

## ملف أعمال الطالب التدريبات والأنشطة والإثراءات رياض 152



تم تحميل هذا الملف من موقع مناهج مملكة البحرين

موقع المناهج ← مناهج مملكة البحرين ← الصف الأول الثانوي ← رياضيات ← الفصل الثاني ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2026-02-24 10:10:59

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب الاختبارات الكترونية الاختبارات ا حلول ا عروض بوربوينت ا أوراق عمل  
منهج انجليزي ا ملخصات وتقارير ا مذكرات وبنوك ا الامتحان النهائي للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: محمود عاشور

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الأول الثانوي



صفحة مناهج مملكة  
البحرين على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

المزيد من الملفات بحسب الصف الأول الثانوي والمادة رياضيات في الفصل الثاني

الملخص الذهبي مراجعة المصفوفات والمحددات 2025-2026م غير محلول

1

حلول الملخص الذهبي مراجعة المصفوفات والمحددات 2025-2026م

2

الدروس المقررة ف2 لعام 2025 و 2026م

3

مراجعة الامتحان النهائي بدون حل

4

مراجعة الامتحان النهائي الإجابة النموذجية

5



مدرسة الرفاع الشرقي الثانوية للبنين

قسم الرياضيات

رؤية المدرسة جودة في التعليم - بيئة تربوية محفزة - جيلٌ مبدع متميز

ملف أعمال الطالب

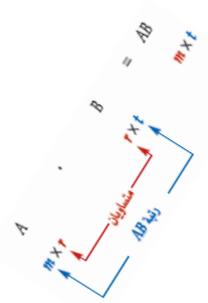
## التدريبات والأنشطة والإجراءات

ويض (152)

الفصل الدراسي الثاني

للعام الدراسي 2025-2026 م

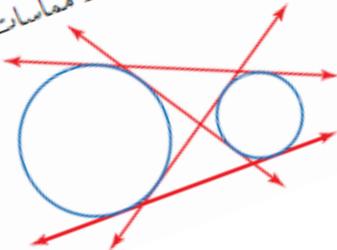
اعداد وتجميع أ / محمود عاشور



عزيزي الطالب : كراسة التدريبات لا تغني عن الكتاب المدرسي وانما هي داعمه ومساندة للتعليم والتعلم

اسم الطالب	الشعبة

هاتان الدائرتان لهما 4 مماسات مشتركة.



التمثيل	بالرموز
	$\sin A = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{a}{c}$
	$\sin B = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{b}{c}$
	$\cos A = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{b}{c}$
	$\cos B = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{a}{c}$
	$\tan A = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{a}{b}$
	$\tan B = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{b}{a}$

## بطاقة هوية الطالب والاتفاقية

..... / الشعبة /

..... / أسم الطالب /

أتعهد أنا الطالب / ..... رقم اكايمي / ..... شعبة ..... مقرر **رياض 152**

أتعهد أنا معلم الرياضيات بالالتزام بالتالي:			أتعهد أنا الطالب بالالتزام بالآتي:			
❖ تعريف الطالب بالمقرر من اليوم الأول.	❖ تعريف الطالب بنظام توزيع الدرجات الخاصة بالمقرر ومواعيد تسليم المتطلبات.	❖ التقويم العادل للطلاب ومعاملتهم بالمثل.	❖ التنوع في طرق التدريس بما يحقق فهم الطالب للمقرر واستيعابه الجيد له.	❖ شرح وتوضيح المقرر للطلاب والانتهاج منه قبل موعد الامتحان النهائي.	❖ الاطلاع على درجات الاختبارات والتقويم المتنوعة	❖ الالتزام بموعد الحصة والتواجد داخل الصف قبل دخول المعلم، وعدم التأخر.
❖ الالتزام بالهدوء وحسن الانصات أثناء الدرس.	❖ الالتزام بالنظافة والنظام وحسن الترتيب والمحافظة على ممتلكات المدرسة	❖ أن أوفر جميع متطلبات الحصة من أدوات.	❖ الدخول المتأخر للحصة سيكون ببطاقة من المشرف.	❖ عدم الخروج أثناء الحصة إلا للضرورة، والرجوع بسرعة.	❖ الاحترام المتبادل بيني وبين المعلم، وبين الطلاب زملائي .	❖ أداء الواجبات والمهام والاستعداد الجيد للمهام المطلوبة.
❖ الالتزام بمواعيد تسليم المهمات في الوقت المحدد لها، وفي حال عدم التسليم في الوقت	❖ تخصم من الدرجة.	❖ عدم استعمال الهاتف أثناء الحصة				
متابعة أعمال الطالب	نوع المتابعة	اختبار (1)	اختبار (2)	الاعمال الكتابية (1)	الاعمال الكتابية (2)	الاعمال الكتابية (3)
	الدرجة ( التقدير )					
	التاريخ					

### المحتوى العلمي المطلوب لمقرر رياض 152 للفصل الدراسي الثاني من العام الدراسي 2026/2025م

المسار: لوحد المسارات  
الصف: الأول الثانوي

المادة/اسم المقرر:رياضيات / رياض 152  
اسم الكتاب: الرياضيات 2

الملاحظات	رقم الأسبوع	الصفحة (من - إلى)	عنوان الدرس ورقمه	الفصل (الوحدة)
	1	18 - 12	1 - 1 مقدمة في المصفوفات	1
	1	25 - 20	1 - 2 العمليات على المصفوفات	
	2	33 - 26	1 - 3 ضرب المصفوفات	
	3	42 - 35	1 - 4 المحددات وقاعدة كرامر	
	4	64 - 54	2 - 1 المساحة ونقطة المنتصف	2
	5	89 - 79	2 - 3 حساب الظل	
	6	97 - 90	2 - 4 زوايا الارتفاع والانخفاض	
	7	107 - 98	2 - 5 قانون الجيب وقانون جيب التمام	
	8	128 - 120	3 - 1 الدائرة ومحيطها	3
	9	137 - 129	3 - 2 قياس الزوايا والأضراس	
	10	145 - 138	3 - 3 الأضراس والوتر	
	11	154 - 147	3 - 4 الزوايا المحيطية	
	12	162 - 155	3 - 5 المقامات	
	13	169 - 164	3 - 6 معادلة الدائرة	

الطرف الثالث (ولي الأمر)

الطرف الثاني (المعلم)

الطرف الأول (الطالب)

**عزيزنا ولي الأمر** يمكنك التواصل مع المعلم ولقاءه وزيارة المدرسة خلال الساعات المدرسية المحددة من قبل الإدارة. يشكر قسم الرياضيات تعاونكم ويرحب بكم دوماً ويتمنى لكم ولأبنائكم النجاح والتوفيق.

مدير المدرسة  
أ. مفلح محمد عبدالله

المعلم الأول  
أ. محمود عاشور

بعض المصفوفات لها تسميات خاصة.



<p>مثال: إذا كانت <math>A = \begin{bmatrix} 3 &amp; 4 &amp; 1 &amp; 6 \\ -2 &amp; 5 &amp; 0 &amp; 5 \end{bmatrix}</math> أجب عن:</p> <p>(أ) رتبة المصفوفة؟ ونوعها</p> <p>(ب) أوجد قيمة العناصر:</p> <p><math>a_{21} =</math> <math>a_{13} =</math></p> <p><math>a_{24} =</math> <math>a_{31} =</math></p>	<p>تدريب(1): إذا كان <math>A = \begin{bmatrix} 8 &amp; -3 \\ 6 &amp; 10 \end{bmatrix}</math> فأجب عن:</p> <p>(أ) رتبة المصفوفة؟ ونوعها</p> <p>(ب) أوجد قيمة:</p> <p><math>a_{21} =</math> <math>a_{11} =</math></p> <p><math>a_{23} =</math> <math>a_{22} =</math></p>
<p>إذا كانت <math>B = [2 \quad -6 \quad 3]</math> أجب عن:</p> <p>(أ) رتبة المصفوفة؟ ونوعها</p> <p>(ب) أوجد قيمة العناصر:</p> <p><math>b_{11} =</math> <math>b_{13} =</math></p>	<p>إذا كان <math>C = \begin{bmatrix} f &amp; 3 \\ g &amp; -2 \\ y &amp; 7 \end{bmatrix}</math> فأجب عن:</p> <p>(أ) رتبة المصفوفة؟ ونوعها</p> <p>(ج) أوجد قيمة:</p> <p><math>c_{21} =</math> <math>c_{32} =</math></p>
<p>مثال: حل <math>\begin{bmatrix} 3x &amp; y-2 \\ 4 &amp; 2z-1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 &amp; 18 \\ 4 &amp; 23 \end{bmatrix}</math></p>	<p>حل <math>\begin{bmatrix} 5x &amp; y+3 \\ 11 &amp; 23 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -15 &amp; -5 \\ 11 &amp; 3z+8 \end{bmatrix}</math></p>

$$\begin{bmatrix} 2x - y \\ 10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 3y + 1 \end{bmatrix} \text{ مثال: حل}$$

$$[4a - b \quad 2a] = [10 \quad a + 2] \text{ تدريب(2): حل}$$

مثال: ثلاثة مخازن لتوريد التمور، الأول فيه 2000kg (خلاص)، و1200kg (برحي)، و500kg (سكري). والثاني فيه 3000kg (خلاص)، و1175kg (برحي)، و22250kg (سكري). والثالث فيه 2750kg (خلاص)، و1500kg (خلاص)، و1500kg (برحي)، و1700kg (سكري).  
(أ) نظم البيانات في مصفوفة.  
(ب) ما مرتبة المصفوفة؟

(ج) ماذا يمثل مجموع عناصر كل عمود؟

(د) ماذا يمثل مجموع عناصر كل صف؟

$$\begin{bmatrix} 4x - 3 & 3y \\ 7 & 13 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & -15 \\ 7 & 2z + 1 \end{bmatrix} :$$

تدريب طلابي : حل المعادلة

أوجد قيمة مما يأتي :

$$\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 7 \\ 14 & -9 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -6 & 9 \\ 7 & -11 \\ -8 & 17 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 12 & -5 \\ -8 & -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -6 & 11 \\ -7 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 13 & -6 \\ 3 & -17 & 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -2 & -18 & 8 \\ 2 & -11 & 0 \end{bmatrix}$$

مثال: إذا كان  $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} 2 & 6 \\ 0 & -8 \end{bmatrix}$  فأوجد ناتج:

1)  $A + B =$

2)  $3A - 2C =$

تدريب(1): إذا كان  $A = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 5 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 10 & 8 & 0 \\ -2 & -6 & 4 \end{bmatrix}$  فأوجد ناتج:

1)  $2A + \frac{1}{2}B =$

2)  $\frac{1}{2}(B - A) =$

أوجد ناتج كل مما يأتي ( كلما امكن ذلك )

$-\frac{3}{4} \begin{bmatrix} 12 & -16 \\ 15 & 8 \end{bmatrix}$	<p>إذا كانت <math>T = \begin{bmatrix} 8 &amp; 0 &amp; 3 &amp; -2 \\ -1 &amp; -4 &amp; -2 &amp; 9 \end{bmatrix}</math> ، فأوجد <math>-4T</math></p>
$\begin{bmatrix} 9 & 5 \\ -2 & 16 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -6 & -3 & 7 \\ 12 & 2 & -4 \end{bmatrix}$	$-2 \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 0 \\ 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 10 \\ 18 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} -8 & 2 & 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 11 & -7 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 9 & -8 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 12 & 2 \end{bmatrix}$
$7 \begin{bmatrix} 2 & -1 & 8 \\ 4 & 7 & 9 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} -1 & 4 & -3 \\ 7 & 2 & -6 \end{bmatrix}$	<p>إذا كانت: <math>A = \begin{bmatrix} -5 &amp; 3 \\ 6 &amp; -8 \\ 2 &amp; 9 \end{bmatrix}</math> ، <math>B = \begin{bmatrix} 12 &amp; 5 \\ 5 &amp; -4 \\ 4 &amp; -7 \end{bmatrix}</math> ،  أوجد المصفوفة F والتي تحقق المعادلة : <math>3F+A-2B=0</math></p>

استعمل المصفوفات:  $A = \begin{bmatrix} 6 & -4 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}$  ,  $B = \begin{bmatrix} 8 & -1 \\ -2 & 7 \end{bmatrix}$  ,  $C = \begin{bmatrix} -4 & -6 \\ 12 & -7 \end{bmatrix}$  : كلُّ مما يأتي:  
 (7)  $4B - 2A$  (8)  $-8C + 3A$

إذا كانت:  $A = \begin{bmatrix} -5 & 3 \\ 6 & -8 \\ 2 & 9 \end{bmatrix}$  ,  $B = \begin{bmatrix} 12 & 5 \\ 5 & -4 \\ 4 & -7 \end{bmatrix}$  ، فأوجد  $-6B + 7A$  .

