

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



منصة سما

الملف ملخص قوانين الهندسة والهندسة التحليلية من مذكرة قلب الأم

[موقع المناهج](#) ↔ [ملفات الكويت التعليمية](#) ↔ [الصف العاشر](#) ↔ [رياضيات](#) ↔ [الفصل الأول](#)

روابط موقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر



روابط مواد الصف العاشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر والمادة رياضيات في الفصل الأول

مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	1
أوراق عمل للكورس الاول في مادة الرياضيات	2
حل كتاب التطبيقات في مادة الرياضيات	3
اسئلة اخباريات واحتاجتها النموذجية في مادة الرياضيات	4
مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	5

منصة سما
قوانين الصف العاشر - رياضيات

مؤسسة سما التعليمية المعلم الذكي

موقع
المناهج المتكاملة
almanahj.com/kw

أ:وليد

50522331

قلب الأم رياضيات

10

2024
مذكرات قلب الأم



www.samakw.com

iteacher_q8

60084568 / 50855008

حولي مجمع بيروت الدور الأول

نقدم لكم كل ما يعينكم ويسهل لكم دراستكم ونختصر عليكم البحث عن ما هو هام
سما - طريقك للتميز
لتفوقك في اختبارك

قلب الأم رياضيات مذكرات قلب الأم قلب الأم رياضيات مذكرات قلب الأم



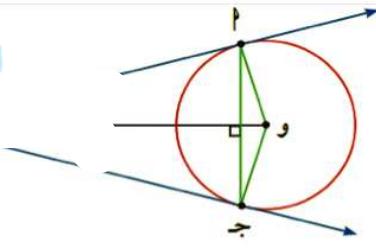
الوحدة الأولى: هندسة الدائرة :

كل ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة تمر بها دائرة واحدة.

المماس عمودي على نصف قطر التماس.

القطعتان المماستان لدائرة والمرسومتان من نقطة خارجها متطابقتان.

ΔABC متطابق الضلعين من النظرية السابقة.



١ بـ و منصف الزاوية Aـ جـ

٢ و بـ و منصف الزاوية Aـ جـ

٣ و بـ Tـ جـ

الدائرة المحاطة بمثلث (الداخلة)

هي دائرة مماسة لأضلاع المثلث الثلاثة من الداخل.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي منصفات الزوايا الداخلية للمثلث

الدائرة المحيطة لمثلث (الخارجية)

هي دائرة تمر برؤوس المثلث الثلاثة.

مركز هذه الدائرة هو نقطة تلاقي المحاور الثلاثة لأضلاع المثلث (نقطة تلاقي المنصفات العمودية لأضلاع المثلث).

في دائرة أو في دوائر متطابقة:

١ للزوايا المركزية المتطابقة أو تار متطابقة.

٢ الأوتار المتطابقة تقابل أقواساً متطابقة.

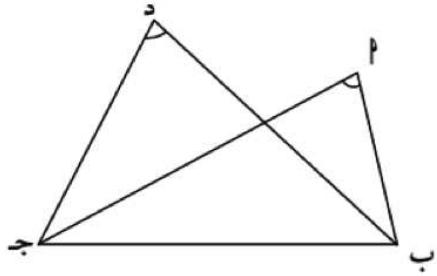
٣ للأقواس المتطابقة زوايا مركزية متطابقة.

- ١ الأوتار المتطابقة في دائرة على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.
- ٢ الأوتار التي على أبعاد متساوية من مركز دائرة تكون متطابقة.
- ٣ القطر العمودي على وتر في دائرة ينصفه وينصف كلاً من قوسيه.
- ٤ القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) في دائرة يكون عموديًّا على هذا الوتر.
- ٥ العمود المنصف لوتر في دائرة يمر بمركز الدائرة.

خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عموديًّا على الوتر المشترك بينهما وينصفه.

قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها على الدائرة.
في الدائرة قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.

قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس نفسه.



