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	٤	٤	١	١٦
٢	٣	٦	٤	٩
٣	٢	٦	٩	٤
٤	١	٤	١٦	١
٥	٠	٠	٢٥	٠
المجموع	١٥	٢٠	٥٥	٣٠

١/٢ للجدول

١/٢

$$= r = \frac{6 \times 20 - 15 \times 30}{\sqrt{[6 \times 55 - (15)^2][6 \times 30 - (30)^2]}}$$

$$r = -1$$

نوع الارتباط : عكسي (سالب) تام

تراجع الحلول الأخرى



حل آخر : حسن (ب)

درجات

حسن	حسن	(حسن-حسن)	(حسن-حسن)	(حسن-حسن)	(حسن-حسن)	(حسن-حسن)
1	4	2	3	2	2	1
2	3	1	1	1	1	1
3	2	.	.	.	.	حسن
4	1	1	1	1	1	1
5	.	2	2	2	2	2
10	1.	1.	حسن	1.	حسن	1.-

$$2 = \frac{10}{5} = 2$$

$$2 = \frac{10}{5} = 2$$

$$\frac{1.-}{1.7} = \frac{1.-}{1.7} = \checkmark$$

$$1.- = \frac{1.-}{1.} =$$

نوعه وقوه : عاكس (جالب) تام

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$1$$

$$1$$

امتحان الفترة الدراسية الأولى - الصف الثاني عشر ادبي (الرياضيات) ٢٠١٨/٢٠١٩ م

السؤال الثالث :-

نموذج الإجابة

(أ) باستخدام البيانات التالية لقيم س، ص

س	١	٣	٥	٧	٩
ص	٢	٥	٩	١٠	١٤

أوجد : (١) معادله خط الانحدار

(٢) قيمة ص عندما س = ١٠

الإجابة :

س	ص	س ص	س ^٢
١	٢	٢	١
٣	٥	١٥	٩
٥	٩	٤٥	٢٥
٧	١٠	٧٠	٤٩
٩	١٤	١٢٦	٨١
المجموع	Σ س = ٢٥	Σ ص = ٤٠	Σ س ص = ٢٥٨
			Σ س ^٢ = ١٦٥

$$(١) \quad n = ٥, \quad \bar{س} = \frac{٢٥}{٥} = ٥, \quad \bar{ص} = \frac{٤٠}{٥} = ٨$$

$$ب = \frac{n (\Sigma س ص) - (\Sigma س) (\Sigma ص)}{n (\Sigma س^٢) - (\Sigma س)^٢}$$

$$ب = \frac{٥ \times ٢٥٨ - ٢٥ \times ٤٠}{٥ (٢٥) - ١٦٥ \times ٥} = ١,٤٥$$

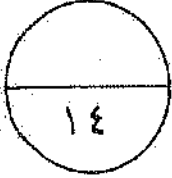
$$أ = \bar{ص} - ب \bar{س} = ٨ - ١,٤٥ \times ٥ = ٠,٧٥$$

معادلة خط الانحدار : $\hat{ص} = ب س + أ$
 $١,٤٥ س + ٠,٧٥ = ١٠$

(٢) عندما س = ١٠ فإن ص = $١٠ \times ١,٤٥ + ٠,٧٥ = ١٥,٢٥$



تراجعى الحلول الأخرى



الجدول
٢

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} + 1$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}$$

تابع / السؤال الثالث:-

نموذج الإجابة

(ب) يبين الجدول التالي عدد الإصابات بشلل الأطفال (ص) بالآلاف في إحدى الدول خلال السنوات (س) من سنة ١٩٦٠ إلى سنة ١٩٦٧

الزمن (س)	١٩٦٠	١٩٦١	١٩٦٢	١٩٦٣	١٩٦٤	١٩٦٥	١٩٦٦	١٩٦٧
عدد الإصابات بالآلاف (ص)	١٧	١٥	١٤	١٢	١٠	٧	٥	٣

(١) مثل بيانيا السلسلة الزمنية للبيانات الموجودة في الجدول أعلاه .

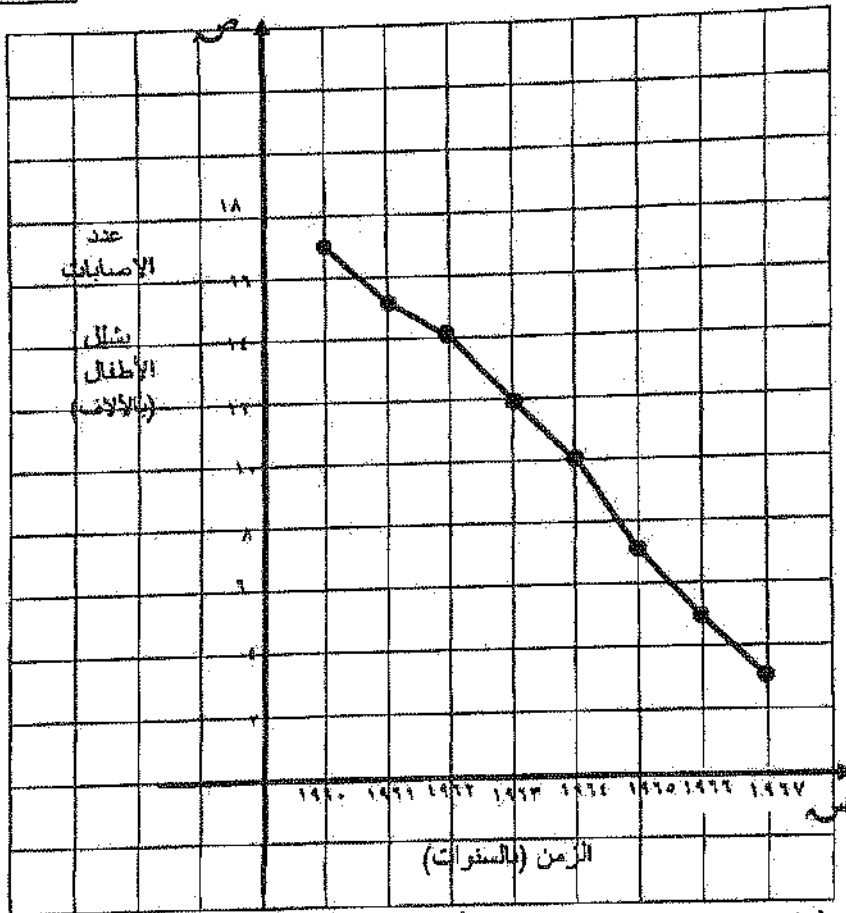
(٢) ما نوع العلاقة بين الإصابات بشلل الأطفال والزمن؟

الحل : (١)

٨ درجات

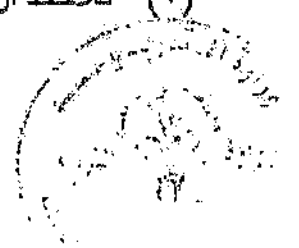
١ للمحاور

٤ للرسم
١ للتوصيل



(٢) نلاحظ ان عدد الإصابات بشلل الأطفال في تناقص مع الزمن

تراجع الحلول الأخرى



امتحان الفترة الدراسية الأولى - الصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٨/٢٠١٩ م

ثانياً : (بنود الموضوعي)

أولاً : في البنود (١ - ٢) عبارات. لكل بند ظلال في جدول الإجابة

(أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) الاحصاء هو اقتران تتعين قيمته من العينة كالمتوسط الحسابي $\bar{S}$ أو الانحراف المعياري σ .

