

ملخص قوانين ريض 364 ثالث ثانوي



تم تحميل هذا الملف من موقع مناهج مملكة البحرين

موقع المناهج ← مناهج مملكة البحرين ← الصف الثالث الثانوي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 29-12-2025 00:40:43

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات احلول | عروض بوربوينت | اوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث الثانوي



الرياضيات



اللغة الانجليزية



اللغة العربية



ال التربية الاسلامية



المواد على تلغرام

صفحة مناهج مملكة
البحرين على
فيسبوك

المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

نماذج الإجابة لأسئلة امتحان نهاية الفصل الأول

1

نماذج أسئلة امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول مقرر ريض 364

2

مهمة ريض 362

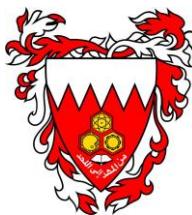
3

إجابات امتحانات ريض 362

4

نماذج أسئلة امتحانات ريض 362

5



ملخص قوانين مقرر ريلس 364

الفصل الأول : المتطابقات والمعادلات المثلثية

<p>نظيرية فيثاغورث لإيجاد أي ضلع مجهول في مثلث قائم الزاوية</p> $(AB)^2 + (BC)^2 = (AC)^2$		<p>قاعدة فيثاغورث</p>				
$\tan \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{ال المجاور}} = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$	$\cos \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$	$\sin \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$				
$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$	$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$	$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$				
<p>الدوال المثلثية للزوايا الرباعية</p>	<p>قاعدة إشارات الدوال المثلثية</p> <ul style="list-style-type: none"> كيفية إيجاد زاوية الإسنداد و إشارات الدوال المثلثية : <table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> الربع الثاني $\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$ + sin, csc </td> <td style="vertical-align: top;"> الربع الأول $\theta' = \theta$ الكل $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec </td> </tr> <tr> <td style="vertical-align: top;"> الربع الثالث $\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$ + tan, cot </td> <td style="vertical-align: top;"> الربع الرابع $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec </td> </tr> </table>	الربع الثاني $\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$ + sin, csc	الربع الأول $\theta' = \theta$ الكل $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec	الربع الثالث $\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$ + tan, cot	الربع الرابع $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec	<p>الأساسية الدوال المثلثية</p>
الربع الثاني $\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$ + sin, csc	الربع الأول $\theta' = \theta$ الكل $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec					
الربع الثالث $\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$ + tan, cot	الربع الرابع $\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$ + cos, sec					
$\sin \theta = y, \cos \theta = x, \tan \theta = \frac{y}{x}$	<p>الدوال المثلثية للزوايا الرباعية</p>	<p>الذكري</p>				

التحويل من القياس بالدرجات إلى الرadian و العكس

راديان \leftrightarrow درجات

$$\frac{180^\circ}{\pi} \text{ بالضرب في}$$

درجات \leftrightarrow رadians

$$\frac{\pi}{180^\circ} \text{ بالضرب في}$$

$1 + \cot^2 \theta = \csc^2 \theta$ ومنه نستنتج: $\cot^2 \theta = \csc^2 \theta - 1$ $\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$	$1 + \tan^2 \theta = \sec^2 \theta$ ومنه نستنتج: $\tan^2 \theta = \sec^2 \theta - 1$ $\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$	$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ ومنه نستنتج: $1 - \sin^2 \theta = \cos^2 \theta$ $1 - \cos^2 \theta = \sin^2 \theta$	المنظقات الرئيسية
$\tan\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cot \theta$	$\cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \sin \theta$	$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cos \theta$	الدوال المثلثية للزوايا المترافقتين المترافقتين
$\tan(-\theta) = -\tan \theta$	$\cos(-\theta) = \cos \theta$	$\sin(-\theta) = -\sin \theta$	الدوال الزوجية والفردية
$\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \cos x \sin y$ $\cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y$ $\tan(x \pm y) = \frac{\tan x \pm \tan y}{1 \mp \tan x \cdot \tan y}$			المجموع والفرق
$\tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$ ومنه نستنتج: $\tan 4\theta =$ $\tan \theta =$	$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$ $= 2 \cos^2 \theta - 1$ $= 1 - 2 \sin^2 \theta$ ومنه نستنتج: $\cos 4\theta =$ $\cos \theta =$	$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$ ومنه نستنتج: $\sin 4\theta = 2 \sin 2\theta \cos 2\theta$ $\sin \theta = 2 \sin \frac{1}{2} \theta \cos \frac{1}{2} \theta$	منظقات ضعف الزاوية
$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$ ومنه نستنتج: $\tan \theta =$	$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$ ومنه نستنتج: $\cos \theta =$	$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$ ومنه نستنتج: $\sin \theta =$	منظقات نصف الزاوية