**تحذُّر:** إذا كانت:

$A = \begin{bmatrix} -3 & -4 \\ 8 & 6 \end{bmatrix}$  ,  $B = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 2 & -4 \end{bmatrix}$  ,  $3A - 4B + 6C = \begin{bmatrix} 13 & 22 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$  ، فأوجد عناصر المصفوفة C.

**تحذ (2)** كون المصفوفة  $A_{3 \times 2}$  حيث:  $a_{ij} = \begin{cases} 5 & , i = j \\ 2i + j & , i \neq j \end{cases}$

(1) حدد ما إذا كانت عملية الضرب معرفة فيما يأتي، وإن كانت كذلك فأوجد رتبة المصفوفة الناتجة:

1)  $A_{2 \times 3} \cdot B_{3 \times 1}$

2)  $P_{3 \times 1} \cdot M_{2 \times 3}$

3)  $H_{3 \times 2} \cdot G_{2 \times 3}$

(2) أوجد حاصل ضرب كل مما يأتي إن أمكن:

1)  $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} =$

2)  $\begin{bmatrix} -5 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 \\ 4 \end{bmatrix} =$

3)  $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 3 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & -2 & 7 \\ 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} =$

4)  $\begin{bmatrix} 3 \\ -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 6 & 3 \end{bmatrix}$

5)  $\begin{bmatrix} 4 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 11 \end{bmatrix}$

5)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 0 \\ 8 \end{bmatrix} =$

(1) اذا كانت  $P = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$  ،  $Q = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$  ، هل العلاقة  $PQ = QP$  صحيحة؟ وماذا تستنتج؟

مستخدماً النتائج السابقة أوجد المصفوفة A والتي تحقق المعادلة :  $3A - QP = 0$

(12) حل المعادلة المصفوفية:

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & 1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 2 & y-1 \\ z-1 & 4 & 16 \end{bmatrix}$$

إذا كان  $A = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ -3 & -4 \end{bmatrix}$  ،  $B = \begin{bmatrix} -7 & 5 \\ 5 & -4 \end{bmatrix}$  ،  $C = \begin{bmatrix} -4 & 7 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$  ،  
فأوجد ناتج  $AB - AC$

## تطبيقات حياتية على ضرب المصفوفات

تقسيمات الأبنية السكنية			
المبنى	غرفة بسريير واحد	غرفة بسرييرين	جناح
1	3	2	2
2	2	3	1
3	4	3	0

(29) عقارات، لدى مؤسسة عقارية 3 مبانٍ للإيجار، ويبين الجدول المجاور تقسيمات هذه الأبنية. إذا كانت الأجرة اليومية للغرفة التي تحوي سريرًا واحدًا BD 22، وللغرفة التي تحوي سريرين BD 25، وللجناح BD 36.

(a) اكتب مصفوفة تمثل تقسيمات الأبنية، ثم اكتب مصفوفة أسعار الغرف.

(b) . أوجد مصفوفة حاصل الضرب التي تمثل الدخل اليومي للمؤسسة في حال تأجير كل الغرف، ثم أوجد مقدار الدخل اليومي الكلي

تدريب: يبين الجدول المجاور عدد المشتركين في دورات اللياقة البدنية في المستويين الأول والثاني. إذا كانت رسوم الاشتراك الشهري BD110، ورسوم الاشتراك لستة أشهر BD165، ورسوم الاشتراك لسنة BD439. (A) اكتب مصفوفة عدد الأشخاص المسجلين في المستويات كلها، ومصفوفة رسوم الاشتراك. (B) أوجد المبلغ الكلي الذي يحصل عليه المركز من اشتراكات المستويين الأول والثاني.

عدد المشتركين في دورات اللياقة البدنية		
الاشتراك	المستوى الأول	المستوى الثاني
الشهري	35	28
ستة أشهر	32	17
السنوي	18	12

(1) أوجد قيمة كل محدد مما يأتي:

1)  $\begin{vmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 10 \end{vmatrix}$

2)  $\begin{vmatrix} 5 & 7 \\ -6 & 2 \end{vmatrix}$

ما هي قيمة  $y$  التي تجعل قيمة المحدد  $\begin{vmatrix} 3 & 5 \\ 2 & y \end{vmatrix}$  تساوي 8 ؟

(2) أوجد قيمة كل محدد مما يأتي:

1)  $\begin{vmatrix} 2 & -4 & 1 \\ 3 & 0 & 9 \\ -1 & 5 & 7 \end{vmatrix}$

2)  $\begin{vmatrix} 2 & 7 & -6 \\ 8 & 4 & 0 \\ 1 & -1 & 3 \end{vmatrix}$

حل المعادلة :

$$\begin{vmatrix} 2 & -1 & 5 \\ 1 & 4 & 0 \\ 0 & x & 6 \end{vmatrix} = 11$$

(1) مستعملاً طريقة كرامر أوجد مجموعة الحل لنظام المعادلتين:

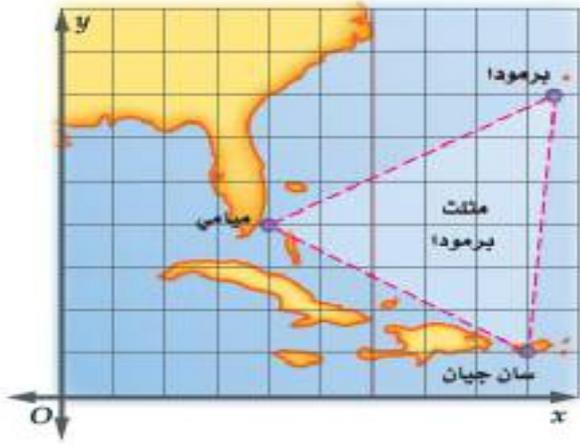
1) 
$$\begin{aligned} 3x + 4y &= 10 \\ x + 2y &= 4 \end{aligned}$$

2) 
$$\begin{aligned} 2a + b &= 12 \\ 3a - 2b - 11 &= 0 \end{aligned}$$

(1) مستعملاً طريقة كرامر أوجد قيمة  $x$  فقط لنظام المعادلات:

3) 
$$\begin{aligned} x + y + 2z &= 13 \\ 3x - 2y &= 5 \\ 4y + z - 16 &= 0 \end{aligned}$$

(1) أوجد مساحة سطح المثلث الذي رؤوسه  $(-4, 10)$  ,  $(6, -5)$  ,  $(3, 5)$  .



(3) استعمل الخريطة الإحداثية المجاورة التي تظهر منطقة مثلث برمودا للإجابة عما يأتي:

- (أ) احسب مساحة سطح منطقة مثلث برمودا على الخريطة.  
 (ب) إذا كان طول كل وحدة على الخريطة 175 mi في الواقع، فأوجد مساحة سطح منطقة مثلث برمودا الحقيقية.

أوجد قيمة  $K$  والتي تجعل مساحة سطح المثلث الذي إحداثيات رؤوسه  $(-1, K)$  ,  $(3, 1)$  ,  $(-1, 5)$  هي 2 وحدة مساحة مربعة

تمارين عامة على المحددات

ما قيمة  $y$  التي تجعل  $\begin{vmatrix} 5 & 1 \\ 2y-7 & 3 \end{vmatrix}$  تساوي 0؟

(20) اكتب نظام للمعادلات الخطية والتي يكون قيمة  $X$  لها يعطى على النحو التالي:  $X = \begin{vmatrix} -6 & 5 \\ 30 & -2 \\ 3 & 5 \\ 4 & -2 \end{vmatrix}$

يقف خالد وسعد ورضوان عند ثلاث نقاط مختلفة على خريطة المدينة التي يسكنونها. إذا كانت إحداثيات هذه النقاط هي  $(11, 9)$ ,  $(6, 4)$ ,  $(3, 15)$ ، بحيث تمثل كل وحدة على الخريطة  $0.5\text{km}$ ، فما مساحة المنطقة المثلثة الشكل التي يقفون عند رؤوسها؟

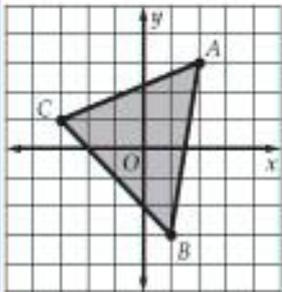
(2) مستعملاً طريقة كرامر أوجد قيمة  $y$  فقط لنظام المعادلات:  
 $2x - y + z = 5$        $x + 3y = 11$        $y - 3z = 5$

(1) أنفقت عائشة 22BD لشراء 3 كتب علمية، و 4 كتب ثقافية. في حين أنفقت فاطمة 40 BD لشراء 5 كتب علمية ، و 10 كتب ثقافية. إذا كانت الكتب العلمية تباع بالسعر نفسه  $x$  دينار، والكتب الثقافية تباع بالسعر نفسه  $y$  دينار. فما سعر الكتاب العلمي؟

(2) مع أحمد مبالغ نقدية من فئة الدينار و 5 دينار . فإذا كانت القيمة النقدية للمبالغ هي 53 دينار وعدد الاوراق النقدية هو 17 ورقة . اكتب نظام للمعادلات يمكن من خلاله ايجاد عدد الاوراق من كل فئة . واستخدم طريقة كرامر لحل هذا النظام .

$$\begin{vmatrix} 4 & 2 \\ x & 5 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 0 & 2 & 4 \\ -2 & 5 & 6 \end{vmatrix} \quad (3) \text{ حل المعادلة :}$$

### تدريب على اختبار معياري



46) مساحة سطح المثلث المُمبَّن في الشكل المجاور إلى أقرب عدد صحيح هي:

- A 10 وحدات مربعة
- B 12 وحدة مربعة
- C 14 وحدة مربعة
- D 16 وحدة مربعة

45) ما قيمة  $x$  التي تجعل  $\begin{vmatrix} 2 & x \\ 2 & -3 \end{vmatrix}$  تساوي 24؟

- A 15
- B 9
- C -9
- D -15

إذا كانت المصفوفة  $XY$  من الرتبة  $3 \times 2$  ، والمصفوفة  $X$  من الرتبة  $3 \times 4$  ، فما رتبة المصفوفة  $Y$  ؟

اوجد الناتج

$$2 \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ -6 & 0 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 9 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

اوجد الناتج

$$5 \left( 2 \begin{bmatrix} -2 & -5 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} - 3 \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 6 & 4 \end{bmatrix} \right)$$

اوجد الناتج

$$\begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 6 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 3 & -1 & 4 \\ 0 & 5 & -6 \end{bmatrix}$$

استعمل قاعدة كرامر لحل النظام:

$$2a + 6b = -1 , a + 8b = 2$$

**علم الآثار**، وجد عالم آثار عظام حوت عند الإحداثيات (0, 3), (4, 7), (5, 9) على الخريطة. إذا كانت كل وحدة على الخريطة تمثل 1 m، فأوجد مساحة سطح المثلث الذي رؤوسه تلك النقاط.

حدد ما إذا كانت مصفوفة الضرب معرفة في كل مما يأتي أو لا، وإذا كانت كذلك، فأوجد رتبة المصفوفة الناتجة: (الدرس 2-3)

$$E_{2 \times 7} \cdot F_{7 \times 1} \quad (49)$$

$$C_{5 \times 4} \cdot D_{5 \times 3} \quad (48)$$

$$A_{4 \times 2} \cdot B_{2 \times 6} \quad (47)$$

أوجد ناتج  $2B + 3A$ ، إذا كانت  $A = \begin{bmatrix} 9 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 3 & 7 \end{bmatrix}$

$$x - y + 2z = 0$$

$$3x + z = 11$$

$$-x + 2y = 0$$

أوجد قيمة المتغير  $y$  فقط لنظام المعادلات

تمارين اثرائية : الوحدة الاولى رياض 152- اختر الاجابة الصحيحة لكل ممايتي علما بانه لا توجد سوى اجابة واحدة فقط صحيحة

