

ملخص قوانين ريش 364 ثالث ثانوي



تم تحميل هذا الملف من موقع مناهج مملكة البحرين

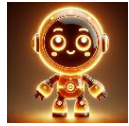
موقع المناهج ← مناهج مملكة البحرين ← الصف الثالث الثانوي ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2025-12-29 00:40:43

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب ا اختبارات الكترونية ا اختبارات ا حلول ا عروض بوربوينت ا أوراق عمل
منهج انجليزي ا ملخصات وتقارير ا مذكرات وبنوك ا الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثالث الثانوي



صفحة مناهج مملكة
البحرين على
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الثالث الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الأول

نماذج الإجابة لأسئلة امتحان نهاية الفصل الأول	1
نماذج أسئلة امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول مقرر ريش 364	2
مهمة ريش 362	3
إجابات امتحانات ريش 362	4
نماذج أسئلة امتحانات ريش 362	5

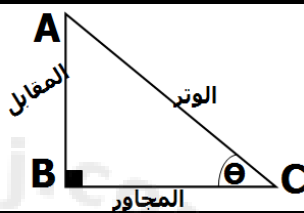
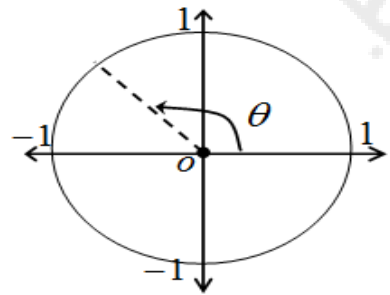


مملكة البحرين
وزارة التربية والتعليم
مدرسة أحمد العمران الثانوية للبنين



ملخص قوانين مقرر رياض 364

الفصل الأول : المتطابقات والمعادلات المثلثية

<p>نظرية فيثاغورث لإيجاد أي ضلع مجهول في مثلث قائم الزاوية</p> $(AB)^2 + (BC)^2 = (AC)^2$		فيثاغورث قاعدة												
$\tan \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$	$\cos \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$	$\sin \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$	الدوال المثلثية الأساسية											
$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = \frac{\cos \theta}{\sin \theta}$	$\sec \theta = \frac{1}{\cos \theta}$	$\csc \theta = \frac{1}{\sin \theta}$	الدوال المقلوبات											
<p>الدوال المثلثية للزوايا الربعية</p>  $\sin \theta = y, \cos \theta = x, \tan \theta = \frac{y}{x}$	<p>قاعدة إشارات الدوال المثلثية</p> <p>كيفية إيجاد زاوية الإسناد و اشارات الدوال المثلثية :</p> <table><tr><th>الربع الثاني</th><th>الربع الأول</th></tr><tr><td>$\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$</td><td>$\theta' = \theta$</td></tr><tr><td>+ sin , csc</td><td>+ الكل</td></tr><tr><th>الربع الثالث</th><th>الربع الرابع</th></tr><tr><td>$\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$</td><td>$\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$</td></tr><tr><td>+ tan , cot</td><td>+ cos , sec</td></tr></table>	الربع الثاني	الربع الأول	$\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$	$\theta' = \theta$	+ sin , csc	+ الكل	الربع الثالث	الربع الرابع	$\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$	$\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$	+ tan , cot	+ cos , sec	تذكر
الربع الثاني	الربع الأول													
$\theta' = 180^\circ - \theta$ $\theta' = \pi - \theta$	$\theta' = \theta$													
+ sin , csc	+ الكل													
الربع الثالث	الربع الرابع													
$\theta' = \theta - 180^\circ$ $\theta' = \theta - \pi$	$\theta' = 360^\circ - \theta$ $\theta' = 2\pi - \theta$													
+ tan , cot	+ cos , sec													
التحويل من القياس بالدرجات إلى الراديان و العكس														
<p>راديان \Leftarrow درجات</p> $\frac{180^\circ}{\pi}$ <p>بالضرب في</p>	<p>درجات \Leftarrow راديان</p> $\frac{\pi}{180^\circ}$ <p>بالضرب في</p>	<p>الهاتف الطلابي</p> <p>WWW.STUDENTS-BH</p>												

