

تجميعة مراجعة نهائية وفق الهيكل الوزاري منهج بريديج



تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية

موقع المناهج ← المناهج الإمارتية ← الصف الثاني عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الأول ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 21-10-2025 18:13:24

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات احلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرة وبنوك الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة
رياضيات:

إعداد: Ahmed Samah

التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم



الرياضيات



اللغة الانجليزية



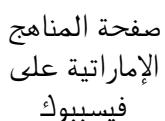
اللغة العربية



ال التربية الاسلامية



المواد على تلغرام



صفحة المناهج
الإماراتية على
فيسبوك

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الأول

تجميعة أسئلة مراجعة وفق الهيكل الوزاري الجديد باللغتين العربية والإنجليزية

1

نموذج إجابة تجميعة شاملة وفق الهيكل الوزاري

2

تجميعة شاملة وفق الهيكل الوزاري بدون الحل

3

تجميعة أسئلة وفق الهيكل الوزاري الجديد باللغتين العربية والإنجليزية

4

تجميعة أسئلة وحدة النهايات مع امتحانات سابقة وفق الهيكل الوزاري

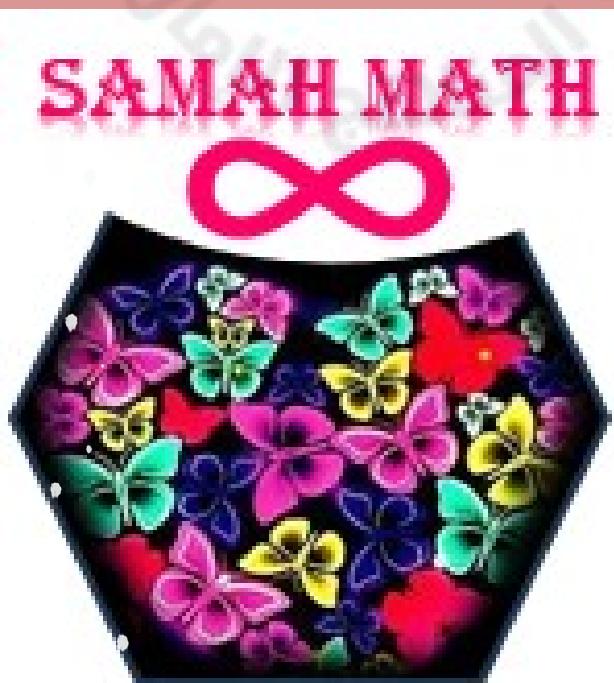
5

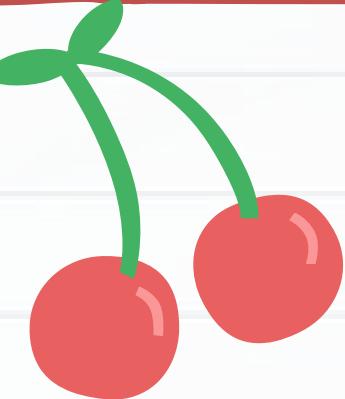
الحل بالالة الحاسبة والخطوات

Part 2(MCQ)

هيكل الرياضيات للصف

12 متقدم الفصل الدراسي الاول 25/26





الجزء الالكتروني

1

Estimate an arc length of a given function.

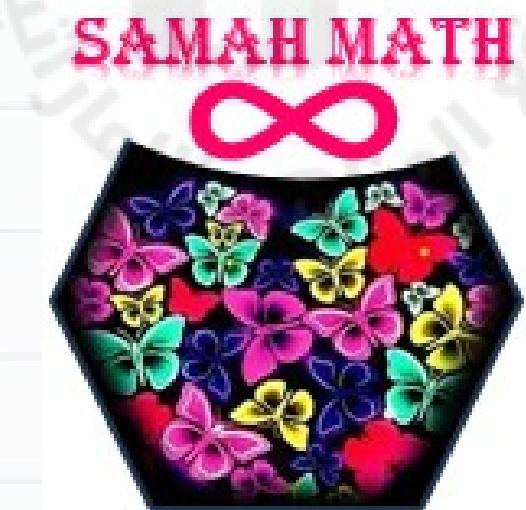
تقدير طول القوس على منحنى دالة معطاة

2026 2025

(7-12)

68

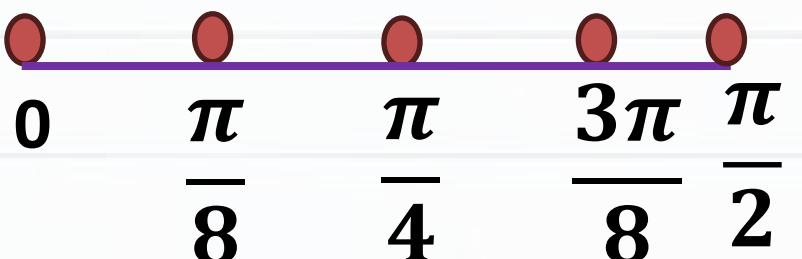
70



قدر طول المنحني $y = f(x)$ في الفترة المحددة باستخدام $n=4$ قطع مستقيمة.

7. $f(x) = \cos x, 0 \leq x \leq \pi/2$

$$\Delta x = \frac{b-a}{n} = \frac{\frac{\pi}{2}-0}{4} = \frac{\pi}{8}$$



$$(0, 1), \left(\frac{\pi}{8}, \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right)$$

$$d_1 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{8} - 0\right)^2 + \left(\cos\left(\frac{\pi}{8}\right) - 1\right)^2} = 0.4000086178$$

$$\left(\frac{\pi}{8}, \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right), \left(\frac{\pi}{4}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

$$d_2 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{8}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \cos\left(\frac{\pi}{8}\right)\right)^2} = 0.4485565678$$

$$\left(\frac{\pi}{4}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right), \left(\frac{3\pi}{8}, \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right)$$

$$d_3 = \sqrt{\left(\frac{3\pi}{8} - \frac{\pi}{4}\right)^2 + \left(\cos\left(\frac{3\pi}{8}\right) - \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = 0.509375184$$

$$\left(\frac{3\pi}{8}, \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right), \left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$$

$$d_4 = \sqrt{\left(\frac{\pi}{2} - \frac{3\pi}{8}\right)^2 + \left(0 - \cos\left(\frac{3\pi}{8}\right)\right)^2} = 0.5483239719$$

≈ 1.906

طول المنحني

A.

1.906

B.

0.90

C.

4.406

D.

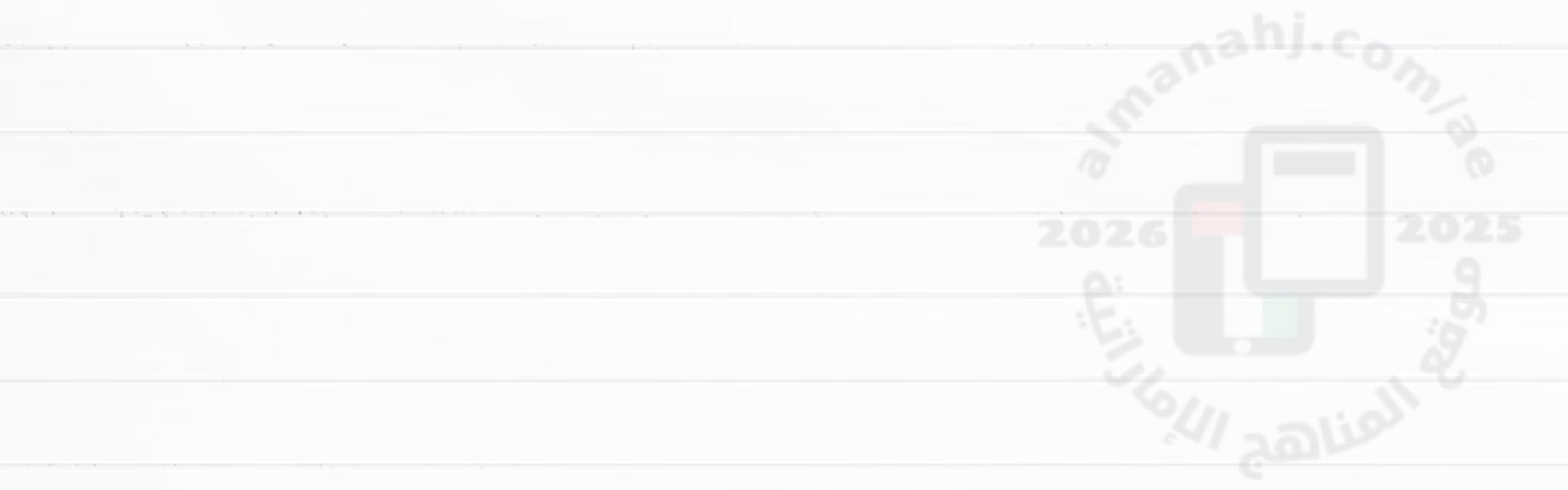
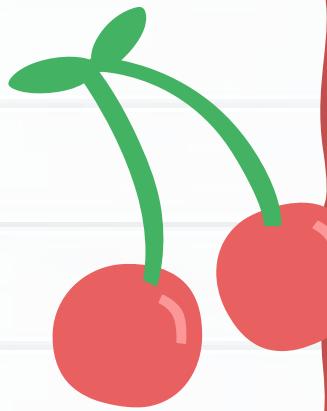
11.906

SAMAH MATH



قدر طول المحنن $f(x) = \ln x$ في الفترة المحددة باستخدام $n=4$ فقط مستقيمة.

8. $f(x) = \sin x, 0 \leq x \leq \pi/2$



A. 1.906

B. 0.90

C. 4.406

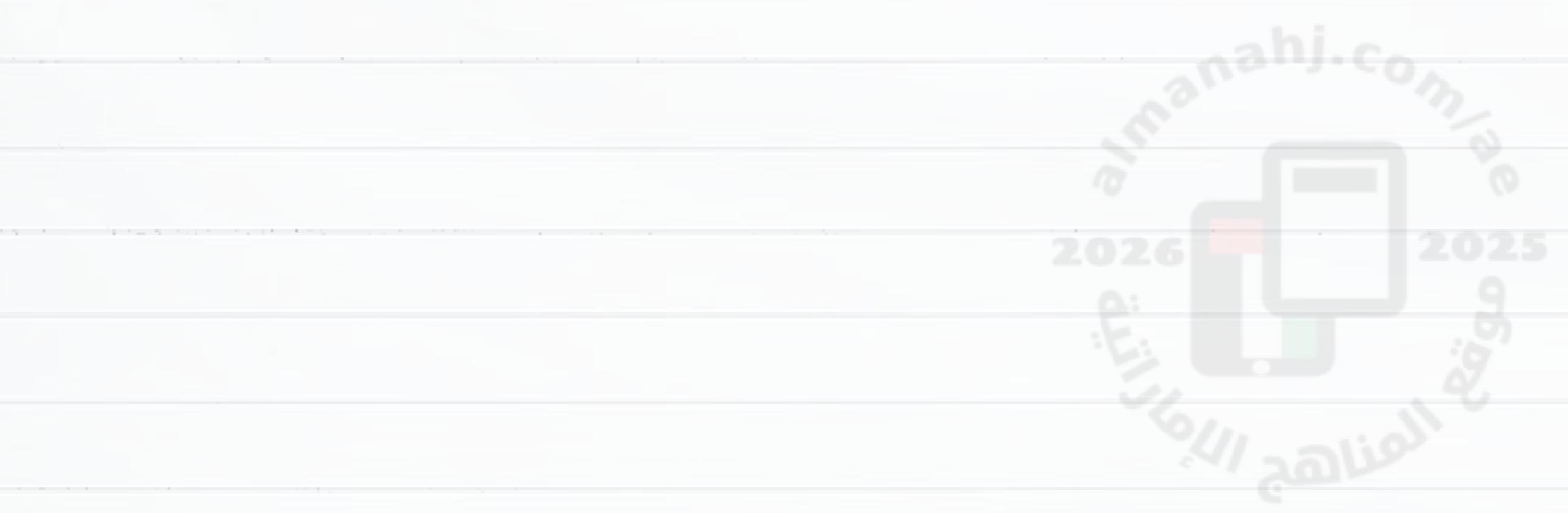
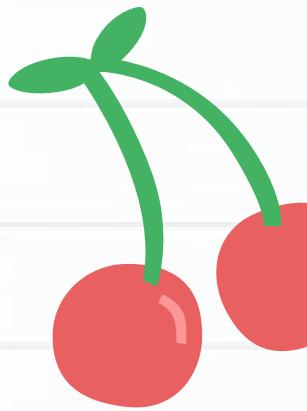
D. 11.906

SAMAH MATH



قدر طول المحنن $f(x) = \sqrt{x+1}$ في الفترة المحددة باستخدام $a=1$ فقط مستقيمة.

9. $f(x) = \sqrt{x+1}, 0 \leq x \leq 3$



A.
3.167

B.
13.167

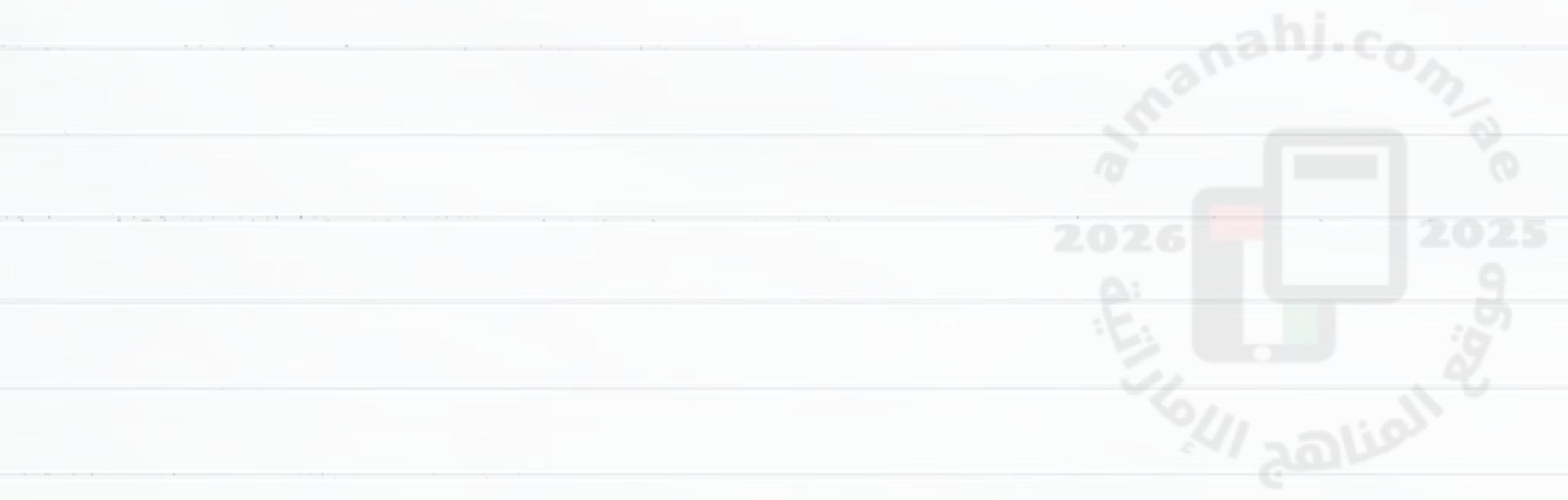
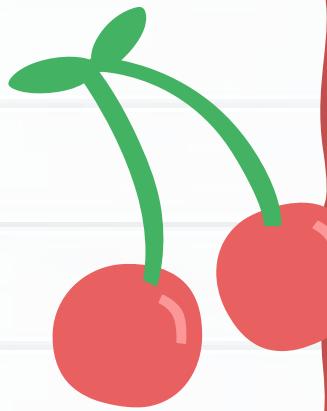
C.
7.198

D.
0.167



قدر طول المحنن $f(x) = \ln x$ في الفترة المحددة باستخدام $a=1$ فقط مستقيمة.

10. $f(x) = 1/x, 1 \leq x \leq 2$

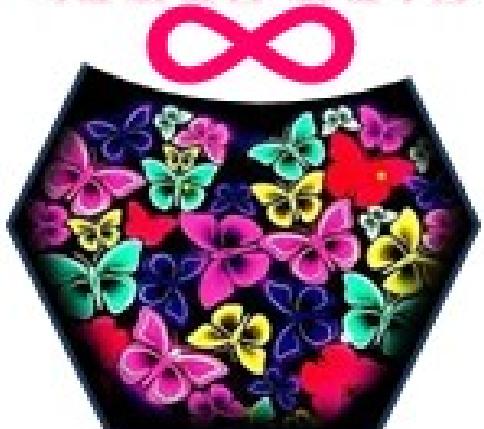


A.
1.1310

B.
0.16210

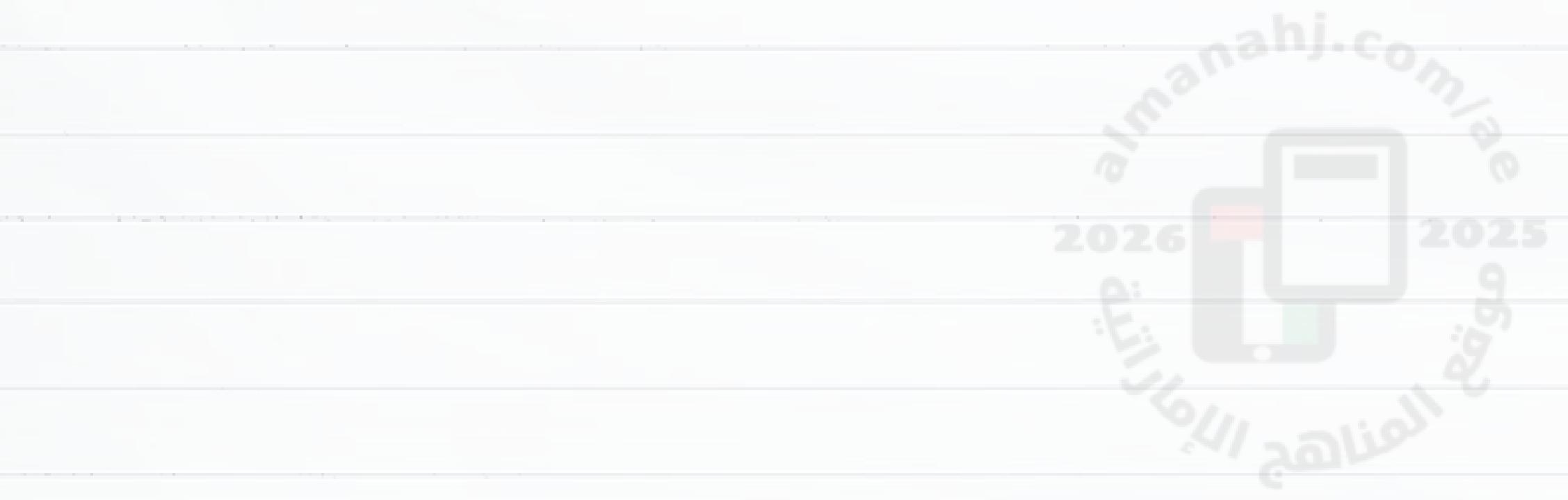
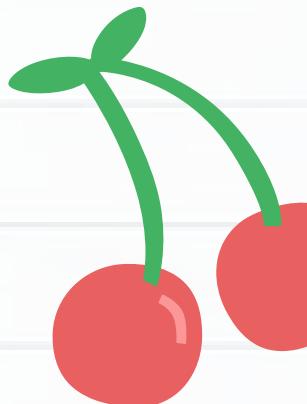
C.
21.90

D.
5. 10



قدر طول المحنن $f(x) = \ln x$ في الفترة المحددة باستخدام $a=1$ فقط مستقيمة.

11. $f(x) = x^2 + 1, -2 \leq x \leq 2$



A. 9.153

B. 0.16210

C. 21.90

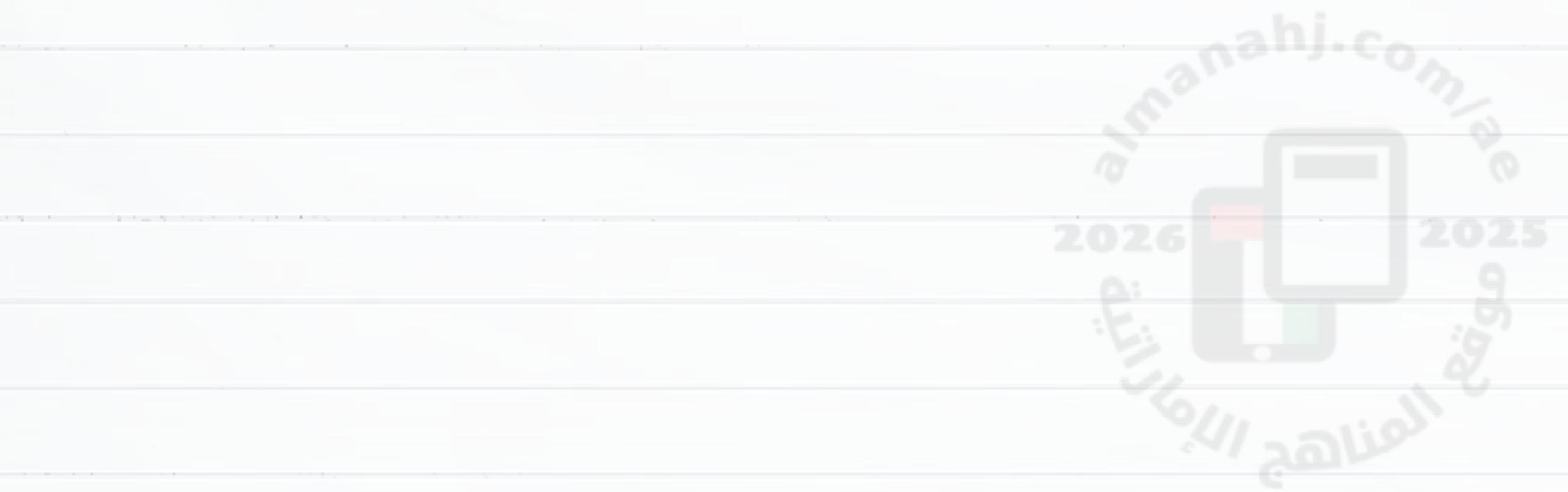
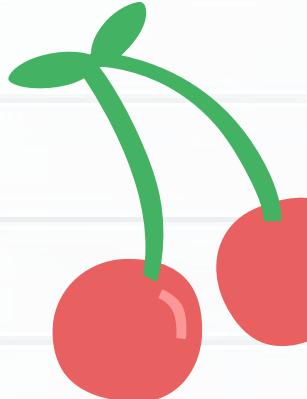
D. 5. 10

SAMAH MATH



قدر طول المحنن $f(x) = \ln x$ في الفترة المحددة باستخدام $a=1$ فقط مستقيمة.

12. $f(x) = x^3 + 2, -1 \leq x \leq 1$



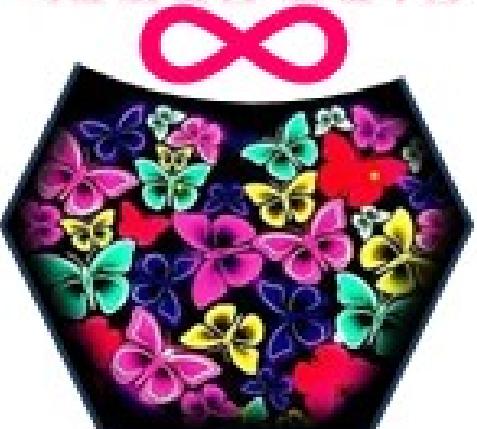
A. 3.0463

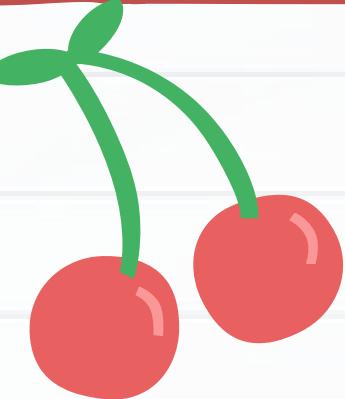
B. 1.087

C. 13.018

D. 9.0499

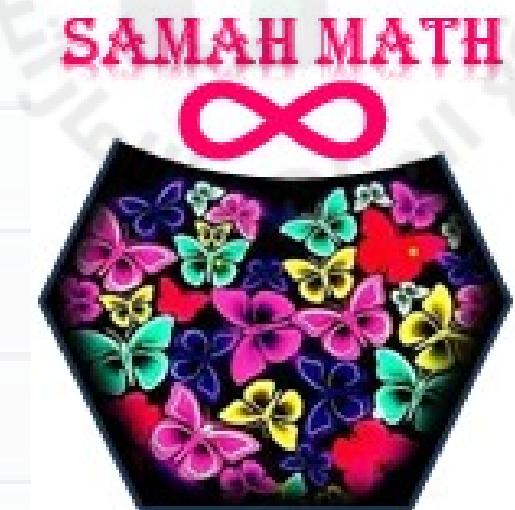
SAMAH MATH

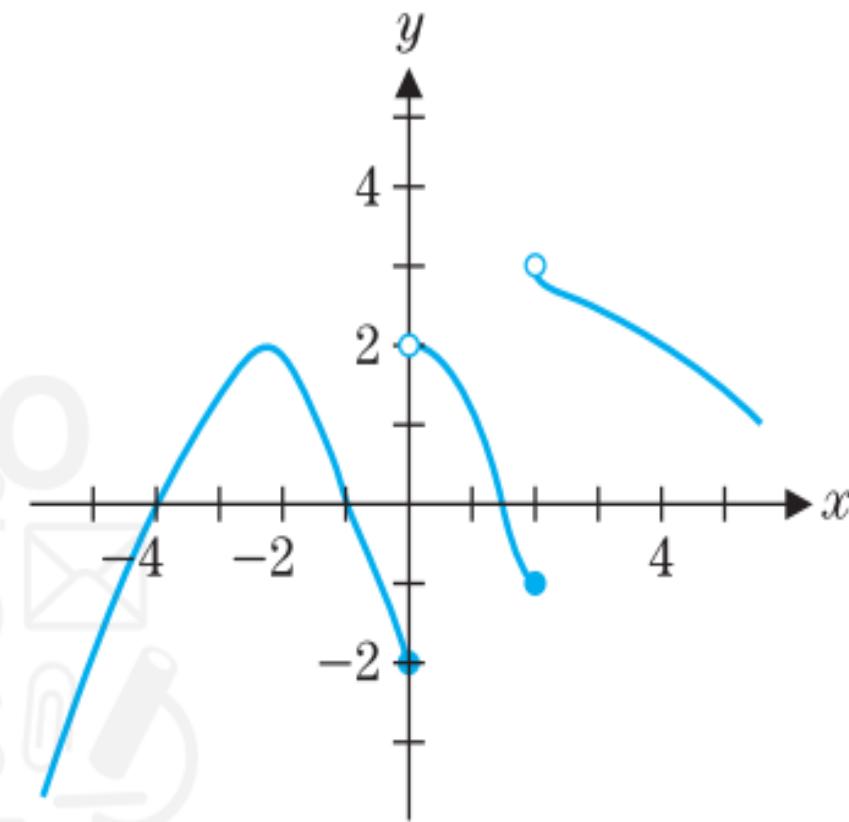




الجزء الالكتروني

2	Find a limit algebraically or graphically, if it exists. إيجاد قيمة نهاية دالة ما جبرياً وبياناً، إن وجدت	(7-8)	75 77
---	--	-------	----------





في التمرينين 7 و 8، حدد كل نهاية أو اذكر عدم وجودها في كلٍ مما يلي:

7. (a) $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$

(b) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$

(c) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

(d) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$

(e) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

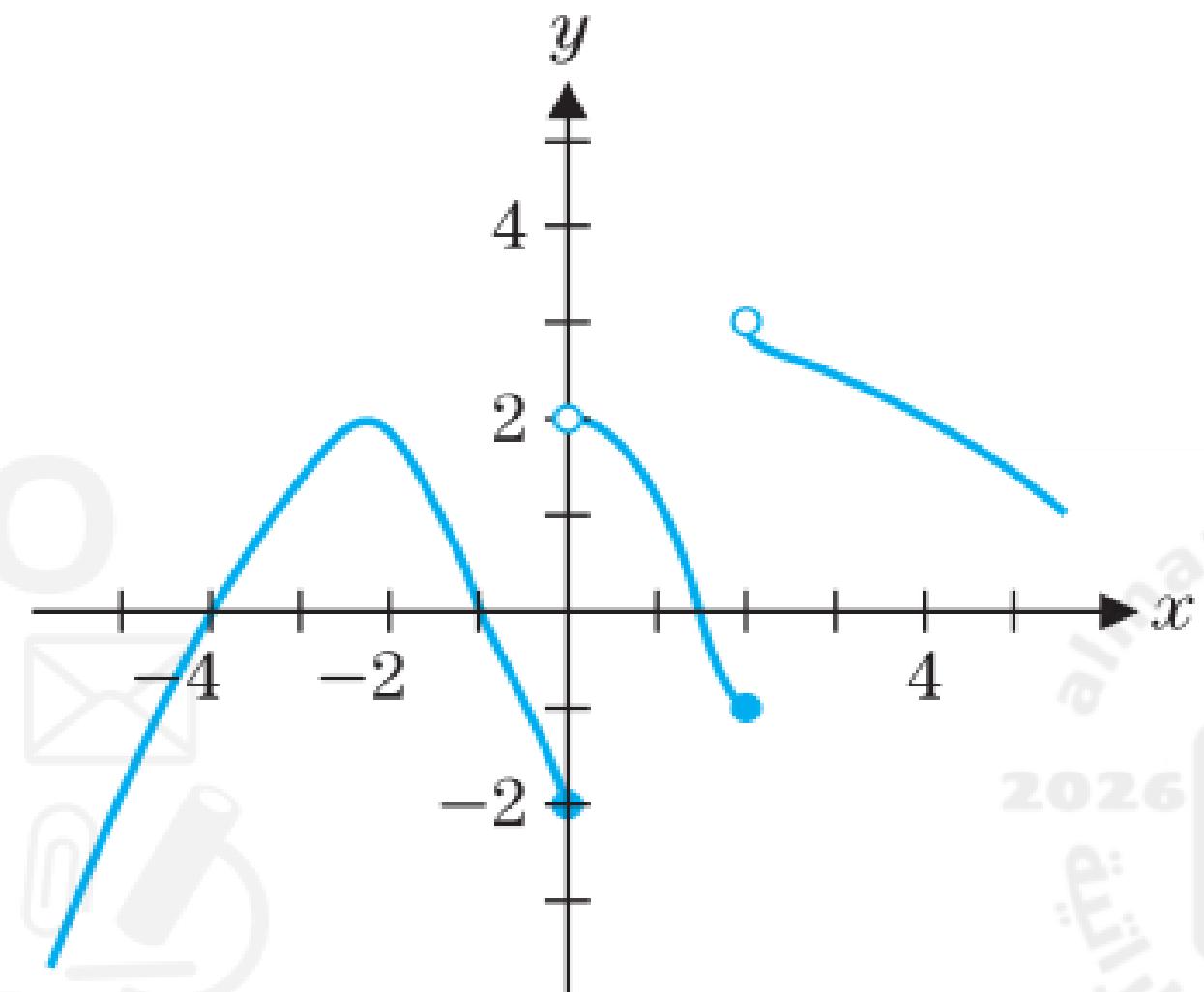
(f) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

(g) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$

(h) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

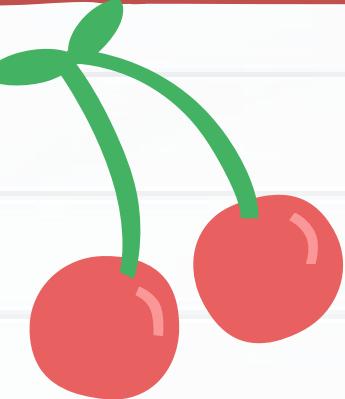


في التمرينين 7 و 8، حدد كل نهاية أو اذكر عدم وجودها في كلٍ مما يلي:



8. (a) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ (b) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ (c) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$
- (d) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ (e) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$ (f) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$
- (g) $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$ (h) $\lim_{x \rightarrow -3} f(x)$





الجزء الالكتروني

3

Find limits of polynomial, rational, and trigonometric functions using theorems.