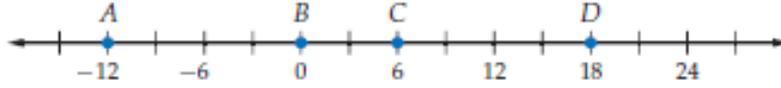
1	رتبة المصفوفة	$\begin{bmatrix} 4 & 7 & 2025 \\ 1 & 5 & 1446 \end{bmatrix}$	A) $3 \times 2$	B) $2 \times 3$	C) $2 \times 4$	D) $4 \times 4$
2	قيمة المحدد	هو $\begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 5 \end{vmatrix}$	A) $-3$	B) $27$	C) $4$	D) $3$
3	اذا كانت	$A = \begin{bmatrix} 3 & 6 & -8 \\ 2 & 9 & -3 \end{bmatrix}$ فان $a_{23} =$	A) $3$	B) $-3$	C) $6$	D) $-8$
4	قيمة المتغير $x$ والتي تجعل قيمة المحدد	$\begin{vmatrix} 2x & 5 \\ 3 & 3 \end{vmatrix}$ تساوى 3 هي :	A) $1.5$	B) $2$	C) $3$	D) $5$
5	اذا كانت	$\begin{bmatrix} 4x & 6 \\ 5 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 6 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$ فان قيمة $x$ هي	A) $-4$	B) $16$	C) $8$	D) $2$
6	اذا كانت	$\begin{bmatrix} 4+x & 12 \\ 7 & 4y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 12 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$ فان الزوج المرتب $(x, y)$ هو	A) $(4, 1)$	B) $(1, 4)$	C) $(4, 4)$	D) $(1, 1)$
7	اي من المصفوفات التالية هي مصفوفة صف وعدد عناصرها 4		A) $A_{2 \times 3}$	B) $A_{4 \times 1}$	C) $A_{2 \times 2}$	D) $A_{1 \times 4}$
8	اي من المصفوفات التالية هي مصفوفة مربعة وعدد عناصرها 4		A) $A_{2 \times 3}$	B) $A_{4 \times 1}$	C) $A_{2 \times 2}$	D) $A_{1 \times 4}$
9	اذا كانت كل من المصفوفتان $A_{2 \times 2}$ , $B_{2 \times 2}$ فان ناتج $(A + B)^2$ يساوي		A) $A^2 + 2AB + B^2$	B) $A^2 + AB + BA + B^2$	C) $A^2 \cdot B^2$	D) $A^2 + B^2$
10	اذا كانت المصفوفتان $A_{2 \times 3}$ , $B_{3 \times 4}$ فان رتبة مصفوفة حاصل الضرب $A \cdot B$ هي		A) $3 \times 2$	B) $2 \times 4$	C) $4 \times 2$	D) $3 \times 4$
11	اذا كانت المصفوفة $B_{3 \times 4}$ وكانت رتبة مصفوفة حاصل الضرب $A \cdot B$ هي $6 \times 4$ فان رتبة المصفوفة $A$		A) $3 \times 2$	B) $6 \times 6$	C) $6 \times 3$	D) $3 \times 6$
12	اذا كانت مساحة سطح مثلث في المستوى الاحداثي هي 10 وحدات مربعة وكل وحدة في المستوى الاحداثي تعادل $3km$ في الواقع فان المساحة الحقيقية للمثلث هي		A) $30km^2$	B) $300km^2$	C) $90 km^2$	D) $900 km^2$
13	اي من الازواج المرتبة التالية يعتبر حلا لنظام المعادلات : $2x + y = 7$ , $3x - y = 8$		A) $(1, 3)$	B) $(1, 4)$	C) $(3, 1)$	D) $(1, 1)$
14	قيمة محدد $\begin{vmatrix} x & 3 \\ x & (x+3) \end{vmatrix}$ عندما $x = 4$ هي		A) $28$	B) $4$	C) $16$	D) $15$
15	محدد من الدرجة الثالثة وجميع عناصره هو العدد 3 فان قيمة المحدد هي		A) $27$	B) $3$	C) $0$	D) $54$

أولاً: على خط الأعداد:



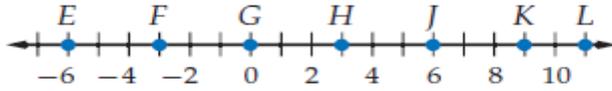
$$M = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad \text{المنتصف}$$

$$PQ = |x_2 - x_1| = |x_1 - x_2| \quad \text{المسافة (الطول)}$$



مستخدماً خط الأعداد التالي أوجد :

منتصف AD	AB
منتصف BC	BD

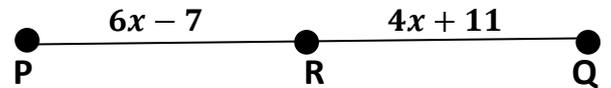
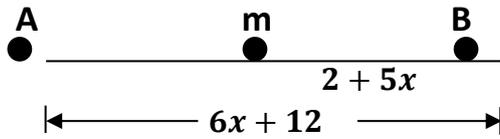


مستخدماً خط الأعداد التالي أوجد :

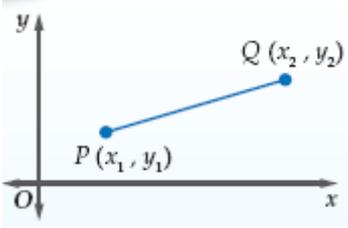
منتصف FH	FL
منتصف EK	EK
منتصف FL	EH

ثانياً : على قطعة مستقيمة

أوجد قيمة  $x$  حيث النقطة الميمنة هي منتصف القطعة المستقيمة المعطاة :



ثالثا : في المستوى الإحداثي:



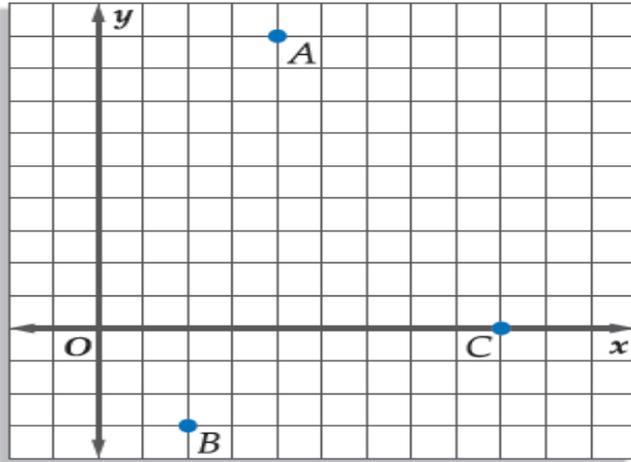
(1) طول PQ:

$$PQ = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

(2) إحداثي نقطة المنتصف M:

$$M = \left( \frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$

أوجد إحداثي المنتصف للقطعة المستقيمة الواصلة بين النقطتين: $A(8, 5)$ , $B(4, -13)$	أوجد طول القطعة المستقيمة الواصلة بين النقطتين: $A(8, 4)$ , $B(2, -12)$



مستخدما المستوى الإحداثي المقابل أوجد كلا من :  
1- إحداثي منتصف  $\overline{AC}$

2- أوجد BC

أوجد إحداثي النقطة المجهولة إذا كانت B منتصف  $\overline{AC}$  :

1)  $B(2, 7)$  ,  $C(-5, 4)$

2)  $A(-4, 8)$  ,  $B(6, 3)$

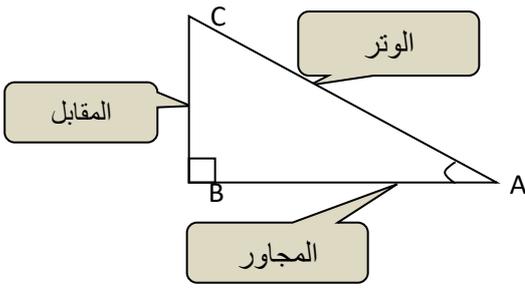
أوجد قيمة  $x$  ، إذا كانت  $C$  نقطة منتصف  $\overline{AB}$  ، وكان  $AB = 78$  ،  $AC = 4x + 5$  .

أوجد طول  $\overline{YZ}$  ، إذا كانت  $Y$  نقطة منتصف  $\overline{XZ}$  ، وكان  $YZ = 27 - 4x$  ،  $XY = 2x - 3$  .

أحد طرفي  $\overline{AB}$  هي  $(-3, 5)$  . إذا كانت نقطة منتصف  $\overline{AB}$  هي  $(2, -6)$  ، فما الطول التقريبي لـ  $\overline{AB}$  ؟

أوجد مركز وطول قطر الدائرة التي طرفا قطر فيها هما النقطتان :  $A(-10, 7)$  ،  $B(-2, 15)$

## النسب المثلثية



$$\sin A = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{BC}{AC}$$

$$\cos A = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{AB}{AC}$$

$$\tan A = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{BC}{AB}$$

$$\csc A = \frac{1}{\sin A}$$

$$\sec A = \frac{1}{\cos A}$$

$$\cot A = \frac{1}{\tan A}$$

اكتب كل نسبة على صورة كسر اعتيادي في ابسط صورة

	$\sin A =$	$\csc A =$
	$\cos A =$	$\sec A =$
	$\tan A =$	$\cot A =$

اكتب كل نسبة على عدد عشري مقربا الناتج الى أقرب جزء من مائة

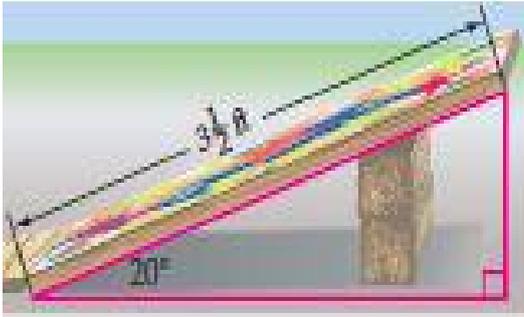
	$\sin B =$	$\cot A =$
	$\cos A =$	$\sec B =$
	$\tan B =$	$\csc A =$

إذا كانت  $\sin B = \frac{12}{13}$  . أوجد النسب المثلثية الخمس الأخرى للزاوية B حيث أنها زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية

1-  $\Delta ABC$  قائم الزاوية في B، حيث  $\overline{AB} = 6 \text{ cm}$  ،  $\overline{BC} = 8 \text{ cm}$  . أوجد قيمة  $\cos C$  ،  $\cot A$  ،  $\sec A$  .

استخدام SHIF T لاجاد قياس الزاوية الحادة		استخدام الالة بصورة مباشرة
السؤال	الاجابة	$\sin 30^\circ =$
$\tan B = 1.24$		$\tan 72^\circ =$
$\cos B = \frac{2}{3}$		$\cos 45^\circ =$
$\sin A = \frac{12}{17}$		$\cot 30^\circ =$
$\sec A = 1.5$		$\sec 60^\circ =$

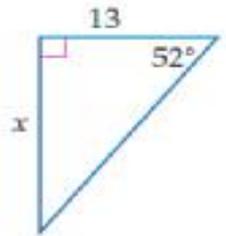
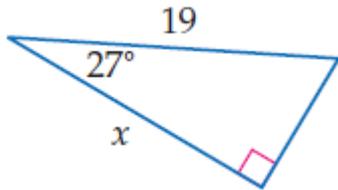
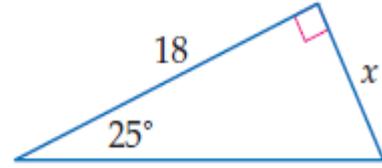
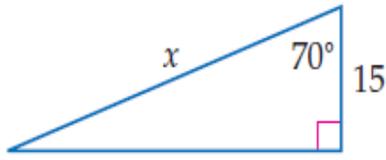
2- صنع سالم منحدر ترحلق يشكل مع سطح الأرض زاوية  $20^\circ$ . إذا كان طول اللوح الذي استعمله  $3\frac{1}{2}ft$ ، فما ارتفاع أعلى نقطة في المنحدر ؟



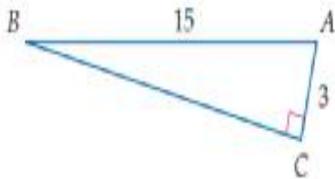
(3) أوجد ظل أصغر زاوية في المثلث القائم الذي أطوال أضلاعه  $3\text{ cm}, 4\text{ cm}, 5\text{ cm}$ .

(4) أوجد جيب تمام الزاوية الحادة الكبرى في مثلث قائم أطوال أضلاعه  $10\text{ cm}, 24\text{ cm}, 26\text{ cm}$ .