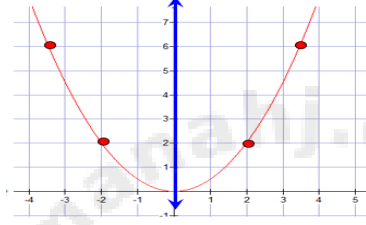
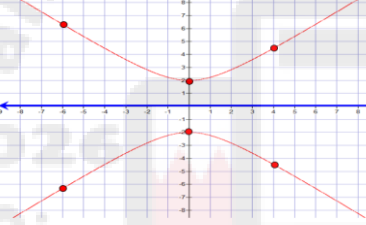
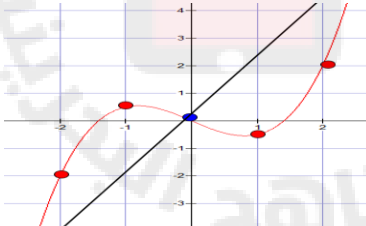
$1 + \cot^2 \theta = \csc^2 \theta$ ومنه نستنتج : $\cot^2 \theta = \csc^2 \theta - 1$ $\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$	$1 + \tan^2 \theta = \sec^2 \theta$ ومنه نستنتج : $\tan^2 \theta = \sec^2 \theta - 1$ $\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$	$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ ومنه نستنتج : $1 - \sin^2 \theta = \cos^2 \theta$ $1 - \cos^2 \theta = \sin^2 \theta$	المتطابقات الرئيسية
$\tan\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cot \theta$	$\cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \sin \theta$	$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) = \cos \theta$	الدوال المثلثية للزاويتين المتتامتين
$\tan(-\theta) = -\tan \theta$	$\cos(-\theta) = \cos \theta$	$\sin(-\theta) = -\sin \theta$	الدوال الزوجية والفردية
$\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \cos x \sin y$ $\cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y$ $\tan(x \pm y) = \frac{\tan x \pm \tan y}{1 \mp \tan x \cdot \tan y}$			المتطابقات المجموع و الفرق
$\tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$ ومنه نستنتج : $\tan 4\theta =$ $\tan \theta =$	$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$ $= 2 \cos^2 \theta - 1$ $= 1 - 2 \sin^2 \theta$ ومنه نستنتج : $\cos 4\theta =$ $\cos \theta =$	$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$ ومنه نستنتج : $\sin 4\theta = 2 \sin 2\theta \cos 2\theta$ $\sin \theta = 2 \sin \frac{1}{2} \theta \cos \frac{1}{2} \theta$	متطابقات ضعف الزاوية
$\tan \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$ ومنه نستنتج : $\tan \theta =$	$\cos \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \theta}{2}}$ ومنه نستنتج : $\cos \theta =$	$\sin \frac{\theta}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{2}}$ ومنه نستنتج : $\sin \theta =$	متطابقات نصف الزاوية

الفصل الثاني : تحليل الدوال

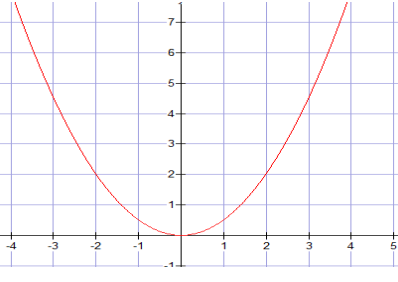
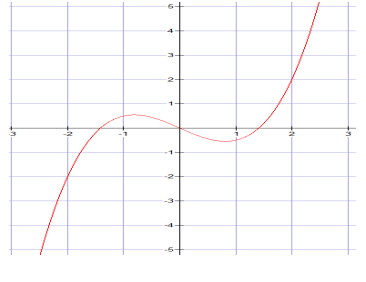
إيجاد مقطعي المحورين

بيانياً	جبرياً	
مقطع X (أصفار أو جذور الدالة)	نعوض عن $y = 0$ ونوجد قيم x	
مقطع Y	نعوض عن $x = 0$	

