

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية

الملف المذكرة الشاملة في مادة الرياضيات الفصل الدراسي الثاني

[موقع المناهج](#) ⇐ ⇐ [الصف التاسع](#) ⇐ [رياضيات](#) ⇐ [الفصل الثاني](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف التاسع



روابط مواد الصف التاسع على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف التاسع والمادة رياضيات في الفصل الثاني

<a href="#">مذكرة التمييز</a>	1
<a href="#">مذكرة مراجعة</a>	2
<a href="#">أسئلة امتحان وطني الورقة 1</a>	3
<a href="#">نموذج إجابة وتوزيع الدرجات لامتحان وطني ورقة 1</a>	4
<a href="#">حل مذكرة</a>	5



Ministry of Education  
Zainab Intermediate Girls School



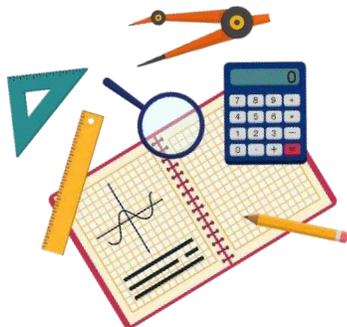
وزارة التربية والتعليم  
مدرسة زينب الإعدادية للبنات



نوع المحتوى : مذكرة إثرائية في جميع وحدات الفصل الدراسي الثاني

لمادة الرياضيات ( ٢٠٢١ / ٢٠٢٢ م )

ولكنها لا تغني عن الكتاب المدرسي



إعداد: أ. ليلى حاتم التاجر      المديرية المساعدة: أ. رجاء داود      مديرة المدرسة: أ. ليلى عبدالرحيم



Ministry of Education

Zainab Intermediate Girls School



وزارة التربية والتعليم  
مدرسة زينب الإعدادية للبنات

# مراجعة الفصل ٦

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

## كثيرات الحدود

الموضوع	التسلسل
ضرب وحيدات الحد	١-٦
قسمة وحيدات الحد	٢-٦
كثيرات الحدود	٣-٦
جمع كثيرات الحدود وطرحها	٤-٦
ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود	٥-٦
ضرب كثيرات الحدود	٦-٦
حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود	٧-٦

مديرة المدرسة:  
أ. ليلي عبدالرحيم

إعداد:  
أ. ليلي حاتم التاجر



## ٦ - ١ ضرب وحيدات الحد

### المحتوى الرياضي:

\*وحيدة الحد: هي عدد أو متغير أو ناتج ضرب عدد في متغير واحد أو أكثر بأسس صحيحة غير سالبة. والثابت : هو وحيدة حد تمثل عددا حقيقيا.

\*تبسيط وحيدة الحد: كتابة تعبير مكافئ لها على أن يظهر كل متغير على صورة أساس مرة واحدة فقط، لا يتضمن التعبير قوة القوة ، جميع الكسور في أبسط صورة.

\*قوانين:

$$\text{ناتج ضرب القوى : } s^m \times s^n = s^{m+n}$$

$$\text{قوة القوة : } (s^m)^n = s^{m \times n}$$

$$\text{قوة ناتج الضرب: } (s \times v)^n = s^n \times v^n$$

### \*تدريبات:

س ١: حددي ما إذا كانت التعابير الآتية وحيدة حد ، أكتبي نعم أو لا ، وفسري إجابتك:

التعبير	وحيدة حد: نعم أو لا؟	التفسير
٢٥		
س + ١١		
$\frac{1}{2} m^2 n$		
$\frac{2h}{k}$		
ص - ٩		

س ٢: بسّطي كل تعبير فيما يأتي:

(٦ ج° د) (٥ ج° د)	(٣س³) (-٤س⁷)
-------------------	--------------



### \*تدريبات:

بسّطي التعبيرات الآتية مفترضة أن مقام كل منها لا يساوي الصفر:

$\left( \frac{٤ج٣د٢}{٥} \right)^٣$	$\frac{س٧ص١٢}{س٦ص٣}$
$\left( \frac{٢م٢ن٧}{١-٣م٣} \right)^٢$	$\frac{ف٣- و٢}{و٦-ص٣}$
$\frac{٢س٢ب٧-ق١٠}{٦س٣-ب٢-ق٣}$	$\frac{م٣ن}{ن٢}$

### ٦ - ٣ كثيرات الحدود

#### المحتوى الرياضي:

\* كثيرة الحدود: هي وحيدة حد أو مجموع وحيدات حد. وبعض كثيرات الحدود تحمل أسماء خاصة : ثنائية حد ، ثلاثية الحدود.

\* درجة وحيدة الحد: هي مجموع أسس كل متغيراتها

\* درجة كثيرة الحدود: هي أكبر درجة من درجات حدودها

\* يمكن تسمية بعض كثيرات الحدود اعتمادا على درجتها:

الدرجة صفر: ثابتة ، الدرجة ١: خطية ، الدرجة ٢: تربيعية ، الدرجة ٣: تكعيبية

\* الصورة القياسية لكثيرة الحدود: كتابة الحدود بترتيب تنازلي حسب درجاتها

\* المعامل الرئيس: معامل أول حد في الصورة القياسية لكثيرة الحدود

### \*تدريبات:

س ١: حدّدي ما إذا كان كل تعبير فيما يأتي كثيرة حدود أم لا ، وإذا كان كذلك فصنفيها إلى وحيدة حد أو ثنائية حد أو ثلاثية حدود:

التصنيف	كثيرة حدود نعم أو لا؟ لماذا؟	التعبير
		٧س
		٧ - ٢س + ٢س ص
		٤ - ٦س
		$\frac{٤د + ١و}{٢و}$
		٢ص - ٢ص + ٣ص - ١

س ٢: أوجدي درجة كل من كثيرات الحدود الآتية :

• ٥س<sup>٣</sup>ص<sup>٤</sup>ع

• ٨ب ج<sup>٢</sup> + ٦ب ج + ٥ج + ٣

• ٩س<sup>٢</sup> - ٢س<sup>٤</sup> - ١

س ٣: أكتبي كثيرات الحدود الآتية بالصورة القياسية وحدّدي المعامل الرئيس في كل منها:

المعامل الرئيس	الصورة القياسية	كثيرة الحدود
		٣س <sup>٥</sup> - ٤س + ٣س <sup>٣</sup> - ١
		٩ب <sup>٢</sup> + ١٠ب - ٣ب <sup>٣</sup>
		٩س <sup>٢</sup> + ٣س <sup>٦</sup> - ٤س

## ٦ - ٤ جمع وطرح كثيرات الحدود

### المحتوى الرياضي:

\* يتم جمع كثيرتي حدود بجمع الحدود المتشابهة فيهما  
\* عند طرح كثيرة حدود نضيف نظيرها الجمعي

### \* تدرّيات:

أوجدني ناتج كل مما يأتي:

$(٩ - ٢س٧ - ٣س٣) + (٧ + ٢س٢ - ٢س٤)$	$(٢ص٧ + ٢ص٢ - ٣) + (٢ - ٤ص٤ + ٥ص٢)$
	
$(٥ن٢ + ٣ - ٤ن) - (٢ن + ١١ن٣ + ٢ن٥)$	$(٢ص٦ + ٨ص٤ - ٥ص٥) - (٩ص٤ - ٧ص٣ + ٢ص٢)$

## ٦ - ٥ ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود

### المحتوى الرياضي:

\* نستعمل خاصية التوزيع لإيجاد ناتج ضرب وحيدة حد في كثيرة حدود

### \* تدرّيات:

أوجدني ناتج كل مما يأتي:

$٢ج٢(٥ج٣ - ١٥ج٢ + ٢ج٢ + ٢)$	$٦ص٤(٩ص - ٧)$
$٤س(٥س٢ - ١٢) + ٧(س + ٥)$	$٣(٢ت٢ - ٤ت - ١٥) + ٦(٥ت + ٢)$

## ٦ - ٦ ضرب كثيرات الحدود

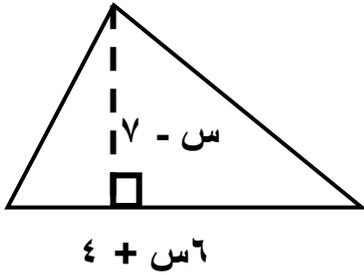
### المحتوى الرياضي:

\*نستعمل خاصية التوزيع لضرب كثيرات الحدود

### \*تدريبات:

س ١: أوجد ناتج كل مما يأتي:

$(٤ - ص) (٨ + ص)$	$(١ + س٢) (٦ + س)$
 موقع المناهج البحرينية almanahj.com/bh	$(٨ + س٢) (٤ - س٥)$
$(١ - ب٣ + ٢ب٢) (٩ + ب٧ + ٢ب٢)$	$(٥ + س) (٥س٢ - ٣س - ٥)$



س ٢: في الشكل المجاور حديقة منزل مثلثة الشكل

اكتبي كثيرة حدود تمثل مساحتها بالأقدام المربعة

س ٣: منشور رباعي قاعدته مستطيلة الشكل ، وأبعاده هي:  
س ، س + ٣ ، ٢س + ٥ . أوجد حجم المنشور بدلالة س.

٦ - ٧ حالات خاصة من ضرب كثيرات الحدود

**المحتوى الرياضي:**

\* مربع مجموع حدين:  $(س + ص)^2 = س^2 + ٢سص + ص^2$

\* مربع الفرق بينهما:  $(س - ص)^2 = س^2 - ٢سص + ص^2$

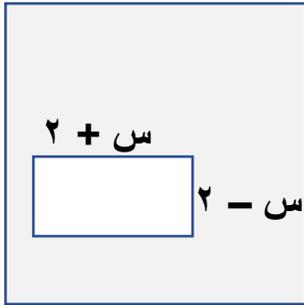
\* الفرق بين مربعين:  $(س + ص)(س - ص) = س^2 - ص^2$

**\*تدريبات:**

س١: أوجدني ناتج ما يأتي:

 موقع المناهج البحرينية almanahj.com/bh	$(٣ج - ٥ه)^2$	$(٢ + ٤٧)^2$
	$(٧ + ٨س)(٧ - ٨س)$	$(٤ + ٩د)(٤ - ٩د)$

س٢: اكتبني تعبيراً يمثل مساحة المنطقة المظلمة في الشكل أدناه:



$س٢ + ٣$

س٣: اكتبني تعبيراً يمثل مساحة مربع طول ضلعه  $(س٣ + ١٢)$  وحدة.

## نماذج من امتحانات نهائية

السؤال الأول: أكملني كلا مما يأتي لتحصلي على عبارات رياضية صحيحة:

(١) تبسيط التعبير  $(٢س٢ ص٢) (٢س٤ ص٢) =$  .....

(٢) التعبير  $(٢م٣ ن٥) (٢م٤ ن٤)$  يساوي .....

(٣) تبسيط التعبير  $(ك٢ م٢) (ك٢ م٥)$  هو .....

(٤) تبسيط التعبير  $ك٣ ن٢ ق٢$  يساوي  $ك١ ق١$  .....

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

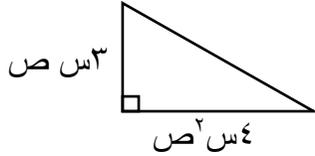
(٥) أبسط صورة للتعبير  $س٢ ص٢ ع٢ =$   $س١ ع١$  .....

(٦) درجة كثيرة الحدود  $٢س٣ + ٤س٢ - س٥$  هي ..... والمعامل الرئيس فيها هو .....

(٧) درجة كثيرة الحدود  $٢م٣ + ٤م٤ - ٤$  هي ..... والصورة القياسية لها هي .....

(٨) درجة كثيرة الحدود  $٥ص - ٩ + ٢ص٢ - ٦ص٣$  هي ..... والصورة القياسية لها هي .....

(٩) إذا كان طول ضلع المربع هو  $٢ص$  فإن مساحته في أبسط صورة هي .....



(١٠) مساحة المثلث المجاور على صورة وحيدة حد هي .....

(١١) ناتج  $(س + ٧ص)٢$  في أبسط صورة هو .....

(١٢) ناتج  $(٦ - ل) (٦ + ل)$  في أبسط صورة هو .....

(١٣) ناتج  $٥ص٢ (٣ص٣ - ٤ص٢ + ١)$  في أبسط صورة هي .....

