

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية

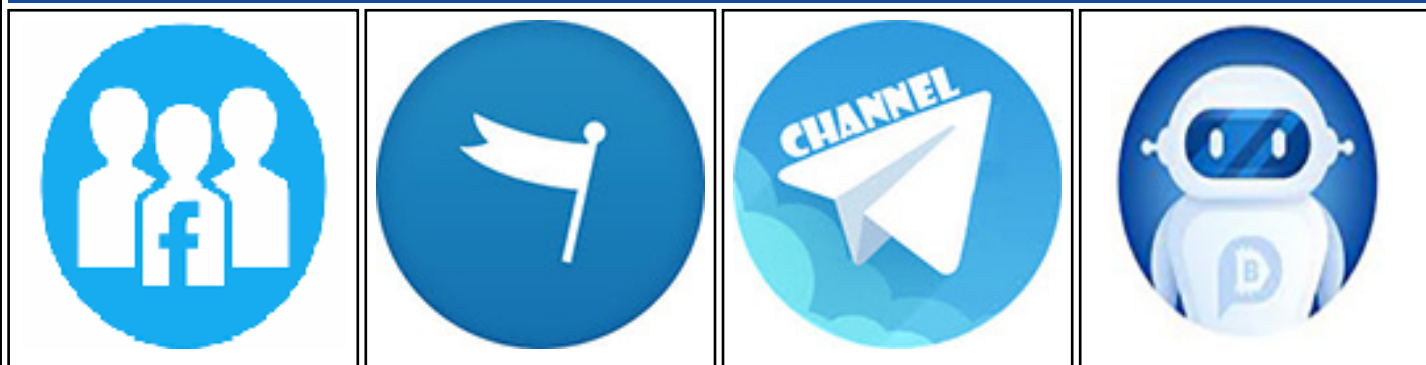


منصة سما

الملف ملخص قوانين الهندسة والهندسة التحليلية من مذكرة قلب الأم

موقع المناهج ← ملفات الكويت التعليمية ← الصف العاشر ← رياضيات ← الفصل الأول

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر



روابط مواد الصف العاشر على تلغرام

الرياضيات	اللغة الانجليزية	اللغة العربية	التربية الاسلامية
---------------------------	----------------------------------	-------------------------------	-----------------------------------

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر والمادة رياضيات في الفصل الأول

مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	1
اوراق عمل للكورس الاول في مادة الرياضيات	2
حل كراسة التطبيقات في مادة الرياضيات	3
اسئلة اخبارات واجابتها النموذجية في مادة الرياضيات	4
مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	5

منصة سما
قوانين الصف العاشر – رياضيات

مؤسسة سما التعليمية المعلم الذكي

أ:وليد

50522331

قلب الأم رياضيات

10

منصة
المناهج التعليمية
almanabi.com/kw

2024

مذكرات قلب الأم



www.samakw.com

iteacher_q8

60084568 / 50855008

حولي مجمع بيروت الدور الأول

نقدم لكم كل ما يعينكم ويسهل لكم دراستكم ونختصر عليكم البحث عن ما هو هام
لتفوقك في اختبارك سما – طريقك للتميز

قلب الأم رياضيات سما مذكرات قلب الأم قلب الأم رياضيات سما مذكرات قلب الأم



الوحدة الأولى: هندسة الدائرة :

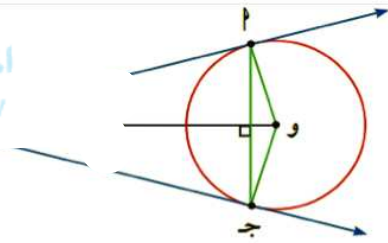
كل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة تمر بها دائرة واحدة.

المماس عمودي على نصف قطر التماس.

القطعتان المماستان لدائرة والمرسومتان من نقطة خارجها متطابقتان.

Δ ب ج متطابق الضلعين من النظرية السابقة.