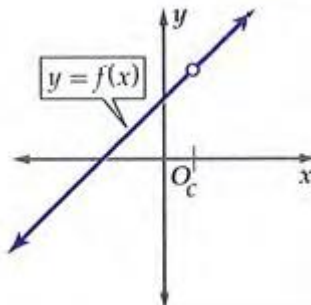
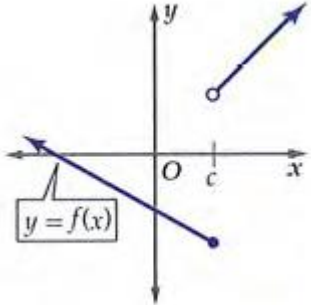
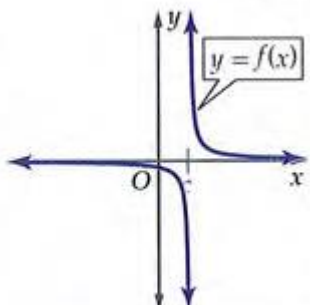
إختبارات التماثل بين الدوال والعلاقات

التماثل	عددياً	من التمثيل البياني	جبرياً
حول محور Y	لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(-x, y)$ واقعة أيضاً عليه		تعويض $-x$ مكان x يعطي معادلة مكافئة
حول محور X	لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(x, -y)$ واقعة أيضاً عليه		تعويض $-y$ مكان y يعطي معادلة مكافئة
حول نقطة الأصل	لكل نقطة (x, y) على المنحنى فإن النقطة $(-x, -y)$ واقعة أيضاً عليه		تعويض $-x$ مكان x و $-y$ مكان y يعطي معادلة مكافئة

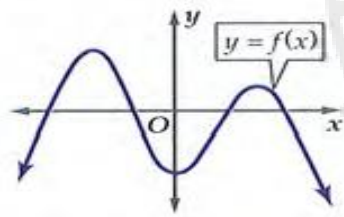
تحديد الدوال الزوجية والفردية

بيانياً	الدالة الزوجية	الدالة الفردية
	متماثلة حول محور Y	متماثلة حول نقطة الأصل
		
جبرياً	$f(-x) = f(x)$	$f(-x) = -f(x)$

أنواع الانفصال

النوع	أولاً : الانفصال النقطي	ثانياً : الانفصال القفزي	ثالثاً : الانفصال اللانهائي
مثال			
	النهاية موجودة عند النقطة لكن إما الدالة غير معرفة عند $x=c$ أو : $\lim_{x \rightarrow c} f(x) \neq f(c)$	النهايتين من اليمين و اليسار موجودتين لكن غير متساويتين	النهاية غير موجودة عند النقطة $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \pm\infty$
هل هي قابلة للإزالة	نعم	لا	لا

اختبار الاتصال



تكون الدالة $f(x)$ متصلة عند $x=c$ إذا تحقق كل مما يلي :

أولاً : الدالة معرفة عند $x=c$ أي $f(c) \in \mathbb{R}$

ثانياً : للدالة نهاية عند $x=c$ أي $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow c^-} f(x) \in \mathbb{R}$

ثالثاً : $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = f(c)$

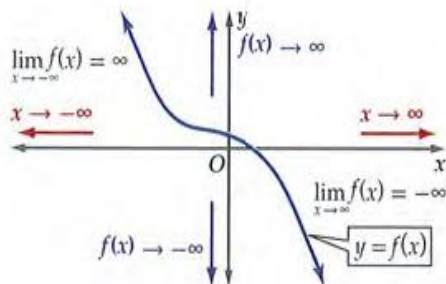
أصفار الدالة تقرب

يكون $x=c$ صفر للدالة $f(x)$ إذا كانت $f(c)=0$

لمعرفة الأعداد الصحيحة المتتالية التي ينحصر بينها الأصفار الحقيقية للدالة في فترة ما :

نعوض عن الأعداد الصحيحة بالدالة وإذا تغيرت قيمة الدالة من موجب لسلاب أو العكس فيكون هناك صفر حقيقي بين هذين العددين الصحيحين