(٢) السلسلة الزمنية هي تتابع لقيم ظاهرة معينة عبر الزمن .

ثانياً : في البنود (٣ - ٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح . اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة دائرة الرمز الدال عليها

(٣) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي هي $(٣,٢ ، ١٧,٨)$ فإن $\bar{S} =$

- (أ) ٢١ (ب) ١٠,٥ (ج) ١,٩٦ (د) ٠,٤٧٥

(٤) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري $Q =$ ٠,١٧٧٢

- (أ) ٠,٦٤ (ب) ٠,٥٦ (ج) ٠,٤٦ (د) ٠,٦٥

(٥) أخذت عينة حجمها $n = ١٦$ ، $\bar{S} = ٣٠$ من مجتمع طبيعي تباينه $\sigma^2 = ١٦$ فإن الحد الأدنى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% هو :

- (أ) ٣٠ (ب) $٣٠ - ٢ \times ١,٩٦$ (ج) $٣٠ - ١,٩٦$ (د) $٣٠ + ١,٩٦$

(٦) قيمة معامل الارتباط لا يمكن ان تساوي :

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٠,٥ (د) ١,٥

(٧) إذا كانت معادلة الاتجاه العام لاعداد الطلبة خلال الفترة من ١٩٩٦ حتي عام ٢٠٠٤ هي $ص = ٢,٨٢ س + ١,٨$ فإن العدد المتوقع للطلاب المتقدمين عام ٢٠٠٦ هو :

- (أ) ٢٧ (ب) ٣٠ (ج) ٢٨ (د) ليس أياً مما سبق

انتهت الأسئلة



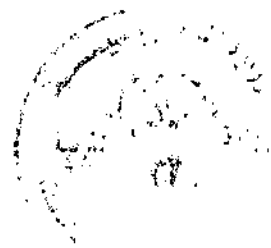
جدول إجابات الموضوعي

١	●	ب	ج	د
٢	●	ب	ج	د
٣	١	●	ج	د
٤	١	ب	●	د
٥	١	ب	●	د
٦	١	ب	ج	●
٧	١	●	ج	د



توليع المصحح :

توليع المراجع :



دولة الكويت

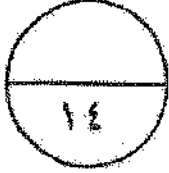
وزارة التربية

امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر ٢٠١٧/٢٠١٨ م

المجال الدراسي : الرياضيات - القسم الأدبي

الزمن : ساعتان وخمسة عشرة دقيقة

عدد الصفحات : ٨



(أسئلة المقال)

أولاً القسم الأول :

(اجب عن الأسئلة الثلاثة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها) :

السؤال الأول :-

- (١) عينة عشوائية حجمها ($n = 36$) أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي ، فإذا كان المتوسط الحسابي للعينة ($\bar{x} = 60$) وتباينها ($s^2 = 16$) ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥% أوجد هامش الخطأ . (١)
- (٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي لـ . (٢)

نموذج إجابة

نموذج إجابة

الإجابة

$$n = 36, \bar{x} = 60, s^2 = 16, s = 4$$

∴ σ غير معلومة ، $n = 36$ ، $30 < 36$

$$\therefore \text{هامش الخطأ ه} = \frac{\bar{x}}{n} \times \alpha \quad \therefore \text{مستوى الثقة } 95\%$$

$$\therefore \text{القيمة الحرجة } t_{\alpha/2} = 1,96$$

$$\text{ه} = \frac{4}{\sqrt{36}} \times 1,96$$

$$\approx 1,3067$$

فترة الثقة هي ($\bar{x} - \text{ه}$ ، $\bar{x} + \text{ه}$)

$$= (1,3067 + 60, 1,3067 - 60) =$$

$$= (61,3067, 58,6933)$$



تتم / امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

تعليم : السؤال الأول :-

(ب) عينة عشوائية بسيطة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي . أوجد القيمة الحرجة t_p المناظرة لمستوى ثقة ٩٥ % باستخدام جدول التوزيع ت .

ملاحظة

نموذج اجابة

الاجابة

$$n = 20$$

$$\therefore \text{درجات الحرية (} n - 1 \text{) } = 20 - 1 = 19$$

∴ مستوى الثقة ٩٥ %

$$\therefore 1 - \alpha = 0.95$$

$$\therefore \alpha = 0.05$$

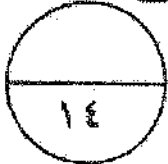
$$\therefore \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

ومن جدول التوزيع ت

نجد

$$t_p = t_{0.025, 19} = 2.093$$





درجات

نموذج اجابة

الاجابة

(أ) إذا كانت $n = 50$ ، $\bar{x} = 90000$ ، $\sigma = 10000$
اختبر الفرض بأن $\mu = 100000$ ، مقابل الفرض البديل $\mu \neq 100000$
عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

صياغة الفروض $H_0: \mu = 100000$ مقابل $H_1: \mu \neq 100000$

$\sigma = 10000$ (معلومة)

$\therefore$ نستخدم المقياس الاحصائي U :

$$U = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$U = \frac{90000 - 100000}{\frac{10000}{\sqrt{50}}}$$

$$U \approx -353.5534$$

$\therefore$ مستوى الثقة ٩٥%

$$\alpha = 0.05 \iff \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

$$U_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

منطقة القبول هي $(-1.96, 1.96)$

$\therefore -353.5534 \notin (-1.96, 1.96)$

$\therefore$ القرار هو رفض فرض العدم أن $\mu = 100000$

ونقبل الفرض البديل $\mu \neq 100000$

تابع / امتحان الفترة الدراسية الأولى الصف الثالث عشر أسي (الرياضيات) ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

السؤال الثاني:-

(ب) فيما يلي قيم متغيرين س ، ص احسب معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص وبين نوعه ودرجته

س	١	٢	٣	٤	٥
ص	١	١	٤	٦	٥

درجات

نموذج اجابة

الاجابة

$$r = \frac{\sum (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y})}{\sqrt{\sum (X_i - \bar{X})^2 \sum (Y_i - \bar{Y})^2}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	١	١	١	١
٢	١	٢	٤	١
٣	٤	١٢	٩	١٦
٤	٦	٢٤	١٦	٣٦
٥	٥	٢٥	٢٥	٢٥
المجموع	١٥	٦٢	٥٥	٧٩

$$r = \frac{(15) \times 5 - (62) \times 5}{\sqrt{(15) - 79 \times 5} \sqrt{(15) - 55 \times 5}}$$

$$r = \frac{85}{\sqrt{120} \sqrt{50}}$$

$$r = \frac{85}{120 \cdot 50}$$

$$r \approx -0.922$$

نوع الارتباط و درجته : عكسي (سالب) قوي



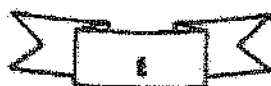
درجات

درجات

درجات

درجات

درجات



تابع / امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

السؤال الثاني:-

(ب) فيما يلي قيم متغيرين س ، ص احسب معامل الارتباط بين المتغيرين س ، ص وبين نوعية ودرجته