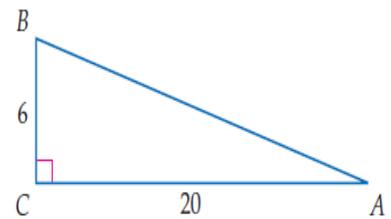
أوجد قيمة المتغير  $x$  في كل من الأشكال التالية مقرباً الناتج إلى منزلة عشرية واحدة



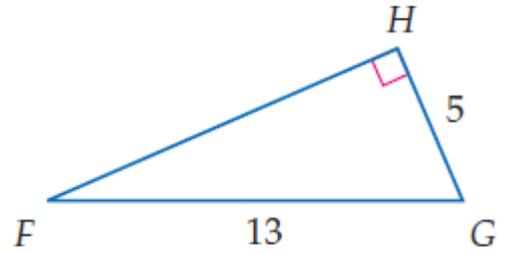
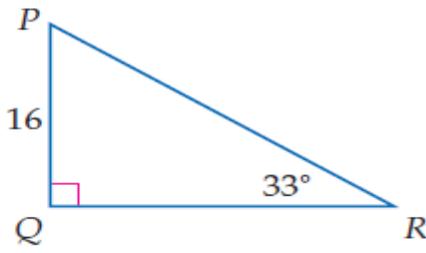
استعمل الآلة الحاسبة ؛ لإيجاد قياس  $\angle A$



استعمل الآلة الحاسبة ؛ لإيجاد قياس  $\angle A$

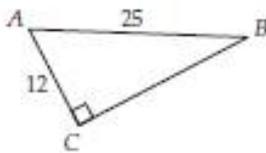


5 ( حل المثلث القائم المرسوم أمامك، مقرباً أطوال الأضلاع لأقرب عشر، وقياسات الزوايا لأقرب درجة:

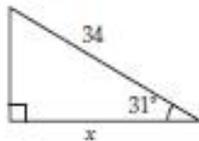


### تدريب على اختبار معياري

68) في الشكل أدناه إذا كان  $AC = 12$ ,  $AB = 25$ ، فما قياس  $\angle B$  مقرباً إلى أقرب درجة؟



69) ما قيمة  $x$  إلى أقرب جزء من عشرة في الشكل أدناه؟



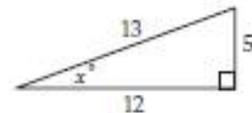
29.1 G

17.5 F

39.7 J

20.4 H

66) ما قيمة  $\tan x$  في الشكل أدناه؟



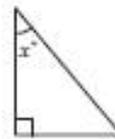
$\tan x = \frac{5}{12}$  C

$\tan x = \frac{13}{5}$  A

$\tan x = \frac{5}{13}$  D

$\tan x = \frac{12}{5}$  B

67) في الشكل المجاور إذا كان  $\cos x = \frac{20}{29}$ ، فما قيمة كل من



$\sin x$ ،  $\tan x$

$\sin x = \frac{29}{21}$ ،  $\tan x = \frac{29}{21}$  A

$\sin x = \frac{21}{29}$ ،  $\tan x = \frac{20}{21}$  B

$\sin x = \frac{29}{21}$ ،  $\tan x = \frac{21}{20}$  C

$\sin x = \frac{21}{29}$ ،  $\tan x = \frac{21}{20}$  D

**زوايا الارتفاع والانخفاض** هي الزاوية المتكوّنة من الخط الأفقي وخط النظر من الراصد إلى الجسم المرصود فوق الخط الأفقي. **وزاوية الانخفاض** هي الزاوية المتكوّنة من الخط الأفقي وخط النظر من الراصد إلى الجسم المرصود تحت الخط الأفقي.

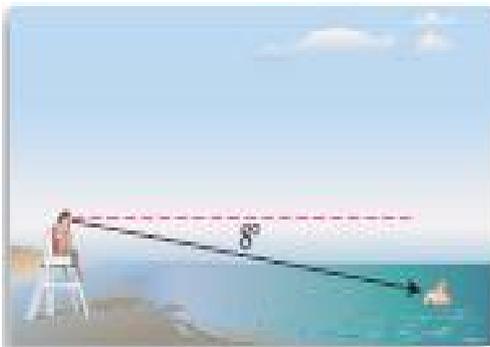


(1) رصد سلمان قمة برج المراقبة بمطار البحرين الدولي من حافلة تقله، فكانت زاوية ارتفاعه  $48^\circ$ . إذا كان ارتفاع البرج تقريباً  $50\text{ m}$ . فكم تبعد الحافلة عن قاعدة البرج مقرباً الناتج لأقرب عشر.



(2) يقف ماجد على بعد  $136$  متر من قاعدة برج مرفأ البحرين المالي ووجد ان قياس زاوية ارتفاع قمة البرج هي  $38^\circ$ . اوجد ارتفاع البرج مقرباً الناتج الى اقرب متر

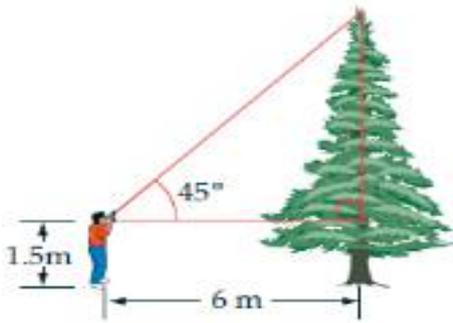
(3) يراقب منقذ السباحين الشاطئ من موقع يرتفع  $15\text{ ft}$  فوق سطح الأرض. شاهد سباحاً بزاوية انخفاض  $8^\circ$ . كم يبعد السباح عن قاعدة موقع المراقبة إلى أقرب قدم؟



(4) لدى جاسم طائرة ورقية متصلة بخيط مشدود وطرفه الاخر بيده . فإذا كان ارتفاعها فوق سطح الأرض  $15\text{ m}$  والخيط يصنع زاوية  $38^\circ$  مع الأفقي . أوجد طول الخيط لأقرب متر .

(5) رأى نسر يطير على ارتفاع  $26\text{ m}$  أرنبا على سطح الأرض فإذا كانت المسافة المستقيمة بين النسر والارنب هي  $47\text{ m}$  فبأي زاوية انخفاض يجب أن ينقض النسر ليمسك بالارنب اذا كان يطير في خط مستقيم .

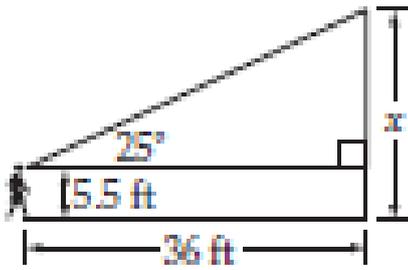
(6) إذا كان بعد عماد عن الشجرة  $6\text{ m}$  ، وارتفاع مستوى نظره عن سطح الأرض هو  $1.5\text{ m}$  فكم يبلغ ارتفاع الشجرة لا قرب جزء من عشرة



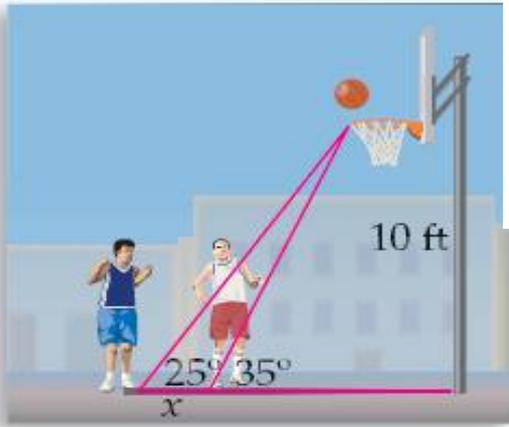
(7) يقف عادل على مستوى سطح الارض وقاس زاوية ارتفاع قمة مئذنة فوجدها  $42^\circ$  فإذا كان ارتفاع المئذنة هو  $32\text{ m}$  ومستوى نظر عادل على ارتفاع  $1.7\text{ m}$  فوق سطح الارض . اوجد بعد عادل عن قاعدة المئذنة لأقرب جزء من عشرة .

(8) اذا كان طول المدرج الافقي للإقلاع لطائرة هو 380 m وفي نهايته برج مراقبة ارتفاعه 27 m أوجد قياس زاوية الإقلاع للطائرة حتى تكون في وضع الأمان .

(9) تحدد البلدية في إحدى المدن ارتفاع سارية العلم فوق المباني بـ 25ft. أرادت مديرة مدرسة أن تتحقق ن مدى التزام مدرستها بالقانون. إذا كان ارتفاع مستوى نظرها 5.5 ft ، وعندما كانت تقف على بعد 36 ft من قاعدة سارية العلم كانت زاوية ارتفاع قمة سارية العلم  $25^\circ$  تقريباً. فما ارتفاع سارية العلم لأقرب ع



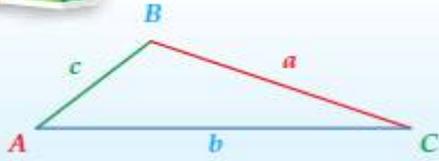
**كرة السلة:** ينتظر لاعبا كرة السلة أحمد ومحمد الكرة المرتدة في أثناء مباراة كرة السلة. إذا كان ارتفاع حلقة السلة 10ft، وزاويتا الارتفاع بين موقعيهما والحلقة  $25^\circ$  ,  $35^\circ$  على الترتيب، فما المسافة بينهما إلى أقرب عُشر؟ **7.2 ft**



نظرية 1.6

أضف إلى

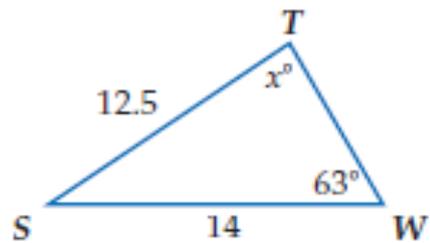
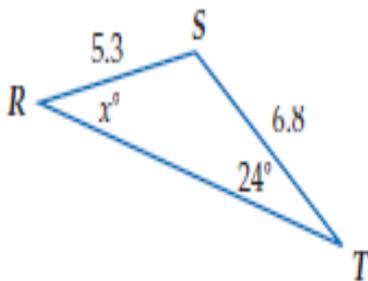
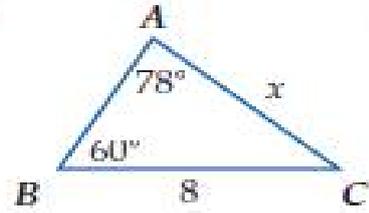
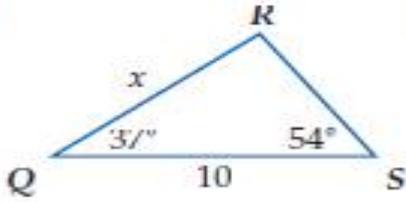
مطويتك



إذا مثلت  $a, b, c$  أطوال أضلاع  $\triangle ABC$  المقابلة لزواياها التي قياساتها  $A, B, C$  على الترتيب، فإن:

$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

أوجد قيمة  $x$  في كل شكل من الأشكال التالية مقرباً الناتج إلى أقرب عشر



**نظرية 1.7** قانون جيب التمام

إن مثلث  $a, b, c$  أطوال أضلاع  $\triangle ABC$  المقابلة لزوايا التي قياساتها  $A, B, C$  فإن:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$

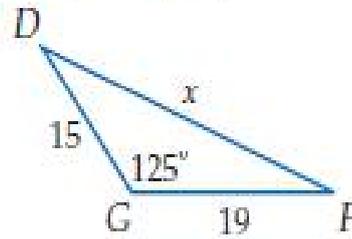
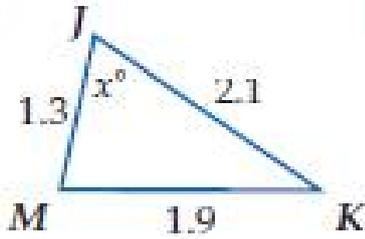

ايجاد  
ضلع

$$c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2ab \cos C}$$

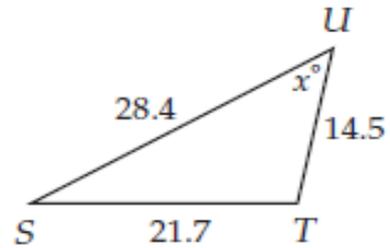
ايجاد  
زاوية

$$m\angle A = \cos^{-1} \left( \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \right)$$

أوجد قيمة  $x$  في كل شكل من الأشكال التالية مقربا الناتج الى اقرب عشر



أوجد قياس أكبر زاوية في المثلث الذي أطوال أضلاعه  $5\sqrt{7} \text{ cm}, 12 \text{ cm}, 9 \text{ cm}$



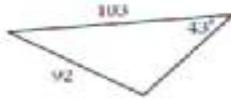
تمارين متنوعة على قانون الجيب وجيب التمام

(1) حل  $\Delta ABC$  ،  $AC = 14 \text{ cm}$  ،  $BC = 17 \text{ cm}$  ،  $AB = 8 \text{ cm}$  .

(2) حل  $\Delta ABC$  ،  $CA = 8 \text{ ft}$  ،  $m\angle C = 36^\circ$  ،  $m\angle B = 104^\circ$  .

