

## تجميعية مراجعة نهائية وفق الهيكل الوزاري منهج بريدج



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 2025-10-21 18:13:24

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: Ahmed Samah

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم



صفحة المناهج  
الإماراتية على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الأول

تجميعية أسئلة مراجعة وفق الهيكل الوزاري الجديد باللغتين العربية والانجليزية

1

نموذج إجابة تجميعية شاملة وفق الهيكل الوزاري

2

تجميعية شاملة وفق الهيكل الوزاري بدون الحل

3

تجميعية أسئلة وفق الهيكل الوزاري الجديد باللغتين العربية والانجليزية

4

تجميعية أسئلة وحدة النهايات مع امتحانات سابقة وفق الهيكل الوزاري

5



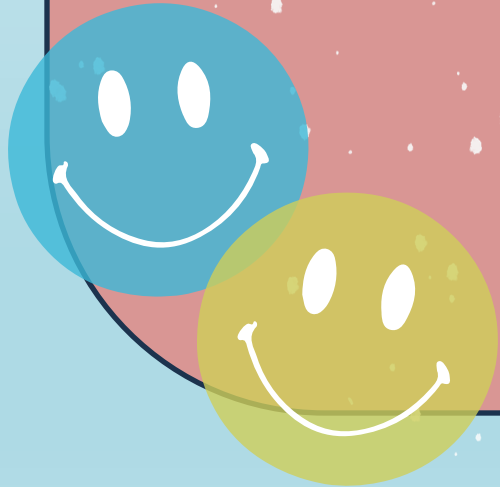
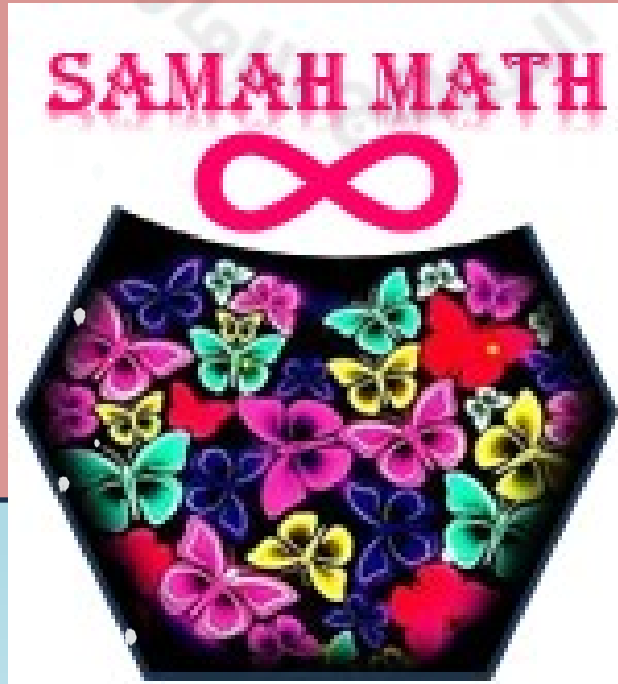
الحل بالآلة الحاسبة والخطوات

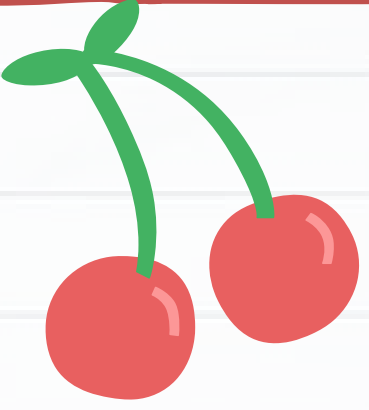
Part 2(MCQ)



هيكل الرياضيات للصف

12 متقدم الفصل الدراسي الاول 25/26





## الجزء الالكتروني

1	Estimate an arc length of a given function.	(7-12)	68
	تقدير طول القوس على منحنى دالة معطاة		70

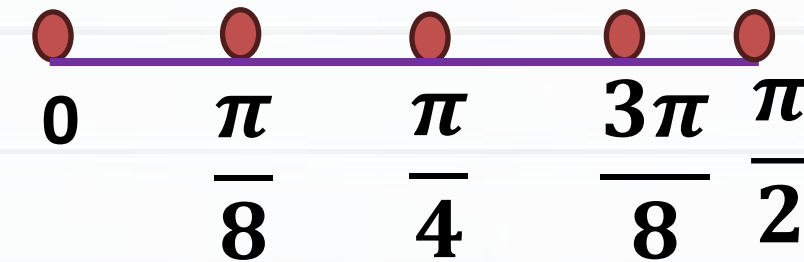
SAMAH MATH



قَدِّر طول المنحني  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

7.  $f(x) = \cos x, 0 \leq x \leq \pi/2$

$$\Delta x = \frac{b - a}{n} = \frac{\frac{\pi}{2} - 0}{4} = \frac{\pi}{8}$$



$$(0, 1), \left(\frac{\pi}{8}, \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right)$$

$$d1 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{8} - 0\right)^2 + \left(\cos\left(\frac{\pi}{8}\right) - 1\right)^2} = 0.4000086178$$

$$\left(\frac{\pi}{8}, \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right), \left(\frac{\pi}{4}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

$$d2 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{8}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right)^2} = 0.4485565678$$

$$\left(\frac{\pi}{4}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right), \left(\frac{3\pi}{8}, \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right)$$

$$d3 = \sqrt{\left(\frac{3\pi}{8} - \frac{\pi}{4}\right)^2 + \left(\cos\left(\frac{3\pi}{8}\right) - \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = 0.509375184$$

$$\left(\frac{3\pi}{8}, \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right), \left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$$

$$d4 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{3\pi}{8}\right)^2 + \left(0 - \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right)^2} = 0.5483239719$$

$$\approx 1.906$$

طول المنحني

A.

1.906

C.

4.406

B.

0.90

D.

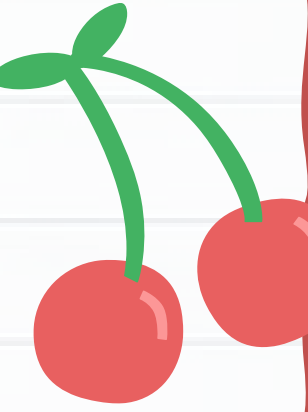
11.906

SAMAH MATH



قَدِّر طول المنحنى  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

8.  $f(x) = \sin x, 0 \leq x \leq \pi/2$



A.

1.906

C.

4.406

B.

0.90

D.

11.906

SAMAH MATH



قَدِّر طول المنحني  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

9.  $f(x) = \sqrt{x+1}, 0 \leq x \leq 3$



A.

3.167

C.

7.198

B.

13.167

D.

0.167

SAMAH MATH



قَدِّر طول المنحني  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

10.  $f(x) = 1/x, 1 \leq x \leq 2$



A.

1.1310

C.

21.90

B.

0.16210

D.

5. 10

SAMAH MATH





قَدِّر طول المنحني  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

11.  $f(x) = x^2 + 1, -2 \leq x \leq 2$



A.

9.153

C.

21.90

B.

0.16210

D.

5. 10

SAMAH MATH





قَدِّر طول المنحنى  $y = f(x)$  في الفترة المحددة باستخدام (a)  $n = 4$  قطع مستقيمة.

12.  $f(x) = x^3 + 2, -1 \leq x \leq 1$



A.

3.0463

C.

13.018

B.

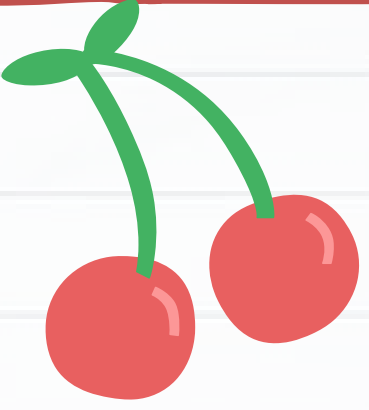
1.087

D.

9.0499

SAMAH MATH





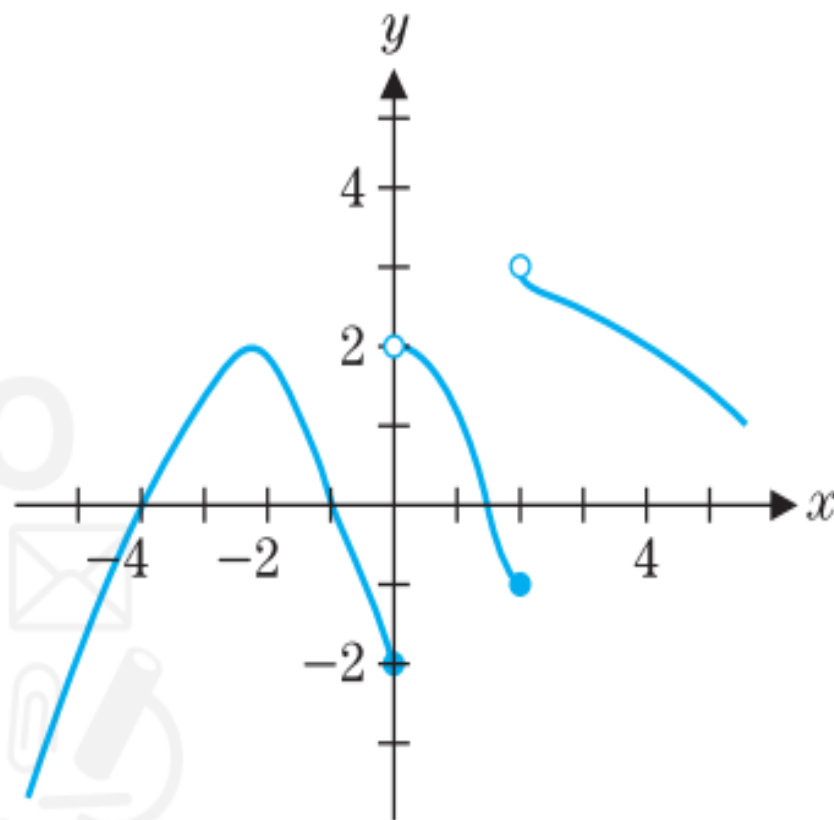
## الجزء الالكتروني

2	Find a limit algebraically or graphically, if it exists.	(7-8)	75
	إيجاد قيمة نهاية دالة ما جبريا وبيانيا، إن وجدت		77

SAMAH MATH



في التمرينين 7 و 8، حدد كل نهاية أو اذكر عدم وجودها في كل مما يلي:



7. (a)  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$

(b)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

(c)  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

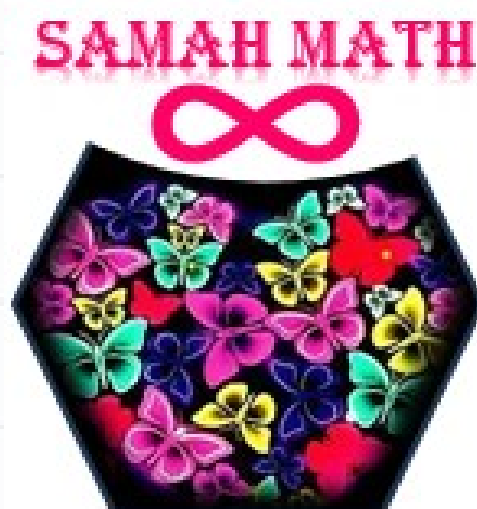
(d)  $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$

(e)  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

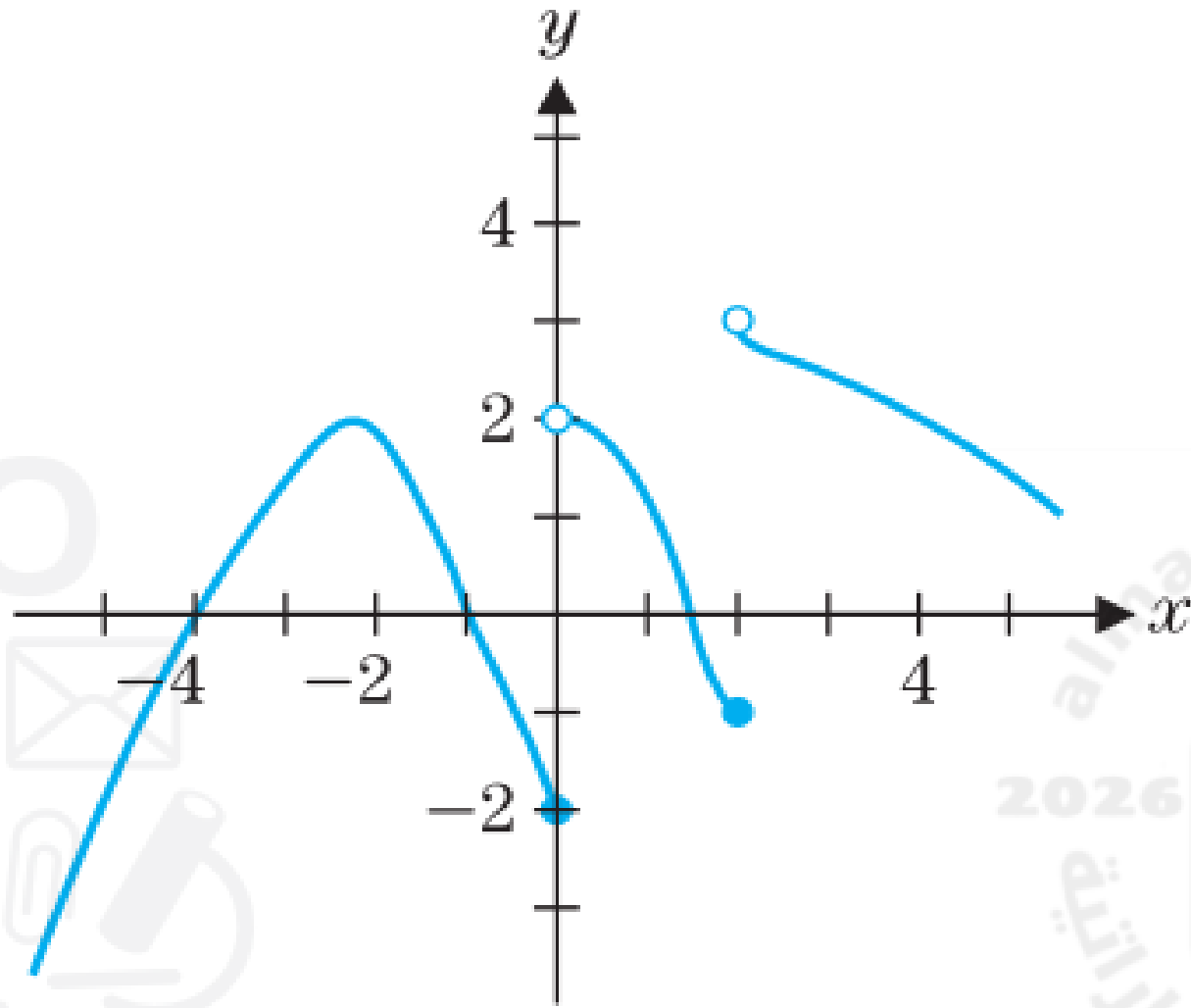
(f)  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

(g)  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$

(h)  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$



في التمرينين 7 و 8، حدد كل نهاية أو اذكر عدم وجودها في كل مما يلي:



8. (a)  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

(b)  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$

(c)  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

(d)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$

(e)  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

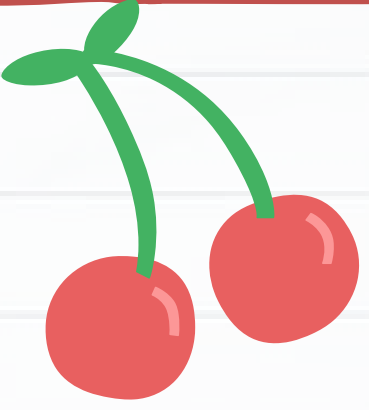
(f)  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$

(g)  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$

(h)  $\lim_{x \rightarrow -3} f(x)$

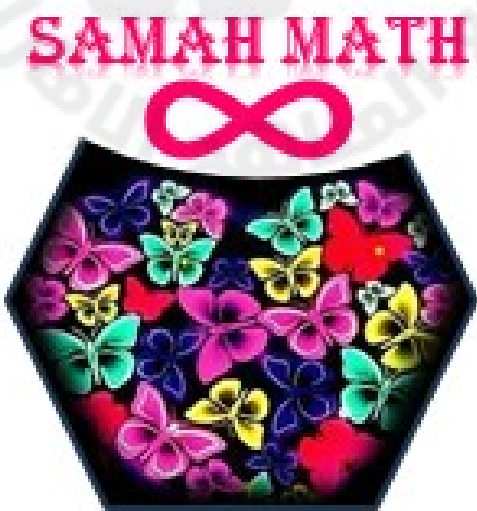
SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

3	Find limits of polynomial, rational, and trigonometric functions using theorems.	(21-28)	85
	إيجاد نهاية الدوال كثيرة الحدود والنسبية والمثلثية باستخدام نظريات النهايات		87



أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ على فرض أن } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

$$21. \lim_{x \rightarrow 2} f(x), \text{ حيث } f(x) = \begin{cases} 2x & ; x < 2 \\ x^2 & ; x \geq 2 \end{cases}$$



A.

4

C.

-2

B.

2

D.

4

SAMAH MATH



$$22. \lim_{x \rightarrow -1} f(x), \text{ حيث } f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & , \quad x < -1 \\ 3x + 1 & , \quad x \geq -1 \end{cases}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\text{على فرض أن } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$



A.

Does not  
exist

C.

1

B.

-1

D.

 $\frac{2}{3}$ 

SAMAH MATH





23.  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$ , حيث  $f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & , x < -1 \\ 3 & , -1 < x < 1 \\ 2x + 1 & , x > 1 \end{cases}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

Does not  
exist

C.

1

B.

-1

D.

0

SAMAH MATH



$$24. \lim_{x \rightarrow 1} f(x), \text{ حيث } f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & , \quad x < -1 \\ 3 & , \quad -1 < x < 1 \\ 2x + 1 & , \quad x > 1 \end{cases}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\text{على فرض أن } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$



A.

3

C.

0

B.

0.5

D.

1.9

SAMAH MATH



$$25. \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2+h)^2 - 4}{h}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ على فرض أن } 1$$



A.

4

C.

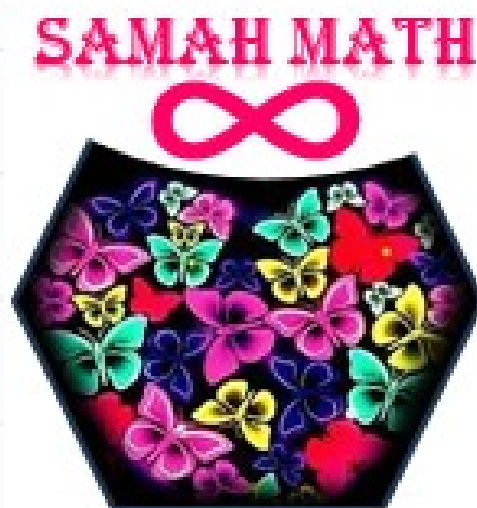
0

B.

0.5

D.

1.3



$$26. \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1+h)^3 - 1}{h}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ على فرض أن}$$



A.

3

C.

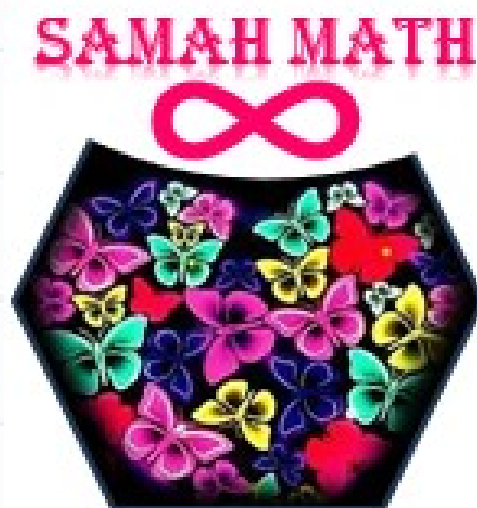
0

B.

-1

D.

2



$$27. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(x^2 - 4)}{x^2 - 4}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ على فرض أن}$$



A.

1

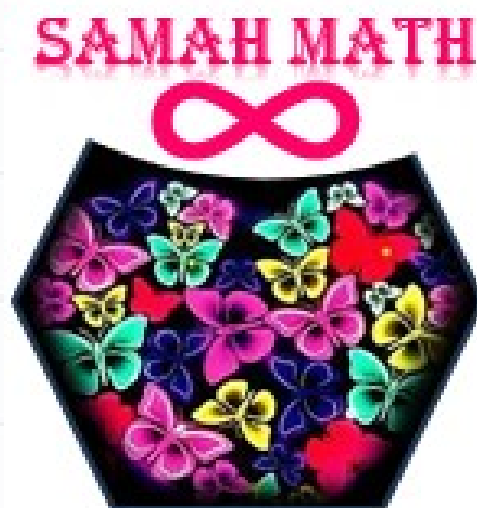
C.

8

B.

-4

D.

 $\pm 2$ 

$$28. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x}{5x}$$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1 \text{ على فرض أن}$$



A.

$$\frac{1}{5}$$

C.

*does not exist*

B.

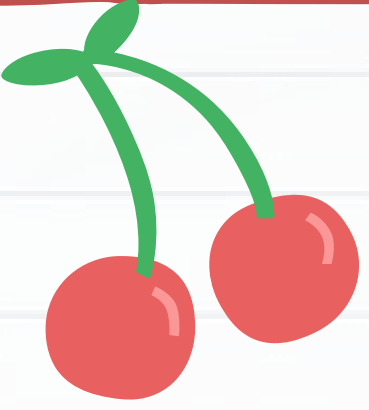
$$-4$$

D.

$$\pm 0.5$$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

4	Use the squeeze theorem to find limits	(29-32)	85
	استخدم نظرية الشظيرة لإيجاد النهايات		87

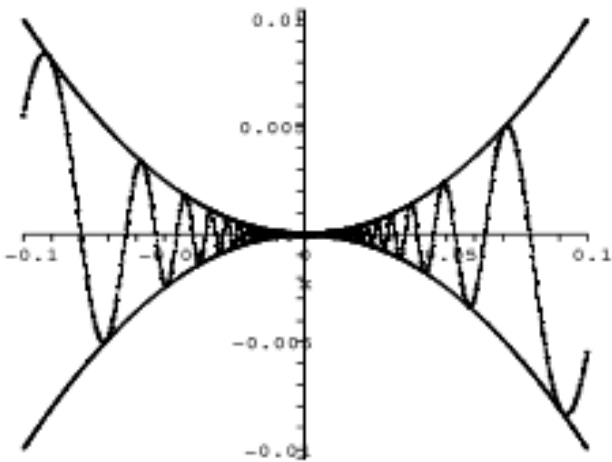
SAMAH MATH





29.

$x^2$	$x^2 \sin(1/x)$
-0.1	0.0054
-0.01	$5 \times 10^{-5}$
-0.001	$-8 \times 10^{-7}$
0.1	-0.005
0.01	$-5 \times 10^{-5}$
0.001	$8 \times 10^{-7}$



29. استخدم أدلة عددية وبيانية لتخمين قيمة  $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin(1/x)$ .

استخدم نظرية الشظيرة لإثبات أنك على صواب: عرّف الدالتين

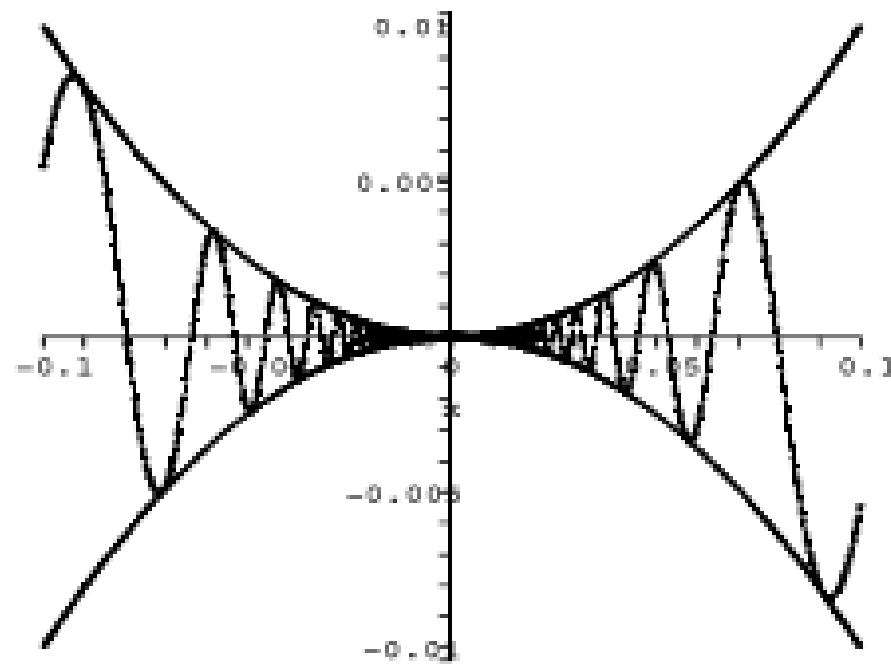
$f$  و  $h$ . ووضح بيانًا أنّ  $f(x) \leq x^2 \sin(1/x) \leq h(x)$  وعلّل أنّ

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} h(x)$$



30. لماذا لا نستطيع استخدام نظرية الشطيرة كما في المثال 29 لإثبات أن  $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sec(1/x) = 0$ ؟ استكشف هذه النهاية بيانًا.





