

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية

الملف نموذج إجابة لأسئلة مقرر رياض 262

[موقع المناهج](#) ⇐ ⇐ [الصف الثالث الثانوي](#) ⇐ [رياضيات](#) ⇐ [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث الثانوي



روابط مواد الصف الثالث الثانوي على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

امتحان نهائي مجمع من مقررات رياض 364 ورياض 365 مع الإجابة	1
نموذج امتحان تجريبي مقرر 366	2
نموذج إجابة امتحان نهائي مقرر رياض 366	3
نموذج إجابة امتحان منتصف مقرر رياض 362	4
نموذج إجابة امتحان منتصف مقرر رياض 364	5

امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للتعليم الثانوي للعام الدراسي 2014 / 2015 م

المسار: توحيد المسارات

اسم المقرر: الرياضيات 4

الزمن: ساعة ونصف

رمز المقرر: رياض 262

50

الدرجة النهائية

أجب عن جميع أسئلة هذا الامتحان وعددها 4

السؤال الأول

5

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي . علمًا بأنه لا توجد سوى إجابة صحيحة واحدة لكل فقرة :

(1) أي مما يأتي يمثل معادلة الحد النوني في المتتابة الهندسية التي فيها $r = 3$ ، $a_5 = 4$ ؟

$$a_n = \frac{4}{81} (3)^{n-1} \quad \text{(C)}$$

$$a_n = 4(3)^{n-1} \quad \text{A}$$

$$a_n = \frac{4}{243} (3)^{n-1} \quad \text{D}$$

$$a_n = \frac{1}{4} (3)^{n-1} \quad \text{B}$$

(2) تبدأ جائزة إحدى المسابقات القرآنية بأحد المراكز لتحفيظ وتجويد القرآن الكريم بمبلغ 100 BD ، ويضاف

مبلغ 20 BD إلى الجائزة كل شهر. إذا استمرت المسابقة لمدة اثني عشر شهرًا، فكم يكون مجموع قيم الجوائز؟

BD 3840 C

BD 1920 A

BD 5040 D

BD 2520 (B)

1

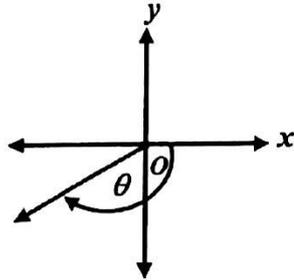
(3) ما قياس الزاوية θ في الشكل المجاور؟

$$\frac{\pi}{6} \quad \text{C}$$

$$-\frac{5\pi}{6} \quad \text{(A)}$$

$$\frac{5\pi}{6} \quad \text{D}$$

$$-\frac{\pi}{6} \quad \text{B}$$



1

(4) يبيّن الشكل أدناه منحدر تزلج يُسمى ربع أنبوب ، ومقطعه AB يُمثّل قوسًا من دائرة .

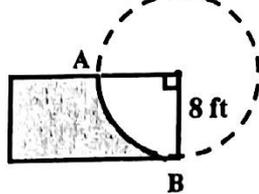
ما طول هذا القوس إلى أقرب قدم؟

25 ft تقريبًا C

6 ft تقريبًا A

50 ft تقريبًا D

13 ft تقريبًا (B)



1

(5) إذا كان الضلع النهائي للزاوية θ في الوضع القياسي يقع في الربع الثاني حيث $\theta > 0$ ، ويقطع دائرةالوحدة عند النقطة $(-\frac{\sqrt{3}}{2}, y)$ ، فإن قيمة $\sin \theta$ تساوي :

$$\frac{1}{4} \quad \text{C}$$

$$-\frac{1}{2} \quad \text{A}$$

$$\frac{1}{2} \quad \text{(D)}$$

$$-\frac{1}{4} \quad \text{B}$$

1



السؤال الثاني

تنبيه: استعمل الصيغة المناسبة من صيغ درس المتتابعات والمتسلسلات التي درستها لحل هذا السؤال.