 موقع
 المناهج الكويتية
 almanahj.com/kw



١ \overline{PO} ومنصف الزاوية $\angle PJO$

٢ \overline{JO} ومنصف الزاوية $\angle PJO$

٣ $\overline{PO} \perp \overline{JO}$

الدائرة المحاطة بمثلث (الداخلية)

هي دائرة مماسة لأضلاع المثلث الثلاثة من الداخل.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي منصفات الزوايا الداخلية للمثلث

الدائرة المحيطة لمثلث (الخارجية)

هي دائرة تمر برؤوس المثلث الثلاثة.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي المحاور الثلاثة لأضلاع المثلث (نقطة تلاقي المنصفات العمودية لأضلاع المثلث).

في دائرة أو في دوائر متطابقة:

١ للزوايا المركزية المتطابقة أوتار متطابقة.

٢ الأوتار المتطابقة تقابل أقواساً متطابقة.

٣ للأقواس المتطابقة زوايا مركزية متطابقة.

١ الأوتار المتطابقة في دائرة على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.

٢ الأوتار التي على أبعاد متساوية من مركز دائرة تكون متطابقة.

١ القطر العمودي على وتر في دائرة ينصفه وينصف كلاً من قوسيه.

٢ القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) في دائرة يكون عمودياً على هذا الوتر.

٣ العمود المنصف لوتر في دائرة يمر بمركز الدائرة.

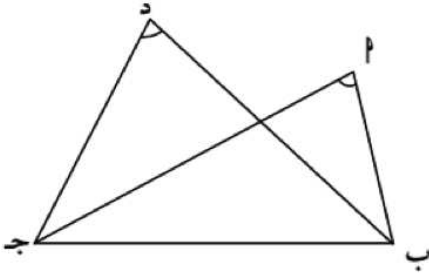
خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك بينهما وينصفه.

قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها على الدائرة.

في الدائرة قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس

المحصور بين ضلعيها.

قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس نفسه.



١ كل زاويتين محيطيتين في دائرة تحصران القوس نفسه متطابقتان.

٢ كل زاوية محيطية في دائرة تحصر نصف دائرة تكون زاوية قائمة.

٣ كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة)، تكون زواياه المتقابلة متكاملة.

٤ في الشكل إذا تطابقت الزاويتان \hat{A} ، \hat{D} المرسومات على القاعدة ب ج وفي

جهة واحدة منها. كان الشكل أ ب ج د رباعياً دائرياً.

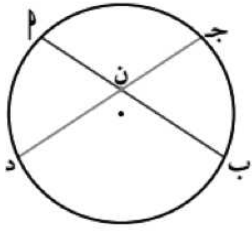
(١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.

(٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

(١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.

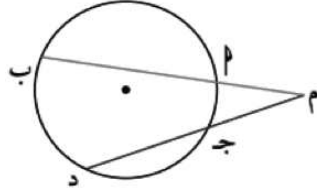
(٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

- المماس لدائرة هو مستقيم في المستوي يتقاطع مع الدائرة في نقطة واحدة.
- الزوايا المركزية زوايا رأسها مركز الدائرة.
- الزوايا المحيطية زوايا رأسها إحدى نقاط دائرة وضلعها يقطعان الدائرة.
- قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- كل زاويتين محيطيتين تحصران القوس نفسه متطابقتان.
- كل زاوية محيطية تحصر نصف دائرة هي زاوية قائمة.
- كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة) تكون زواياه المتقابلة متكاملة، أي كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.
- الزاوية المكونة من مماس ووتر تسمى زاوية مماسية، وقياسها يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.
- في دائرة أو في دوائر متطابقة:
 - للزوايا المركزية المتطابقة أوتار متطابقة.
 - الأوتار المتطابقة تقابل أقواسًا متطابقة.
 - للأقواس المتطابقة في دائرة زوايا مركزية متطابقة.
 - الأوتار المتطابقة في دائرة هي على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.
 - في الدائرة: القطر العمودي على وتر ينصفه وينصف كلاً من قوسيه.
 - القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) هو عمودي على الوتر.
 - العمود المنصف لوتر يمر بمركز الدائرة.