31. استخدم نظرية الشظيرة لإثبات أن  $\lim_{x \rightarrow 0^+} [\sqrt{x} \cos^2(1/x)] = 0$   
 وعرف الدالتين  $f$  و  $h$  ووضح بياناً أن  $f(x) \leq \sqrt{x} \cos^2(1/x) \leq h(x)$   
 لجميع قيم  $x > 0$ . وعلل أن  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = 0$

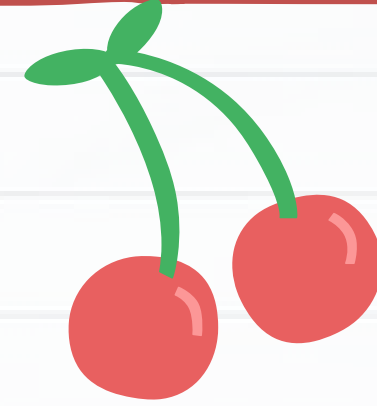


32. افترض أنّ  $f(x)$  محدودة: بمعنى أن هناك  $M$  ثابتة بحيث تكون

$|f(x)| \leq M$  لجميع قيم  $x$ . استخدم نظرية الشطيرة لإثبات أنّ

$$\lim_{x \rightarrow 0} x^2 f(x) = 0$$





## الجزء الالكتروني

5	Use the continuity properties to study the continuity of a function or a composition of functions at a given point استخدم خصائص الاتصال لدراسة اتصال الدالة أو مجموعة الدوال عند نقطة معينة	(21-28)	95
			97

SAMAH MATH



حدد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

21.  $f(x) = \sqrt{x+3}$



A.

$[-3, \infty)$

C.

$(-\infty, -4), (2, \infty)$

B.

$(2, \infty)$

D.

$(-\infty, 1), (2, \infty)$

SAMAH MATH



حدّد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

22.  $f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$



A.

$(-\infty, -2), (2, \infty)$

C.

$(-2, 0)$

B.

$(-3, -1)$

D.

$(-\infty, \infty)$

SAMAH MATH





حدد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

23.  $f(x) = \sqrt[3]{x+2}$



A.

$(-\infty, \infty)$

C.

$(-2, 0)$

B.

$(-3, -1)$

D.

$[-2, -1]$

SAMAH MATH



حدد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

24.  $f(x) = (x - 1)^{3/2}$



A.

$[1, \infty)$

C.

$(-\infty, -4), (2, \infty)$

B.

$[2, \infty)$

D.

$(-\infty, 1), (2, \infty)$

SAMAH MATH



حدد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

25.  $f(x) = \sin^{-1}(x + 2)$



A.

$[-3, -1]$

C.

$(-2, 0)$

B.

$(-3, -1)$

D.

$(-\infty, \infty)$

SAMAH MATH



حدد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.

26.  $f(x) = \ln(\sin x)$



A.

$\sin x > 0$

C.

$\sin x \geq 0$

B.

$\sin x \leq 0$

D.

$\sin x \neq 1$

SAMAH MATH



$$27. f(x) = \frac{\sqrt{x+1} + e^x}{x^2 - 2}$$

حدّد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.



A.

$$x \neq \sqrt{2}, [-1, \infty)$$

C.

$$x \neq 0, [\sqrt{2}, \infty)$$

B.

$$x \neq \sqrt{2}, [0, \infty)$$

D.

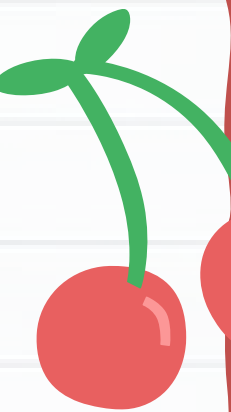
$$x \neq \sqrt{3}, [2, \infty)$$

SAMAH MATH



$$28. f(x) = \frac{\ln(x^2 - 1)}{\sqrt{x^2 - 2x}}$$

حدّد الفترات التي تكون عندها  $f$  متصلة.



A.  $(-\infty, -1), (2, \infty)$

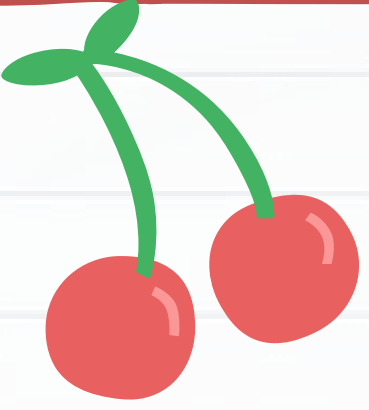
B.  $(-\infty, -4), (2, \infty)$

C.  $(-\infty, 0), (1, \infty)$

D.  $(-\infty, 1), (2, \infty)$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

6	Find horizontal, vertical, and slant asymptotes using limits.	(23-32)	106
	إيجاد خطوط التقارب الأفقية والرأسية والمائلة باستخدام النهايات		108

SAMAH MATH





في التمارين 23-28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

$$23. (a) f(x) = \frac{x}{4 - x^2}$$



A.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 2$ خط التقارب الافقي  $y = 0$ 

B.

خط التقارب الرأسي  $x = 3$ خط التقارب الافقي  $y = 1$ 

C.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$ خط التقارب الافقي  $y = -1$ 

D.

خط التقارب الرأسي  $x = 0$ خط التقارب الافقي  $y = 0$ 

SAMAH MATH



(b)  $f(x) = \frac{x^2}{4 - x^2}$

في التمارين 23-28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .



A.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 2$ خط التقارب الافقي  $y = -1$ 

C.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$ خط التقارب الافقي  $y = -1$ 

B.

خط التقارب الافقي  $x = 0$ خط التقارب الرأسي  $y = 0$ 

D.

خط التقارب الرأسي  $x = 3$ خط التقارب الافقي  $y = 1$ 

SAMAH MATH



في التمارين 23-28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

$$24. (a) f(x) = \frac{x}{\sqrt{4+x^2}}$$

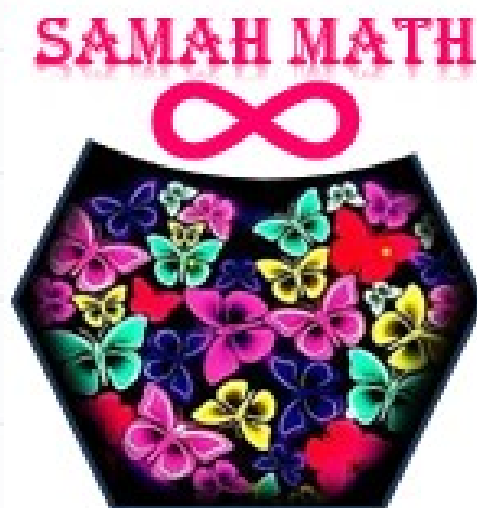


A. لا يوجد  
خط التقارب الرأسي  
خط التقارب الافقي  $y = \pm 1$

B. خط التقارب الافقي  $x = 0$   
خط التقارب الرأسي  $y = 0$

C. خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$   
خط التقارب الافقي  $y = -1$

D. خط التقارب الرأسي  $x = 3$   
خط التقارب الافقي  $y = 1$



(b)  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{4-x^2}}$

في التمارين 23-28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .



A.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 2$ 

خط التقارب الافقي لا يوجد

C.

خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$ خط التقارب الافقي  $y = -1$ 

B.

خط التقارب الافقي  $x = 0$ خط التقارب الرأسي  $y = 0$ 

D.

خط التقارب الرأسي  $x = 3$ خط التقارب الافقي  $y = 1$ 

SAMAH MATH



في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

$$25. f(x) = \frac{3x^2 + 1}{x^2 - 2x - 3}$$

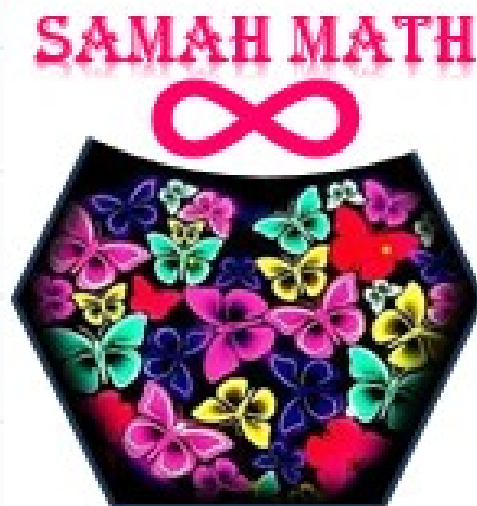


**A.** خط التقارب الرأسي  $x = -1, 3$   
خط التقارب الأفقي  $y = 3$

**B.** خط التقارب الأفقي  $x = 0$   
خط التقارب الرأسي  $y = 0$

**C.** خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$   
خط التقارب الأفقي  $y = -1$

**D.** خط التقارب الرأسي  $x = 3$   
خط التقارب الأفقي  $y = 1$





$$26. f(x) = \frac{1-x}{x^2+x-2}$$

في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .



**A.** خط التقارب الرأسي  $x = -2$   
خط التقارب الأفقي  $y = 0$

**B.** خط التقارب الأفقي  $x = 0$   
خط التقارب الرأسي  $y = 0$

**C.** خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$   
خط التقارب الأفقي  $y = -1$

**D.** خط التقارب الرأسي  $x = 3$   
خط التقارب الأفقي  $y = 1$

SAMAH MATH



27.  $f(x) = 4 \tan^{-1} x - 1$

في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

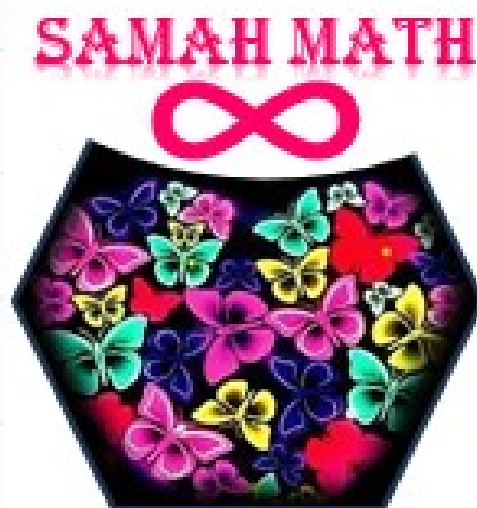


A. لا يوجد خط التقارب الرأسي  
خط التقارب الأفقي  $y = \pm 2\pi - 1$

B. خط التقارب الأفقي  $x = 0$   
خط التقارب الرأسي  $y = 0$

C. خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$   
خط التقارب الأفقي  $y = -1$

D. خط التقارب الرأسي  $x = 3$   
خط التقارب الأفقي  $y = 1$



في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

28.  $f(x) = \ln(1 - \cos x)$

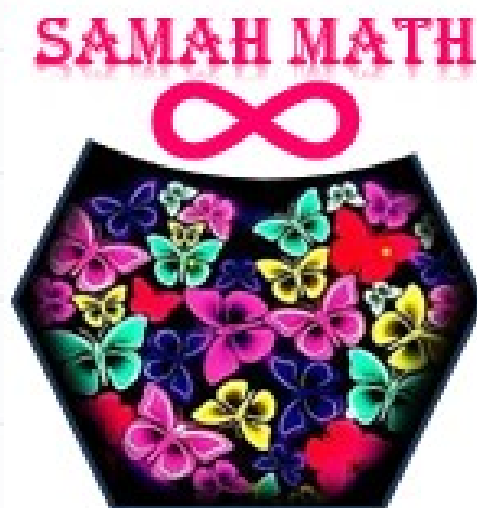


A. لجميع قيم  $x$  خط التقارب الرأسي  $x = 0, 2n\pi$   
خط التقارب الأفقي لا يوجد

B. خط التقارب الأفقي  $x = 0$   
خط التقارب الرأسي  $y = 0$

C. خط التقارب الرأسي  $x = \pm 4$   
خط التقارب الأفقي  $y = -1$

D. خط التقارب الرأسي  $x = 3$   
خط التقارب الأفقي  $y = 1$





29.  $y = \frac{x^3}{4 - x^2}$

في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .



A.  $x = \pm 2$  خط التقارب الرأسي  
 $y = -x$  معادلة خط التقارب المائل

B.  $x = 0$  خط التقارب الأفقي  
 $y = 0$  معادلة خط التقارب المائل

C.  $x = \pm 4$  خط التقارب الرأسي  
 $y = -1$  معادلة خط التقارب المائل

D.  $x = 3$  خط التقارب الرأسي  
 $y = 1$  معادلة خط التقارب المائل

SAMAH MATH



في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

$$30. \ y = \frac{x^2 + 1}{x - 2}$$



**A.**  $x = 2$  خط التقارب الرأسي  
 $y = x + 2$  معادلة خط التقارب المائل

**B.**  $x = 0$  خط التقارب الأفقي  
 $y = 0$  معادلة خط التقارب المائل

**C.**  $x = \pm 4$  خط التقارب الرأسي  
 $y = -1$  معادلة خط التقارب المائل

**D.**  $x = 3$  خط التقارب الرأسي  
 $y = 1$  معادلة خط التقارب المائل

SAMAH MATH



31.  $y = \frac{x^3}{x^2 + x - 4}$

في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .



A.  $x = \frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$  خط التقارب الرأسي  
 $y = x - 1$  معادلة خط التقارب المائل

B.  $x = 0$  خط التقارب الأفقي  
 $y = 0$  معادلة خط التقارب المائل

C.  $x = \pm 4$  خط التقارب الرأسي  
 $y = -1$  معادلة خط التقارب المائل

D.  $x = 3$  خط التقارب الرأسي  
 $y = 1$  معادلة خط التقارب المائل

SAMAH MATH



في التمارين 23–28، حدّد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت  $f(x) \rightarrow \infty$  أم  $f(x) \rightarrow -\infty$ .

$$32. y = \frac{x^4}{x^3 + 2}$$



**A.**  $x = \sqrt[3]{-2}$  خط التقارب الرأسي  
 $y = x$  معادلة خط التقارب المائل

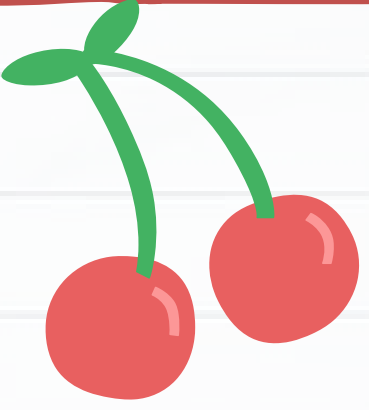
**B.**  $x = 0$  خط التقارب الأفقي  
 $y = 0$  معادلة خط التقارب المائل

**C.**  $x = \pm 4$  خط التقارب الرأسي  
 $y = -1$  معادلة خط التقارب المائل

**D.**  $x = 3$  خط التقارب الرأسي  
 $y = 1$  معادلة خط التقارب المائل

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

7	b) Find limits at infinity and limits that are infinite.	(9-22)	106
	b) إيجاد النهايات التي تؤول إلى اللانهاية والنهايات عند اللانهاية		108

SAMAH MATH



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

9.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 3x - 2}{3x^2 + 4x - 1}$



A.

$$\frac{1}{3}$$

C.

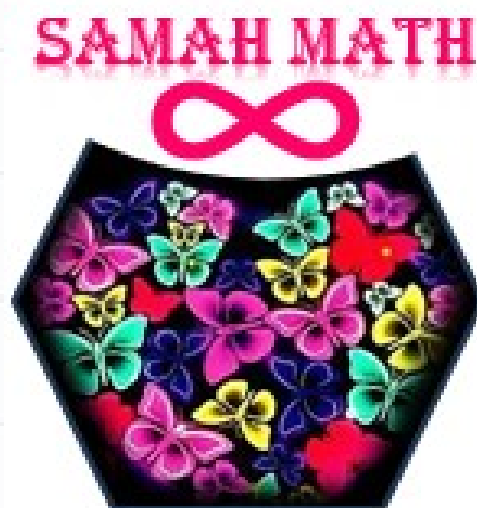
$$\frac{4}{7}$$

B.

$$\frac{1}{2}$$

D.

$$2$$





في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

10.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - x + 1}{4x^2 - 3x - 1}$



A.

$$\frac{1}{2}$$

C.

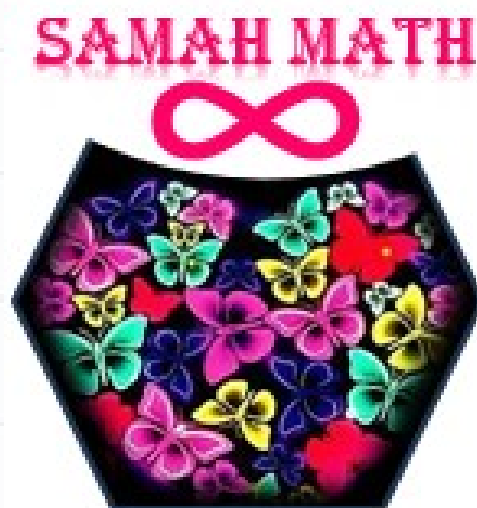
$$\frac{4}{7}$$

B.

$$\frac{1}{4}$$

D.

$$2$$



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

$$11. \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x}{\sqrt{4+x^2}}$$



A.

1

C.

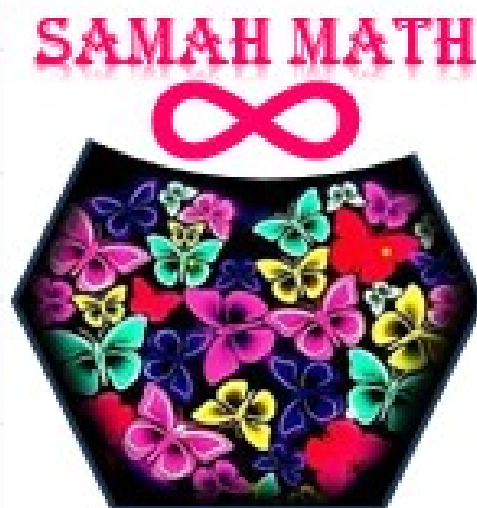
$\frac{4}{7}$

B.

$\frac{1}{2}$

D.

2





في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

$$12. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 1}{4x^3 - 5x - 1}$$



A.

0

C.

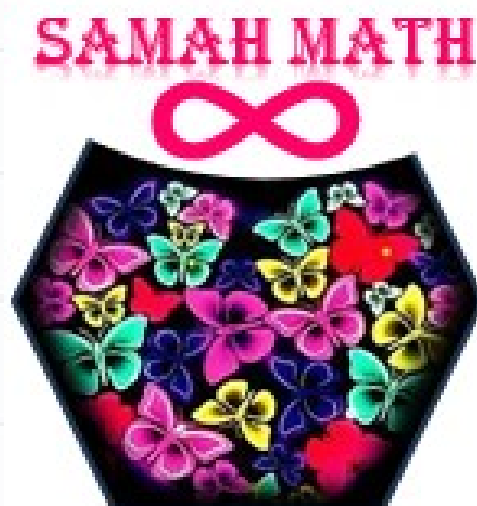
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

13.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \ln \left( \frac{x^2 + 1}{x - 3} \right)$



A.

 $\infty$ 

C.

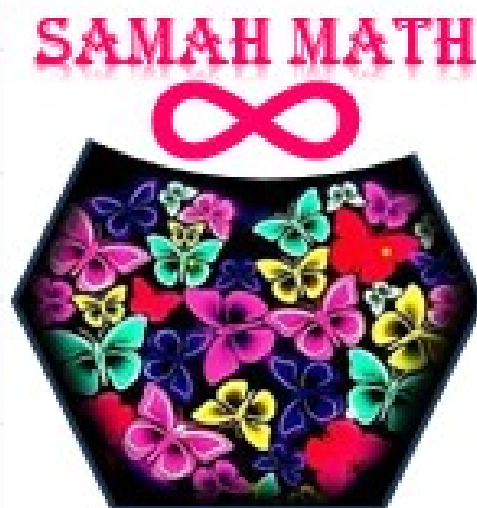
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

14.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x \sin x)$



A.

 $-\infty$ 

C.

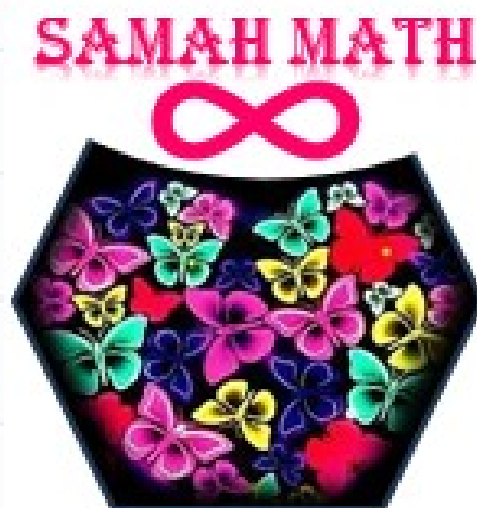
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

15.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} e^{-2/x^3}$



A.

0

C.

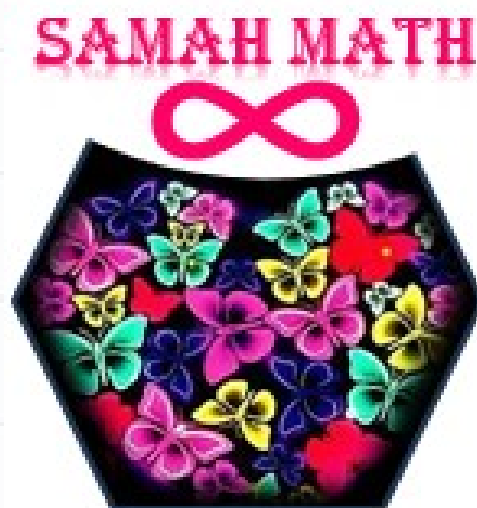
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

16.  $\lim_{x \rightarrow \infty} e^{-(x+1)/(x^2+2)}$



A.

1

C.

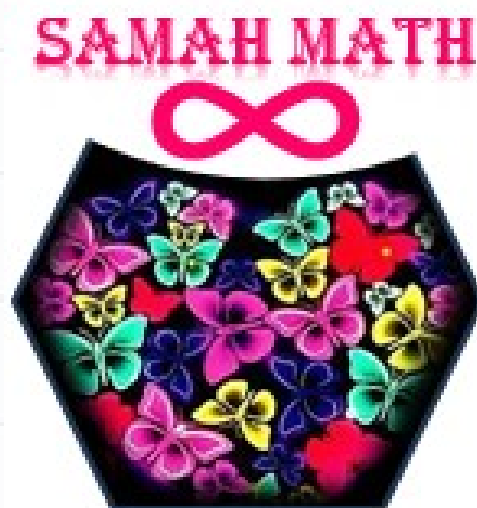
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 5-22. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

17.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \cot^{-1} x$



A.

0

C.

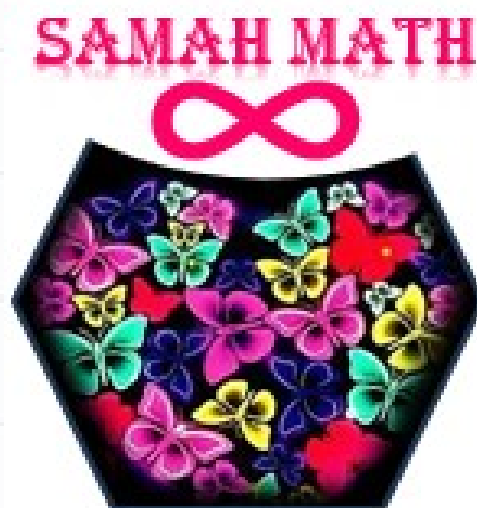
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{1}{2}$ 

D.

2



في التمارين 22-5. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

$$18. \lim_{x \rightarrow \infty} \sec^{-1} \frac{x^2 + 1}{x + 1}$$



A.

$$\frac{\pi}{2}$$

C.

$$\frac{4}{7}$$

B.

$$0$$

D.

$$2$$

SAMAH MATH



في التمارين 22-5. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

19.  $\lim_{x \rightarrow 0} \sin(e^{-1/x^2})$



A.

0

C.

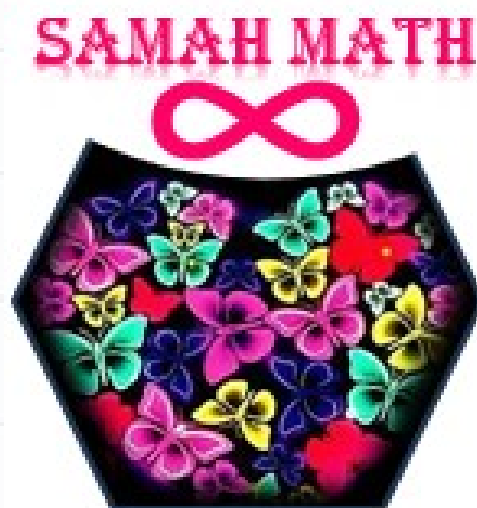
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{\pi}{3}$ 

D.

2





في التمارين 22-5. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

20.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \sin(\tan^{-1} x)$



A.

1

C.

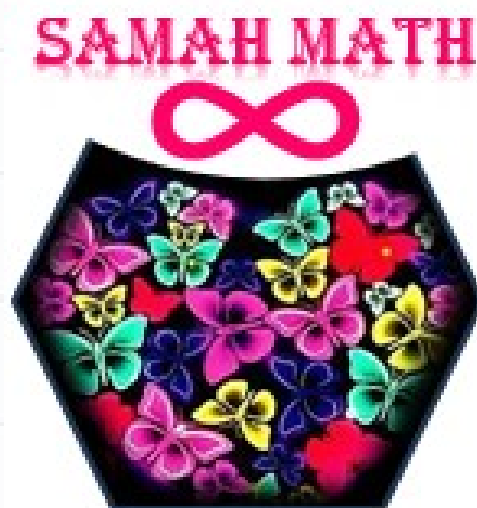
 $\frac{4}{7}$ 

B.

 $\frac{\pi}{3}$ 

D.

2



في التمارين 22-5. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

21.  $\lim_{x \rightarrow \pi/2} e^{-\tan x}$

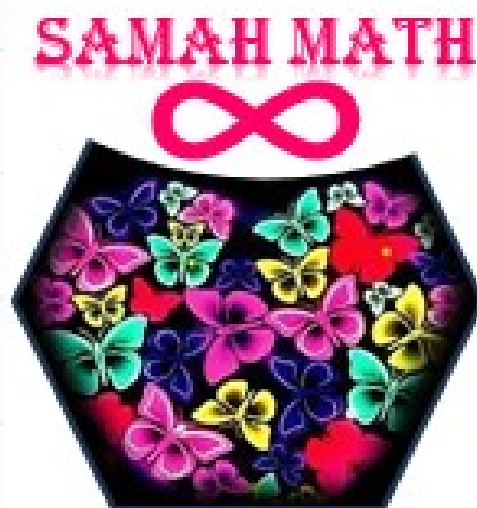


A. *does not exist*

B.  $\frac{\pi}{3}$

C.  $\frac{4}{7}$

D. 2



في التمارين 22-5. حدّد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء،  
بعدد أو  $\infty$  أو  $-\infty$  أو غير موجودة).

$$22. \lim_{x \rightarrow 0^+} \tan^{-1}(\ln x)$$



A.

$$\frac{-\pi}{2}$$

C.