15

1) أوجد الحدود الثلاثة الأولى من متتابعة حسابية فيها $n = 26$, $a_n = 164$, $S_n = 1989$

الحل

$$\textcircled{1} \quad S_n = \frac{n}{2} [a_1 + a_n] \quad \text{صيغة المجموع من المتسلسلة الحسابية}$$

$$\textcircled{1} \quad 1989 = \frac{26}{2} [a_1 + 164] \quad S_n = 1989, a_n = 164, a_1 = ?, n = 26$$

$$\textcircled{\frac{1}{2}} \quad 1989 = 13 [a_1 + 164] = 13 a_1 + 2132$$

$$\textcircled{\frac{1}{2}} \quad 13 a_1 = 1989 - 2132 = -143$$

$$\textcircled{\frac{1}{2}} \quad a_1 = \frac{-143}{13} = -11 \quad \textcircled{\frac{1}{2}}$$

بالتبسيط

بما أن، $a_1 = -11$, $n = 26$, $a_n = 164$, $S_n = 1989$. إذن، يمكن إيجاد أساس المتتابعة من صيغة الحد النوني، أو من صيغة مجموع المتسلسلة الحسابية كما يأتي:

$$\textcircled{1} \quad S_n = \frac{n}{2} [2 a_1 + (n-1) d]$$

$$\textcircled{1} \quad 1989 = \frac{26}{2} [2(-11) + (26-1) d]$$

$$= -286 + 325 d$$

$$\textcircled{\frac{1}{2}} \quad 325 d = 1989 + 286 = 2275$$

$$d = \frac{2275}{325} = 7 \quad \textcircled{\frac{1}{2}} \quad \textcircled{1}$$

$$\therefore a_1 = -11, d = 7 \Rightarrow a_2 = -11 + 7 = -4, a_3 = -4 + 7 = 3$$

إذن، الحدود الثلاثة الأولى المطلوبة هي 3, -4, -11

حل آخر:

بعد إيجاد قيمة a_1 يمكن إيجاد قيمة الأساس d باستعمال صيغة الحد النوني من المتتابعة الحسابية:

$$\textcircled{1} \quad a_n = [a_1 + (n-1) d]$$

$$\textcircled{1} \quad 164 = -11 + 25 d$$

$$164 + 11 = 25 d$$

$$175 = 25 d \quad \textcircled{\frac{1}{2}}$$

$$d = \frac{175}{25} = 7 \quad \textcircled{\frac{1}{2}}$$

(2) لدى خولة حصاله وتريد أن توفر فيها كل أسبوع مبلغاً من المال؛ لكي تشتري هدية بقيمة BD 51 لوالديها بمناسبة يوم الأسرة. فوضعت في حصالها في الأسبوع الأول BD 0.2، ثم أصبحت تضع كل أسبوع لاحق في حصالها ضعف المبلغ الذي وضعت في الأسبوع الذي قبله مباشرة. إذا استمرت بالتوفير على هذا النحو، فكم أسبوعاً تحتاجها خولة لتوفر ثمن الهدية؟

الحل

بما أن، المتسلسلة هندسية فيها $r = 2$, $S_n = 51$, $a_1 = 0.2$, $n = ?$

$$\textcircled{1} \quad S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1-r} = \frac{a_1 (1-r^n)}{1-r} \quad \text{صيغة المجموع من المتسلسلة الهندسية}$$

$$\textcircled{1} \quad 51 = \frac{0.2(1-2^n)}{1-2}$$

$$a_1 = 0.2, S_n = 51, r = 2, n = ?$$

$$\frac{51}{0.2} = \frac{1-2^n}{-1}$$

$$-255 = 1-2^n$$

$$\textcircled{\frac{1}{2}} \quad 2^n = 1+255 = 256$$

$$\textcircled{1} \quad 2^n = 2^8 \Rightarrow n = 8 \quad \textcircled{\frac{1}{2}}$$

إذن، تحتاج خولة 8 أسابيع لكي توفر ثمن الهدية.