السؤال الثاني: ضعي دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

(١) أي من التعبيرات الجبرية الآتية ليس وحيدة حد:

(أ)  $\frac{ل ع}{٥}$  (ب)  $\frac{٣-}{٢س}$  (ج)  $٢- ٢س ص٢ ع$  (د)  $٢٣-$

(٢) أبسط صورة للتعبير  $[ (٢٣)٣ ]$  هي:

(أ)  $٦٣$  (ب)  $٧٣$  (ج)  $١٠٣$  (د)  $١٢٣$

(٣) ناتج  $(ن - م٢)$   $(ن + م٢)$  يساوي:

(أ)  $٢م٢ - ٢ن٢$  (ب)  $٢ن٢ - ٢م٢ + ٢م + ٢ن$  (ج)  $٢ن٢ - ٢م٢$  (د)  $٢ن٢ + ٢م٢$

موقع  
المنهاج  
almanahj.com/bh

(٤) المعامل الرئيس في كثيرة الحدود  $٥ن + ٣ن٢ - ٤ن٣ - ٥$  هو:

(أ)  $٤-$  (ب)  $٥-$  (ج)  $٤$  (د)  $٥$

(٥) تبسيط التعبير  $(س٣ص)$   $(٣س ص٢)$  يساوي:

(أ)  $٣س٣ص٢$  (ب)  $٣س٣ص٢$  (ج)  $٣س٣ص٢$  (د)  $٣س٣ص٢$

(٦) تبسيط التعبير  $\frac{س٤ ق٣ \times س١ ق}{س١ ق \times س٣ ق}$  يساوي:

(أ)  $س٤ ق٣$  (ب)  $س٣ ق٢$  (ج)  $س٣ ق٢$  (د)  $س٣ ق٢$

(٧) ما التعبير الجبري الذي يمثل مساحة المستطيل المجاور؟

(أ)  $٢س٢ + ٥س - ٦$  (ب)  $٢س٢ + ٧س - ٦$

(ج)  $٢س٢ + ٤س - ٦$  (د)  $٢س٣ + ٤س + ٦$

(٨) ناتج  $(ل + م٧)$  يساوي:

(أ)  $ل٤ + ل١٤ + م٤٩$  (ب)  $ل٢ + ل٧ + م٤٩$

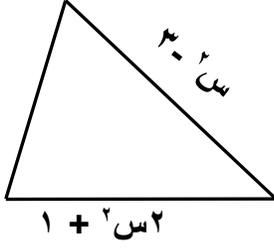
(ج)  $ل٢ + م٤٩$  (د)  $ل٢ + ل١٤ + م٧$

س - ١

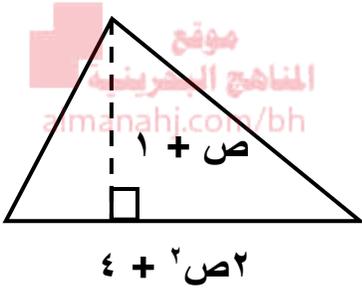


$٦ + ٢س$

السؤال الثالث:

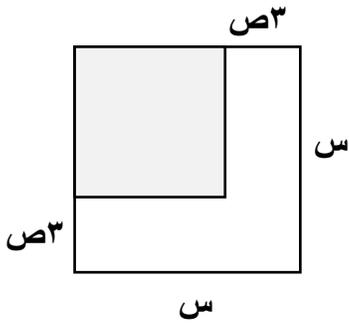


أولاً: (أ) يمثل التعبير  $٢س + ٤س + ٧س + ٢$  محيط الشكل المجاور ،  
اكتبي كثيرة حدود تمثل قياس الضلع الثالث

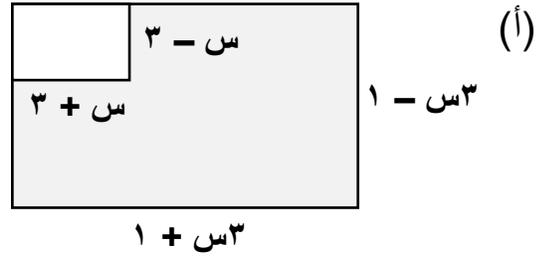


(ب) اكتبي تعبيراً يمثل مساحة المثلث في الشكل المجاور

ثانياً: اكتبي تعبيراً يمثل مساحة المنطقة المظللة في كل شكل مما يلي:

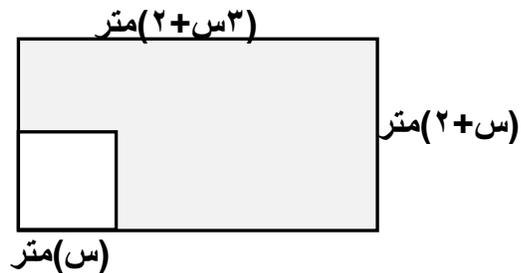


(ب)



(أ)

(ج)



ثالثاً: أوجد ناتج ما يأتي:

$ل - ل^3 - (ل^2 + 2)$	$ل(ل - 5) + 6(ل^2 + 3)$
$(-4ص^4 + 5ص + 3) - (2ص^3 + 3 + 7ص)$	$(2 + 5س) + (9 + 7س + 3س^2)$
$(ص^2 - 6) - (3ص - 5)$ 	$(3 + م + 3م^2) + (م^2 + 4م^3 + 3)$
$3ر^2(2ر + ن^4)$	$3س^2(2س^3 + م - 3)$
$(1 - أ^2)(4 + أ^3)$	$(2 - م^6)(4 + م^2)$
$(6 + 2س - 2س^2)(5 + س)$	$(3 + 4س)(2 - 5س)$
$(2 - 7س)(2 - 3س^2 - 9س - 4)$	$(3 + 2س^2)(3 - 2س)$



Ministry of Education

Zainab Intermediate Girls School



وزارة التربية والتعليم  
مدرسة زينب الإعدادية للبنات

# مراجعة الفصل ٧

## التحليل والمعادلات

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

## التربيعية

الموضوع	التسلسل
تحليل وحيدات الحد	١-٧
حل المعادلات باستعمال خاصية التوزيع	٢-٧
حل المعادلات التربيعية على الصورة $س^٢ + ب س + ج = ٠$	٣-٧
حل المعادلات التربيعية على الصورة $أس^٢ + ب س + ج = ٠$	٤-٧
حل المعادلات التربيعية باستعمال تحليل الفرق بين مربعين	٥-٧
حل المعادلات التربيعية باستعمال تحليل المربعات الكاملة	٦-٧
حل المعادلات التربيعية بإكمال المربع	٧-٧
حل المعادلات التربيعية باستعمال القانون العام	٨-٧
تبسيط التعابير الجذرية	٩-٧
العمليات على التعابير الجذرية	١٠-٧

مديرة المدرسة:

أ.ليلى عبدالرحيم

إعداد:

أ.ليلى حاتم التاجر



## ٧ - ١ تحليل وحيدات الحد

### المحتوى الرياضي:

- \* العدد الأولي: هو عدد كلي أكبر من ١ وله عاملان مختلفان فقط هما ١ و العدد نفسه  
مثل: ٢، ٣، ٥، ٧، ١١، ١٣، ١٧، ١٩، ٢٣، ٢٩، ٣١، ٣٧، ٤١، ...
- \* الصورة التحليلية لوحيدة الحد: حاصل ضرب أعداد أولية ومتغيرات بأس ١
- \* العامل المشترك الأكبر ع.م.أ لعددين أو أكثر هو أكبر عدد يكون عاملاً لكل من هذه الأعداد

### تدريبات:



س ١: حللي كل وحيدة حد فيما يأتي تحليلاً تاماً:

(أ)  $٣٥س^٢ص^٢$  (ب)  $-١٤ان^٤ب$

س ٢: أوجدي ع.م.أ لكل مما يأتي:

(أ)  $٤س^٢ص^٢ع$  ،  $٢٠ص^٢ع$  (ب)  $١٣أب$  ،  $٣٩أب^٢$

(ج)  $٨ج^٢د^٣$  ،  $١٦ج^٣د$  (د)  $٤ص$  ،  $١٨ص^٢$  ،  $٦ص^٢$

س ٣: ما أكبر قيمة يمكن أن تمثل الطول المشترك لكل من المستطيلين اللذين مساحتهما  $٣٠سم^٢$  ،  $٢٤سم^٢$  ، علمًا بأن بعدي كل منهما عددان كليان؟

## ٧ - ٢ حل المعادلات باستعمال خاصية التوزيع

### المحتوى الرياضي:

\*خاصية التوزيع في التحليل: نكتب كل حد على صورة حاصل ضرب ع.م.أ في باقي العوامل ثم نستعمل التوزيع لإخراج ع.م.أ

\*التحليل بتجميع الحدود: تستعمل خاصية التجميع وإخراج ع.م.أ لكثيرة حدود تتكون من ٤ حدود أو أكثر.

\*حل المعادلات باستخدام التحليل بإخراج ع.م.أ وخاصية الضرب الصفري

\*خاصية الضرب الصفري: لأي عددين حقيقيين أ، ب: إذا كان  $أ ب = ٠$ ، فإن  $أ = ٠$ ، أو  $ب = ٠$  أو كليهما معا.



### تدريبات:

س١: حللي كل كثيرة حدود فيما يأتي تحليلاً تاماً:

$٣٥س + ١٠ص$	$٣ل٣ + ٦ل٢ن - ٣لن$
$س ص + ٢ص - س - ٢$	$أ - ٢أب + ٨ب - ٤$
$٣ - ٢ن - ١٨ + ٢٧$	$٣م + ن + ١٨ - ٢م - ١٢$

س٢: حل المعادلات الآتية بالتحليل:

$٣(ن + ٥) = ٠$	$٠ = (٣ - س)(١ - س)$
----------------	----------------------

$٥س^٢ - ٣٠س = ٠$	$٤٣ = ٢ع$
------------------	-----------

س٣: يمكن تمثيل ارتفاع كرة قذفت في الهواء بالمعادلة  $ع = -٥س^٢ + ٥٠س$  ، حيث  $ع$  الارتفاع بالامتار،  $ن$  الزمن بالثواني. أوجد قيمة  $ن$  عندما  $ع = ٠$ .



٧ - ٣ حل المعادلات التربيعية على الصورة  $س^٢ + ب س + ج = ٠$

### المحتوى الرياضي:

\*لتحليل ثلاثية حدود على الصورة  $س^٢ + ب س + ج$  ، نوجد عددين صحيحين  $م$  ،  $ن$  مجموعهما  $ب$  ، وحاصل ضربهما  $ج$  ، ثم نكتب  $(س + م) (س + ن)$

### تدريبات:

س١: حللي كل كثيرة حدود فيما يأتي تحليلاً تاماً:

$ص^٢ - ١٧ص + ٧٢$	$س^٢ + ١٢س + ٣٥$
$س^٢ + ٤س - ٤٥$	$ن^٢ - ٢ن - ٣٥$

س٢: حل المعادلات الآتية بالتحليل:

$ص^٢ + ٩س + ٢٢ = ٠$	$س^٢ - ٥س = ٣٦$
---------------------	-----------------

ن <sup>٢</sup> + ٢ن = ١٥	س <sup>٢</sup> + ٤٨ = ١٦س
--------------------------	---------------------------

س٣: مثلث مساحته ٣٦سم<sup>٢</sup> ، ويزيد ارتفاعه ٦سم على طول قاعدته، فما ارتفاعه؟ وما طول قاعدته؟



س٤: أي مما يأتي يمثل مجموع حلي المعادلة س<sup>٢</sup> + س<sup>٣</sup> = ٥٤؟

- ٣-(أ)      ٢١-(ب)      ٣-(ج)      ٢١-(د)

٧ - ٤ حل المعادلات التربيعية على الصورة أس<sup>٢</sup> + ب س + ج = ٠

### المحتوى الرياضي:

\*لتحليل ثلاثية حدود على الصورة أس<sup>٢</sup> + ب س + ج ، نوجد عددين صحيحين م، ن مجموعهما ب ، وحاصل ضربهما أ ج

\*إذا كان لا يمكن كتابة كثيرة الحدود على صورة ناتج ضرب كثيرتي حدود بمعاملات صحيحة تسمى كثيرة الحدود أولية .

### تدريبات:

س١: حللي كل كثيرة حدود فيما يأتي تحليلاً تاماً:

س٣ <sup>٢</sup> + ١٠س + ٨	س٥ <sup>٢</sup> - ٧س + ٢
---------------------------	--------------------------

$٢س٤ - ٣س٣ - ٧$	$١٨ - ٩س٩ + ٢س٢$
-----------------	------------------

س٢: حلّي المعادلات الآتية بالتحليل:

$٢س٣ - ٥س٥ = ٢$	$٠ = ١٥ + ١٧س١ + ٢س٤$
$٠ = ٢٠ + ٢٣س٢ - ٦س٦$	$٠ = ٩ - ٨س٨ + ٢س٢$

س٣: كَوّن بعض الطلبة في حصة العلوم نموذج صاروخ ، وأطلقوه من على حافة سطح ارتفاعه ٣م عن الأرض ، وبسرعة ابتدائية رأسية ٤م/ث . إذا ارتفع الصاروخ في الجو ثم عاد فارتطم بالأرض ، فما الزمن الذي استغرقه الصاروخ في الجو؟  
استعملي المعادلة  $ل = -٥ن٢ + ع٢ن + ل٠$  ، ل: الارتفاع ، ن: الزمن ، ع: السرعة الابتدائية.

٧ - ٥ حل المعادلات التربيعية باستعمال تحليل الفرق بين مربعين

المحتوى الرياضي:

$$* ٢أ - ٢ب = (أ + ب) (أ - ب) = (أ - ب) (ب + أ)$$

\* يمكن تطبيق التحليل أكثر من مرة

تدريبات:

س١: حلّي كل كثيرة حدود فيما يأتي تحليلاً تاماً:

٩ - س <sup>٢</sup>	٤٨س <sup>٣</sup> - ٣س <sup>٣</sup>
٨١ - ٤	٥٠ - ٤س <sup>٢</sup>
٢م <sup>٢</sup> + ٢م - ٢٥	٦٦ + ١ب + ٢ب <sup>٢</sup> + ٣ب <sup>٣</sup>

س٢: حلّي المعادلات الآتية بالتحليل:

١٢١ = ٢ل٣٦	٢٥س <sup>٢</sup> - ١٠٠ = ٠
------------	----------------------------

س٣: في المعادلة ص = ك<sup>٢</sup> -  $\frac{٤}{٢٥}$  ، ما قيمة ك التي تجعل ص = ٠؟

(أ)  $\frac{٢}{٢٥}$       (ب)  $\frac{٤}{٢٥}$       (ج) صفر      (د)  $\frac{٢}{٥}$

## ٦ - ٧ حل المعادلات التربيعية باستعمال تحليل المربعات الكاملة

### المحتوى الرياضي:

\*شروط ثلاثية الحدود الكي تشكّل مربعًا كاملاً :

الحد الأول مربع كامل ، الحد الأخير مربع كامل ، الحد الأوسط =  $\sqrt{\text{الأول}} \times \sqrt{\text{الأخير}}$

$$* \text{أ}^2 + \text{ب}^2 + 2\text{أب} = (\text{أ} + \text{ب})^2 , \quad \text{أ}^2 - \text{ب}^2 + 2\text{أب} = (\text{أ} - \text{ب})^2$$

\*خاصية الجذر التربيعي: لأي عدد حقيقي  $n \geq 0$  ، إذا كان  $s^2 = n$  فإن  $s = \pm \sqrt{n}$

### تدريبات:

س١: حددي إن كانت كل ثلاثية حدود فيما يأتي تشكّل مربعاً كاملاً أم لا، وإذا كانت كذلك فحلّليها:  
المنهج البحرينية  
almanahj.com/bh

$(\text{ب}^2 + 49\text{ص} + 36)$	$(\text{أ}^2 - 30\text{س} + 9)$
----------------------------------	---------------------------------

س٢: حلّلي كل كثيرة حدود فيما يأتي تحليلاً تاماً:

$3\text{ك}^3 - 24\text{ك}^2 + 48\text{ك}$	$12\text{م}^2 - 22\text{م} - 70$
---	----------------------------------

س٣: حلّلي المعادلات الآتية بالتحليل:

$9\text{س}^2 - 12\text{س} + 4 = 0$	$4\text{س}^2 + 36\text{س} - 81 = 0$
------------------------------------	-------------------------------------

س٤: حل المعادلات الآتية باستعمال خاصية الجذر التربيعي:

$٨ = ٢(٧ - ص)$	$٢٥ = ٢(٦ + س)$
----------------	-----------------

٧ - ٧ حل المعادلات التربيعية بإكمال المربع

المحتوى الرياضي:  
almanahj.com/bh

\*إكمال المربع في التعبير  $س٢ + ب س$ : نضيف مربع نصف معامل س

**تدريبات:**

س١: أوجد قيمة ج التي تجعل ثلاثية الحدود مربعًا كاملاً:

(أ)  $س٢ - ١٢ س + ج$  (ب)  $س٢ + ٣٠ س + ج$

(ج)  $س٢ + ج س + ١٦$  (د)  $س٢ - ٢٢ س + ج$

س٢: حل المعادلات الآتية بإكمال المربع:

$٨ = ٢ - ٢س - ٦$	$١٦ = ٢س + ٦$
------------------	---------------

$٢٤ = ١٠ - ٣٦س + ٢س^٢$	$٨ = ١ - ٨س - ٢س^٢$
------------------------	---------------------

س٣: عددان صحيحان زوجيان متتاليان ناتج ضربهما ١٦٨ . ما هما العددان؟  
 المنهج البحرينية  
 almanahj.com/bh

٧ - ٨ حل المعادلات التربيعية باستعمال القانون العام

المحتوى الرياضي:

\*لحل المعادلة التربيعية في الصورة القياسية  $أس^٢ + ب س + ج = ٠$

المميز =  $ب^٢ - ٤ أ ج$       القانون العام =  $\frac{-ب \pm \sqrt{\text{المميز}}}{٢ أ}$

\*يمكن استعمال المميز لإيجاد عدد الحلول الحقيقية للمعادلة التربيعية:

عدد الحلول الحقيقية	المميز
٢ (حلان حقيقيان)	عدد موجب
١ (حل حقيقي واحد)	صفر
٠ (لا توجد حلول حقيقية)	عدد سالب

\*ملخص طرائق حل المعادلات التربيعية: انظري الكتاب ص ٩٥

## تدريبات:

س ١: أوجد قيمة المميز ثم حددي عدد حلولها الحقيقية:

$٣٦ - ٣س^٢ - ٤س = ٠$	$٢س^٢ + ١١س - ٦ = ٠$
$٠ = ١ + ٣س - ٢س^٢$	$٠ = ١٦ + ٢٤س + ٢س^٢$

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

س ٢: حلّي المعادلات الآتية باستعمال القانون العام:

$٠ = ١١ - ٤س - ٢س^٢$	$٠ = ٥ - ٢س - ٢س^٢$
----------------------	---------------------

## المحتوى الرياضي:

\*خاصية ضرب الجذور التربيعية:  $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$  ، حيث  $a, b \geq 0$

\*خاصية قسمة الجذور التربيعية:  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$  ، حيث  $a \geq 0, b > 0$

\*يجب استعمال رمز القيمة المطلقة عند إيجاد ناتج الجذر التربيعي للتعبير المكون من متغير أو أكثر على شكل قوة القوة، حيث كلتاها زوجية

$$\sqrt[3]{|s|} = \sqrt[6]{s^2}, \quad \sqrt[4]{s^2} = \sqrt[2]{s}, \quad \sqrt[3]{|s|} = \sqrt[6]{s^2}, \quad \sqrt[2]{s} = \sqrt[4]{s^2}$$

\*لا يكون التعبير الجذري في أبسط صورة إذا كان تضمن جذورا في المقام. وللتخلص من الجذر في المقام نحول المقام إلى عدد نسبي بضرب البسط والمقام في التعبير الجذري نفسه

\*إنطاق المقام: إذا كان المقام تعبيرًا يحتوي على جذر فإننا نضرب في مرافق المقام لتحويل المقام إلى عدد نسبي مثلا: مرافق  $\sqrt{a}$  هو  $\sqrt{a}$

## تدريبات:

ضعي في أبسط صورة:

$$\frac{\sqrt{52}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{52}{12}} = \sqrt{\frac{13}{3}}$$

$$\frac{\sqrt{40}}{\sqrt{16}} = \sqrt{\frac{40}{16}} = \sqrt{\frac{5}{2}}$$

$$\frac{2}{\sqrt{5+4}} = \frac{2}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{3}{\sqrt{7}} = \frac{3\sqrt{7}}{7}$$

## ٧ - ٩ تبسيط التعابير الجذرية

### المحتوى الرياضي:

\* يجب أن تكون التعابير الجذرية عند جمعها أو طرحها متشابهة.  
\* يجب تبسيط كل حد جذري أولاً ، ثم إجراء العمليات الحسابية المطلوبة.

### تدريبات:

س ١: ضعي في أبسط صورة

$$= \sqrt[3]{5} - \sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{9}$$



$$= \sqrt{6} - \sqrt{4} - \sqrt{8} + \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{50} + \sqrt{12} + \sqrt{27}$$

$$= (\sqrt{6} - \sqrt{3}) \sqrt{4}$$

س ٢: أوجدي محيط ومساحة مستطيل طوله  $\sqrt{3} + \sqrt{7}$  ، وعرضه  $\sqrt{2} - \sqrt{7}$

## نماذج من امتحانات نهائية

السؤال الأول: أكملني كلا مما يأتي لتحصلي على عبارات رياضية صحيحة:

(١٤) قيمة ج التي تجعل الحدودية الثلاثية  $s^2 - 18s + ج$  مربعاً كاملاً

هي.....

(١٥) العامل المشترك الأكبر لوحيدات الحد  $١٥n^٢م$  ،  $٥n^٢م$  ،  $٥n^٢م$  هو

.....

(١٦) إذا كانت  $(٤ل هـ٢)$  ،  $(١٢ل هـ٤)$  ،  $(١٦ل هـ٢)$  تمثل أطوال أضلاع مثلث

فإن ع.م.أ للأطوال الثلاثة هو

.....

(١٧) باستعمال خاصية التوزيع تحليل كثيرة الحدود  $٣ب٣ن٣ - ٩ب٣ن٢$  هو

.....

(١٨) تحليل كثيرة الحدود  $ص٢ + ص - ٢٠$  يساوي

.....

(١٩) تحليل  $ص٢ - ٩ص٢ = (.....) (.....)$

(٢٠) تحليل  $ص٢ - ٥ص - ٦ = (.....) (.....)$

(٢١) تحليل  $ص٣ - ١٧ص + ٢٠ = (.....) (.....)$

(٢٢) التحليل التام لكثيرة الحدود  $ص٥ - ٤٥ = (..... + ص) (.....)$

(.....)

(٢٣) تحليل  $ص٢ + ٨ص + ١٦ = (.....) (.....)$

٢٤ حل المعادلة  $ص (ص - ٣) = ٠$  هو .....

٢٥ إذا كان التعبير  $(٢س٢ + ٧س + ٦)$  سم<sup>٢</sup> يمثل مساحة مستطيل طوله  $(٣ + ٢س)$  سم فإن عرضه = .....

٢٦ قيمة المميز للمعادلة  $٢س٢ - ٧س + ٢ = ٠$  هو .....

٢٧ التعبير  $\sqrt{\frac{٢٠}{٣}} \times \sqrt{\frac{٤٠}{١٢}}$  في أبسط صورة = .....

**السؤال الثاني:** ضعي دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

١) العامل المشترك الأكبر للحددين  $٣س٣ص$  ،  $٢س٢ص$  هو:

(أ)  $٣س٢ص$  (ب)  $٣س٣ص$  (ج)  $٣س٣$  (د)  $٣ص$

٢) قيمة  $ج$  التي تجعل ثلاثية الحدود  $٢س + ١٢س + ج$  مربعًا كاملاً هي:

(أ) ٦ (ب) ١٢ (ج) ٣٦ (د) ١٤٤

٣) تحليل الحدودية  $٢س + ٦س - ٢٧$  هو:

(أ)  $(٣+س)(٩-س)$  (ب)  $(٣-س)(٩+س)$

(ج)  $(٣-س)(٩-س)$  (د)  $(٣+س)(٩+س)$

٤) أي مما يأتي تحليل كثيرة الحدود  $٥س١ص + ٩س٢ص - ١٢س٣ص$  ؟

(أ)  $٣ص(٥س٣ + ٣س٣ص - ٤س٤)$  (ب)  $٣س٣ص(٥س٣ + ٣س٣ص - ٤س٤)$

(ج)  $٣ص(٥س١ص + ٩س٢ص - ١٢ص)$  (د)  $٣س٣ص(٥س١ص + ٩س٢ص - ١٢ص)$

٥) ثلاثية الحدود التي تمثل مربعًا كاملاً هي :

(أ)  $٢س٢ - ٤س + ٤$  (ب)  $٢س٢ - ٤س + ٤$

(ج)  $٢س٣ + ١٢س + ٤$  (د)  $٢س٩ + ٤س + ٤$

٦) جذرا المعادلة  $s^2 - 8s + 7 = 0$  هما :

- (أ) ٧ ، ١ (ب) ١- ، ٧ (ج) ١- ، ٧ (د) ١- ، ٧-

٧) جذرا المعادلة  $(s - 2)(s + 3) = 0$  هما :

- (أ) ٣ ، ٢ (ب) ٢- ، ٣ (ج) ٢- ، ٣ (د) ٢- ، ٣-

٨) حل المعادلة  $3v^2 - 3 = 0$  هو :

- (أ) ٣ (ب) ٣- (ج) ٣ ، ٠ (د) ٣- ، ٠-

٩) عدد الحلول الحقيقية للمعادلة التربيعية :  $5s^2 - 7s + 2 = 0$  يساوي :



موقع  
المنهج البحرينية  
almanahj.com/bh

- (أ) ٠ (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

١٠) أبسط صورة للتعبير  $2\sqrt{5} \times 3\sqrt{5}$  هي :

- (أ) ٦ (ب) ٣٠ (ج) ٦  $\sqrt{5}$  (د) ٦  $\sqrt{10}$

١١) أبسط صورة للتعبير  $\sqrt{20} \times \sqrt{7}$  هو :

- (أ) ٥  $\sqrt{7}$  (ب) ٣٥  $\sqrt{2}$  (ج) ٣٥  $\sqrt{4}$  (د) ١٤٠  $\sqrt{}$

### السؤال الثالث:

أولاً: حللي كثيرات الحدود الآتية تحليلاً تاماً:

$6a^2 - 12ab + 8a^2b$	$7s^2 - 7ص^2$
$5m^2 + 10m + 9n + 6$	$2س^2 + 13س + 15$

ثانياً: حل المعادلة الآتية بإكمال المربع:

$س^2 + 8س = 9$	$س^2 + 6س = 16$
----------------	-----------------

ثالثاً: (أ) أوجد قيمة المميز للمعادلات الآتية ثم حددي عدد حلولها الحقيقية: موقع

المنهج البحرينية

almanahj.com/bh

$س^2 - 7س + 2 = 0$	$س^2 + 4س - 2 = 0$
--------------------	--------------------

(ب) استعملي القانون العام في حل المعادلات الآتية:

$س^3 + 4س + 10 = 0$	$س^2 + 3س - 1 = 0$
---------------------	--------------------

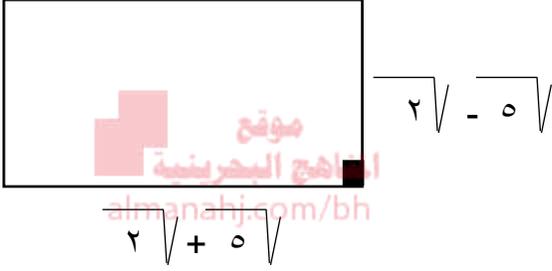
(ج) حل المعادلات الآتية بالتحليل:

$s^2 - 4s + 3 = 0$	$s^2 - 6s + 27 = 0$
--------------------	---------------------

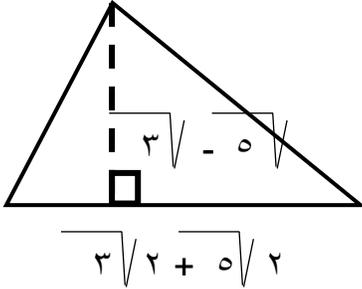
السؤال الرابع:

(أ) من الشكل المجاور:

إذا كانت مساحة المستطيل يمكن إيجادها بالصيغة  
 $م = ل \times ض$  (حيث ل الطول ، ض العرض)  
فاحسبي مساحة المستطيل في أبسط صورة



(ب) إذا كانت مساحة المثلث يمكن إيجادها بالصيغة  
 $م = \frac{ق \times ع}{2}$  (حيث ق طول القاعدة ، ع الارتفاع)  
فاحسبي مساحة المثلث في أبسط صورة



(ج) أوجد في أبسط صورة:

$$(1) \sqrt{6} \sqrt{5} - \sqrt{24} \sqrt{3} + \sqrt{54} \sqrt{2}$$

$$(2) \sqrt{80} \sqrt{2} - \sqrt{45} \sqrt{3} + \sqrt{20} \sqrt{5}$$



Ministry of Education

Zainab Intermediate Girls School



وزارة التربية والتعليم

مدرسة زينب الإعدادية للبنات

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

# مراجعة الفصل ٨

## العلاقات في المثلثات

الموضوع	التسلسل
المنصفات في المثلث	١-٨
القطع المتوسطة والارتفاعات في المثلث	٢-٨
المتباينات في مثلث	٣-٨
متباينة المثلث	٤-٨

مديرة المدرسة:  
أ. ليلي عبدالرحيم

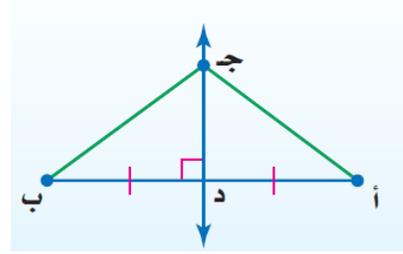
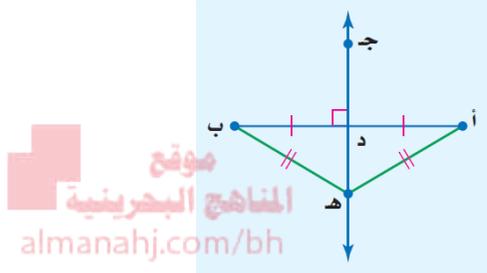
إعداد:  
أ. ليلي حاتم التاجر



المحتوى الرياضي:

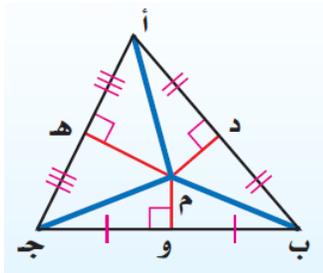
\*منصف القطعة المستقيمة هو أي قطعة أو مستقيم أو مستوى يقطعها عند نقطة منتصفها وإذا كان عموديا على القطعة سُمي عمودا منصفا.