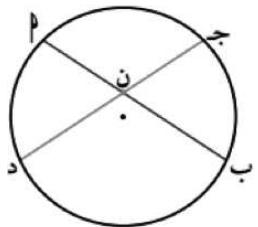
- ١ كل زاويتين محيطيتين في دائرة تحصران القوس نفسه متطابقتان.
- ٢ كل زاوية محيطية في دائرة تحصر نصف دائرة تكون زاوية قائمة.
- ٣ كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة)، تكون زواياه المتقابلة متكاملة.
- ٤ في الشكل إذا تطابقت الزاويتان \hat{A} ، \hat{D} المرسومات على القاعدة BJ وفي جهة واحدة منها. كان الشكل $ABJD$ رباعيًّا دائريًّا.

- (١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.
- (٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

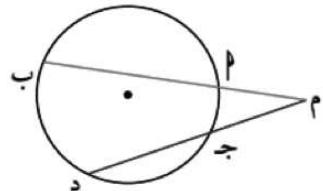
- (١) قياس الزاوية المماسية يساوي قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس نفسه.
- (٢) قياس الزاوية المماسية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.

- المماس لدائرة هو مستقيم في المستوى يتقاطع مع الدائرة في نقطة واحدة.
- الزوايا المركزية زوايا رأسها مركز الدائرة.
- الزوايا المحيطية زوايا رأسها إحدى نقاط دائرة وضلعها يقطعان الدائرة.
- قياس الزاوية المركزية يساوي قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.
- كل زاويتين محيطيتين تحصران القوس نفسه متطابقتان.

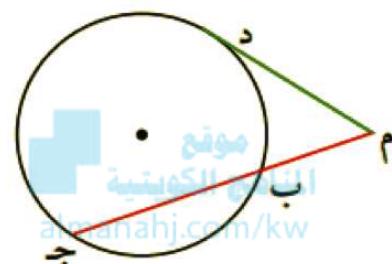
- كل زاوية محيطية تحصر نصف دائرة هي زاوية قائمة.
- كل شكل رباعي دائري (محاط بدائرة) تكون زواياه المتقابلة متكاملة، أي كل زاويتين متقابلتين فيه متكاملتان.
- الزاوية المكونة من مماس ووتر تسمى زاوية مماسية، وقياسها يساوي نصف قياس القوس المحصور بين المماس والوتر.
- في دائرة أو في دوائر متطابقة: للزوايا المركزية المتطابقة أو تار متطابقة.
- الأوتار المتطابقة تقابل أقواساً متطابقة.
- للأقواس المتطابقة في دائرة زوايا مركزية متطابقة.
- الأوتار المتطابقة في دائرة هي على أبعاد متساوية من مركز الدائرة.
- في الدائرة: القطر العمودي على وتر ينصفه وينصف كلاً من قوسيه. القطر الذي ينصف وترًا (ليس قطرًا) هو عمودي على الوتر.
- العمود المنصف لوتر يمر بمركز الدائرة.



إذا تقاطع وتران داخل دائرة، فإن ناتج ضرب طولي جزءي أحد الوترتين يساوي ناتج ضرب طولي جزءي الوتر الآخر.
 $n_1 \times n_2 = n_3 \times n_4$



إذا رسم قاطعان من نقطة خارج دائرة، فإن ناتج ضرب طول أحد القاطعين في طول جزءه الخارجي يساوي ناتج ضرب طول القاطع الآخر في طول جزءه الخارجي.
 $m_1 \times m_2 = m_3 \times m_4$.



إذا رسم من نقطة خارج دائرة قاطع ومماس، فإن ناتج ضرب طول القاطع في طول جزءه الخارجي يساوي مربع طول القطعة المماسية.
 $(m_d)^2 = m_b \times m_c$.

الوحدة الثانية : المصفوفات

- تكون المصفوفتان متساويتين إذا كانت لهما الرتبة (الأبعاد) نفسها، وكانت عناصرهما المتناظرة متساوية.

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ هو أد - ب ج} \\ \text{نكتب } \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = a \cdot d - b \cdot c$$

تسمى المصفوفة التي محددها يساوي الصفر بالمصفوفة المنفردة
 بفرض أن: $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \neq 0$ ، فإن لها نظير ضربي $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ حيث:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

- مصفوفة النظير (المعكوس) الضريبي للمصفوفة المرتبة $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ، تكتب $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}^{-1}$ ويكون:
 $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}^{-1} \times \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ، وتسمى النظير الضريبي للمصفوفة $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$.