س	١	٢	٤	٣	٥
ص	١	١	٤	٦	٥

حل آخر

درجات

نموذج اجابة

الاجابة

س	ص	س-ص	ص-ص	(س-ص)²	(ص-ص)²	(س-ص)(ص-ص)
١	١	٢	٤	٤	١٦	-٨
٢	١	١	٢	١	٤	-٢
٣	٤	صفر	١	صفر	١	٠
٤	٦	١	٣	١	٩	٣
٥	٥	٢	٢	٤	٤	٤
المجموع	١٥	١٥	صفر	١٠	٣٤	١٧

نصف درجة x ٥

درجات نصف

نصف درجة

نصف درجة

درجات واحد

$$ن = ٥ ، ص = \frac{١٥}{٥} = ٣ ، ص = \frac{١٥}{٥} = ٣$$



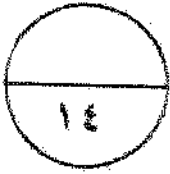
$$\begin{array}{r} ١٧ \\ ٣٤ \overline{) ١٠} \end{array}$$

ر =

$$ر = ٠,٩٢٢$$

نوع الارتباط و درجته : عكسي (سالب) قوي





(أ) من الجدول التالي

١٠	٥	٥	٣	٢	س
٢	٥	١٥	٠	٦	ص

أوجد معادلة خط الانحدار

نموذج اجابة

نموذج اجابة

الاجابة

$$ب = \frac{ن(س ص) - (س)(ص)}{ن(س) - (س)^2}$$

$$١ = ص - ب س \quad س = \frac{س ص}{ن}, \quad ص = \frac{ص ص}{ن}$$

س	ص	س ص	س
٢	٦	١٢	٤
٣	٠	٠	٩
٥	١٥	٧٥	٢٥
٥	٥	٢٥	٢٥
١٠	٢	٢٠	١٠٠
٢٥	٢٨	١٢٢	٦٢٣
المجموع			

$$ن = ٥, \quad س = \frac{٢٥}{٥} = ٥, \quad ص = \frac{٢٨}{٥} = ٥,٦$$



$$ب = \frac{٢٨ \times ٢٥ - ١٢٢ \times ٥}{٢٥ - ١٦٣ \times ٥}$$

$$ب \approx -٠,٢١٠٥$$

$$١ = ص - ب س$$

$$١ = ٥ - (-٠,٢١٠٥) \times ٥$$

$$١ = ٦,٦٥٢٥$$

معادلة خط الانحدار هي :

$$ص = ١ + ب س$$

$$ص = ١ - ٠,٢١ \times س$$

تدبر / امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م
السؤال الثالث:-

(ب) يبين الجدول التالي متغيرين ، الزمن بالأسابيع (س) وعدد الطلاب الذين تغيبوا عن المدرسة بداعي المرض (ص)

٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	ص
٧	٦	٤	٤	٣	٢	٢	١	ص

(١) مثل البيانات أعلاه بالسلسلة الزمنية .

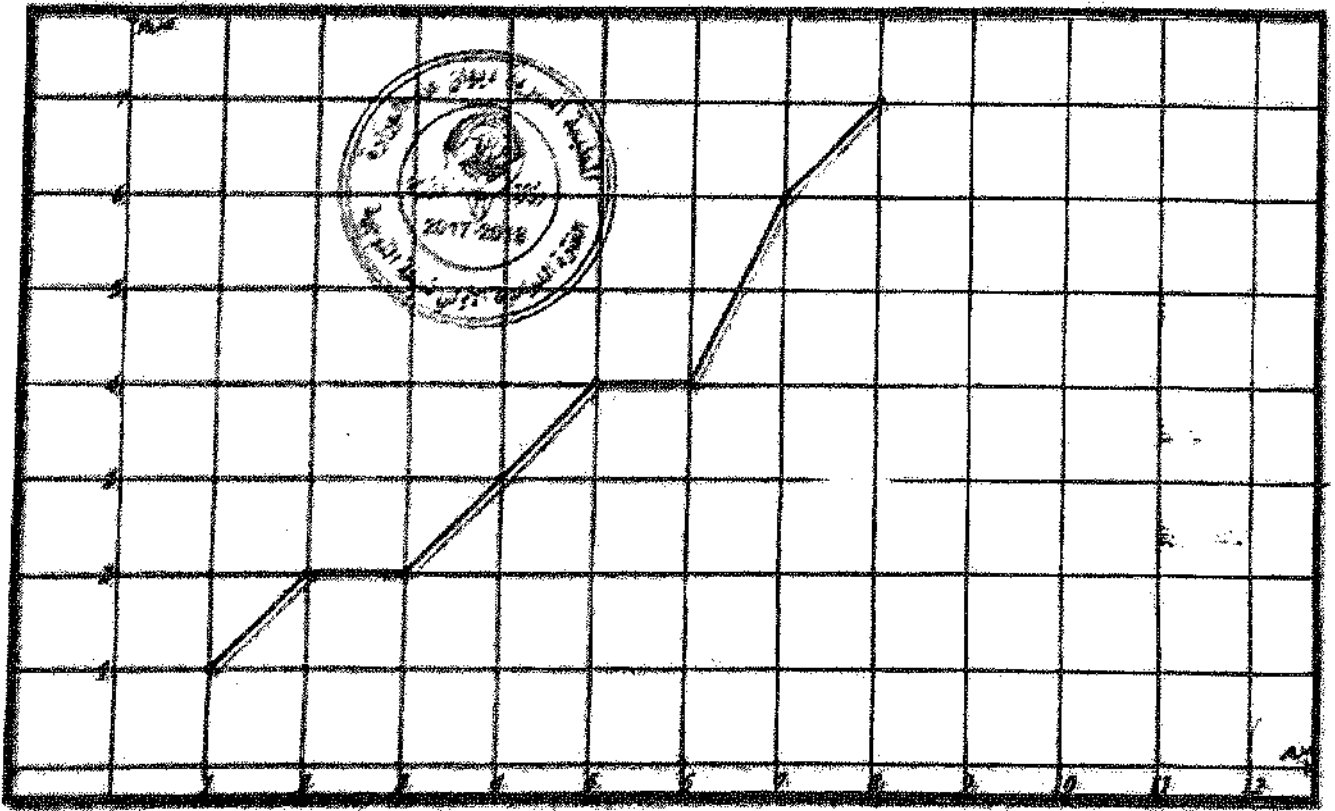
(٢) اذكر الاتجاه العام للسلسلة الزمنية.

نموذج إجابة

نموذج إجابة

الإجابة

(١) التمثيل البياني .



نموذج إجابة

نموذج إجابة

(٢) نلاحظ أن عدد الطلاب الذين تغيبوا عن المدرسة في تزايد مع الزمن

تعليم / امتحان الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

ثانياً : (القسم الثاني) بنود الموضوعي :

أولاً : في البنود (١ - ٢) عبارات لكل بند ظلل في جدول الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة و
نموذج إجابة
(ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) التغيرات الدورية فترتها تكون أكبر من سنة.