\*نظرية العمود المنصف وعكسها: كل نقطة على العمود المنصف لقطعة مستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفي القطعة المستقيمة، والعكس صحيح.



عكس نظرية العمود المنصف

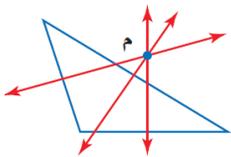
نظرية العمود المنصف



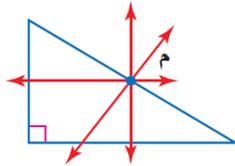
\*نظرية مركز الدائرة المحيطة بالمثلث: تلتقي الأعمدة المنصفة

لأضلاع مثلث في نقطة تسمى مركز الدائرة المحيطة بالمثلث وهي على أبعاد متساوية من الرؤوس.

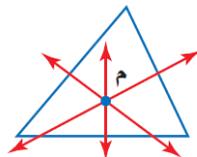
\*يمكن أن يقع مركز الدائرة المحيطة بمثلث داخل المثلث أو خارجه أو على أحد أضلاعه.



مثلث منفرج الزاوية



مثلث قائم الزاوية

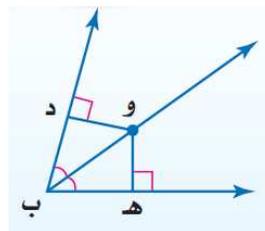
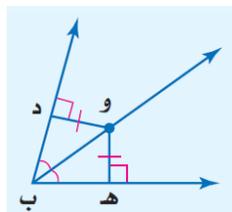


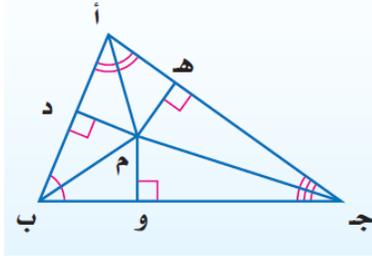
مثلث حاد الزوايا

\*نظرية منصف الزاوية وعكسها: كل نقطة على منصف زاوية تكون على بعدين متساويين من ضلعيها والعكس صحيح.

عكس نظرية منصف الزاوية

نظرية منصف الزاوية



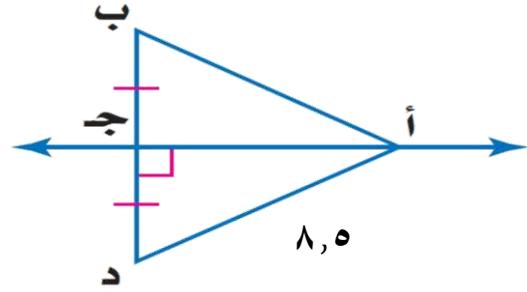


\*نظرية مركز الدائرة الداخلية للمثلث: تتقاطع منصفات زوايا أي مثلث عند نقطة تسمى مركز الدائرة الداخلية للمثلث وهي على أبعاد متساوية من أضلاعه.

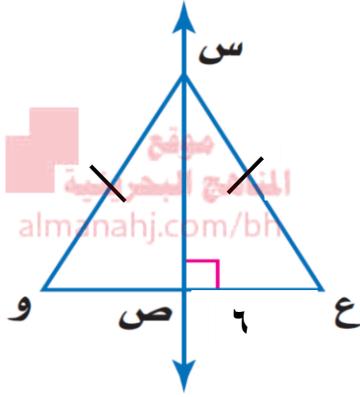
### تدريبات:

س ١: أوجد كل قياس مما يأتي:

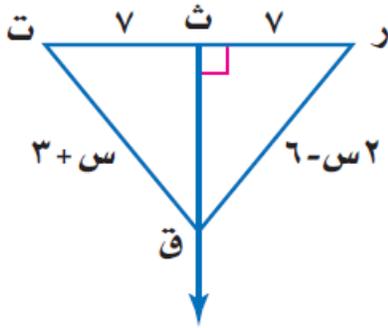
(أ) أ ب



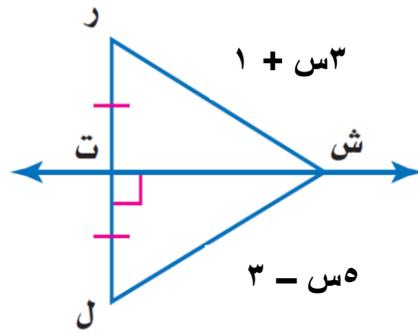
(ب) و ص



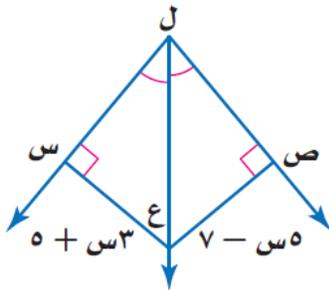
(د) ر ق



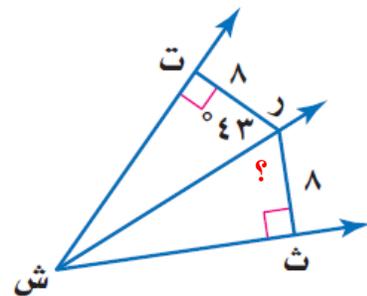
(ج) ش ل



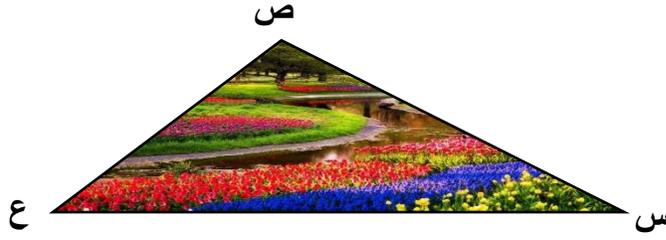
(و) س ع



(هـ) ق د ث ر ش

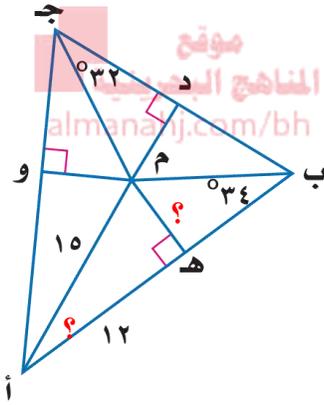


س٢: يبين الشكل أدناه حديقة مثلثة هل يمكن وضع نافورة ماء عند مركز الدائرة المحيطة بالمثلث بحيث تكون داخل الحديقة؟ ولماذا؟



س٣: إذا كانت م مركز الدائرة الداخلية للمثلث أ ب ج فأوجد ما يأتي:

(أ) م هـ

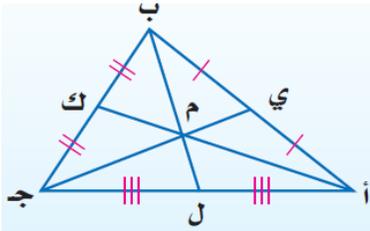


(ب) ق د م أ ب

### ٨ - ٢ القطع المتوسطة والارتفاعات في المثلث

#### المحتوى الرياضي:

\*القطعة المتوسطة في مثلث: هي قطعة مستقيمة طرفيها أحد رؤوس المثلث ونقطة منتصف الضلع المقابل لذلك الرأس.



\*نظرية مركز المثلث: يبعد مركز المثلث عن كل رأس من رؤوس

المثلث ثلثي طول القطعة المستقيمة الواصلة بين ذلك الرأس

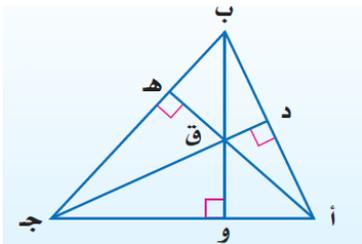
ومنتصف الضلع المقابل له.

\*ارتفاع المثلث: هو القطعة المستقيمة العمودية النازلة من أحد الرؤوس

إلى المستقيم الذي يحوي الضلع المقابل لذلك الرأس. ويمكن أن يقع

داخل المثلث أو خارجه أو على أحد أضلاعه. وتتقاطع المستقيمتان

التي تحوي ارتفاعات أي مثلث في نقطة تسمى ملتقى الارتفاعات.



## تدريبات:

س ١: إذا كانت م مركز المثلث س ص ع ، س م = ٩ ، ط م = ٢ ، ح ع = ١٥

فأوجد ما يأتي:

(١) م ي

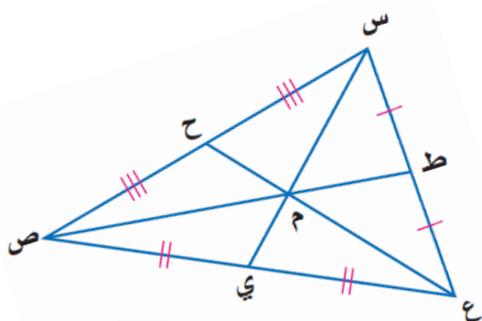
(٢) م ص

(٣) ح م

(٤) س ي

(٥) م ع

(٦) ط ص



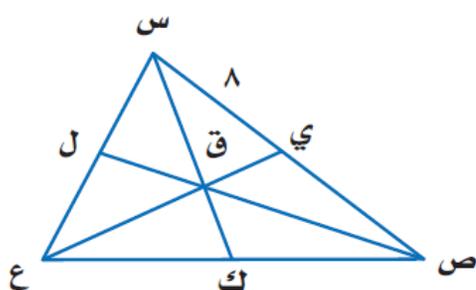
موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

س ٢: إذا كانت النقطة ق هي مركز المثلث س ص ع،

ك ق = ٣، س ي = ٨ ، أوجد كلاً مما يأتي:

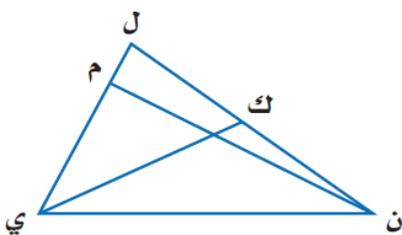
(أ) س ك

(ب) ص ي



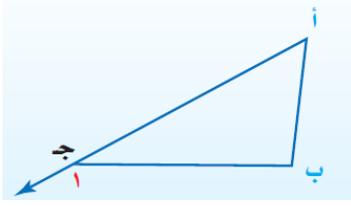
س ٣: في  $\Delta$  ن ي ل ، ق د ي م ن = (٣س - ٦) ، ك ن = ٣ص - ٢ ، ك ل = ٥ص - ٨

(أ) إذا كانت  $\overline{ن م}$  ارتفاع للمثلث ن ي ل ، فأوجد قيمة س.



(ب) إذا كانت  $\overline{ي ك}$  قطعة متوسطة ، فأوجد ك ن.

**المحتوى الرياضي:**



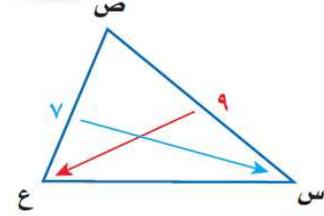
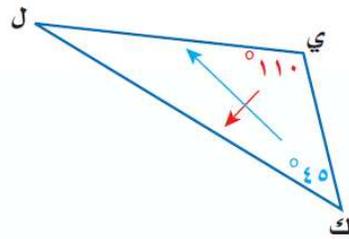
\*نظرية متباينة الزاوية الخارجة للمثلث: قياس الزاوية الخارجة لمثلث أكبر من قياس أي من الزاويتين الداخليتين غير المجاورتين لها.

$$ق د ا < ق د ب ، ق د ا < ق د ب$$

\*العلاقات بين زوايا المثلث وأضلاعه:

قياس الزاوية المقابلة للضلع الأطول أكبر من قياس الزاوية المقابلة للضلع الأقصر  
الضلع المقابل للزاوية الكبرى أطول من الضلع المقابل للزاوية الصغرى

موقع  
المنهج البحرينية  
almanahj.com/bh

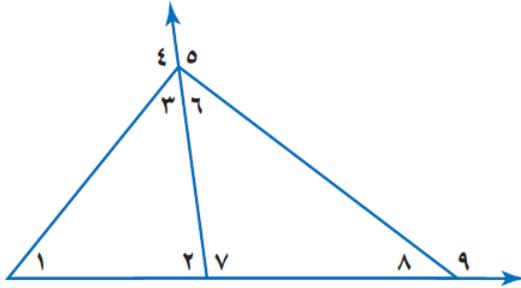


**تدريبات:**

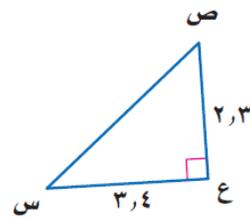
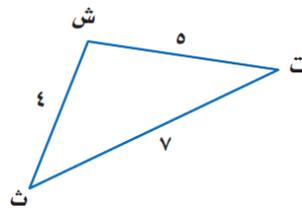
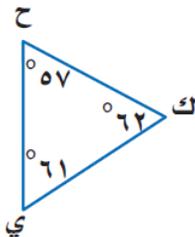
س ١: استعملي نظرية متباينة الزاوية الخارجة للمثلث لكتابة جميع الزوايا التي تحقق الشرط المعطى في كل مما يأتي:

(أ) قياسها أكبر من ق د ٢

(ب) قياسها أقل من ق د ٩

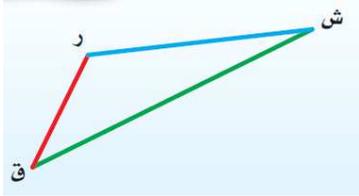


س ٢: اكتبى زوايا المثلث وأضلاعه مرتبةً من الأصغر إلى الأكبر في كل مما يأتي:



**المحتوى الرياضي:**

\*نظرية متباينة المثلث: مجموع أي ضلعين في مثلث أكبر من طول الضلع الثالث.