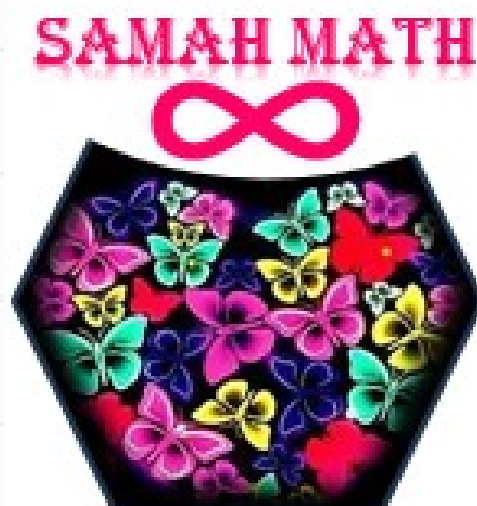
$$\frac{4}{7}$$

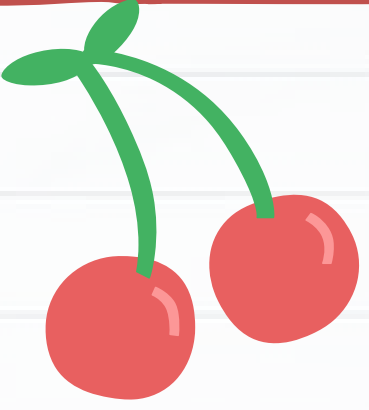
B.

$$2$$

D.

*does not exist*





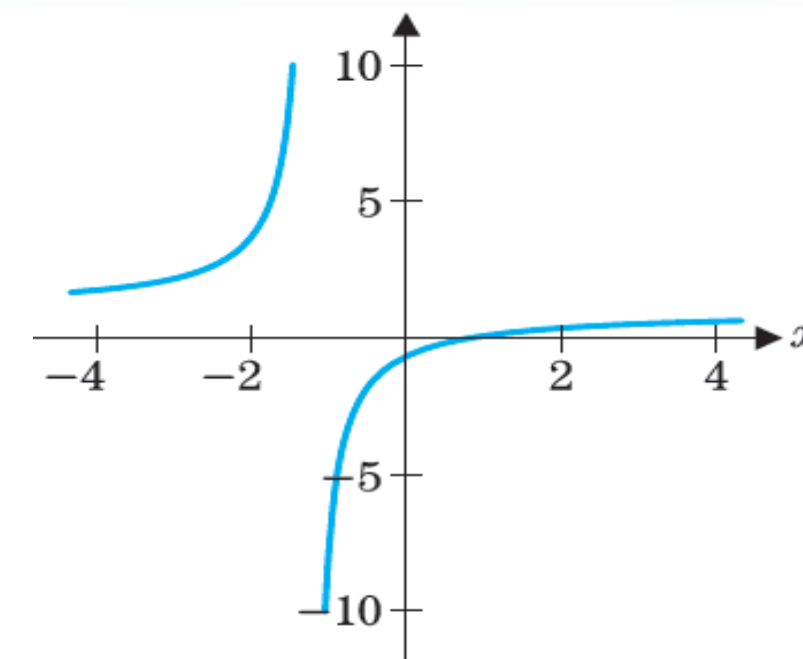
## الجزء الالكتروني

8	Link and interpret the slope of a secant line and tangent line	Example 3	136
	ربط وتفسير ميل الخط القاطع والخط المماس		138

SAMAH MATH

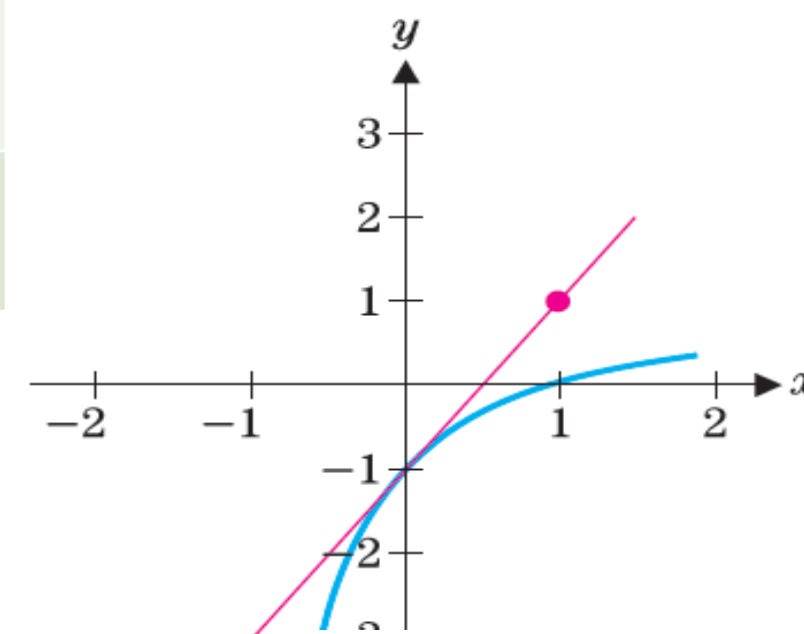


**مثال 1.3** التقريب البياني والعددي لميل المماس  
قرب ميل المماس لـ  $y = \frac{x-1}{x+1}$  عند  $x = 0$  بيانيًا وعدديًا.



الشكل 3.10a

$$y = \frac{x-1}{x+1}$$

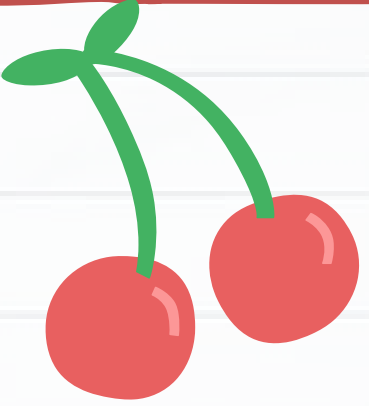


الشكل 3.10b

المماس

SAMAH MATH

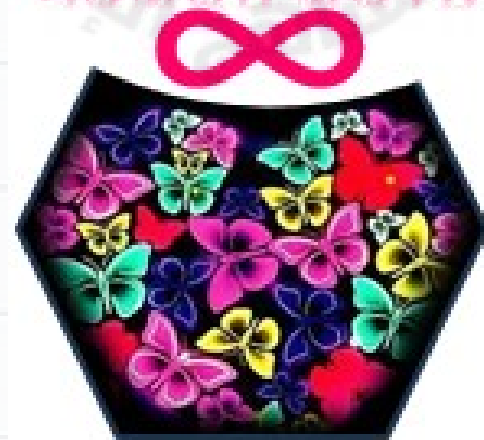




## الجزء الالكتروني

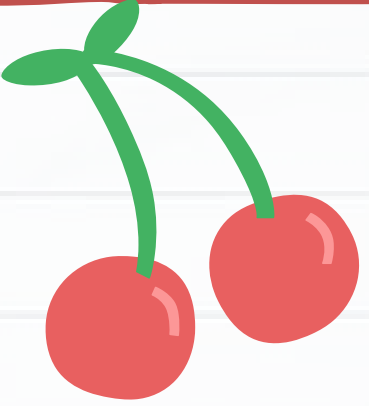
9	Find the derivative of a function at a given point إيجاد المشتقة للدالة عند نقطة معينة	Example 3	145
			147

SAMAH MATH



**مثال 2.3** إيجاد مشتقة دالة نسبية بسيطة  
إذا كانت  $f(x) = \frac{1}{x}$  ( $x \neq 0$ ) فأوجد  $f'(x)$ .





## الجزء الالكتروني

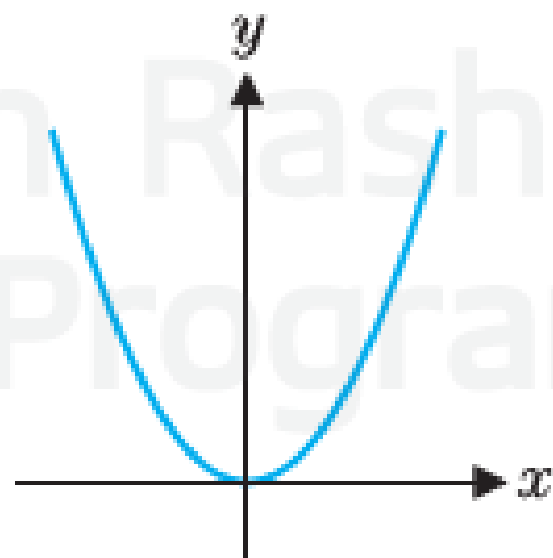
10	Understand the relationship between continuity and differentiability فهم العلاقة بين الاتصال والاشتقاق	(13-18)	151
			153

SAMAH MATH





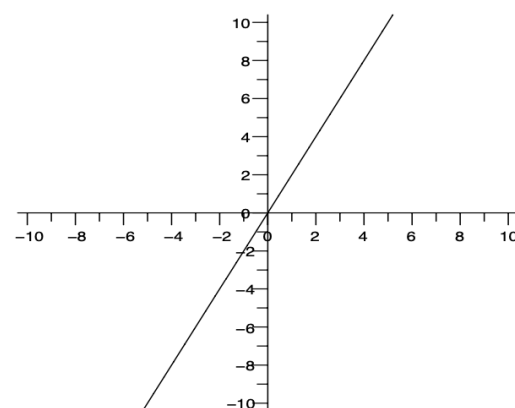
13. (a)



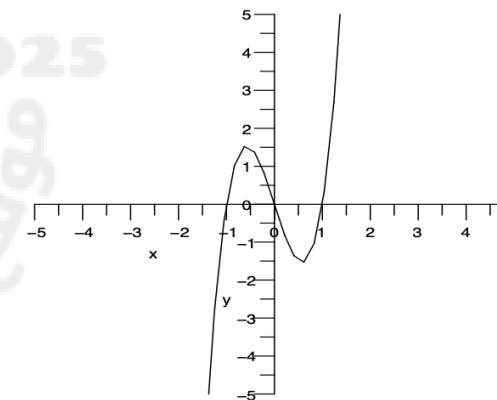
في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
لرسم التمثيل البياني لمشتقة الدالة.

حدد التمثيل البياني لمشتقة الدالة

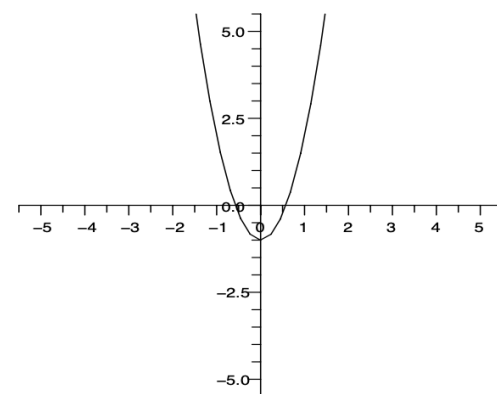
A.



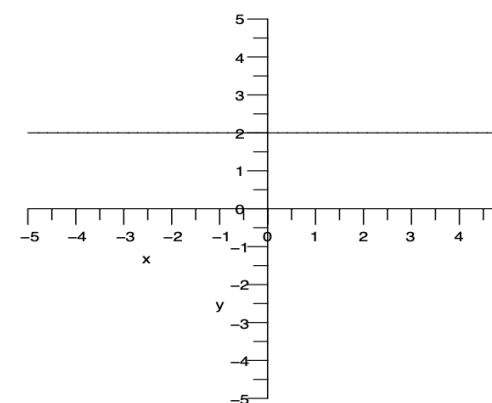
C.



B.

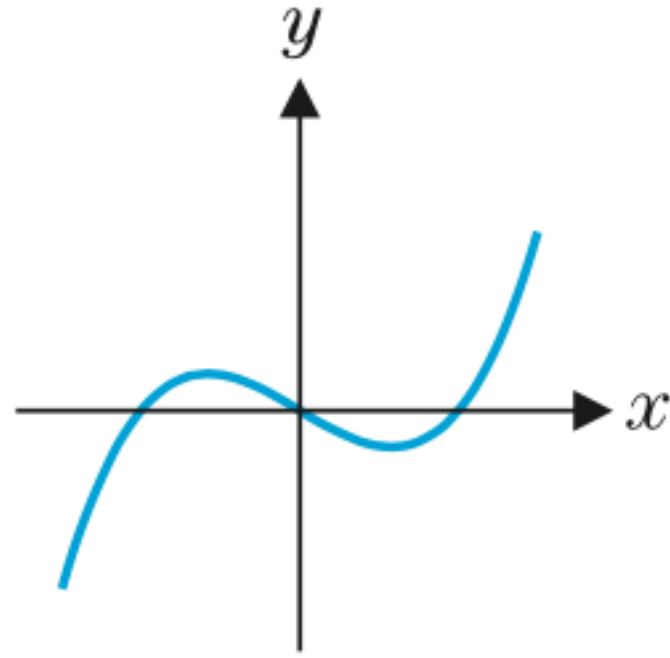


D.

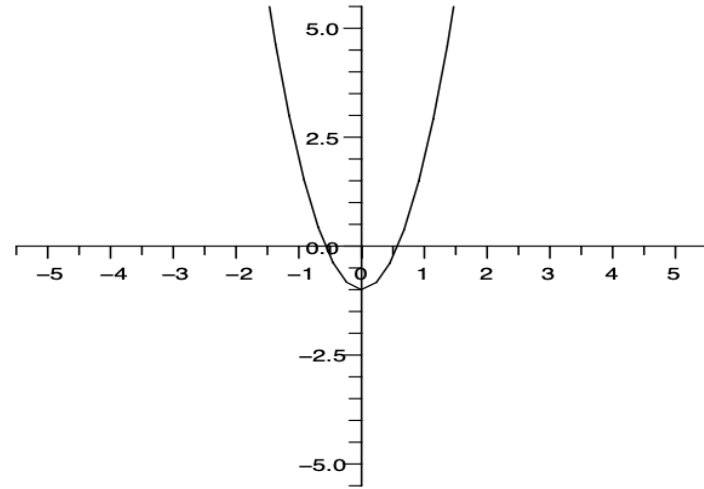


SAMAH MATH

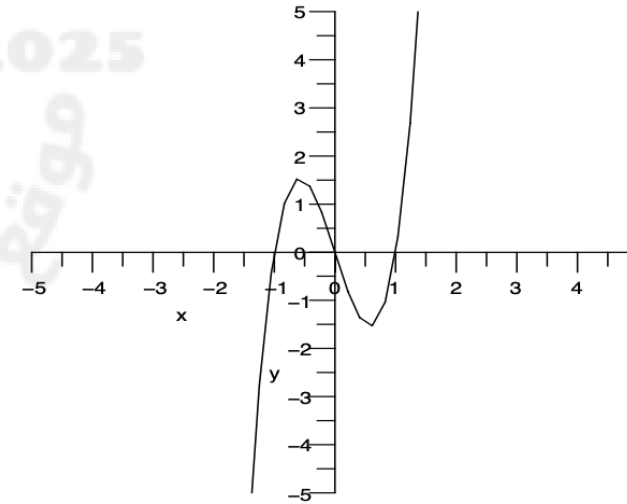




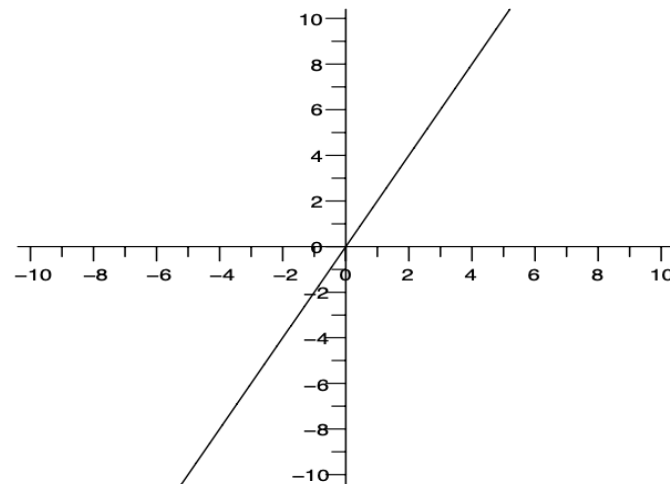
في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
 لرسم التمثيل البياني لمشتقة الدالة.  
 حدد التمثيل البياني لمشتقة الدالة



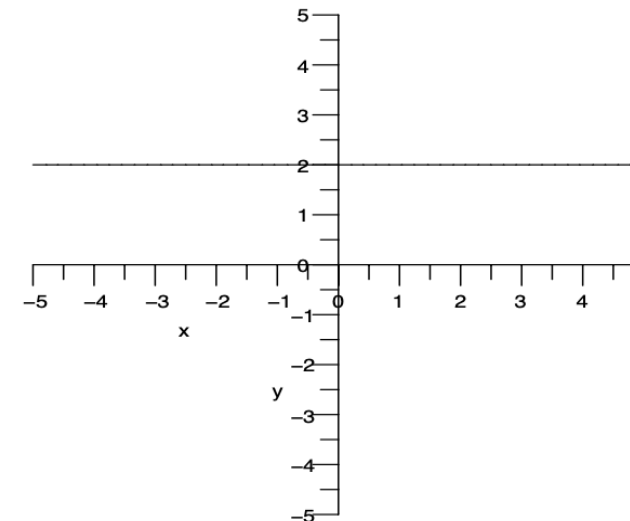
A.



C.



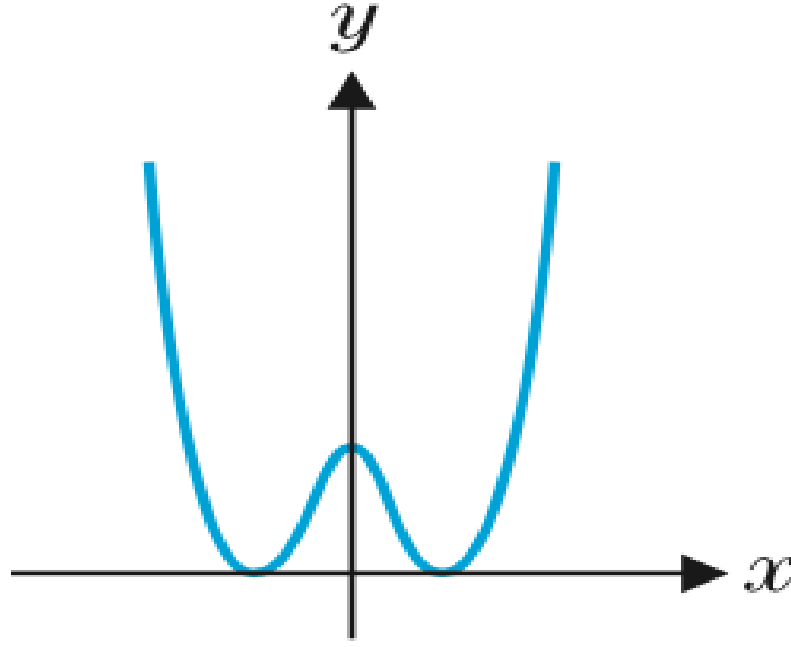
B.



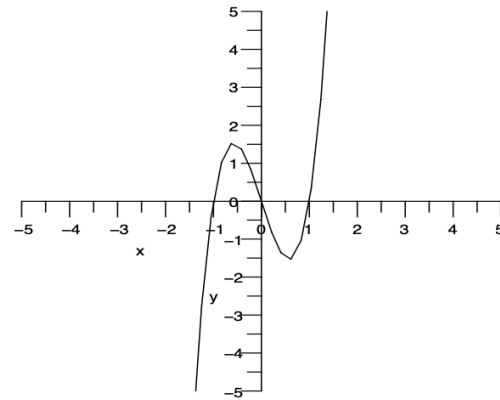
D.

SAMAH MATH

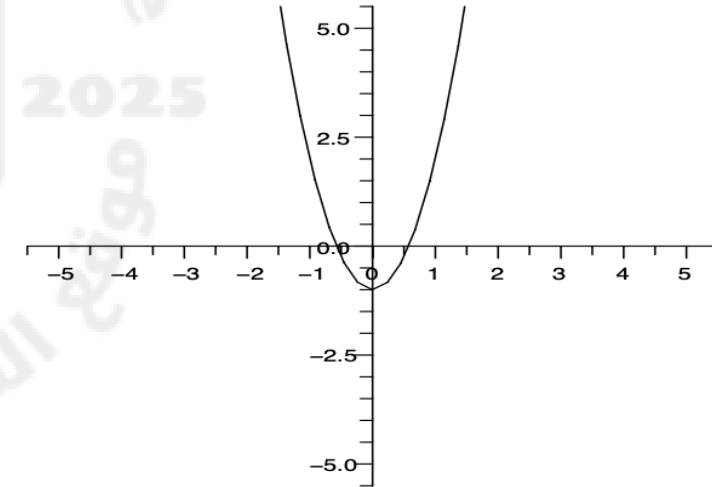




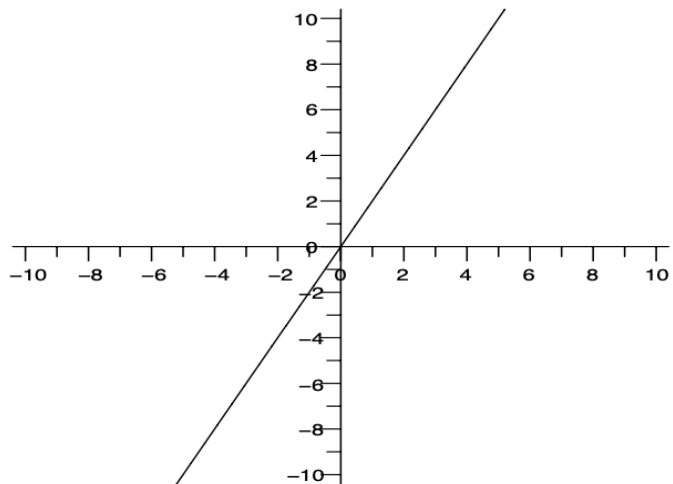
في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
 لرسم التمثيل البياني لمشتقة الدالة.  
 حدد التمثيل البياني لمشتقة الدالة



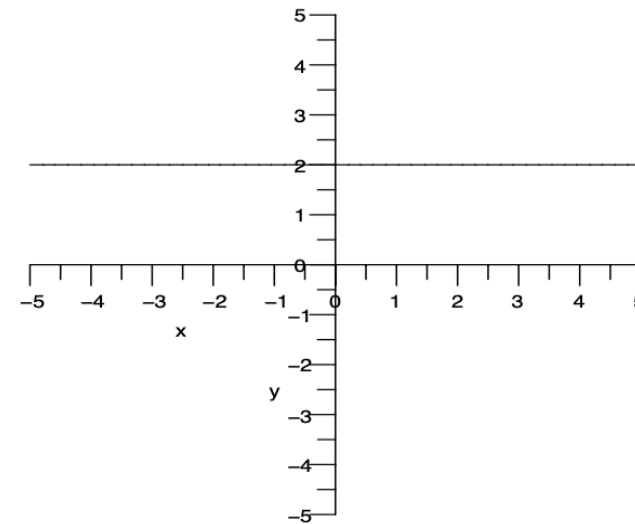
A.



C.



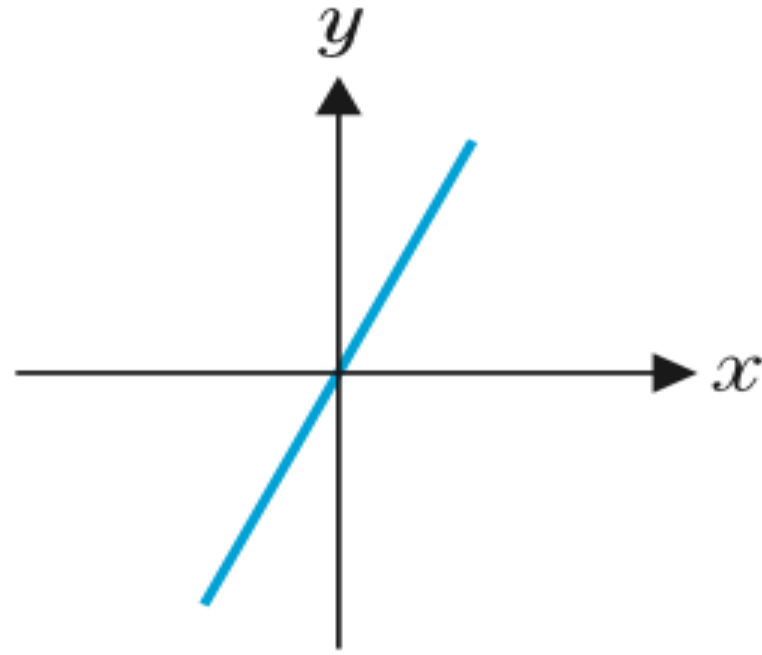
B.



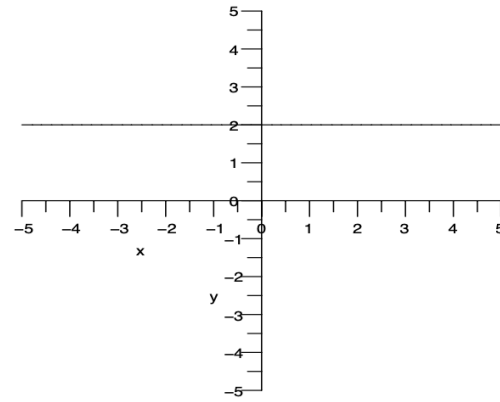
D.