(٢) التقدير بنقطة هي قيمة وحيدة محسوبة من العينة تستخدم لتقدير معلمة من معالم المجتمع المجهولة

ثانياً : في البنود (٣ - ٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح . اختر الإجابة
الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها .

(٣) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي

هي (٣,٢ ، ١٧,٨) فإن $\bar{x}$ =

٠,٤٧٥

(أ)



(ج)

١,٩٦

(ب)

٢١

(د)

(٤) قيمة معامل الارتباط (ر) التي تجعل الارتباط طردياً بين المتغيرين س ، ص هي :

١

(أ)

٠,٥

(ج)

٠,٥-

(ب)

١-

(د)

(٥) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري قيمة $U_{0.05}$ تساوي

١,٦٥

(أ)

١,٦٤

(ج)

١,٦٣

(ب)

١,٦٢

(د)

(٦) إذا كانت $n=16$ ، $\bar{x}=25$ ، $\sigma=8$ عند اختبار الفرض بأن $\mu=30$ عند مستوى معنوية

$\alpha=0.05$ فإن المقياس الإحصائي هو :

٢,٥ = ت

(أ)

٢,٥- = ت

(ج)

٢,٥ = U

(ب)

٢,٥- = U

(د)

(٧) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي : $Y = 3.4X + 5.5$ فإن قيمة ص

المتوقعة عندما $X=6$ هي :

٢٥,٩

(أ)

٢٩,٩٨

(ج)

٦,٨

(ب)

٠,٥

(د)

جدول الموضوعي

نموذج إجابة

١	ب	ج	د	١
٢	ب	ج	د	٢
٣	ب	ج	د	٣
٤	ب	ج	د	٤
٥	ب	ج	د	٥
٦	ب	ج	د	٦
٧	ب	ج	د	٧



توقيع المصحح :

توقيع المراجع :

دولة الكويت

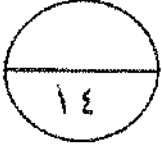
وزارة التربية

امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر ٢٠١٦/٢٠١٧ م

المجال : الرياضيات - القسم الأدبي

الزمن : ساعتان وخمسة عشرة دقيقة

عدد الصفحات : ٨



أولاً : (أسئلة المقال)

(أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها) :
السؤال الأول :-

(١) عينة عشوائية حجمها ($n = 36$) أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي ، فإذا كان المتوسط

الحسابي للعينة ($\bar{x} = 10$) وتباين المجتمع ($\sigma^2 = 16$) ، باستخدام مستوى ثقة ٩٥ %

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي لـ .

٨ درجات

درجة واحدة

درجة واحدة

درجة واحدة

درجة واحدة

درجة واحدة

درجة ونصف

درجة ونصف

نموذج اجابة

الاجابة

$$n = 36, \bar{x} = 10, \sigma^2 = 16 \Rightarrow \sigma = 4$$

∴ معلومة

$$\therefore \text{هامش الخطأ } h = \frac{\sigma}{n} \times \frac{\alpha}{2}$$

∴ مستوى الثقة ٩٥ %

$$\therefore \text{القيمة الحرجة } \frac{\alpha}{2} = 1.96$$

$$h = \frac{4}{6} \times 1.96$$

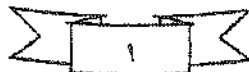
$$\approx 1.307$$

فترة الثقة هي ($\bar{x} - h, \bar{x} + h$)

$$= (1.307 + 10, 1.307 - 10) =$$

$$= (11.307, 8.693)$$

تراجعى الحلول الأخرى



تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
تابع : السؤال الأول :-

(ب) أوجد القيمة الحرجة α المناظرة لمستوى ثقة ٩٩ %
باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

٦ درجات

نموذج اجابة

الاجابة

∴ مستوى الثقة ٩٩ %

$$\therefore 1 - \alpha = 0.99$$

$$\therefore \frac{1 - \alpha}{2} = \frac{0.99}{2} = 0.495$$

نبحث في جدول التوزيع الطبيعي المعياري عن قيمة z المناظرة للعدد ٠,٤٩٥٠

فنجد انها تقع بين ٠,٤٩٤٩ ، ٠,٤٩٥١

اي ان z تقع بين ٢,٥٧ ، ٢,٥٨

$$z = \frac{2.57 + 2.58}{2} = 2.575 = \alpha \quad \text{و} \quad 0.495 = \frac{\alpha}{2}$$

درجة واحدة

درجة ونصف

درجة واحدة

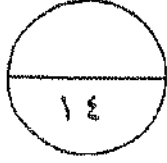
درجة واحدة

درجة ونصف

تراجعى الحلول الأخرى



تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
السؤال الثاني:-



(أ) إذا كانت $n = 10$ ، $\bar{s} = 20$ ، $\epsilon = 4$

اختبر الفرض بأن $\mu = 22$ ، مقابل الفرض البديل $\mu \neq 22$

٨ درجات

عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

نموذج إجابة

الإجابة

صيغة الفروض ف. : $\mu = 22$ مقابل ف. : $\mu \neq 22$

$\therefore$ غير معلومة ، $n = 10$ ($n \geq 30$)

$\therefore$ نستخدم المقياس الاحصائي ت :

$$T = \frac{\bar{s} - \mu}{\frac{\epsilon}{\sqrt{n}}}$$

$$T = \frac{22 - 20}{\frac{4}{\sqrt{10}}}$$

$$T \approx 1.58$$

$\therefore n = 10 \iff$ درجات الحرية ($n-1$) $= 10-1 = 9$

$$\therefore \alpha = 0.05 \iff \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

$$T_{\frac{\alpha}{2}} = 2.262$$

منطقة القبول هي (-2.262 ، 2.262)

$$\therefore -1.58 \in (-2.262, 2.262)$$

$\therefore$ القرار هو قبول فرض العدم أن $\mu = 22$

تراجعى الحلول الأخرى



تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
تابع : السؤال الثاني :-

(ب) فيما يلي قيم متغيرين س ، ص
احسب معامل الارتباط الخطي بين المتغيرين س ، ص وبين نوعية

س	١	٢	٤	٥
ص	١١	٩	٥	٣

٢ درجات

نموذج إجابة

الإجابة

$$r = \frac{n(\sum s \cdot v) - (\sum s)(\sum v)}{\sqrt{n(\sum s^2) - (\sum s)^2} \sqrt{n(\sum v^2) - (\sum v)^2}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
١	١١	١١	١	١٢١
٢	٩	١٨	٤	٨١
٤	٥	٢٠	١٦	٢٥
٥	٣	١٥	٢٥	٩
المجموع	١٢ = $\sum v$	٦٤ = $\sum s \cdot v$	٤٦ = $\sum s^2$	٢٣٦ = $\sum v^2$

نصف درجة ٥ ×

درجة واحدة

نصف درجة

درجة واحدة

درجة واحدة

$$r = \frac{28 \times 12 - 64 \times 4}{\sqrt{(28)^2 - 236 \times 4} \sqrt{(12)^2 - 46 \times 4}}$$

$$r = \frac{236 - 256}{\sqrt{784 - 944} \sqrt{144 - 184}}$$

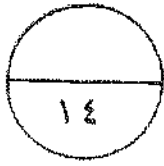
$$r = -1$$

نوع الارتباط : عكسي (سالب)