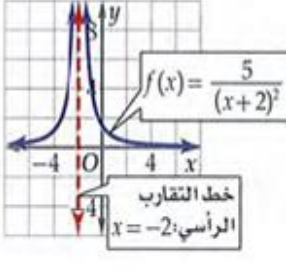
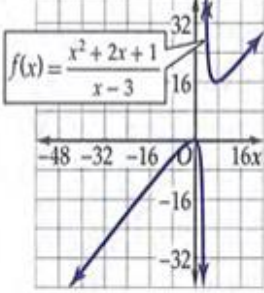
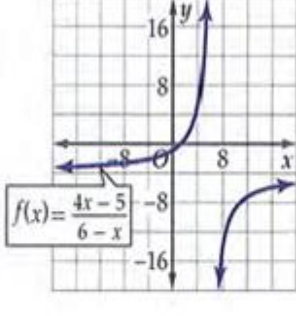
سلوك طرفي التمثيل البياني



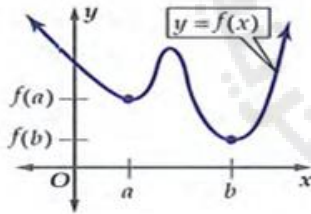
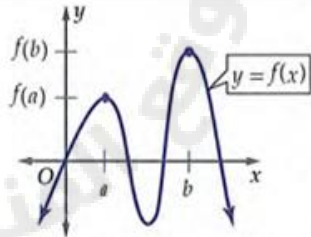
هو وصف قيم الدالة عندما تزداد قيم x أو تنقص بلا حدود

أي عندما تقترب من $-\infty$, ∞

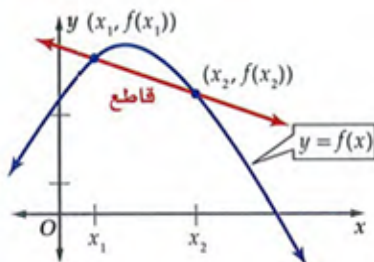
إيجاد خطوط التقارب الرأسية والأفقية

درجة البسط > درجة المقام	درجة البسط < درجة المقام	درجة البسط = درجة المقام	مثال عليها
			
$x = c$ حيث c أحد أصفار المقام			خطوط التقارب الرأسية
$\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = \pm\infty$ أو $\lim_{x \rightarrow c^+} f(x) = \pm\infty$			
يوجد خط تقارب أفقي معادلته $y = 0$	لا يوجد خطوط تقارب أفقية	يوجد خط أفقي معادلته $y = \frac{\text{معامل أكبر أس بالبسط}}{\text{معامل أكبر أس بالمقام}}$	خطوط التقارب الأفقية
$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c$ أو $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = c$			

إيجاد القيم القصوى

			
$f(a)$ صغرى محلية	$f(b)$ صغرى مطلقة	$f(a)$ عظمى محلية	$f(b)$ عظمى مطلقة

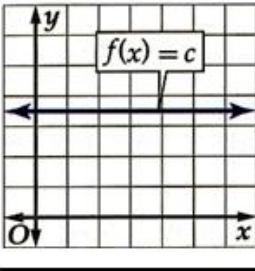
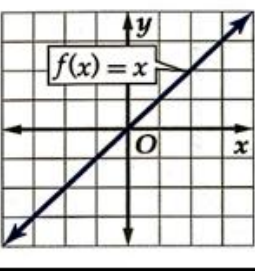
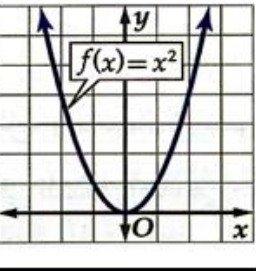
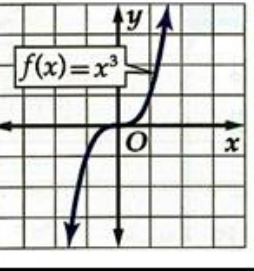
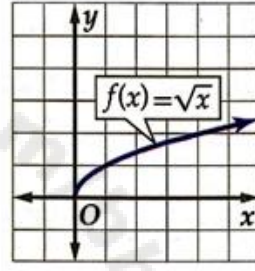
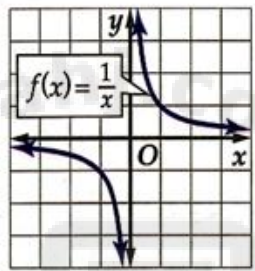
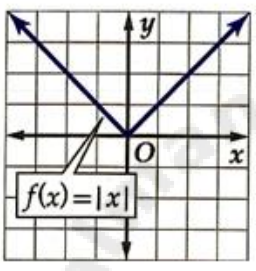
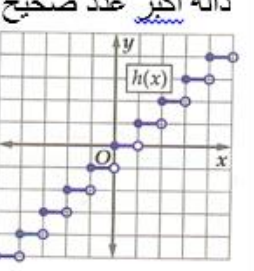
متوسط معدل التغير