تدريب على اختبار معياري

(61) سؤال ذو إجابة قصيرة. ما محيط المثلث المبيّن أدناه؟  
مقرّبًا الناتج إلى أقرب عُشر. 329.7



(62) إذا كان  $AB = 12$  ،  $\sin x = 0.6$  ، فما مساحة سطح  $\Delta ABC$  بالوحدات المربعة؟ مقرّبًا الناتج إلى أقرب عُشر. C

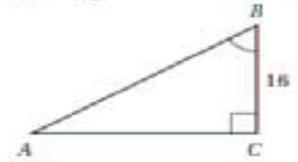


A 28.8 وحدة مربعة  
B 31.2 وحدة مربعة  
C 34.6 وحدة مربعة  
D 42.3 وحدة مربعة

(59)  $\Delta ABC$  فيه  $m\angle A = 42^\circ$  ،  $m\angle B = 74^\circ$  ،  $x = 3$  .  
ما قيمة  $b$  ، مقرّبة إلى أقرب عُشر؟ A

A 4.3  
B 3.8  
C 2.1  
D 1.5

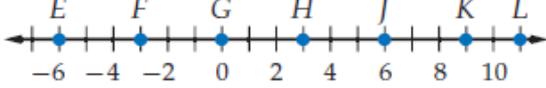
(60) إذا كان  $\cos B = 0.8$  في الشكل أدناه، فما طول  $\overline{AB}$  ؟ C

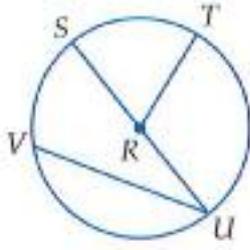


A 12.8  
B 16.8  
C 20.0  
D 28.8

تدريبات على اسئلة موضوعية ( اختيار من متعدد ) على وحدة حساب المثلثات

اختر الاجابة الصحيحة لكل مماياتي علما بانه لا توجد سوى اجابة واحدة فقط صحيحة :

1	اذا كانت : $A(2, 5)$ , $B(-6, 11)$ فان احدائى نقطة منتصف $\overline{AB}$ هي . A) (4 , 6)      B) (-2, 8)      C) (2, 8)      D) (-2, -8)
2	اذا كانت : $A(1, -4)$ , $C(3, 2)$ فان احدائى نقطة النقطة $A$ حيث $C$ منتصف $\overline{AB}$ هي . A) (2 , -2)      B) (5, 8)      C) (4, -2)      D) (-2, 6)
3	اذا كانت : $A(3, 7)$ , $C(3, 1)$ فان طول القطعة المستقيمة $\overline{AB}$ هي . A) 8      B) 5      C) 7      D) 6
4	مستخدما خط الاعداد المقابل فان طول $\overline{EJ}$ A) 12      B) 8      C) -6      D) 9
5	مستخدما خط الاعداد المقابل فان منتصف $\overline{EJ}$ A) 12      B) 0      C) -6      D) 6
	
6	ظل أصغر زاوية في المثلث القائم الذي أطوال أضلاعه هي : $3\text{ cm}, 4\text{ cm}, 5\text{ cm}$ A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{5}{4}$ C) $\frac{4}{3}$ D) $\frac{3}{5}$
7	جيب أكبر زاوية حادة في المثلث القائم الذي أطوال أضلاعه هي : $3\text{ cm}, 4\text{ cm}, 5\text{ cm}$ A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{5}{4}$ C) $\frac{4}{5}$ D) $\frac{3}{5}$
8	اي من الحالات التالية يمكن استخدام قانون جيب التمام فى المثلث الغير قائم الزاوية A) SAS      B) AAS      C) ASA      D) SSA
9	اذا كانت $\sin A = 0.5$ فان قياس الزاوية $A$ لا قرب هي : A) $60^\circ$ B) 30      C) $45^\circ$ D) $90^\circ$
10	قيمة $\cot 65^\circ$ لا قرب جزء من مائة هي : A) 2.37      B) 0.47      C) 0.91      D) 2.14
11	اذا كانت $\tan B = 1.22$ فان قياس الزاوية $B$ لا قرب جزء من عشرة هي : A) $50.7^\circ$ B) $50.66^\circ$ C) $51^\circ$ D) $50.6^\circ$
12	قيمة $\sec x$ فى المثلث المرسوم امامك هي : A) $\frac{5}{13}$ B) $\frac{5}{12}$ C) $\frac{12}{13}$ D) $\frac{13}{12}$
13	قيمة $\tan x$ فى المثلث المرسوم امامك هي : A) $\frac{5}{13}$ B) $\frac{5}{12}$ C) $\frac{12}{5}$ D) $\frac{13}{5}$
14	اي من الطرق التالية لا يصلح لاجاد قيمة الزاوية $x$ فى المثلث المرسوم اعلاه A) $\sin^{-1}(\frac{5}{13})$ B) $\tan^{-1}(\frac{5}{12})$ C) $\cos^{-1}(\frac{12}{5})$ D) $\cos^{-1}(\frac{12}{13})$
15	قيمة المتغير $x$ فى المثلث المقابل هي : A) 2.37      B) 5.7      C) 6.1      D) 1.6



للتمارين 10 - 13 ، ارجع إلى  $\odot R$  في الشكل المجاور .

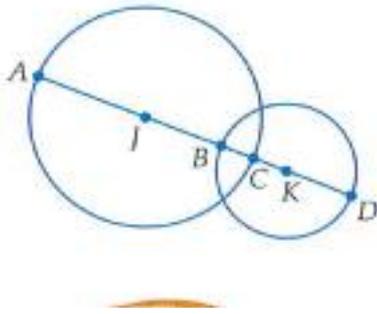
(10) ما مركز الدائرة؟

(11) حدّد وترًا يكون قطرًا؟

(12) هل  $\overline{VU}$  نصف قطر؟ فسّر إجابتك.

(13) إذا كان  $SU = 16.2 \text{ cm}$ ، فأوجد  $RT$ .

سم الدائرة ..... حدد قطر ..... حدد نصف قطر .....



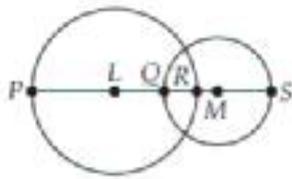
في الشكل المجاور إذا كان نصف قطر  $\odot J$  يساوي 10 وحدات، ونصف قطر  $\odot K$  يساوي 8 وحدات،  $BC$  يساوي 5.4 وحدات، فأوجد قياس كلِّ ممّا يأتي:

$AB$  (19)

$CK$  (18)

$AD$  (21)

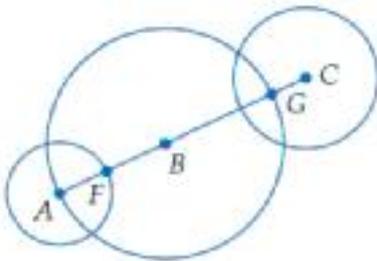
$JK$  (20)



إذا كان طولاً قطري الدائرتين  $\odot L$ ،  $\odot M$  هما 20، 13 وحدة على الترتيب،  $QR = 4$ . كما في الشكل المجاور، فأوجد كلّ ممّا يأتي:

$RM$  (9)

$LQ$  (8)



القطر لكلّ من  $\odot A$ ،  $\odot B$ ،  $\odot C$  يساوي  $8 \text{ cm}$ ،  $18 \text{ cm}$ ،  $11 \text{ cm}$  على الترتيب. أوجد قياس كلِّ ممّا يأتي:

$FG$  (5)

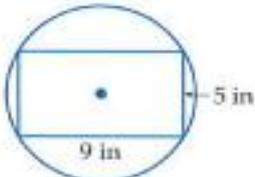
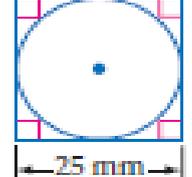
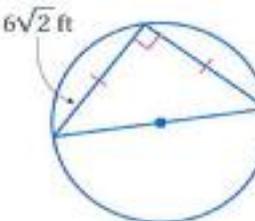
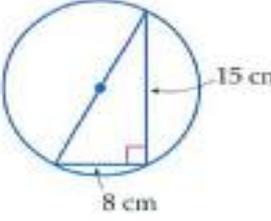
$FB$  (6)

محيط الدائرة بمعلومية نصف القطر
محيط الدائرة بمعلومية القطر

(1) أوجد القيمة الفعلية لمحيط الدائرة التي طول قطرها $10\text{ cm}$ .	(2) أوجد القيمة الفعلية لمحيط الدائرة التي طول نصف قطرها $7.5\text{ cm}$ .	(3) أوجد طول قطر و نصف قطر الدائرة التي محيطها $18\pi\text{ cm}$
---	--	--

نصف القطر ( $r$ )	8				
القطر ( $d$ )		26			
المحيط ( $c$ )			$12\pi$	12	

أوجد القيمة الفعلية لمحيط كل من الدوائر اللتية باستعمال المضلع الذي تحيطه أو الذي يحيطها

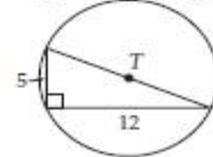
	
	

### تدريب على اختبار معياري

54) جبره أحاط إبراهيم حديقته الدائرية الشكل بسياج. إذا كان طول السياج  $50\text{ m}$ ، فما نصف قطر الحديقة؟ قرب الناتج إلى أقرب عُشر.

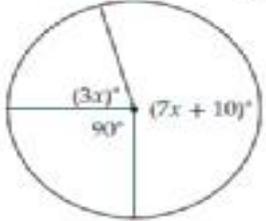
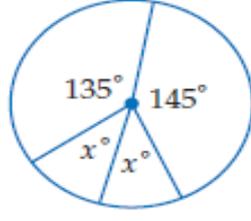
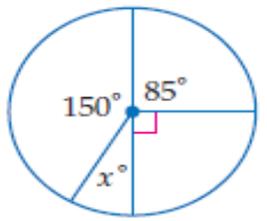
- 8 H                      10 F  
7 J                        9 G

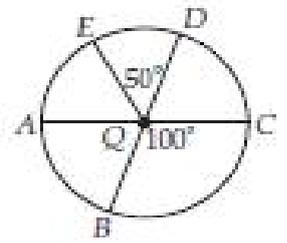
52) ما محيط  $\odot T$ ؟ قرب الناتج إلى أقرب عُشر.

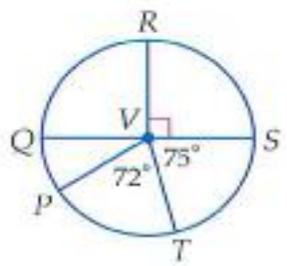


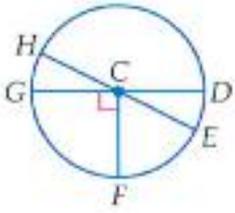
مفهوم اساسي	مجموع قياسات الزوايا المركزية في الدائرة يساوي $360^\circ$
مسلمة	<b>قياس القوس</b> يساوي قياس الزاوية المركزية التي تحوي هذا القوس وأنواعه ( قوس أصغر و أكبر و نصف دائرة )
نظرية (2-1)	الأقواس المتطابقة تقابل زوايا مركزية متطابقة في نفس الدائرة والعكس (أو الدوائر المتطابقة)
مفهوم اساسي	<b>طول القوس l</b> المقابل للزاوية $x^\circ$ في دائرة نصف قطرها $r$ يعطى بالعلاقة $\frac{l}{2\pi r} = \frac{x^\circ}{360^\circ}$

أوجد قيمة X في كل من الاشكال التالية :

		
---	---	---

إذا كان كل من $\overline{AC}$ , $\overline{BD}$ قطرين في الدائرة . فأوجد قياس كل قوس مما يأتي موضحا هل قوساً أكبر ام أصغر ام نصف دائرة		
1) $m\widehat{ED}$ =	4) $m\widehat{EDB}$ =	
2) $m\widehat{CB}$ =	5) $m\widehat{DCE}$ =	
3) $m\widehat{ADC}$ =	6) $m\widehat{ABC}$ =	

إذا كان $\overline{QS}$ , قطراً في الدائرة . فأوجد قياس كل قوس مما يأتي موضحا هل قوساً أكبر ام أصغر ام نصف دائرة		
1) $m\widehat{TS}$	4) $m\widehat{QRS}$ =	
2) $m\widehat{PS}$ =	5) $m\widehat{PTR}$ =	
3) $m\widehat{PQT}$ =	6) $m\widehat{TPS}$ =	



جبر: إذا كان  $m\angle HCG = 2x$ ,  $m\angle HCD = 6x + 28$  في  $\odot C$ .  
فأوجد قياس كل ممّا يأتي:

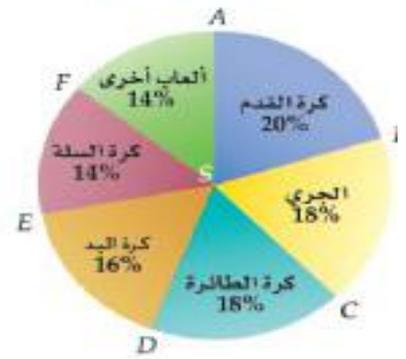
$\widehat{HGF}$  (49)

$\widehat{HD}$  (48)

$\widehat{EF}$  (47)

إذا كانت نسب مشاركة النشاطات الرياضية بالمدرسة كما هي بالشكل التالي اوجد قياسات الأقواس محددًا نوعها هل قوساً أكبر ام أصغر ام نصف دائرة

النشاطات الرياضية المدرسية



1)  $m\widehat{AF} =$

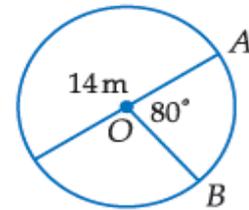
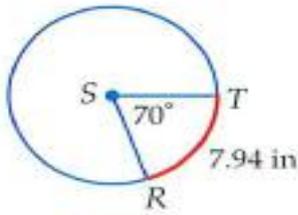
2)  $m\widehat{CD} =$

3)  $m\widehat{FED} =$

4)  $m\widehat{DEC} =$

أوجد كلاً من القياسات الآتية مقرباً الأطوال إلى أقرب جزء من مئة وقياس كل قوس إلى أقرب درجة.