تراجع الحلول الأخرى



تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
السؤال الثالث :-



(١) البيانات التالية لقيم متغيرين س ، ص

س	٢	٣	٥	٥	١٠
ص	٦	٠	١٥	٥	٢

٦ درجات

أوجد معادلة خط الانحدار

الاجابة

نموذج اجابة

س	ص	س ص	س
٢	٦	١٢	٤
٣	٠	٠	٩
٥	١٥	٧٥	٢٥
٥	٥	٢٥	٢٥
١٠	٢	٢٠	١٠٠
المجموع	٢٥ = $\sum س$	٢٨ = $\sum ص$	١٦٣ = $\sum س ص$

نصف درجة x ٤

درجة ونصف

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

نصف درجة

$$ن = ٥ ، \bar{س} = \frac{٢٥}{٥} = ٥ ، \bar{ص} = \frac{٢٨}{٥} = ٥,٦$$

$$ب = \frac{٢٨ \times ٢٥ - ١٦٣ \times ٥}{٥(٢٥) - ١٦٣ \times ٥}$$

$$ب \approx -٠,٢١$$

$$١ = \bar{ص} - ب \bar{س}$$

$$١ = ٥,٦ - (-٠,٢١) \times ٥$$

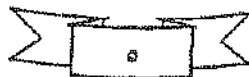
$$١ = ٦,٦٥$$

معادلة خط الانحدار هي :

$$\hat{ص} = ١ + ب س$$

$$\hat{ص} = ١ - ٠,٢١ س$$

تراجع الحلول الأخرى



تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
تابع : السؤال الثالث :-

(ب) يمثل الجدول التالي أرباح إحدى الشركات الكبرى بملايين الدنانير
من سنة ٢٠١٠ إلى سنة ٢٠١٥

السنة (س)	٢٠١٠	٢٠١١	٢٠١٢	٢٠١٣	٢٠١٤	٢٠١٥
الأرباح (ص)	٣	٥	٦	٥	٦	٧

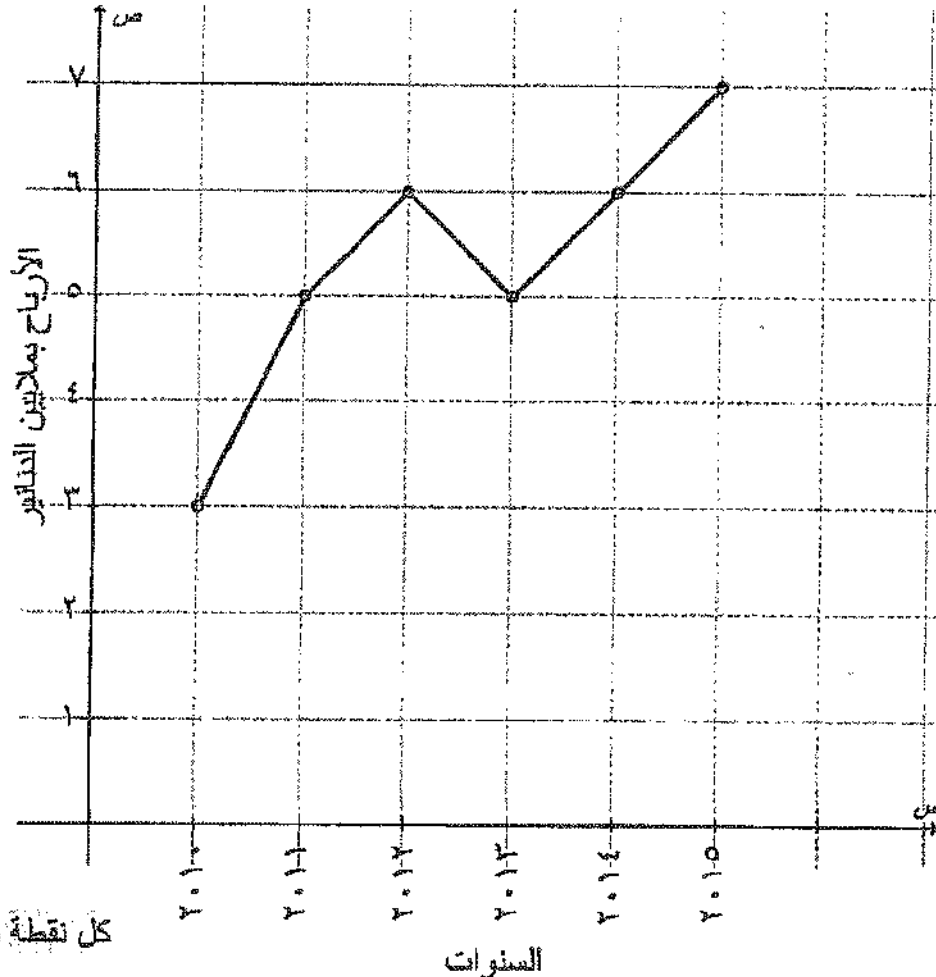
(١) مثل بالخط المنكسر بيانات الجدول أعلاه.

(٢) اذكر ملاحظتك عن الاتجاه العام للسلسلة الزمنية.

نموذج اجابة

الاجابة

(١) التمثيل البياني .



(٢) الملاحظة : الاتجاه العام للسلسلة في تزايد .

تراعى الحلول الأخرى

تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م
ثانيا : (بنود الموضوعي)

نموذج إجابة

أولاً : في البنود (١ - ٢) عبارات. لكل بند ظلل في جدول الإجابة

(أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) إذا كانت درجات الحرية هي ٢٨ فإن حجم العينة هو ٢٧

(٢) السلسلة الزمنية هي تتبع ظاهرة معينة عبر الزمن

ثانياً : في البنود (٣ - ٧) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح . اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في

جدول الإجابة دائرة الرمز الدال عليها

(٣) قيمة معامل الارتباط لا يمكن أن تساوي

① صفر ② -٠,١٥ ③ ١,٥ ④ ٠,٥١

(٤) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين س ، ص هي $\hat{ص} = ٠,٧٥ + ١,٤٥ س$

فإن مقدار الخطأ عند $س = ٥$ علماً بأن القيمة الجدولية هي $ص = ٩$ يساوي

① ١- ② ١ ③ ١٧ ④ ٨

(٥) من جدول التوزيع الطبيعي المعياري قيمة $٠,٥٠٥٩ =$

① ١,٦٢ ② ١,٦٣ ③ ١,٦٤ ④ ١,٦٥

(٦) إذا كانت $ن = ١٦$ ، $\bar{س} = ٧٠$ ، $ع = ٥$ عند اختبار الفرض بأن $\mu = ٧٢$ عند مستوى معنوية

$\alpha = ٠,٠٥$ فإن المقياس الإحصائي هو :

① $١,٦ = ٧$ ② $١,٦ = ٧$ ③ $١,٦ = ٧$ ④ $١,٦ = ٧$

(٧) إذا كانت فترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥% لعينة أخذت من مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي

هي (٣,٢ ، ١٧,٨) فإن $\bar{س} =$

① ٢١ ② ١,٩٦ ③ ٠,٤٧٥ ④ ١٠,٥

تابع / امتحان نهاية الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦ / ٢٠١٧ م