إيجاد نهاية الدوال كثيرة الحدود والنسبية والمثلثية باستخدام نظريات النهايات

(21-28)

85

87

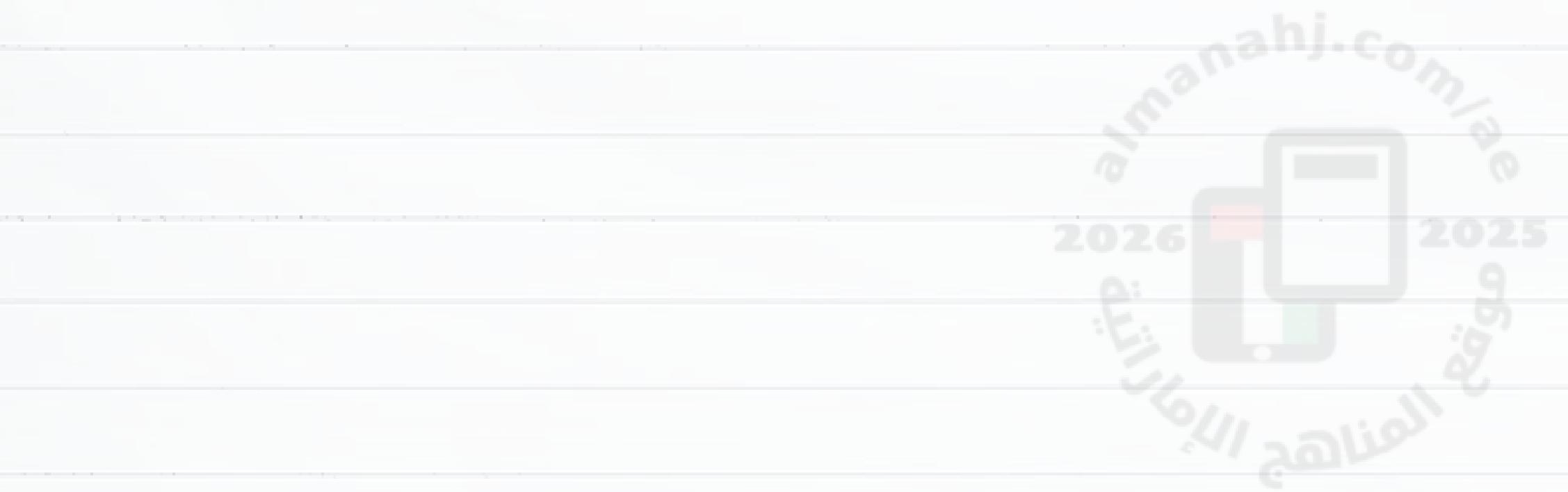
SAMAH MATH



21. $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$, حيث $f(x) = \begin{cases} 2x & , x < 2 \\ x^2 & , x \geq 2 \end{cases}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$.



A. 4

B. 2

C. -2

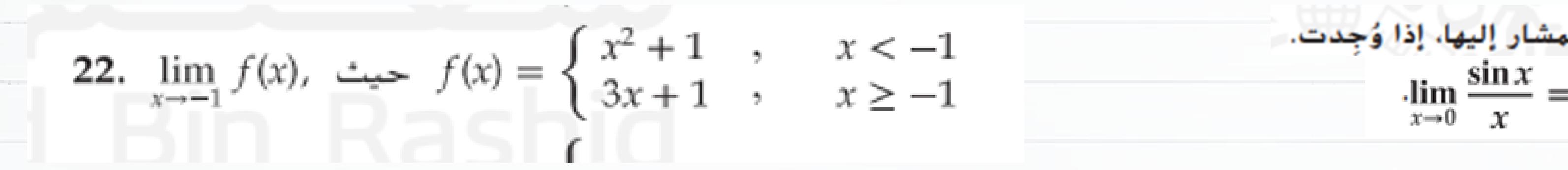
D. 4



22. $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$, حيث $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & , \quad x < -1 \\ 3x + 1 & , \quad x \geq -1 \end{cases}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجِدَت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A. Does not exist

B. -1

C. 1

D. $\frac{2}{3}$

SAMAH MATH



23. $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$, حيث $f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & , \quad x < -1 \\ 3 & , \quad -1 < x < 1 \\ 2x + 1 & , \quad x > 1 \end{cases}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A. Does not exist

B. -1

C. 1

D. 0

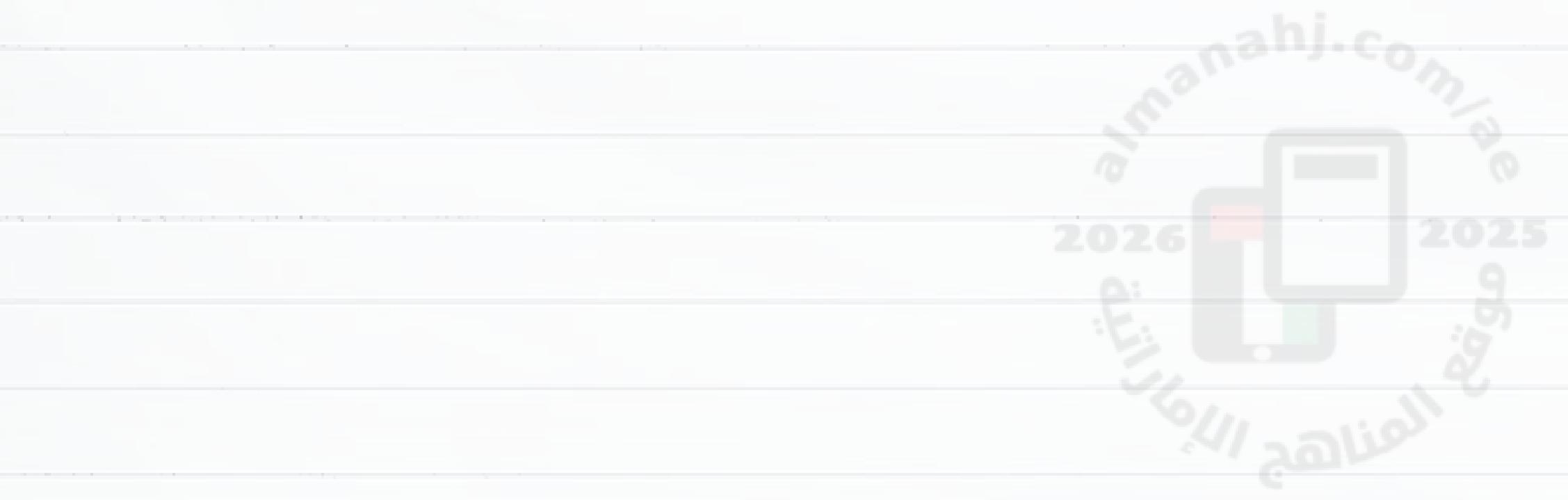
SAMAH MATH



24. $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$, حيث $f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & , \quad x < -1 \\ 3 & , \quad -1 < x < 1 \\ 2x + 1 & , \quad x > 1 \end{cases}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

3

B.

0.5

C.

0

D.

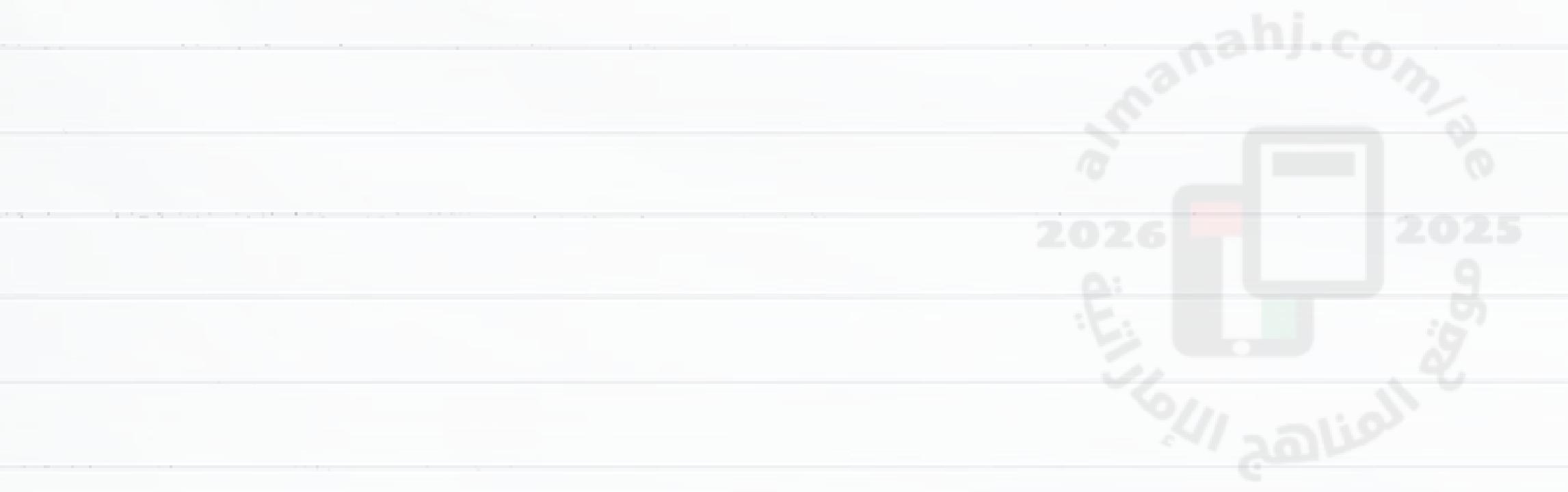
1.9



25. $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2 + h)^2 - 4}{h}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجِدَت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

4

C.

0

B.

0.5

D.

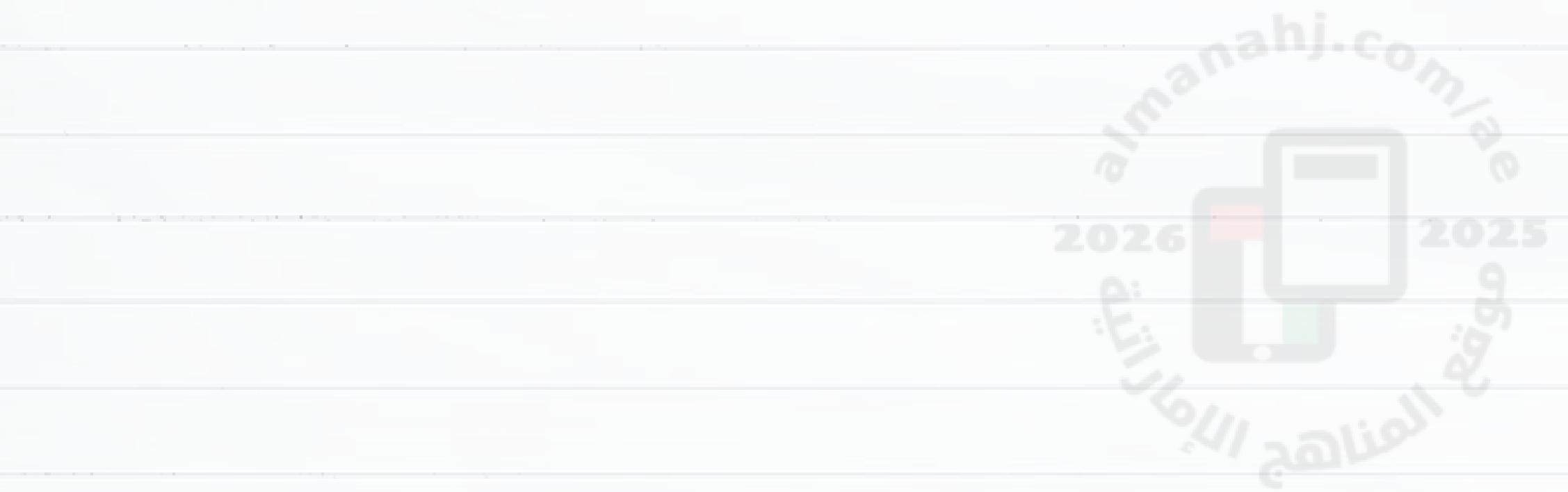
1.3



26. $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1+h)^3 - 1}{h}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

3

C.

0

B.

-1

D.

2

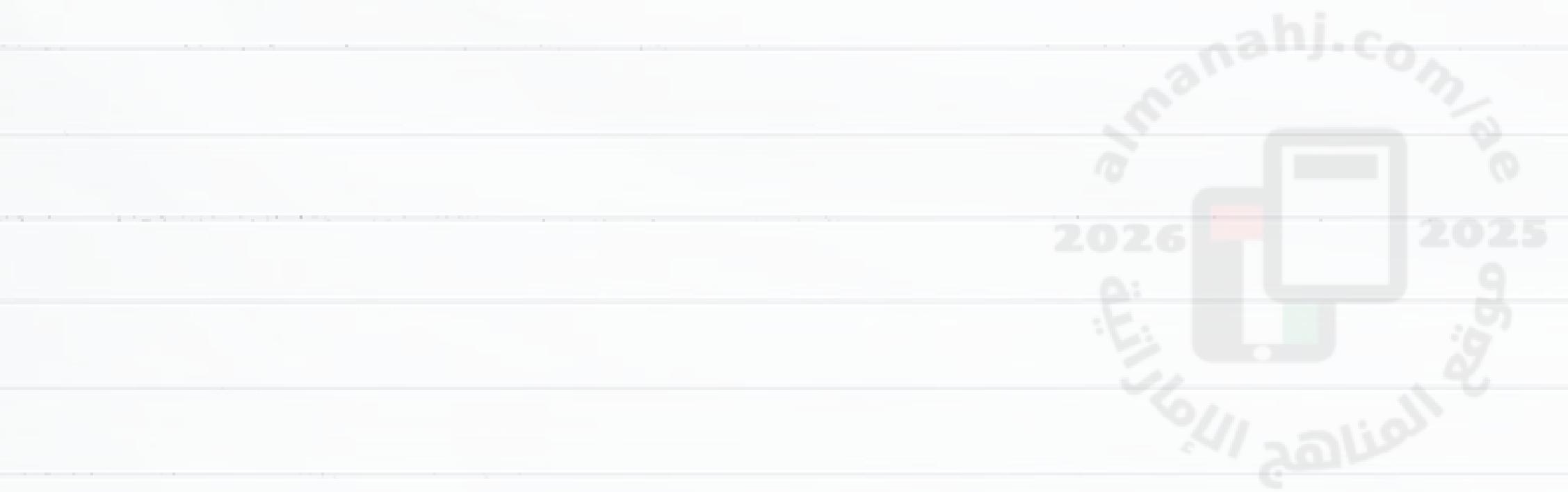
SAMAH MATH



27. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin(x^2 - 4)}{x^2 - 4}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

1

C.

8

B.

-4

D.

 ± 2

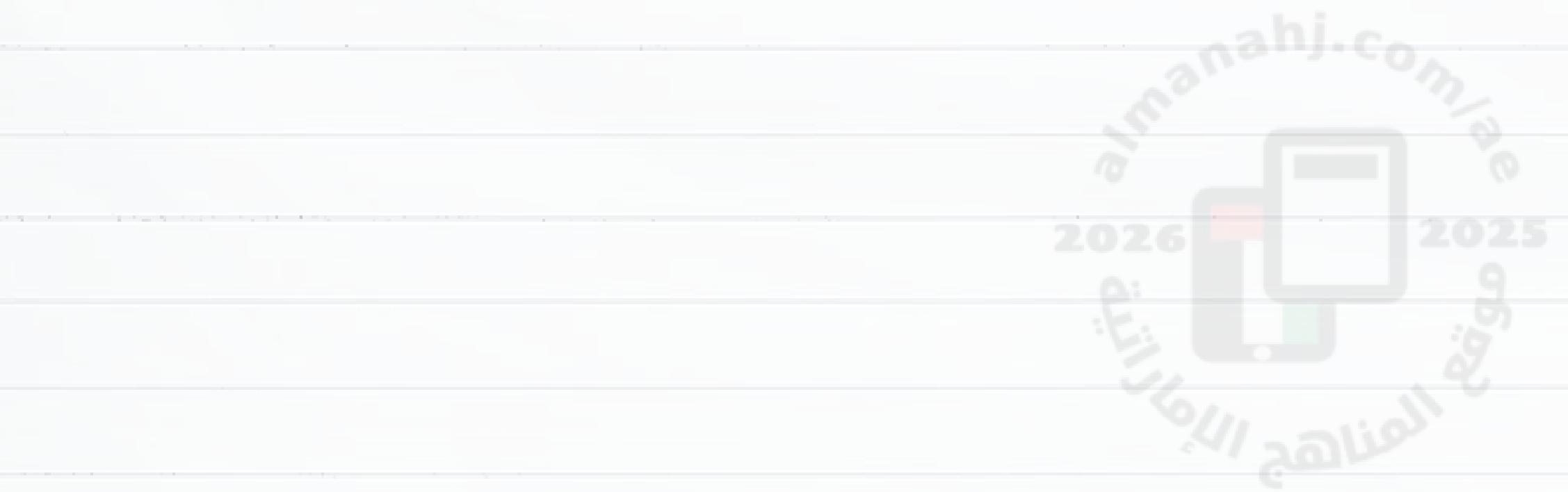
SAMAH MATH



28. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x}{5x}$

أوجد قيمة النهاية المشار إليها، إذا وُجدت.

على فرض أن $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$



A.

$$\frac{1}{5}$$

B.

$$-4$$

C.

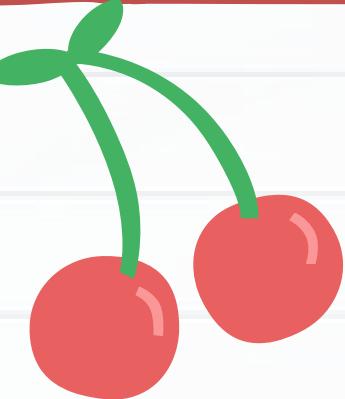
does not exist

D.

$$\pm 0.5$$

SAMAH MATH





الجزء الالكتروني

4

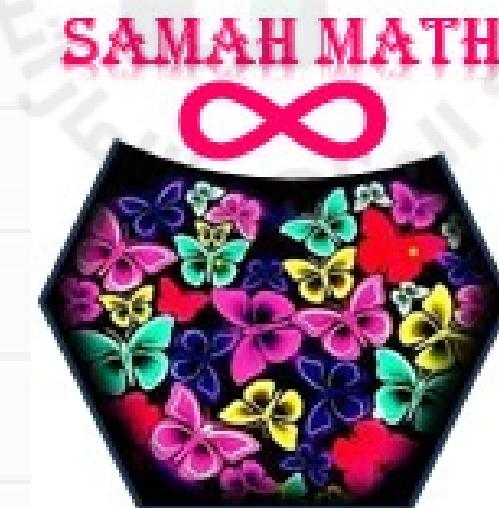
Use the squeeze theorem to find limits

استخدم نظرية الشطارة لإيجاد النهايات

(29-32)

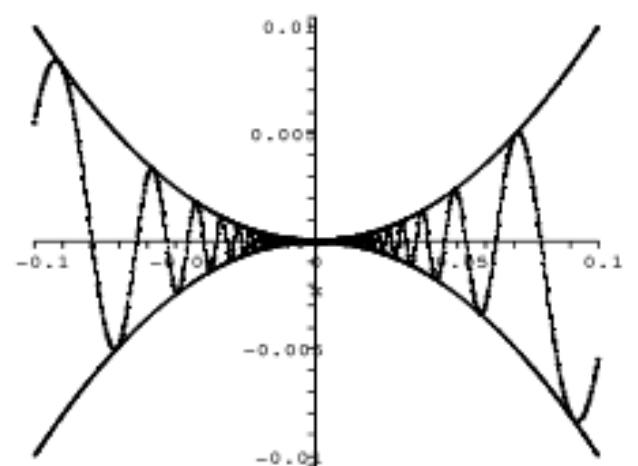
85

87



29.

x^2	$x^2 \sin(1/x)$
-0.1	0.0054
-0.01	5×10^{-5}
-0.001	-8×10^{-7}
0.1	-0.005
0.01	-5×10^{-5}
0.001	8×10^{-7}

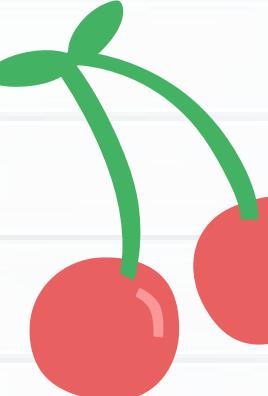


29. استخدم أدلة عدديّة وبيانية لتخمين قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin(1/x)$

استخدم نظرية الشطيرة لإثبات ذلك على صواب، عرف الدالتين

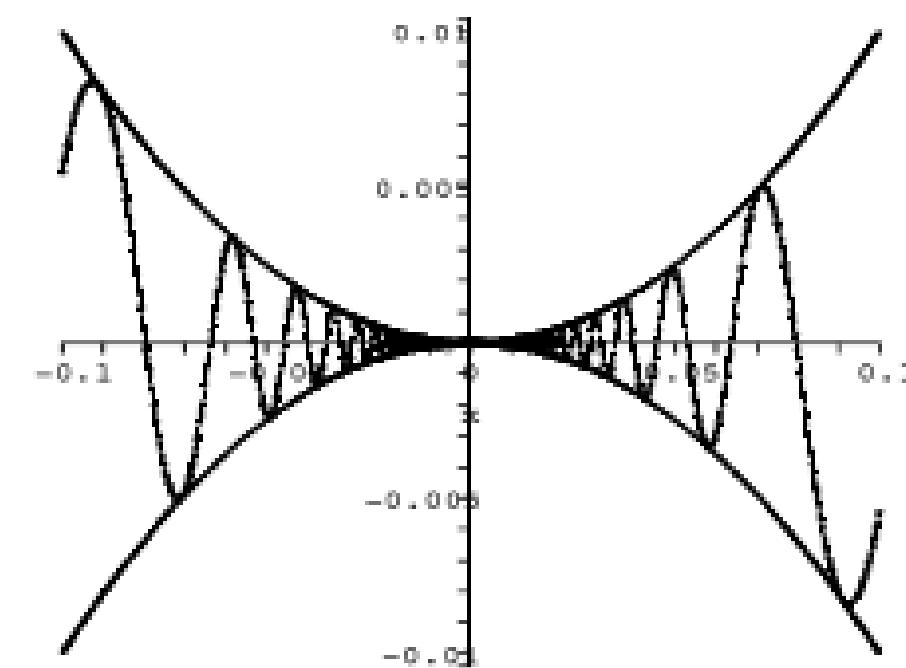
f و h ووضح بياناً أن $f(x) \leq h(x) \leq x^2 \sin(1/x)$ وعلّ أن

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} h(x)$$

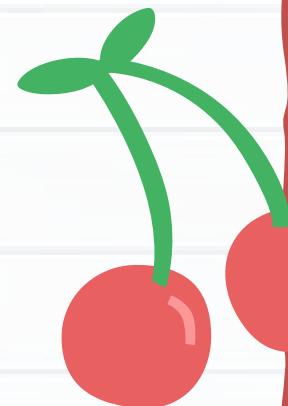


30. لماذا لا تستطيع استخدام نظرية الشطيرة كما في المثال 29 لإثبات أن $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sec(1/x) = 0$? استكشف هذه النهاية بيانيا.



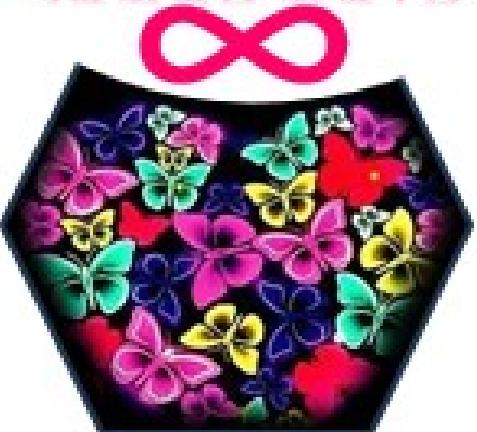


31. استخدم نظرية الشطيرة لإثبات أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} [\sqrt{x} \cos^2(1/x)] = 0$
وتعريف الدالتين f و h . ووضح بيانياً أن $f(x) \leq \sqrt{x} \cos^2(1/x) \leq h(x)$
لجميع قيم $x > 0$. وعمل أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = 0$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$



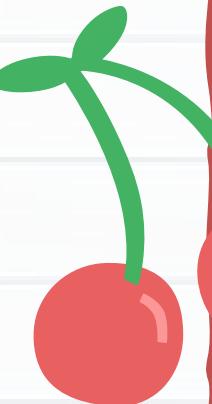
amanahj.com/ee
2026 2025
رقم المنهج: ٩٥٩

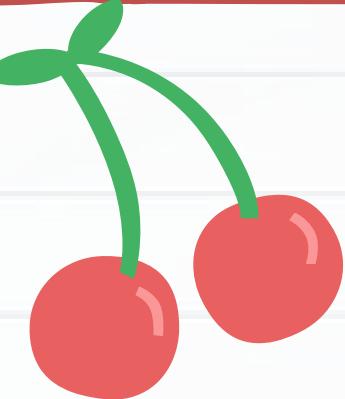
SAMAH MATH



32. افترض أن $f(x)$ محدودة، بمعنى أن هناك M ثابتة بحيث تكون $|f(x)| \leq M$ لجميع قيم x . استخدم نظرية الشطيرة لإثبات أن

$$\lim_{x \rightarrow 0} x^2 f(x) = 0$$





الجزء الالكتروني

5

Use the continuity properties to study the continuity of a function or a composition of functions at a given point

استخدم خصائص الاتصال لدراسة اتصال الدالة أو مجموعة الدوال عند نقطة معينة

(21-28)

95

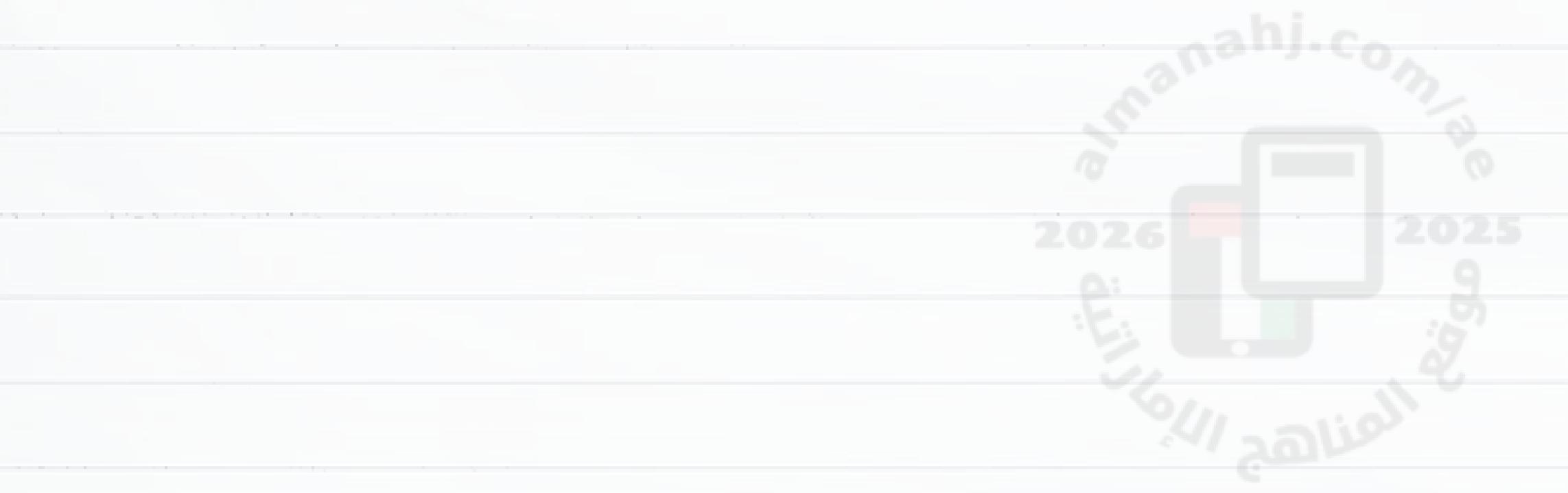
97

SAMAH MATH



21. $f(x) = \sqrt{x + 3}$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.



A. $[-3, \infty)$

B. $(2, \infty)$

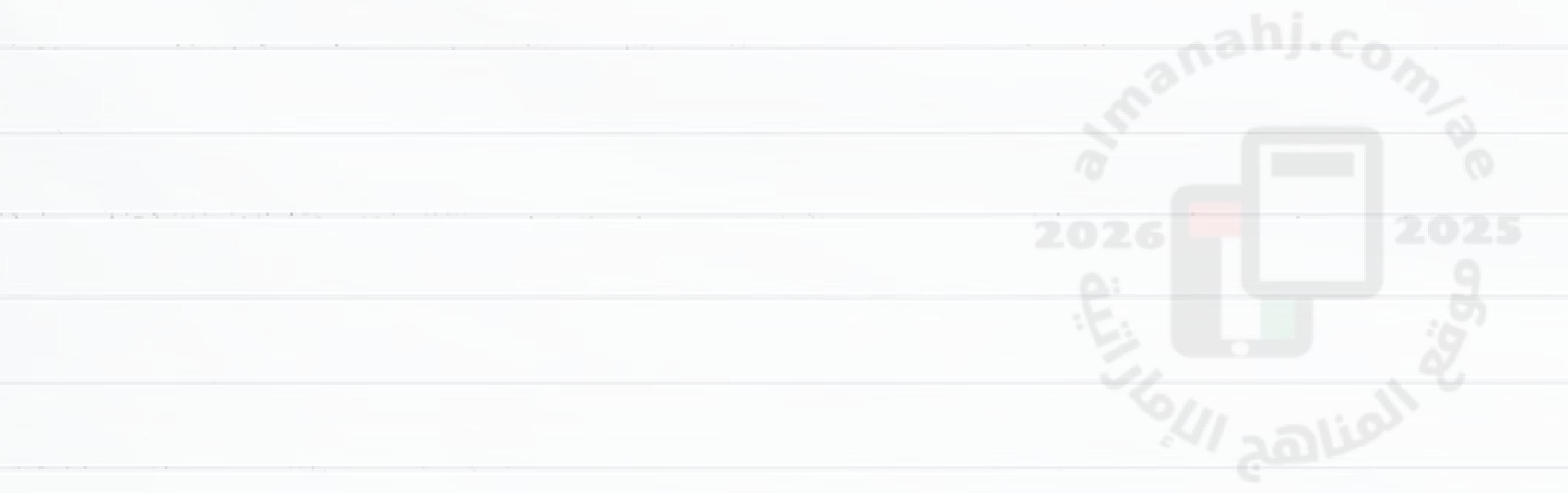
C. $(-\infty, -4), (2, \infty)$

D. $(-\infty, 1), (2, \infty)$



22. $f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.



A.

$$(-\infty, -2), (2, \infty)$$

B.

$$(-3, -1)$$

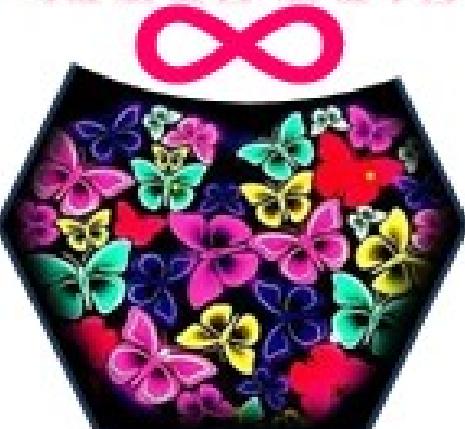
C.

$$(-2, 0)$$

D.

