

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج البحرينية



*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12>

* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12math>

* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الثاني اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/12math2>

* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر اضغط هنا

<https://almanahj.com/bh/grade12>

[almanahjbhbot/me.t//:https](https://t.me/almanahjbhbot)

للتحدث إلى بوت على تلغرام: اضغط هنا

مملكة البحرين

وزارة التربية والتعليم

إدارة الامتحانات/ قسم الامتحانات

امتحان الفصل الدراسي الثاني للتعليم الثانوي للعام الدراسي ٢٠١٢ - ٢٠١٣ م

المسار: توحيد المسارات

الزمن: ساعتان

نموذج الإجابة

اسم المقرر: الرياضيات ٥

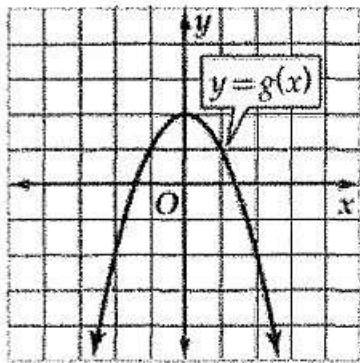
رمز المقرر: رياض ٣٦٣

أجب عن جميع الأسئلة الآتية وعددها (٦) ، موضحاً خطوات حلك في الأسئلة من الثاني إلى السادس

السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي ، علماً بأنه توجد إجابة صحيحة واحدة من بين البدائل

(١٨ درجة)
درجتين لكل فقرة

الأربع التي تلي كل فقرة .

١ أي مما يأتي يمثل $\{x \mid 3 \leq x < 8, x \in \mathbb{R}\}$ بصورة فترة ؟(A) $[3, 8]$ (B) $(3, 8)$ (C) $[3, 8)$ (D) $(3, 8]$ ٢ ما مجال $f(x) = \frac{x-2}{\sqrt{3x+3}}$ ؟(A) $[-1, \infty)$ (B) $(-2, \infty)$ (C) $[-2, \infty)$ (D) $(-1, \infty)$ ** اعتماداً على التمثيل البياني المجاور لـ $g(x) = 4 - x^2$ ،

أجب عن كل من الفرعين ٣ ، ٤ الآتيين :

٣ الدالة g تكون متزايدة في :(A) $(0, \infty)$ (B) $(4, \infty)$
(C) $(-\infty, 0)$ (D) $(-\infty, 4)$ ٤ ما مدى الدالة g ؟(A) $\{y \mid y \leq 4, y \in \mathbb{R}\}$ (B) $\{y \mid y < 4, y \in \mathbb{R}\}$ (C) $\{y \mid y \geq 4, y \in \mathbb{R}\}$ (D) $\{y \mid y > 4, y \in \mathbb{R}\}$

5 ما قيمة متوسط معدل التغير لـ $f(x) = x^4 + 4$ في الفترة $[0, 2]$ ؟

- (A) 8 (B) 10 (C) 16 (D) 20

6 ما قيمة $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x - 4}{x^2 + x}$ ؟

- (A) 0 (B) -1 (C) -2 (D) -4

7 يُبين الجدول المجاور التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X ،

X	0	2	5
P(X)	0.3	0.5	0.2

ما قيمة التوقع $E(X)$ ؟

- (A) 1 (B) 2 (C) 2.3 (D) 7

8 في تجربة إلقاء قطعة نقد منتظمة 16 مرة متتالية ، إذا دل المتغير العشوائي X على عدد مرات ظهور الصورة ، فما قيمة الانحراف المعياري في هذه التجربة ؟

- (A) 8 (B) 4 (C) 2 (D) 1

9 إذا أجاب أحد الطلبة عن جميع فقرات السؤال الأول من هذا الامتحان عشوائيًا ودون أي تفكير بالحل ، فما احتمال أن يحصل على 10 درجات بالضبط عن هذا السؤال ؟

- (A) ${}_{10}C_9(0.5)^9(0.5)$ (B) ${}_9C_5(0.5)^4(0.5)^5$ (C) ${}_9C_5(0.25)^5(0.75)^4$ (D) ${}_{10}C_5(0.25)^4(0.75)^5$

(١٧ → ١٧)

السؤال الثاني:

(١) أثبت جبرياً أن كلا من الدالتين f, g تمثل دالة عكسية للأخرى، حيث:

$$f(x) = 20 - 4x, \quad g(x) = 5 - \frac{x}{4}$$

$$\begin{aligned} (f \circ g)(x) &= f(g(x)) \quad (1) \\ &= f\left(5 - \frac{x}{4}\right) \quad (1) \\ &= 20 - 4\left(5 - \frac{x}{4}\right) \quad (1) \\ &= 20 - 20 + x \quad (1) \\ &= x \quad (1) \end{aligned}$$