يتبع

ملاحظة: إذا أوجد الطالب عدداً لا يتبع المعطيات عنه فميت الأساس وأوجد الحدود إلى أنه توصل إلى أهم النتيجة. يأخذ الدرجة كاملة.

السؤال الثالث

14

4

(1) أوجد الحد السادس في مفكوك $(n-2m)^{10}$.

الحل ✓

$$(n-2m)^{10} = \sum_{k=0}^{10} \frac{10!}{k!(10-k)!} (n)^{10-k} (-2m)^k \quad (1)$$

بما أن المطلوب هو الحد السادس . إذن ، $k=5$ أي أن : (1)

$$\frac{10!}{k!(10-k)!} (n)^{10-k} (-2m)^k = \frac{10!}{5!(10-5)!} (n)^{10-5} (-2m)^5 \quad (1)$$

$$= {}_{10}C_5 (n)^5 (-2m)^5 \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$= 252n^5 (-32m^5)$$

$$= -8064n^5m^5 \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

10

(2) برهن باستخدام الاستقراء الرياضي أن $1 + 4 + 7 + \dots + (3n-2) = \frac{n(3n-1)}{2}$ لكل عدد طبيعي n .

البرهان ✓

الخطوة 1 عندما $n=1$ ، فإن الطرف الأيسر من العبارة هو $1 = 3 - 2 = 3(1) - 2 = (3(1) - 2)$ $\left(\frac{1}{2}\right)$

$$\frac{n(3n-1)}{2} = \frac{1(3(1)-1)}{2} = \frac{3-1}{2} = \frac{2}{2} = 1 \quad \text{والطرف الأيمن} \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

إذن ، العبارة صحيحة عندما $n=1$. $\left(\frac{1}{2}\right)$ الخطوة 2 افترض أن العبارة صحيحة عندما $n=k$ ، أي أن : $\left(\frac{1}{2}\right)$

$$1 + 4 + 7 + \dots + (3k-2) = \frac{k(3k-1)}{2} \quad (1)$$

حيث k عدد طبيعي .الخطوة 3 برهن أن العبارة صحيحة عندما $n=k+1$. $\left(\frac{1}{2}\right)$

$$1 + 4 + 7 + \dots + (3k-2) + (3(k+1)-2) = \frac{k(3k-1)}{2} + (3(k+1)-2) \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$1 + 4 + 7 + \dots + (3k-2) + (3(k+1)-2) = \frac{k(3k-1)}{2} + 3k+3-2 \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$= \frac{k(3k-1)}{2} + 3k+1$$

$$= \frac{3k^2 - k + 6k + 2}{2} \quad (1)$$

$$\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3k^2 + 5k + 2}{2} = \frac{(k+1)(3k+2)}{2} \quad (1)$$

إذن ، التعبير الأخير هو الطرف الأيمن من العبارة المطلوب أثبات صحتها عندما $n=k+1$. $\left(\frac{1}{2}\right)$ لذا ، فإن العبارة صحيحة في حالة $n=k+1$ ، وهذا يثبت صحة العبارة لكل عدد طبيعي n . $\left(\frac{1}{2}\right)$ 

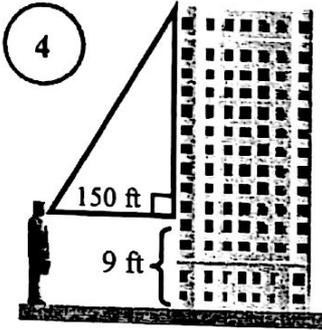
16

السؤال الرابع

1) استعمل ياسر جهاز قياس زاوية الميل لقياس الزاوية θ المحصورة بين خط نظره المار بقمة البناية والخط الأفقي. إذا كان ارتفاع البناية في الشكل أدناه يساوي 899 ft تقريبًا، فأوجد قياس الزاوية θ إلى أقرب درجة.