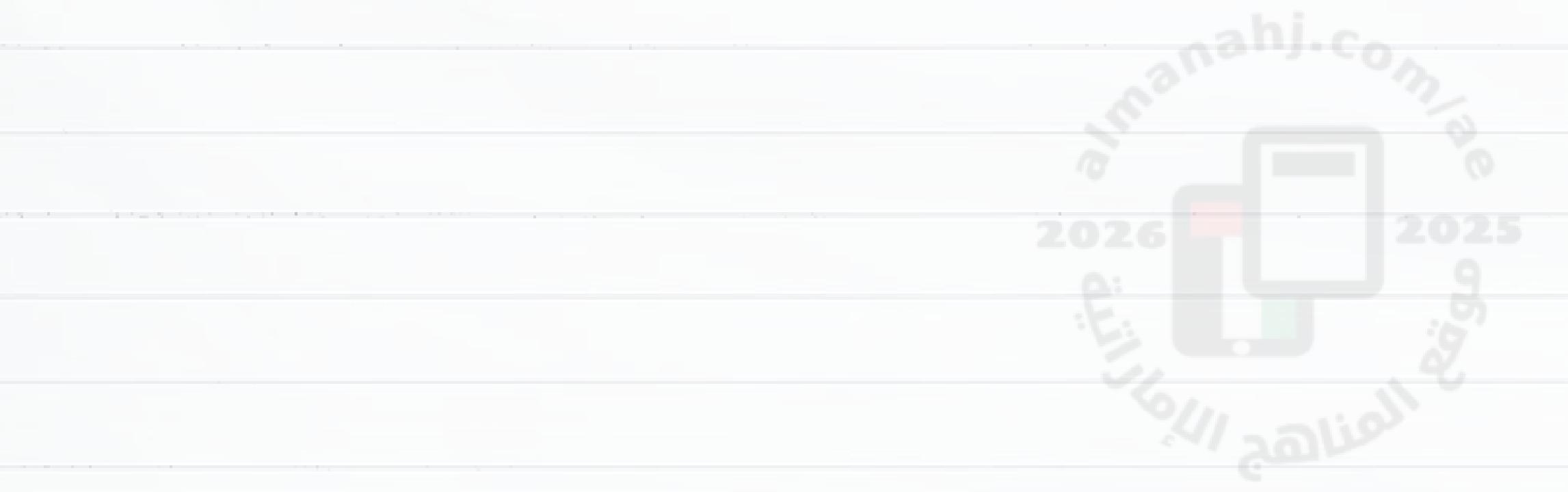
$$(-\infty, \infty)$$

SAMAH MATH



حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.

23. $f(x) = \sqrt[3]{x+2}$



A. $(-\infty, \infty)$

B. $(-3, -1)$

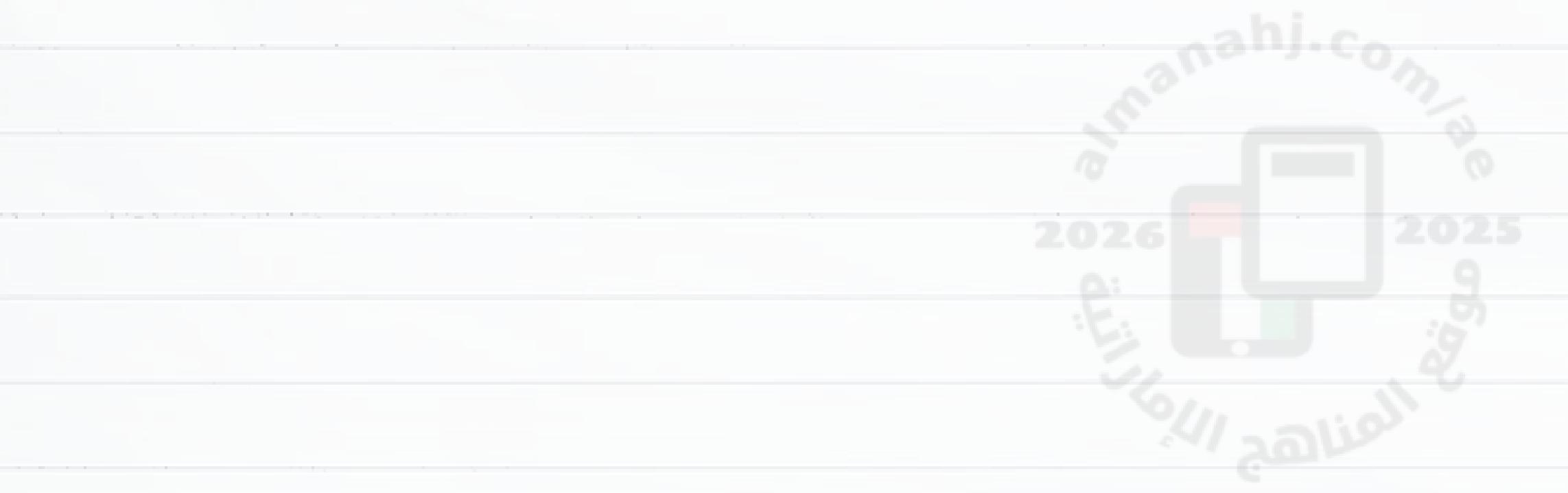
C. $(-2, 0)$

D. $[-2, -1]$



24. $f(x) = (x - 1)^{3/2}$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.



A. $[1, \infty)$

B. $[2, \infty)$

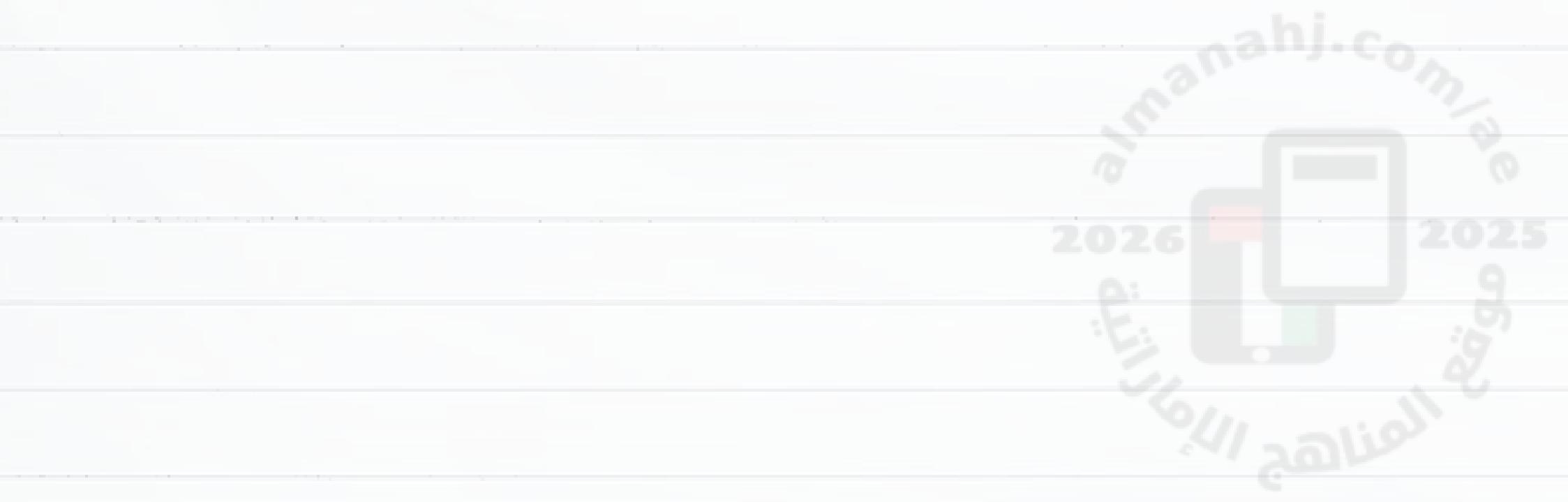
C. $(-\infty, -4), (2, \infty)$

D. $(-\infty, 1), (2, \infty)$



$$25. f(x) = \sin^{-1}(x + 2)$$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.



A. $[-3, -1]$

B. $(-3, -1)$

C. $(-2, 0)$

D. $(-\infty, \infty)$



26. $f(x) = \ln(\sin x)$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.

A.

$\sin x > 0$

B.

$\sin x \leq 0$

C.

$\sin x \geq 0$

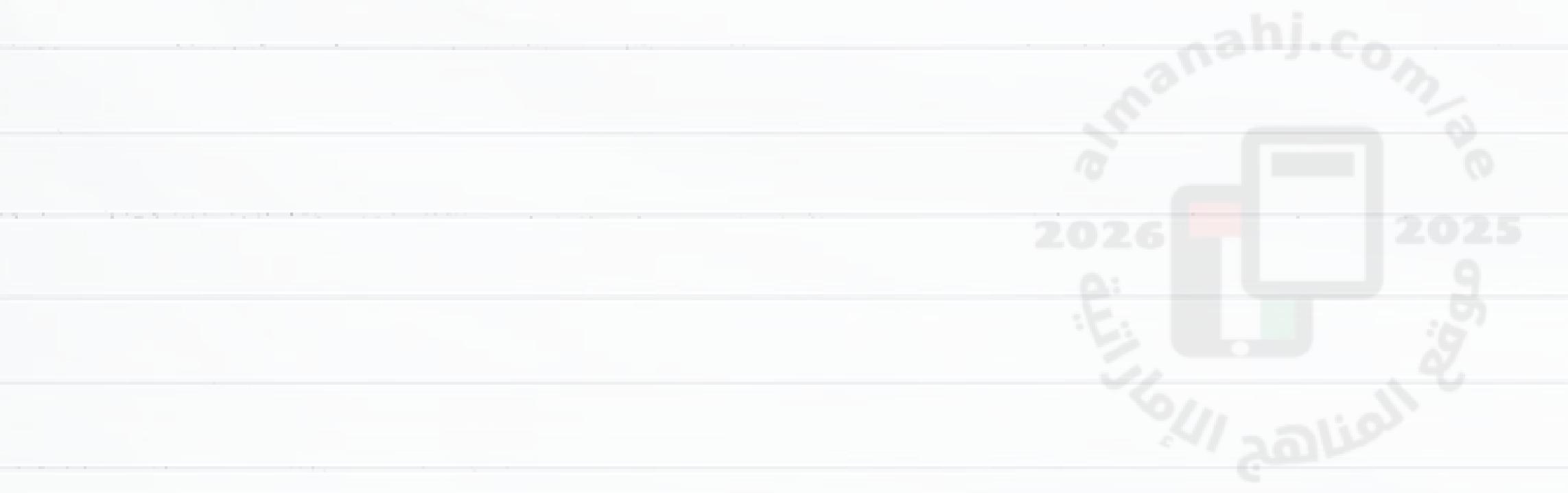
D.

$\sin x \neq 1$



27. $f(x) = \frac{\sqrt{x+1} + e^x}{x^2 - 2}$

حدد الفترات التي تكون عندـها f متصلة.



A. $x \neq \sqrt{2}, [-1, \infty)$

B. $x \neq \sqrt{2}, [0, \infty)$

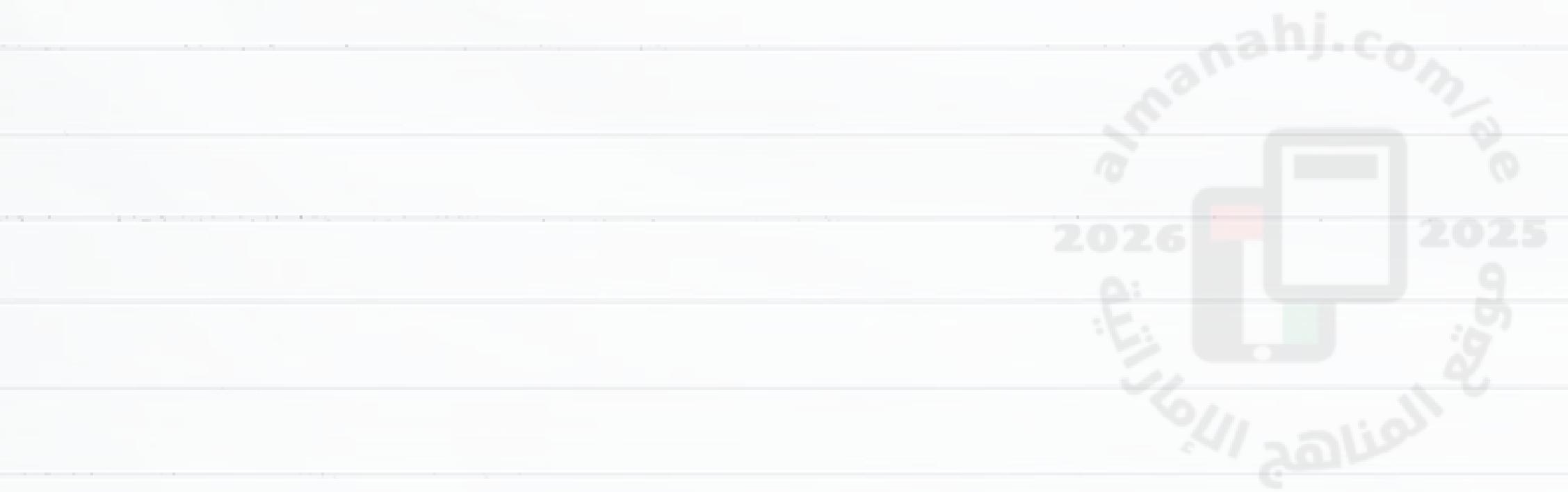
C. $x \neq 0, [\sqrt{2}, \infty)$

D. $x \neq \sqrt{3}, [2, \infty)$



$$28. f(x) = \frac{\ln(x^2 - 1)}{\sqrt{x^2 - 2x}}$$

حدد الفترات التي تكون عندها f متصلة.



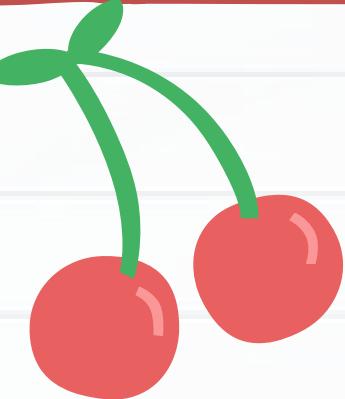
A. $(-\infty, -1), (2, \infty)$

B. $(-\infty, -4), (2, \infty)$

C. $(-\infty, 0), (1, \infty)$

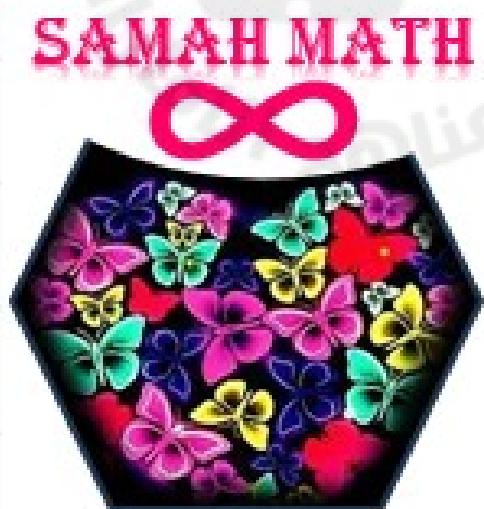
D. $(-\infty, 1), (2, \infty)$





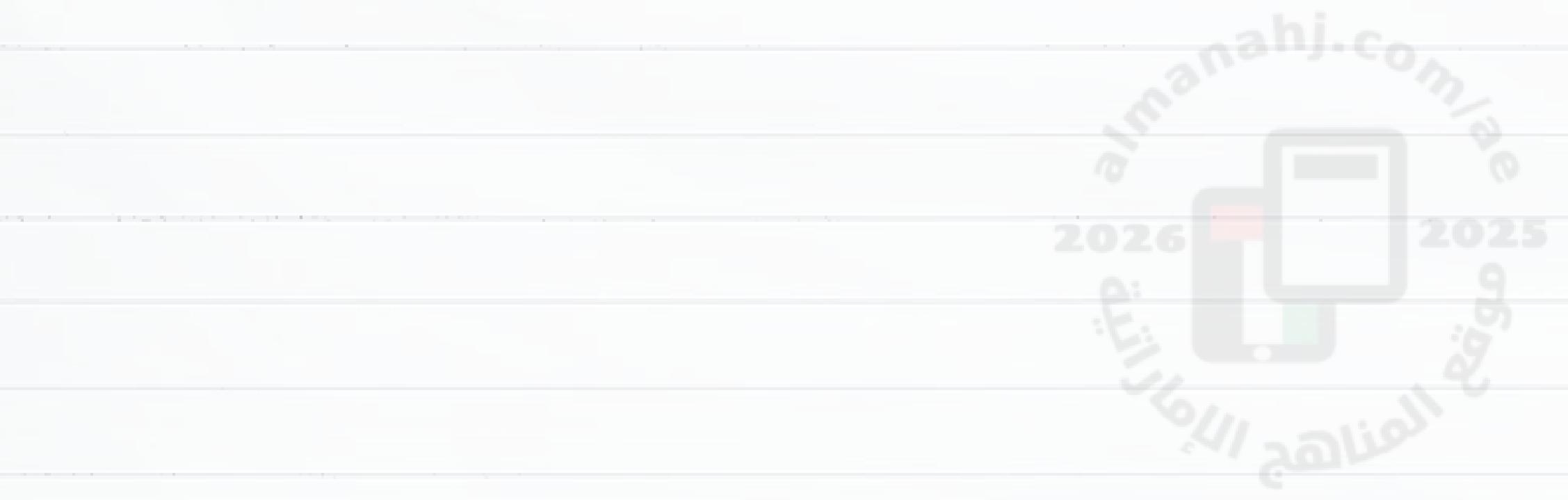
الجزء الالكتروني

6	Find horizontal, vertical, and slant asymptotes using limits. إيجاد خطوط التقارب الأفقية والراسية والمائلة باستخدام النهايات	(23-32)	106 108
---	---	---------	------------



23. (a) $f(x) = \frac{x}{4 - x^2}$

في التمارين 28-23، حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.

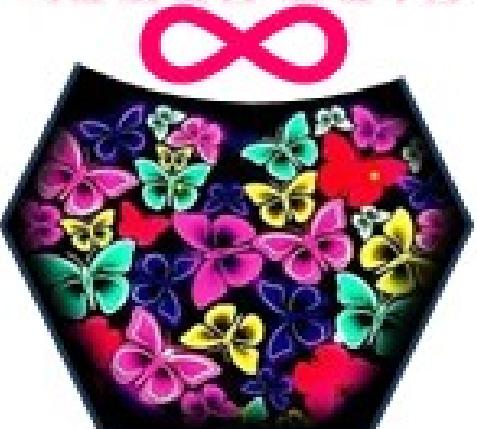


A. $x = \pm 2$ خط التقارب الرأسى
 $y = 0$ خط التقارب الأفقي

B. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي

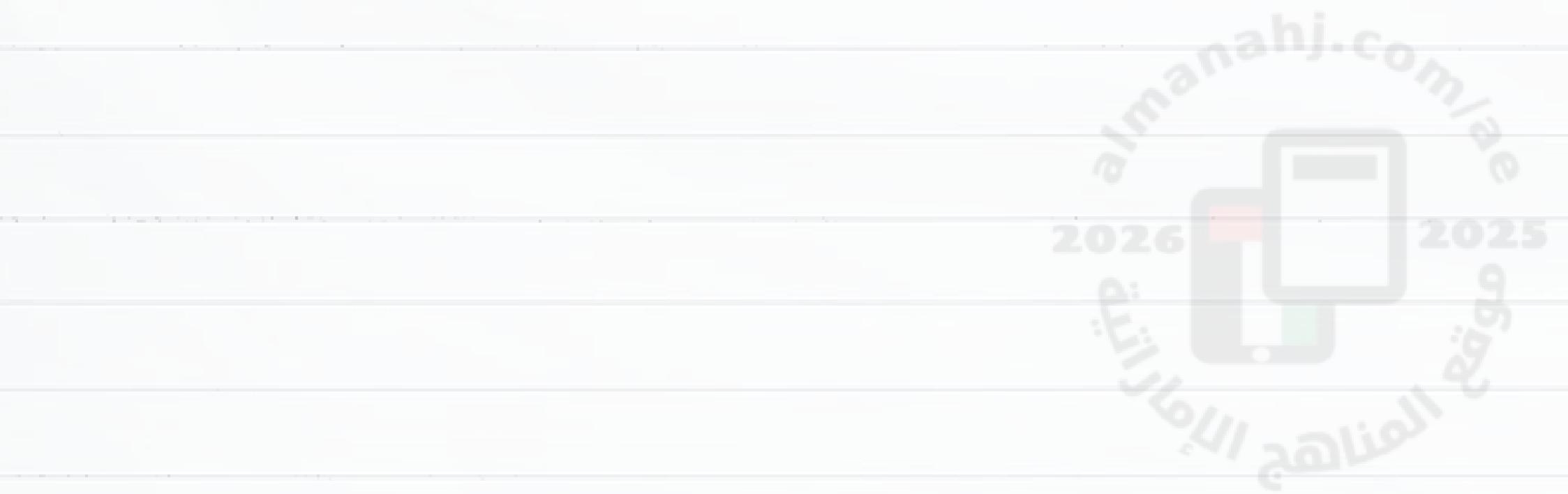
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 0$ خط التقارب الرأسى
 $y = 0$ خط التقارب الأفقي



(b) $f(x) = \frac{x^2}{4 - x^2}$

في التمارين 23-28، حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$ أم $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$.

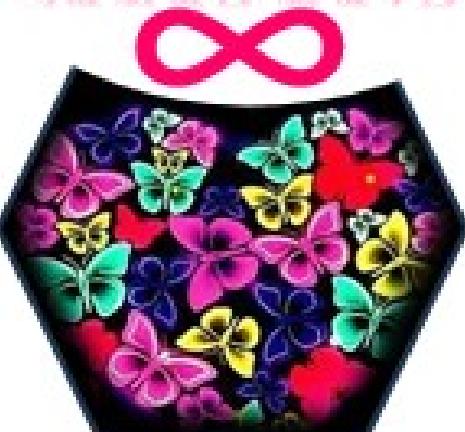


A. $x = \pm 2$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ خط التقارب الرأسى

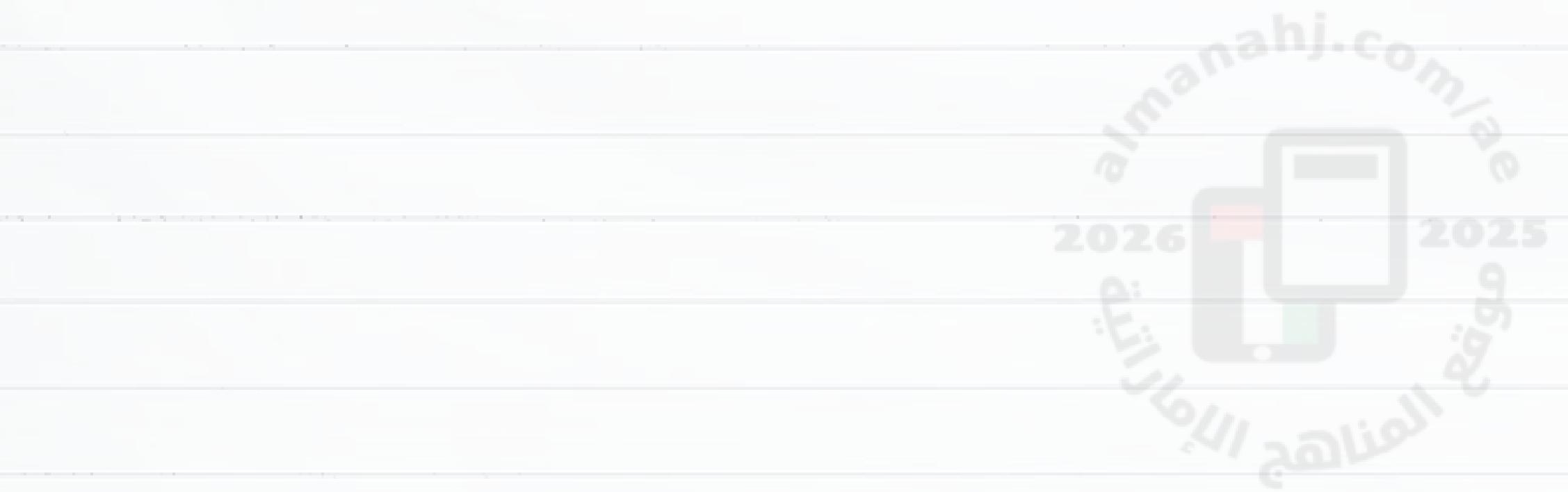
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي



24. (a) $f(x) = \frac{x}{\sqrt{4+x^2}}$

في التمارين 28-23، حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى،
حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.

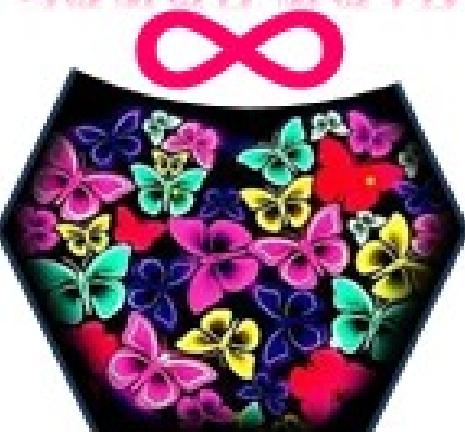


A. خط التقارب الرأسى لا يوجد
 $y = \pm 1$ خط التقارب الأفقي

B. خط التقارب الأفقي
 $x = 0$ خط التقارب الرأسى
 $y = 0$

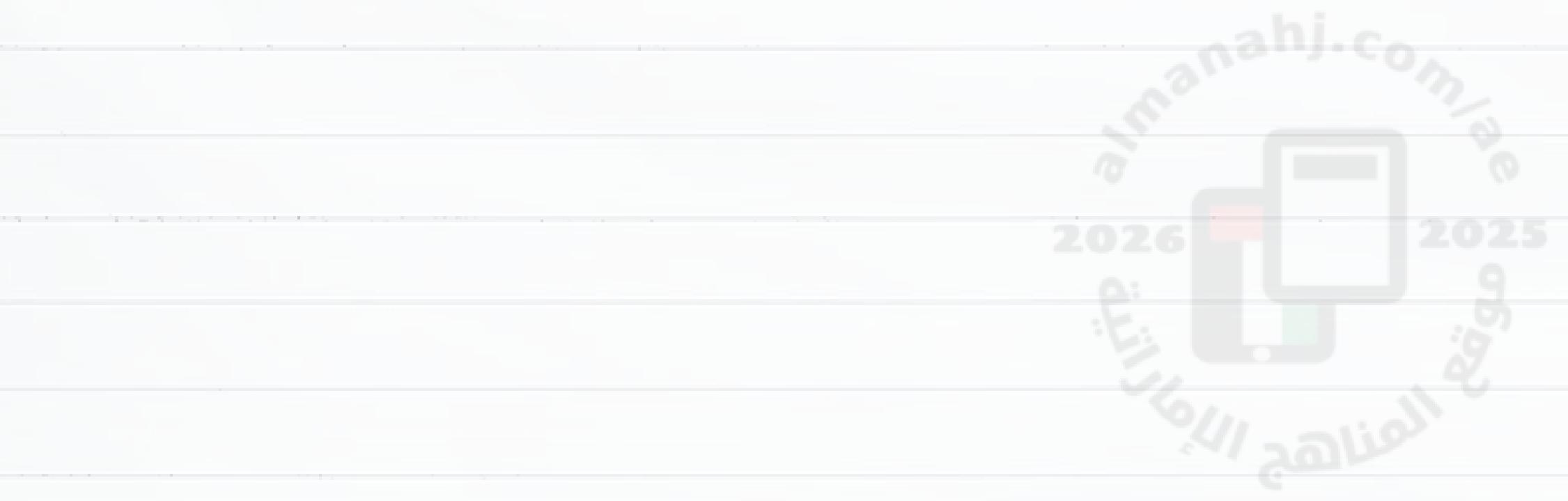
C. خط التقارب الرأسى
 $x = \pm 4$ خط التقارب الأفقي
 $y = -1$

D. خط التقارب الرأسى
 $x = 3$ خط التقارب الأفقي
 $y = 1$



$$(b) f(x) = \frac{x}{\sqrt{4 - x^2}}$$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.

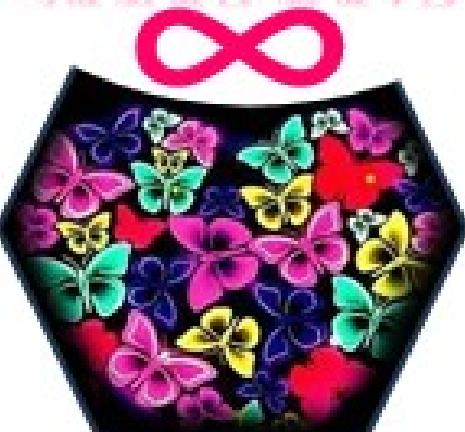


A. $x = \pm 2$ خط التقارب الرأسى
لا يوجد خط التقارب الأفقي

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ خط التقارب الرأسى

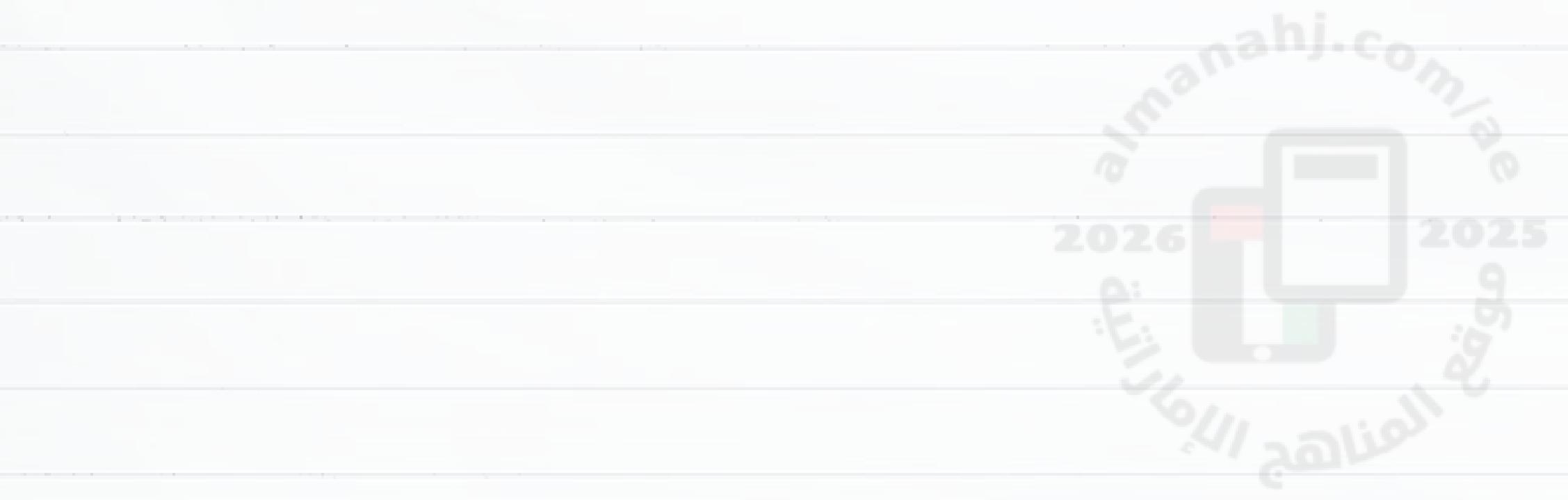
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي



25. $f(x) = \frac{3x^2 + 1}{x^2 - 2x - 3}$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.