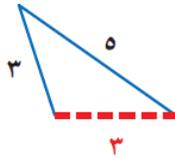


مثال:  $ق ر + ر ش < ق ش$

$ر ش + ق ش < ق ر$

$ق ش + ق ر < ر ش$

\*عندما يكون طولاً ضلعين في مثلث معلومين فيمكن باستعمال النظرية في تحديد مدى القيم الممكنة لطول الضلع الثالث.



مثال:  $٨ = ٣ + ٥$  ،  $٢ = ٣ - ٥$

القيم الممكنة للضلع الثالث هي: من ٣ إلى ٧

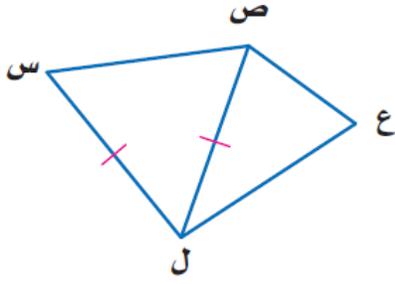
**تدريبات:**

س ١: هل يمكن تكوين مثلث من القطع المستقيمة المعطاة أطوالها في كل مما يأتي؟ وإذا لم يكن ذلك ممكناً ، فوضحي السبب:

(أ) ٩ ، ٥ ، ١١	(ب) ٣ ، ٧ ، ٤
(ج) ١٥ ، ١٧ ، ٢٠	(د) ٦ ، ٨ ، ١٢

س ٢: أوجدني مدى طول الضلع الثالث لمثلث أعطي طولاً ضلعين من أضلاعه في كل مما يأتي:

(أ) ٢٠سم ، ١١سم	(ب) ٧كم ، ١٥كم
(ج) ١٨م ، ٩م	(د) ٧أقدام ، ٢١ قدم



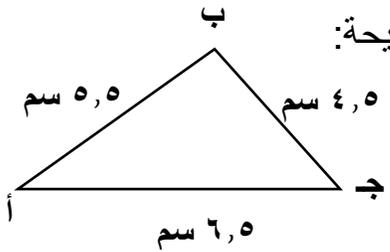
س٣: اكتبى برهانا ذا عمودين :

المعطيات:  $\overline{س ل} \cong \overline{ص ل}$

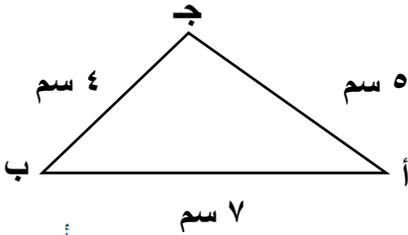
المطلوب: إثبات أن  $ص ع + ع ل < س ل$

## نماذج من امتحانات نهائية

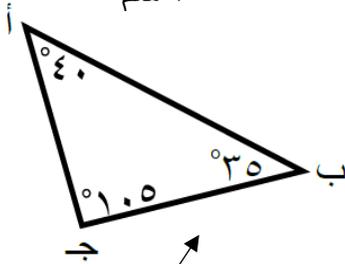
السؤال الأول: أكملى كلا مما يأتي لتحصلي على عبارات رياضية صحيحة:



(١) من الشكل المجاور زوايا  $\Delta$  أ ب ج مرتبة من الأكبر إلى الأصغر هي: .....



(٢) زوايا  $\Delta$  أ ب ج مرتبة من الأصغر إلى الأكبر هي: .....

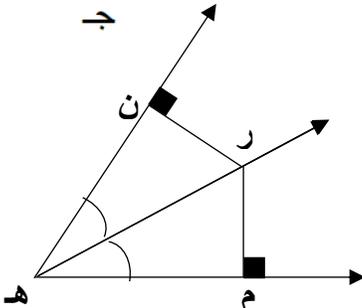


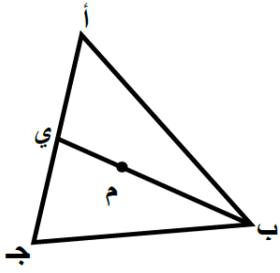
(٣) ترتيب أطوال أضلاع المثلث أ ب ج من الأكبر إلى الأصغر هو: .....

(٤) في الشكل المجاور :

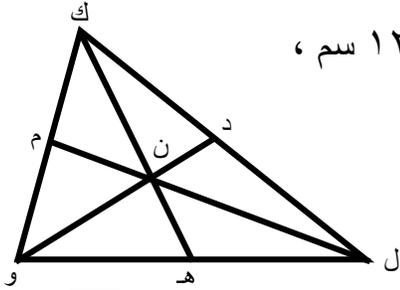
إذا كانت  $ر ن = ٥$  سم ،

فإن طول  $ر م =$  .....





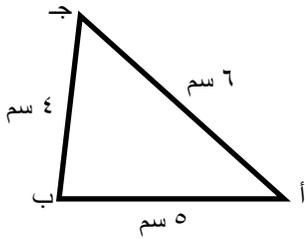
٥) إذا كانت م مركز  $\Delta$  أ ب ج ، م ي = ٢ سم ،  
فإن م ب = .....



٦) في الشكل المجاور إذا كانت ن مركز  $\Delta$  ل و ك ، ل م = ١٢ سم ،  
فأوجد كل من :  
أ) ل ن = .....  
ب) ن م = .....

موقع  
المنهج البحرينية  
almanahj.com

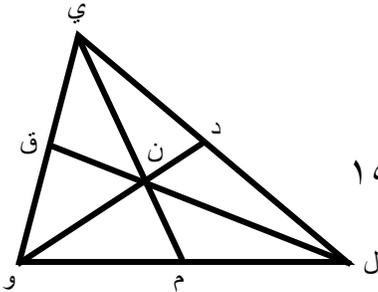
السؤال الثاني: ضعي دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:



١) زوايا  $\Delta$  أ ب ج مرتبة من الأصغر إلى الأكبر هي :

أ) د أ ، د ج ، د ب      ب) د ب ، د أ ، د ج

ج) د أ ، د ب ، د ج      د) د ج ، د ب ، د أ



٢) في الشكل المجاور إذا كانت ن مركز  $\Delta$  ل و ي ، ل ق = ١٥ سم  
فإن طول ن ق يساوي :

أ) ٣

ب) ٥

ج) ١٠

د) ١٥

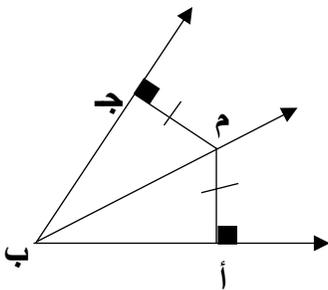
٣) إذا كان ق د ج ب م = ٢٥° فإن ق د ب م أتساوي:

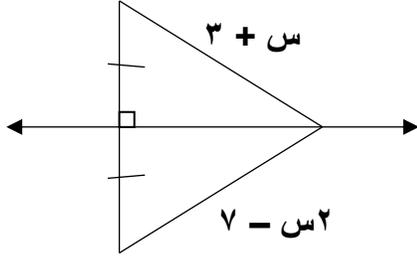
أ) ٢٥°

ب) ٥٥°

ج) ٦٥°

د) ٩٠°





٤) في الشكل المجاور قيمة س تساوي:

أ) ١٠ (ب) ٦

ج) ٥ (د) ٨

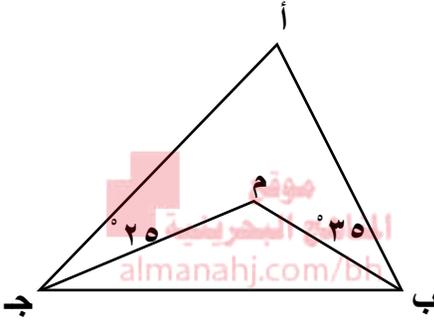
٥) في الشكل المجاور

إذا كانت النقطة م هي مركز الدائرة الداخلية للمثلث أ ب ج ،

فإن ق ∠ ب م ج تساوي:

أ) ٥٠° (ب) ٢٥°

ج) ٦٠° (د) ٧٠°

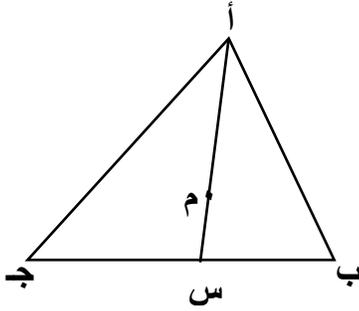


٦) إذا كانت م مركز  $\Delta$  أ ب ج ، أم = ١٢ سم ،

فإن م س يساوي:

أ) ٦ سم (ب) ٨ سم

ج) ١٢ سم (د) ٢٤ سم



٧) إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٣ سم ، ٧ سم فإن طول الضلع الثالث في المثلث

يساوي:

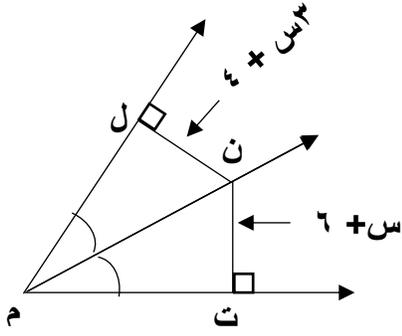
أ) ٣ سم (ب) ٤ سم (ج) ٥ سم (د) ١٠ سم

٨) إذا كان طولاً ضلعين في مثلث ٢ سم ، ٧ سم فما أصغر عدد كلي يمثل طولاً ممكناً للضلع الثالث؟

أ) ٢ سم (ب) ٥ سم (ج) ٦ سم (د) ٩ سم

**السؤال الثالث:**

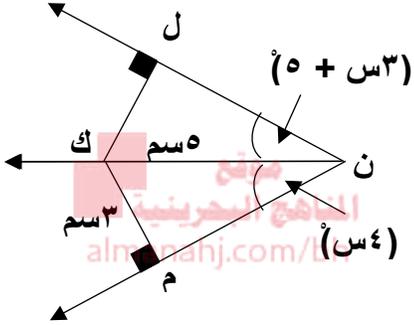
أولاً: أوجد قياسي  $ن ل$  في الشكل المجاور:



ثانياً: من الشكل المجاور أوجد قياسي كلاً من:

(أ) طول  $ن ل$

(ب)  $ق د م ن ك$

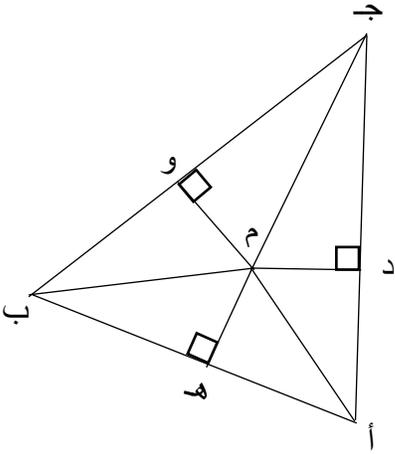


ثالثاً: في الشكل المجاور:

إذا كانت م مركز الدائرة الداخلية لـ  $\Delta أ ب ج$ ، ج و = ٨سم،

م و = ٦سم، ق د و ب م =  $٤٤^\circ$  فأوجد كل من:

(١) م أ



(٢) ق د ج ب أ

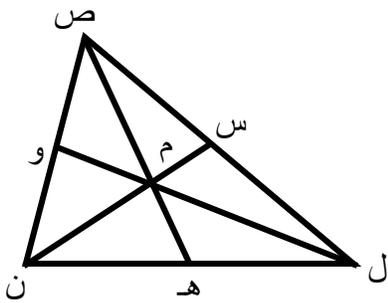
رابعاً: في الشكل المجاور:

إذا كانت م مركز  $\Delta ل و ص$ ، ل و = ٥سم، س م = ٣سم

فأوجد كلا من:

(أ) ل م

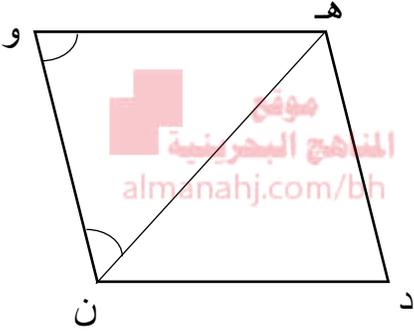
(ب) س ن



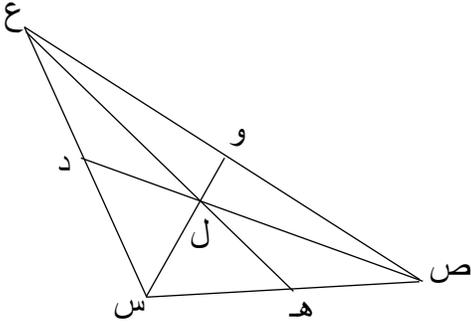
### السؤال الرابع:

أولاً: هل يمكن تكوين مثلث من القطع المستقيمة التي أطوالها ٤سم، ٩سم، ٤سم.  
(موضحة السبب)

ثانياً: أراد محمد تكوين مثلث باستعمال قطع مستقيمة أطوالها ٦سم، ٤سم، ٢سم.  
(أ) هل سيتمكن محمد من ذلك؟  
(ب) برري إجابتك.



ثالثاً: في الشكل المجاور إذا كانت  $\triangle هـ و ن \cong \triangle د هـ و ن$ ،  
أثبتي أن  $د هـ + د ن < هـ و$ .