متوسط معدل التغير (m) للدالة $f(x)$ في الفترة $[x_1, x_2]$ 

$$m = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$$

الدالة تزايدية \Rightarrow موجب
الدالة تناقصية \Rightarrow سالب

الدوال الأم

النوع	(1) الدالة الثابتة	(2) الدالة الخطية	(3) الدالة التربيعية	(4) الدالة التكعيبية
تمثيلها البياني				
النوع	(5) دالة الجذر التربيعي	(6) دالة المقلوب	(7) دالة القيمة المطلقة	(8) الدالة الدرجية
تمثيلها البياني				

جميع ما يلي هو تحويل للدوال الأم $f(x)$

التحويل	التغير في التمثيل البياني للدالة
التمدد	$g(x) = a \cdot f(x)$ أو $g(x) = f(ax)$ $a > 1$: توسع رأسي (تضييق أفقي) $0 < a < 1$: تضيق رأسي (توسع أفقي)
الانعكاس	$g(x) = -f(x)$: انعكاس حول محور x $g(x) = f(-x)$: انعكاس حول محور y
الانسحاب (الإزاحة)	إزاحة أفقية $f(x \pm h)$: + : إزاحة لليسار ، - : إزاحة لليمين إزاحة رأسية $f(x) \pm k$: + : إزاحة للأعلى ، - : إزاحة للأسفل

التحويلات الهندسية للدوال

صيغة الرأس

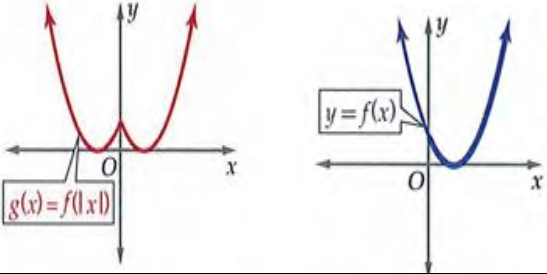
لكتابة الدالة التربيعية $f(x) = ax^2 + bx + c$ بصيغة الرأس وذلك لتحديد التحويلات الهندسية عليها فيكون على الشكل التالي :

$$f(x) = a(x - h)^2 + k \text{ حيث رأس المنحنى هو } (h, k), \text{ و } h = x = \frac{-b}{2a} \text{ و } k = y = f(h)$$

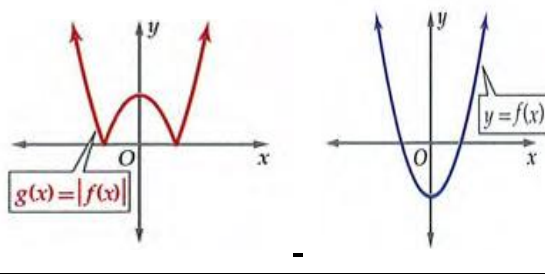
تحويلات القيمة المطلقة

ثانياً : $h(x) = f(|x|)$

نستبدل الجزء الموجود يسار المحور Y بعمل
انعكاس له على محور X

أولاً : $g(x) = |f(x)|$

نستبدل الجزء الموجود أسفل المحور X بعمل
انعكاس له على محور X



العمليات على الدوال

العملية	الجمع (f+g)(x)	الطرح (f-g)(x)	الضرب (f.g)(x)	القسمة (f/g)(x)
النتيجة	$f(x)+g(x)$	$f(x)-g(x)$	$f(x).g(x)$	$\frac{f(x)}{g(x)}$
المجال	تقاطع مجال الدالتين f, g			تقاطع مجال الدالتين f, g ما عدا أصفار المقام g