A. $x = -1, 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 3$ خط التقارب الأفقي

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ خط التقارب الرأسى

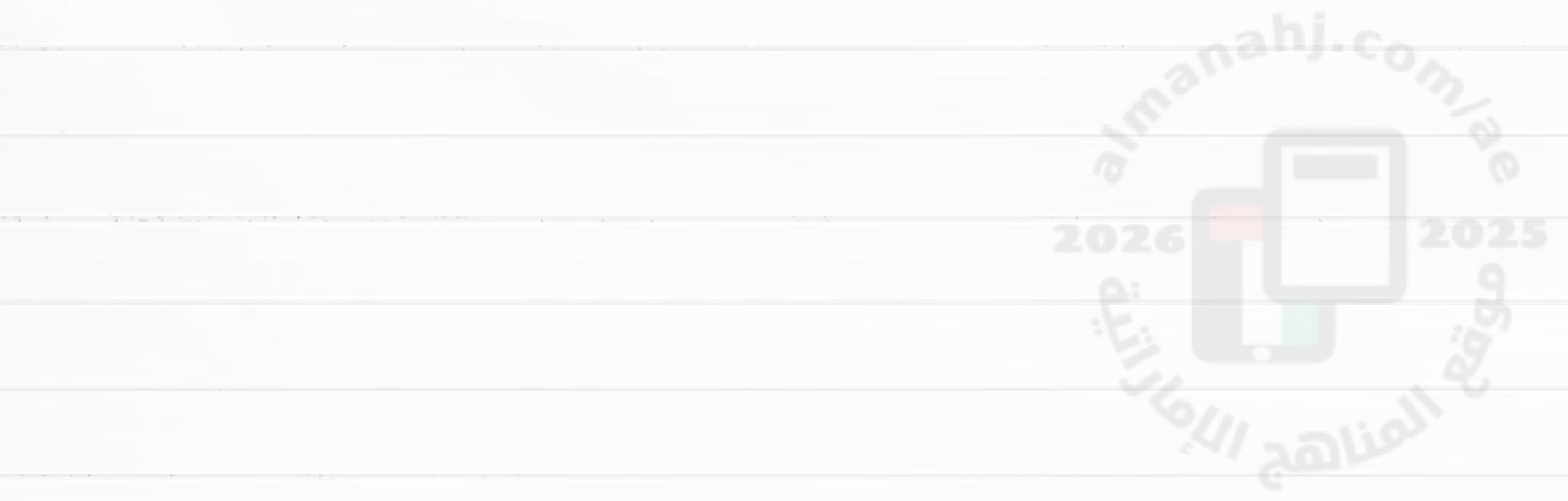
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي



26. $f(x) = \frac{1-x}{x^2+x-2}$

في التمارين 23-28، حدد كل خطوط التقارب الأفقيه والرأسيه. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.

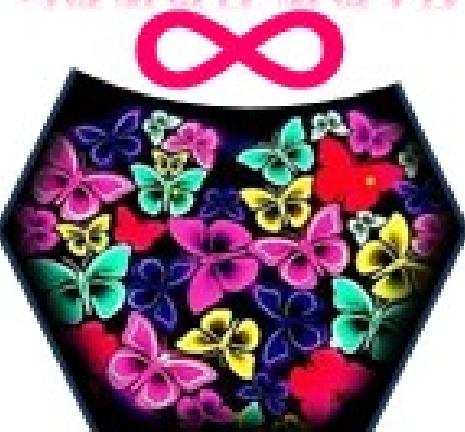


A. $x = -2$ خط التقارب الرأسي
 $y = 0$ خط التقارب الأفقي

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ خط التقارب الرأسي

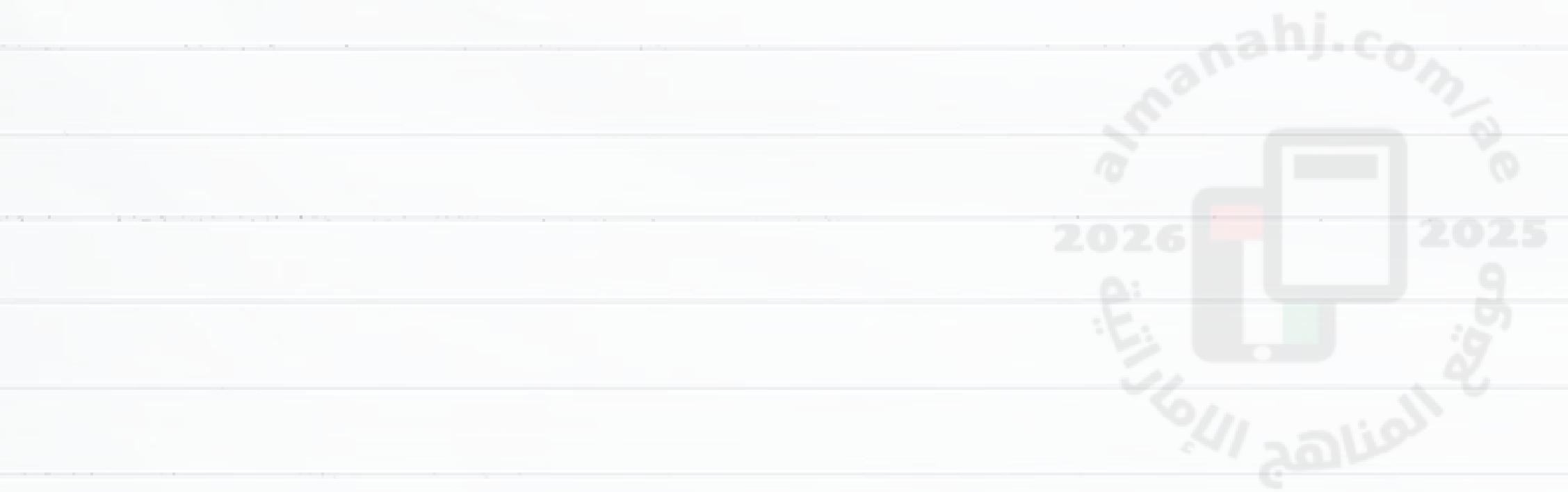
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسي
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسي
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي



27. $f(x) = 4 \tan^{-1} x - 1$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $\infty \rightarrow f(x)$ أم $-\infty \rightarrow f(x)$.



A. خط التقارب الرأسى لا يوجد
 $y = \pm 2\pi - 1$ خط التقارب الأفقي

B. خط التقارب الأفقي
 $x = 0$ خط التقارب الرأسى
 $y = 0$

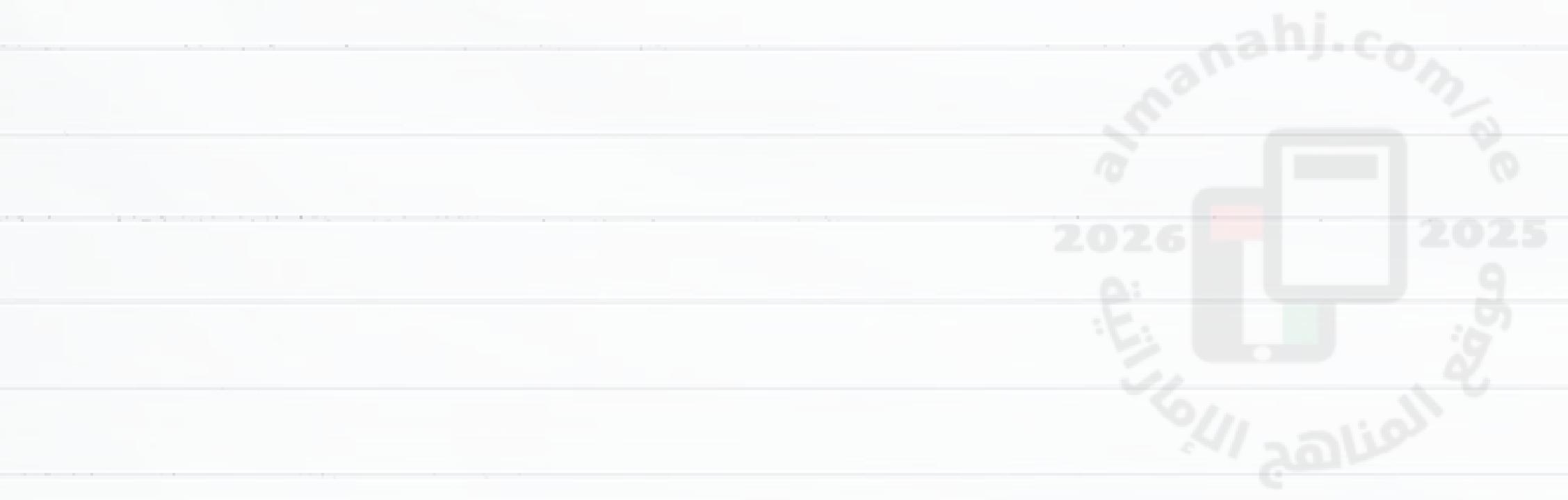
C. خط التقارب الرأسى
 $x = \pm 4$ خط التقارب الأفقي
 $y = -1$

D. خط التقارب الرأسى
 $x = 3$ خط التقارب الأفقي
 $y = 1$



28. $f(x) = \ln(1 - \cos x)$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.



A. $x = 0, 2n\pi$ لجميع قيم x خط التقارب الرأسى
خط التقارب الأفقي لا يوجد

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ خط التقارب الرأسى

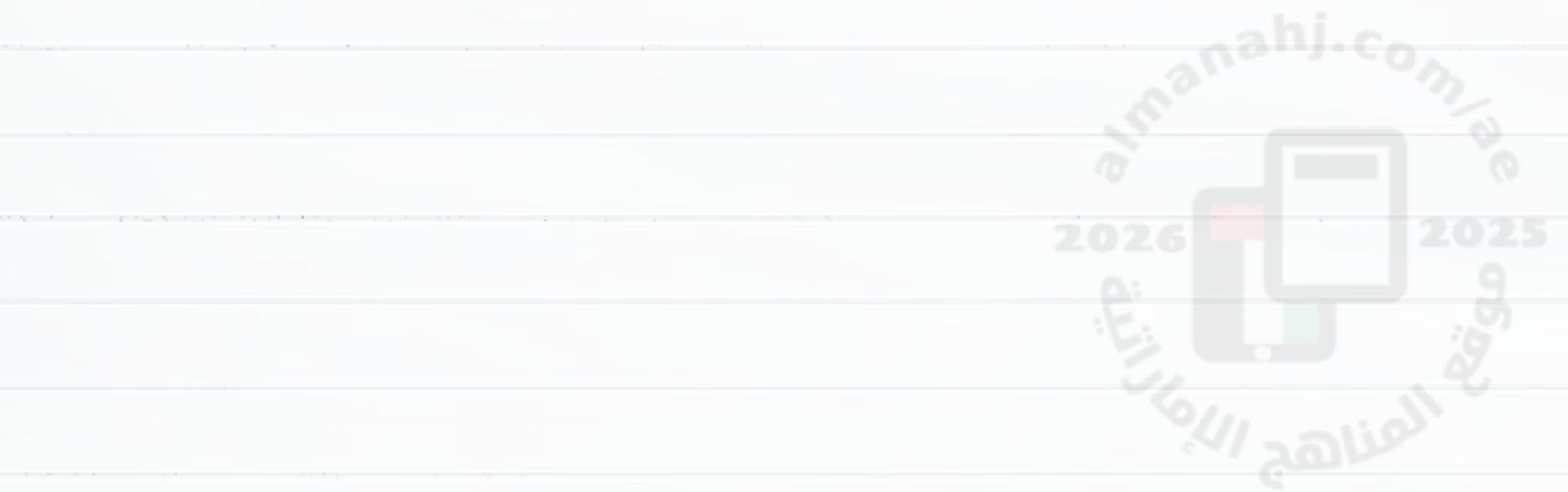
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ خط التقارب الأفقي

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ خط التقارب الأفقي



29. $y = \frac{x^3}{4 - x^2}$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقيه والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى،
حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.



A. $x = \pm 2$ خط التقارب الرأسى
 $y = -x$ معادلة خط التقارب المائل

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ معادلة خط التقارب المائل

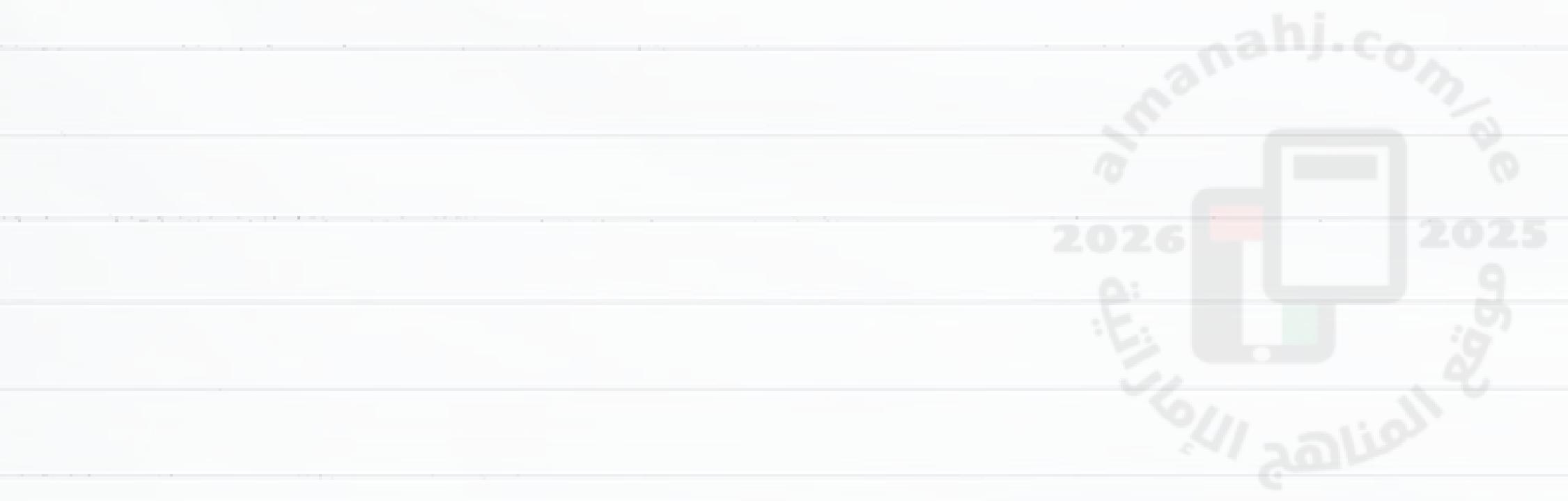
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ معادلة خط التقارب المائل

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ معادلة خط التقارب المائل



30. $y = \frac{x^2 + 1}{x - 2}$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقيه والرأسيه. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت $\infty \rightarrow f(x)$ أم $-\infty \rightarrow f(x)$.



A. $x = 2$ خط التقارب الرأسي
 $y = x + 2$ معادلة خط التقارب المائل

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ معادلة خط التقارب المائل

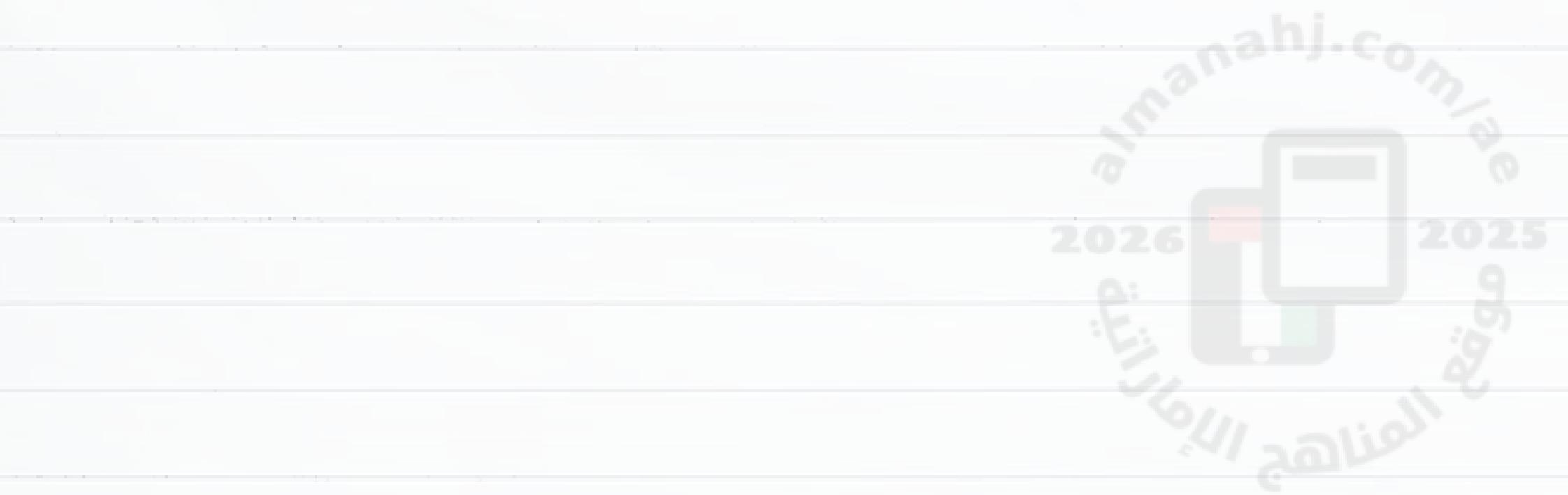
C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسي
 $y = -1$ معادلة خط التقارب المائل

D. $x = 3$ خط التقارب الرأسي
 $y = 1$ معادلة خط التقارب المائل



31. $y = \frac{x^3}{x^2 + x - 4}$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقيه والرأسيه. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسي، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.



A. $x = \frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$
 $y = x - 1$

خط التقارب الرأسي
معادلة خط التقارب المائل

B. $x = 0$
 $y = 0$

خط التقارب الأفقي
معادلة خط التقارب المائل

C. $x = \pm 4$
 $y = -1$

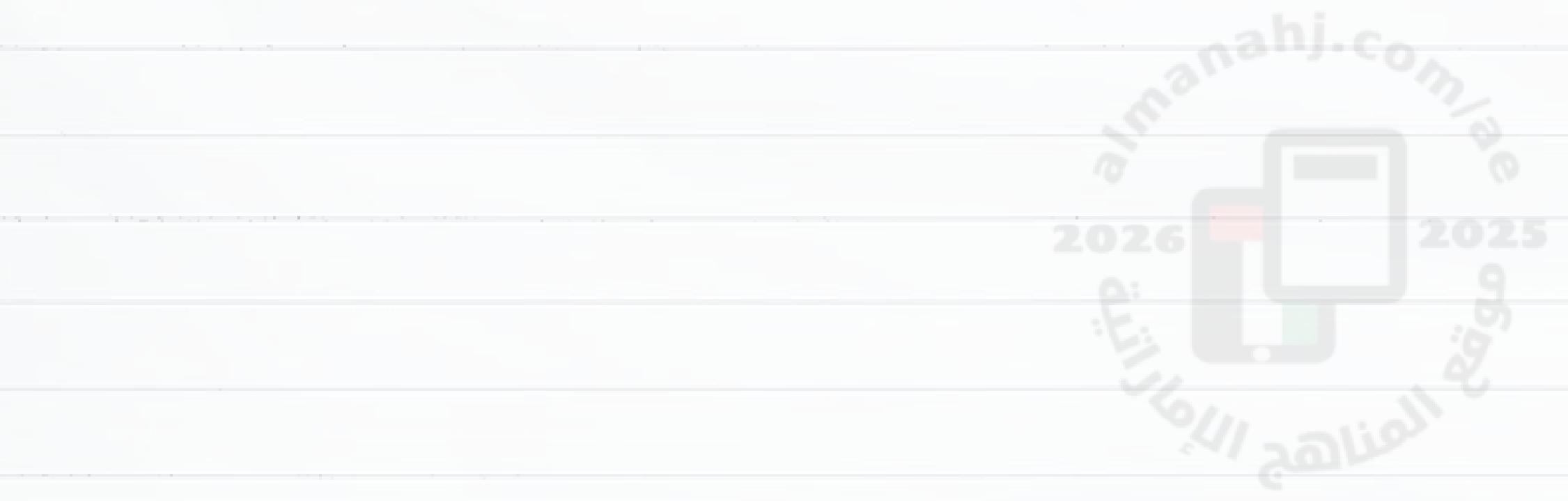
D. $x = 3$
 $y = 1$

SAMAH MATH



32. $y = \frac{x^4}{x^3 + 2}$

في التمارين 28-23. حدد كل خطوط التقارب الأفقية والرأسية. ثم لكل جانب من جوانب خط التقارب الرأسى، حدد إذا كانت $f(x) \rightarrow \infty$ أم $f(x) \rightarrow -\infty$.



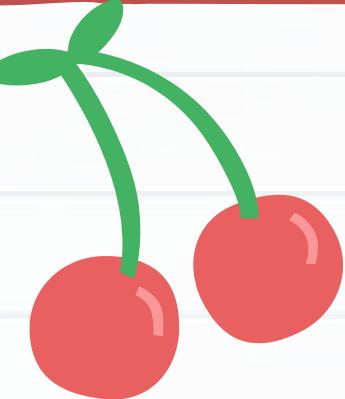
A. $x = \sqrt[3]{-2}$ خط التقارب الرأسى
 $y = x$ معادلة خط التقارب المائل

B. $x = 0$ خط التقارب الأفقي
 $y = 0$ معادلة خط التقارب المائل

C. $x = \pm 4$ خط التقارب الرأسى
 $y = -1$ معادلة خط التقارب المائل

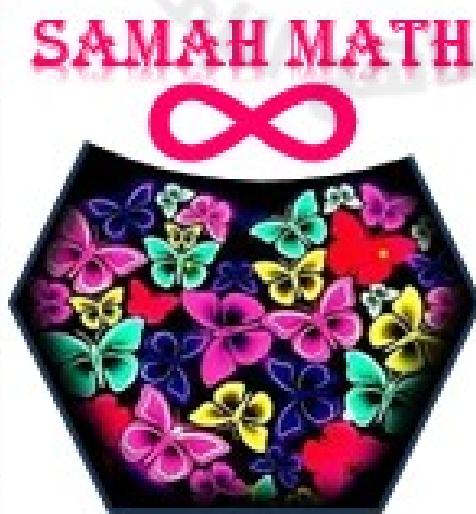
D. $x = 3$ خط التقارب الرأسى
 $y = 1$ معادلة خط التقارب المائل





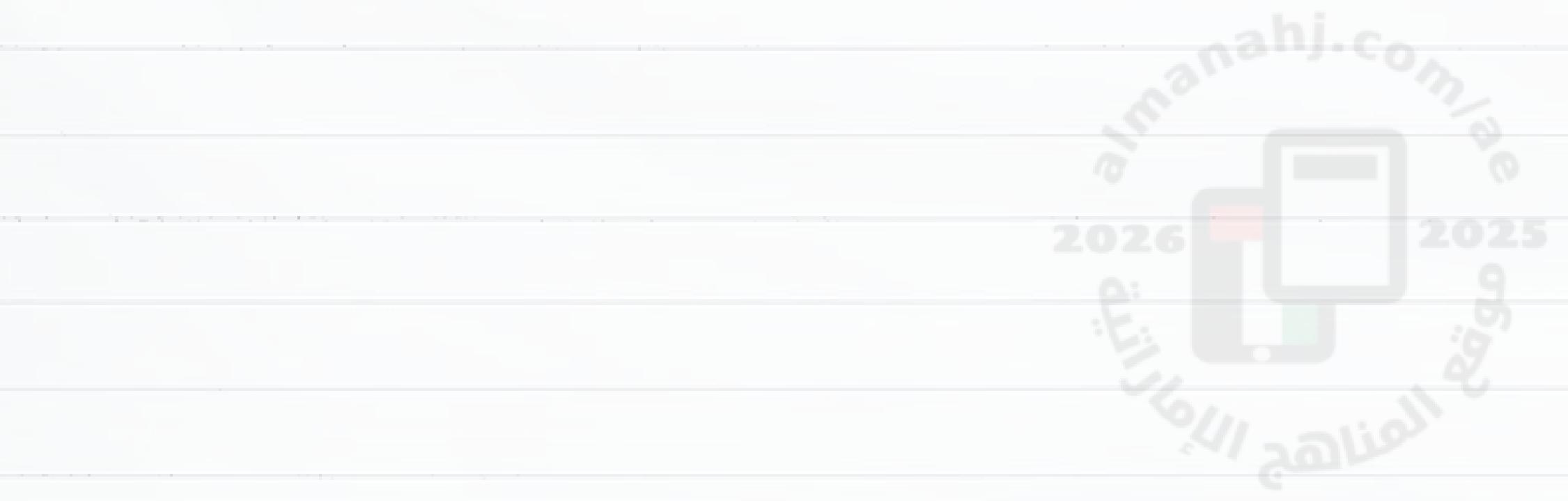
الجزء الالكتروني

7	b) Find limits at infinity and limits that are infinite. إيجاد النهايات التي تؤول إلى الـانهـاـيـة والنهايات عند الـانهـاـيـة (b)	2026 2025	(9-22)	106 108
---	--	--------------	--------	------------



9. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 3x - 2}{3x^2 + 4x - 1}$

في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).



A.

$$\frac{1}{3}$$

B.

$$\frac{1}{2}$$

C.

$$\frac{4}{7}$$

D.

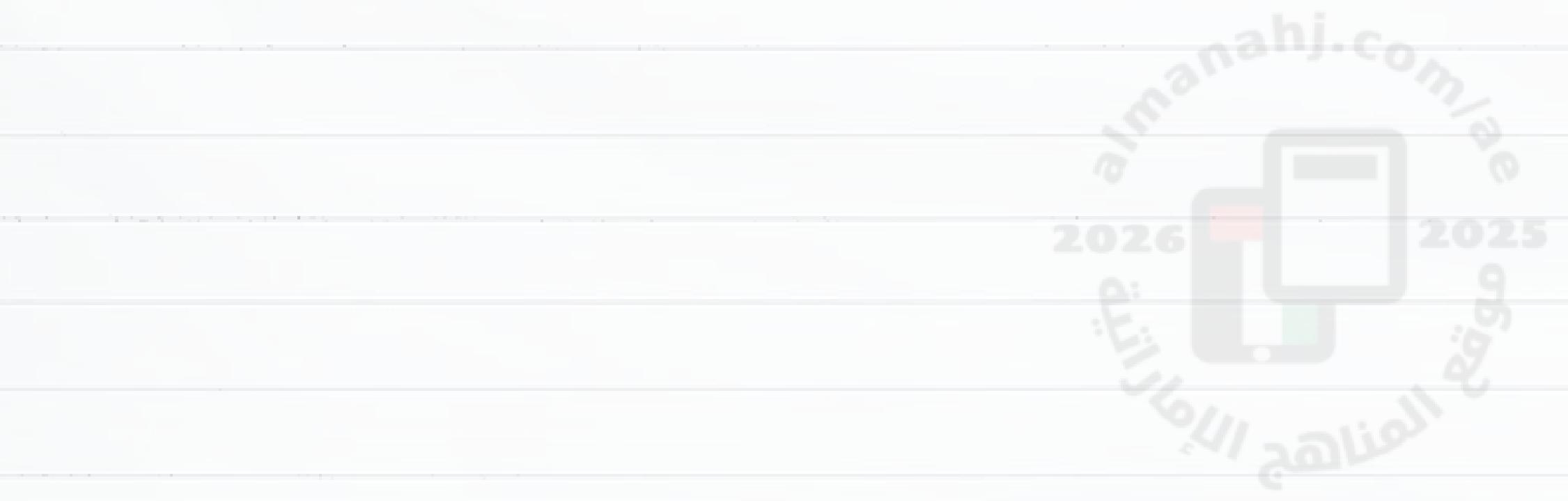
$$2$$

SAMAH MATH



10. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - x + 1}{4x^2 - 3x - 1}$

في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).



A.

$$\frac{1}{2}$$

B.

$$\frac{1}{4}$$

C.

$$\frac{4}{7}$$

D.

$$2$$



في التمارين 22-5، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

11. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x}{\sqrt{4 + x^2}}$



A.

1

B.

 $\frac{1}{2}$

C.

 $\frac{4}{7}$

D.

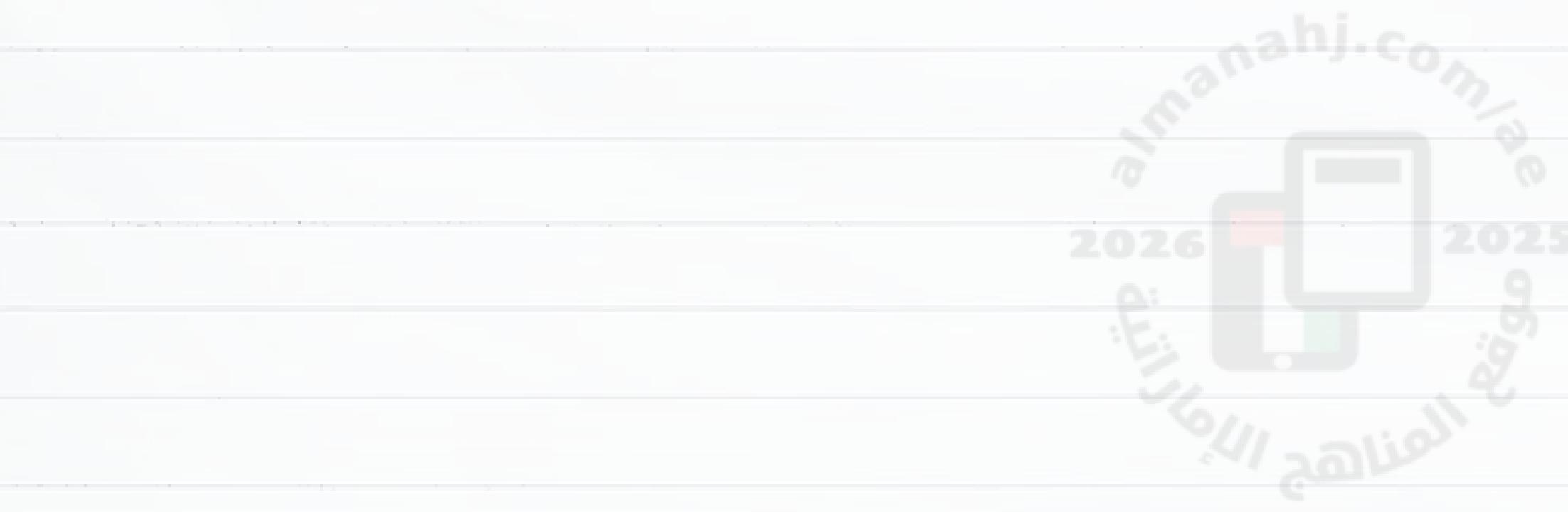
2

SAMAH MATH



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

$$12. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 1}{4x^3 - 5x - 1}$$



A.

0

B.

 $\frac{1}{2}$

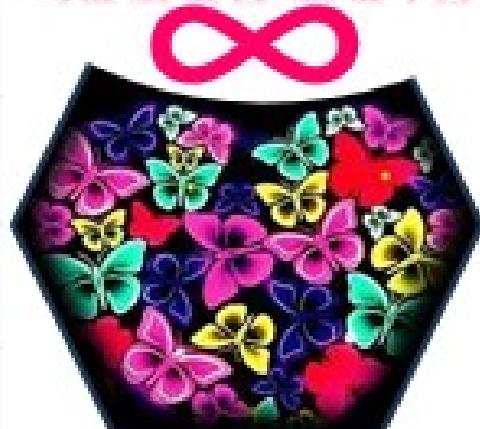
C.

 $\frac{4}{7}$

D.