رابعاً: من الشكل المجاور:

المعطيات: النقطة ل مركز  $\triangle س ص ع$

المطلوب: إثبات أن  $س و + و ص < ع س$

المبررات	العبارات
معطى	ل مركز $\triangle س ص ع$
.....	$\overline{س و}$ قطعة متوسطة
تعريف القطعة المتوسطة	.....
تعريف نقطة المنتصف	.....
.....	$س و + و ص < ع س$
بالتعويض	$س و + و ص < ع س$



Ministry of Education

Zainab Intermediate Girls School



وزارة التربية والتعليم

مدرسة زينب الإعدادية للبنات

# مراجعة الفصل ٩

## الأشكال الرباعية

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

## والتشابه

الموضوع	التسلسل
زوايا المضلع	١-٩
متوازي الأضلاع	٢-٩
شروط متوازي الأضلاع	٣-٩
المستطيل	٤-٩
المعين والمربع	٥-٩
شبه المنحرف والطانرة الورقية	٦-٩
المثلثات المتشابهة	٧-٩
المستقيمات المتوازية والأجزاء المتناسبة	٨-٩
أجزاء المثلثات المتشابهة	٩-٩

مديرة المدرسة:

أ.ليلي عبدالرحيم

إعداد:

أ.ليلي حاتم التاجر



## ٩ - ١ زوايا المضلع

### المحتوى الرياضي:

\* مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع محدب عدد أضلاعه  $n = (2 - n) \times 180^\circ$

\* قياس كل زاوية داخلية في المضلع المنتظم = مجموع قياسات زواياه  $\div$  عدد الزوايا

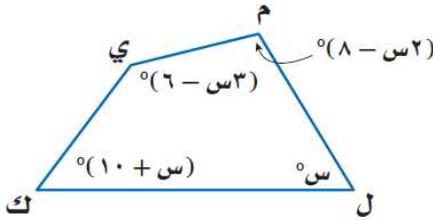
\* مجموع قياسات الزوايا الخارجة لمضلع محدب بأخذ زاوية واحدة عند كل رأس يساوي  $360^\circ$

\* قياس كل زاوية خارجة للمضلع المنتظم =  $360^\circ \div$  عدد الزوايا

### تدريبات:



س ١: أوجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية لتساعي محدب.



س ٢: أوجد قياس كل زاوية داخلية فيما يأتي:

س ٣: أوجد قياس كل زاوية داخلية لكل مضلع منتظم فيما يأتي:

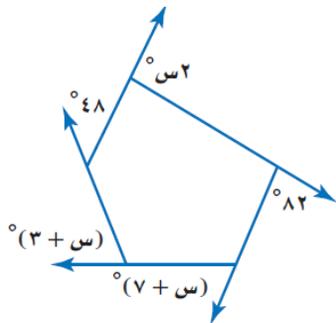
(ب) العشاري

(أ) السداسي

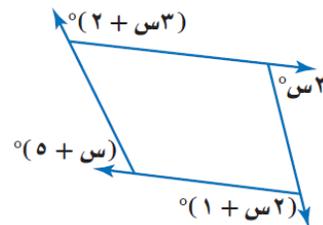
س ٤: إذا كان قياس الزاوية الداخلية لمضلع منتظم كما هو معطى، فأوجد عدد أضلاع المضلع في كل مما يأتي:

(ب)  $140^\circ$

(أ)  $150^\circ$

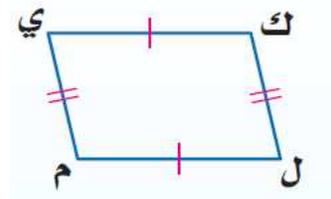
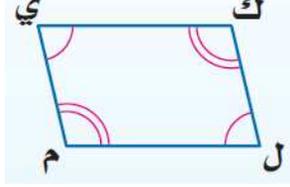
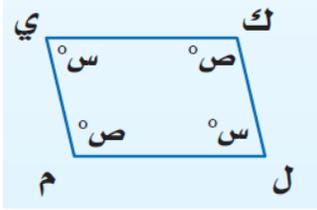


س ٥: أوجد قيمة س في كل مما يأتي:

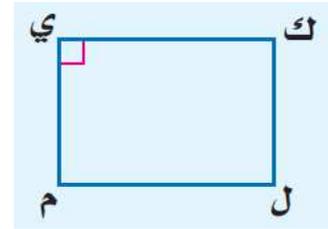
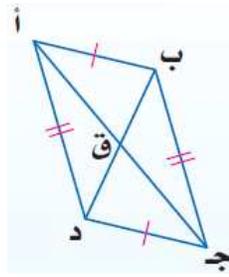
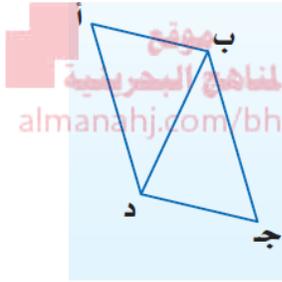


المحتوى الرياضي:

\*متوازي الأضلاع شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان ، خصائصه:



\*الأضلاع المتقابلة متطابقة \*الزوايا المتقابلة متطابقة \*الزوايا المتتالية متكاملة



\*القطران ينصف كلا منهما الآخر

\*كل قطر يقسم متوازي الأضلاع إلى

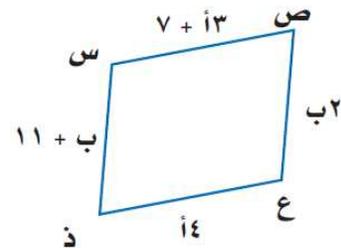
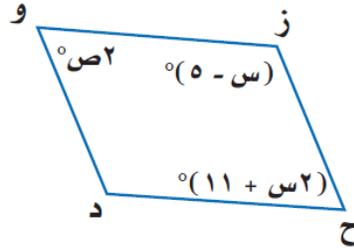
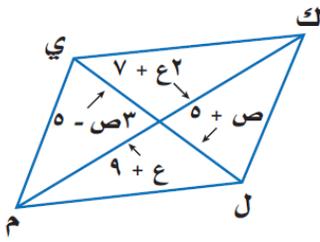
مثلثين متطابقين

\*إذا كانت إحدى زواياه قائمة

فإن زواياه الأربعة قائمة

تدريبات:

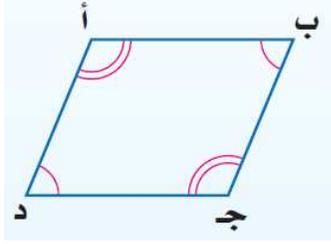
س: أوجد قيم كل متغير في كل متوازي أضلاع مما يأتي:



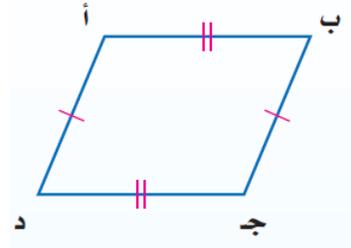
٩ - ٣ شروط متوازي الأضلاع

المحتوى الرياضي:

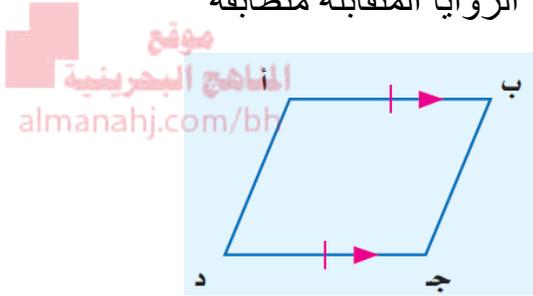
\* يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع إذا كان كل ضلعين متقابلين متوازيين وكذلك:



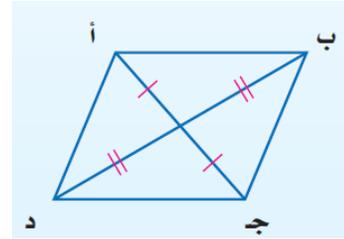
\* الزوايا المتقابلة متطابقة



\* الأضلاع المتقابلة متطابقة



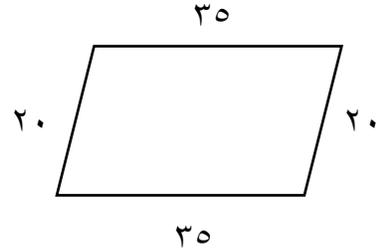
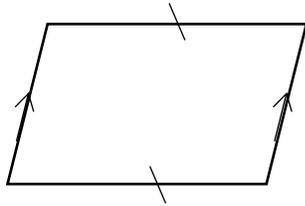
\* فيه ضلعين متقابلان متوازيان ومتطابقان



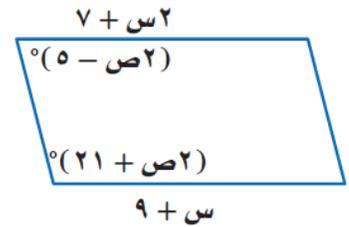
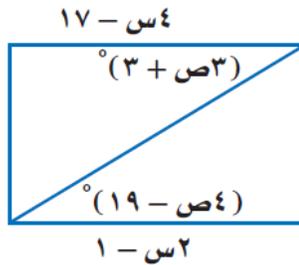
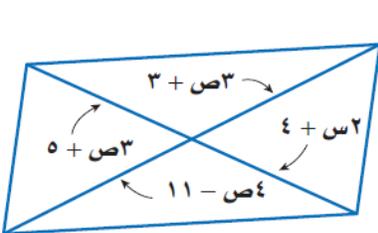
\* كل قطر ينصف كلا منهما الآخر

تدريبات:

س ١: حددي هل الشكل الرباعي فيما يأتي متوازي أضلاع أم لا، برري إجابتك:

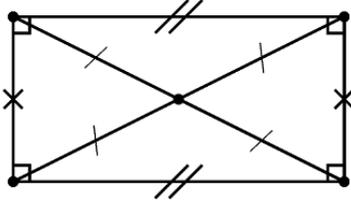


س ٢: أوجد قيم س، ص كي يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع في كل مما يأتي:



## ٩ - ٤ المستطيل

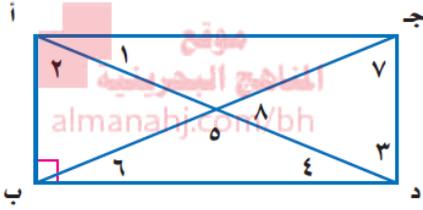
### المحتوى الرياضي:



\* خصائص المستطيل: هو متوازي أضلاع زواياه الأربعة قوائم  
 \* إذا كان متوازي الأضلاع مستطيلا فإن قطريه متطابقان.  
 \* إذا كان قطرا متوازي أضلاع متطابقين فإنه مستطيل.

### تدريبات:

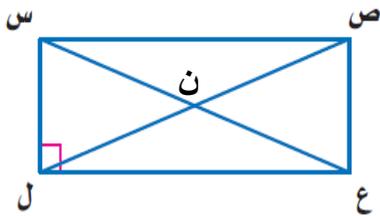
س ١: إذا كان الشكل الرباعي أ ب ج د مستطيلا فيه  $\angle ق د ١ = ٣٨^\circ$  ، فأوجد كل قياس مما يأتي:



ق د ٢

ق د ٥

ق د ٦



س ٢: الشكل الرباعي س ص ع ل مستطيل

أ) إذا كان  $\angle ق د ل ص ع = (٨س + ٤)^\circ$  ،

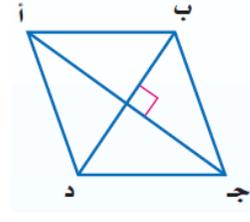
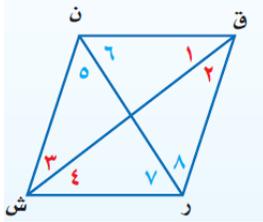
ق د س ع ل =  $(٣س - ٢)^\circ$

فأوجد س.

ب) إذا كان  $\angle س ن = ٩ - س$  ،  $\angle ص ن = ٢س + ٥$  ، فأوجد ص ل.

### المحتوى الرياضي:

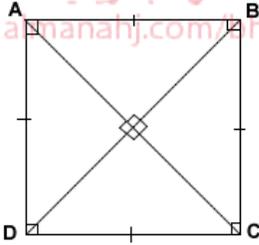
\* خصائص المعين: هو متوازي أضلاع جميع أضلاعه متطابقة.



\* إذا كان متوازي الأضلاع معيناً فإن كل قطر فيه ينصف كلا من الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما.

\* إذا كان متوازي الأضلاع معيناً فإن قطريه متعامدان.

موقع المناهج البحرينية  
almanahj.com.th



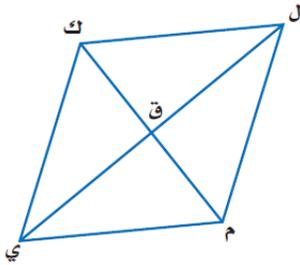
\* خصائص المربع:

- هو متوازي أضلاع جميع أضلاعه متطابقة وزواياه قوائم  
- يجمع خصائص متوازي الأضلاع والمستطيل والمعين

\* الشروط الكافية للمعين والمربع:

- إذا كان قطرا متوازي الأضلاع متعامدان فهو معين
- إذا كان قطر لمتوازي الأضلاع ينصف كلا من الزاويتين اللتين يصل بين رأسيهما فهو معين
- إذا كان في متوازي الأضلاع ضلعان متتاليان ومتطابقان فهو معين.
- إذا كان الشكل الرباعي مستطيل ومعين فإنه مربع.

### تدريبات:



س ١: في الشكل المجاور:

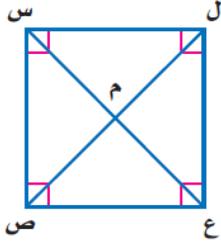
قطرا المعين ك ل م ن يتقاطعان عند النقطة ق .

استعملي المعطيات في الإجابة عن الأسئلة الآتية:

(أ) إذا كان  $\angle ق د ك = ٣٩,٥^\circ$  ، فأوجد  $\angle ق د ن$  و  $\angle م ل ن$

(ب) إذا كان  $\angle ل = ٨س - ٥$  ،  $\angle ك = ٦س + ٣$  ، فأوجد قيمة س.

س ٢: إذا كان الشكل س ص ع ل مربعًا، س م = ٣ ، فأوجد  
كل قياس مما يأتي:

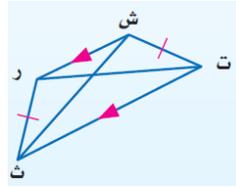


ص ل	ل ع
ق د ص م ع	ق د ع س ل

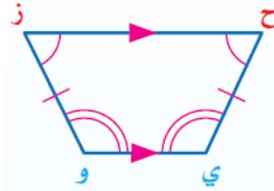
### ٩ - ٦ شبه المنحرف وال طائرة الورقية

#### المحتوى الرياضي:

\*شروط شبه المنحرف متطابق الساقين:



\*قطراه متطابقان



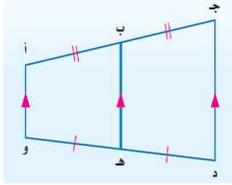
\*زاويتي كل قاعدة متطابقتان

\*إذا كانت زاويتا قاعدة شبه المنحرف متطابقتين فإنه متطابق الساقين

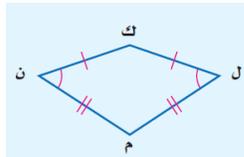
\*القطعة المنصفة لشبه المنحرف هي قطعة مستقيمة تصل بين منتصفي ساقيه

\*نظرية القطعة المنصفة لشبه المنحرف:

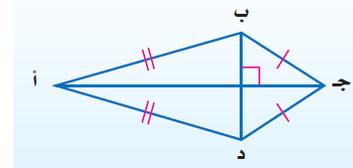
القطعة المنصفة لشبه المنحرف توازي كلا من القاعدتين ،  
وطولها يساوي نصف مجموع طولي القاعدتين.