الفصل الثاني : تحليل الدوال

جبرياً	بيانياً	مقطع X (أصفار أو جذور الدالة)
$y = 0$ نوعض عن x ونوجد قيم	التقاطع مع محور X	مقطع X (أصفار أو جذور الدالة)
$x = 0$ نوعض عن y	التقاطع مع محور Y	مقطع Y

أجاد
المحورين
مقطعي

أثبات التماثل بين الدوال و العلاقات

جبرياً	من التمثيل البياني	عددياً	التماثل
x - مكان x يعطي معادلة مكافئة		لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(-x, y)$ واقعة أيضاً عليه	حول محور Y
y - مكان y يعطي معادلة مكافئة		لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(x, -y)$ واقعة أيضاً عليه	حول محور X
x - مكان x و y - مكان y يعطي معادلة مكافئة		لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(-x, -y)$ واقعة أيضاً عليه	حول نقطة الأصل

تحديد الدوال الزوجية والفردية

الدالة الفردية	الدالة الزوجية	
متتماثلة حول نقطة الأصل	متتماثلة حول محور Y	
		بيانياً
$f(-x) = -f(x)$	$f(-x) = f(x)$	جبرياً

أنواع الإنفصال

النوع	أولاً : الإنفصال النقطي	ثانياً : الإنفصال القفزي	ثالثاً : الإنفصال اللانهائي
مثال			
	النهاية موجودة عند النقطة $\lim_{x \rightarrow c} f(x) \neq f(c)$	النهايتين من اليمين واليسار موجودتين لكن غير متساويتين	النهاية غير موجودة عند النقطة لكن الدالة غير معروفة عند $x=c$ أو : $\lim_{x \rightarrow c} f(x) \neq f(c)$
هل هي قابلة للإزالة	نعم	لا	لا

أخير الإنفصال

أصفار الدالة	تكون الدالة $f(x)$ متصلة عند $x=c$ إذا تتحقق كل مما يلي : أولاً : الدالة معروفة عند $x=c$ أي $f(c) \in \mathbb{R}$ ثانياً : للدالة نهاية عند $x=c$ أي $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) \in \mathbb{R}$ ثالثاً : $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$	
تفاوت الدالة	يكون $x=c$ صفر للدالة $f(x)$ إذا كانت $f(c)=0$ لمعرفة الأعداد الصحيحة المتتالية التي ينحصر بينها الأصفار الحقيقية للدالة في فترة ما : نعرض عن الأعداد الصحيحة بالدالة وإذا تغيرت قيمة الدالة من موجب لسالب أو العكس فيكون هناك صفر حقيقي بين هذين العددين الصحيحين	

سلوك طرفي التهيئة

	هو وصف قيم الدالة عندما تزداد قيم x أو تنقص بلا حدود أي عندما تقترب من $\infty, -\infty$	
--	--	--