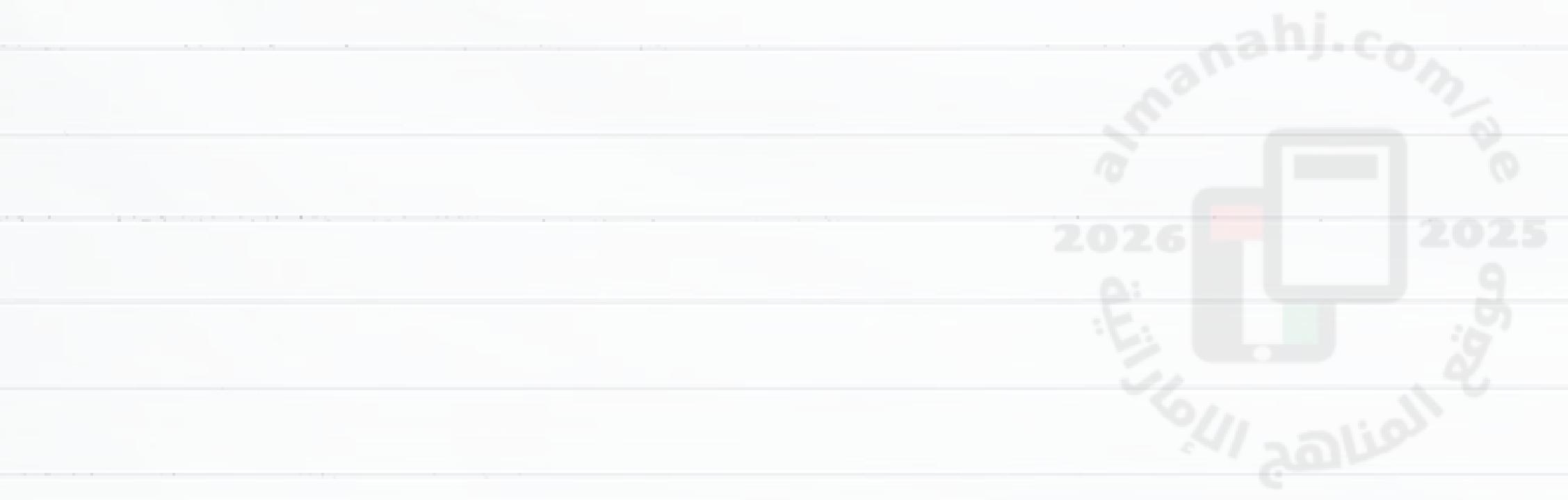
2

SAMAH MATH



13. $\lim_{x \rightarrow \infty} \ln \left(\frac{x^2 + 1}{x - 3} \right)$

في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).



A. ∞

B. $\frac{1}{2}$

C. $\frac{4}{7}$

D. 2



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

14. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x \sin x)$



A. $-\infty$

B. $\frac{1}{2}$

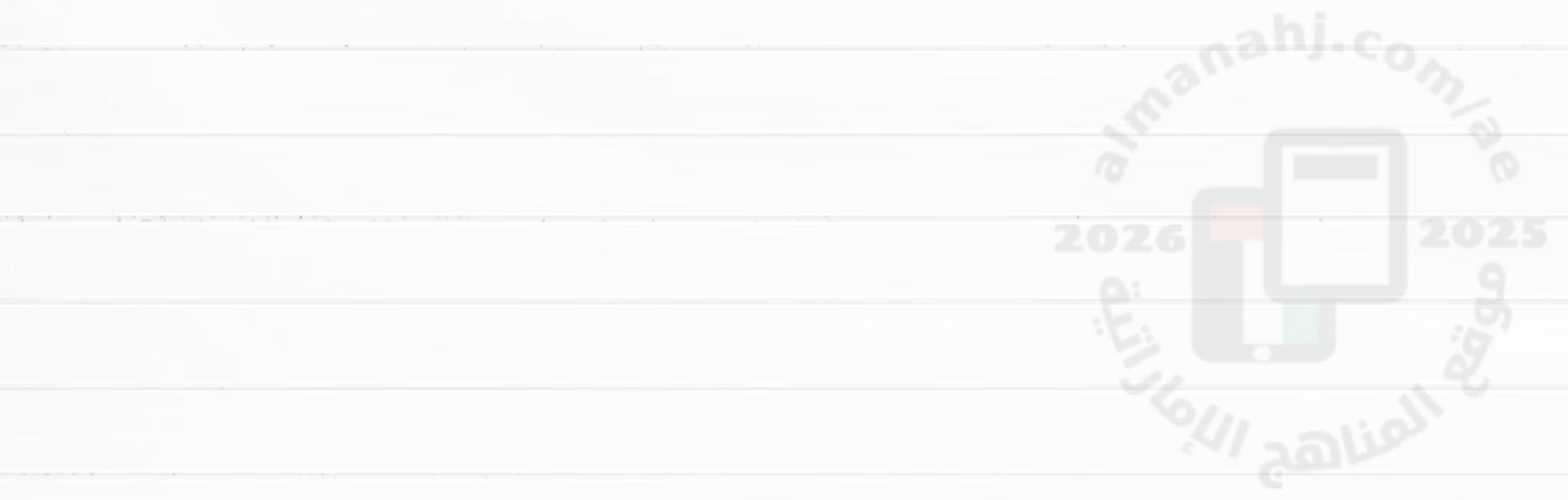
C. $\frac{4}{7}$

D. 2



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

15. $\lim_{x \rightarrow 0^+} e^{-2/x^3}$



A.

0

B.

 $\frac{1}{2}$

C.

 $\frac{4}{7}$

D.

2

SAMAH MATH



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

16. $\lim_{x \rightarrow \infty} e^{-(x+1)/(x^2+2)}$



A.

1

B.

 $\frac{1}{2}$

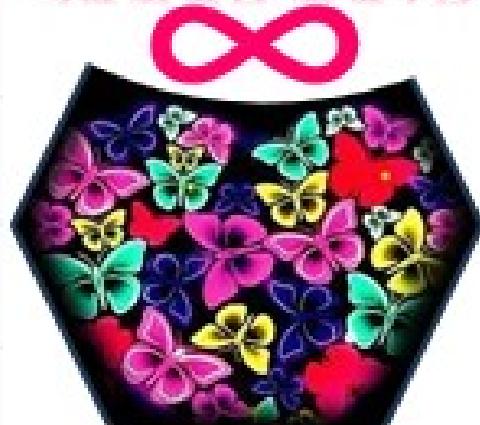
C.

 $\frac{4}{7}$

D.

2

SAMAH MATH



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

17. $\lim_{x \rightarrow \infty} \cot^{-1} x$



A.

0

B.

 $\frac{1}{2}$

C.

 $\frac{4}{7}$

D.

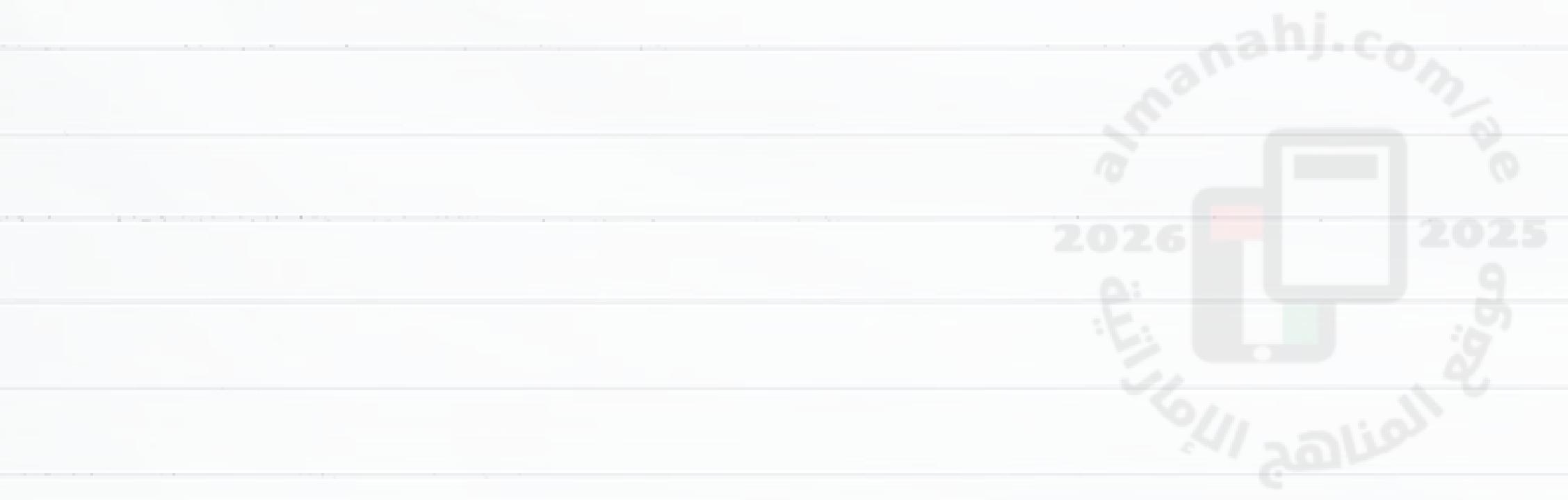
2

SAMAH MATH



في التمارين 22-5، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

18.
$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sec^{-1} \frac{x^2 + 1}{x + 1}$$



A. $\frac{\pi}{2}$

B. 0

C. $\frac{4}{7}$

D. 2



19. $\lim_{x \rightarrow 0} \sin(e^{-1/x^2})$

في التمارين 22-5، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو غير موجودة).



A.

0

B.

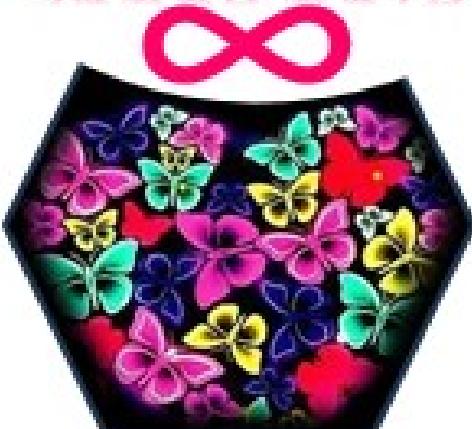
 $\frac{\pi}{3}$

C.

 $\frac{4}{7}$

D.

2



في التمارين 22-5، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو غير موجودة).

20. $\lim_{x \rightarrow \infty} \sin(\tan^{-1} x)$

A.

1

B.

 $\frac{\pi}{3}$

C.

 $\frac{4}{7}$

D.

2



في التمارين 22-25، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

21. $\lim_{x \rightarrow \pi/2} e^{-\tan x}$

- | | | | |
|----|-----------------------|----|---------------|
| A. | <i>does not exist</i> | C. | $\frac{4}{7}$ |
| B. | $\frac{\pi}{3}$ | D. | 2 |



في التمارين 22-5، حدد كل نهاية (أجب حسب الاقتضاء، بعدد أو ∞ أو $-\infty$ أو غير موجودة).

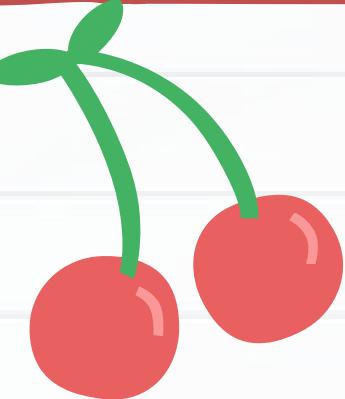
22. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \tan^{-1}(\ln x)$

A.
$$\frac{-\pi}{2}$$

B.
$$2$$

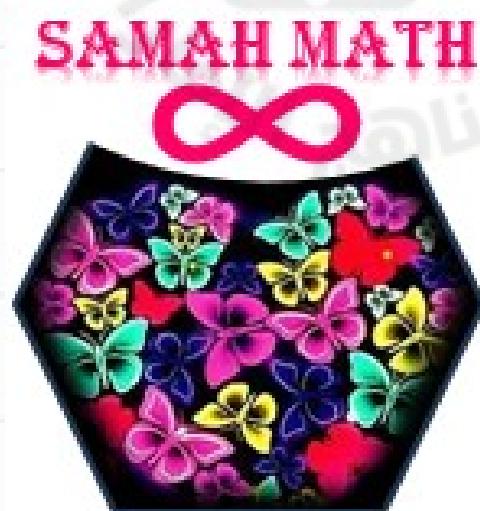
C.
$$\frac{4}{7}$$

 D. *does not exist*

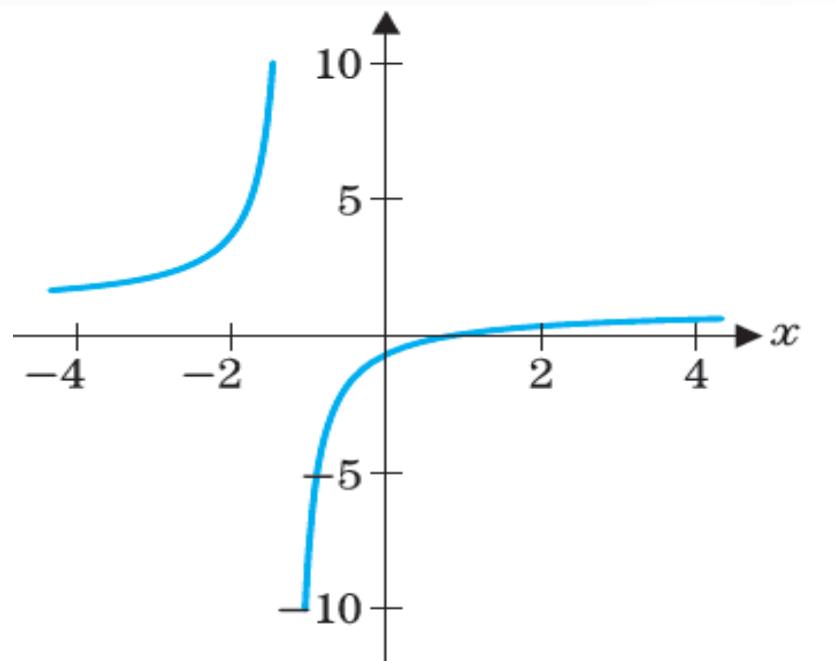
الجزء الالكتروني

8	Link and interpret the slope of a secant line and tangent line ربط وتفسیر میل الخط القاطع والخط المماس	2026 Example: 2025	Example 3	136 138
---	---	--------------------------	-----------	------------



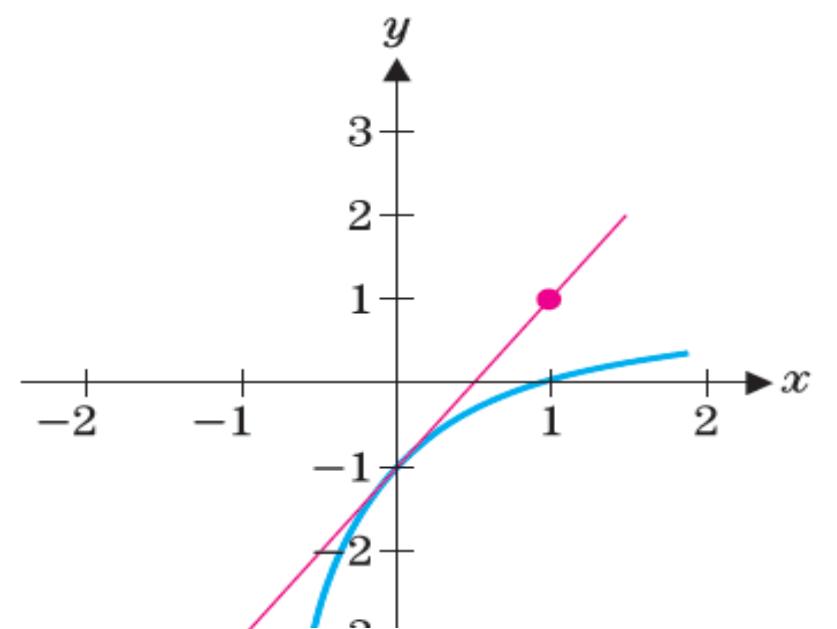
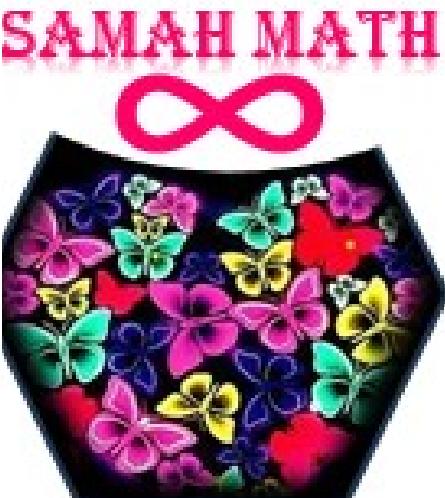
مثال 1.3 التقرير البياني والمعندي لميل المماس

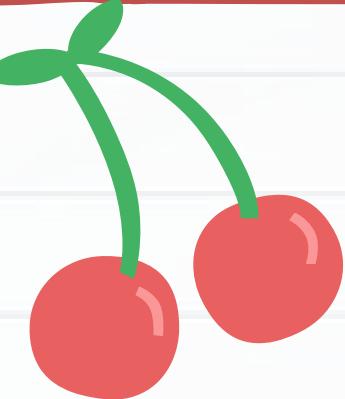
قُرّب ميل المماس $\frac{y - 1}{x + 1}$ عند $x = 0$ ببيانياً وعددياً.



الشكل 3.10a

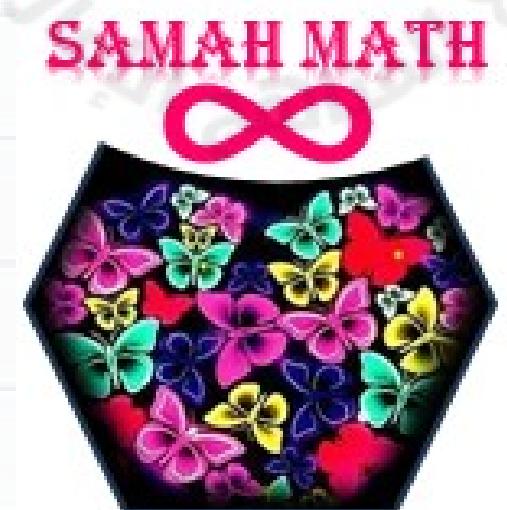
$$y = \frac{x - 1}{x + 1}$$

الشكل 3.10b
المماس



الجزء الالكتروني

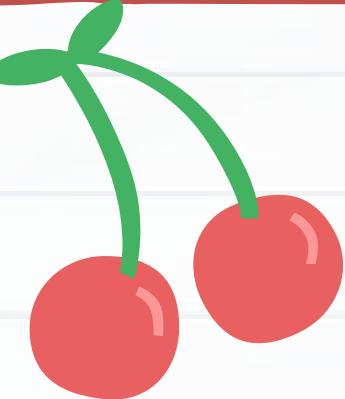
9	Find the derivative of a function at a given point إيجاد المشتقة للدالة عند نقطة معينة	2026	2025	Example 3	145
					147



مثال 2.3 إيجاد مشتقة دالة نسبية بسيطة

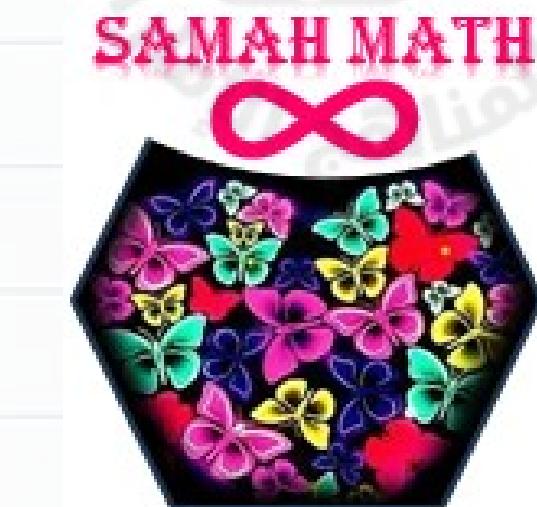
إذا كانت $f(x) = \frac{1}{x}$ ($x \neq 0$). فما وجد



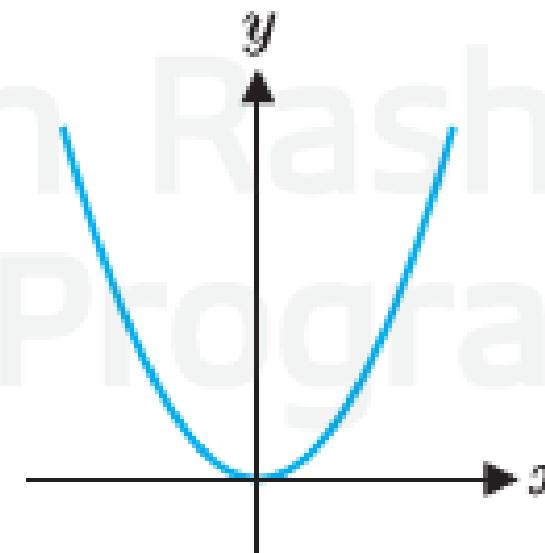


الجزء الالكتروني

10	Understand the relationship between continuity and differentiability فهم العلاقة بين الاتصال والاشتقاق	2026 2025	(13-18)	151 153
----	---	--------------	---------	------------

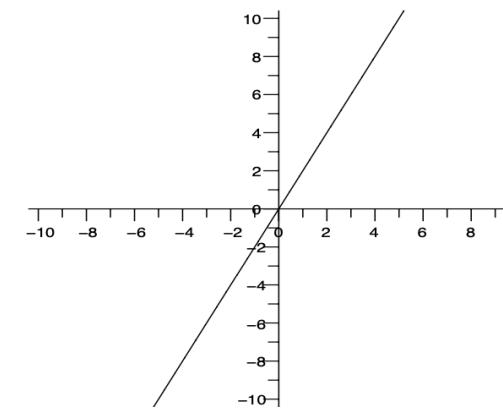


13. (a)

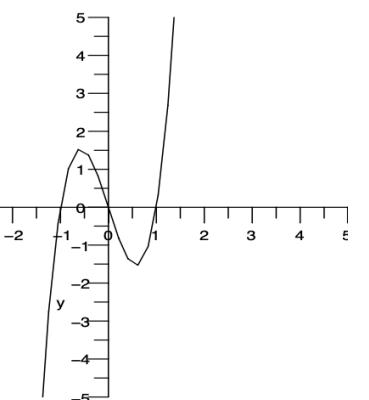


في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f لرسم التمثيل البياني لمشقة الدالة.
حدد التمثيل البياني لمشقة الدالة

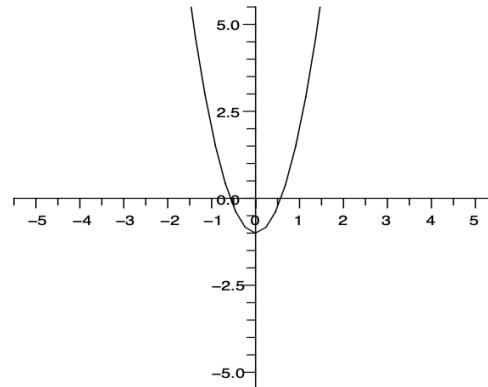
A.



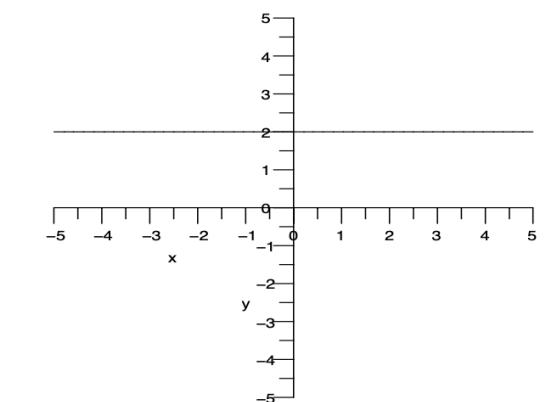
C.



B.

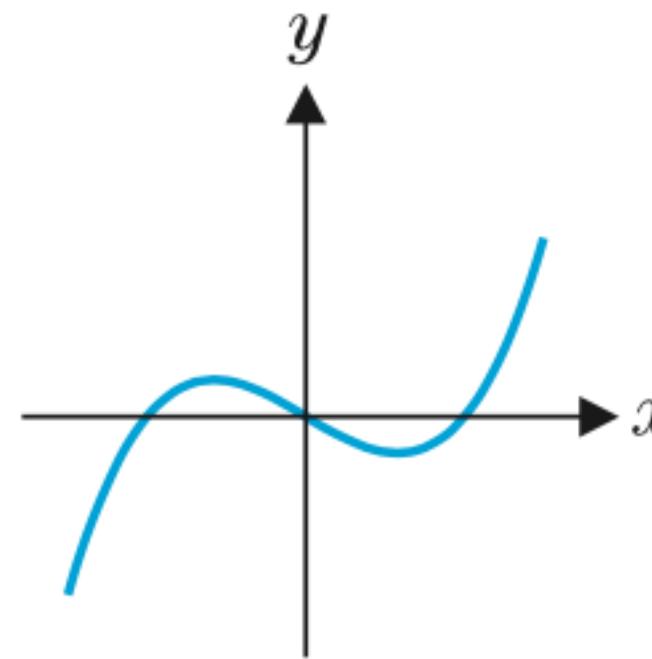


D.

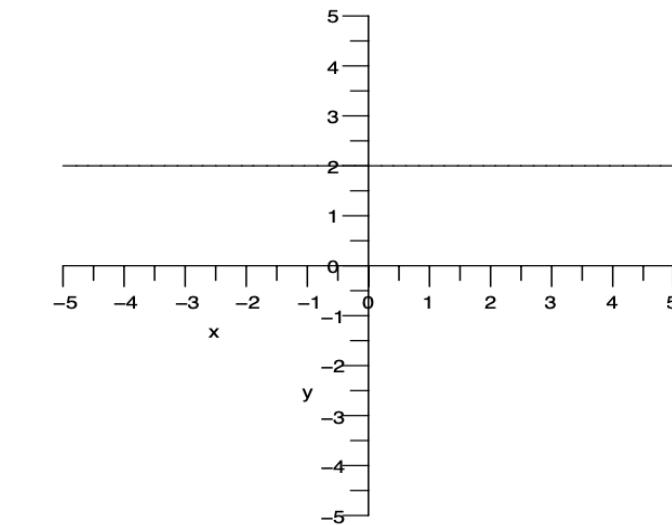
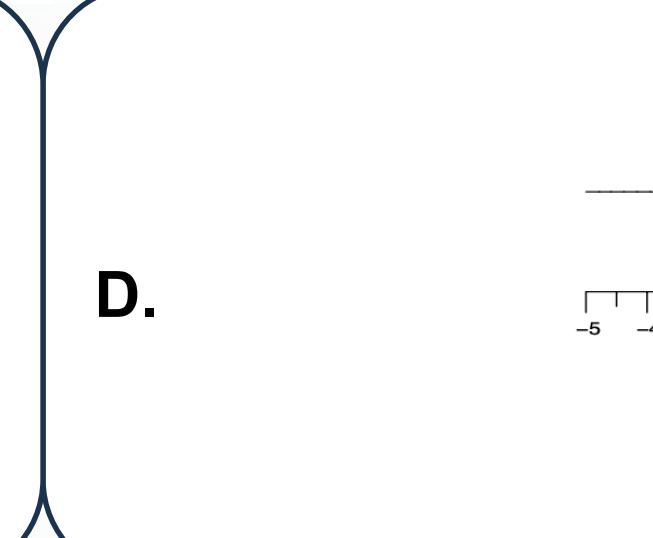
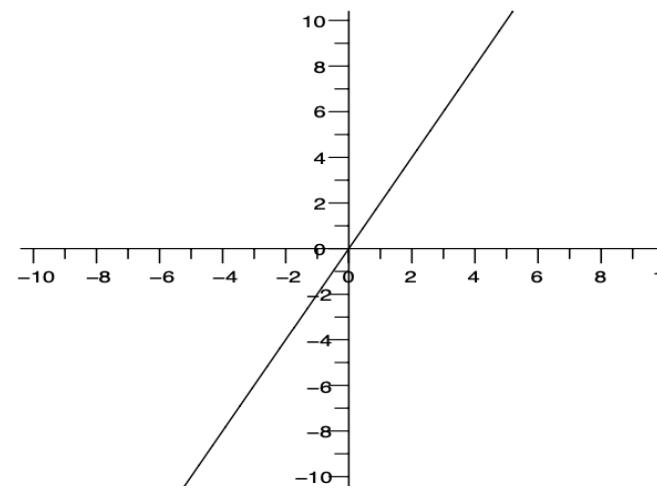
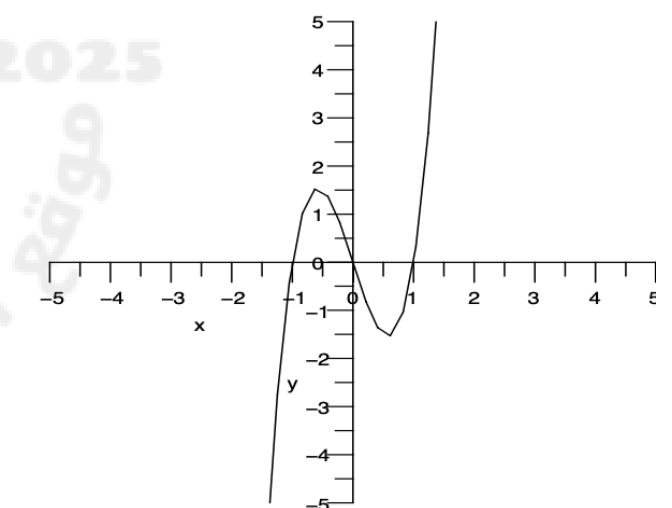
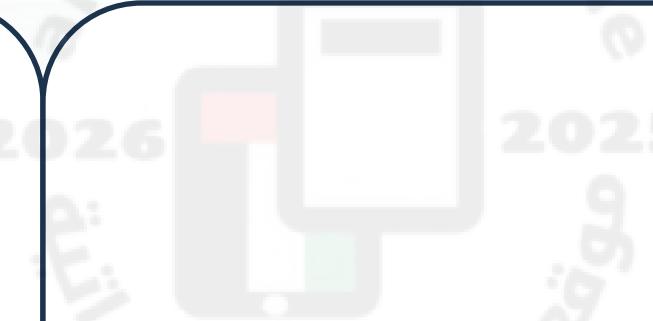
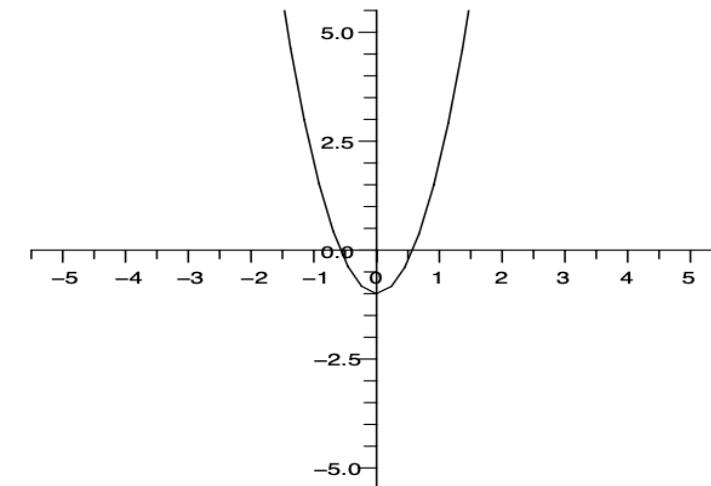