SAMAH MATH

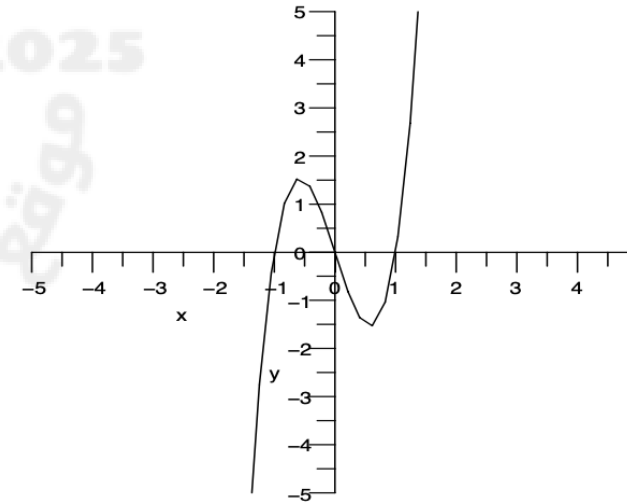




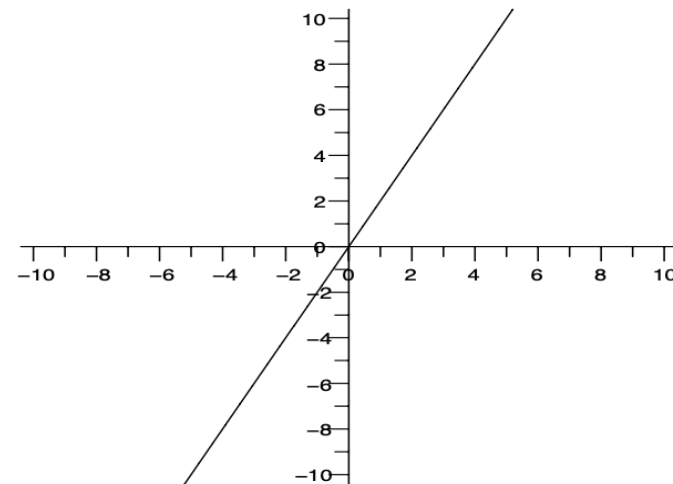
في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
 لرسم التمثيل البياني لمشتقة الدالة.  
 حدد التمثيل البياني لمشتقة الدالة



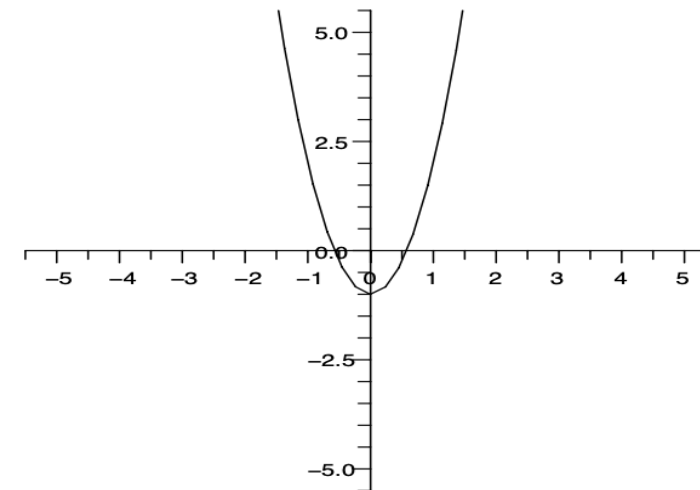
A.



C.



B.

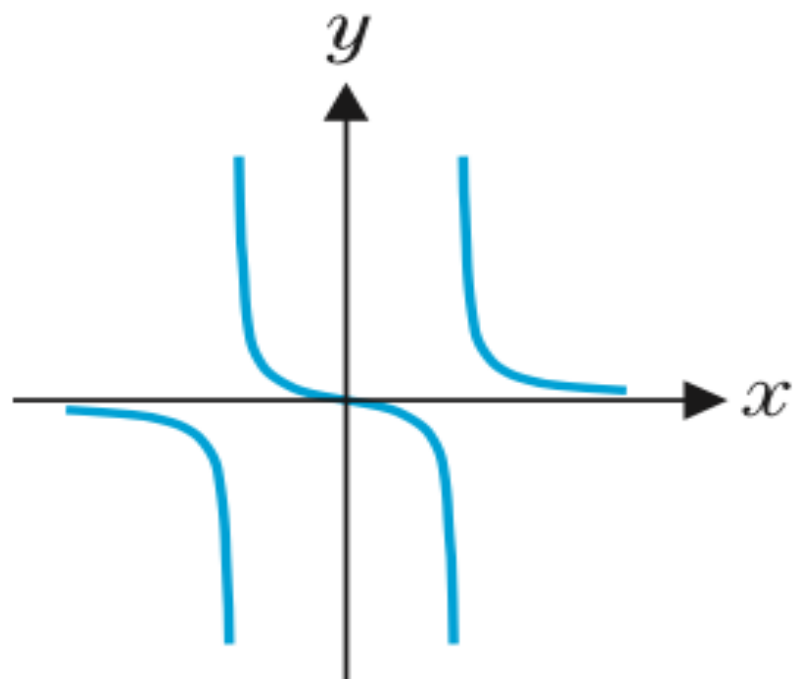


D.

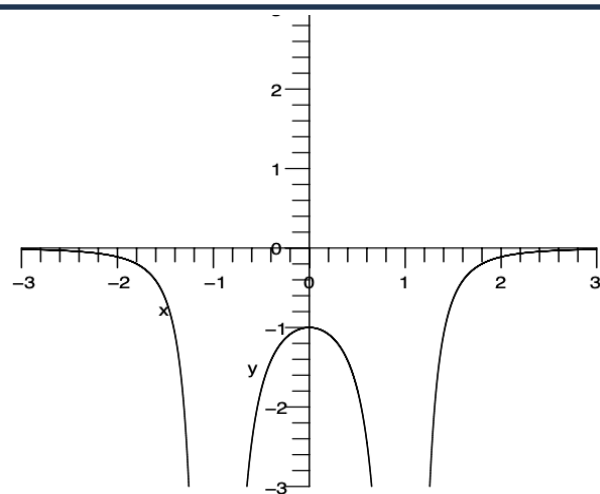
SAMAH MATH



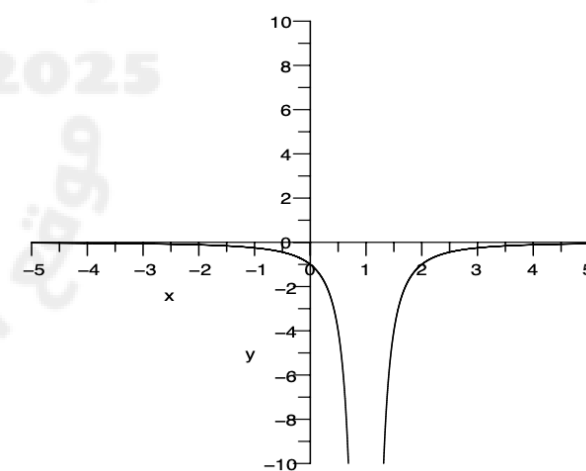
# استخدم التمثيل البياني الموضح لـ $f$ حدد التمثيل البياني للدالة



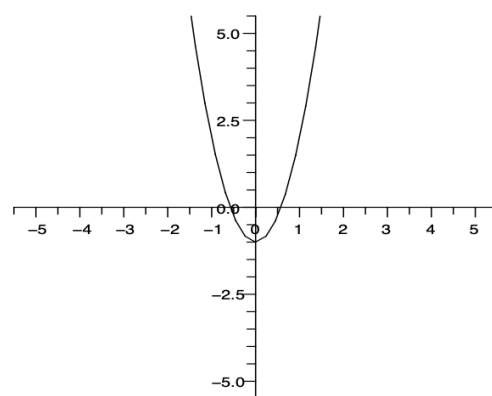
A.



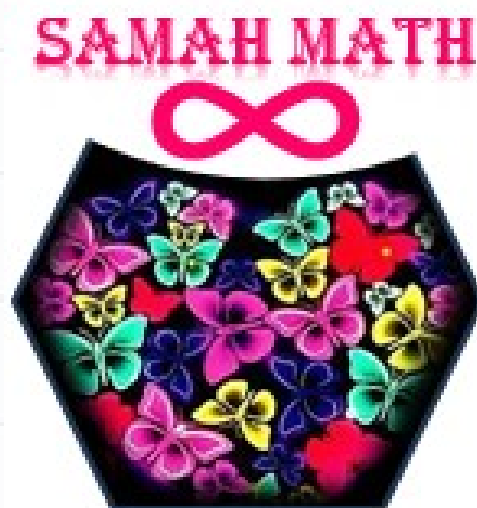
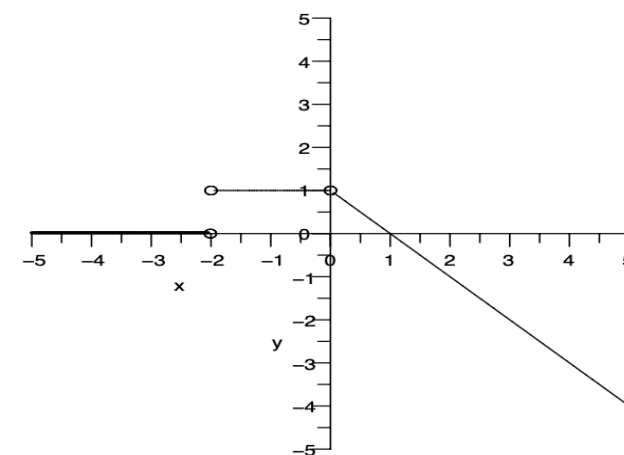
C.

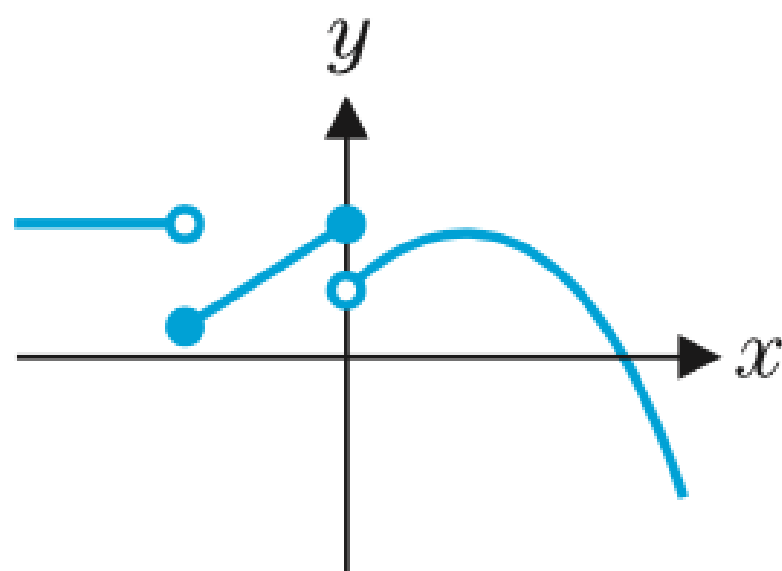


B.



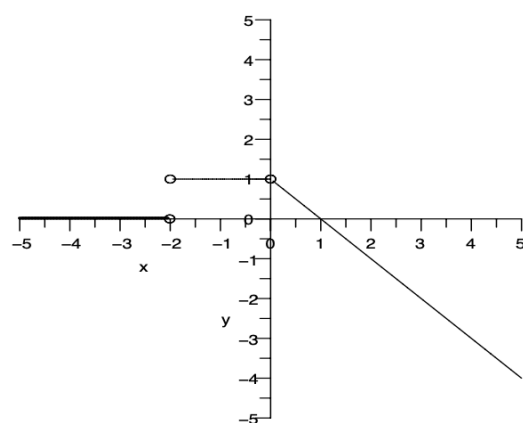
D.



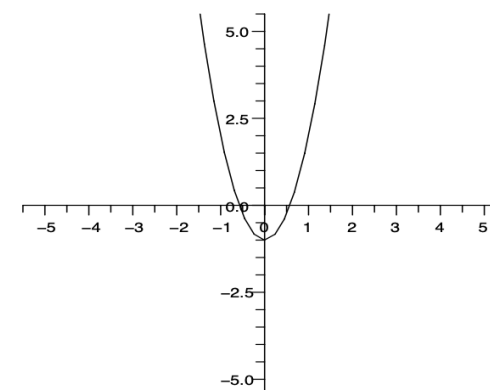


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
حدد التمثيل البياني للدالة

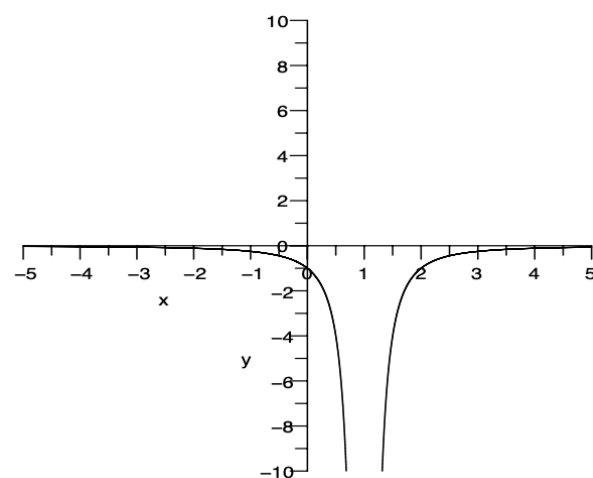
A.



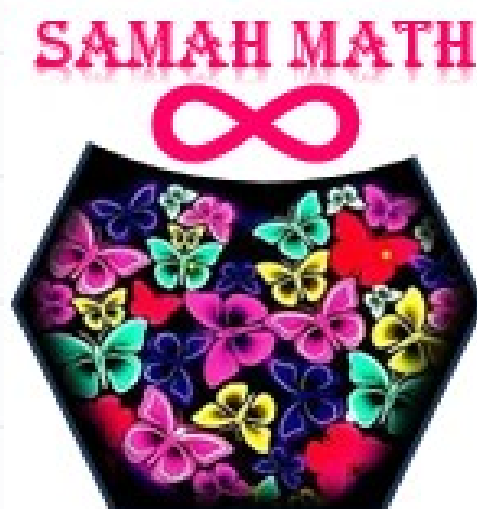
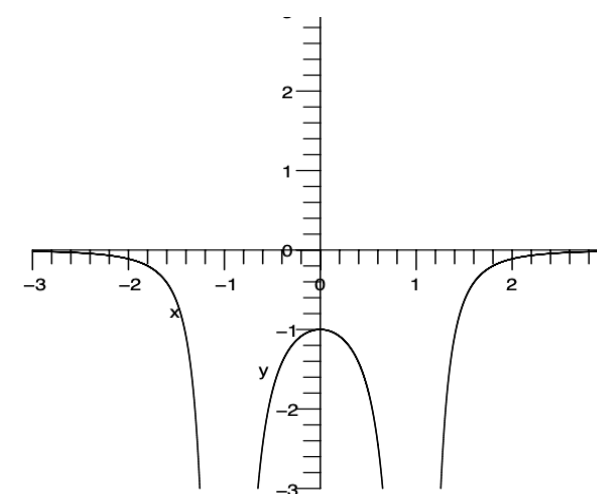
C.

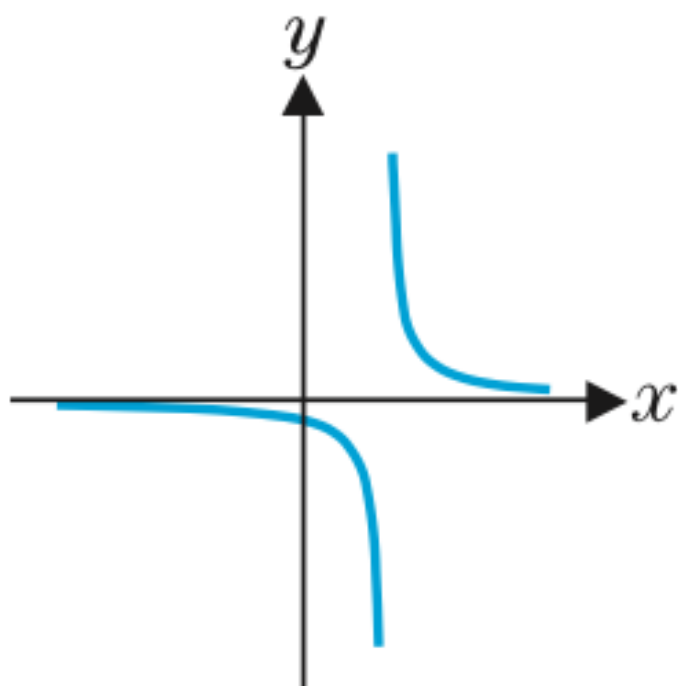


B.



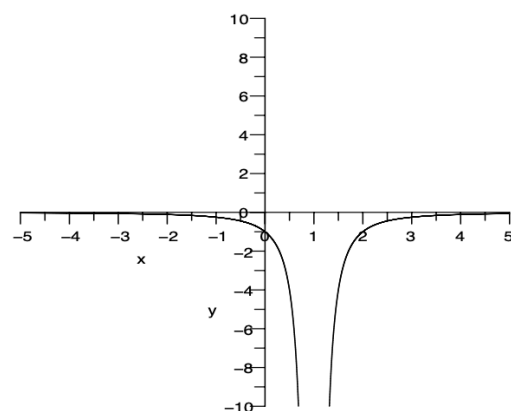
D.



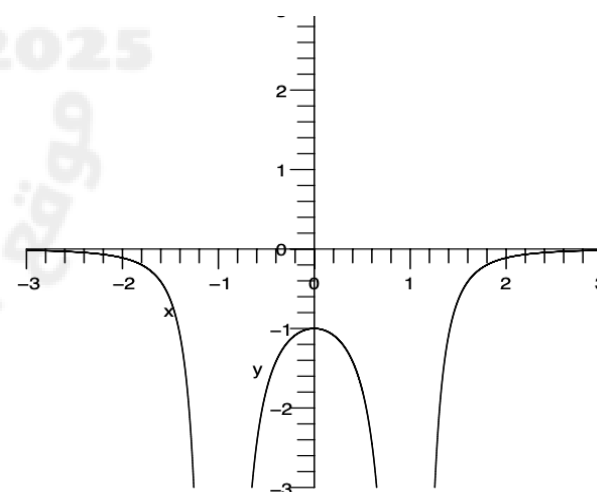


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
حدد التمثيل البياني للدالة

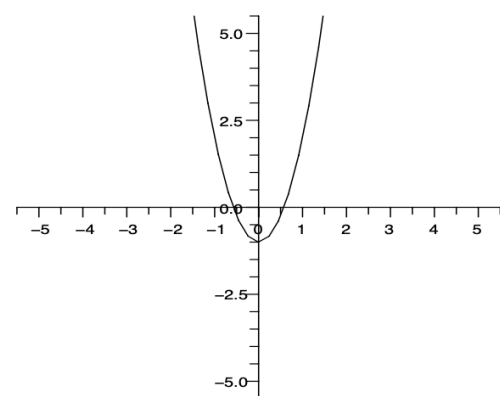
A.



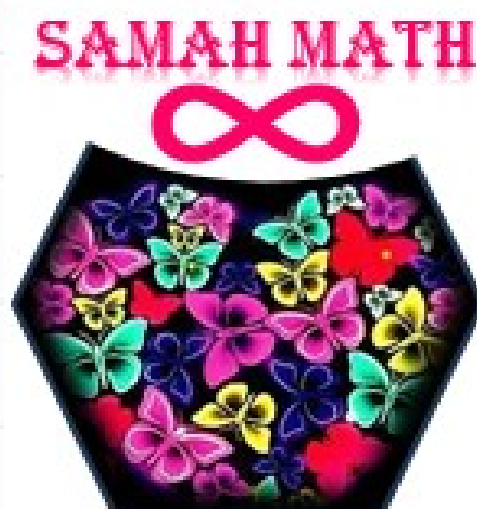
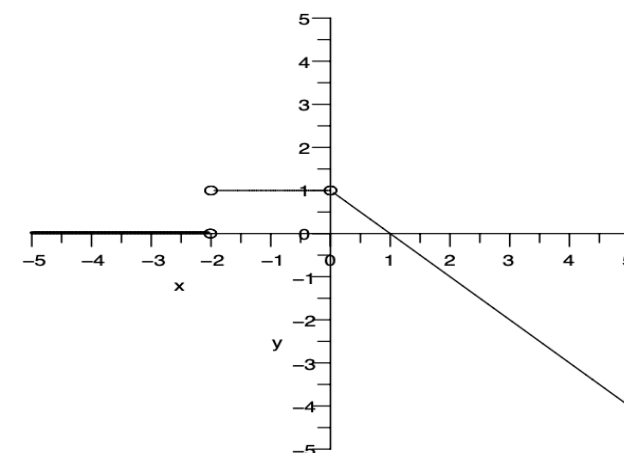
C.



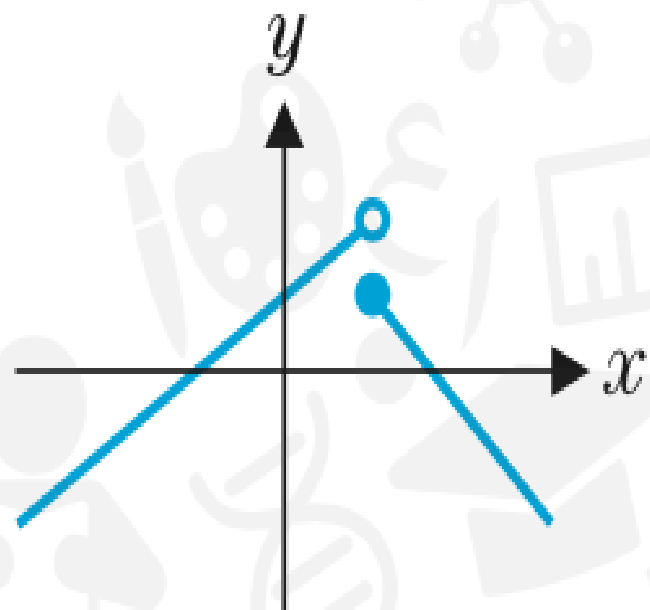
B.



D.

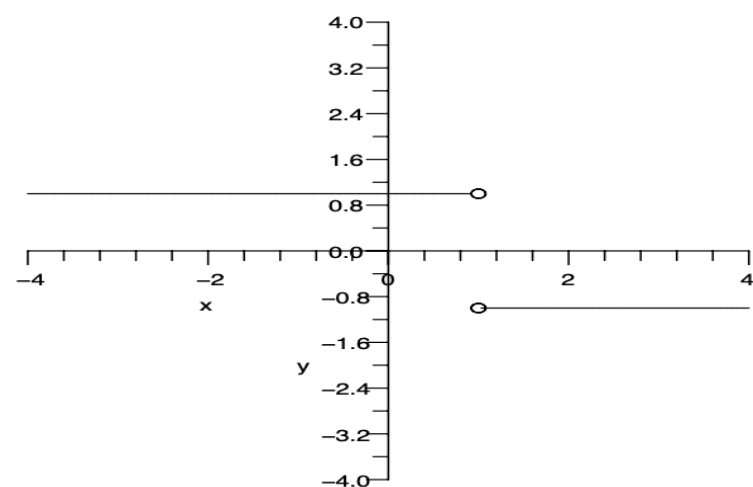




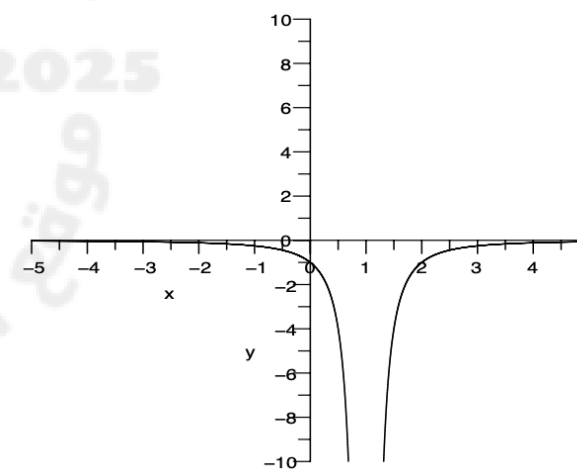


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ  $f$   
حدد التمثيل البياني للدالة

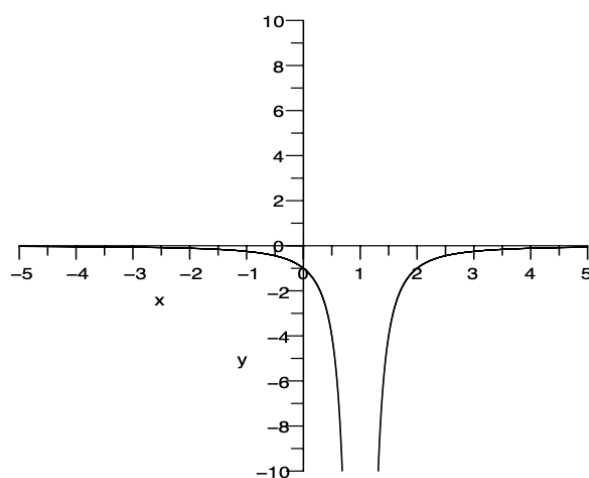
A.