جدول إجابات الموضوعي

نموذج إجابة

١	١	١	١	١
٢	١	١	١	١
٣	١	١	١	١
٤	١	١	١	١
٥	١	١	١	١
٦	١	١	١	١
٧	١	١	١	١

٢ × ٧



توقيع المصحح :

توقيع المراجع :

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان نهاية الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر ٢٠١٥/٢٠١٦ م

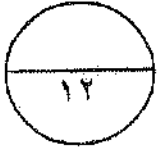
المجال : الرياضيات - القسم الأدبي

الزمن : ساعتان وخمسة عشرة دقيقة

عدد الصفحات : ٩

القسم الأول : أسئلة المقال أجب عن الأسئلة التالية (موضحا خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :



٦ درجات

(١) عينة عشوائية حجمها $n = 64$ من مجتمع طبيعي

فإذا كانت $\bar{x} = 16$ ، $s = 13$ ، مستوى ثقة ٩٥ %

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الأم بحسابي

(٣) فسر فترة الثقة

الحل :

.. مستوى الثقة ٩٥ % : القيمة الحرجة $z_{\alpha/2} = 1.96$

.. $n = 64$ ، $\bar{x} = 16$ ، $s = 13$ ، $E = ?$ ، $z_{\alpha/2} = 1.96$

(١) معلومة : .. هامش الخطأ هو $E = z_{\alpha/2} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$

هو $E = 1.96 \times \frac{13}{\sqrt{64}} = 3.185$

(٢) فترة الثقة = $(\bar{x} - E , \bar{x} + E)$

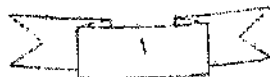
$= (16 - 3.185 , 16 + 3.185)$

$= (12.815 , 19.185)$

(٣) عند اختيار ١٠٠ عينة عشوائية ذات الحجم نفسه ($n = 64$)

و حساب حدود فترة الثقة لكل عينة فإننا نتوقع أنه

٩٥ فترة تحوي القيمة الحقيقية للمتوسط الحسابي للمجتمع



تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٦/٢٠١٥ م

تابع : السؤال الأول :

٦ درجات

(ب) الجدول التالي يوضح عدد الطلاب المتقدمين للحصول على شهادة الماجستير

من إحدى الكليات من عام ١٩٩٨ م وحتى عام ٢٠٠٢ م

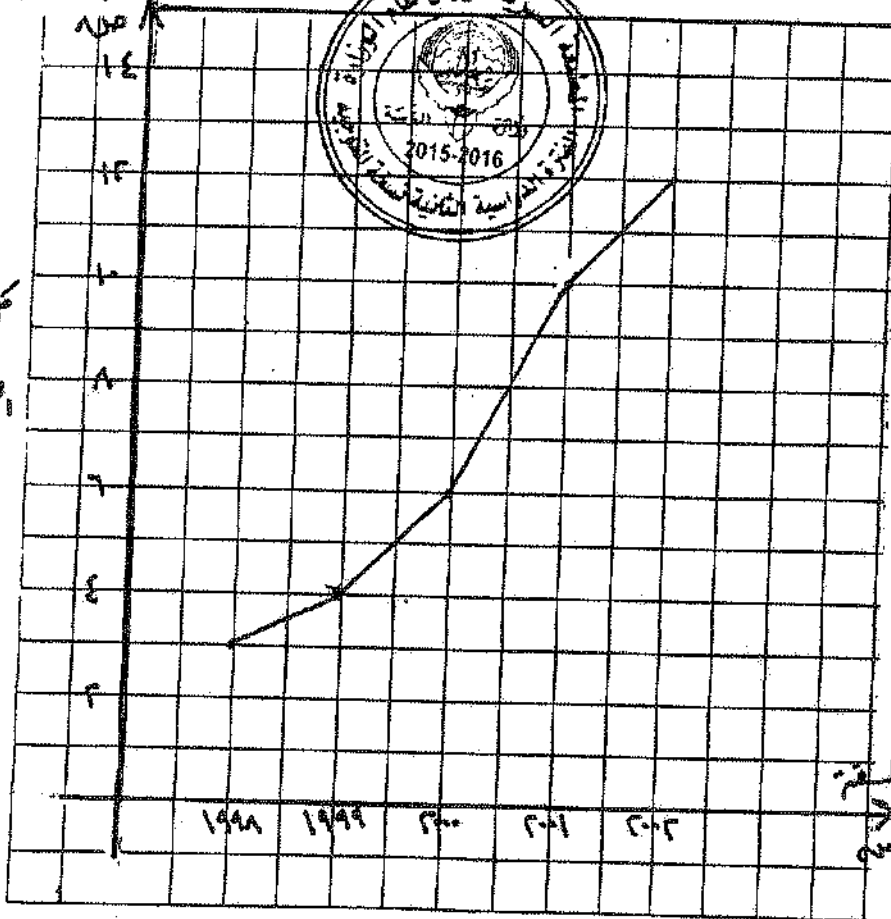
السنة (س)	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢
عدد الطلاب (ص)	٣	٤	٦	١٠	١٢

مخرج إجابة

(١) ارسم بيانيا على شكل منحني بيانات الجدول اعلاه.

(٢) ما الذي تلاحظه بالنسبة إلى الاتجاه العام.

عدد الطلاب

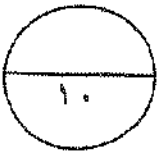


الحمار
كل نقطة: ٥
الدرجة: ١

(٢) الاتجاه العام للسلسلة في تزايد

١/٣

٦ درجات



المسألة الثانية:

(١) أخذت عينة عشوائية من مجتمع قيد الدراسة حجمها $n = 25$

فوجد أن المتوسط الحسابي للعينة $\bar{x} = 40$ وانحرافها المعياري $s = 3$

اختبر الفرض $\mu = 42$ مقابل الفرض البديل $\mu \neq 42$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$ و

٦ درجات

تمت الإجابة

الحل:

(١) صياغة الفرض: $H_0: \mu = 42$ مقابل $H_1: \mu \neq 42$

(٢) $n = 25$ غير معلومة ، $n \geq 30$

نستخدم لقياس الإحصائي t : $t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$

$t = 25$ ، $\bar{x} = 40$ ، $s = 3$

$t = \frac{40 - 42}{\frac{3}{\sqrt{25}}} = -3.33$



(٣) $\alpha = 0.05$ ، $\therefore \frac{\alpha}{2} = 0.025$ ، $\therefore \frac{9}{25} = 0.36$

درجات الحرية $(n - 1) = 24$

$\therefore t_{\alpha/2} = 2.064$

(٤) منطقة القبول هي $(-2.064 ، 2.064)$

(٥) $-3.33 < -2.064$ ، $\therefore$ نرفض الفرض $\mu = 42$

القرار نرفض الفرض $\mu = 42$ ونقبل الفرض البديل $\mu \neq 42$

تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦ م

٤ درجات

تابع : السؤال الثاني :

(ب) فيما يلي قيم متغيرين س ، ص احسب معامل الارتباط وبين نوعه

س	٨	٥	١١	٧	٩
ص	٤	١	٧	٣	٥

موزع إجابته

الحل :

$$r = \frac{n \sum s_v - (\sum s)(\sum v)}{\sqrt{n \sum s^2 - (\sum s)^2} \sqrt{n \sum v^2 - (\sum v)^2}}$$