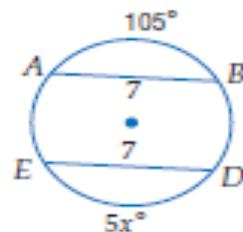
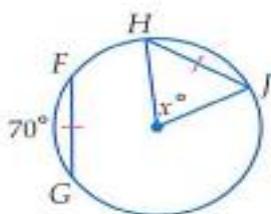
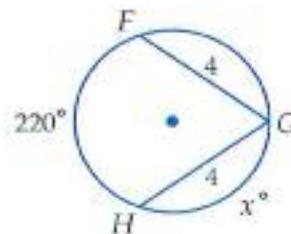
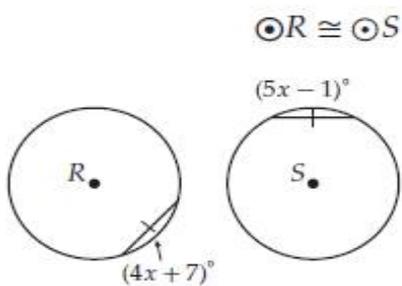
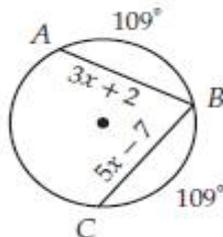
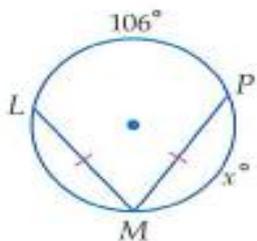
محيط  $\odot S$



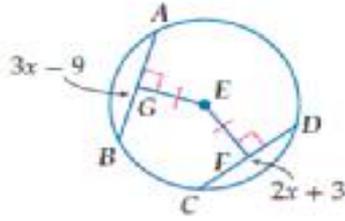
طول  $\widehat{AB}$

نظرية (2-2)	في الدائرة الواحدة يكون القوسان متطابقين <u>إذا وافقت إذا كان</u> الوتران متطابقين
نظرية (3-2)	إذا كان قطر ( أو نصف قطر ) عمودياً على وتر فإنه ينصفه وينصف قوسه أيضاً
نظرية (4-2)	العمود المنصف لوتر في دائرة هو قطر فيها (أو نصف قطر) لها ( <b>عكس النظرية السابقة</b> )
نظرية (5-2)	يكون الوتران في الدائرة نفسها متطابقين <u>إذا وافقت إذا كان</u> بعداهما عن مركز الدائرة متساويين

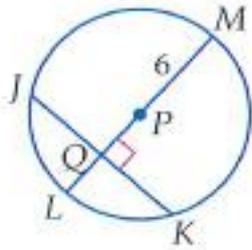
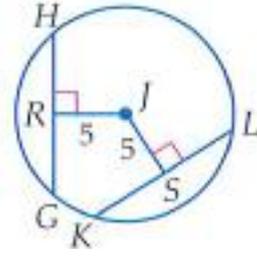
أوجد قيمة  $x$  في كل من الأشكال التالية ثم اوجد المطلوب في كل من الحالات التالية :  
موضحاً التبرير ( كلما لزم ذلك )



إذا كان  $EG = EF$  في  $\odot E$ ، فأوجد  $AB$ .



إذا كان  $GH = 13$ ،  $kl = 4x + 1$ ، أوجد قيمة  $x$ .

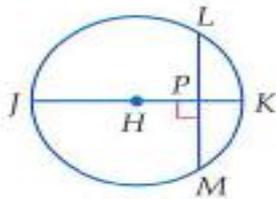


إذا كان  $JK = 10$ ، و  $m\widehat{LK} = 134^\circ$  في  $\odot P$ ، فأوجد القياسات الآتية، مقربًا الناتج إلى أقرب جزء من مئة.

$PQ$  (5)

$m\widehat{JL}$  (4)

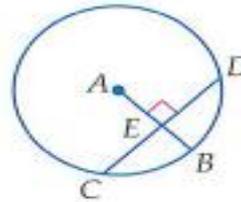
إذا كان قطر  $\odot H$  يساوي 18،  $LM = 12$ ،  $m\widehat{LM} = 84$ ، فأوجد كلاً من القياسين الآتيين، مقربًا الناتج إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم ذلك.



$m\widehat{LK}$  (18)

$HP$  (19)

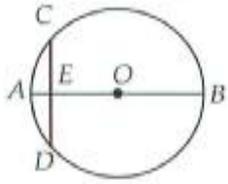
إذا كان نصف قطر  $\odot A$  يساوي 14،  $CD = 22$ ، فأوجد كلاً من القياسين الآتيين، مقربًا الناتج إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم ذلك.



$CE$  (

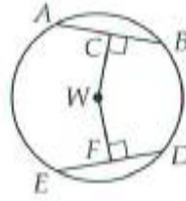
$EB$  (

(40) قطر  $AB$  في  $\odot O$  ، وعمودي على الوتر  $\overline{CD}$  ، ويقطعه في النقطة  $E$ . إذا كان  $AE = 2$  ،  $OB = 10$  ، فما طول  $\overline{CD}$  ؟



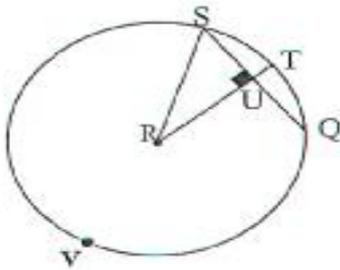
- 4 F
- 6 G
- 8 H
- 12 J

(39) إذا كان  $ED = 30$  ،  $CW = WF$  ، فما طول  $\overline{DF}$  ؟



- 60 A
- 45 B
- 30 C
- 15 D

(2) في الدائرة  $R$  ، إذا كان نصف القطر  $\overline{RT}$  يعامد الوتر  $\overline{SQ}$  ،  $SQ = 18$  ،  $m \widehat{TQ} = 36^\circ$  ، فأوجد كل مما يأتي :



SU (a)

$m \widehat{SVQ}$  (b)

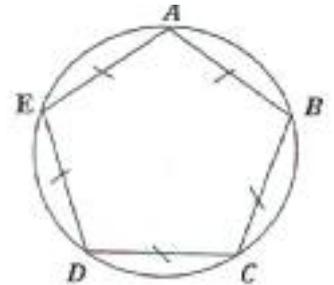
مضلع خماسي منتظم مرسوم داخل دائرة كما بالشكل . فأوجد قياس كل قوس مما يأتي:

1)  $m \widehat{AB} =$

4)  $m \widehat{BCA} =$

2)  $m \widehat{ABC} =$

5)  $m \angle A =$



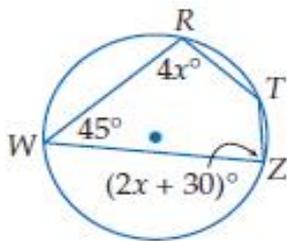
نظرية (6-2)	قياس الزاوية المحيطة يساوي <b>نصف قياس القوس</b> المحدد بها .
نظرية (7-2)	الزاويتان المحيبتان اللتان تحددان نفس القوس ( أو قوسين متطابقين ) <b>تكونان متطابقين</b> .
نظرية (8-2)	تحدد الزاوية المحيطة في المثلث قطراً او نصف دائرة إذا وافقت إذا كانت <b>الزاوية قائمة</b> .
نظرية (9-2)	إذا كان المضلع الرباعي دائريا ( محاط بدائرة ) فإن كل زاويتين متقابلتين <b>متكاملتين</b> .

أوجد القياسات التالية مستعملاً كل شكل

<p><math>m\angle P</math></p>	<p><math>m\widehat{WX}</math></p>	<p><math>m\widehat{RT}</math></p>	<p><math>m\angle B</math></p>
<p><math>m\angle H</math></p>	<p><math>m\angle B</math></p>	<p>أوجد قيمة X</p>	

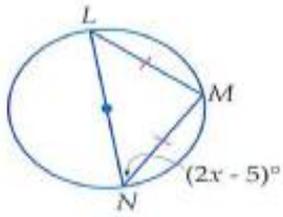
أوجد  
قياس  
الزاوية

**جبر:** أوجد كلاً مما يأتي مستعملاً الشكل المجاور :

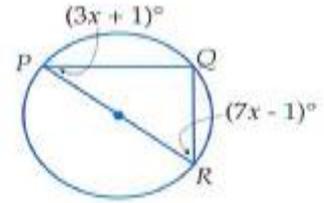


$m\angle T$  (25)

$m\angle Z$  (26)

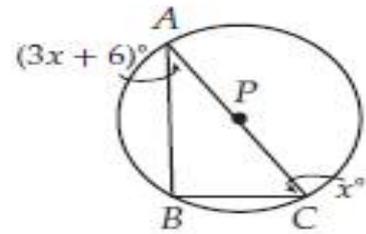
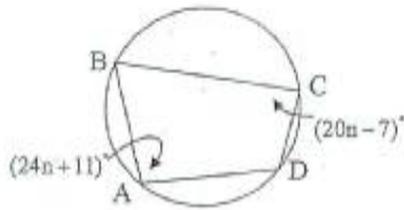


$x$



$m\angle R$

أوجد قياس الزاوية A في كل من الاشكال التالية



إشارات المرور، شكل إشارة قف هو مضلع ثماني منتظم تقع رؤوسه على دائرة. أوجد كلاً مما يأتي:

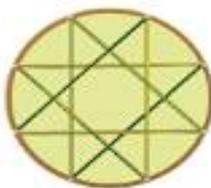
$m\angle RLQ$  29

$m\widehat{NPQ}$  28

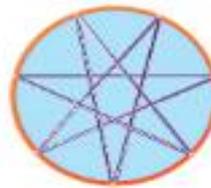
$m\angle LSR$  31

$m\angle LRQ$  30

32 هن، الأشكال الثلاثة أدناه هي نماذج لنجوم صُنعت من الخيوط. إذا كانت جميع الزوايا المحيطة في كل نجمة متطابقة، فأوجد قياس كل من هذه الزوايا المحيطة.



(c)



(b)



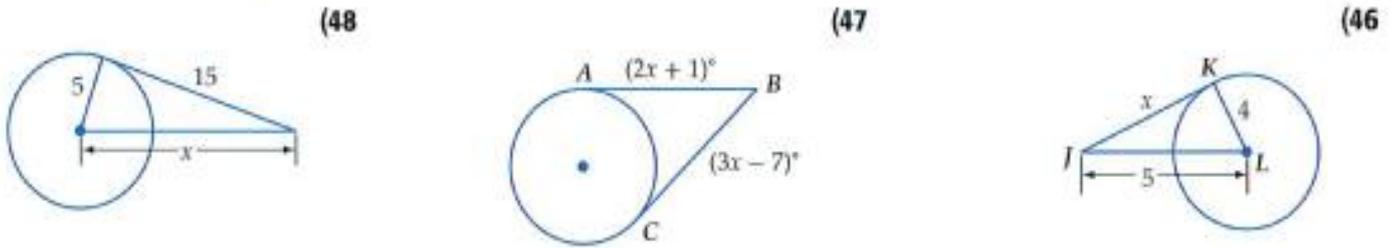
(a)

نظرية (10-2)	يكون المستقيم مماساً لدائرة في المستوى نفسه <u>إذا وافقت إذا كان</u> عمودياً على نصف القطر عند نقطة التماس
نظرية (11-2)	القطعتان المستقيمتان المماستان للدائرة والمرسومتان من نقطة خارجها تكونان <u>متطابقتين</u>

انسخ الأشكال أدناه في كراستك، وارسم المماسات المشتركة، وإذا لم يوجد مماس مشترك، فاكتب "لا يوجد مماس مشترك".