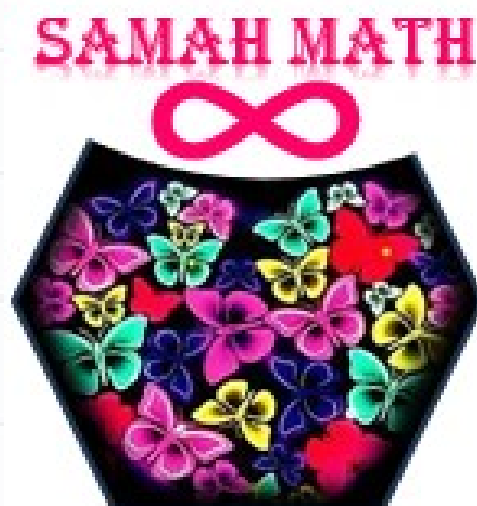
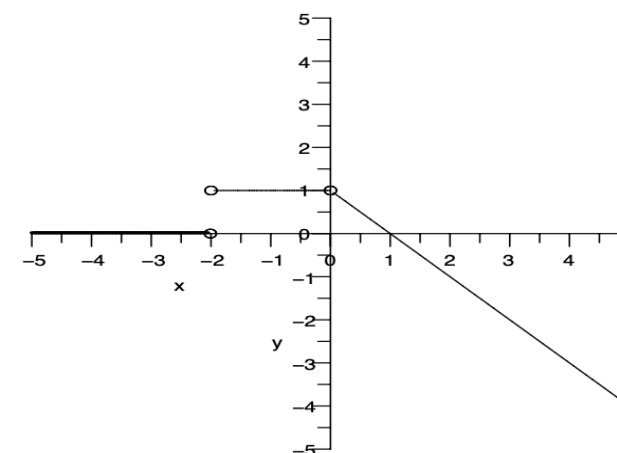
C.

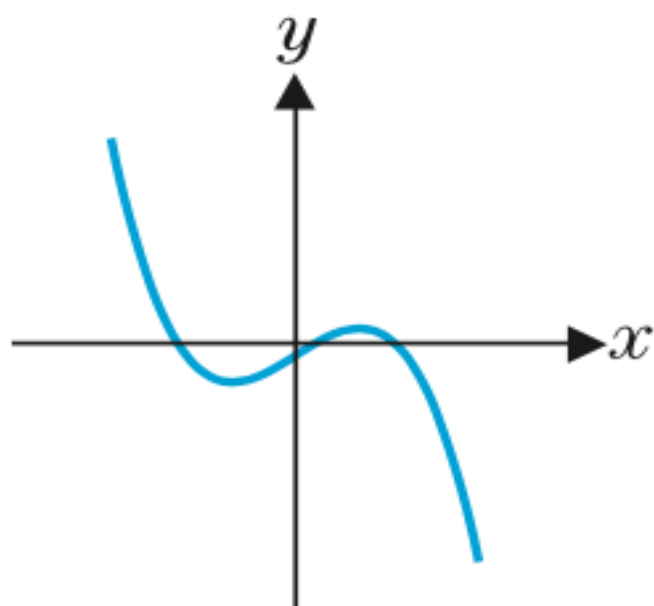


B.



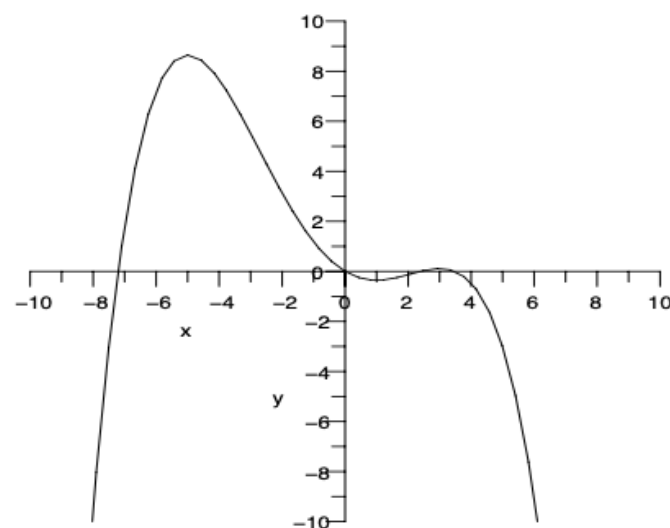
D.



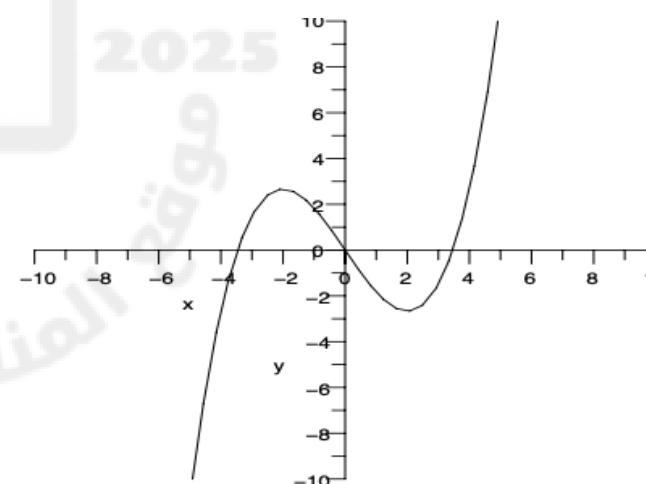


استخدم التمثيل البياني الموضح  
لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة  $f$ .

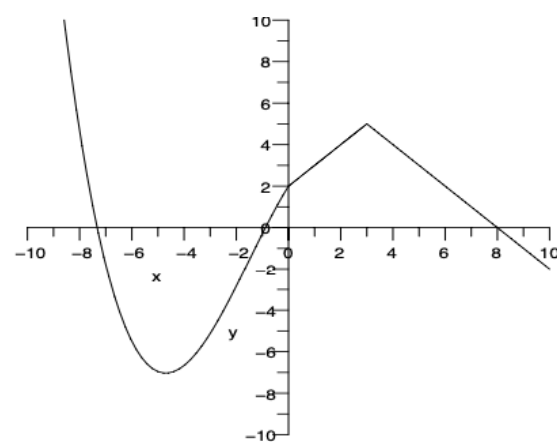
A.



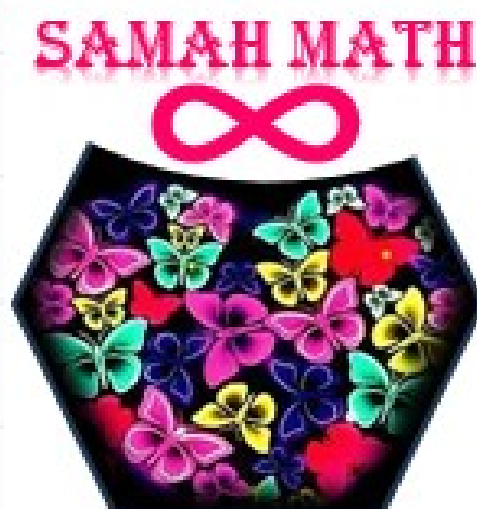
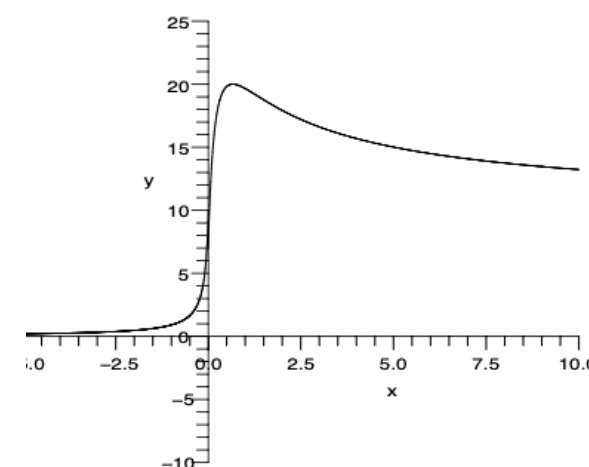
C.

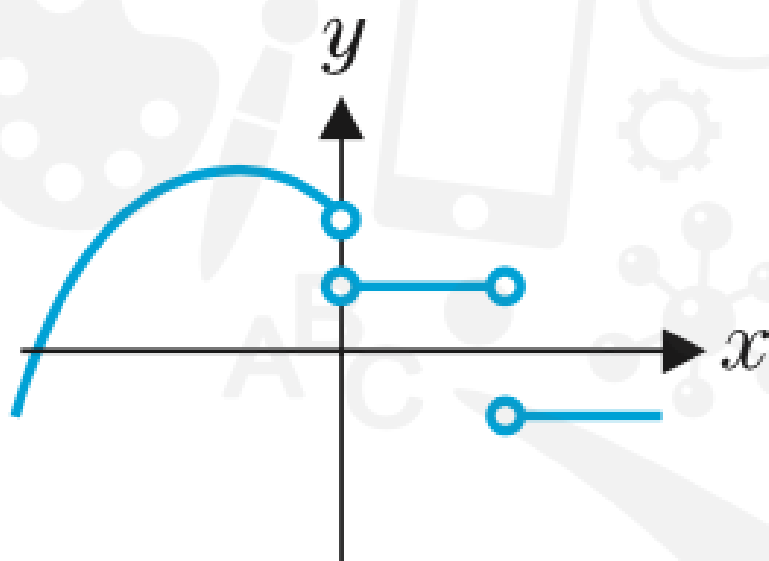


B.



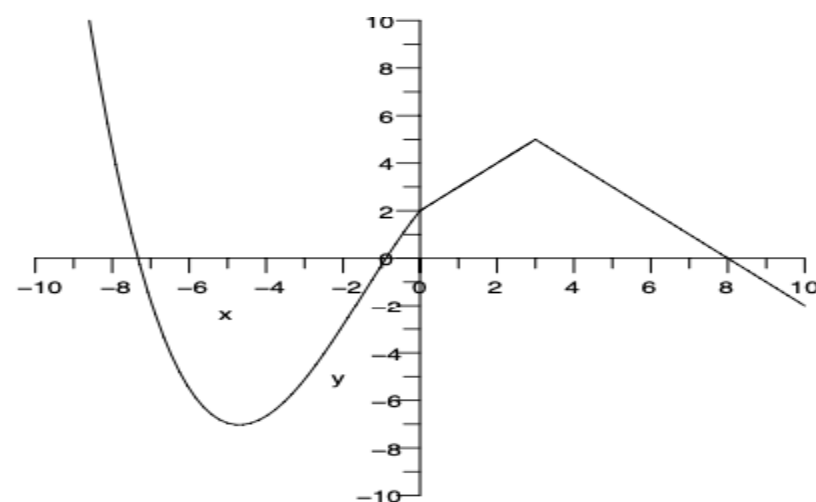
D.



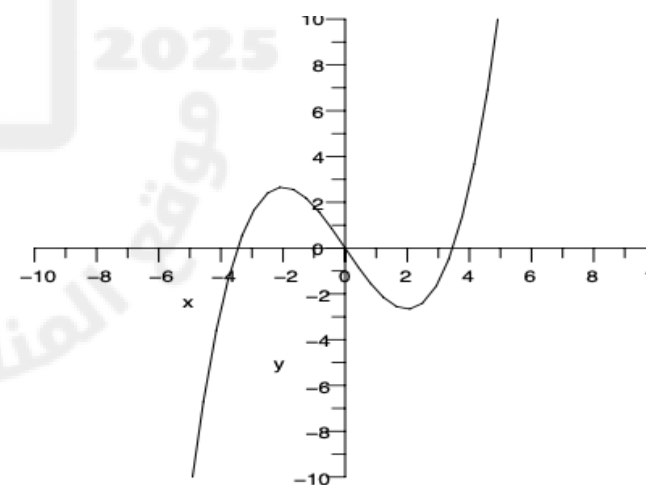


استخدم التمثيل البياني الموضح  
لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة  $f$ .

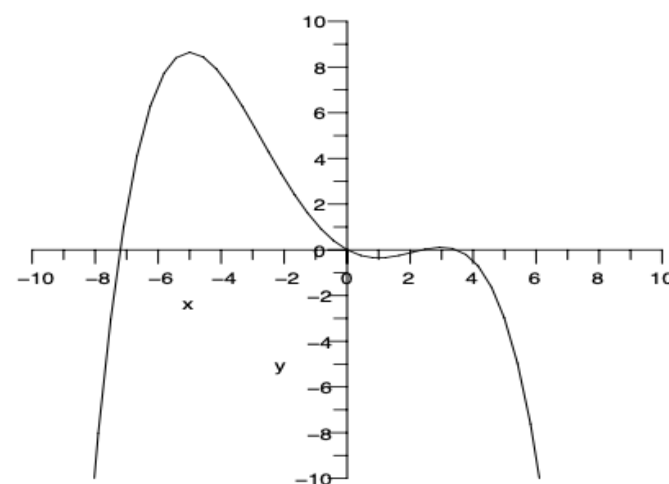
A.



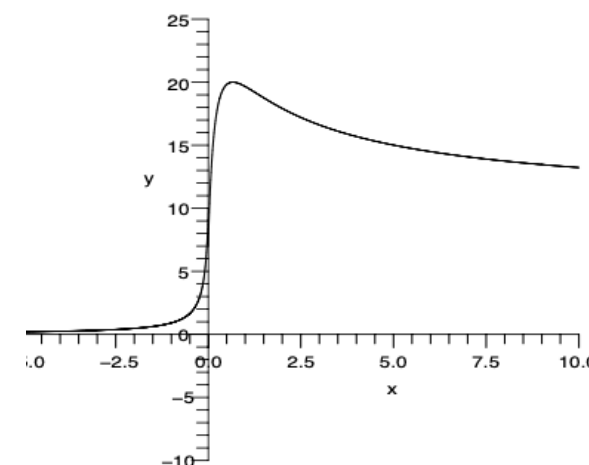
C.



B.

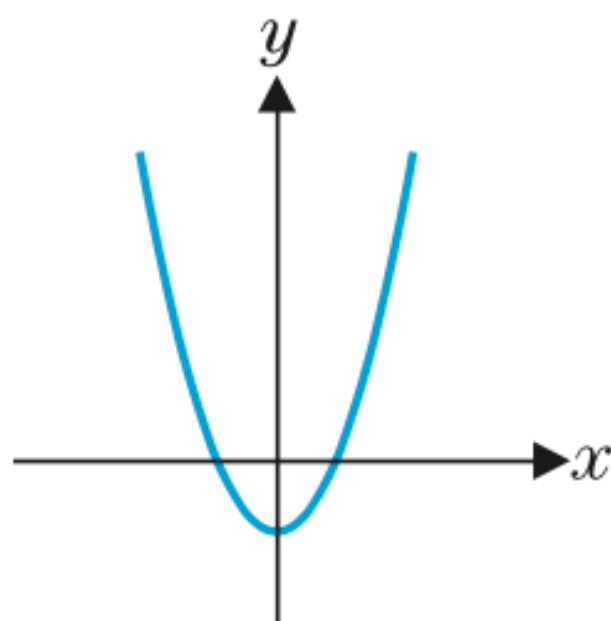


D.



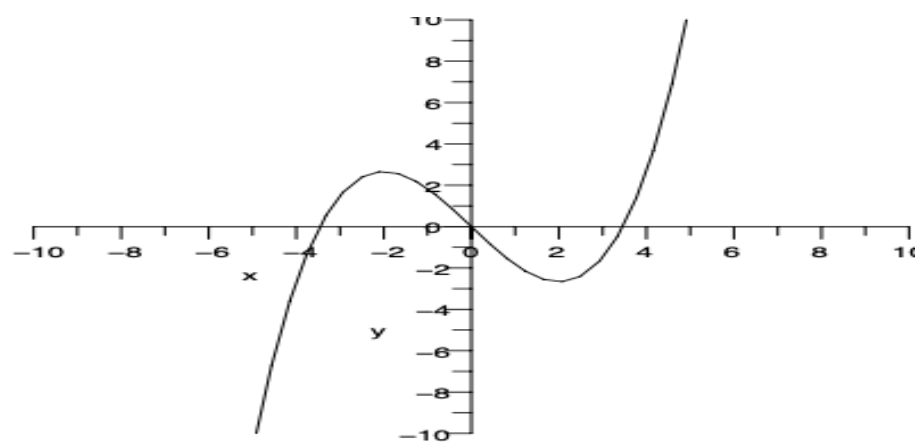
SAMAH MATH



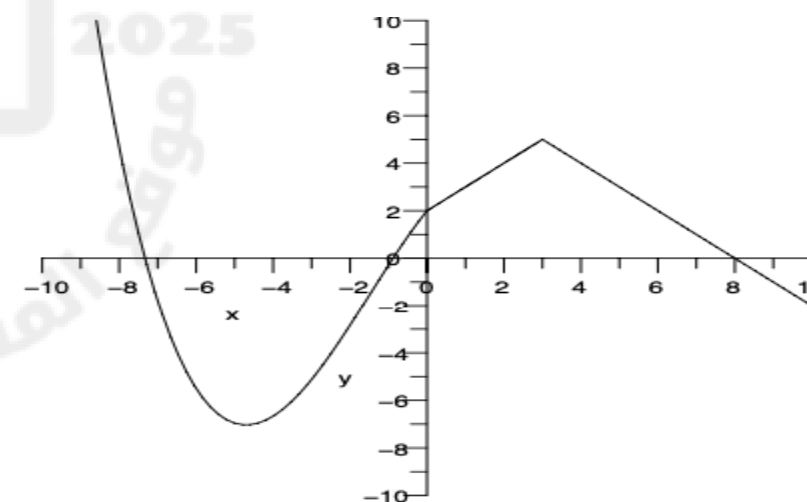


استخدم التمثيل البياني الموضح  
لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة  $f$ .

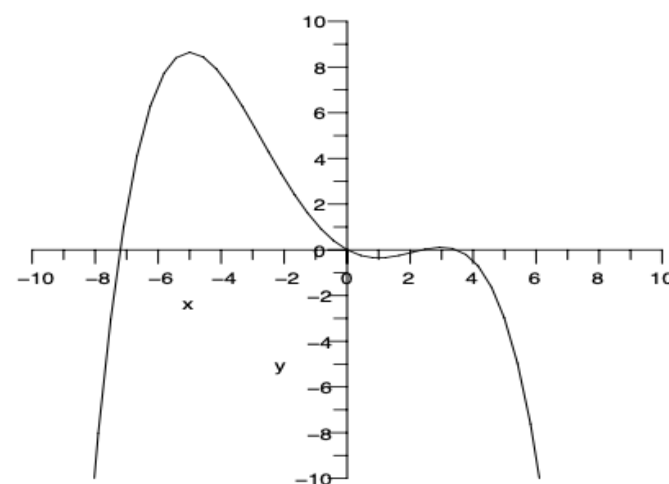
A.



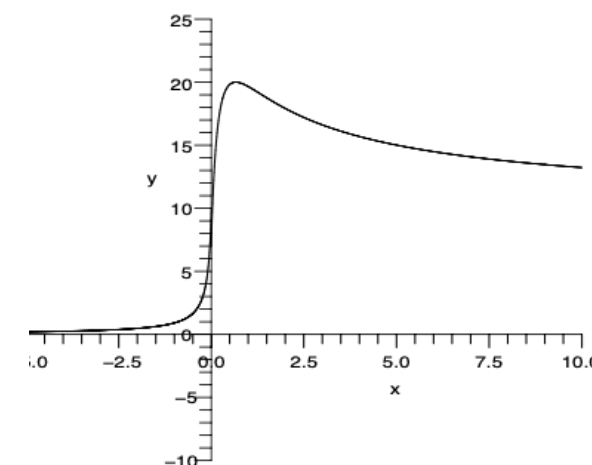
C.



B.

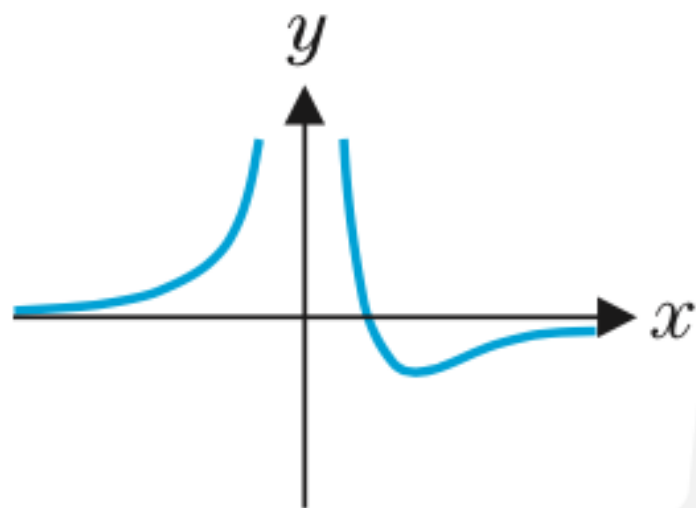


D.



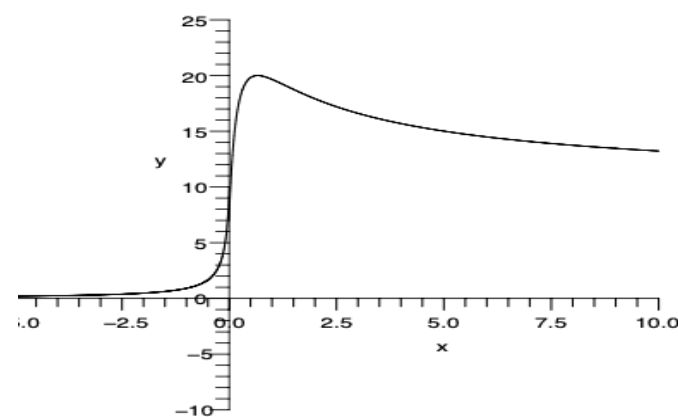
SAMAH MATH



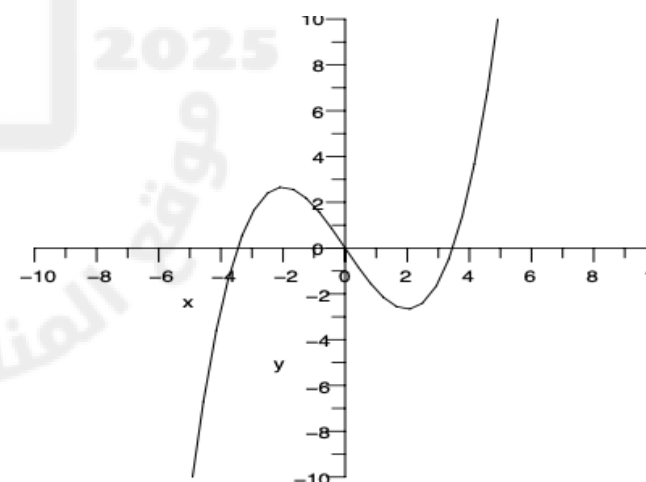


استخدم التمثيل البياني الموضح  
لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة  $f$ .

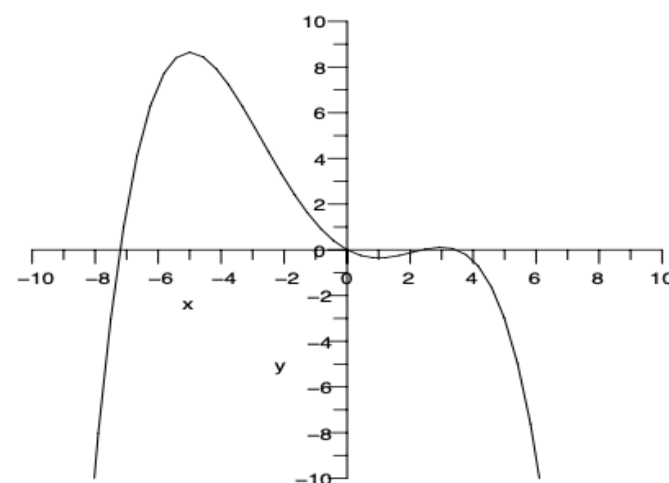
A.



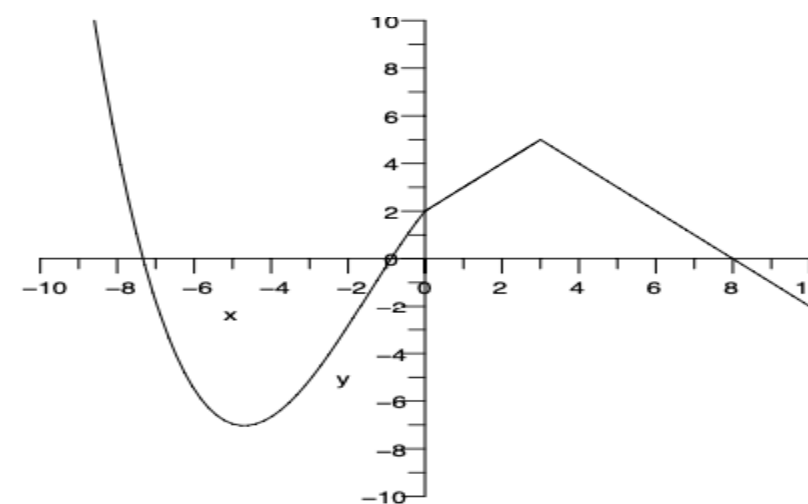
C.



B.

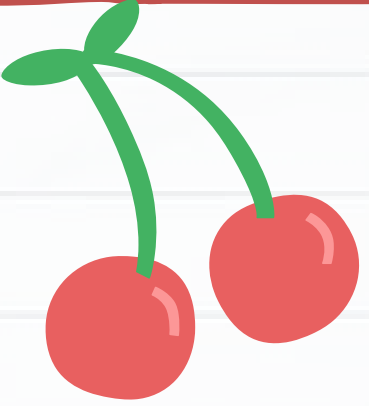


D.



SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

11	Use differentiation rules and higher derivatives in solving real-life problems.	(21-24)	161
	استخدام قواعد التفاضل والمشتقات العليا في حل المشكلات الحياتية		163

SAMAH MATH





في التمارين 21-24، استخدم دالة الموقع المعطاة لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

21.  $s(t) = -16t^2 + 40t + 10$



A.  $s'(t) = -32t + 40$  ;  $s''(t) = -32$

B.  $s'(t) = -9.8t + 12$  ;  $s''(t) = -9.8$

C.  $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$  ;  $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D.  $s'(t) = 10t^{-2}$  ;  $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

SAMAH MATH





في التمارين 21-24، استخدم دالة الموقع المعطاة لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

$$22. s(t) = -4.9t^2 + 12t - 3$$



A.  $s'(t) = -9.8t + 12$   $s''(t) = -9.8$

B.  $s'(t) = -32t + 40$   $s''(t) = -32$

C.  $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$   $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D.  $s'(t) = 10t^{-2}$   $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

SAMAH MATH



في التمارين 21-24، استخدم دالة الموقع المعطاة لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

$$23. s(t) = \sqrt{t} + 2t^2$$



A.  $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$   $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

B.  $s'(t) = -32t + 40$   $s''(t) = -32$

C.  $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$   $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D.  $s'(t) = 10t^{-2}$   $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

SAMAH MATH



في التمارين 21-24، استخدم دالة الموقع المعطاة لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

$$24. \quad s(t) = 10 - \frac{10}{t}$$



A.

$$s'(t) = 10t^{-2}$$

$$s''(t) = -20t^{-3}$$

B.

$$s'(t) = -9.8t + 12 \quad s''(t) = -9.8$$

C.

$$s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$$

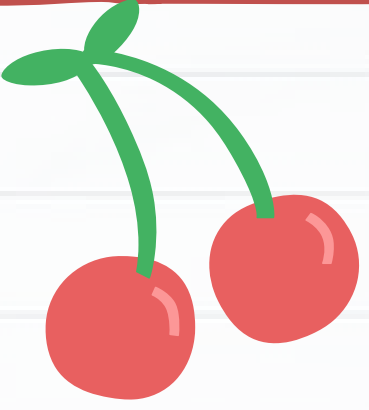
$$s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$$

D.

$$s'(t) = -32t + 40 \quad s''(t) = -32$$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

12	Use differentiation rules and higher derivatives in solving real-life problems.	(37-42)	161
	استخدام قواعد التفاضل والمشتقات العليا في حل المشكلات الحياتية		163

SAMAH MATH



37. أوجد جميع قيم  $x$  والتي يشكّل عندها المماس على منحنى  $y = x^3 - 3x + 1$  (a) زاوية قياسها  $45^\circ$  مع المحور  $x$  ;  
(b) زاوية قياسها  $30^\circ$  مع المحور  $x$  ، على فرض أن الزاويتين تقاسان باتجاهٍ معاكسٍ لعقارب الساعة.



A. a.  $x = \pm \frac{2\sqrt{3}}{3}$  b.  $x = \pm \frac{\sqrt{9 + \sqrt{3}}}{3}$

C. a.  $x = \pm \frac{7}{3}$  b.  $x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}$

B. a.  $x = \frac{\sqrt{3}}{3}$  b.  $x = \pm \frac{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}{3}$

D. a.  $x = \pm \frac{7\sqrt{3}}{3}$  b.  $x = \pm \frac{\sqrt{17}}{3}$

SAMAH MATH



38. أوجد جميع قيم  $x$  التي عندها يكون المماسان على  $y = x^3 + 2x + 1$  و  $y = x^4 + x^3 + 3$  متوازيين.

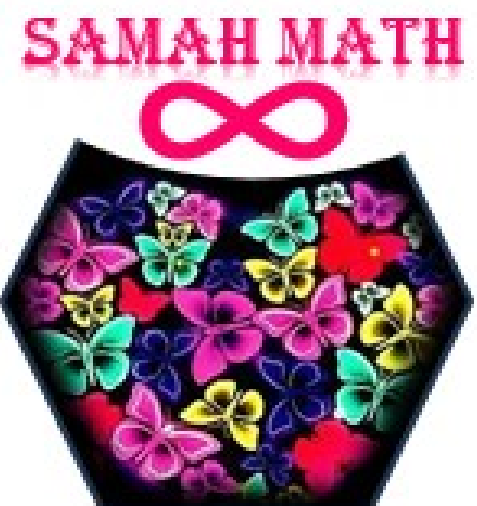


A.  $x = \sqrt[3]{\frac{1}{2}}$

B.  $x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}$

C.  $x = \pm \frac{1}{2}$

D. a.  $x = \frac{1}{3}$





39. أوجد كثيرة الحدود من الدرجة الثانية (بالصيغة

$$f(x) = ax^2 + bx + c \text{ بحيث يكون: (a) } f(0) = -2, f'(0) = 2$$

$$\text{و (b) } f(0) = 0, f'(0) = 5, f''(0) = 1$$



A.

$$a. f(x) = \frac{3}{2}x^2 + 2x - 2 \quad b. f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 5x$$

C.

$$a. f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2x - 5 \quad b. f(x) = 5x^2 + 2x$$

B.

$$a. f(x) = \frac{5}{2}x^2 - 2x + 2 \quad b. f(x) = \frac{3}{2}x^2 + 4x$$

D.

$$a. f(x) = 3x^2 + 7x \quad b. f(x) = 8x^2 + 5x$$

SAMAH MATH





40. أوجد صيغةً عامةً لإيجاد المشتقة من الرتبة  $f^{(n)}(x)$  لـ

(a)  $f(x) = \sqrt{x}$



A.  $f^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \times \frac{(2n-2)!}{2^{2n-1}(n-1)!} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

C.  $f^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \times \frac{(2n-3)!}{2^n} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

B.  $f^{(n)}(x) = (-1)^n \times \frac{(2n-2)!}{2^n(n-1)!} x^{\frac{(2n+1)}{2}}$

D.  $f^{(n)}(x) = \frac{(2n-2)!}{2^n(n-1)!} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

SAMAH MATH



40. أوجد صيغةً عامةً لإيجاد المشتقة من الرتبة  $f^{(n)}(x)$  لـ

(b)  $f(x) = \frac{2}{x}$



A.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(-1)^n n!}{x^{n+1}}$$

C.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(n-1)^n n!}{x^{n+1}}$$

B.

$$f^{(n)}(x) = \frac{(-1)^n n}{x^{n+1}}$$

D.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(-1)^{n-1} n!}{x^{n-1}}$$

SAMAH MATH



41. أوجد مساحة المثلث الذي يحدّه  $x = 0, y = 0$  والمماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند  $x = 1$ . كرّر الأمر نفسه بالنسبة لمثلث يحدّه  $x = 0, y = 0$  والمماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند  $x = 2$ . وضح أنك تحصل على المساحة نفسها باستخدام المماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند أيّ قيمة  $x = a > 0$ .



A.

$$\text{Area} = 2$$

C.

$$\text{Area} = 10$$

B.

$$\text{Area} = 3$$

D.

$$\text{Area} = 100$$

SAMAH MATH



41. أوجد مساحة المثلث الذي يحدّه  $x = 0, y = 0$  والمماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند  $x = 1$ . كرّر الأمر نفسه بالنسبة لمثلث يحدّه  $x = 0, y = 0$  والمماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند  $x = 2$ . وضح أنك تحصل على المساحة نفسها باستخدام المماس على  $y = \frac{1}{x}$  عند أيّ قيمة  $x = a > 0$ .



A.

$$\text{Area} = 2$$

C.

$$\text{Area} = 10$$

B.

$$\text{Area} = 3$$

D.

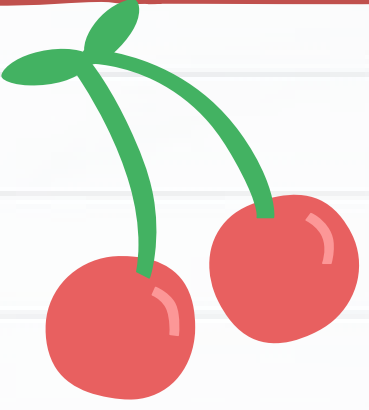
$$\text{Area} = 100$$

SAMAH MATH



42. وضح أن نتيجة التمرين 41 لا تنطبق على  $y = \frac{1}{x^2}$  . أي أن مساحة المثلث المحدود بـ  $x = 0, y = 0$  والمماس على  $y = \frac{1}{x^2}$  عند  $x = a > 0$  لا تعتمد على قيمة  $a$  .





## الجزء الالكتروني

13	Apply the chain rule for differentiation	(31-38)	177
	تطبيق قاعدة السلسلة في الاشتقاق		179

SAMAH MATH



في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات الصلة لحساب المشتقة  $h(x) = f(g(x))$ .

31.  $h'(1)$ ، حيث:

$$f'(2)=3, f'(1)=4, g(1)=2, f(1)=3, g'(1)=-2, g'(3)=5$$



A.

-6

C.

0

B.

-12

D.

6

SAMAH MATH





في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات الصلة لحساب المشتقة  $h(x) = f(g(x))$ .

32.  $h'(2)$ ، حيث:

$$f'(3) = -3, f'(2) = -1, g(2) = 3, f(2) = 1, g'(1) = 2, g'(2) = 4$$



A.

-12

C.

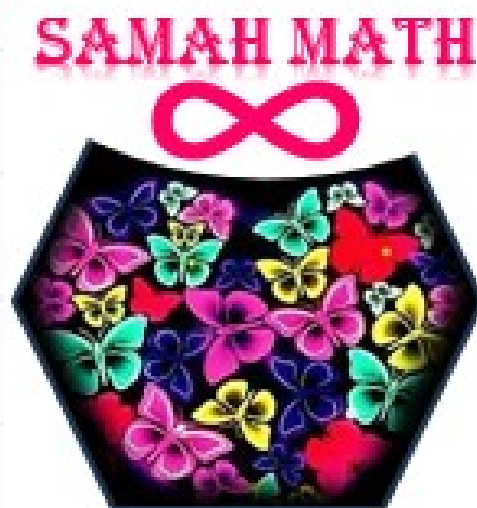
0

B.

-20

D.

6



في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات الصلة لحساب المشتقة  $h(x) = f(g(x))$ .

الدالة  $f$  تكون دالة زوجية إذا كان  $f(-x) = f(x)$  لكل  $x$  وتكون دالة فردية إذا كان  $f(-x) = -f(x)$  لكل  $x$ . إثبت أن مشتقة دالة الزوجية هي دالة فردية، وأن مشتقة دالة الفردية هي دالة زوجية.

إذا كان التمثيل البياني للدالة القابلة للإشتقاق  $f$  متماثلاً حول المستقيم  $x = a$ ، فماذا يمكنك القول عن تماثل التمثيل البياني لـ  $f'$ ؟



أوجد المشتقة للدالة  $f$ .

35. (a)  $f(x^2)$

(b)  $[f(x)]^2$

(c)  $f(f(x))$

$$2xf'(x^2)$$

$$xf'(x^2)$$

$$2f'(x^2)$$

$$f'(x^2)$$

$$2f(x)f'(x)$$

$$2f'(x)$$

$$f'(x)$$

$$xf'(x^2)$$

$$f'(f(x))f'(x)$$

$$2f'(x)$$

$$f'(x)$$

$$xf'(x^2)$$

SAMAH MATH



أوجد المشتقة للدالة  $f$ .

36. (a)  $f(\sqrt{x})$

(b)  $\sqrt{f(x)}$

(c)  $f(xf(x))$

$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{2\sqrt{x}}$

$\frac{1}{2\sqrt{x}}$

$f'(\sqrt{x})$

$f'(x) \frac{1}{2x}$

$f'(x) \frac{1}{2\sqrt{f(x)}}$

$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{2\sqrt{x}}$

$f'(x) \frac{x}{2\sqrt{x}}$

$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{\sqrt{x}}$

$f'(xf(x))(f(x) + xf'(x))$

$xf'(x)$

$f'(xf(x))$

$(f(x) + xf'(x))$

SAMAH MATH



أوجد المشتقة للدالة  $f$ .

37. (a)  $f(1/x)$

(b)  $1/f(x)$

(c)  $f\left(\frac{x}{f(x)}\right)$

$\left(\frac{-1}{x^2}\right) \cdot f'\left(\frac{1}{x}\right)$

$\left(\frac{-1}{x^2}\right)$

$f'\left(\frac{1}{x}\right)$

$xf'\left(\frac{1}{x^2}\right)$

$\left(\frac{-1}{f(x)^2}\right) \cdot f'(x)$

$\left(\frac{-1}{x^2}\right) \cdot f'\left(\frac{1}{x}\right)$

$f(x) \cdot f'(x)$

$x \cdot f'(x)$

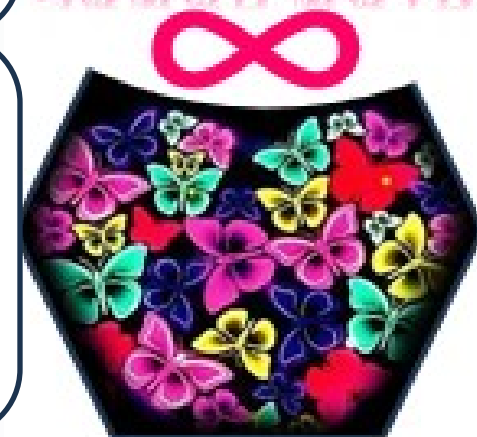
$f'\left(\frac{x}{f(x)}\right) \cdot \left(\frac{f(x) - xf'(x)}{[f(x)]^2}\right)$

$f'\left(\frac{1}{x}\right)$

$\left(\frac{-1}{x^2}\right)$

$xf'\left(\frac{1}{x^2}\right)$

SAMAH MATH



أوجد المشتقة للدالة  $f$ .

38. (a)  $1 + f(x^2)$

(b)  $[1 + f(x)]^2$

(c)  $f(1 + f(x))$

$2xf'(x^2)$

$f'(x)f'(x^2)$

$xf'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)[1 + f(x)]$

$f'(x)f'(x^2)$

$2xf'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

$f'(x)f'(1 + f(x))$

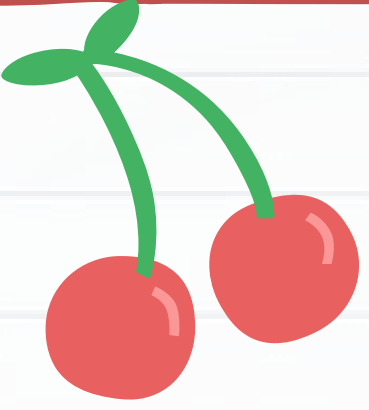
$xf'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

$2xf'(x^2)$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

14	Find the derivative of an inverse function using the Chain Rule.	(17-22)	176
	إيجاد مشتقة معكوس دالة باستخدام قاعدة السلسلة		178

SAMAH MATH





في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .

17.  $f(x) = x^3 + 4x - 1, a = -1$

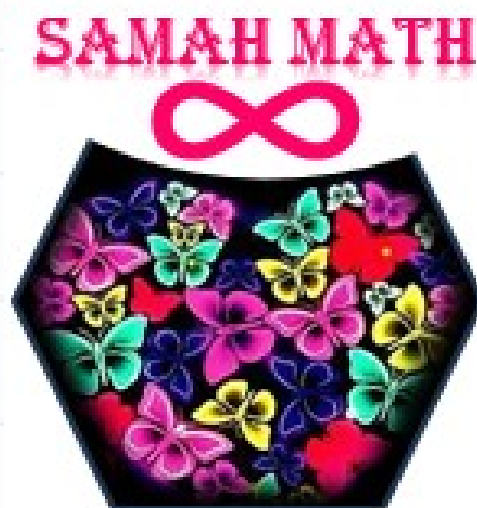


A.  $g'(-1) = \frac{1}{4}$

B.  $g'(-1) = \frac{-1}{2}$

C.  $g'(-1) = \frac{3}{4}$

D.  $g'(-1) = \frac{5}{4}$



في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .

18.  $f(x) = x^5 + 4x - 2, a = -2$



A.  $g'(-2) = \frac{1}{4}$

B.  $g'(-2) = \frac{-1}{2}$

C.  $g'(-2) = \frac{3}{4}$

D.  $g'(-2) = \frac{5}{4}$

SAMAH MATH



في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .

19.  $f(x) = x^5 + 3x^3 + x, a = 5$



A.

$$g'(5) = \frac{1}{15}$$

C.

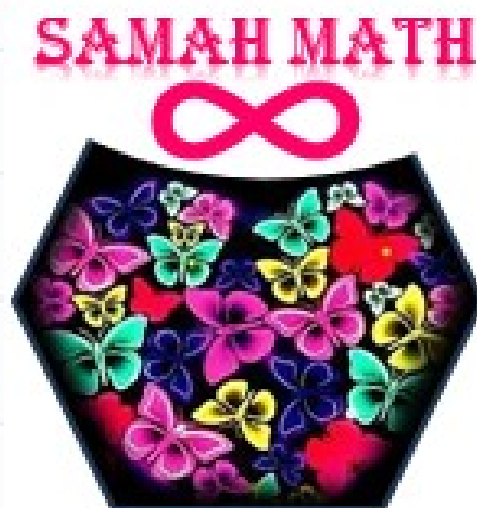
$$g'(5) = \frac{3}{4}$$

B.

$$g'(5) = \frac{-1}{2}$$

D.

$$g'(5) = \frac{5}{4}$$



20.  $f(x) = x^3 + 2x + 1, a = -2$

في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .



A.

$$g'(-2) = \frac{1}{5}$$

C.

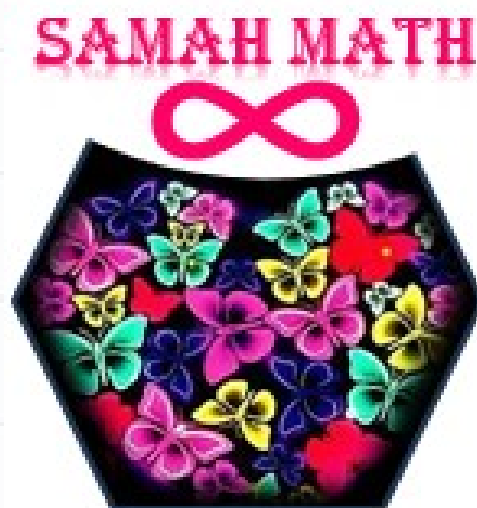
$$g'(-2) = \frac{3}{4}$$

B.

$$g'(-2) = \frac{-1}{2}$$

D.

$$g'(-2) = \frac{5}{4}$$



في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .

21.  $f(x) = \sqrt{x^3 + 2x + 4}, a = 2$



A.

$$g'(2) = 2$$

C.

$$g'(2) = \frac{3}{4}$$

B.

$$g'(2) = \frac{-1}{2}$$

D.

$$g'(2) = \frac{5}{4}$$

SAMAH MATH



في التمارين 17-22.  $f$  لها معكوس  $g$ . استخدم النظرية 5.2 لإيجاد  $g'(a)$ .

22.  $f(x) = \sqrt{x^5 + 4x^3 + 3x + 1}, a = 3$

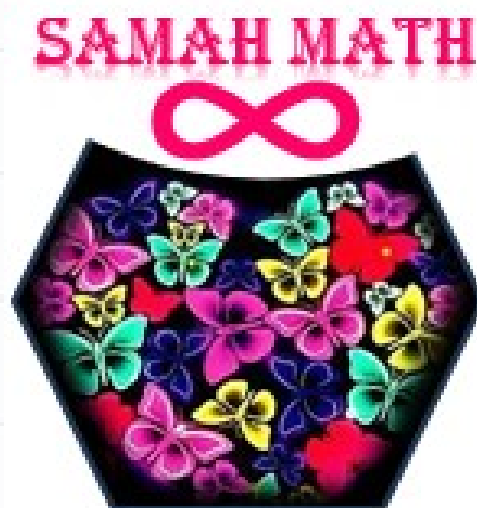


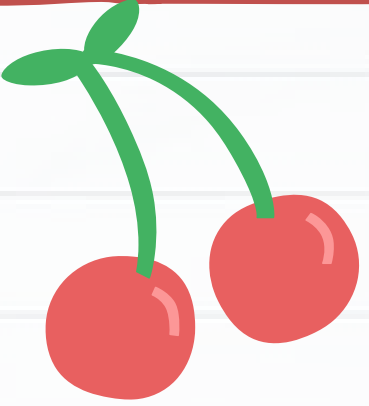
A.  $g'(3) = \frac{3}{10}$

B.  $g'(2) = \frac{-1}{2}$

C.  $g'(2) = \frac{3}{4}$

D.  $g'(2) = \frac{5}{4}$





## الجزء الالكتروني

15	Find the derivatives of trigonometric functions using differentiation rules إيجاد مشتقات الدوال المثلثية باستخدام قواعد التفاضل	(9-18)	184
			186

SAMAH MATH





أوجد مشتقة كل دالة.

9.  $f(t) = \sin 3t \sec 3t$



A.  $f'(t) = 3\sec^2(3t)$

B.  $f'(t) = 3\csc^2(3t)$

C.  $f'(t) = -3\sec^2(3t)$

D.  $f'(t) = 3\sin^2(3t)$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

10.  $f(t) = \sqrt{\cos 5t \sec 5t}$



A.  $f(t) = \sqrt{\cos 5t \cdot \frac{1}{\cos 5t}} = 1, f'(t) = 0$

B.  $f'(t) = \sqrt{\sin 5t \cdot \frac{1}{\cos 5t}}$

C.  $f'(t) = 4$

D.  $f'(t) = \sqrt{\cos t \cdot \frac{1}{\sin t}}$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

11.  $f(w) = \frac{1}{\sin 4w}$



A.

$$f'(w) = \frac{-4\cos(4w)}{\sin^2(4w)}$$

C.

$$f'(w) = \frac{-2\csc(4w)}{\sin^2(4w)}$$

B.

$$f'(w) = \frac{4\cos(4w)}{\sin^2(4w)}$$

D.

$$f'(w) = \frac{4\cos(w)}{\sin^2(w)}$$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

12.  $f(w) = w^2 \sec^2 3w$



A.  $f'(w) = 6w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) + 2w \sec^2(3w)$

B.  $f'(w) = w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) + \sec^2(3w)$

C.  $f'(w) = w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) - 2w \sec^2(3w)$

D.  $f'(w) = 6w^2 \sec^2(3w) - 2w \sec^2(3w)$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

13.  $f(x) = 2 \sin 2x \cos 2x$

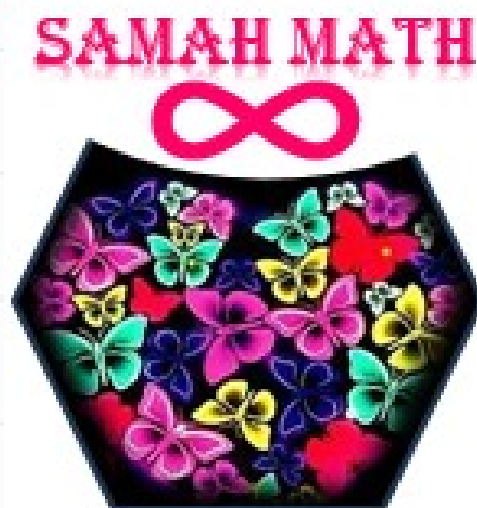


A.  $f'(x) = 4\cos^2 2x - 4 \sin^2(2x)$

B.  $f'(x) = \cos^2 2x + 4 \sin^2(2x)$

C.  $f'(x) = -4\cos^2 2x - \sin^2(2x)$

D.  $f'(x) = 2\cos^2 2x + 2 \sin^2(2x)$



أوجد مشتقة كل دالة.

14.  $f(x) = 4 \sin^2 3x + 4 \cos^2 3x$



A.

$$f'(x) = 0$$

C.

$$f'(x) = x$$

B.

$$f'(x) = 4$$

D.

$$f'(x) = \sin 3x$$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

15.  $f(x) = \tan \sqrt{x^2 + 1}$

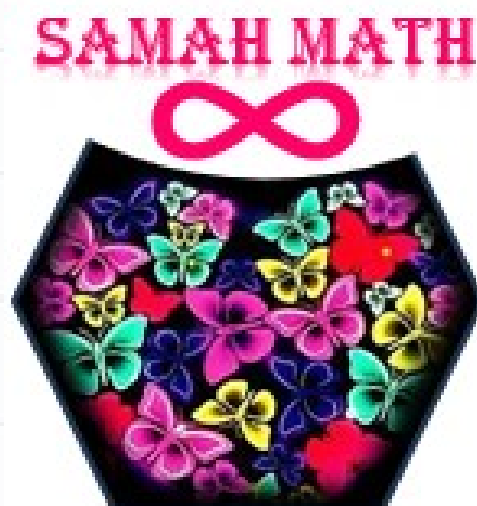


A.  $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2 \sqrt{x^2 + 1}$

B.  $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sin^2 \sqrt{x^2 + 1}$

C.  $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2 \sqrt{x^2 + 1}$

D.  $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2$





أوجد مشتقة كل دالة.

16.  $f(x) = 4x^2 \sin x \sec 3x$



A.  $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x + 4x^2 \cos x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$

B.  $f'(x) = \sec 3x + 4x^2 \cos x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$

C.  $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x - 4x^2 \cos x \sec 3x + \sin x \sec 3x \tan 3x$

D.  $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

17.  $f(x) = \sin^3 \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right)$

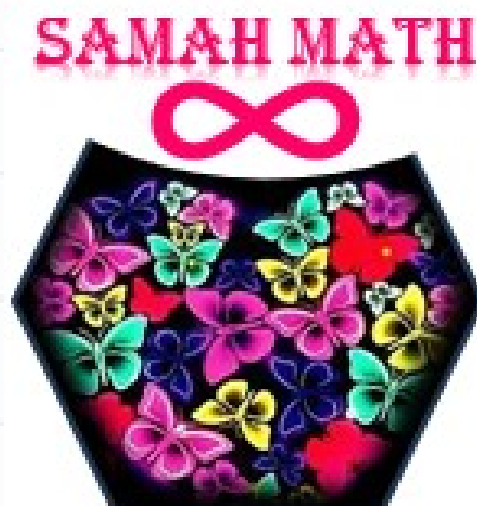


**A.**  $f'(x) = 3\sin^2 \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot \cos \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot \frac{1}{2} (3x^2 + 4x) (x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}}$

**B.**  $f'(x) = (3x^2 + 4x) \cdot \sin^2 \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot \cos \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$

**C.**  $f'(x) = \frac{3}{2} (3x^2 + 4x) (x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}} \cdot \sin^2 \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$

**D.**  $f'(x) = (x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}} \cdot \sin^2 \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot \cos \left( \cos \sqrt{x^3 + 2x^2} \right) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$



أوجد مشتقة كل دالة.