س	ص	س ص	س ^٢	ص ^٢
٨	٤	٣٢	٦٤	١٦
٥	١	٥	٢٥	١
١١	٧	٧٧	١٢١	٤٩
٧	٣	٢١	٤٩	٩
٩	٥	٤٥	٨١	٢٥
٤٠	٢٠	١٨٠	٣٤٠	١٠٠
المجموع				

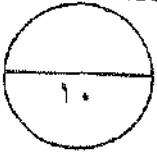
$$r = \frac{20 \times 40 - 180 \times 5}{\sqrt{(40)^2 - 340 \times 5} \sqrt{(20)^2 - 100 \times 5}} = 1$$

نوع الارتباط : طردي (موجب)



٢٠١٥

تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦ م



السؤال الثالث:

(أ) البيانات التالية لقيم متغيرين س ، ص :

س	٢	٣	٥	٦	٩
ص	٦	٠	١٥	٥	٢

٦ درجات

(١) أوجد معادلة خط الانحدار.

نخرج احادية



$$\text{ب} = \frac{\text{ن } 3 \text{ س من} - (\text{ن } 3 \text{ س})(\text{ن } 3 \text{ ص})}{\text{ن } (3 \text{ س}) - (\text{ن } 3 \text{ ص})^2}$$

س	س من	ص	س	
٢	١٢	٦	٢	
٩	٠	٠	٣	
٢٥	٧٥	١٥	٥	
٣٦	٣٠	٥	٦	
٨١	١٨	٢	٩	
١٥٥	١٣٥	٢٨	٢٥	المجموع

$$\text{ن} = ٥, \text{س} = \frac{3}{5}, \text{ن } 3 \text{ س} = \frac{28}{5}, \text{ن } 3 \text{ ص} = \frac{25}{5} = ٥, \text{ن } 3 \text{ س من} = \frac{28}{5} = ٥, \text{ن } 3 \text{ ص} = \frac{25}{5} = ٥$$

$$\text{ب} = \frac{(28 \times 25) - 135 \times 5}{(25) - 100 \times 5} = \frac{700 - 675}{25 - 500} = \frac{25}{-475} = -\frac{1}{19}$$

$$\text{م} = \text{ن} - \text{ب س} = ٥ - (-\frac{1}{19} \times ٥) = ٥ + \frac{٥}{19} = \frac{95}{19} + \frac{٥}{19} = \frac{100}{19}$$

معادلة خط الانحدار هي: $\hat{\text{ص}} = \text{م} + \text{ب س}$

$$\hat{\text{ص}} = \frac{100}{19} - \frac{1}{19} \text{ س}$$

تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦ م

٤ درجات

تابع : السؤال الثالث :

(ب) أوجد القيمة الحرجة $q_{\frac{\alpha}{2}}$ المناظرة لمستوي ثقة ٩٧%

باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري

نموذج إجابة

الحل

.. مستوى الثقة ٩٧%

$$1 - \alpha = 0.97$$

$$\frac{1 - \alpha}{2} = \frac{0.97}{2} = 0.485$$

رسم جدول لتوزيع طبيعي معياري نبحث عنه

القيمة ٠.٤٨٥٠ . نبحث عنها : $z = 1.7$



تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦ م

البنود الموضوعية

أولاً: في البنود (١-٣) ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (ب) إذا كانت العبارة خطأ

- (١) كلما كان طول فترة الثقة صغيراً زادت دقة التقدير
(٢) المعلمة هي ثابت يصف توزيع العينة كالوسط الحسابي أو الانحراف المعياري لها
(٣) السلسلة الزمنية هي تتبع ظاهرة معينة عبر الزمن

ثانياً: في البنود (٤ - ٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها.



(٤) الجدول التالي يوضح عدد الطلاب المتقدمين للحصول على شهادة الماحضين
من إحدى الكليات من عام ١٩٩٨ م وحتى عام ٢٠٠٤ م

السنة	١٩٩٨	١٩٩٩	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣	٢٠٠٤
عدد الطلاب	٣	٤	٦	١٠	١٢	١٥	٢٠

فإذا كانت معادلة الاتجاه العام هي : $\hat{y} = 1,8418 + 2,7194x$ س

فإن العدد المتوقع للطلاب المتقدمين عام ٢٠٠٧ م تقريباً هو :

- (أ) ٢٣ (ب) ٢٤ (ج) ٢٥ (د) ٢٦

(٥) أخذت عينة حجمها $n = 20$ من مجتمع طبيعي معياري تباينه $\sigma^2 = 16$
فإذا كان الحد الأعلى لفترة الثقة عند مستوى ثقة ٩٥٪ يساوي ٢١,٩٦ فإن $n =$

- (أ) ٩ (ب) ١٥ (ج) ١٦ (د) ٢٠

تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أجي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦م

(٦) قيمة معامل الارتباط r لا يمكن أن تساوي :

- ١) ١٧ (ب) صفر (ج) ١ (د) -٩٩٩

(٧) إذا كانت معادلة خط الانحدار للمتغيرين s ، v هي $\hat{v} = 1 + 1,4s$ فإن مقدار الخطأ عندما $s = 5$ علما بأن القيمة الجدولية هي $v = 9$ يساوي

- ١) ١- (ب) ١٧ (ج) ١ (د) ٨

(٨) أخذت عينة من مجتمع طبيعي حجمها $n = 25$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 30$ وانحرافها

المعياري $\sigma = 10$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥٪ فإن القيمة الحرجة $t_{\alpha/2}$ تساوي

- ١) ٢,٠٦٩ (ب) ٢,٠٦٠ (ج) ١,٩٦ (د) ٢,٠٦٤



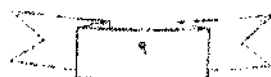
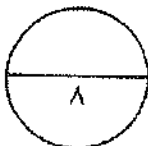
انتهت الأسئلة

تابع / امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر أدبي (الرياضيات) ٢٠١٥/٢٠١٦ م

لموزج اجابة

البنود الموضوعية:

١		ب	ج	د
٢	ا		ج	د
٣		ب	ج	د
٤	ا	ب	ج	
٥	ا	ب		د
٦		ب	ج	د
٧	ا	ب		د
٨	ا	ب	ج	



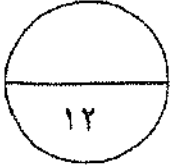
دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان نهاية الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر ٢٠١٤ / ٢٠١٥ م

المجال الدراسي: الرياضيات - القسم الأدبي

عدد الصفحات : ٧ الزمن : ساعتان وخمسة عشرة دقيقة



القسم الأول: أسئلة المقال أجب عن الأسئلة التالية (موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :

٦ درجات

② عينة عشوائية حجمها ١٨ فإذا كان $\sigma = ٨$ و $\bar{s} = ١٥$

باستخدام مستوى ثقة ٩٥ % :

(١) أوجد هامش الخطأ .

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

(٣) فسر فترة الثقة .