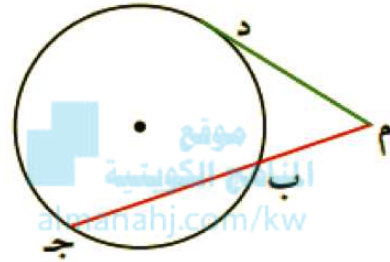
إذا تقاطع وتران داخل دائرة، فإن ناتج ضرب طولي جزئي أحد الوترين يساوي ناتج ضرب طولي جزئي الوتر الآخر.

$$AN \times NB = CN \times ND$$



إذا رسم قاطعان من نقطة خارج دائرة، فإن ناتج ضرب طول أحد القاطعين في طول جزئه الخارجي يساوي ناتج ضرب طول القاطع الآخر في طول جزئه الخارجي.

$$PA \times PB = PC \times PM$$



إذا رسم من نقطة خارج دائرة قاطع ومماس، فإن ناتج ضرب طول القاطع في طول جزئه الخارجي يساوي مربع طول القطعة المماسية.

$$(PC)^2 = PA \times PB$$

الوحدة الثانية : المصفوفات

- تكون المصفوفتان متساويتين إذا كانت لهما الرتبة (الأبعاد) نفسها، وكانت عناصرهما المتناظرة متساوية.

محدد المصفوفة المربعة $\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$ هو $AD - BC$

$$\text{نكتب } |A| = \begin{vmatrix} A & B \\ C & D \end{vmatrix} = AD - BC$$

تسمى المصفوفة التي محددها يساوي الصفر بالمصفوفة المنفردة

بفرض أن: $\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = 0$ إذا كان $AD - BC \neq 0$ ، فإن لها نظير ضربى A^{-1} حيث:

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} D & -B \\ -C & A \end{bmatrix}$$

- مصفوفة النظير (المعكوس) الضربى للمصفوفة المربعة A ، تكتب A^{-1} ويكون:

$$A^{-1} \times A = I \text{ و } A \times A^{-1} = I \text{، وتسمى النظير الضربى للمصفوفة } A.$$

لحل نظام معادلتين خطيتين:

$$ل = س + ب \text{ ص}$$

$$ج س + د ص = م$$

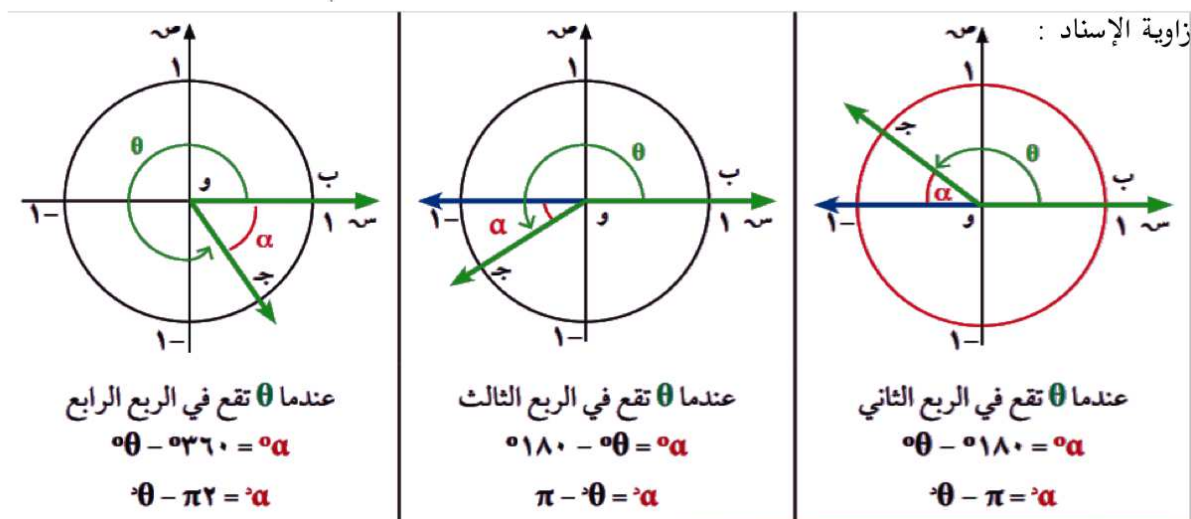
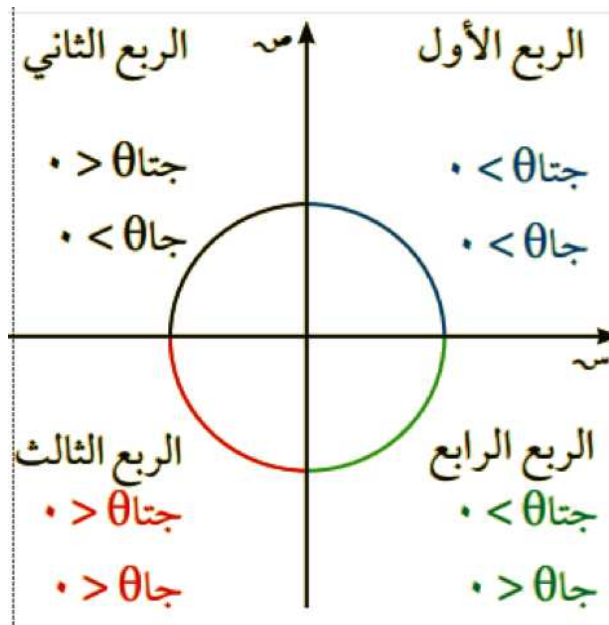
$$\frac{\Delta}{\Delta} = \text{ص} , \frac{\Delta}{\Delta} = \text{س}$$

$$\begin{vmatrix} ل & ب \\ د & ج \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\begin{vmatrix} ل & م \\ ج & م \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\begin{vmatrix} ب & ل \\ د & ج \end{vmatrix} = \Delta$$

الوحدة الثالثة : حساب المثلثات



قانون:

$$\text{جتا}(\theta) = \text{جتا}(-\theta)$$

$$\text{جا}(\theta) = -\text{جا}(-\theta)$$

$$\text{وبالتالي ظا}(\theta) = -\text{ظا}(-\theta)$$

قانون:

$$\text{جتا}(\theta - \pi) = -\text{جتا}(\theta)$$

$$\text{جا}(\theta - \pi) = \text{جا}(\theta)$$

$$\text{وبالتالي ظا}(\theta - \pi) = -\text{ظا}(\theta)$$

$$\text{جتا}(\theta + \pi) = -\text{جتا}(\theta)$$

$$\text{جا}(\theta + \pi) = -\text{جا}(\theta)$$

$$\text{وبالتالي ظا}(\theta + \pi) = \text{ظا}(\theta)$$

قانون:

$$\text{جتا}\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right) = \text{جا}(\theta)$$

$$\text{جتا}\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right) = \text{جا}(\theta)$$

$$\text{ظا}\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right) = \text{ظا}(\theta)$$

قانون:

$$\text{جتا}\left(\theta + \frac{\pi}{2}\right) = \text{جتا}(\theta)$$

$$\text{جتا}\left(\theta + \frac{\pi}{2}\right) = \text{جتا}(\theta)$$

$$\text{ظا}\left(\theta + \frac{\pi}{2}\right) = -\text{ظا}(\theta)$$

almanahj.com/kw

$$\text{جتا}(\theta + 2\pi) = \text{جتا}(\theta)$$

$$\text{جتا}(\theta + 2\pi) = \text{جتا}(\theta)$$

$$\text{ظا}(\theta + 2\pi) = \text{ظا}(\theta)$$

$$\text{هو س} = \pi + 2\pi \text{ أو } \text{س} = -\theta + 2\pi$$

$$(ك \in \mathbb{Z})$$

حل المعادلة: جتا س = جتا θ

حل المعادلة جاس = جاس θ

$$\text{هو س} = \pi + 2\pi \text{ أو } \text{س} = (\theta - \pi) + 2\pi, (ك \in \mathbb{Z})$$