18.  $f(x) = \tan^4(\sin^2(x^3 + 2x))$

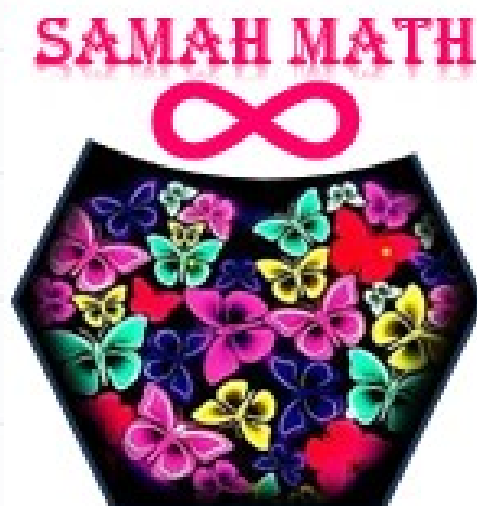


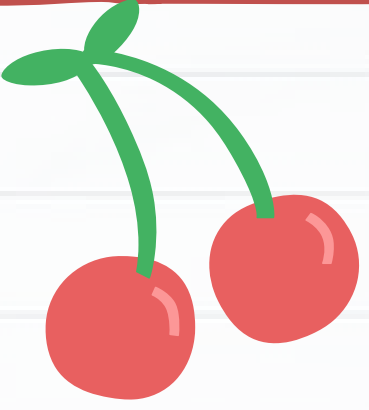
**A.**  $f'(x) = 4(\tan^3(\sin^2(x^3 + 2x))) \cdot (\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$   
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)) \cdot (\cos(x^3 + 2x)) \cdot (x^3 + 2x)$

**B.**  $f'(x) = (\sin^2(x^3 + 2x)) \cdot (\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$   
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)) \cdot (\cos(x^3 + 2x)) \cdot (x^3 + 2x)$

**C.**  $f'(x) = 4(\tan^3(x^3 + 2x)) \cdot (\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$   
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)) \cdot (\cos(x^3 + 2x))$

**D.**  $f'(x) = (\sin^2(x^3 + 2x)) \cdot (\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$   
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)) \cdot (\cos(x^3 + 2x)) \cdot (x^3 + 2x)$





## الجزء الالكتروني

16	Find the derivatives of natural logarithmic functions إيجاد مشتقات الدوال اللوغاريتمية الطبيعية	(39-44)	194
			196

SAMAH MATH



39.  $f(x) = x^{\sin x}$

في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.



A.  $f'(x) = x^{\sin x} \left( \frac{x \cos x \cdot \ln x + \sin x}{x} \right)$

B.  $f'(x) = x^{\sin x} \left( \frac{\ln x + \sin x}{x} \right)$

C.  $f'(x) = x^{\sin x} \left( \frac{x \cos x \cdot + \sin x}{x} \right)$

D.  $f'(x) = x^{\sin x} \left( \frac{x \cos x \cdot \ln x}{x} \right)$

SAMAH MATH





40.  $f(x) = x^{4-x^2}$

في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

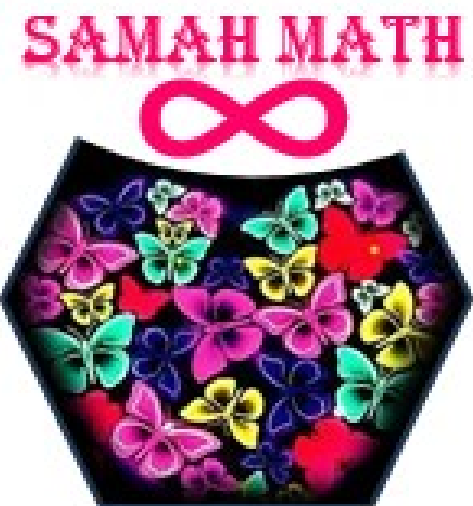


A.  $f'(x) = x^{4-x^2}(-2x \ln x + (4 - x^2) \frac{1}{x})$

B.  $f'(x) = x^{4-x^2}((4 - x^2) \frac{1}{x})$

C.  $f'(x) = x^{4-x^2}(-2x \ln x + (4 - x^2))$

D.  $f'(x) = (-2x \ln x + (4 - x^2) \frac{1}{x})$



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

41.  $f(x) = (\sin x)^x$

A.  $f'(x) = (\sin x)^x (x \cot x + \ln(\sin x))$

B.  $f'(x) = (\sin x)^x (\ln(\sin x))$

C.  $f'(x) = (\sin x)^x (x \cot x + \ln(x))$

D.  $f'(x) = (\sin x)^x (x \cos x + \ln(\sin x))$

SAMAH MATH





في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

$$42. f(x) = (x^2)^{4x}$$



A.  $f'(x) = (x^2)^{4x}(8\ln x + 8)$

B.  $f'(x) = (x^2)^{4x}(\ln x + 8)$

C.  $f'(x) = (x^2)^{4x}(8\ln x + 1)$

D.  $f'(x) = (x^2)^x(8\ln x + 8)$

SAMAH MATH



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

43.  $f(x) = x^{\ln x}$



A.  $f'(x) = x^{\ln x} \left( \frac{2 \ln x}{x} \right)$

B.  $f'(x) = x^{((\ln x) - 1) \ln x}$

C.  $f'(x) = 2x^{((\ln x) - 1)}$

D.  $f'(x) = 2x^{((\ln x) - x) \ln x}$

SAMAH MATH



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

44.  $f(x) = x^{\sqrt{x}}$



A.  $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left( \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{\sqrt{x}}{x} \right)$

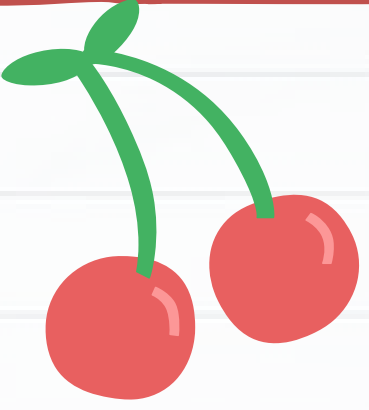
B.  $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left( \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$

C.  $f'(x) = x^x \left( \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$

D.  $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left( \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x} \right)$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

17	Find the derivatives of exponential functions	(1-14)	193
	إيجاد مشتقات الدوال الأسية		195

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

1.  $f(x) = x^3 e^x$

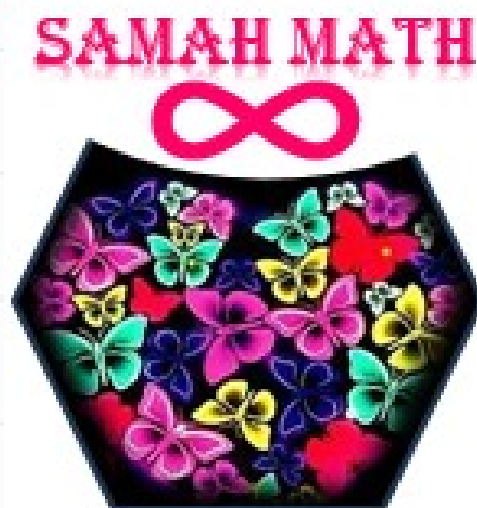


A.  $f'(x) = 3x^2 \cdot e^x + x^3 \cdot e^x$

B.  $f'(x) = 3x^2 \cdot e^x - x^3 \cdot e^x$

C.  $f'(x) = 3x^2 \cdot e^x + x^3 \cdot 3e^x$

D.  $f'(x) = e^{3x} + x^3 \cdot e^x$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

2.  $f(x) = e^{2x} \cos 4x$



A.  $f'(x) = 2e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(-\sin 4x)$

B.  $f'(x) = 2e^{2x} \cos 4x + e^{2x}(-\sin 4x)$

C.  $f'(x) = e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(-\sin 4x)$

D.  $f'(x) = -2e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(\sin 16x)$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

3.  $f(t) = t + 2^t$



A.  $f'(t) = 1 + 2^t \log 2$

B.  $f'(t) = -2 + 2^t \log 2$

C.  $f'(t) = 1 + 2^t \log 4$

D.  $f'(t) = -1 - 2^t \log 2$

SAMAH MATH





في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

4.  $f(t) = t4^{3t}$



A.  $f'(t) = 4^{3t}(1 + 3t \ln 4)$

B.  $f'(t) = 4^{3t}(1 - 3t \ln 3)$

C.  $f'(t) = 3^{4t}(1 + 3t \ln 4)$

D.  $f'(t) = 4^{3t}(t + 3t \ln 4)$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

5.  $f(x) = 2e^{4x+1}$

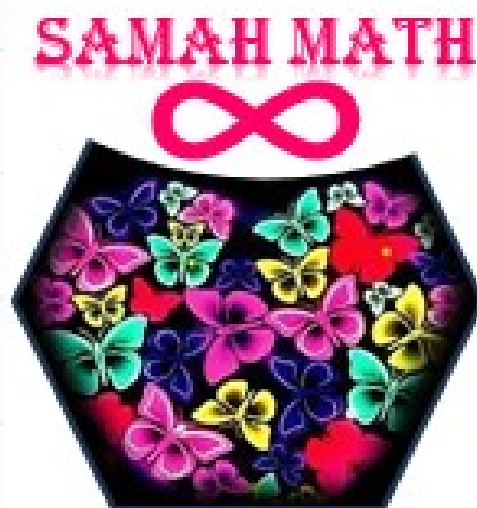


A.  $f'(x) = 8e^{4x+1}$

B.  $f'(x) = 2e^{4x+1}$

C.  $f'(x) = 8e^{x+1}$

D.  $f'(x) = 4e^{3x+1}$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

6.  $f(x) = (1/e)^x$



A.  $f'(x) = -e^{-x}$

B.  $f'(x) = -e^{-2x}$

C.  $f'(x) = -2e^{-x}$

D.  $f'(x) = -1/e^{-x}$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

7.  $h(x) = (1/3)^{x^2}$

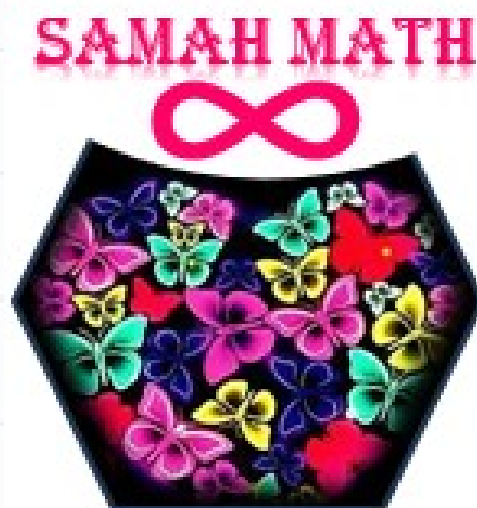


A.  $f'(x) = -2x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2}$

B.  $f'(x) = x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2}$

C.  $f'(x) = -2x \cdot \ln(3) \cdot (3)^{x^2}$

D.  $f'(x) = 2x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

8.  $h(x) = 4^{-x^2}$

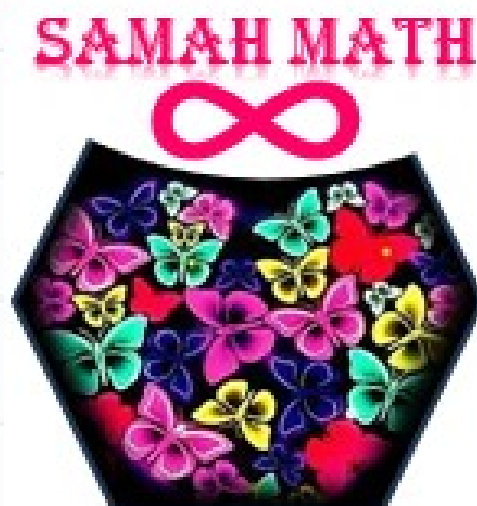


A.  $f'(x) = -2x(4)^{-x^2} \ln 4$

B.  $f'(x) = x(4)^{-x^2} \ln 4$

C.  $f'(x) = 2x(4)^{-x^2} \ln 2$

D.  $f'(x) = x(2)^{-x^2} \ln 4$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

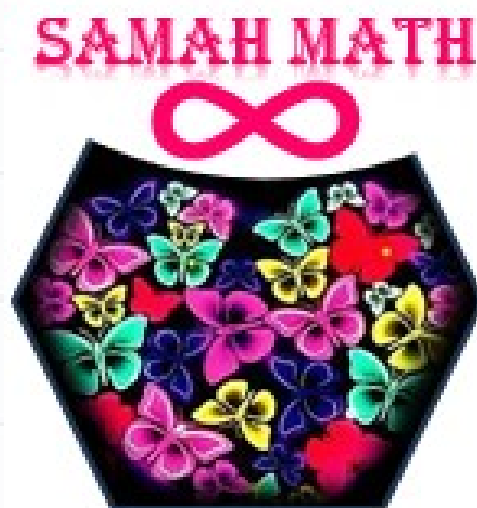
9.  $f(u) = e^{u^2+4u}$

A.  $f'(u) = e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

B.  $f'(u) = 2e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

C.  $f'(u) = -2e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

D.  $f'(u) = e^{u^2+4u} \cdot (u + 4)$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

10.  $f(u) = 3e^{\tan u}$



A.  $f'(u) = 3e^{\tan u} \cdot \sec^2 u$

B.  $f'(u) = e^{\tan u} \cdot \sec^2 u$

C.  $f'(u) = 3e^u \cdot \sec^2 u$

D.  $f'(u) = e^{\tan u} \cdot 6\sec^2 u$

SAMAH MATH





في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

11.  $f(w) = \frac{e^{4w}}{w}$



A.  $f'(w) = \frac{e^{4w}(4w - 1)}{w^2}$

B.  $f'(w) = \frac{e^{4w}(w - 4)}{w^2}$

C.  $f'(w) = \frac{4e^{4w}(4w - 1)}{4w^2}$

D.  $f'(w) = \frac{e^{4w}(w + 1)}{4w^2}$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

12.  $f(w) = \frac{w}{e^{6w}}$



A.  $f'(w) = \frac{(1 - 6w)}{e^{6w}}$

B.  $f'(w) = \frac{(1 - w)}{e^{6w}}$

C.  $f'(w) = \frac{(1 - 6w)}{6e^{6w}}$

D.  $f'(w) = \frac{e(1 - 6w)}{e^{6w}}$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

13.  $f(x) = \ln 2x$



A.

$$f'(x) = \frac{1}{x}$$

C.

$$f'(x) = \frac{1}{2x}$$

B.

$$f'(x) = \frac{2}{x}$$

D.

$$f'(x) = \frac{x}{2}$$

SAMAH MATH



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

14.  $f(x) = \ln \sqrt{8x}$

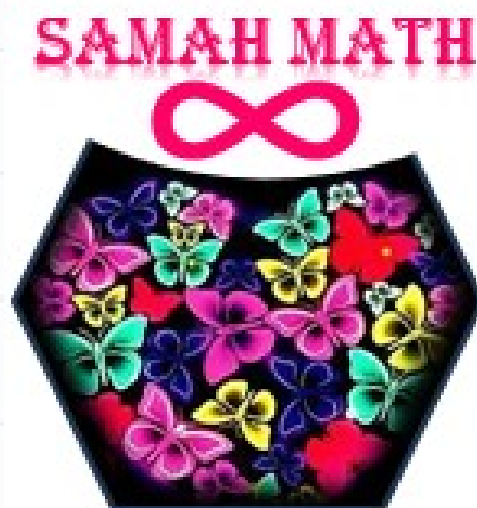


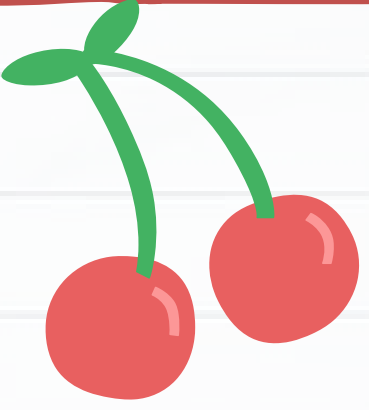
A.  $f'(x) = \frac{1}{2x}$

B.  $f'(x) = \frac{1}{x}$

C.  $f'(x) = \frac{2}{x}$

D.  $f'(x) = \frac{1}{2x^2}$





## الجزء الالكتروني

18	Use implicit differentiation to find derivatives of inverse trigonometric functions	(29-32)	204
	استخدام الاشتقاق الضمني لإيجاد مشتقات الدوال المثلثية العكسية		206

SAMAH MATH



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

29. (a)  $f(x) = \sin^{-1}(x^3 + 1)$

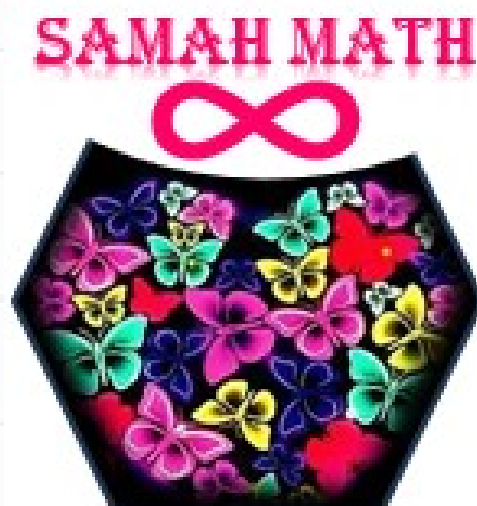


A.  $f'(x) = \frac{3x^2}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

B.  $f'(x) = \frac{3x^3}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

C.  $f'(x) = \frac{3x}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

D.  $f'(x) = \frac{-3x^2}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b)  $f(x) = \sin^{-1}(\sqrt{x})$

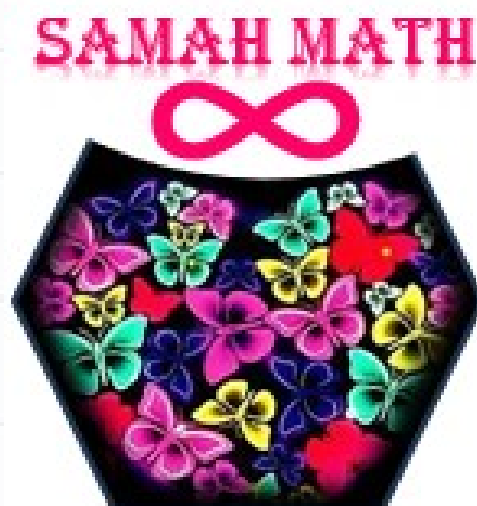


A.  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x(1-x)}}$

B.  $f'(x) = \frac{x^3}{\sqrt{1-(x)^2}}$

C.  $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-(\sqrt{x})}}$

D.  $f'(x) = \frac{-1}{2\sqrt{1-(x)^2}}$





في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

30. (a)  $f(x) = \cos^{-1}(x^2 + x)$



A.  $f'(x) = \frac{-(2x + 1)}{\sqrt{1 - (x^2 + x)^2}}$

B.  $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{1 - (x^2 + 1)^2}}$

C.  $f'(x) = \frac{-2x}{\sqrt{1 - (x^2 + 1)^2}}$

D.  $f'(x) = \frac{x^2}{\sqrt{1 - (x^2 + 1)^2}}$

SAMAH MATH



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b)  $f(x) = \cos^{-1}(2/x)$



A.  $f'(x) = \frac{2}{|x|\sqrt{x^2 - 4}}$

B.  $f'(x) = \frac{x^3}{\sqrt{1 - (x)^2}}$

C.  $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 - 4}}$

D.  $f'(x) = \frac{-2}{x\sqrt{x^2 + 4}}$

SAMAH MATH



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

31. (a)  $f(x) = \tan^{-1}(\sqrt{x})$

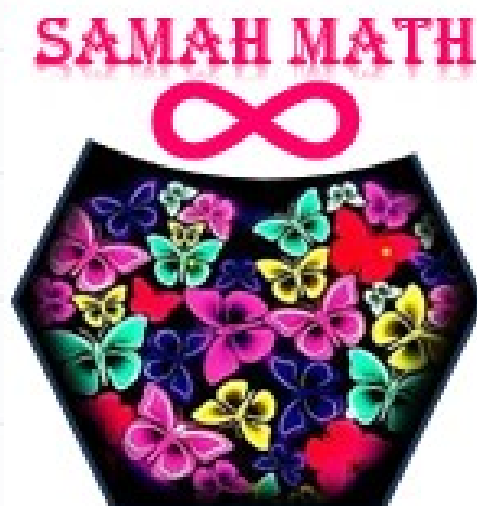


A.  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}(1+x)}$

B.  $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x}(1+x)}$

C.  $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x}(1+x)}$

D.  $f'(x) = \frac{2}{x\sqrt{x^2-4}}$



في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b)  $f(x) = \tan^{-1}(1/x)$



A.

$$f'(x) = \frac{-1}{(x^2 + 1)}$$

C.

$$f'(x) = \frac{2x}{(x^2 + 1)}$$

B.

$$f'(x) = \frac{-x}{(x^2 + 1)}$$

D.

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}(1+x)}$$

SAMAH MATH



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

32. (a)  $f(x) = \sqrt{2 + \tan^{-1} x}$



A.  $f'(x) = \frac{1}{2(1+x^2)\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

B.  $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

C.  $f'(x) = \frac{x^2}{\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

D.  $f'(x) = \frac{1}{x^2\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

SAMAH MATH



في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

$$(b) f(x) = e^{\tan^{-1} x}$$



A. 
$$f'(x) = \frac{e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

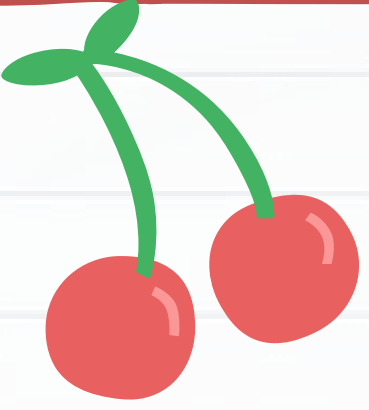
B. 
$$f'(x) = \frac{2xe^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

C. 
$$f'(x) = \frac{x^2 e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

D. 
$$f'(x) = \frac{-1}{(x^2 + 1)}$$

SAMAH MATH





## الجزء الالكتروني

19	Learn Rolle's Theorem and use it in applications	Example1	214
	فهم نظرية رول واستخدامها في التطبيقات		216

SAMAH MATH





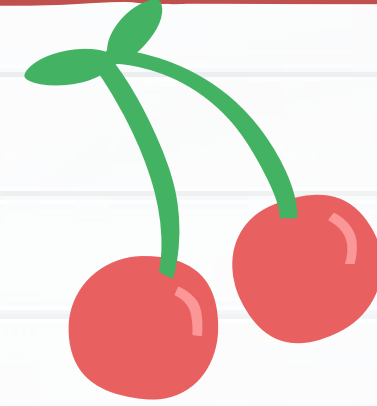
### مثال 10.1 توضيح لنظرية رول

أوجد قيمة  $c$  التي تحقق نظرية رول للدالة:

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 2$$

في الفترة  $[0, 1]$ .





الجزء الالكتروني

20	Learn the Mean Value Theorem and use it in applications	Example5	219
	تعلم نظرية القيمة المتوسطة واستخدامها في التطبيقات		221

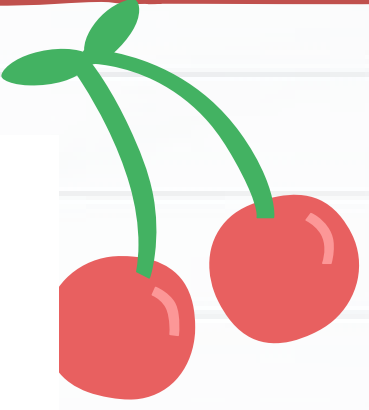
SAMAH MATH



مثال 10.5 إثبات متباينة  $\sin X$

$$|\sin a| \leq |a| \text{ for all } a$$

أثبت أن



SAMAH MATH





## الجزء المقالى

21	a) Determine the continuity of a function at a given point.	(39-41)	96
	البحث فى اتصال دالة عند نقطة معطاة		98
	b) Find limits at infinity and limits that are infinite.	(33-37)	106
	إيجاد النهايات التى تؤول إلى اللانهاية والنهايات عند اللانهاية		108

SAMAH MATH



$$39. f(x) = \begin{cases} \frac{2 \sin x}{x} & , \quad x < 0 \\ a & , \quad x = 0 \\ b \cos x & , \quad x > 0 \end{cases}$$

في التمارين 39-41، حدّد قيم  $a$  و  $b$  التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.



في التمارين 39-41، حدّد قيم  $a$  و  $b$  التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.

$$40. f(x) = \begin{cases} ae^x + 1 & , \quad x < 0 \\ \sin^{-1} \frac{x}{2} & , \quad 0 \leq x \leq 2 \\ x^2 - x + b & , \quad x > 2 \end{cases}$$



في التمارين 39-41، حدّد قيم  $a$  و  $b$  التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.

$$41. f(x) = \begin{cases} a(\tan^{-1} x + 2) & , \quad x < 0 \\ 2e^{bx} + 1 & , \quad 0 \leq x \leq 3 \\ \ln(x - 2) + x^2 & , \quad x > 3 \end{cases}$$





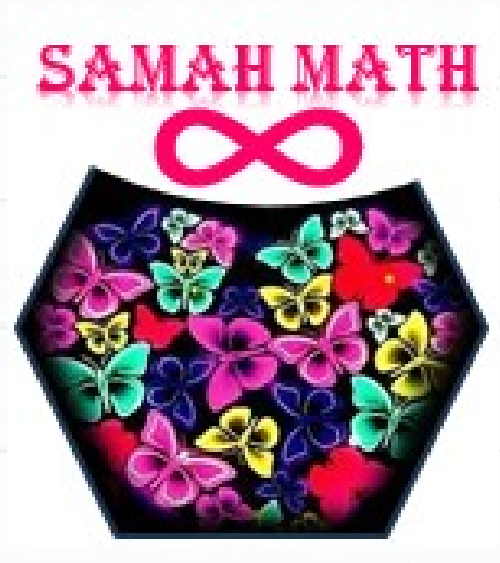
## الجزء الكتابي

33. لنفترض أنّ حجم بؤبؤ عين حيوان محدد يُعطى بالعلاقة  $f(x)$  (mm) حيثما يكون  $x$  هو كثافة الضوء على بؤبؤ العين. إذا كان  $f(x) = \frac{80x^{-0.3} + 60}{2x^{-0.3} + 5}$  ، فأوجد حجم بؤبؤ العين عندما لا يوجد ضوء وحجمه مع وجود كمية لانهاية من الضوء.