أ) إيجاد خطوط التقارب الرأسية والأفقية

درجة البسط < درجة المقام	درجة البسط > درجة المقام	درجة البسط = درجة المقام	
$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \pm\infty$ أو $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \pm\infty$			
يوجد خط تقارب أفقي $y = 0$ معادلته	لا يوجد خطوط تقارب أفقية	يوجد خط أفقي معادلته معامل أكبر اس بالبسط $y =$ معامل أكبر اس بالمقام	
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c$ أو $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = c$			

ب) إيجاد قيمة القصوى

$f(a)$ صغرى محلية	$f(b)$ عظمى محلية

ج) متوسط معدل التغير

	$m = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$	الدالة تزايدية \Rightarrow موجب
		الدالة تناظرية \Rightarrow سالب

(4) الدالة التكعيبية	(3) الدالة التربيعية	(2) الدالة الخطية	(1) الدالة الثابتة	النوع
				تمثيلها البياني
(8) الدالة الدرجية	(7) دالة القيمة المطلقة	(6) دالة المقلوب	(5) دالة الجذر التربيعى	النوع
دالة أكبر عدد صحيح 				تمثيلها البياني

جميع ما يلي هو تحويل للدوال الأم $f(x)$

التحول	التأثير في التمثيل البياني للدالة
التمدد	$g(x) = f(ax)$ أو $g(x) = a.f(x)$ $0 < a < 1$ تضييق رأسى (توسيع أفقي)
الانعكاس	y : إنعكاس حول محور y $g(x) = f(-x)$ x : إنعكاس حول محور x $g(x) = -f(x)$
الانسحاب (الإزاحة)	إزاحة رأسية $f(x) \pm k$ + : إزاحة للأعلى ، - : إزاحة للأسفل إزاحة أفقية $f(x \pm h)$ + : إزاحة لليسار ، - : إزاحة لليمين

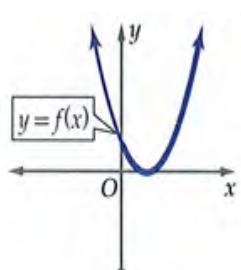
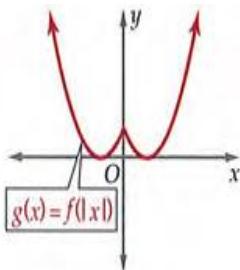
لكتابة الدالة التربيعية $f(x) = ax^2 + bx + c$ بصيغة الرأس وذلك لتحديد التحويلات الهندسية عليها فيكون على الشكل التالي :

$$k = y = f(h) \quad h = x = \frac{-b}{2a} \quad \text{حيث رأس المنحنى هو } (h, k) \quad \text{حيث } f(x) = a(x - h)^2 + k$$

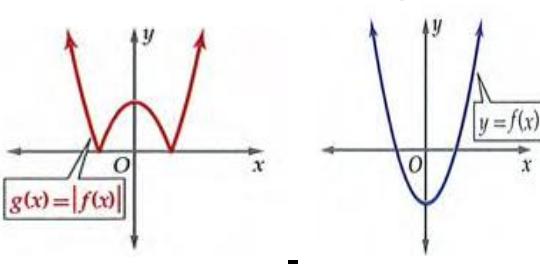
تحولات القيمة المطلقة

ثانياً : $h(x) = f(|x|)$

نستبدل الجزء الموجود يسار المحور Y بعمل انعكاس للجزء الأيمن على محور Y

أولاً : $g(x) = |f(x)|$

نستبدل الجزء الموجود أسفل المحور X بعمل انعكاس له على محور X



العمليات على الدوال

$\left(\frac{f}{g}\right)(x)$ القسمة	الضرب $(f \cdot g)(x)$	الطرح $(f - g)(x)$	الجمع $(f + g)(x)$	العملية
$\frac{f(x)}{g(x)}$	$f(x) \cdot g(x)$	$f(x) - g(x)$	$f(x) + g(x)$	الناتج