SAMAH MATH

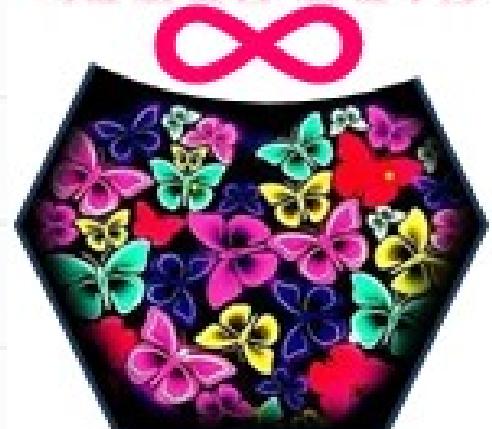


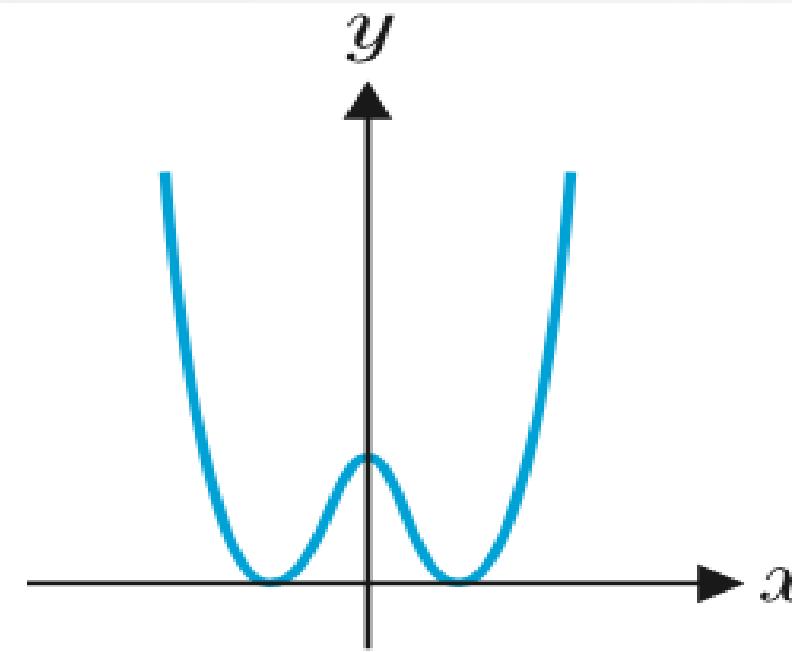


في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f لرسم التمثيل البياني لمشقة الدالة.
حدد التمثيل البياني لمشقة الدالة

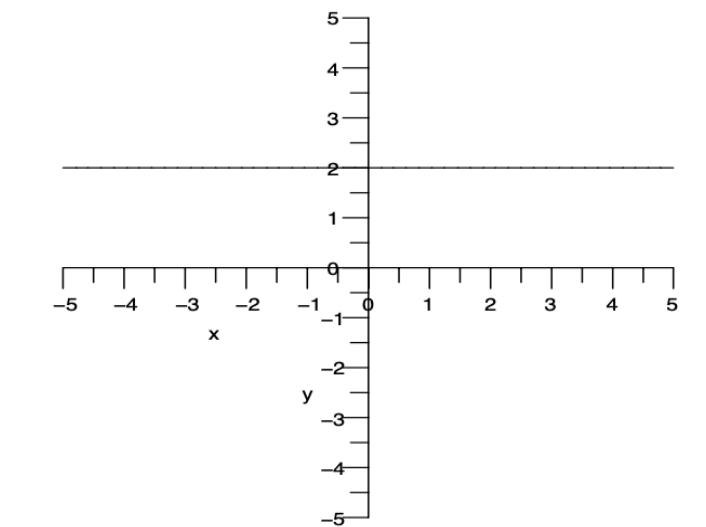
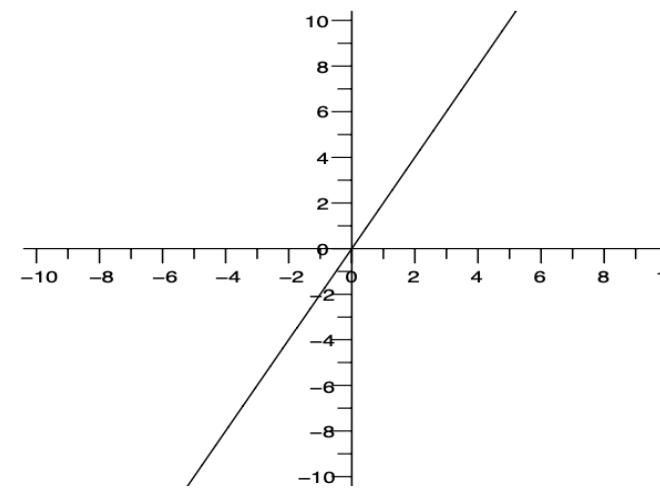
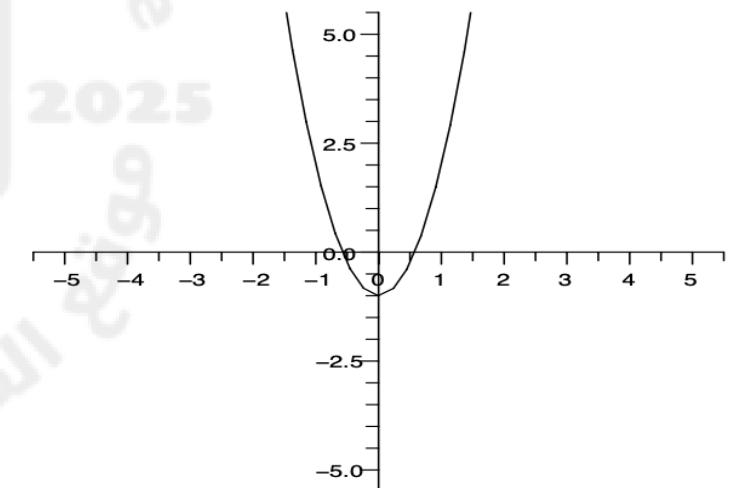
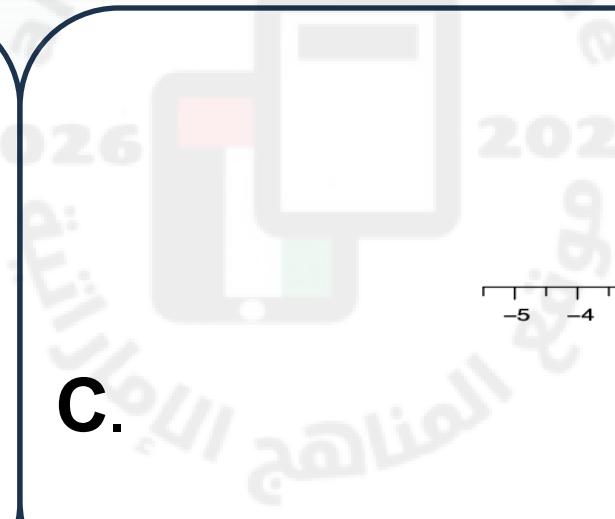
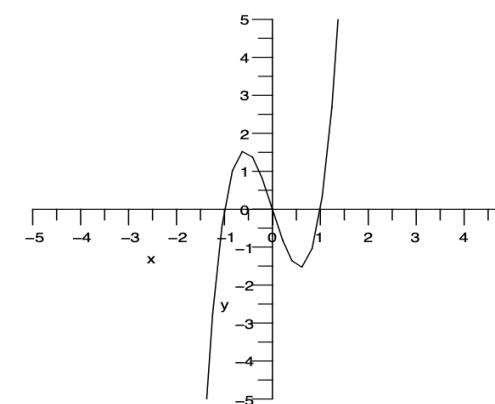


SAMAH MATH

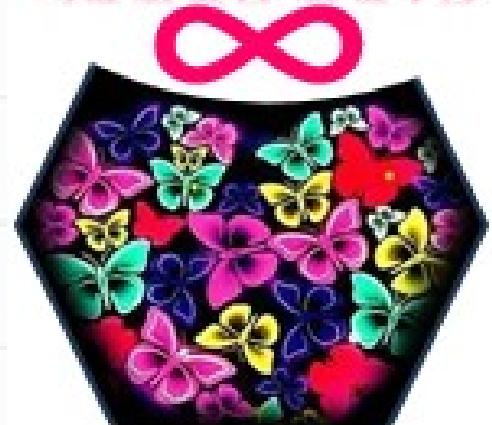


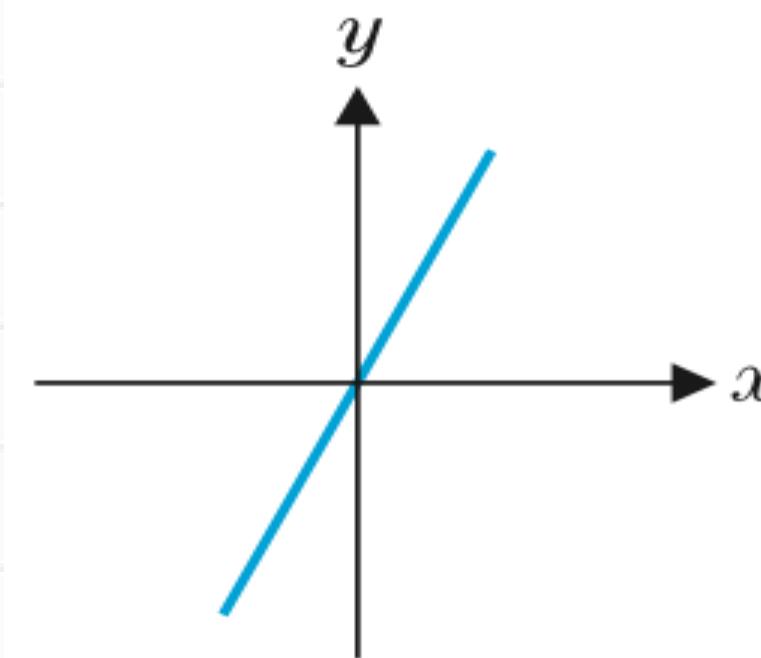


في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f لرسم التمثيل البياني لمشقة الدالة.
حدد التمثيل البياني لمشقة الدالة

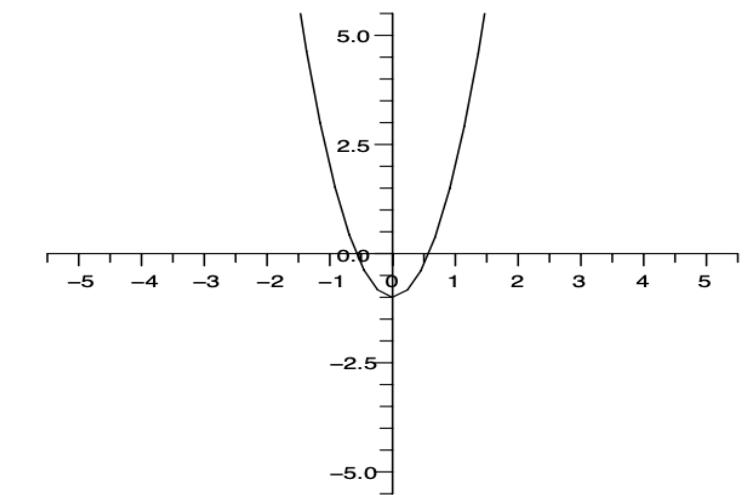
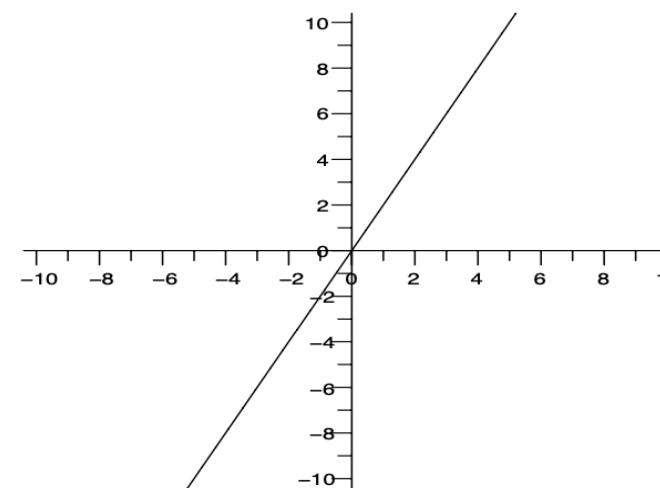
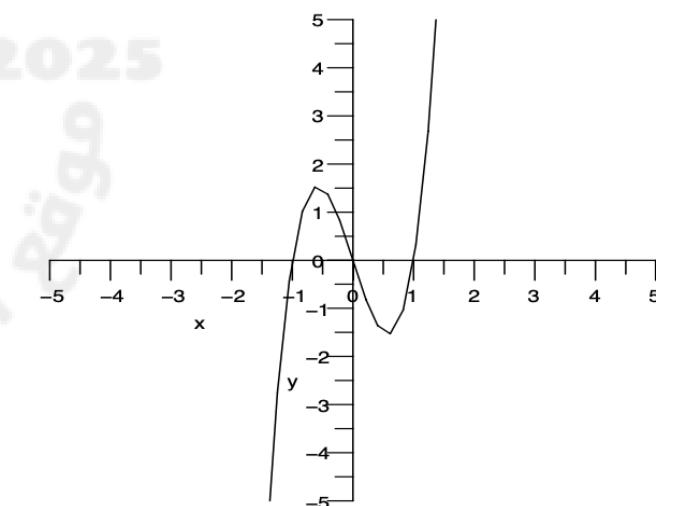
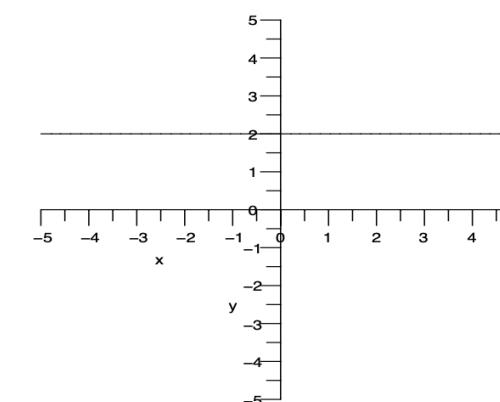


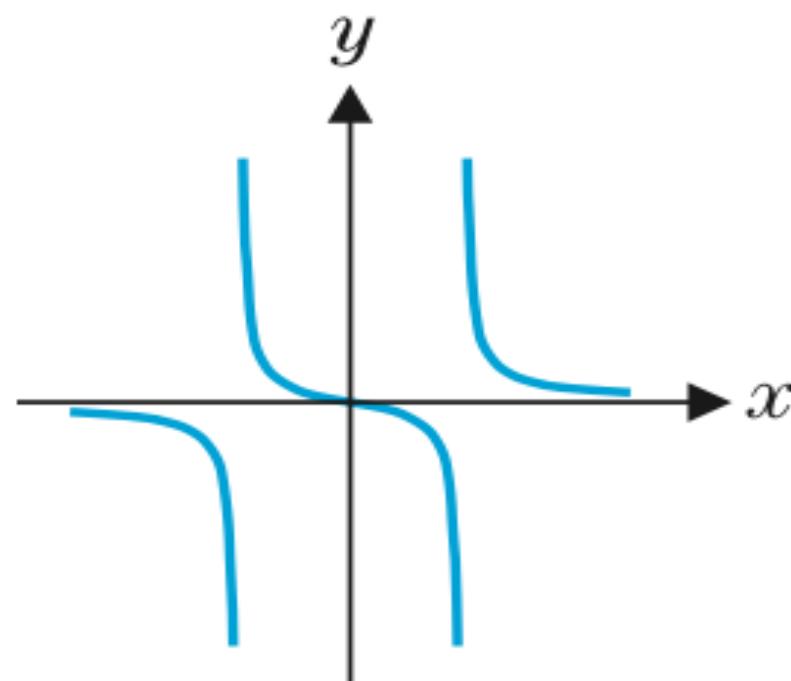
SAMAH MATH



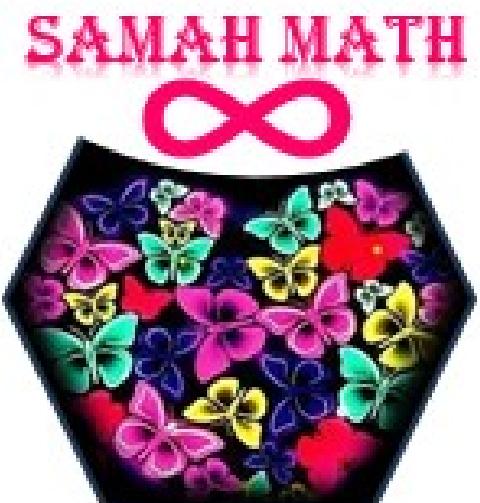
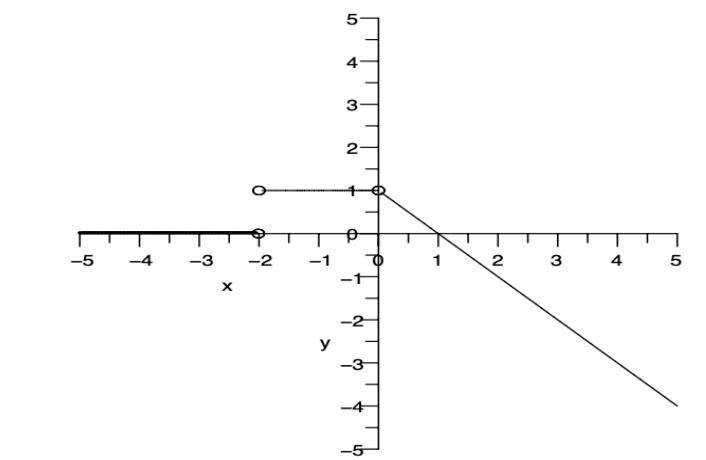
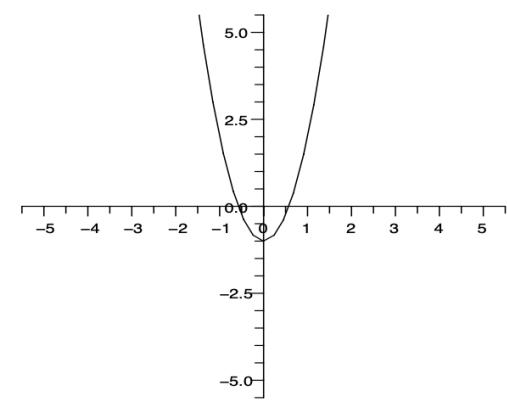
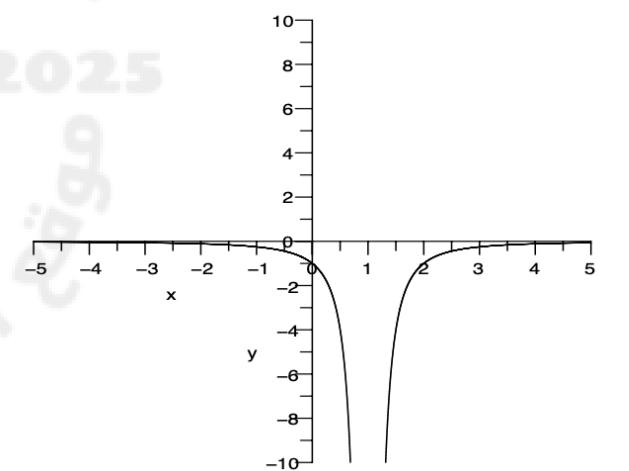
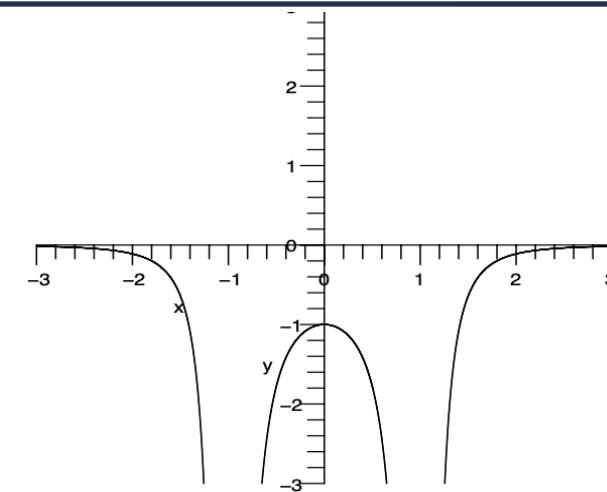


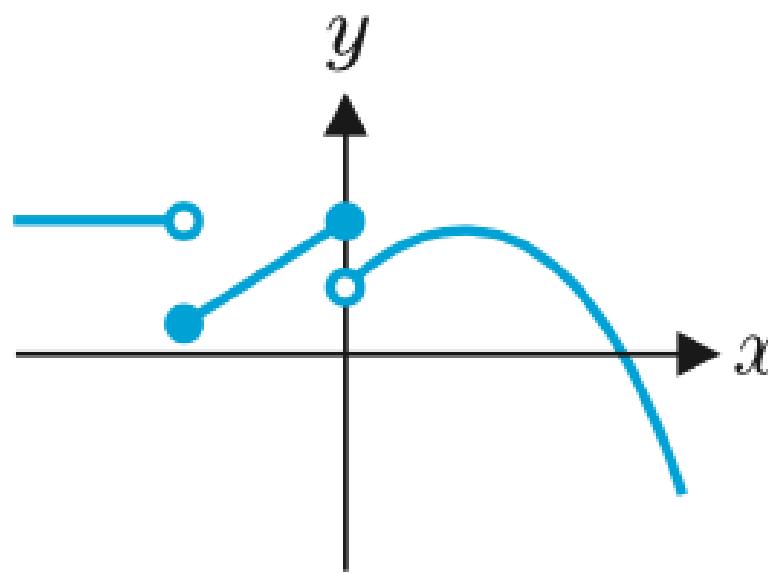
في التمرين 13 و 16، استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f لرسم التمثيل البياني لمشقة الدالة.
حدد التمثيل البياني لمشقة الدالة





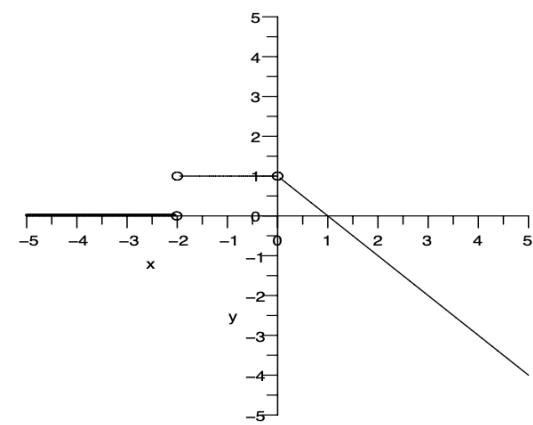
استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f
حدد التمثيل البياني للدالة



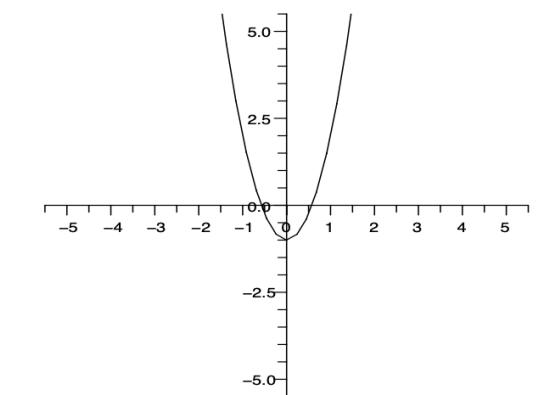


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f
حدد التمثيل البياني للدالة

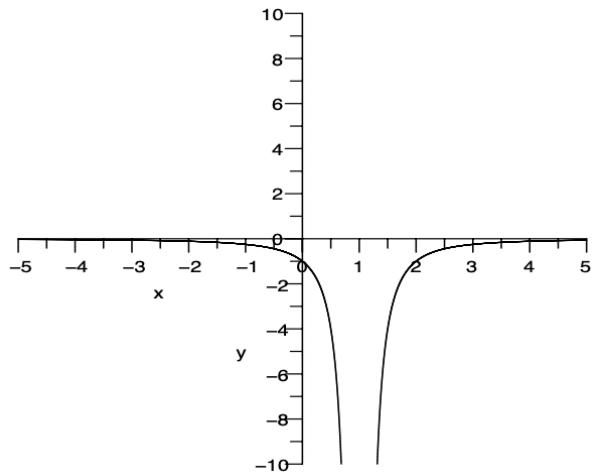
A.



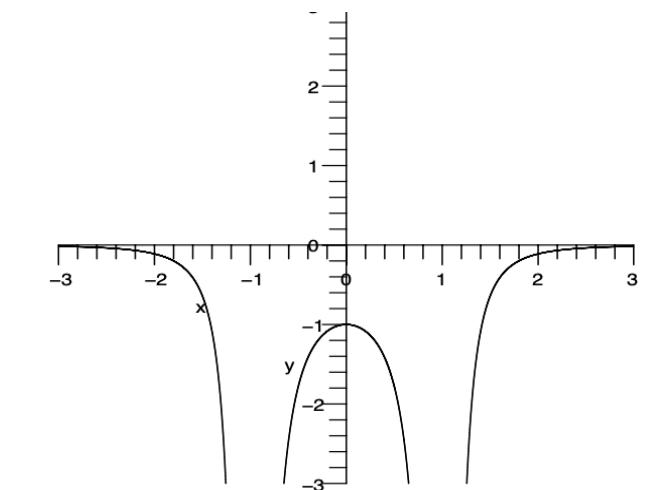
C.



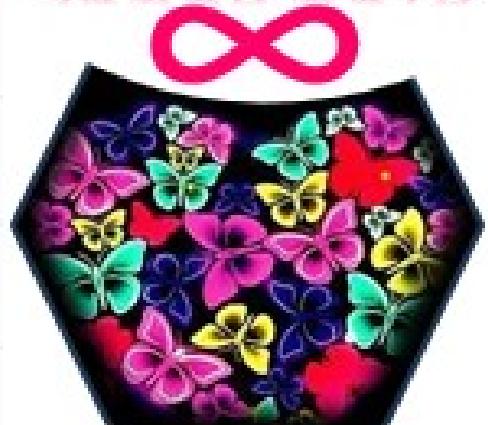
B.

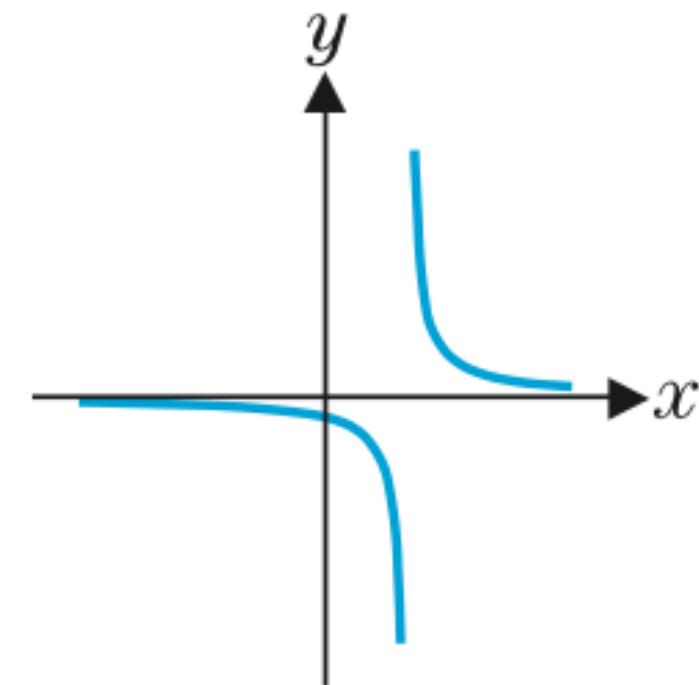


D.

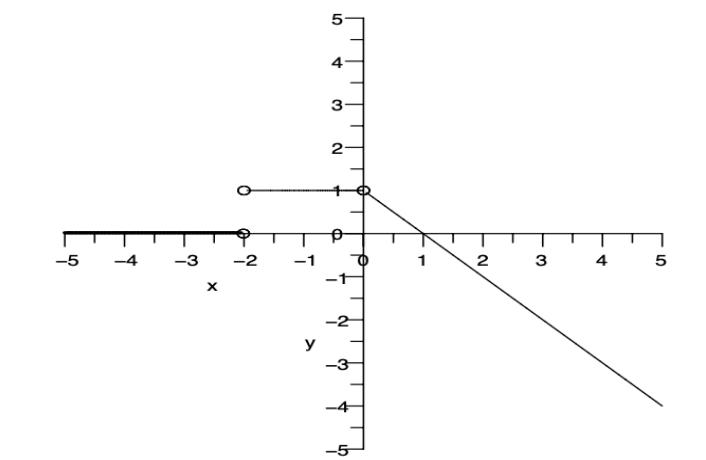
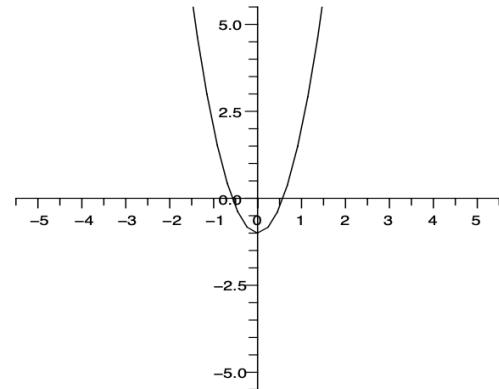
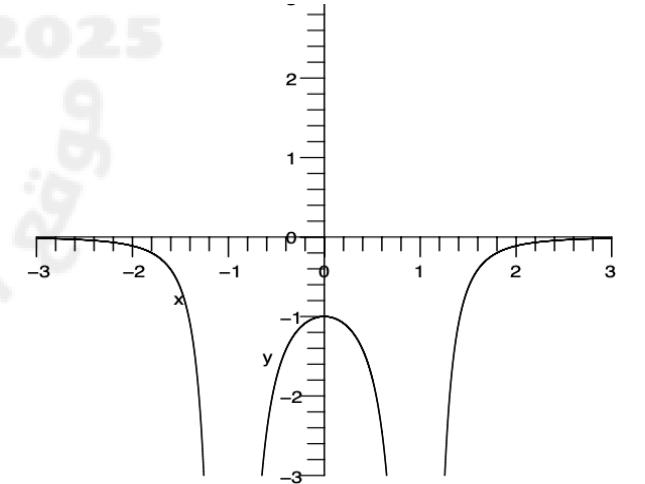
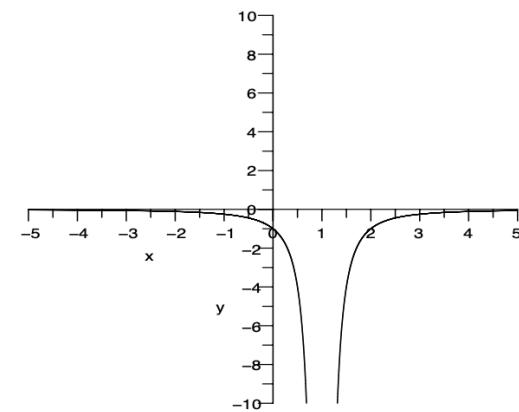


SAMAH MATH



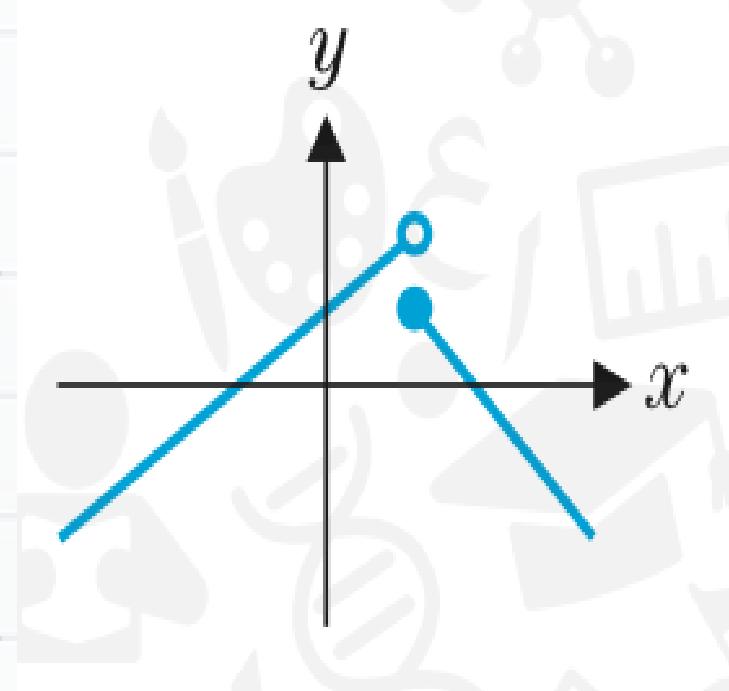


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f
حدد التمثيل البياني للدالة