لحل نظام معادلين خطيين:

$$ا_s + b_c = l$$

$$ج_s + د_c = m$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = s, \quad c = \frac{\Delta}{\Delta}$$

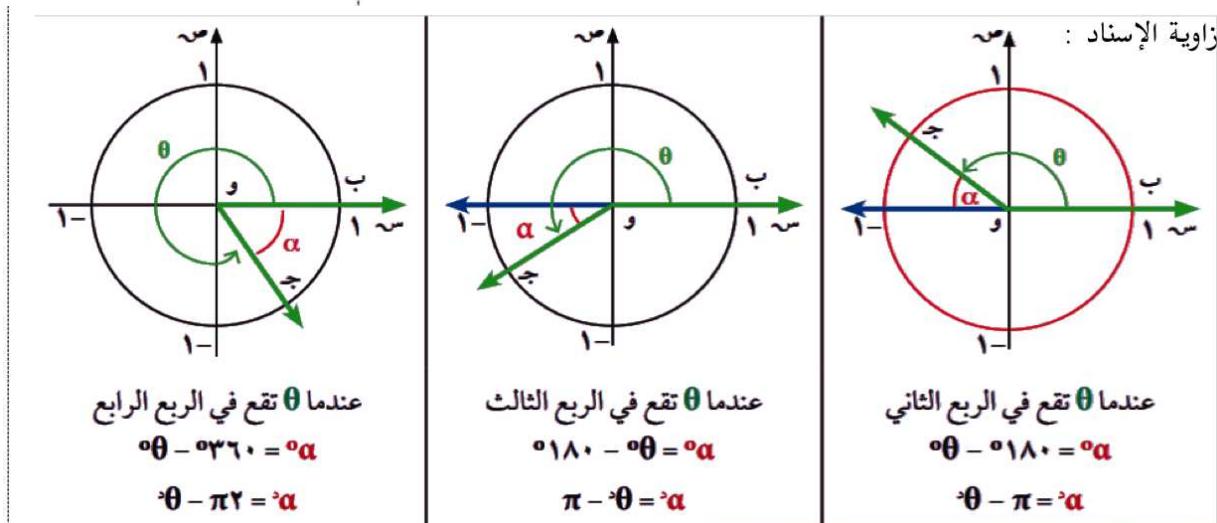
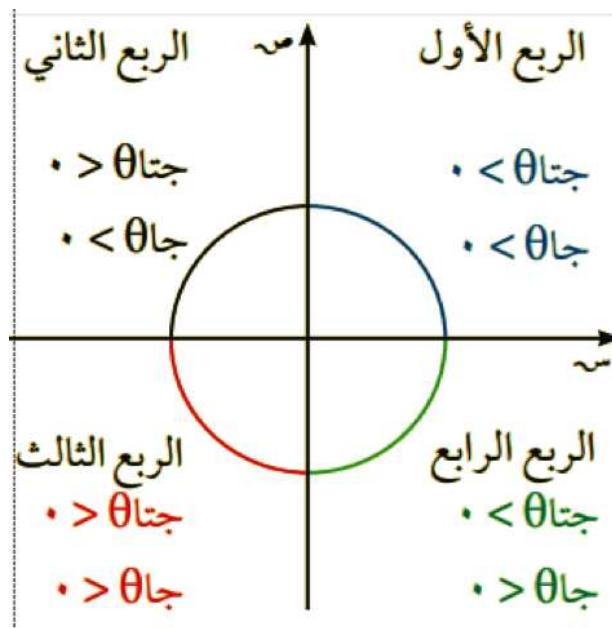
$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\begin{vmatrix} l & b \\ m & d \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\begin{vmatrix} a & l \\ c & m \end{vmatrix} = \Delta$$

$$\begin{vmatrix} l & b \\ m & d \end{vmatrix} = \Delta$$

الوحدة الثالثة : حساب المثلثات



$\sin(\theta + \pi) = -\sin(\theta)$ $\sin(\theta - \pi) = -\sin(\theta)$ $\cos(\theta + \pi) = -\cos(\theta)$ $\cos(\theta - \pi) = -\cos(\theta)$ وبالتالي $\tan(\theta - \pi) = -\tan(\theta)$	قانون: $\sin(\theta + \frac{\pi}{2}) = \cos(\theta)$ $\sin(\theta - \frac{\pi}{2}) = -\cos(\theta)$ $\cos(\theta + \frac{\pi}{2}) = -\sin(\theta)$ $\cos(\theta - \frac{\pi}{2}) = \sin(\theta)$ وبالتالي $\tan(\theta + \frac{\pi}{2}) = -\tan(\theta)$	قانون: $\sin(-\theta) = -\sin(\theta)$ $\cos(-\theta) = \cos(\theta)$ $\tan(-\theta) = -\tan(\theta)$
---	--	---