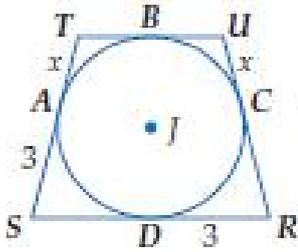
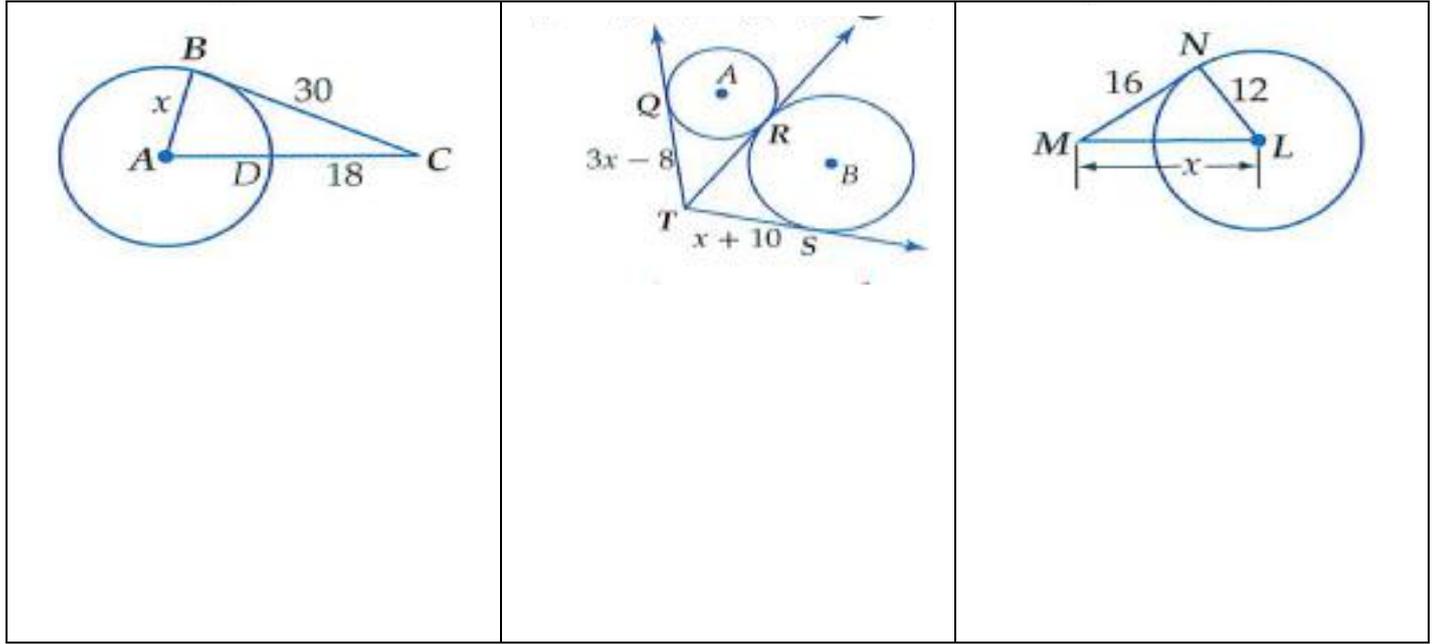
أوجد قيمة  $x$  في كل مما يأتي مفترضاً أن القطعة المستقيمة التي تبدو مماساً للدائرة هي مماس بالفعل. (الدرس 2-5)



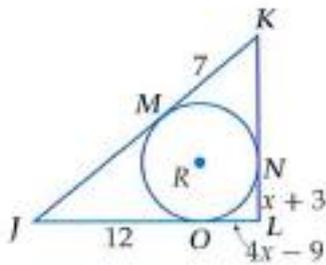
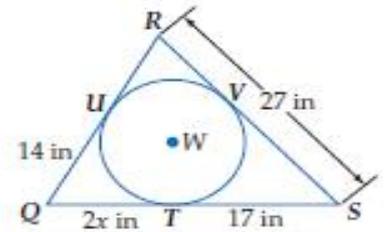
حدّد إذا كانت  $\overline{FG}$  مماساً للدائرة  $E$  في الشكلين أدناه. وبرّر إجابتك.



أوجد قيمة  $x$  في كل من الشكلين أدناه، مفترضًا أن القطعة المستقيمة التي تبدو كأنها مماسًا للدائرة، هي مماس بالفعل مقررًا الناتج إلى منزلتين عشريتين إذا لزم ذلك.



يُحيط الشكل الرباعي  $RSTU$  بالدائرة  $J$ ،  
إذا كان محيطه يساوي 18 وحدة، فأوجد قيمة  $x$ .



(8) جبر، يُحيط المثلث  $JKL$  بالدائرة  $R$  كما في الشكل المجاور.

(a) أوجد قيمة  $x$ .

(b) أوجد محيط  $\triangle JKL$ .

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

الصورة العامة لمعادلة الدائرة  
بمعلومية المركز  $(h, k)$  وطول نصف القطر  $r$

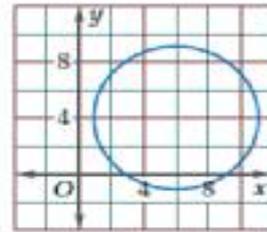
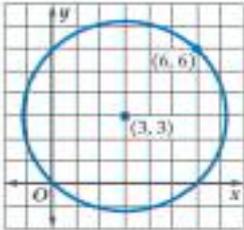
اكتب معادلة الدائرة في كل مما يأتي:

(2) مركزها  $(3, 1)$ ، وطول قطرها 14

(1) مركزها  $(9, 0)$ ، وطول نصف قطرها 5

(3) مركزها  $(-4, 2)$  والنقطة  $(7, 8)$  تقع على محيطها

اكتب معادلة الدائرة الممثلة بالتمثيل البياني أدناه:



أوجد معادلة دائرة تمثل حدود التوصيل المجاني لمنتج يقع في الاحداثي المتعامد عند نقطة الاصل واقصى مدى للتوصيل المجاني هو 12 KM

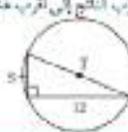
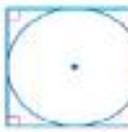
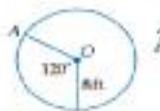
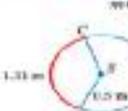
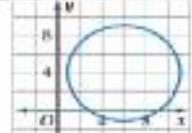
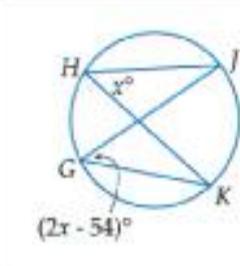
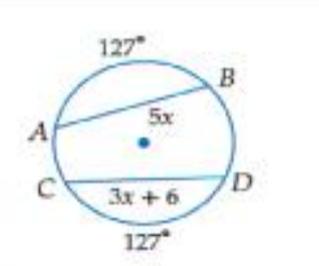
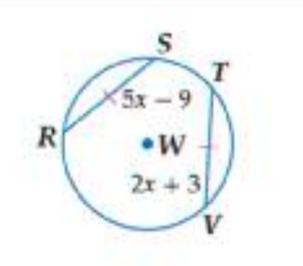
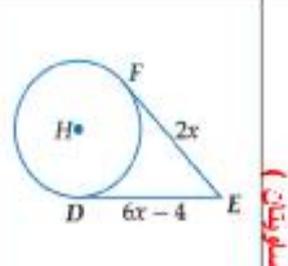
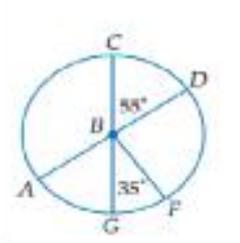
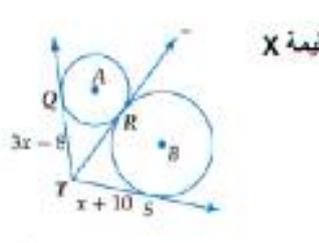
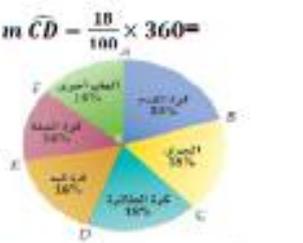
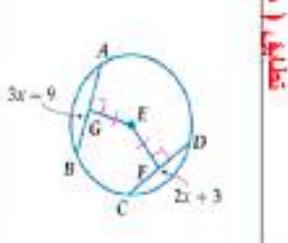
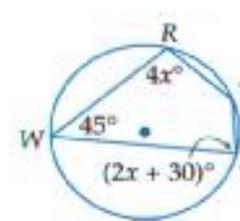
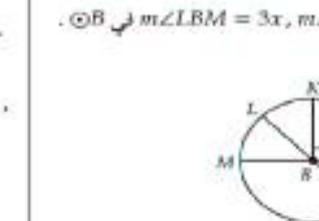
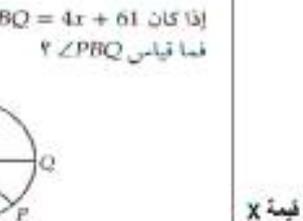
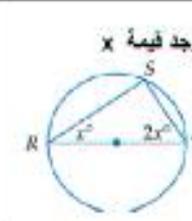
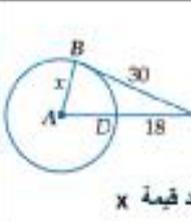
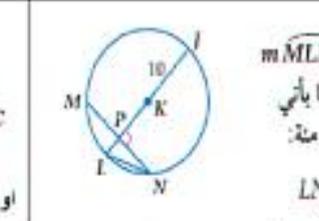
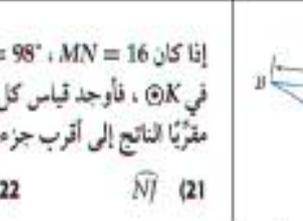
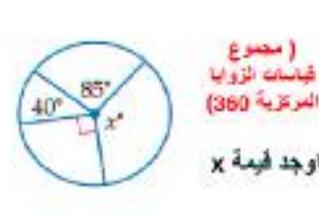
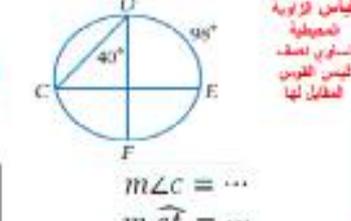
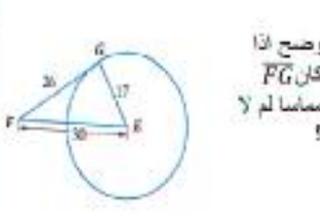
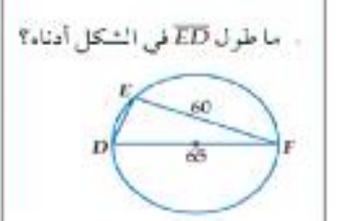
عين إحداثيي المركز لكلّ دائرة عُلّمت معادلتها في كل مما يأتي، وأوجد طول نصف القطر

$$x^2 + (y + 1)^2 = 4 \quad (8)$$

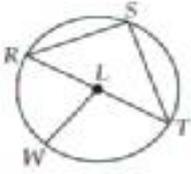
$$(x - 3)^2 + (y + 2)^2 = 16 \quad (7)$$

$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 6 = 0$$

إذا كان طرفاً أحد أقطار دائرة هما النقطتين  $(-6, 15)$  ،  $(2, 7)$  ، فأوجد معادلتها.

اعداد أ / محمود عاشور	تلخيص قوانين الدائرة - رياض 152	مدرسة الرفاع الشرقي الثانوية للبنين		
<p>ما محيط <math>ODT</math> ؟ قرب الناتج إلى أقرب عُشر</p> 		<p><math>c = 2\pi r</math> or <math>c = \pi d</math></p>	<p><b>محيط الدائرة</b> القطر <math>d</math> و نصف القطر <math>r</math></p>	1
<p>أوجد طول <math>\widehat{AB}</math></p> 		<p><math>\frac{l}{2\pi r} = \frac{x^\circ}{360^\circ}</math></p>	<p><b>طول القوس l</b> طول <math>\widehat{AB}</math> المقابل للزاوية المركزية <math>x^\circ</math> في دائرة نصف قطرها <math>r</math></p>	2
	<p>أوجد معادلة دائرة مركزها <math>(2, -5)</math> وطول نصف قطرها <math>5\sqrt{3}</math></p>	<p><math>(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2</math></p>	<p><b>معادلة الدائرة</b> بمعلومية المركز <math>(h, k)</math> وطول نصف القطر <math>r</math></p>	3
				<p>تطبيق (مستوياتتان)</p>
	<p><math>m\widehat{CD} = \dots</math> <math>m\widehat{CAD} = \dots</math> <math>m\widehat{DCA} = \dots</math></p> 	<p>قيمة <math>x</math></p> <p><math>m\widehat{CD} = \frac{18}{100} \times 360 =</math></p> 		
	<p>إذا كان <math>m\angle LBM = 3x</math>, <math>m\angle LBQ = 4x + 61</math> في <math>\odot B</math>، فما قياس <math>\angle PBQ</math> ؟</p> 		<p>أوجد قيمة <math>x</math></p>	<p>مستويات (مجموع 180)</p>
<p>أوجد قيمة <math>x</math></p> 	<p>أوجد قيمة <math>x</math></p> 	<p>إننا كان <math>m\widehat{MLN} = 98^\circ</math>, <math>MN = 16</math> في <math>\odot K</math>، فأوجد قياس كل ممّا يأتي مفرّجًا الناتج إلى أقرب جزء من مئة.</p> <p><math>\widehat{LN}</math> (22) <math>\widehat{N}</math> (21)</p> 	<p>أوجد قيمة <math>x</math></p> 	<p>تطبيق (مستوياتتان)</p>
<p>(مجموع قياسات الزوايا المركزية 360)</p> <p>أوجد قيمة <math>x</math></p> 	<p>قياس زاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها</p> 	<p>وضح إذا كان <math>FG</math> مماسًا لم ؟</p> 	<p>ما طول <math>\widehat{ED}</math> في الشكل أدناه؟</p> 	<p>تطبيق (مستوياتتان)</p>

## تمارين عامة على الدائرة



أجب عن التمارين 1-7 مستعملاً  $\odot L$  :

(1) سمّ الدائرة.