$$(ك \in \mathbb{Z})$$

حل المعادلة ظاس = ظا θ هو س = π + θ

$$\text{ق} = \frac{1}{\text{جتا}(\theta)} ; \text{ق} = \frac{1}{\text{جتا}(\theta)} ; \text{ظ} = \frac{1}{\text{جتا}(\theta)} ; \text{ظ} = \frac{1}{\text{جتا}(\theta)}$$

المقام ≠ 0

$$\text{جا}^2 \theta + \text{جتا}^2 \theta = 1 \text{ تسمى متطابقة فيثاغورث}$$

$$\text{ق}^2 \theta = 1 + \text{ظ}^2 \theta = \frac{1}{\text{جتا}^2 \theta}$$

حيث المقام ≠ 0

$$\text{ق}^2 \theta = 1 + \text{ظ}^2 \theta = \frac{1}{\text{جا}^2 \theta}$$

حيث المقام ≠ 0

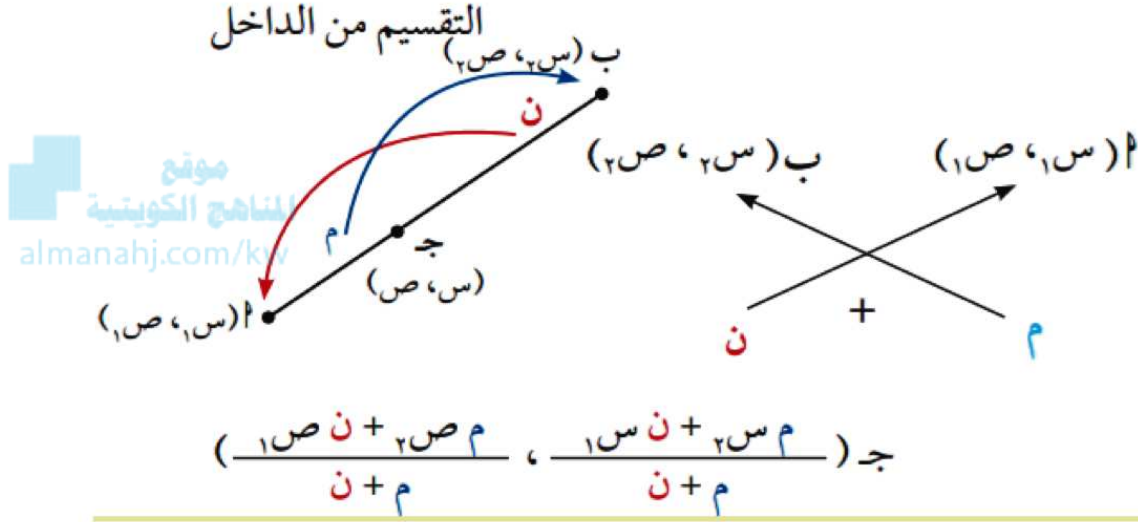
الوحدة التاسعة الهندسة التحليلية :

قانون:

المسافة بين أي نقطتين $A(س_1, ص_1)$ و $B(س_2, ص_2)$ تساوي $\sqrt{(س_2 - س_1)^2 + (ص_2 - ص_1)^2}$

قانون:

إذا كانت $A(س_1, ص_1)$ و $B(س_2, ص_2)$ فإن إحداثيات نقطة المنتصف هي $M(س, ص)$ حيث $س = \frac{س_1 + س_2}{2}$ ، $ص = \frac{ص_1 + ص_2}{2}$.



$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}, \text{ حيث } س_2 - س_1 \neq 0$$

إذا كان $\vec{AB} // \vec{CD}$ فإن ميل \vec{AB} يساوي ميل \vec{CD} وبالعكس.