إذا كنت بأسره
نميل الحل



$$\begin{aligned} (g \circ f)(x) &= g(f(x)) \quad (1) \\ &= g(20 - 4x) \quad (1) \\ &= 5 - \frac{(20 - 4x)}{4} \quad (1) \\ &= 5 - 5 + x \quad (1) \\ &= x \quad (1) \end{aligned}$$

نقني في هنا

مربعك ثانية:

بكون ايجاد $f^{-1}(x)$
كل واحد على $g^{-1}(x)$
5 دونه في كل واحد

$\therefore f^{-1} = g$ و $g^{-1} = f$

(٢) أوجد مشتقة $f(x) = 4x^2 - 3$ باستخدام التعريف.



$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \quad (1)$$

إذا استمر
توالدها
بأجد دونه

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4(x+h)^2 - 3 - (4x^2 - 3)}{h} \quad (1)$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4x^2 + 8xh + 4h^2 - 3 - 4x^2 + 3}{h} \quad (1)$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{8xh + 4h^2}{h} \quad (1)$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(8x + 4h)}{h} = 8x \quad (1)$$

(١٧ درجة)

السؤال الثالث :

أوجد كلاً مما يأتي (إن وجد / إن وجدت) :
 إذا كتب $\frac{0}{0}$ ولم يكون له الحاصل على شيء

A) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^3 - x^2 + 5x}{x}$

$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(2x^2 - x + 5)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} (2x^2 - x + 5) = 5$

B) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x} - 2}{x - 2}$

$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x} - 2}{x - 2} \times \frac{\sqrt{2x} + 2}{\sqrt{2x} + 2}$

$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x - 4}{(x - 2)(\sqrt{2x} + 2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2(x - 2)}{(x - 2)(\sqrt{2x} + 2)}$

$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2}{\sqrt{2x} + 2} = \frac{2}{2 + 2} = \frac{1}{2}$

إذا كتب $\frac{0}{0}$ في النوع A, B
 ولم يكن له الحاصل على شيء
 فنحن نضرب بسوية

C) $\int (4x^7 + \frac{2}{x^4} - 5\sqrt{x} + 1) dx$

$= \int (4x^7 + 2x^{-4} - 5x^{\frac{1}{2}} + 1) dx$

$= 4 \frac{x^8}{8} + 2 \frac{x^{-3}}{-3} - 5 \frac{x^{\frac{3}{2}}}{\frac{3}{2}} + x + C$

$= \frac{x^8}{2} - \frac{2}{3x^3} - \frac{10}{3} \sqrt{x^3} + x + C$

D) $\int_1^2 10t^4 dt$

$= 10 \frac{t^5}{5} \Big|_1^2 = 2t^5 \Big|_1^2$

$= 64 - 2 = 62$

السؤال الرابع:

إذا كتبنا $\ln x$ و $\ln x^2$ فكل واحد منهما $\sim \ln x$ (١) إذا كان $f(x) = \frac{2x}{x^4+2}$ ، فأوجد $f'(1)$

$$f'(x) = \frac{(x^4+2)(2) - (2x)(4x^3)}{(x^4+2)^2}$$

$$f'(1) = \frac{(1+2)(2) - (2)(4)}{(1+2)^2}$$

دالة واحدة للسطح

$$= \frac{6 - 8}{9}$$

$$= \frac{-2}{9}$$

إذا شقنا $\ln x$
 $\ln x^2 <$
 $\ln x$
 $\ln x^2 = 2 \ln x$
 $\ln x^2 >$
 $\ln x$

(٢) أوجد نقاط القيم العظمى والصغرى لـ $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x$ في الفترة $[0, 3]$

$$f'(x) = 3x^2 - 6x + 3$$

$$3x^2 - 6x + 3 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (x-1)(x-1) = 0$$

$$\Rightarrow x = 1 \in [0, 3]$$

$$f(0) = 0 \Rightarrow (0, 0) \text{ صغرى}$$

$$f(1) = 1$$

$$f(3) = 9 \Rightarrow (3, 9) \text{ عظمى}$$

أي صفاً من الاستثنائي كسر الدرجة

(أما عند $x=3$)
 لا يمكن التحليل

(١٥ درجة)