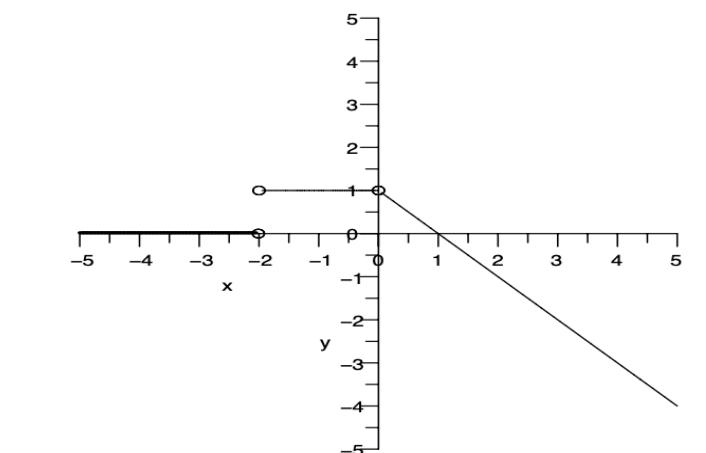
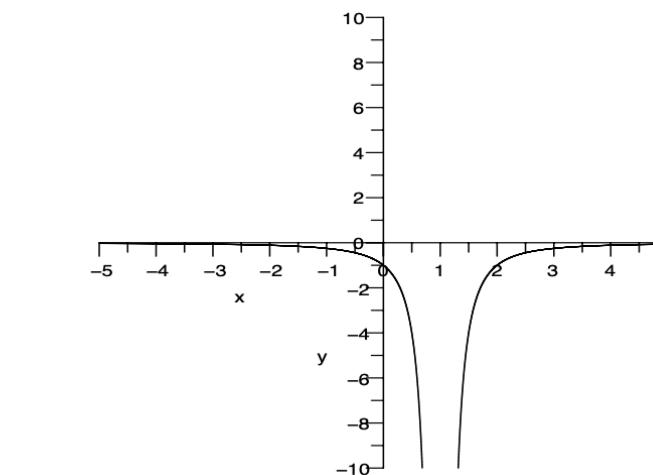
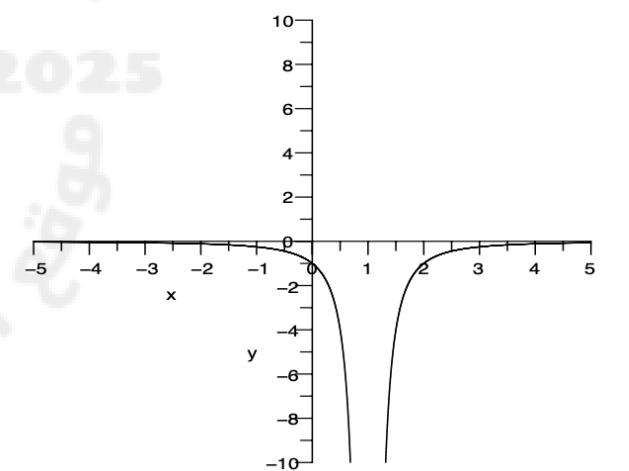
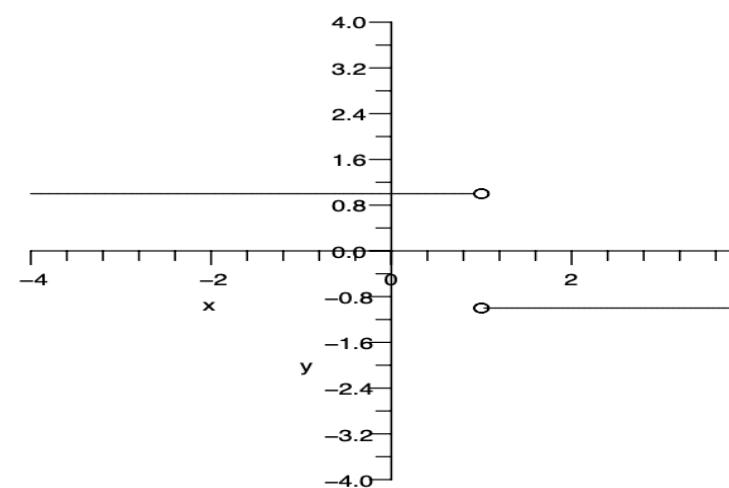


SAMAH MATH

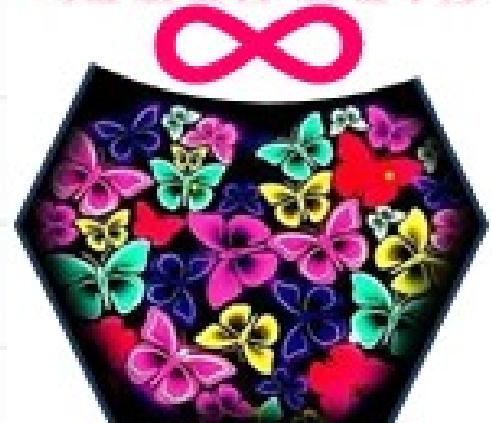


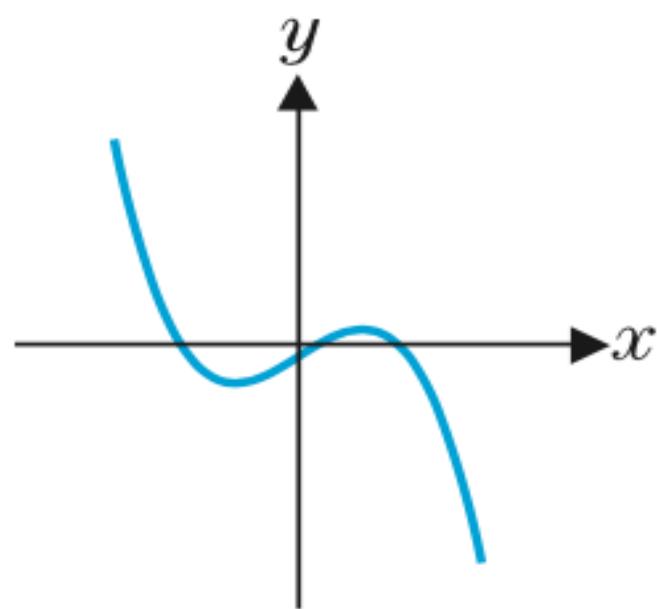


استخدم التمثيل البياني الموضح لـ f
حدد التمثيل البياني للدالة



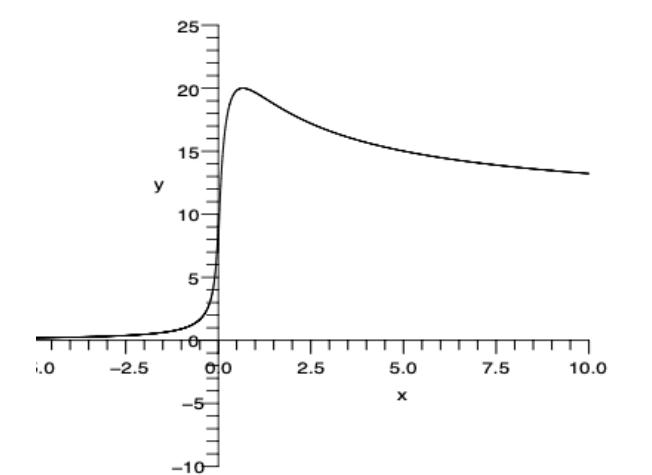
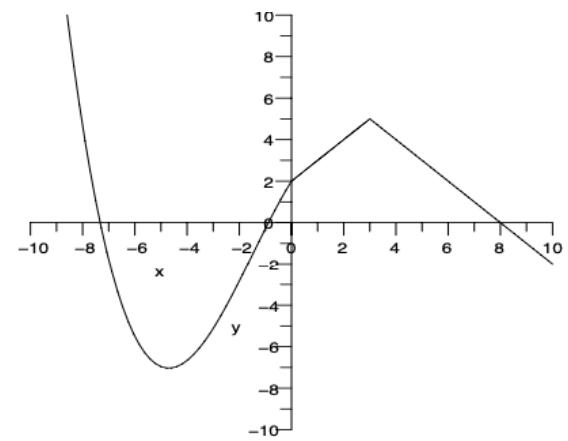
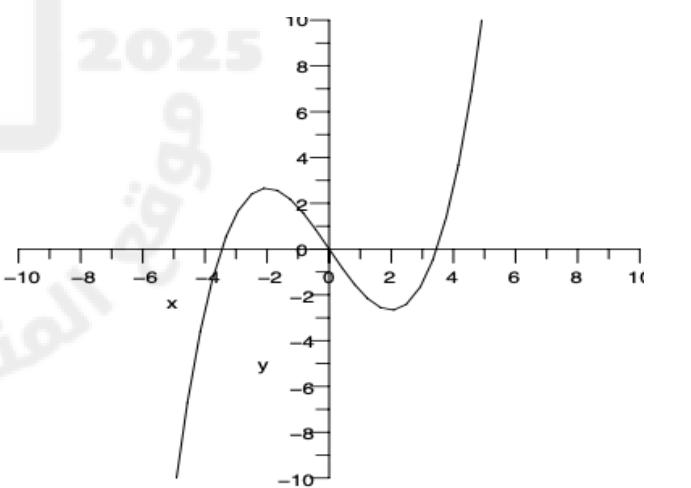
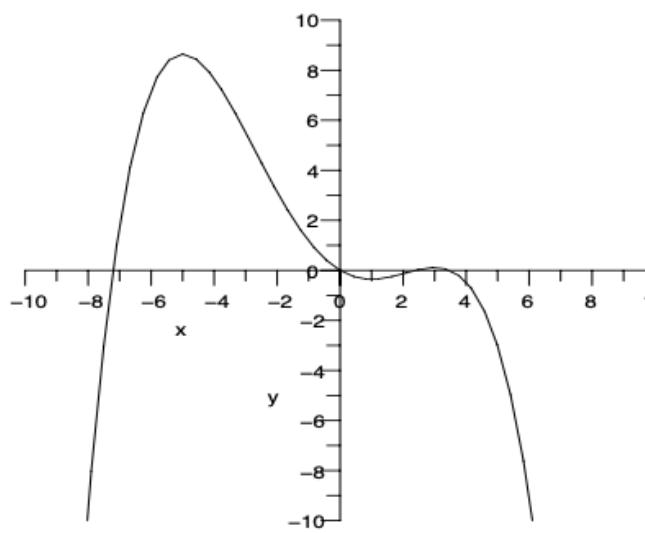
SAMAH MATH





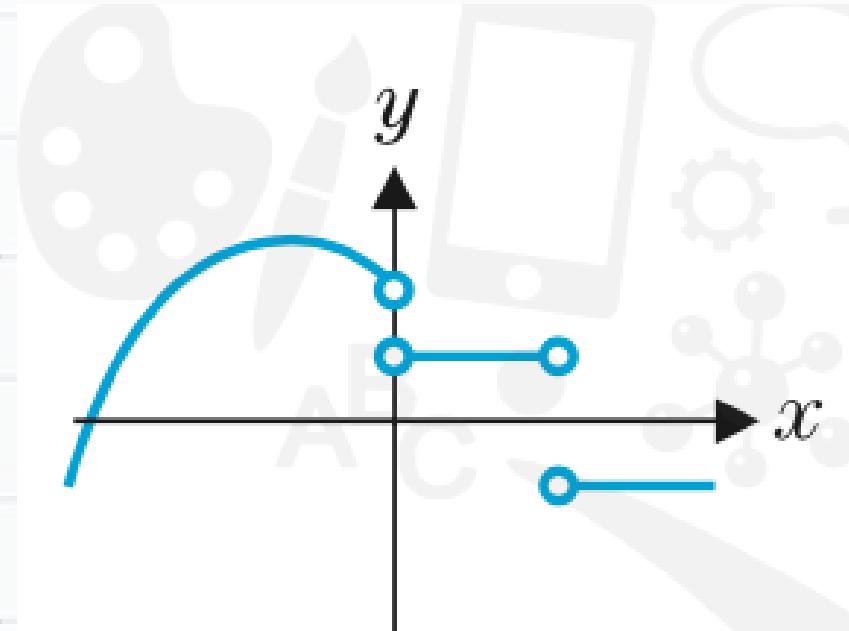
استخدم التمثيل البياني الموضح

* لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة f .



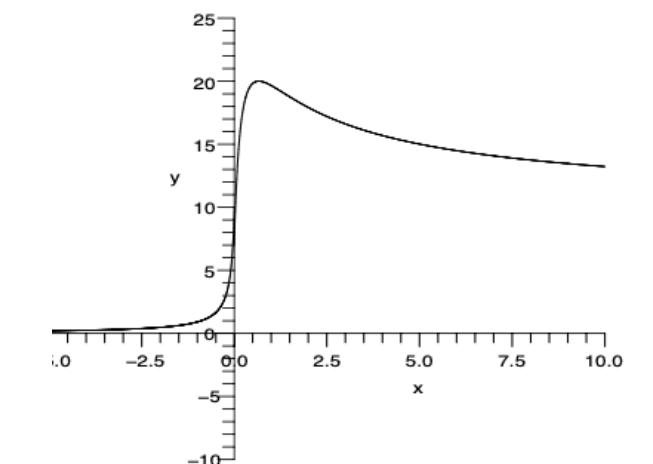
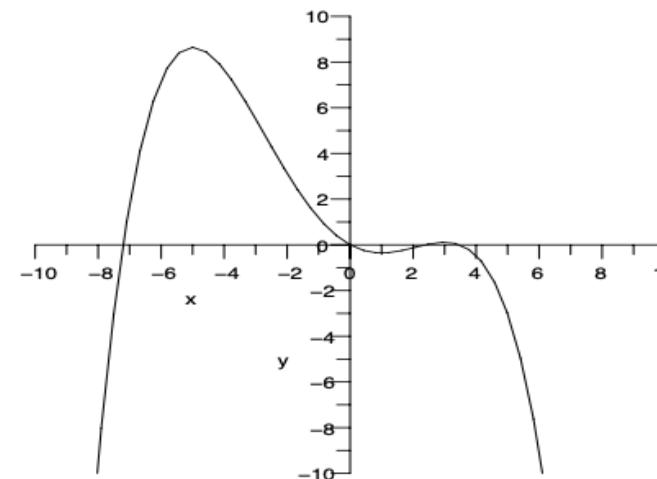
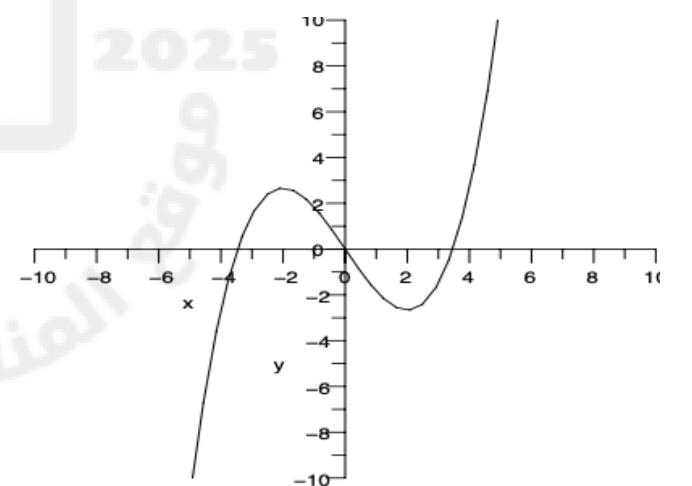
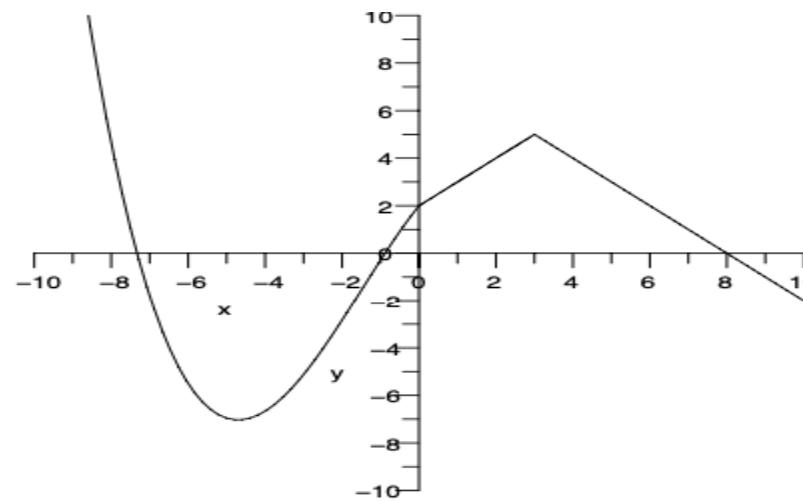
SAMAH MATH

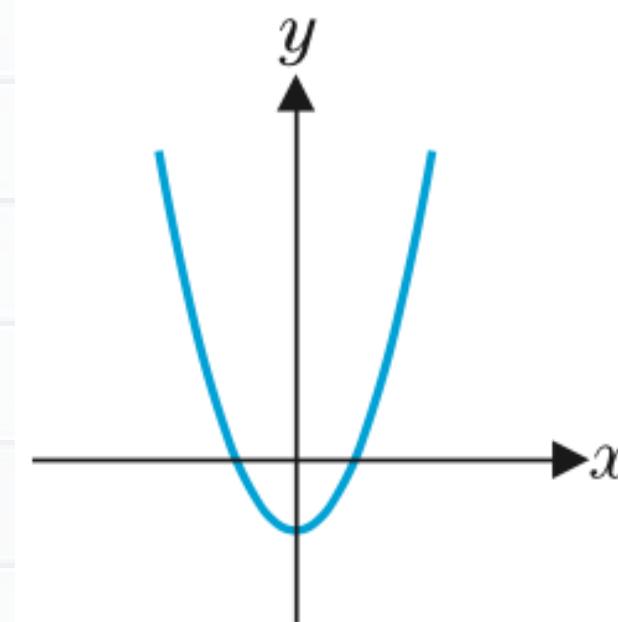




استخدم التمثيل البياني الموضح

لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة f .

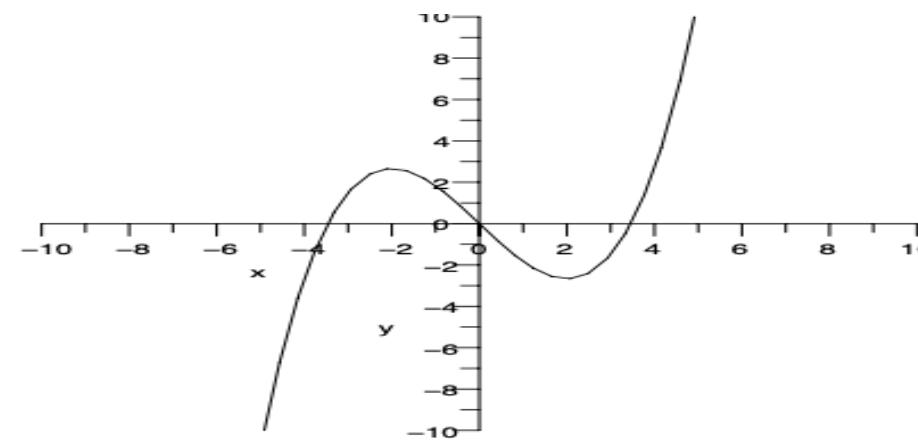




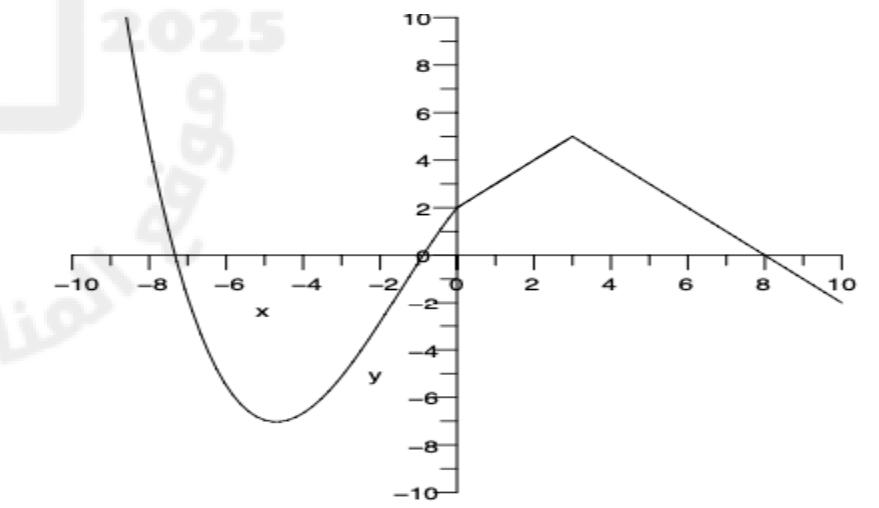
استخدم التمثيل البياني الموضح

لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة f .

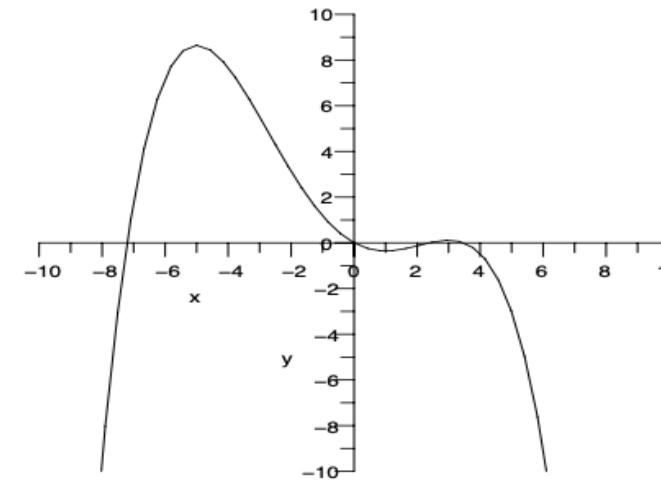
A.



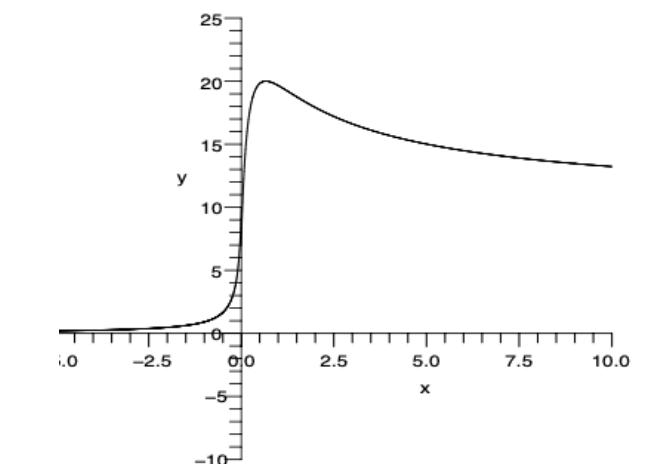
C.



B.

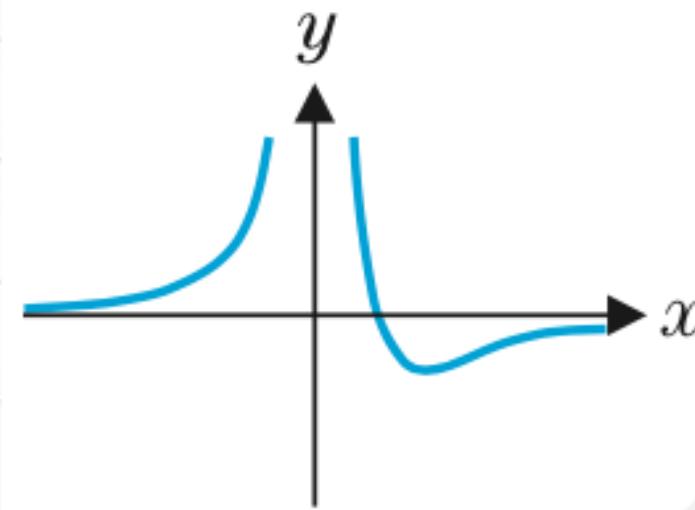


D.



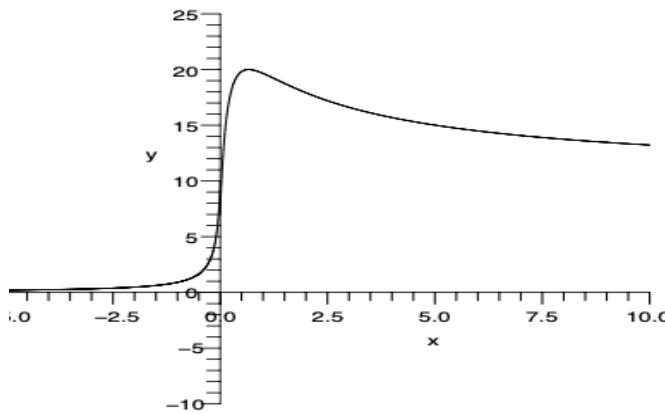
SAMAH MATH



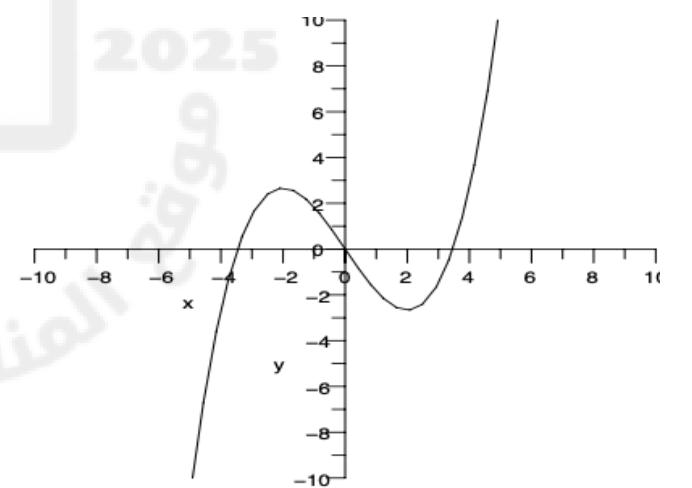


استخدم التمثيل البياني الموضح

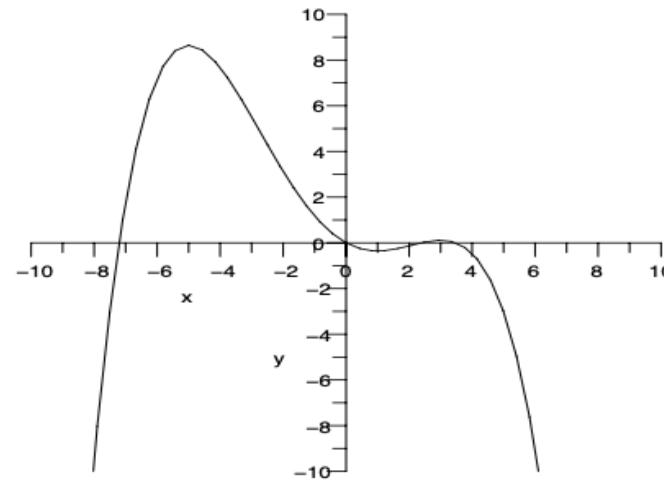
لتحديد تمثيل بياني معقول لدالة متصلة f .



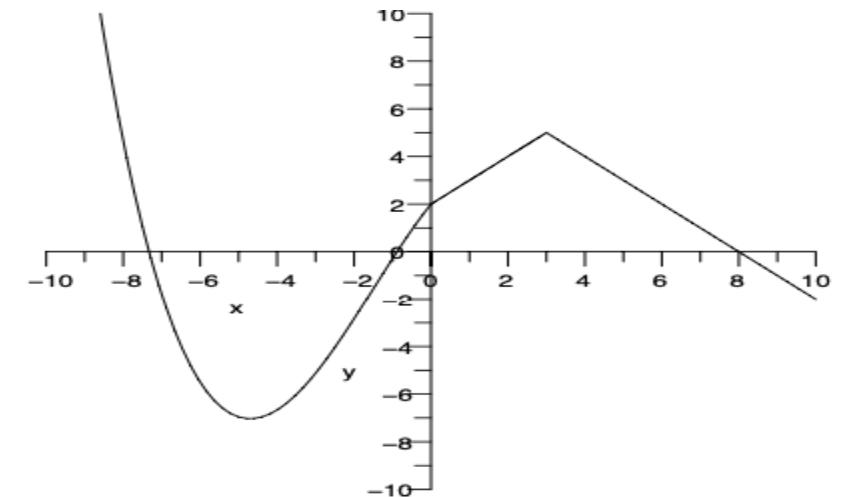
C.

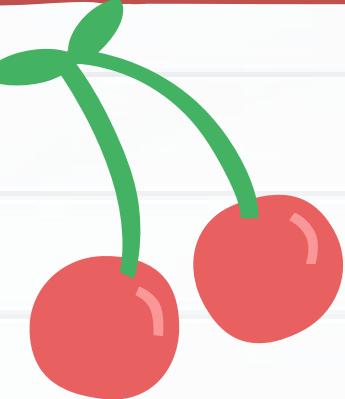


A.



D.





الجزء الالكتروني

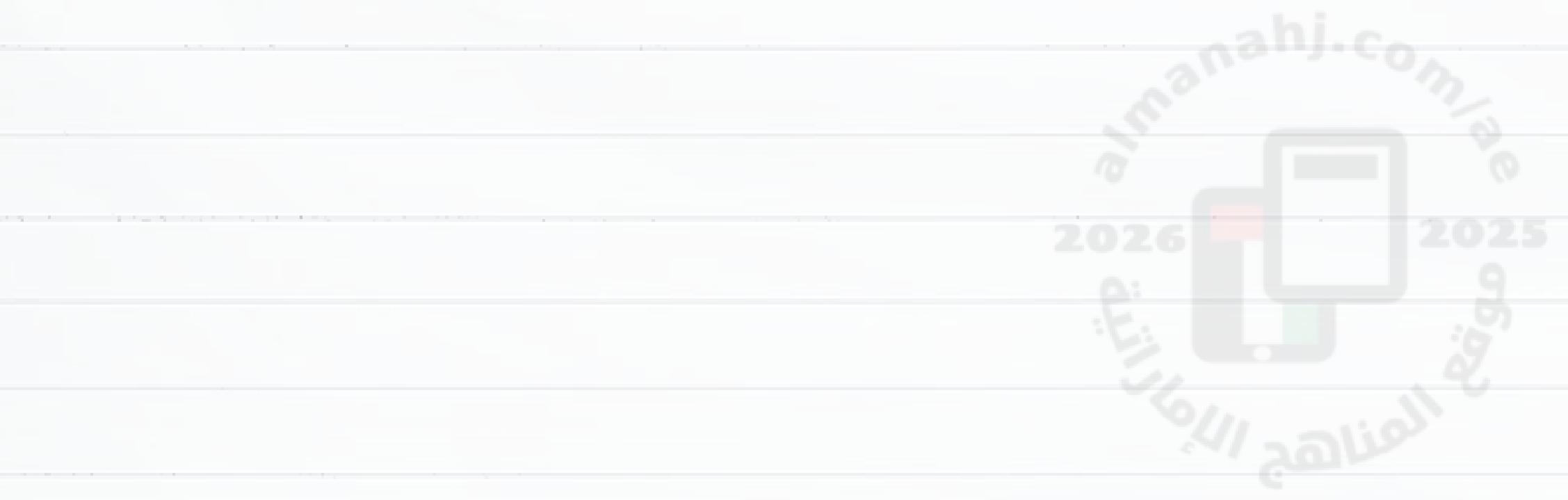
11	Use differentiation rules and higher derivatives in solving real-life problems. استخدام قواعد التفاضل والمشتقات العليا في حل المشكلات الحياتية	(21-24)	161 163
----	---	---------	------------

SAMAH MATH



في التمارين 21–24، استخدم دالة الموقع المعطاة
لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

21. $s(t) = -16t^2 + 40t + 10$



A. $s'(t) = -32t + 40$ $s''(t) = -32$

B. $s'(t) = -9.8t + 12$ $s''(t) = -9.8$

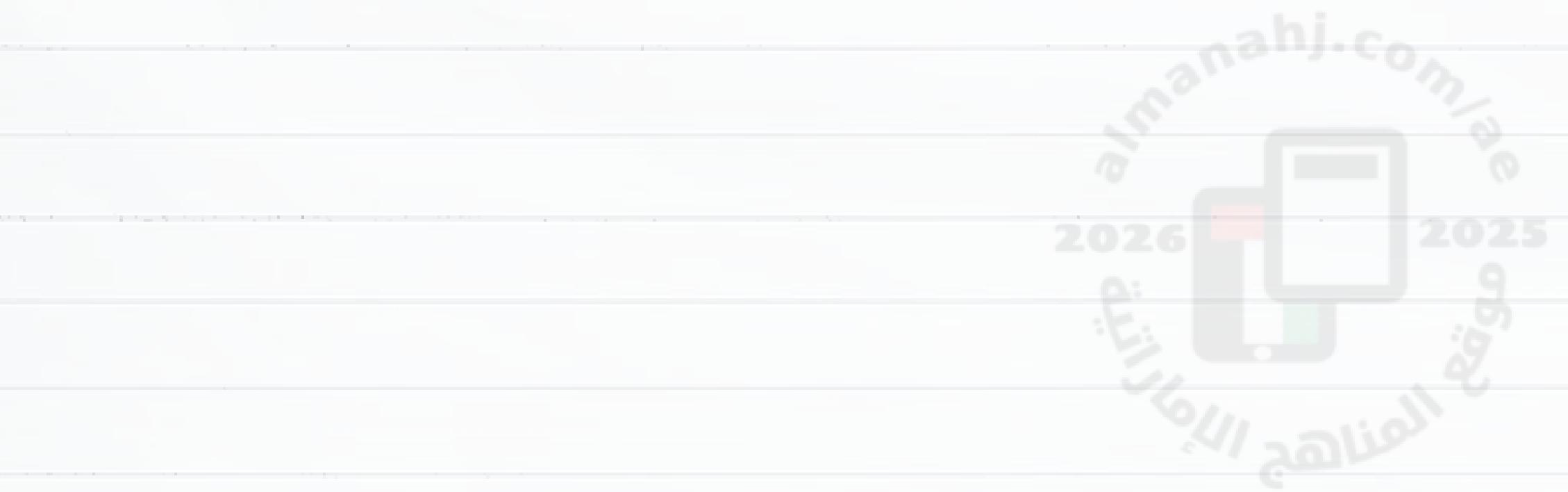
C. $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$ $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D. $s'(t) = 10t^{-2}$ $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$



22. $s(t) = -4.9t^2 + 12t - 3$

في التمارين 21–24، استخدم دالة الموقع المعطاة
لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.