الحل ✓

بما أن ، طول الضلع المقابل للزاوية θ في المثلث بالشكل المجاور هو:



$$\left(\frac{1}{2}\right) 899 - 9 = 890 \text{ ft} \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\left(\frac{1}{2}\right) \therefore \tan \theta = \frac{890}{150} = 5.93 \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\left(\frac{1}{2}\right) \therefore \theta = \tan^{-1} 5.93 = 80.4333140^\circ \approx 80^\circ \left(\frac{1}{2}\right)$$

ملاحظة: إذا جدد موقع الزاوية θ

خطأ وأكمل الحل بطريقة صحيحة

ليتم درجته واحدة فقط

إذن، قياس الزاوية θ المحصورة بين خط نظر ياسر المار بقمة البناية والخط الأفقي إلى أقرب درجة يساوي 80° .

6

2) من دون استعمال الآلة الحاسبة أوجد القيمة الفعلية للمقدار الآتي ، موضحًا خطوات الحل لكل ناتج: $\csc\left(-\frac{7\pi}{6}\right) \cos\frac{5\pi}{3} - \cot 585^\circ$

الحل ✓

$$\csc\left(-\frac{7\pi}{6}\right) \cos\frac{5\pi}{3} - \cot 585^\circ$$

$$\therefore \csc\left(-\frac{7\pi}{6}\right) = -\csc\frac{7\pi}{6} = -(-2) = 2,$$

$$\cos\frac{5\pi}{3} = \frac{1}{2},$$

$$\cot 585^\circ = \cot(360^\circ + 225^\circ) = \cot 225^\circ = 1$$

$$\therefore \csc\left(-\frac{7\pi}{6}\right) \cos\frac{5\pi}{3} - \cot 585^\circ = 2\left(\frac{1}{2}\right) - 1 = 1 - 1 = 0$$

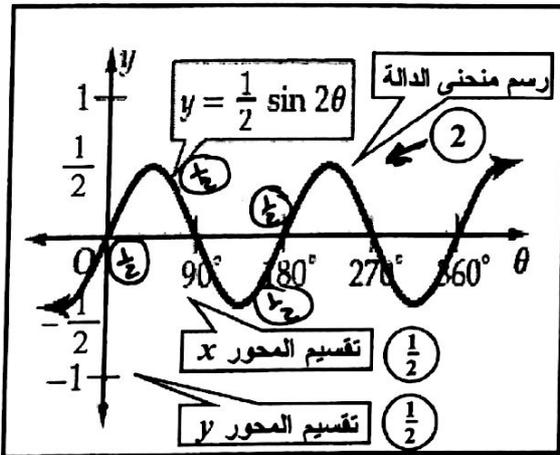
6

3) أوجد السعة وطول الدورة للدالة $y = \frac{1}{2} \sin 2\theta$ ، ثم مثلها بيانيًا.

الحل ✓

$$\frac{1}{2} = \left|\frac{1}{2}\right| = |a| = \text{السعة}$$

$$180^\circ = \frac{360^\circ}{|2|} = \frac{360^\circ}{|b|} = \text{طول الدورة}$$



انتهاه الإجابة

ملاحظة:

مع مراعاة الحلول الأخرى إن وجدت

يتم توزيع درجتي رسم منحنى الدالة كما هو موضح بالشكل أعلاه.

2020
البحرين

حل آخر للسؤال الثاني لفرع (أ):

$$\therefore S_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d] \quad (1)$$

$$1989 = \frac{26}{2} [2a_1 + 25d] \quad (1)$$

$$\frac{1989}{13} = 2a_1 + 25d \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\therefore 2a_1 + 25d = 153 \quad \left(\frac{1}{2}\right) \dots\dots (*)$$

almanahj.com/bh

$$\therefore a_n = a_1 + (n-1)d \quad (1)$$

$$(1) \quad 164 = a_1 + 25d \quad \dots\dots (**)$$

ب طرح المعادلتين (*)، نتج أن:

$$a_1 = -11 \quad (1)$$

بالعوض عن قيمة a_1 في المعادلة (*)، نتج أن:

$$164 = -11 + 25d \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\therefore d = \frac{164 + 11}{25} = 7 \quad \left(\frac{1}{2}\right)$$