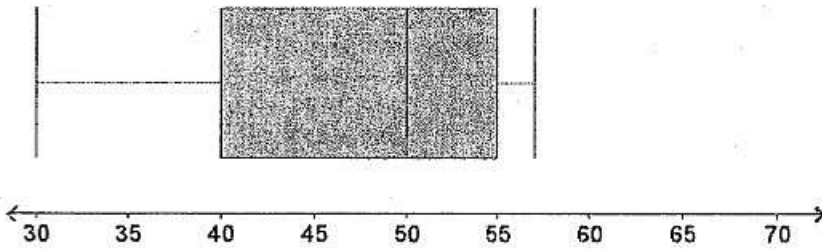
السؤال الخامس :

أعداد الطلبة الخريجين				
50	51	56	50	50
52	54	57	38	55
55	39	30	48	40

(١) يُبين الجدول وشكل الصندوق وطرفيه المجاورين توزيعاً لأعداد الطلبة الخريجين من إحدى الكليات الجامعية خلال فترة 15 سنة متتالية ، اعتمدهما للإجابة عن كل مما يأتي :

أولاً : صف شكل التوزيع لأعداد الطلبة الخريجين .

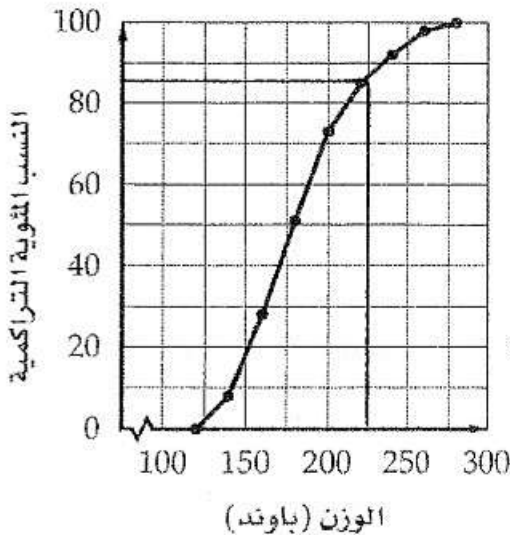
التوزيع ذو التواء سالب



ثانياً : لخص تمركز البيانات وتشتتها باستخدام الوسط والانحراف المعياري ، أو باستعمال المقاييس الخمسة ، وبرر إجابتك .

فما أن التوزيع ملتوياً ، لتعمل المقاييس الخمسة ، حيث
 القيمة الصغرى = 30 ، القيمة العظمى = 57
 $Q_1 = 40$ ، $Q_2 = 50$ ، $Q_3 = 55$

وبدل ذلك على أن أعداد الخريجين تراوحت بين 30 و 57
 وكان الوسط لها يساوي 50
 وكان نصفها يقع بين 40 و 55



(٢) استعمل الشكل المجاور الذي يُبين المنحنى المئيني لأوزان مجموعة من مواليد الأبقار في إحدى المزارع ؛ لتقدير الرتبة المئينية للوزن 225 lb ضمن هذا التوزيع ، وفسّر معناه .

الوزن 225 lb يقابل المئين 86 تقريباً
 وهذا يعني أن حولود البقرة الذي يزن 225 lb يكون وزنه أعلى منه أوزان 86% منه
 مواليد الأبقار في تلك المزرعة

ملاحظة : تقدير المئين بقيمة تقع ضمن [84, 88] يعتبر إجابة صحيحة .

ملاحظة: استعمل جدول التوزيع الطبيعي المعياري المرفق في الصفحة (٨) للإجابة عن السؤال التالي.

(١٥) (٥ د.ج)

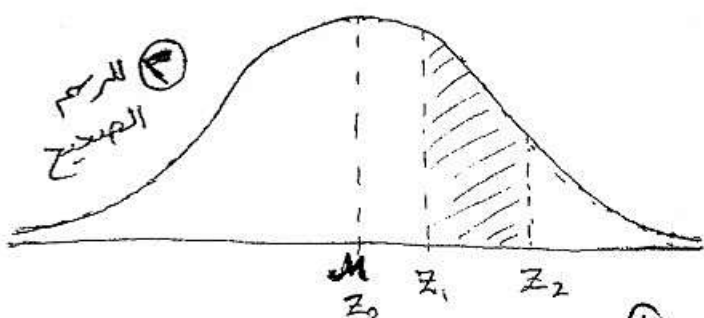
السؤال السادس:

قام باحث بإجراء دراسة تتعلق بأطوال عيّنة من المراهقين في مجتمع ما ، فوجد أنها تتوزع طبيعيًا

بوسط 165 cm ، وانحراف معياري 7 cm .