(2) سمّ نصف قطر للدائرة.

(3) سمّ وترًا في الدائرة.

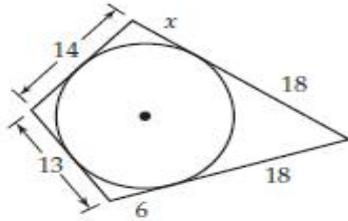
(4) سمّ قطرًا للدائرة.

(5) سمّ نصف قطر لا يكون مرسومًا كجزء من قطر للدائرة.

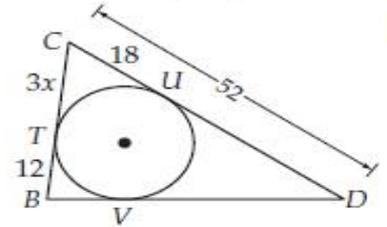
(6) ليكن طول نصف قطر الدائرة يساوي 3.5 m، أوجد طول قطرها.

(7) إذا كان  $RT = 19$  m، فأوجد  $LW$ .

جد قيمة  $x$  في كل من الشكلين أدناه، ثم أوجد محيط كل مضلع :

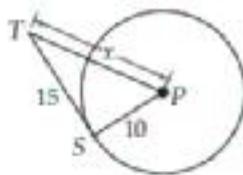


(6)

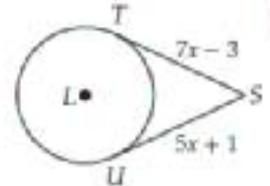


(5)

أوجد قيمة  $x$  في كل مما يأتي، مفترضًا أن القطعة المستقيمة التي تبدو مماسًا للدائرة هي مماس بالفعل، مقربًا الناتج إلى أقرب عُشر إذا لزم ذلك:

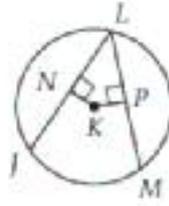


(4)

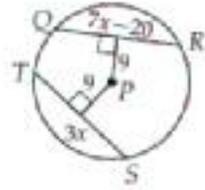


(3)

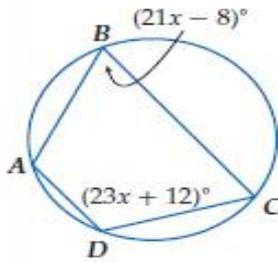
(10) إذا كان  $\overline{JL} \cong \overline{LM}$  ،  $KN = (3x - 2)$  ،  
 في المبينة أدناه، فما قيمة  $x$  ؟



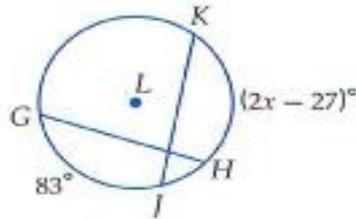
(9) إذا كان  $QR = (7x - 20)$  ،  
 في المبينة أدناه،  
 فما قيمة  $x$  ؟



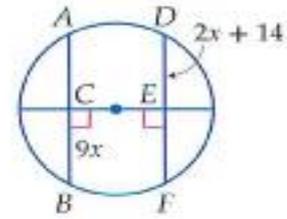
جبر: أوجد قيمة  $x$  في كل مما يأتي:



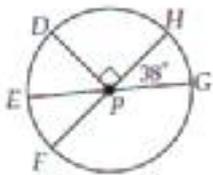
$\widehat{GJ} \cong \widehat{KH}$  (32)



$\overline{AB} \cong \overline{DF}$  (31)



إذا كان  $\overline{EG}$  ،  $\overline{FH}$  قطرين في  $\odot P$  كما في الشكل المجاور ، فأوجد كلاً مما يأتي:



$m\widehat{DE}$  (8)

$m\widehat{EF}$  (7)

$m\widehat{DHG}$  (10)

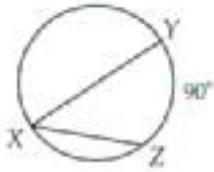
$m\widehat{FG}$  (9)

$m\widehat{DGE}$  (12)

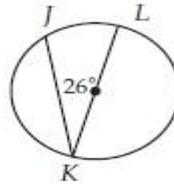
$m\widehat{DFG}$  (11)

اوجد قيمة X في كل من الاشكال التالية :

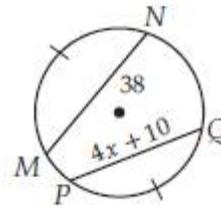
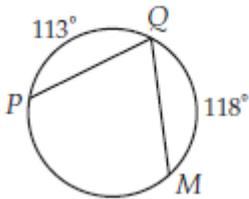
$m\angle X$  (2)



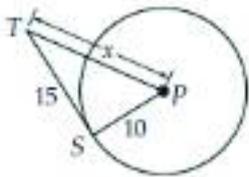
$m\widehat{JK}$  (3)



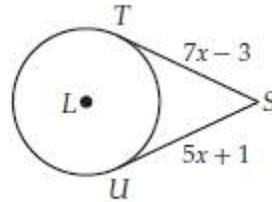
$m\angle Q$  (4)



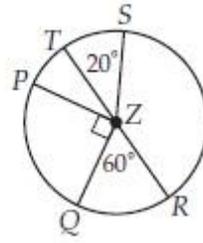
(4)



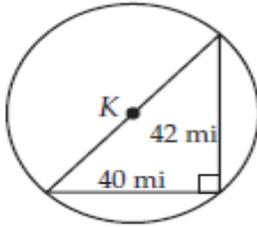
(3)



أوجد طول القوس SR حيث نصف القطر يساوي 12



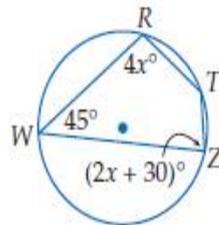
أوجد محيط الدائرة



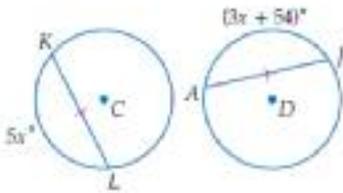
جبر: أوجد كلًا مما يأتي مستعملًا الشكل المجاور:

$m\angle T$  (25)

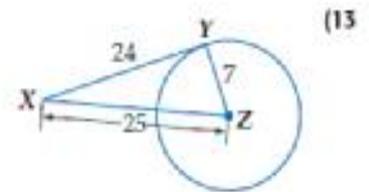
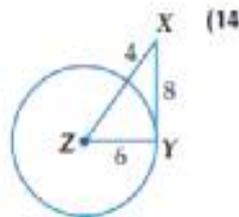
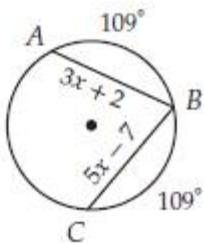
$m\angle Z$  (26)

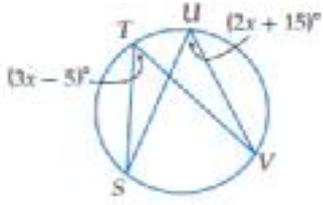


$\odot C \cong \odot D$  (13)

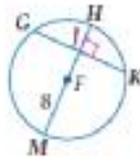
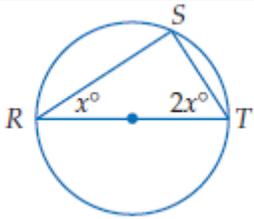
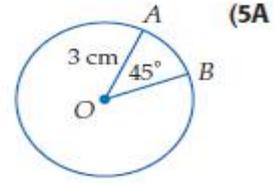
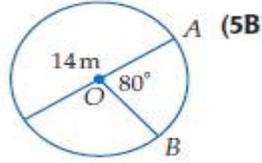


حدّد إذا كانت  $\overline{XY}$  مماسًا للدائرة المعطاة في كل من الأشكال أدناه، وبيّر إجابتك.





أوجد طول  $\widehat{AB}$  في كل مما يأتي مقرَّبًا إلى أقرب جزء من مئة.



إذا كان  $GK = 14$  و  $m\widehat{GHK} = 142^\circ$  في  $\odot F$ . فأوجد قياس كل مما يأتي مقرَّبًا  
الناتج إلى أقرب جزء من مئة. (الدرس 2-3)

$\widehat{JK}$  (48)

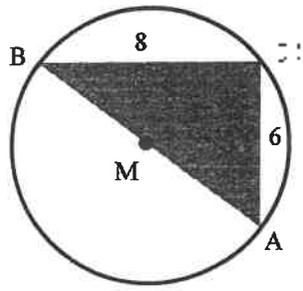
$\widehat{GH}$  (47)

$\widehat{KM}$  (49)

انتهت التدريبات المجمع - ولا تغني عن الكتاب المدرسي

رياض 152 - 31 يناير 2026 م



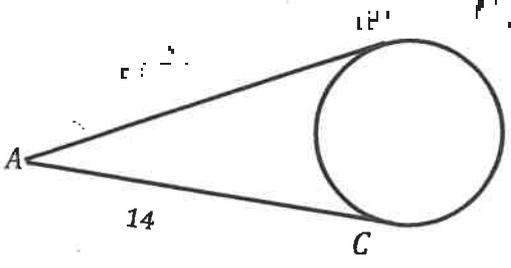


4. حلقه دایره ای به شعاع  $5\sqrt{2}$  cm. در آن یک مثلث قائم‌الزاویه به ضلع قائم  $6$  cm و ضلع وتر  $10$  cm رسم شده است. مساحت این مثلث را بیابید.

الف)  $24\sqrt{2}$  ب)  $24$  ج)  $12\sqrt{2}$  د)  $12$

5. در یک دایره  $\overline{AB}$  وتر است.  $\angle AOB = 120^\circ$  و  $\angle AOB$  زاویه مرکزی است. اگر  $\angle AOB$  زاویه مرکزی باشد،  $\angle AOB$  زاویه محیطی است. مساحت این دایره را بیابید.

الف)  $100\pi$  ب)  $100$  ج)  $50\pi$  د)  $50$

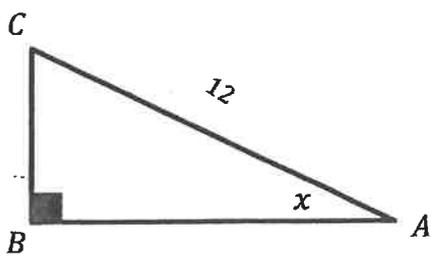


6. در یک مخروط به شعاع  $7$  cm و ارتفاع  $24$  cm، مساحت سطح جانبی آن را بیابید.

الف)  $154\pi$  ب)  $154$  ج)  $77\pi$  د)  $77$

7. در یک دایره  $\overline{AB}$  وتر است.  $\angle AOB = 120^\circ$  و  $\angle AOB$  زاویه مرکزی است. اگر  $\angle AOB$  زاویه مرکزی باشد،  $\angle AOB$  زاویه محیطی است. مساحت این دایره را بیابید.

الف)  $100\pi$  ب)  $100$  ج)  $50\pi$  د)  $50$



8. در یک مثلث قائم‌الزاویه به ضلع قائم  $8$  cm و ضلع وتر  $10$  cm، مساحت این مثلث را بیابید.

الف)  $24$  ب)  $24\sqrt{2}$  ج)  $12$  د)  $12\sqrt{2}$



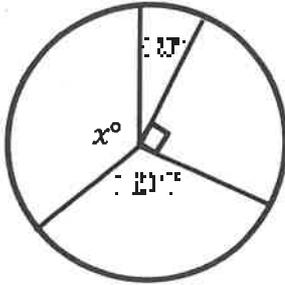
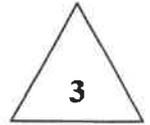




السؤال الثاني عشر



1. اوجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور .



2. اوجد  $\angle A$  ،  $\angle B$  ،  $\angle C$  ،  $\angle D$  ،  $\angle E$  ،  $\angle F$  ،  $\angle G$  ،  $\angle H$  ،  $\angle I$  ،  $\angle J$  ،  $\angle K$  ،  $\angle L$  ،  $\angle M$  ،  $\angle N$  ،  $\angle O$  ،  $\angle P$  ،  $\angle Q$  ،  $\angle R$  ،  $\angle S$  ،  $\angle T$  ،  $\angle U$  ،  $\angle V$  ،  $\angle W$  ،  $\angle X$  ،  $\angle Y$  ،  $\angle Z$  .