$\sin(\theta + \frac{\pi}{2}k) = \cos(\theta)$ $\sin(\theta - \frac{\pi}{2}k) = -\cos(\theta)$ $\cos(\theta + \frac{\pi}{2}k) = -\sin(\theta)$ $\cos(\theta - \frac{\pi}{2}k) = \sin(\theta)$	قانون: $\sin(\theta + \frac{\pi}{2}) = \cos(\theta)$ $\sin(\theta - \frac{\pi}{2}) = -\cos(\theta)$ $\cos(\theta + \frac{\pi}{2}) = -\sin(\theta)$ $\cos(\theta - \frac{\pi}{2}) = \sin(\theta)$
--	---

almanahj.com/kw

(كـ صـ)

$$\sin(\theta + \frac{\pi}{2}k) = \cos(\theta)$$

$$\sin(\theta - \frac{\pi}{2}k) = -\cos(\theta)$$

$$\cos(\theta + \frac{\pi}{2}k) = -\sin(\theta)$$

$$\cos(\theta - \frac{\pi}{2}k) = \sin(\theta)$$

حل المعادلة: $\sin(\theta) = \cos(\theta)$

هو $\theta = \frac{\pi}{2} + k\pi$ أو $\theta = -\frac{\pi}{2} + k\pi$

حل المعادلة $\cos(\theta) = \sin(\theta)$

هو $\theta = \frac{\pi}{2} + k\pi$ أو $\theta = -\frac{\pi}{2} + k\pi$

(كـ صـ)

حل المعادلة $\tan(\theta) = \tan(\theta + \frac{\pi}{2}k)$

حيث المقام ≠ 0

$$\tan(\theta) = \tan(\theta + \frac{1}{\theta}) \Rightarrow \theta = \frac{1}{\theta}$$

$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ تسمى متطابقة فيثاغورث

حيث المقام ≠ 0

$$\frac{1}{\sin^2 \theta} = 1 + \cos^2 \theta$$

حيث المقام ≠ 0

$$\frac{1}{\cos^2 \theta} = 1 + \sin^2 \theta$$



سما معك بترفع مستواك



الوحدة التاسعة الهندسة التحليلية :

قانون:

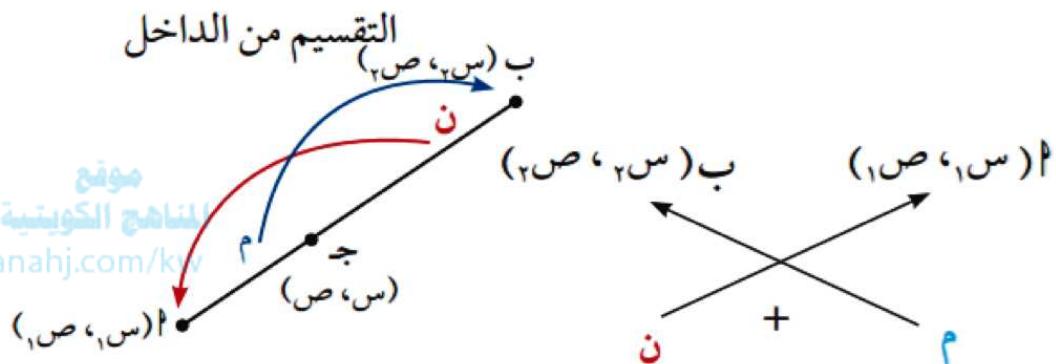
المسافة بين أي نقطتين $\sqrt{(س_1 - س_2)^2 + (ص_1 - ص_2)^2}$

قانون:

إذا كانت $(س, ص)$, $ب(س_2, ص_2)$, $ج(س, ص)$ إحداثيات نقطة المتصف هي $m = س_2 - س$, $ن = ص_2 - ص$.