إذا كانا $\vec{AB} \perp \vec{CD}$ ، \vec{CD} متعامدين فإن ناتج ضرب ميليهما يساوي -1 وبالعكس.

١ لكتابة معادلة خط مستقيم ليس رأسياً نحن بحاجة إلى معرفة:

- الميل (م).
- نقطة من نقاط المستقيم ولتكن $(س_1, ص_1)$.
- تكون معادلة المستقيم: $ص - ص_1 = م(س - س_1)$.

٢ معادلة المستقيم الرأسى هي $س = س_0$ (وهذا المستقيم ليس له ميل)

طول العمود النازل من النقطة م (س_١، ص_١) على المستقيم (ل) ومعادلته أس + ب ص + ج = ٠ هو:

$$ف = \frac{|أس_١ + ب ص_١ + ج|}{\sqrt{أ^٢ + ب^٢}}$$

معادلة الدائرة التي مركزها م (د، هـ) وطول نصف قطرها ن: (س - د)^٢ + (ص - هـ)^٢ = ن^٢.

- الصورة العامة لمعادلة الدائرة: س^٢ + ص^٢ + ل س + ك ص + ب = ٠ حيث ل، ك، ب ثوابت

وحيث إن مركز الدائرة (ل/٢ - ك/٢، ك/٢ - ل/٢)، ن = ١/٢ √ ل^٢ + ك^٢ - ٤ ب، حيث ل^٢ + ك^٢ - ٤ ب > ٠

الوحدة العاشرة الإحصاء و الاحتمال :

Variance and Standard Deviation

التباين والانحراف المعياري

إذا كانت س_١، س_٢، س_٣، ...، س_ن مجموعة من القيم عددها ن حيث متوسطها الحسابي س فإن:

$$\text{التباين} = \sigma^٢ = \frac{\sum_{i=1}^n (س_i - \bar{س})^٢}{ن}$$

ومنه الانحراف المعياري = $\sigma = \sqrt{\sigma^٢}$

قانون التباديل

مضروب ن أو

ن! هو: ن × (ن - ١) × ... × ٣ × ٢ × ١

فمثلاً: ٥! = ٥ × ٤ × ٣ × ٢ × ١

١! = ١، نقرأ مضروب صفر = ١

$$ن! = ن(ن-١)(ن-٢)...(٢-١)(١-٠) = \frac{ن!}{(ن-١)!}$$

قانون التوافيق :

عندما ر = ٠ يُعرَّف $\binom{ن}{٠} = ١$

$$\binom{ن}{ن} = ١$$

$$\binom{ن}{ر} = \frac{ن!}{ر!(ن-ر)!}$$

$$L(\text{الحادث } P) = \frac{\text{عدد نواتج الحادث } P}{\text{عدد النواتج في فضاء العينة}}$$

$$\text{أي أن: } L(P) = \frac{n(P)}{n(F)}$$

قاعدة الاحتمال لاتحاد حدثين:

$$L(P \cup B) = L(P) + L(B) - L(P \cap B)$$

$$\text{ومنها } L(P \cap B) = L(P) + L(B) - L(P \cup B)$$

قاعدة الاحتمال لمتنم الحادث P:

$$L(\bar{P}) = 1 - L(P)$$

قاعدة الاحتمال لحدثين متنافيين:

إذا كان P، B حدثين متنافيين من فضاء العينة F فإن $L(P \cup B) = L(P) + L(B)$.

إذا كان P، B حدثان مستقلان فإن احتمال وقوع الحدثين معاً هو:

$$L(P \cap B) = L(P) \times L(B)$$

قاعدة الاحتمال المشروط

إذا كان وقوع الحادث B مشروطاً بوقوع الحادث P فإن:

$$L(B|P) = \frac{L(P \cap B)}{L(P)}$$

حيث $L(P) \neq 0$

$$\text{وكذلك } L(P \cap B) = L(B|P) \times L(P)$$