تقاطع مجال الدالتين g ، f ماعداً أصفار المقام g تقاطع مجال الدالتين g ، f

المجال

متذبذبات الدالتين

 $(f \circ g)(x) = f(g(x))$ دالتين فإن دالة التركيب $g \circ f$ هي :مجال دالة التركيب :قيم x في مجال g بشرط أن تكون صورها $g(x)$ موجودة بمجال f وبشكل آخر (مجال $g \cap$ مجال الدالة الناتجة من التركيب)

استراتيجية إيجاد الدالة العكسية

للدالة (x) f فلإيجاد الدالة العكسية (x) f^{-1} تتبع ما يلي :1) حدد من التمثيل البياني للدالة (x) f وإختبار الخط الأفقي هل يوجد دالة عكسية أم لا .2) ضع y مكان $f(x)$ $3 \leftarrow$ بدل موقع المتغيرين y ، x ،4) أوجد y بدلالة x $4 \leftarrow$ ضع (x) مكان y 6) ضع القيد على الدالة العكسية بحيث يكون مجال (x) $f^{-1} = f(x)$ مدى

والاتجاه بين الدالة والعكسية :

 $[f \circ g](x) = x = [g \circ f](x)$ تكون f ، g داللة و معكوسها إذا كان :

الفصل الثالث : النهايات والاشتقاق

استراتيجية إيجاد نهاية الدالة بـ "جريبا"

استراتيجية إيجاد نهاية الدالة $f(x)$ عند $x \rightarrow c$ (أي $f(x)$ عندما $x \rightarrow c$)

نقوم بالتعويض المباشر للدالة عند هذه النقطة فإذا كان الناتج

كمية غير معينة $\frac{0}{0}$	عدد حقيقي غير الصفر $\frac{\text{كمية غير معروفة}}{0}$	عدد حقيقي ولتكن L فإن :
نلجأ لتحليل الدالة أو الضرب بالمرافق إذا كانت تحتوي جذور لا يمكن الحكم على وجود نهاية من عدمه	$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \infty$ أو $-\infty$	$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$
الدالة ليس لها نهاية عندما $x \rightarrow c$	الدالة لها نهاية عندما $x \rightarrow c$	

سباب النهايات عند الانهائية بـ "جريبا"

بعض قواعد النهايات

الحدودية النسبية	دوال المقلوب	دوال كثيرات الحدود	دوال القوى (n : طبيعي)
نقسم الحد الذي يحتوي على أكبر قوة على الحد الذي يحتوي أكبر قوة بالمقام وبعد التبسيط نعرض عن $\pm \infty$	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{1}{x^n} = 0$: طبيعي	نأخذ النهاية فقط للحد الذي يحتوي على أكبر قوة	$\lim_{x \rightarrow \infty} x^n = \infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = \infty$: زوجي $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = -\infty$: فردي

المشتقة باستخدام التعريف

درجة البسط < درجة المقام	درجة البسط = درجة المقام	درجة البسط > درجة المقام
$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = 0$	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = \infty$ أو $-\infty$	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = \frac{\text{معامل أكبر اس بالبسط}}{\text{معامل أكبر اس بالمقام}}$

الملاحظة	المشتقة باستخدام التعريف
يرمز للمشتقة أيضاً بـ y' , $\frac{dy}{dx}$, $\frac{df}{dx}$	لـ الدالة $y = f(x)$ فإن مشتقتها $(x)' f'$ باستخدام التعريف هي :

تذكر أن	الدالة	مشتقتها	أولاً
$\frac{1}{x^m} = x^{-m}$	$f(x) = x^n$	$f'(x) = n \cdot x^{n-1}$	
$\sqrt[m]{x^n} = x^{\frac{n}{m}}$	$f(x) = cx^n$	$f'(x) = c \cdot n \cdot x^{n-1}$	دوال القوة
	$f(x) = c$	$f'(x) = 0$	