\*ال طائرة الورقية: شكل رباعي مكون من زوجين من الأضلاع المتتالية والمتطابقة



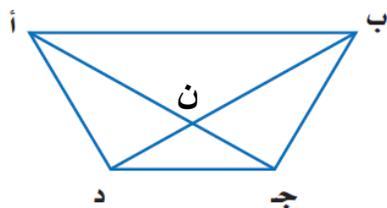
\*فيه زاويتان متقابلتان متطابقتان



\*القطران متعامدان

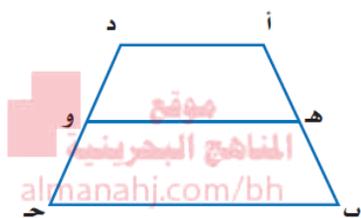
\*القطر الذي يصل رأسي الزاويتين غير المتطابقتين ينصفهما.

## تدريبات:



س ١: إذا كان الشكل أ ب ج د شبه منحرف متطابق الساقين فيه ق د أ د ج =  $130^\circ$  ، ب ن = ٧ أقدام ، د ن = ٣,٥ قدم فأوجد كل مما يأتي:

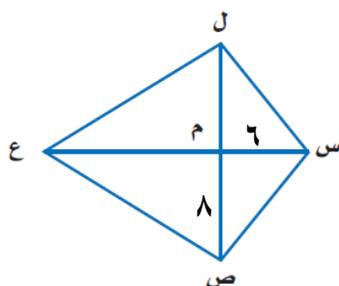
(أ) ق د ب أ د (ب) أ ج



س ٢: في الشكل المجاور هـ ، و نقطتا منتصف الساقين في شبه المنحرف أ ب ج د.

(أ) إذا كان أ د = ٩ ، ب ج = ١٣ ، فأوجد هـ و

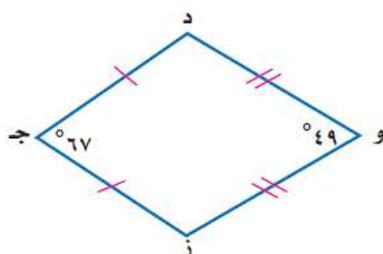
(ب) إذا كان أ د = ٥ ، هـ و = ٦ ، فأوجد ب ج



س ٣: إذا كان ل س ص ع طائرة ورقية ، فأوجد ما يأتي:

(أ) س ل

(ب) إذا كان ق د ص س ل =  $73^\circ$  ، ق د س ل ع =  $121^\circ$  فأوجد ق د ص ع ل

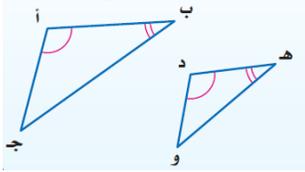


س ٤: إذا كان ج د و ز طائرة ورقية ،

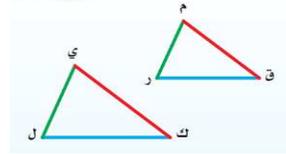
فأوجد ق د د

**المحتوى الرياضي:**

\*تحديد المثلثات المتشابهة:



١-مسألة التشابه زز: إذا كانت زاويتين في مثلث مطابقتين لزاويتين في مثلث آخر، فإن المثلثين متشابهان.



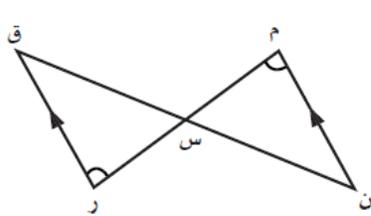
٢-التشابه بثلاثة أضلاع ض ض ض: إذا كانت أطوال الأضلاع المتناظرة لمثلثين متناسبة، فإن المثلثين متشابهان.



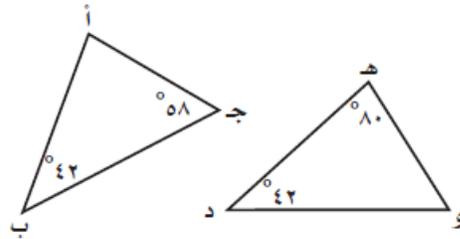
٣-التشابه بضلعين وزاوية محصورة ض ز ض: إذا كان في مثلث طولاً ضلعين متناسبين مع طولي الضلعين المناظرين لهما في مثلث آخر، و كانت الزاويتان المحصورتان بينهما متطابقتين، فإن المثلثين متشابهان.

**تدريبات:**

س ١: حددي ما إذا كان المثلثان متشابهين . وإذا كانا كذلك فاكتبي عبارة تشابه وفسري إجابتك.

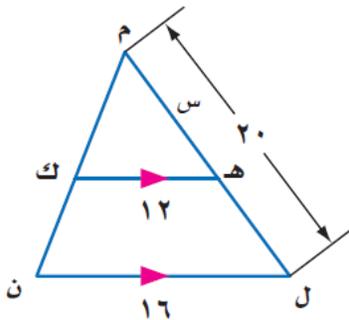


(ب)



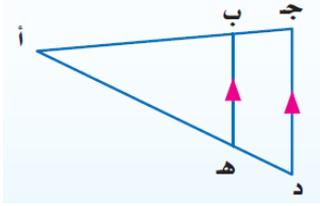
(أ)

س ٢: حددي المثلثين المتشابهين ثم أوجدي هـ ل.

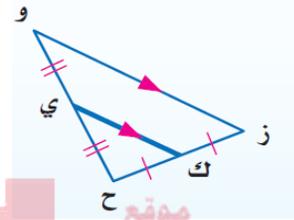


٩ - ٨ المستقيمت المتوازية والأجزاء المتناسبة

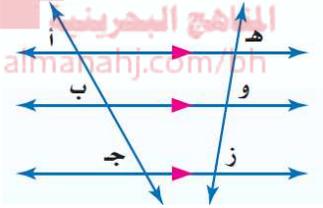
المحتوى الرياضي:



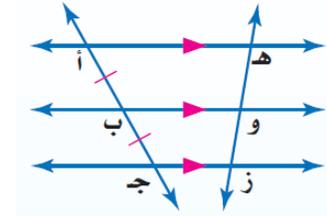
\*نظرية التناسب في المثلث: إذا وازى مستقيم أحد أضلاع مثلث وقطع ضلعيه الآخرين، فإنه يقسمهما إلى قطع مستقيمة أطوالها متناسبة. والعكس صحيح.



\*نظرية القطعة المنصفة للمثلث: القطعة المنصفة الواصلة بين منتصفى ضلعين في مثلث، توازي الضلع الثالث، وطولها يساوي نصف طوله.

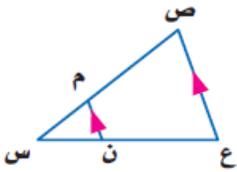


\*الأجزاء المتناسبة من قاطعين لمستقيمت متوازية: إذا قطعت ثلاثة مستقيمت متوازية أو أكثر قاطعين، فإنها تقطع من القاطعين قطعًا متناسبة.



\*إذا قطعت ثلاثة مستقيمت متوازية أو أكثر قطعًا متطابقة من قاطع، فإنها تقطع قطعًا متطابقة من كل قاطع.

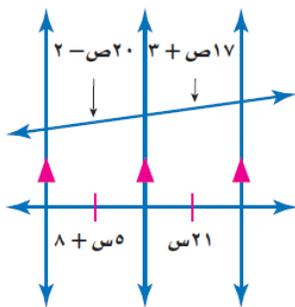
تدريبات:



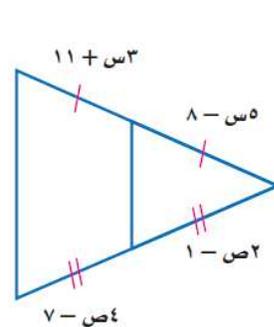
س ١: من الشكل المجاور:

إذا كان  $س ن = ٣$ ،  $س م = ٤$ ،  $ن ع = ٦$ ، فأوجد  $س ص$ .

س ٢: أوجد قيمة كلا من  $س$ ،  $ص$  في كل مما يأتي:



(ب)

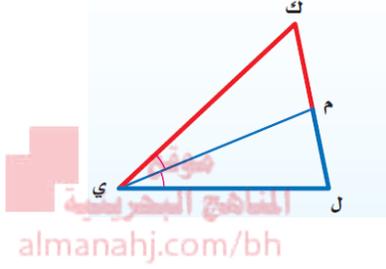


(أ)

**المحتوى الرياضي:**

\*قطع مستقيمة خاصة للمثلثات المتشابهة :

- ١- الارتفاعات المتناظرة تتناسب مع الأضلاع المتناظرة
- ٢- أطوال القطع المنصفة للزوايا المتناظرة تتناسب مع الأضلاع المتناظرة
- ٣- أطوال القطع المتوسطة المتناظرة تتناسب مع الأضلاع المتناظرة



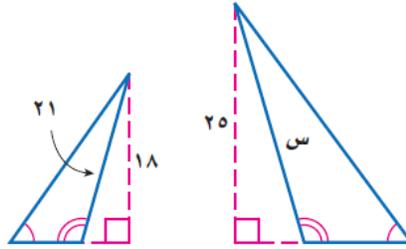
\*نظرية منصف زاوية في مثلث:

يقسم منصف زاوية في مثلث الضلع المقابل إلى قطعتين مستقيمتين متناسبتين مع طولي الضلعين الآخرين.

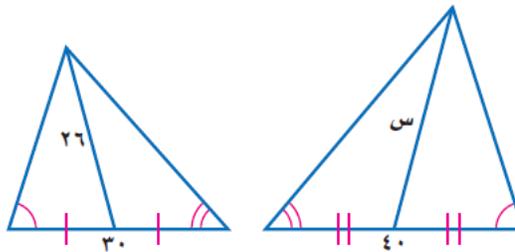
**تدريبات:**

أوجدي قيمة س في كل مما يأتي:

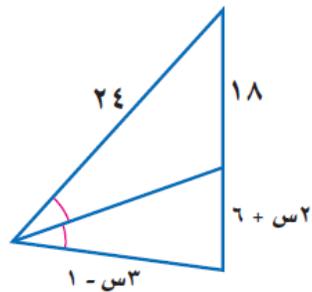
(أ)



(ب)

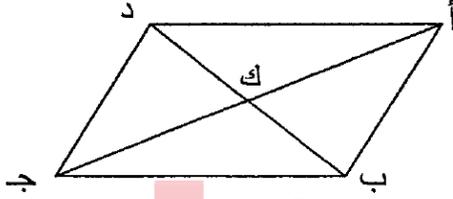


(ج)

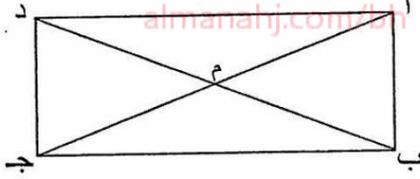


## نماذج من امتحانات نهائية

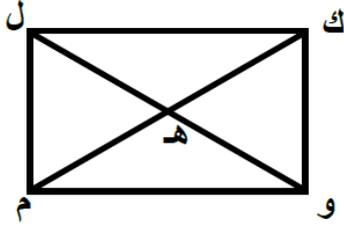
السؤال الأول: أكمل كلاً مما يأتي لتحصلي على عبارات رياضية صحيحة:  
(١) قياس كل زاوية داخلية للمضلع التساعي المنتظم هو .....



(٢) أ ب ج د متوازي أضلاع، تقاطع قطراه في نقطة ك،  
إذا كان د ك = (٢س - ١) سم، ك ب = (س + ٥) سم،  
فإن قيمة س = .....

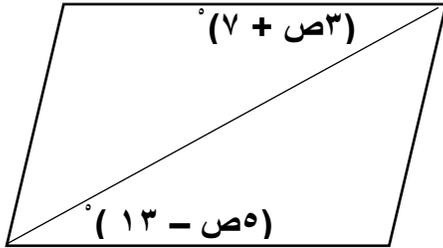


(٣) أ ب ج د مستطيل، م نقطة تقاطع قطريه، إذا كان  
د م = ٤س - ٩، أ م = ٢س + ٥، فإن ب م = .....

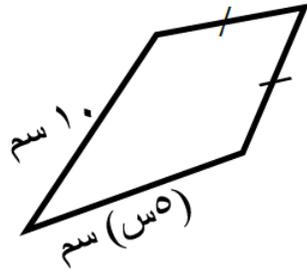


(٤) إذا كان ك و م ل مستطيلاً، فيه ك م = ٦ سم،  
فإن و هـ = .....

(٥) إذا كان هناك ضلعان متتاليان متطابقان في متوازي أضلاع فإنه سيكون .....



(٦) قيمة ص التي تجعل الشكل الرباعي أ ب ج د  
متوازي أضلاع هي .....



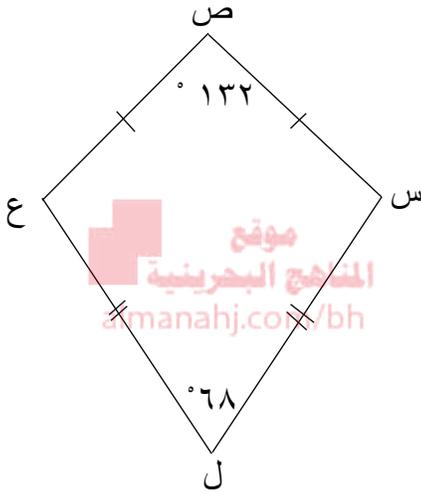
٧) في الشكل المجاور:

قيمة  $s$  التي تجعل الشكل طائرة ورقية = .....