موقع
المناهج الكويتية
almanahj.com/kw



$$\text{جد } \frac{م س_2 + ن س_1}{م + ن}, \frac{م ص_2 + ن ص_1}{م + ن}$$

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1} \neq 0$$

إذا كان $أب // جد$ فإن ميل $أب$ يساوي ميل $جد$ وبالعكس.

إذا كانا $أب$, $جد$ متعامدين فإن ناتج ضرب ميليهما يساوي -1 وبالعكس.

١ لكتابة معادلة خط مستقيم ليس رأسياً نحن بحاجة إلى معرفة:

- الميل (m).

- نقطة من نقاط المستقيم ولتكن $(س, ص)$.

تكون معادلة المستقيم: $ص - ص = m(س - س)$.

٢ معادلة المستقيم الرأسي هي $س = ٤$ (وهذا المستقيم ليس له ميل)

طول العمود النازل من النقطة م (س، ص)، على المستقيم (ل) ومعادلته $اس + ب ص + ج = 0$ هو:

$$ف = \frac{|اس + ب ص + ج|}{\sqrt{ا^2 + ب^2}}$$

معادلة الدائرة التي مركزها م (د، ه) وطول نصف قطرها ف: $(س - د)^2 + (ص - ه)^2 = ف^2$.

- الصورة العامة لمعادلة الدائرة: $س^2 + ص^2 + ل س + ك ص + ب = 0$ حيث ل، ك، ب ثوابت

$$\text{حيث إن مركز الدائرة } (-\frac{L}{2}, -\frac{K}{2}), \text{ فـ } F = \frac{1}{2} \sqrt{L^2 + K^2 - 4B}$$

الوحدة العاشرة الإحصاء والاحتمال :

Variance and Standard Deviation

التباين والانحراف المعياري

إذا كانت $s_1, s_2, s_3, \dots, s_n$ مجموعة من القيم عددها n حيث متوسطها الحسابي \bar{s} فإن:

$$\text{التباين} = \sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (s_i - \bar{s})^2}{n}$$

ومنه الانحراف المعياري $= \sigma = \sqrt{\sigma^2}$

قانون التباديل

مضروب ن أو

$$ن! هو: ن \times (ن - 1) \times \dots \times 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (ن - 1)$$

$$\text{فمثلاً: } 5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$$

$$1! = 1 \quad \text{تقرأ مضروب صفر = 1}$$

$$ن! = (ن - 1)! (ن - 2)! \dots (ن - r + 1) \quad \text{نل} = \frac{ن!}{(ن - r)!}$$

قانون التوافقية :

$$\text{عندما } r = 0 \text{ يُعرف } \binom{n}{r} = 1$$

$$\binom{n}{r} = 1$$

$$\text{نقر} = \frac{n!}{(n - r)! r!}$$

$$L(A|B) = \frac{\text{عدد نواتج الحدث } A \text{ في فضاء العينة}}{\text{ن}(A)} = \frac{\text{أي أن: } L(A) = \frac{\text{ن}(A)}{\text{ن}(F)}}{\text{ن}(F)}$$

قاعدة الاحتمال لاتحاد حدثين:

$$L(A \cup B) = L(A) + L(B) - L(A \cap B)$$

ومنها $L(A \cap B) = L(A) + L(B) - L(A \cup B)$

قاعدة الاحتمال لمتعم الحدث:

$$L(\bar{A}) = 1 - L(A)$$

قاعدة الاحتمال لحدثين متنافيين:

إذا كان A, B حدثين متنافيين من فضاء العينة ف فإن $L(A \cup B) = L(A) + L(B)$.

إذا كان A, B حدثان مستقلان فإن احتمال وقوع الحدثين معًا هو:

$$L(A \cap B) = L(A) \times L(B)$$

قاعدة الاحتمال المشروط

إذا كان وقوع الحدث B مشرووطاً بوقوع الحدث A فإن:

$$L(B|A) = \frac{L(A \cap B)}{L(A)}$$

حيث $L(A) \neq 0$

$$\text{وكذلك } L(A \cap B) = L(A) \times L(B|A)$$