الدالة	مشتقتها	ثانياً
$h(x) = f(x) \cdot g(x)$	$h'(x) = f(x) \cdot g'(x) + g(x) \cdot f'(x)$ مشتقة الأولى \times الثانية + مشتقة الثانية \times الأولى	ضرب الدلتين
$h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$	$h'(x) = \frac{g(x) \cdot f'(x) - f(x) \cdot g'(x)}{[g(x)]^2}$ (مشتقة المقام \times البسط) - (مشتقة البسط \times المقام) المقام تربيع	قسمة الدلتين

◀ أولاً : ميل المماس للمنحنى

للحالة $y = f(x)$ فإن معادلة ميل المنحنى m هو مشتقة الدالة

ويكون ميل المماس عند $x = a$ هو $m = f'(a)$

ملاحظة : معدل التغير اللحظي لدالة هو أيضاً مشتقة هذه الدالة

◀ ثانياً : السرعة المتجهة

إذا كانت $f(t)$: المسافة التي يقطعها جسم حيث t : الزمن

تذكر مما سبق (متوسط السرعة المتجهة)

السرعة المتجهة اللحظية هي مشتقة المسافة :

$$v(t) = f'(t)$$

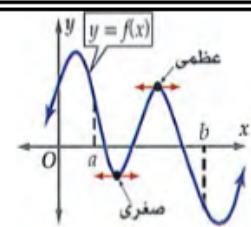
متوسط السرعة المتجهة في الفترة الزمنية من a إلى b هو :

$$v_{avg} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

◀ ثالثاً : النقاط الحرجة

استخدام المشتقة لإيجاد القيم القصوى

النقطة الحرجة



لأى دالة $f(x)$ متصلة في الفترة $[a, b]$

فإن لها قيمة حظمى أو صغرى أما عند :

الطرفين أو النقاط الحرجة

ملاحظة : إذا كانت النقطة الحرجة خارج الفترة
فلا يتم احتسابها من النقط العظمى أو الصغرى

تكون النقطة $(x_1, f(x_1))$ نقطة

حرجة إذا حققت أحد الشرطين

$$f'(x_1) = 0$$

أو $f'(x_1)$ غير معرف

قانون التكامل المحدد يسْتَعْتَمِلُ النَّهَايَاتِ
(مجموع ريمان الأيمن)

يستخدم لإيجاد مساحة المنطقة المقصورة بين دالة والمحور X في الفترة $[a, b]$

الأطراف اليمنى
 $x_i = a + i\Delta x$

Δx : طول الفترة الجزئية

$$\Delta x = \frac{b - a}{n}$$

b : الحد الأعلى
 a : الحد الأدنى

$$\int_a^b f(x).dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x$$

$$(1) \sum_{i=1}^n c = cn$$

$$(2) \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$(3) \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$(3) \sum_{i=1}^n i^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$$

صيغ المجموع

التكامل المحدد

قواعد التكامل غير المحدد (إيجاد الدوال الأصلية)

تعرف أيضاً بـ
النظرية الأساسية في
التفاضل والتكامل

$$\int_a^b f(x).dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a)$$

حيث : $f(x)$: دالة أصلية للدالة $F(x)$

تكاملها $f(x) \rightarrow F(x)$

$\int x^n .dx$	$\frac{x^{n+1}}{n+1} + c$
$\int k x^n .dx$	$\frac{k x^{n+1}}{n+1} + c$
$\int k .dx$	$kx + c$

ملاحظة : $n \neq 1$ عدد نسبي : ثابت c, k (عدد حقيقي)

المسافة
(الإزاحة)
 $s(t)$

بالاشتقاق
بالتكامل

السرعة المتجهة
اللحظية
 $v(t) = s'(t)$

الدالة
 $f(x)$
بالتكامل

بالاشتقاق

ميل المماس
 $m = f'(x)$

العلاقة بين التفاضل
و التكامل

(3) عند أقصى ارتفاع
تكون السرعة = صفر

(2) إذا رجع الجسم لنقطة البداية
فإن الإزاحة = صفر

(1) في بداية الحركة
يكون الزمن = صفر

ملاحظات
فيزيائية