٨) في الشكل المجاور:

ص س ل ع طائرة ورقية ،

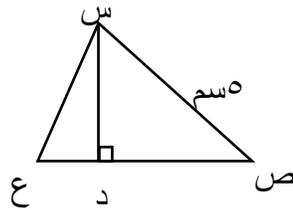
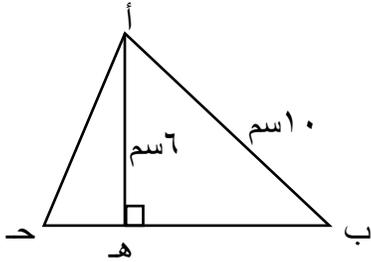
ق د ص س ل = .....



٩) في الشكل المجاور:

إذا كان  $\triangle أ ب ج \sim \triangle س ص ع$

فإن طول  $\overline{س د} = \dots\dots\dots$

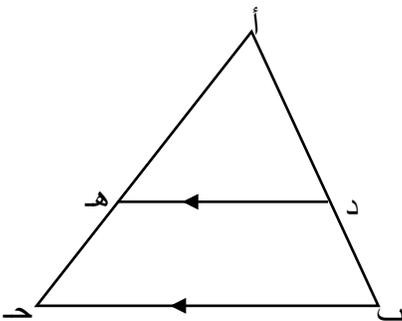


١٠) في الشكل المجاور:

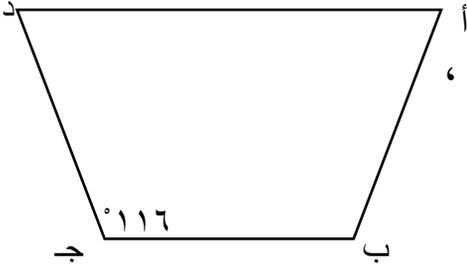
$\triangle أ ب ج$  فيه ،  $د ه // ب ج$

إذا كان  $أ د = 12$  سم ،  $د ب = 4$  سم ،  $أ ه = 5$  سم ،

فإن طول  $\overline{ه ج} = \dots\dots\dots$



١١) في الشكل المجاور:



إذا كان الشكل الرباعي أ ب ج د شبه منحرف متطابق الساقين ،  
ق د ج = 116° ، فإن ق د أ = .....

**السؤال الثاني:** ضعي دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:



١) إذا كان أ ب ج د متوازي أضلاع فإن ق د ج يساوي:

- (أ) 65°  
(ب) 105°  
(ج) 115°  
(د) 180°

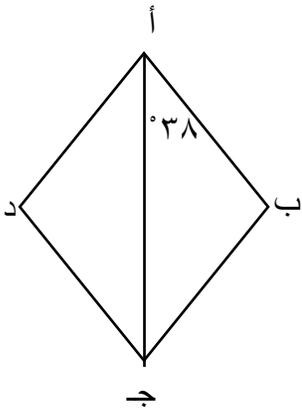
٢) في الشكل المجاور س ص ع ل طائرة ورقية،

ق د س ص ع تساوي:

- (أ) 57°  
(ب) 80°  
(ج) 143°  
(د) 160°

٣) مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع سداسي هو:

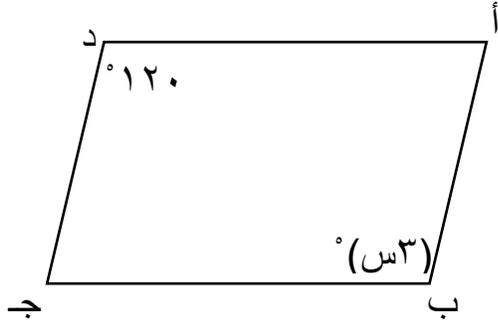
- (أ) 450°  
(ب) 540°  
(ج) 600°  
(د) 720°



٤) إذا كان الشكل الرباعي أ ب ج د معيناً، ق د ب أ ج = 38° ،

فإن ق د ب ج د تساوي:

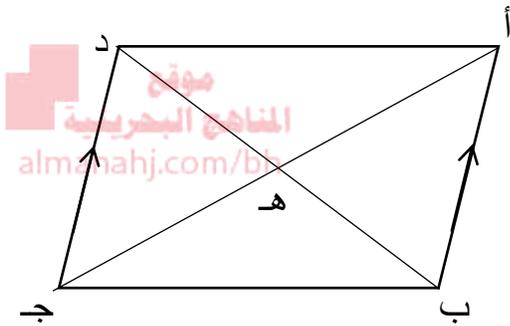
- (أ) 38°  
(ب) 66°  
(ج) 76°  
(د) 86°



٥) إذا كان الشكل أ ب ج د متوازي أضلاع ،  
فإن قيمة س تساوي:

أ) ٣٠      ب) ٤٠

ج) ٦٠      د) ١٢٠

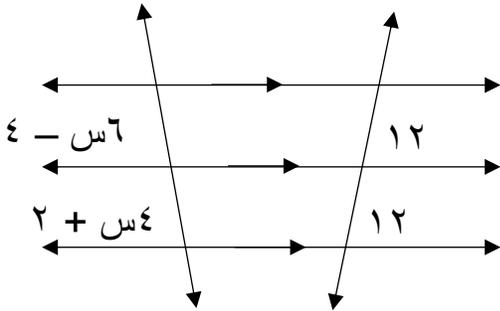


٦) في الشكل المجاور ، إذا كان  $\overline{أ ب} \parallel \overline{ج د}$

فإن  $\Delta أ ب هـ \sim \Delta ج د هـ$  .....

أ) ج د هـ      ب) هـ د ج

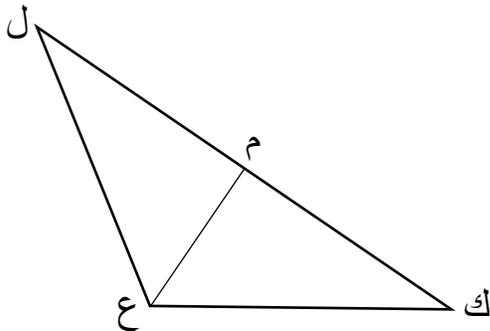
ج) ب هـ ج      د) أ د هـ



٧) في الشكل المجاور ، ما قيمة س؟

أ) ٢      ب) ٣

ج) ١٢      د) ١٦



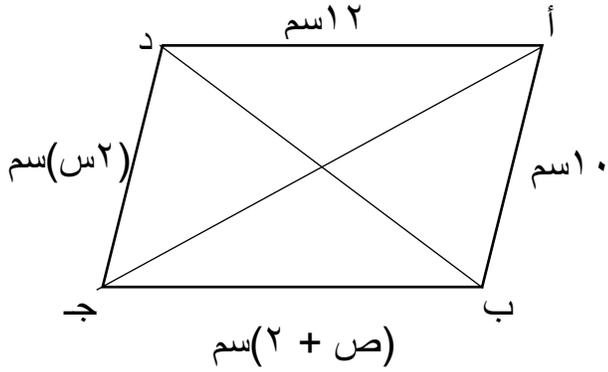
٨) إذا كانت ع م قطعة متوسطة في  $\Delta ل ع ك$  ،

ك ل = ٣٦ ، فما طول ك م ؟

أ) ٩      ب) ١٢

ج) ١٨      د) ٢٤

٩) إذا كان الشكل الرباعي أذناه متوازي أضلاع، ما قيمة كل من س، ص؟



أ)  $س = ٥$  سم،  $ص = ١٠$  سم

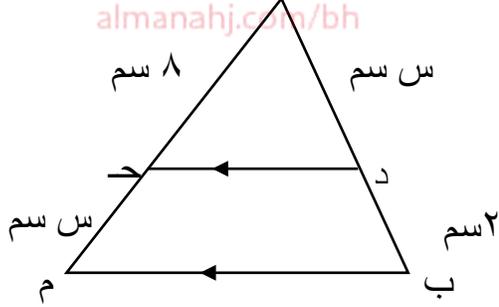
ب)  $س = ٨$  سم،  $ص = ١٠$  سم

ج)  $س = ٥$  سم،  $ص = ٦$  سم

د)  $س = ٥$  سم،  $ص = ١٠$  سم

موقع  
المناهج البحرينية  
almanahj.com/bh

١٠) في الشكل المجاور، ما قيمة س؟



أ) ٦

ب) ٥

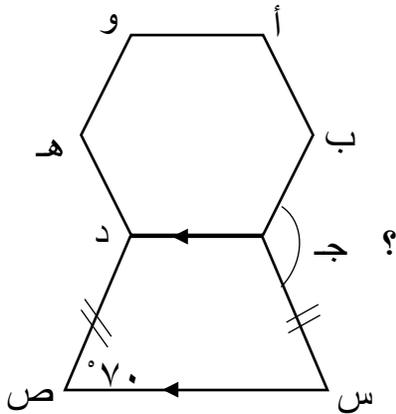
ج) ٤

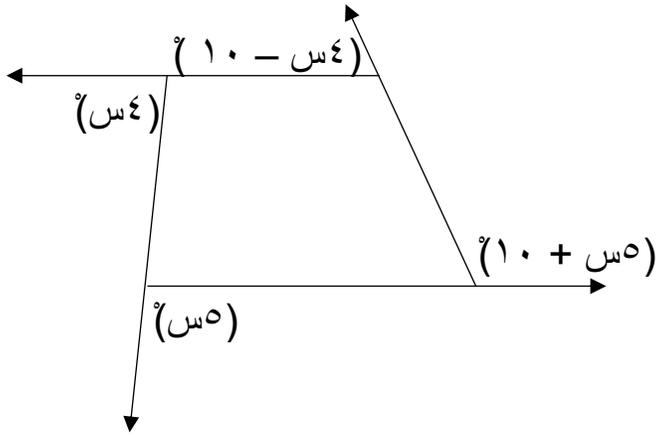
د) ٣

### السؤال الثالث:

أولاً: المضلع أ ب ج د هـ و سداسيا منتظما، ج س ص د شبه منحرف متطابق الضلعين،  $ق د ص = ٧٠^\circ$ .

أوجد ق د ب ج س المشار إليها في الرسم.

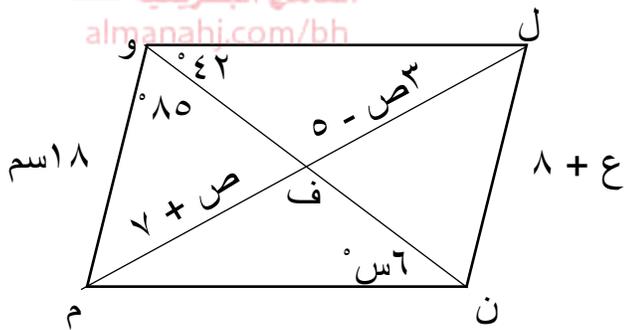




ثانياً: أوجد قيمة س في الشكل المجاور:

ثالثاً: إذا كان الشكل ل ن م و متوازي أضلاع ، فأوجد قيم س، ص ، ع .

موقع  
المنهاج البحرينية  
almanahi.com/bh

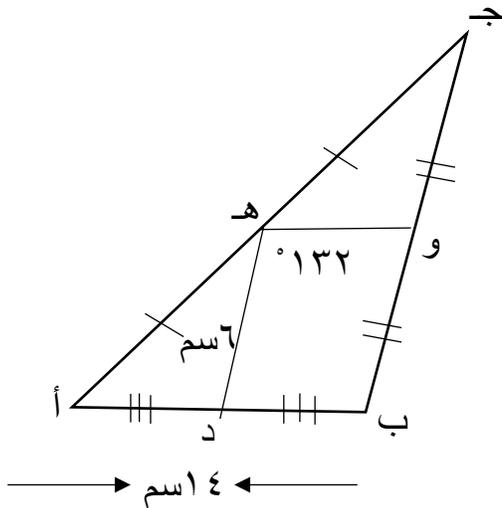


رابعاً: في الشكل المجاور:

د ه ، ه و قطعتان منصفتان في  $\Delta$  أ ب ج ،

أوجد كلاً مما يأتي:

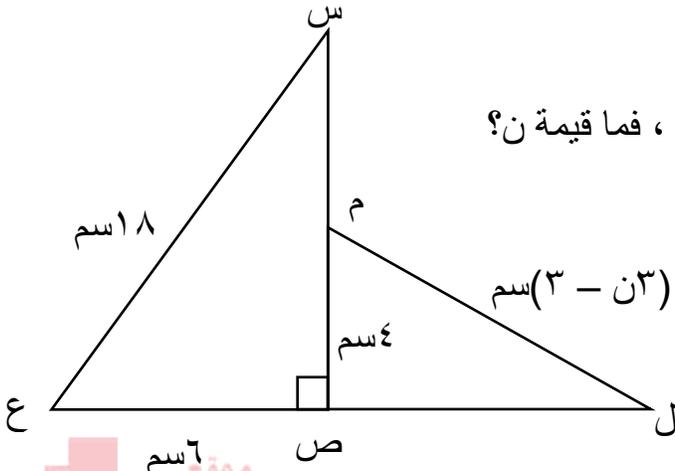
- طول ب ج
- طول و ه
- ق د أ د ه



السؤال الرابع:

أولاً: في الشكل المجاور:

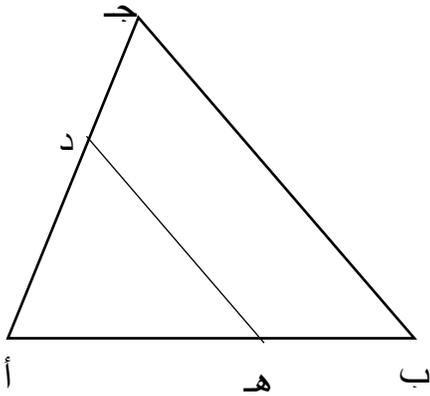
إذا كان  $\Delta س ص ع \sim \Delta ل ص م$  ، فما قيمة ن؟



موقع المنهج البحرينية  
almanahj.com/bh

ثانياً: في المثلث أ ب ج ، ب ه = ٣ ، ه أ = ٩ ، ج د = ٤ ، د أ = ١٢ .

هل  $\overline{د ه} \parallel \overline{ب ج}$  ؟



ثالثاً: في الشكل المجاور:

إذا كان د م منتصف ل ه د و في المثلث د ه و ، فأوجد طول ه م