تركيب الدالتين

f, g دالتين فإن دالة التركيب $f \circ g$ هي : $(f \circ g)(x) = f(g(x))$

مجال دالة التركيب :

قيم x في مجال g بشرط أن تكون صورها $g(x)$ موجودة بمجال f
وبشكل آخر (مجال $g \cap$ مجال الدالة الناتجة من التركيب)

إستراتيجية إيجاد الدالة العكسية

- للدالة $f(x)$ فلإيجاد الدالة العكسية $f^{-1}(x)$ نتبع ما يلي :
- حدد من التمثيل البياني للدالة $f(x)$ وإختبار الخط الأفقي هل يوجد دالة عكسية أم لا .
 - ضع y مكان $f(x)$ (3 \Leftarrow بدل موقع المتغيرين x, y
 - أوجد y بدلالة x (5 \Leftarrow ضع $f^{-1}(x)$ مكان y
 - ضع القيد على الدالة العكسية بحيث يكون مجال $f^{-1}(x)$ = مدى $f(x)$

والعلاقة بين الدالة ودالتها العكسية :

تكون f, g دالة و معكوسها إذا كان : $[f \circ g](x) = x = [g \circ f](x)$

الفصل الثالث : النهايات والإشتقاق

إستراتيجية إيجاد نهاية الدالة جبرياً

إستراتيجية إيجاد نهاية الدالة $f(x)$ عندما $x \rightarrow c$ (أي $\lim_{x \rightarrow c} f(x)$)		
نقوم بالتعويض المباشر للدالة عند هذه النقطة فإذا كان الناتج		
عدد حقيقي وليكن L فإن :	كمية غير معرفة عدد حقيقي غير الصفر 0	كمية غير معينة 0
$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = L$	$\lim_{x \rightarrow c} f(x) = \infty$ أو $-\infty$	نلجأ لتحليل الدالة أو الضرب بالمرافق إذا كانت تحتوي جذور
الدالة لها نهاية عندما $x \rightarrow c$	الدالة ليس لها نهاية عندما $x \rightarrow c$	لا يمكن الحكم على وجود نهاية من عدمه

حساب النهايات عند اللانهاية جبرياً

بعض قواعد النهايات			
دوال القوى (: طبيعي)	دوال كثيرات الحدود	دوال المقلوب	الحدودية النسبية
$\lim_{x \rightarrow \infty} x^n = \infty$	نأخذ النهاية فقط للحد الذي يحتوي على أكبر قوة	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{1}{x^n} = 0$ طبيعي : n	نقسم الحد الذي يحتوي على أكبر قوة على أكبر قوة بالمقام وبعد التبسيط نعوض عن $\pm \infty$
$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = \infty$			
$\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = -\infty$			
n زوجي			
n فردي			

تذكر : نهاية الحودية النسبية $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ عند اللانهاية		
درجة البسط = درجة المقام	درجة البسط < درجة المقام	درجة البسط > درجة المقام
$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = \frac{\text{معامل أكبر اس بالبسط}}{\text{معامل أكبر اس بالمقام}}$	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = \infty$ أو $-\infty$	$\lim_{x \rightarrow \pm \infty} f(x) = 0$

المشتقة باستخدام التعريف

ملاحظة	المشتقة باستخدام التعريف
يرمز للمشتقة أيضاً بـ $y', \frac{dy}{dx}, \frac{df}{dx}$	للدالة $y = f(x)$ فإن مشتقتها $f'(x)$ باستخدام التعريف هي : $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$

قواعد الاشتقاق

بعض تطبيقات الاشتقاق

أولاً	مشتقتها	الدالة
دوال القوة	$f'(x) = n.x^{n-1}$	$f(x) = x^n$
	$f'(x) = c.n.x^{n-1}$	$f(x) = cx^n$
	$f'(x) = 0$	$f(x) = c$