ارسم شكلاً يوضح المساحة تحت المنحنى الطبيعي المعياري المرتبطة بنسبة الأطوال التي تقع بين 175 cm ،

و 185 cm ، ثم أوجد هذه النسبة إلى أقرب جزء من مئة .



$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \quad (3)$$

$$Z_1 = \frac{175 - 165}{7} \approx 1.43 \quad (1)$$

$$Z_2 = \frac{185 - 165}{7} \approx 2.86 \quad (1)$$

من الجدول :

$$(5) \quad 0.4236 = \text{المساحة المقابلة لـ } Z_1$$

$$(5) \quad 0.4979 = \text{المساحة المقابلة لـ } Z_2$$

∴ نسبة الأطوال التي تقع بين 175 ، 185

$$= 0.4979 - 0.4236 \quad (5)$$

$$= 0.0743 \quad \text{or} \quad 7.43\% \quad (1)$$

$$\approx 0.07 \quad \text{or} \quad 7\%$$

﴿ انتهت الإجابة ﴾

تراعى الطول الأخرى إن وجدت

المرفقات

Table	جدول التوزيع الطبيعي المعياري									
	The Standard Normal Distribution									
z	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
0.0	.0000	.0040	.0080	.0120	.0160	.0199	.0239	.0279	.0319	.0359
0.1	.0398	.0438	.0478	.0517	.0557	.0596	.0636	.0675	.0714	.0753
0.2	.0793	.0832	.0871	.0910	.0948	.0987	.1026	.1064	.1103	.1141
0.3	.1179	.1217	.1255	.1293	.1331	.1368	.1406	.1443	.1480	.1517
0.4	.1554	.1591	.1628	.1664	.1700	.1736	.1772	.1808	.1844	.1879
0.5	.1915	.1950	.1985	.2019	.2054	.2088	.2123	.2157	.2190	.2224
0.6	.2257	.2291	.2324	.2357	.2389	.2422	.2454	.2486	.2517	.2549
0.7	.2580	.2611	.2642	.2673	.2704	.2734	.2764	.2794	.2823	.2852
0.8	.2881	.2910	.2939	.2967	.2995	.3023	.3051	.3078	.3106	.3133
0.9	.3159	.3186	.3212	.3238	.3264	.3289	.3315	.3340	.3365	.3389
1.0	.3413	.3438	.3461	.3485	.3508	.3531	.3554	.3577	.3599	.3621
1.1	.3643	.3665	.3686	.3708	.3729	.3749	.3770	.3790	.3810	.3830
1.2	.3849	.3869	.3888	.3907	.3925	.3944	.3962	.3980	.3997	.4015
1.3	.4032	.4049	.4066	.4082	.4099	.4115	.4131	.4147	.4162	.4177
1.4	.4192	.4207	.4222	.4236	.4251	.4265	.4279	.4292	.4306	.4319
1.5	.4332	.4345	.4357	.4370	.4382	.4394	.4406	.4418	.4429	.4441
1.6	.4452	.4463	.4474	.4484	.4495	.4505	.4515	.4525	.4535	.4545
1.7	.4554	.4564	.4573	.4582	.4591	.4599	.4608	.4616	.4625	.4633
1.8	.4641	.4649	.4656	.4664	.4671	.4678	.4686	.4693	.4699	.4706
1.9	.4713	.4719	.4726	.4732	.4738	.4744	.4750	.4756	.4761	.4767
2.0	.4772	.4778	.4783	.4788	.4793	.4798	.4803	.4808	.4812	.4817
2.1	.4821	.4826	.4830	.4834	.4838	.4842	.4846	.4850	.4854	.4857
2.2	.4861	.4864	.4868	.4871	.4875	.4878	.4881	.4884	.4887	.4890
2.3	.4893	.4896	.4898	.4901	.4904	.4906	.4909	.4911	.4913	.4916
2.4	.4918	.4920	.4922	.4925	.4927	.4929	.4931	.4932	.4934	.4936
2.5	.4938	.4940	.4941	.4943	.4945	.4946	.4948	.4949	.4951	.4952
2.6	.4953	.4955	.4956	.4957	.4959	.4960	.4961	.4962	.4963	.4964
2.7	.4965	.4966	.4967	.4968	.4969	.4970	.4971	.4972	.4973	.4974
2.8	.4974	.4975	.4976	.4977	.4977	.4978	.4979	.4979	.4980	.4981
2.9	.4981	.4982	.4982	.4983	.4984	.4984	.4985	.4985	.4986	.4986
3.0	.4987	.4987	.4987	.4988	.4988	.4989	.4989	.4989	.4990	.4990