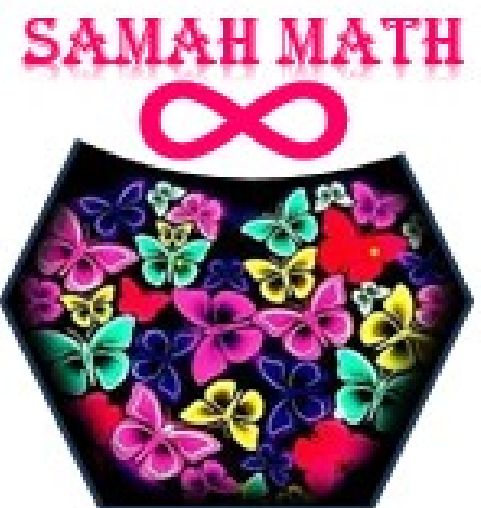


34. كرّر التمرين 33 مع  $f(x) = \frac{80x^{-0.3} + 60}{8x^{-0.3} + 15}$



35. قم بتعديل الدالة في التمرين 33 لإيجاد الدالة  $f$  بحيث يكون

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 2 \text{ و } \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 8$$



36. أوجد دالة للشكل  $f(x) = \frac{20x^{-0.4} + 16}{g(x)}$  بحيث يكون

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 5 \text{ و } \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 4$$



37. لنفترض أن سرعة لاعب القفز الحر بعد  $t$  ثانية بعد القفز تُعطى بالعلاقة  $v(t) = -\sqrt{\frac{32}{k} \frac{1 - e^{-2t\sqrt{32k}}}{1 + e^{-2t\sqrt{32k}}}}$  أوجد أقصى سرعة  $k = 0.00064$  و  $k = 0.00128$  . بأي عامل يتوجب على لاعب القفز الحر تغيير قيمة  $k$  لخفض أقصى سرعة إلى النصف؟





## الجزء المقالى

22	Apply the Product Rule on derivatives	(25-30)	169
	تطبيقات حىاتىة على قاعدة الضرب على المشتقات		171

SAMAH MATH





25. على فرض أنّ الكمية المباعة  $Q(t)$  من أحد أنواع الدّمي عند الزمن  $t$  مقدّرًا بالسنوات تتناقص بمعدّل 4%؛ اشرح السّبب في أن ذلك يترجم إلى العلاقة  $Q'(t) = -0.04Q(t)$ . افترض أيضًا أن السّعر يزداد بمعدّل 3%؛ اكتب معادلةً مشابهةً لـ  $P'(t)$  بدلالة  $P(t)$ . يساوي إيراد الدّمية  $R(t) = Q(t)P(t)$ . بتعويض تعبير  $Q'(t)$  و  $P'(t)$  في قاعدة الضرب  $R'(t) = Q'(t)P(t) + Q(t)P'(t)$  بيّن أنّ الإيراد ينخفض بمعدّل 1%. وشرح السّبب في أنّ هذا "واضح".





26. كما في التمرين 25، افترض أنّ الكميّة المبّيعة تنخفض بمعدّل 4%. فما المعدّل الذي يجب زيادة السّعر به للحفاظ على الإيراد ثابتاً؟



27. افترض أنّ سعر إحدى السلع AED 20 للقطعة وقد بيعت 20,000 قطعة. فإذا كان السعر يزداد بمعدل AED 1.25 في العام الواحد وتزداد الكمية المباعة بمعدل 2000 قطعة في العام الواحد، فبأي معدل سيزداد الإيراد؟



28. افترض أنّ سعر القطعة 14 AED، وأنّه قد بيعت 12,000 قطعة. تريد الشركة زيادة الكميّة المباعة بمقدار 1200 قطعة في العام مع زيادة الإيراد بمقدار 20,000 AED في العام. فما المعدّل الذي يتعيّن زيادة السّعر به لتحقيق هذين الهدفين؟



29. تُضرب كرة بيسبول كتلتها  $0.15 \text{ kg}$  وسرعتها  $45 \text{ m/s}$  بمضرب بيسبول كتلته  $m \text{ kg}$  وبسرعة  $40 \text{ m/s}$  (بعكس اتجاه حركة الكرة). بعد الاصطدام، بلغت السرعة الابتدائية للكرة  $u(m) = \frac{82.5m - 6.75}{m + 0.15} \text{ m/s}$ . برهن أن  $u'(m) > 0$  وفسّر ذلك وفق مصطلحات رياضة البيسبول. قارن  $u'(1)$  و  $u'(1.2)$ .



30. في التمرين 29، إذا كنت كتلة كرة البيسبول  $M$  kg وسرعتها  $45$  m/s وإذا كانت كتلة المضرب  $1.05$  kg وسرعته  $40$  m/s، وكانت السرعة الابتدائية للكرة  $u(M) = \frac{86.625 - 45M}{M + 1.05}$  m/s احسب  $u'(M)$  وفسر إشارته (موجبة أو سالبة) وفق مصطلحات رياضة البيسبول.





## الجزء المقالى

23	Solve real-life problems using derivatives of exponential and logarithmic functions	(25-30)	194
	حل المشكلات الحياتية باستخدام مشتقات الدوال الأسية واللوغاريتمية		196

SAMAH MATH



في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى  $y = f(x)$  عند  $x = 1$ .

25.  $f(x) = 3e^{x^2}$





في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى  $y = f(x)$  عند  $x = 1$ .

26.  $f(x) = 3^{x^e}$



في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى  $y = f(x)$  عند  $x = 1$ .

27.  $f(x) = x^2 \ln x$



28.  $f(x) = 2 \ln x^3$

في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى  $y = f(x)$  عند  $x = 1$ .



في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم  $x$  التي يكون المماس لمنحنى  $y = f(x)$  أفقيًا.

29. (a)  $f(x) = xe^{-2x}$



في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم  $x$  التي يكون المماس لمنحنى  $y = f(x)$  أفقيًا.

$$(b) f(x) = xe^{-3x}$$



في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم  $x$  التي يكون المماس لمنحنى  $y = f(x)$  أفقيًا.

30. (a)  $f(x) = x^2 e^{-2x}$

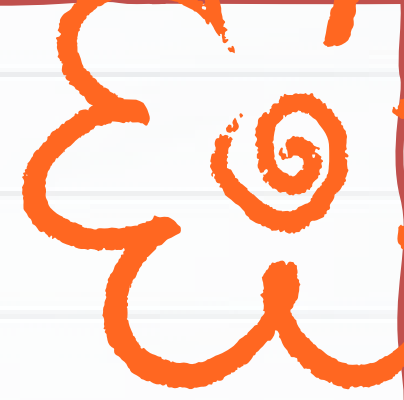


في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم  $x$  التي يكون المماس لمنحنى  $y = f(x)$  أفقيًا.

$$(b) f(x) = x^2 e^{-3x}$$

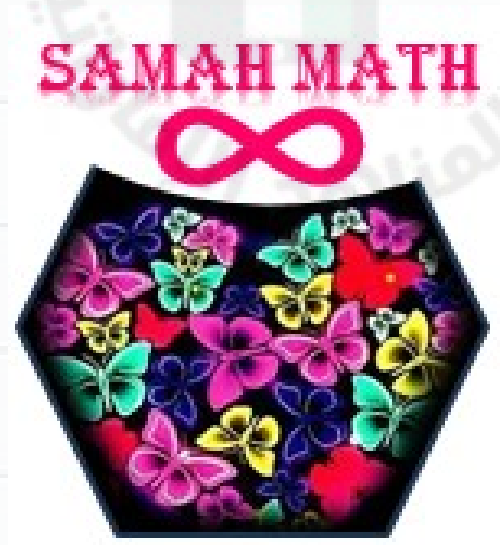






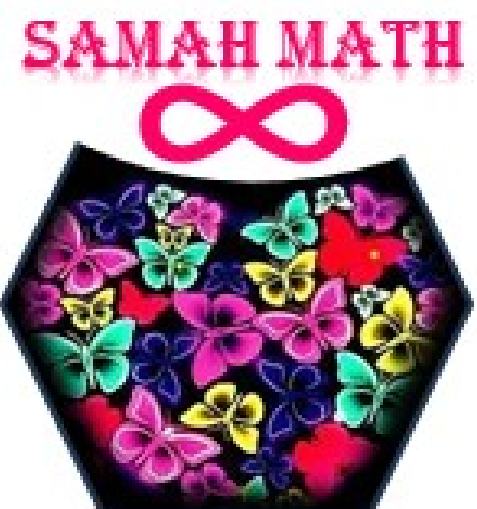
الجزء المقالى

24	Find derivatives implicitly.	Example 4	199
	إيجاد المشتقات للعلاقات الضمنية		201



مثال 8.4 إيجاد مشتقة من الرتبة الثانية ضمنيًا

أوجد  $y''(x)$  ضمنيًا لـ  $y^2 + 2e^{-xy} = 6$  . ثم أوجد قيمة  $y''$  عند النقطة  $(0, 2)$ .





## الجزء المقالى

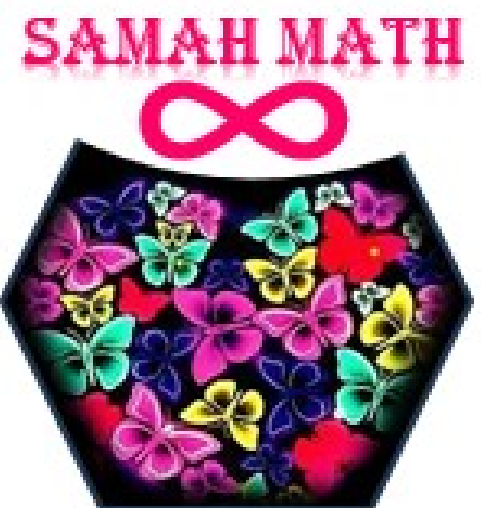
25	Use implicit differentiation to find derivatives of inverse trigonometric functions	(29-32)	204
	استخدام الاشتقاق الضمنى لإيجاد مشتقات الدوال المثلثية العكسية		206

SAMAH MATH



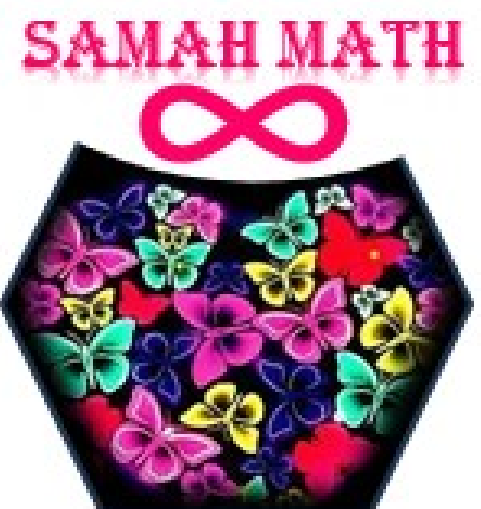
في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

29. (a)  $f(x) = \sin^{-1}(x^3 + 1)$



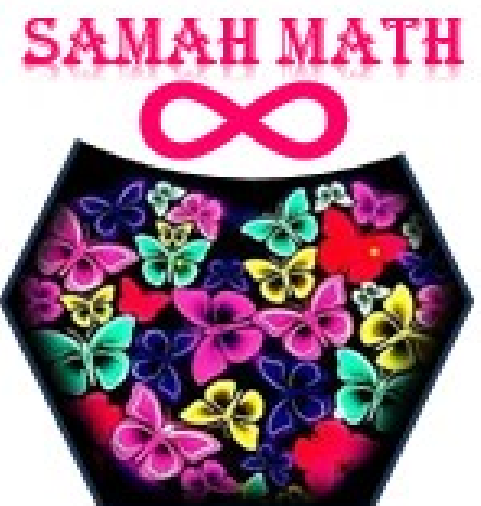
في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

$$(b) f(x) = \sin^{-1}(\sqrt{x})$$



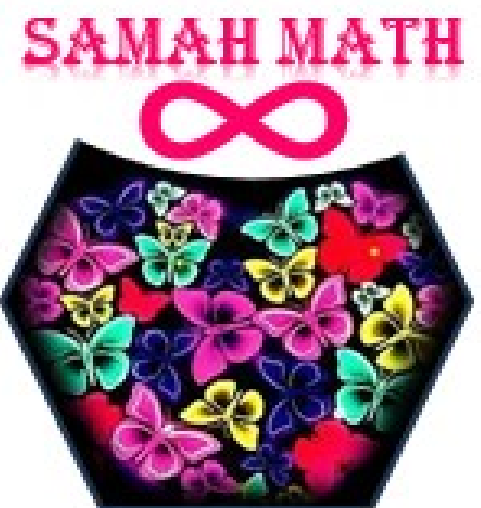
في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

30. (a)  $f(x) = \cos^{-1}(x^2 + x)$



في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

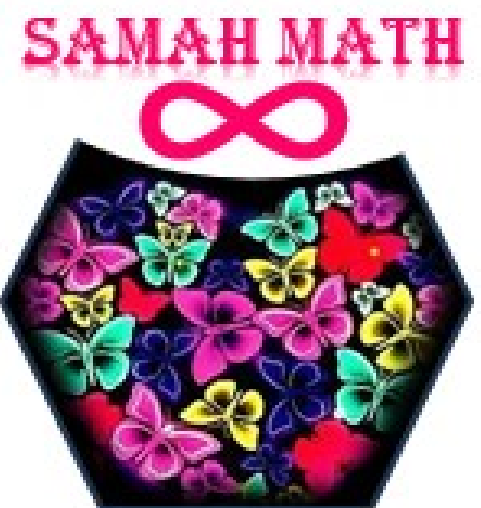
$$(b) f(x) = \cos^{-1}(2/x)$$





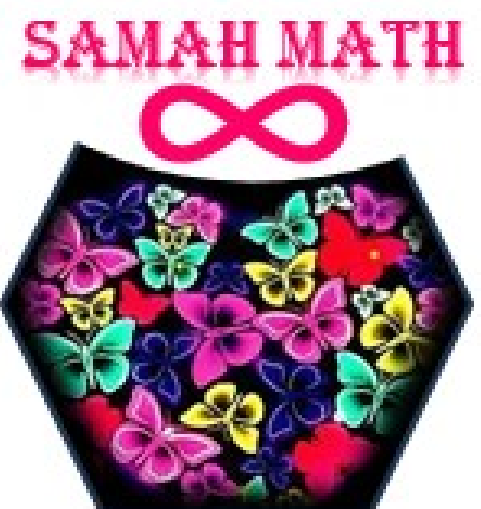
في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

31. (a)  $f(x) = \tan^{-1}(\sqrt{x})$



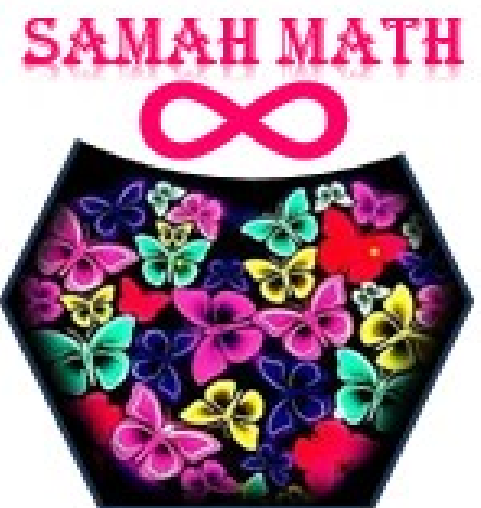
في التمرينين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

$$(b) f(x) = \tan^{-1}(1/x)$$



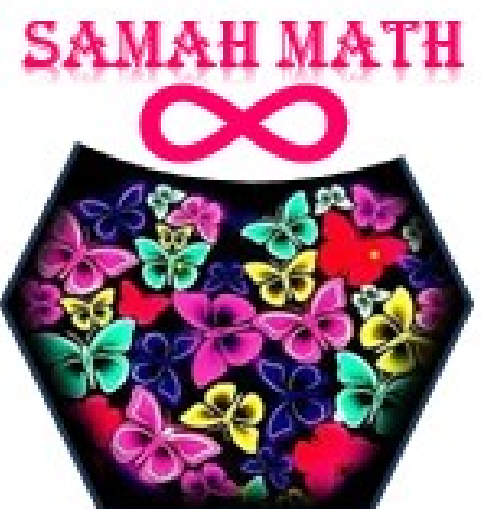
في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

32. (a)  $f(x) = \sqrt{2 + \tan^{-1} x}$



في التمرينين 29 و34، أوجد مشتقة كل دالة.

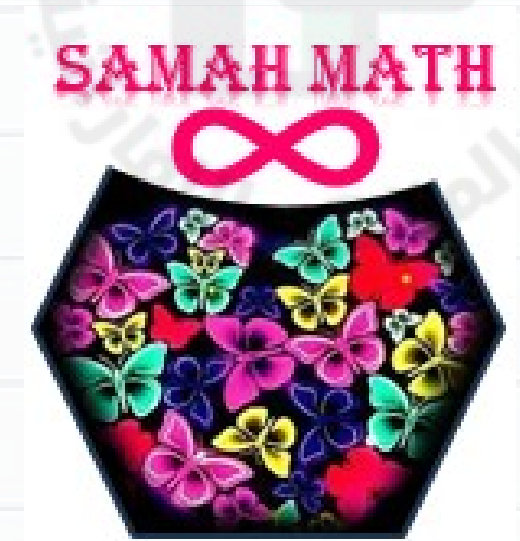
$$(b) f(x) = e^{\tan^{-1} x}$$





الجزء المقالى

26	Understand the Mean Value Theorem and use it in applications.	(30-40)	119
	التعرف على نظرية القيمة المتوسطة واستخدامها في التطبيقات		221

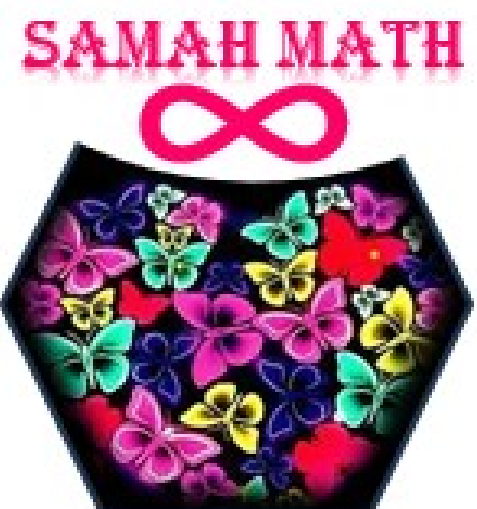


30. إذا كان  $f'(x) < 0$  لكل قيم  $x$ , فأثبت أن  $f(x)$  هي دالة متناقصة: بمعنى أنه إذا كان  $a < b$ , فإن  $f(a) > f(b)$ .



في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

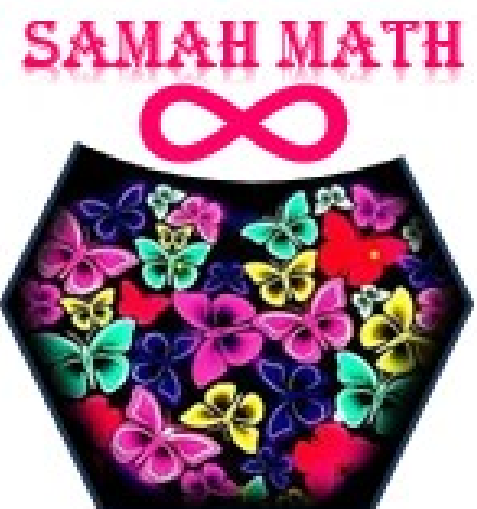
$$31 \quad f(x) = x^3 + 5x + 1$$





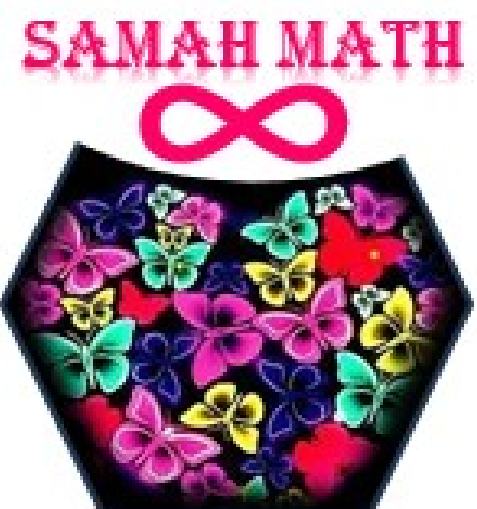
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$32. f(x) = x^5 + 3x^3 - 1$$



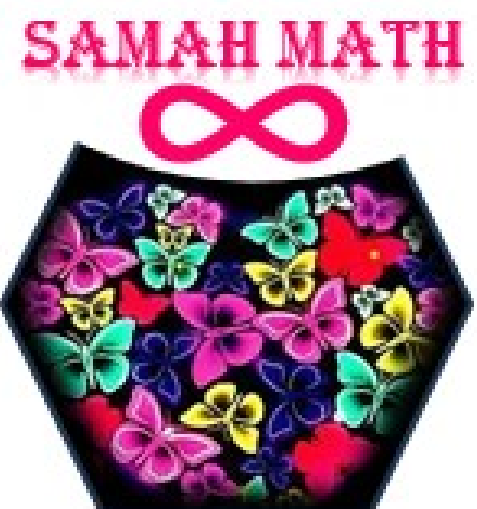
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$33. f(x) = -x^3 - 3x + 1$$



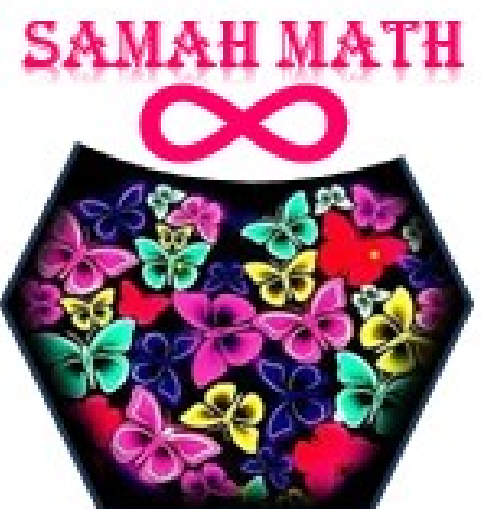
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

34.  $f(x) = x^4 + 2x^2 + 1$



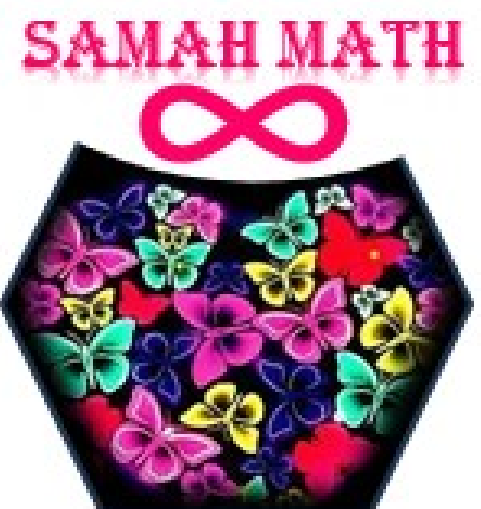
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$35. f(x) = e^x$$



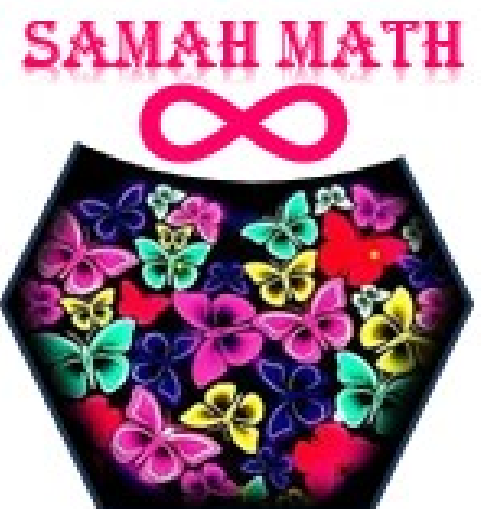
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$36. f(x) = e^{-x}$$



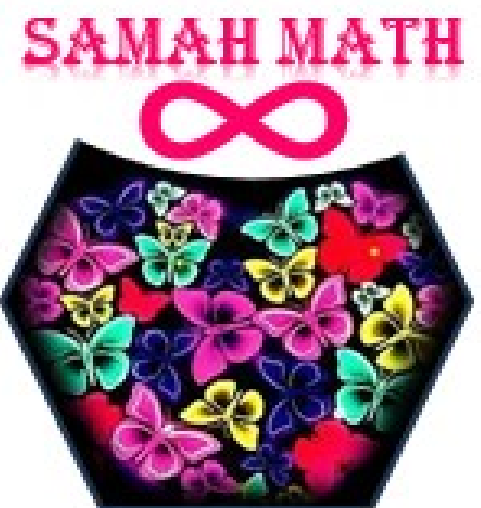
في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$37. f(x) = \ln x$$



في التمارين 31-38، حدّد ما إذا كانت دالّة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

$$38. f(x) = \ln x^2$$





39. على فرض أن  $s(t)$  تحدّد موقع جسم ما في الزمن  $t$ . وإذا كانت  $s$  قابلة للإشتقاق في الفترة  $[a, b]$ , فأثبت أنه عندما  $t = c$ , تكون السرعة اللحظية عند  $t = c$  مساوية للسرعة المتجهة المتوسطة بين  $t = a$  و  $t = b$ .



40. بدأ عدّاءان سباقًا في الزمن 0. وبعد مرور فترة من الزمن  $t = a$ , تصدر عدّاء السباق، ولكن المتسابق الثاني نزع منه صدارة السباق بمرور الزمن  $t = b$ . أثبت أنه عند الزمن  $t = c > 0$ , كان العدّاءان يجريان بالسرعة نفسها بالضبط.