ثانياً	مشتقتها	الدالة
ضرب دالتين	$h'(x) = f(x).g'(x) + g(x).f'(x)$ مشتقة الأولى × الثانية + مشتقة الثانية × الأولى	$h(x) = f(x).g(x)$
قسمة دالتين	$h'(x) = \frac{g(x).f'(x) - f(x).g'(x)}{[g(x)]^2}$ (مشتقة المقام × البسط) - (مشتقة البسط × المقام) المقام تربيع	$h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$

أولاً : ميل المماس للمنحنى

للدالة $y = f(x)$ فإن معادلة ميل المنحنى m هو مشتقة الدالة $m = f'(x)$

ويكون ميل المماس عند $x = a$ هو $m = f'(a)$

ملاحظة : معدل التغير اللحظي لدالة هو أيضاً مشتقة هذه الدالة

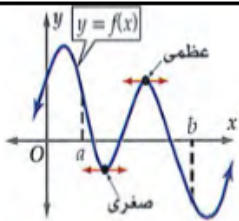
ثانياً : السرعة المتجهة

إذا كانت $f(t)$: المسافة التي يقطعها جسم حيث t : الزمن

تذكر مما سبق (متوسط السرعة المتجهة)	السرعة المتجهة اللحظية
متوسط السرعة المتجهة في الفترة الزمنية من a إلى b هو : $v_{avg} = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$	السرعة المتجهة اللحظية $v(t)$ هي مشتقة المسافة : $v(t) = f'(t)$

ثالثاً : النقاط الحرجة

النقطة الحرجة	إستخدام المشتقة لإيجاد القيم القصوى
تكون النقطة $(x_1, f(x_1))$ نقطة حرجة إذا حققت أحد الشرطين $f'(x_1) = 0$ أو $f'(x_1)$ غير معرف	لأي دالة $f(x)$ متصلة في الفترة $[a, b]$ فإن لها قيمة عظمى أو صغرى إما عند : الطرفين أو النقاط الحرجة ملاحظة : إذا كانت النقطة الحرجة خارج الفترة فلا يتم احتسابها من النقط العظمى أو الصغرى



يستخدم لإيجاد مساحة المنطقة المحصورة بين دالة والمحور X في الفترة $[a, b]$

الأطراف اليمنى
 $x_i = a + i\Delta x$

Δx : طول الفترة الجزئية

$$\Delta x = \frac{b - a}{n}$$

b : الحد الأعلى

a : الحد الأدنى

$$\int_a^b f(x).dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n f(x_i)\Delta x$$

قانون التكامل المحدد باستعمال النهايات
(مجموع ريمان الأيمن)

$$(1) \sum_{i=1}^n c = cn$$

$$(2) \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$

صيغة المجموع Σ

$$(3) \sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$(3) \sum_{i=1}^n i^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$$

التكامل المحدد

قواعد التكامل غير المحدد (إيجاد الدوال الأصلية)

تعرف أيضاً بـ
النظرية الأساسية في
التفاضل والتكامل

$$\int_a^b f(x).dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a)$$

حيث :

$F(x)$: دالة أصلية للدالة $f(x)$

تكامليها $F(x)$ \longleftrightarrow الدالة $f(x)$

$$\int x^n . dx$$

$$\frac{x^{n+1}}{n+1} + c$$

ملاحظة :

عدد نسبي n :
 $n \neq -1$

$$\int k x^n . dx$$

$$\frac{k x^{n+1}}{n+1} + c$$

c, k : ثابت
(عدد حقيقي)

$$\int k . dx$$

$$kx + c$$

قواعد التكامل

المسافة
(الإزاحة)
 $s(t)$

بالاشتقاق

السرعة المتجهة
اللحظية
 $v(t) = s'(t)$

بالتكامل

الدالة
 $f(x)$

بالاشتقاق

ميل المماس
 $m = f'(x)$

بالتكامل

العلاقة بين التفاضل والتكامل

(3) عند أقصى ارتفاع
تكون السرعة = صفر

(2) إذا رجع الجسم لنقطة البداية
فإن الإزاحة = صفر

(1) في بداية الحركة
يكون الزمن = صفر

ملاحظات
فيزيائية