الحل :

① مستوى الثقة ٩٥ % : القيمة الحرجة $t_{\alpha/2} = ١,٩٦$

ب : s معلوم : هامش الخطأ $h = t_{\alpha/2} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$

ب : $n = ١٨$ ، $s = ٨$ و $\bar{s} = ١٥$

$$h = 1,96 \times \frac{8}{\sqrt{18}}$$

ب : $h \approx ٨,٣١٥$

⑤ فترة الثقة هي $(\bar{s} - h, \bar{s} + h)$

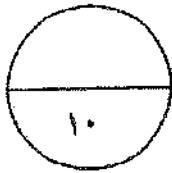
ب : فترة الثقة = $(١٥ - ٨,٣١٥, ١٥ + ٨,٣١٥)$

= $(٦,٦٨٥, ٢٣,٣١٥)$

③ عند اختيار ١٠٠ عينه ذات الحجم $n = ١٨$

وحساب حدود فترة الثقة لكل عينه فإننا نتوقع

أ : $n(٩٥)$ فترة كوى إيقته الحقيقي للمتوسط الحسابي للمجتمع (١٤)



٦ درجات

السؤال الثاني :

① إذا كانت $n = 10$ ، $\bar{x} = 283$ ، $s = 22$

أختبر الفرض بأن $\mu = 290$ عند مستوى مغنوية 0.05 .

(علماً بأن المجتمع يتبع توزيعاً طبيعياً)

الحل :

① صياغة الفروض :

ف : $\mu = 283$ مقابل فم : $\mu \neq 283$

② : لن نغير صفره ، $n = 10$: $n \geq 30$

∴ نستخدم المقاييس الإحصائية : $t = \frac{\bar{x} - \bar{\mu}}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$

∴ $t = \frac{283 - 290}{\frac{22}{\sqrt{10}}} = -6.6$

نقطة = $\frac{283 - 290}{\frac{22}{\sqrt{10}}} \approx -6.6$

③ : درجات الحرية = $(n - 1) = 10 - 1 = 9$

∴ $\alpha = 0.05 \rightarrow \frac{\alpha}{2} = 0.025$

نقطة = 0.025

④ : منطقة المقبول هي $(-0.025, 0.025)$

⑤ : ∴ $-6.6 \notin (-0.025, 0.025)$

∴ القرار بقبول فرض العدم $\mu = 283$



تابع : السؤال الثاني :

٤ درجات

ب) احسب معامل الارتباط الخطي للمتغيرين التاليين وبين نوعه وقوته

س	١	٢	٣	٤	٥	٦
ص	٤	٧	٨	٣	٥	٥

الحل :

$$\left(\frac{1}{3}\right) = 0 \times \frac{1}{2}$$

نموذج الجواب

س	ص	صس	صص	صص
١	٤	٤	١	١٦
٢	٧	١٤	٤	٤٩
٣	٨	٢٤	٩	٦٤
٤	٣	١٢	١٦	٩
٥	٥	٢٥	٢٥	٢٥
٦	٥	٣٠	٣٦	٢٥
٢١	٣٢	١٠٩	٩١	١٨٨

$$\frac{n(3-ص) - (ص-3)(صص)}{\sqrt{n(3-ص) - 3(صص)}} = \sqrt{}$$

$$\frac{32 \times 21 - 109 \times 6}{\sqrt{(21) - 91 \times 6}} = \sqrt{}$$

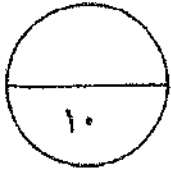
$$\frac{18 - 10.57}{10.4 \times 10.57} = \sqrt{}$$

$$\therefore \sqrt{ } \approx -0.1723$$

نوع الارتباط عكسي (سالب) ضعيف
(تراجع الحلول الأخرى)



السؤال الثالث :



٥ درجات

٢) أوجد القيمة الحرجة في α المناظرة لمستوى ثقة ٩٩ % .

باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري .

الحل :

:- مستوى الثقة هو ٩٩ %

$$\therefore 1 - \alpha = 0.99$$

$$\therefore \frac{1 - \alpha}{2} = \frac{0.99}{2} = 0.495$$

ثم الجدول نبحث عنه القيمة ٠.٤٩٥ .

نقع بين ٠.٤٩٤٩ و ٠.٤٩٥١ .

بأخذ المتوسط الحسابي للقيمتين .

$$\therefore \frac{0.495 + 0.495}{2} = \frac{\alpha}{2}$$

$$= 0.495$$



٥ درجات

تابع : السؤال الثالث :

ب) باستخدام البيانات لقيم س ، ص

س	١	٢	٤	٥
ص	٣	٥	٩	١١

أوجد معادلة خط الانحدار

الحل :

$$p = \frac{n(\sum s - \sum s)(\sum v - \sum v)}{n(\sum s - \sum s)(\sum v - \sum v)}$$

نموذج ١٤٢٠

① $= c \times \frac{1}{2}$

س	ص	ص	س
١	٣	٣	١
٤	١٠	٥	٢
١٦	٣٦	٩	٤
٢٥	٥٥	١١	٥
٤٦	١٠٤	٢٨	١٢
المجموع			

① $n = \frac{28}{2} = \frac{3}{1} = 6$ $3 = \frac{12}{2} = \frac{3-3}{n} = 6$ $6 = \frac{3-3}{n} = 6$

① $p = \frac{28 \times 12 - 104 \times 6}{n(12) - 46 \times 6} = 2$



$p = \bar{v} - \bar{s}$

$1 = 3 \times 6 - 6 = p$

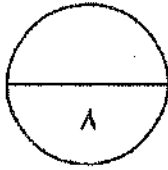
معادله خط الانحدار هي

$\hat{v} = s + p$

$\hat{v} = s + 1$

إجابة الموضوعي

رقم السؤال	الإجابة			
(١)	☒	☐	☐	☐
(٢)	☐	☐	☒	☐
(٣)	☒	☐	☐	☐
(٤)	☐	☐	☒	☐
(٥)	☐	☐	☐	☒
(٦)	☐	☐	☒	☐
(٧)	☐	☐	☐	☒
(٨)	☒	☐	☐	☐



المصحح :

المراجع :

قوانين الاحصاء

$$\text{هامش الخطأ ه} = \text{ق} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2}$$

$$\text{فترة الثقة} = (\bar{s} - \text{ه}, \bar{s} + \text{ه}) \quad \text{ه} = \text{ت} \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2}$$

$$\text{ق} = \frac{\text{ه}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}} \times \frac{\alpha}{2}}$$

المقياس الإحصائي:

$$\text{ق} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \quad \text{ق} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \quad \text{ت} = \frac{\mu - \bar{s}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

$$\text{ن} = \frac{(\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه}) - (\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه})}{\text{ه}^2}$$

$$\text{ن} = \frac{(\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه}) - (\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه})}{\text{ه}^2}$$

$$\text{ن} = \frac{(\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه}) - (\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه})}{\text{ه}^2}$$

$$\text{ص} = \text{ب} + \text{ه}$$

$$\text{ب} = \frac{(\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه}) - (\bar{s} - \text{ه})(\bar{s} - \text{ه})}{\text{ه}^2}$$

$$\text{ه} = \text{ص} - \text{ب}$$

مقدار الخطأ = القيمة الجدولية - القيمة من معادلة خط الانحدار = |ص - ص|