A. $s'(t) = -9.8t + 12$

$s''(t) = -9.8$

B. $s'(t) = -32t + 40$

$s''(t) = -32$

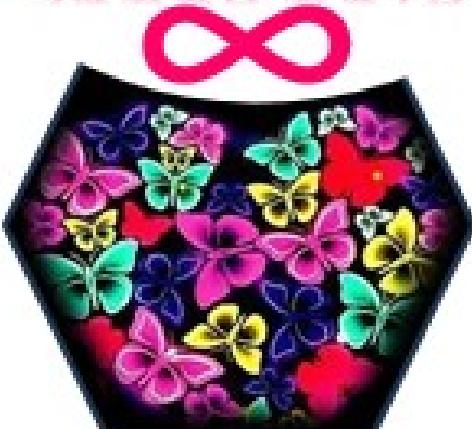
C. $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$

$s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D. $s'(t) = 10t^{-2}$

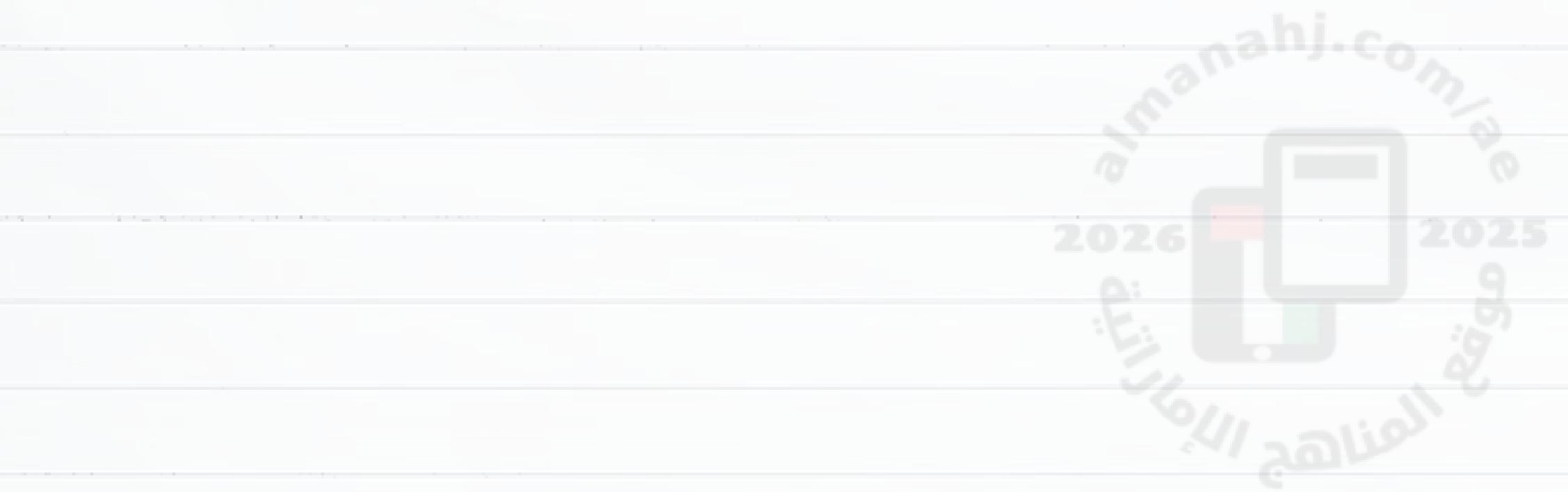
$s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

SAMAH MATH



في التمارين 21–24، استخدم دالة الموقع المعطاة
لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

23. $s(t) = \sqrt{t} + 2t^2$

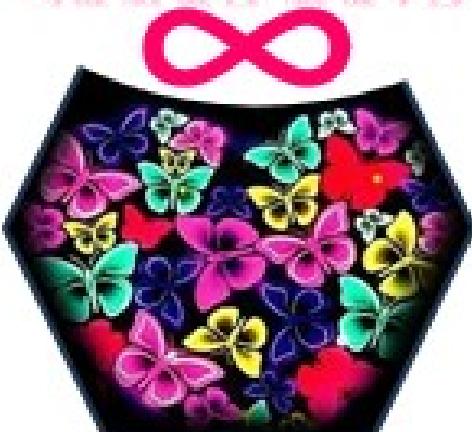


A. $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$ $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

B. $s'(t) = -32t + 40$ $s''(t) = -32$

C. $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$ $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

D. $s'(t) = 10t^{-2}$ $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$



24. $s(t) = 10 - \frac{10}{t}$

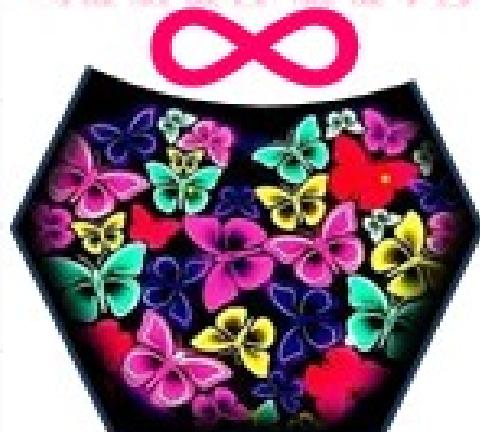
في التمارين 21-24، استخدم دالة الموقع المعطاة
لإيجاد دالتي السرعة المتجهة والتسارع.

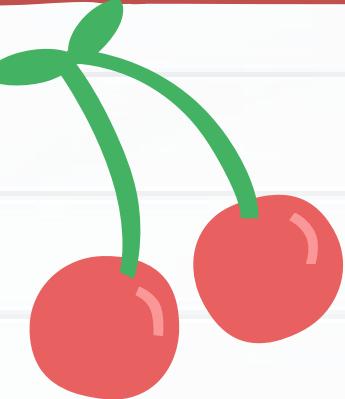
A. $s'(t) = 10t^{-2}$
 $s''(t) = -20t^{-3}$

B. $s'(t) = -9.8t + 12$
 $s''(t) = -9.8$

C. $s'(t) = \frac{1}{2}t^{-1/2} + 4t$
 $s''(t) = -\frac{1}{4}t^{-3/2} + 4$

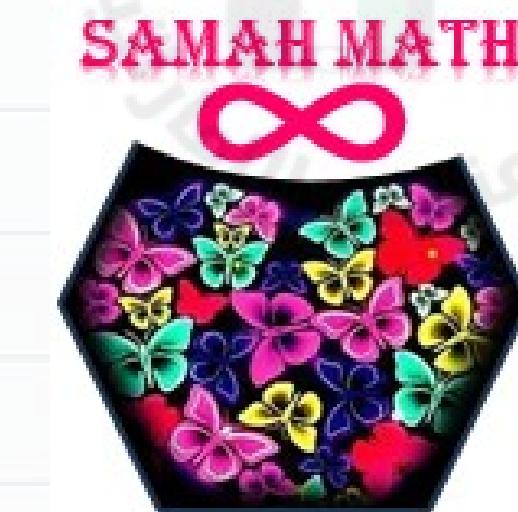
D. $s'(t) = -32t + 40$
 $s''(t) = -32$





الجزء الالكتروني

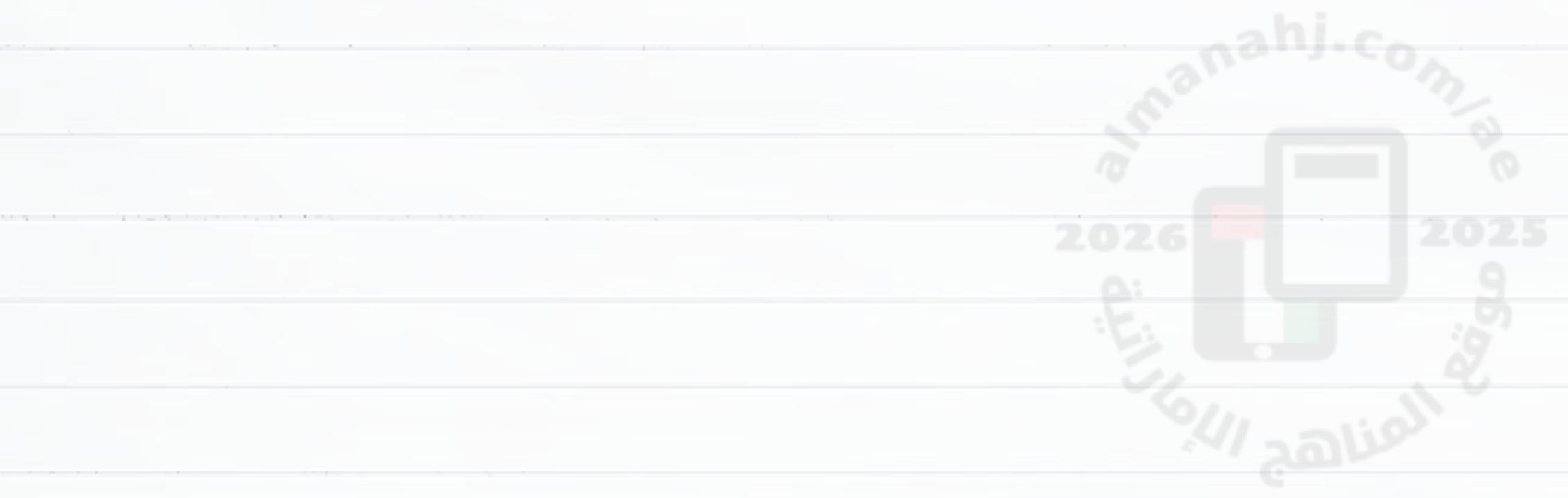
12	Use differentiation rules and higher derivatives in solving real-life problems. استخدام قواعد التفاضل والمشتقات العليا في حل المشكلات الحياتية	2026	2025	(37-42)	161 163
----	---	------	------	---------	------------



37. أُوجِدَ جمِيعَ قيمَ x والتي يشَكّلُ عَنْدَهَا المماسُ عَلَى

مَنْحُنَى $y = x^3 - 3x + 1$ (a) زَاوِيَةُ قِيَاسُهَا 45° مَعَ الْمَحَورِ x :

(b) زَاوِيَةُ قِيَاسُهَا 30° مَعَ الْمَحَورِ x ، عَلَى فَرْضِ أَنَّ
الزَّاوِيَتَيْنِ تَقَاسَانِ بِاتِّجَاهٍ مُعَاكِسٍ لِعَقَارِبِ السَّاعَةِ.



A. a. $x = \pm \frac{2\sqrt{3}}{3}$

b. $x = \pm \frac{\sqrt{9 + \sqrt{3}}}{3}$

C. a. $x = \pm \frac{7}{3}$

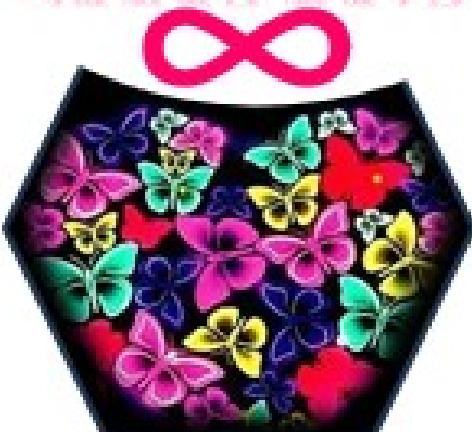
b. $x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}$

B. a. $x = \frac{\sqrt{3}}{3}$

b. $x = \pm \frac{\sqrt{2 + \sqrt{3}}}{3}$

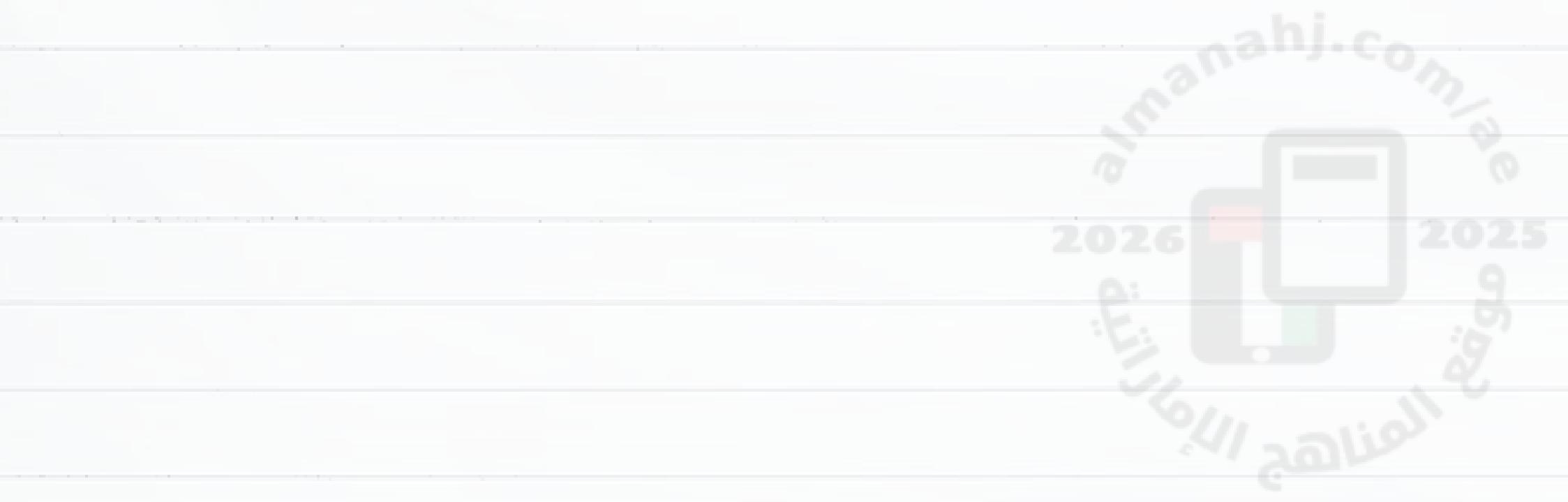
D. a. $x = \pm \frac{7\sqrt{3}}{3}$

b. $x = \pm \frac{\sqrt{17}}{3}$



38.

أوجد جميع قيم x التي عندها يكون المماسان على $y = x^4 + x^3 + 3$ و $y = x^3 + 2x + 1$ متوازيين.



A. $x = \sqrt[3]{\frac{1}{2}}$

B. $x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3}$

C. $x = \pm \frac{1}{2}$

D. a. $x = \frac{1}{3}$

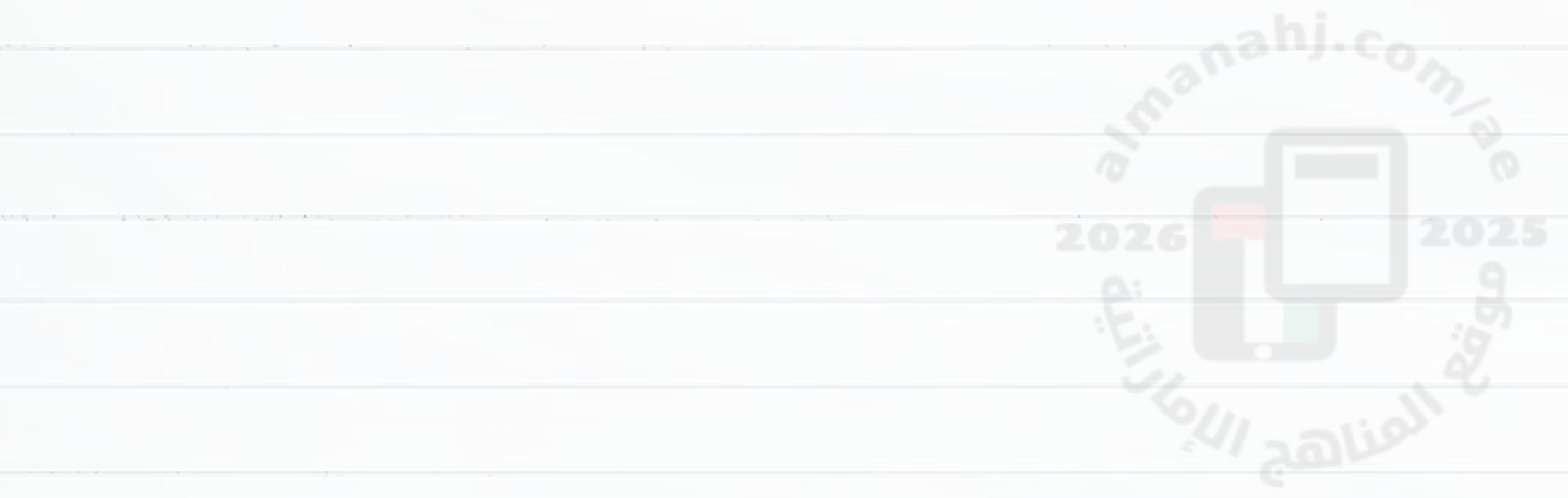
SAMAH MATH



39. أوجد كثيرة الحدود من الدرجة الثانية (بالصيغة

$$f(0) = -2, f'(0) = 2 \text{ (a)} \quad \text{بحيث يكتب: } (ax^2 + bx + c)$$

$$\quad . f''(0) = 1, f(0) = 0, f'(0) = 5 \text{ (b)} \quad f''(0) = 3 \quad \text{و}$$



A.

a. $f(x) = \frac{3}{2}x^2 + 2x - 2$ b. $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 5x$

B.

a. $f(x) = \frac{5}{2}x^2 - 2x + 2$ b. $f(x) = \frac{3}{2}x^2 + 4x$

C.

a. $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 2x - 5$ b. $f(x) = 5x^2 + 2x$

D.

a. $f(x) = 3x^2 + 7x$ b. $f(x) = 8x^2 + 5x$

SAMAH MATH



.40. أوجد صيغة عامة لإيجاد المشتقه من الرتبة $f^{(n)}(x)$ لـ

(a) $f(x) = \sqrt{x}$

A. $f^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \times \frac{(2n-2)!}{2^{2n-1} (n-1)!} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

B. $f^{(n)}(x) = (-1)^n \times \frac{(2n-2)!}{2^n (n-1)!} x^{\frac{(2n+1)}{2}}$

C. $f^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \times \frac{(2n-3)!}{2^n} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

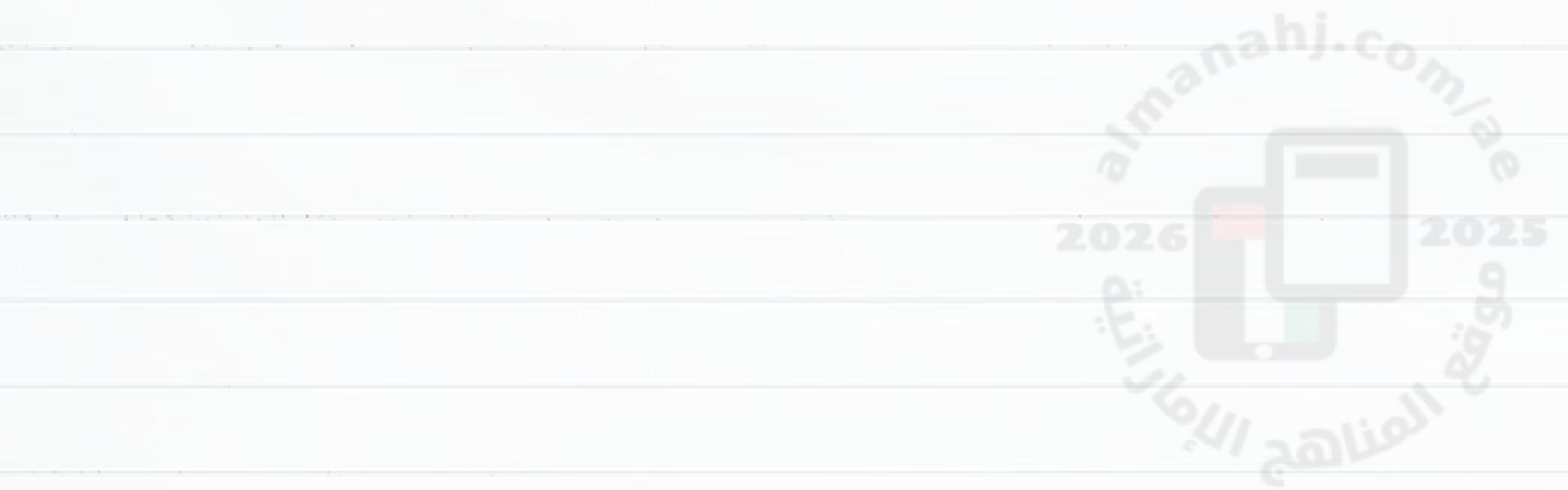
D. $f^{(n)}(x) = \frac{(2n-2)!}{2^n (n-1)!} x^{\frac{-(2n-1)}{2}}$

SAMAH MATH



.40. أوجد صيغة عامة لإيجاد المشتقه من الرتبة $f^{(n)}(x)$ لـ

$$(b) f(x) = \frac{2}{x}$$



A.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(-1)^n n!}{x^{n+1}}$$

C.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(n-1)^n n!}{x^{n+1}}$$

B.

$$f^{(n)}(x) = \frac{(-1)^n n}{x^{n+1}}$$

D.

$$f^{(n)}(x) = \frac{2(-1)^{n-1} n!}{x^{n-1}}$$

SAMAH MATH



أ41. أوجد مساحة المثلث الذي يحدّه $x = 0, y = 0$ والمماس على $y = \frac{1}{x}$ عند $x = 1$. كرر الأمر نفسه بالنسبة لمثلث يحدّه $x = 0, y = 0$ والمماس على $y = \frac{1}{x}$ عند $x = 2$. ووضح أنك تحصل على المساحة نفسها باستخدام المماس على $y = \frac{1}{x}$ عند أي قيمة $x = a > 0$.

- | | |
|-----------------------|-------------------------|
| A.
Area = 2 | C.
Area = 10 |
| B.
Area = 3 | D.
Area = 100 |

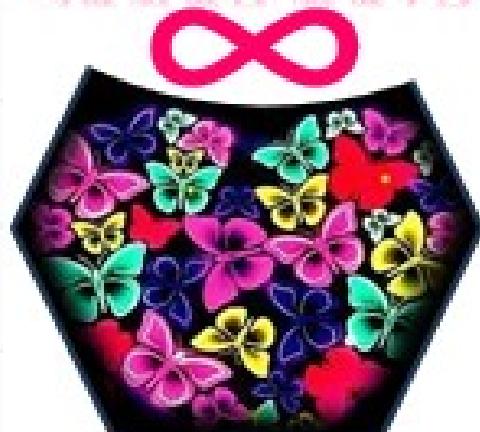


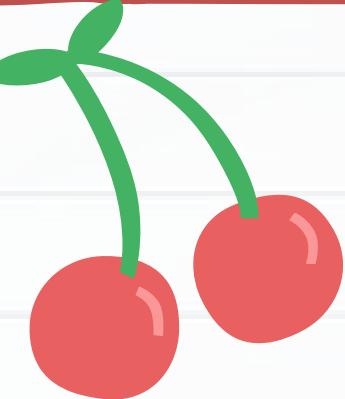
أ41. أوجد مساحة المثلث الذي يحدّه $x = 0, y = 0$ والمماس على $y = \frac{1}{x}$ عند $x = 1$. كرر الأمر نفسه بالنسبة لمثلث يحدّه $x = 0, y = 0$ والمماس على $y = \frac{1}{x}$ عند $x = 2$. ووضح أنك تحصل على المساحة نفسها باستخدام المماس على $y = \frac{1}{x}$ عند أي قيمة $x = a > 0$.

- | | |
|-----------------------|-------------------------|
| A.
Area = 2 | C.
Area = 10 |
| B.
Area = 3 | D.
Area = 100 |



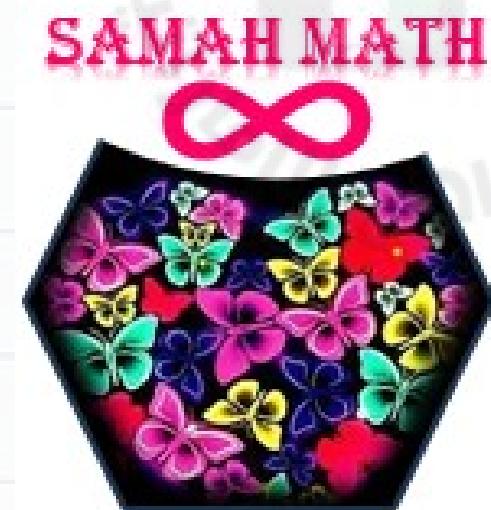
42. وضح أن نتيجة التمرين 41 لا تنطبق على $y = \frac{1}{x^2}$. أي أن مساحة المثلث المحدود بـ $x = 0, y = 0$ والمماس على $y = \frac{1}{x^2}$ عند $x = a > 0$ لا تعتمد على قيمة a .





الجزء الالكتروني

13	Apply the chain rule for differentiation تطبيق قاعدة السلسلة في الاشتقاق	2026	2025	(31-38)	177	179
----	---	------	------	---------	-----	-----



في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات الصلة لحساب المشتقة $h(x) = f(g(x))$.

حيث: $h'(1)$. 31

$$f(2)=3, f'(1)=4, g(1)=2, f'(1)=3, g'(1)=-2, g'(3)=5$$

A.	-6	C.	0
B.	-12	D.	6



في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات
الصلة لحساب المشتقة $h(x) = f(g(x))$.

حيث: $h'(2)$. 32

$$f'(3)=-3, f'(2)=-1, g(2)=3, f(2)=1, g'(1)=2, g'(2)=4$$



A.

-12

B.

-20

C.

0

D.

6

SAMAH MATH



في التمرينين 31 و 32، استخدم المعلومات ذات الصلة لحساب المشتقه $h(x) = f(g(x))$.

الدالة f تكون **دالة زوجية** إذا كان $f(-x) = f(x)$ لكل x وتكون **دالة فردية** إذا كان $f(-x) = -f(x)$ لكل x . إثبت أن مشتقة دالة الزوجية هي دالة فردية، وأن مشتقة دالة الفردية هي دالة زوجية.

إذا كان التمثيل البياني للدالة القابلة للإشتقاق f متماثلا حول المستقيم $x = a$. فماذا يمكنك القول عن تماثل التمثيل البياني f' ؟

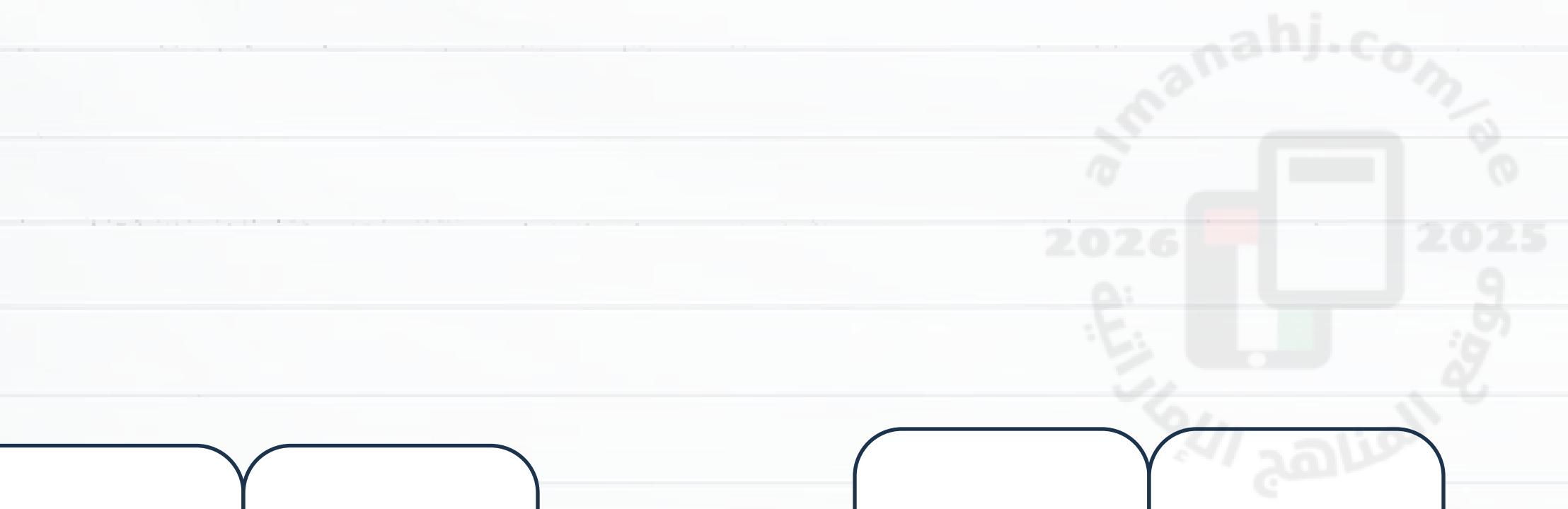


أوجد المشتقة للدالة f .

(a) $f(x^2)$

(b) $[f(x)]^2$

(c) $f(f(x))$



$2xf'(x^2)$

$xf'(x^2)$

$2f'(x^2)$

$f'(x^2)$

$2f(x)f'(x)$

$2f'(x)$

$f'(x)$

$xf'(x^2)$

$f'(f(x))f'(x)$

$2f'(x)$

$f'(x)$

$xf'(x^2)$

SAMAH MATH

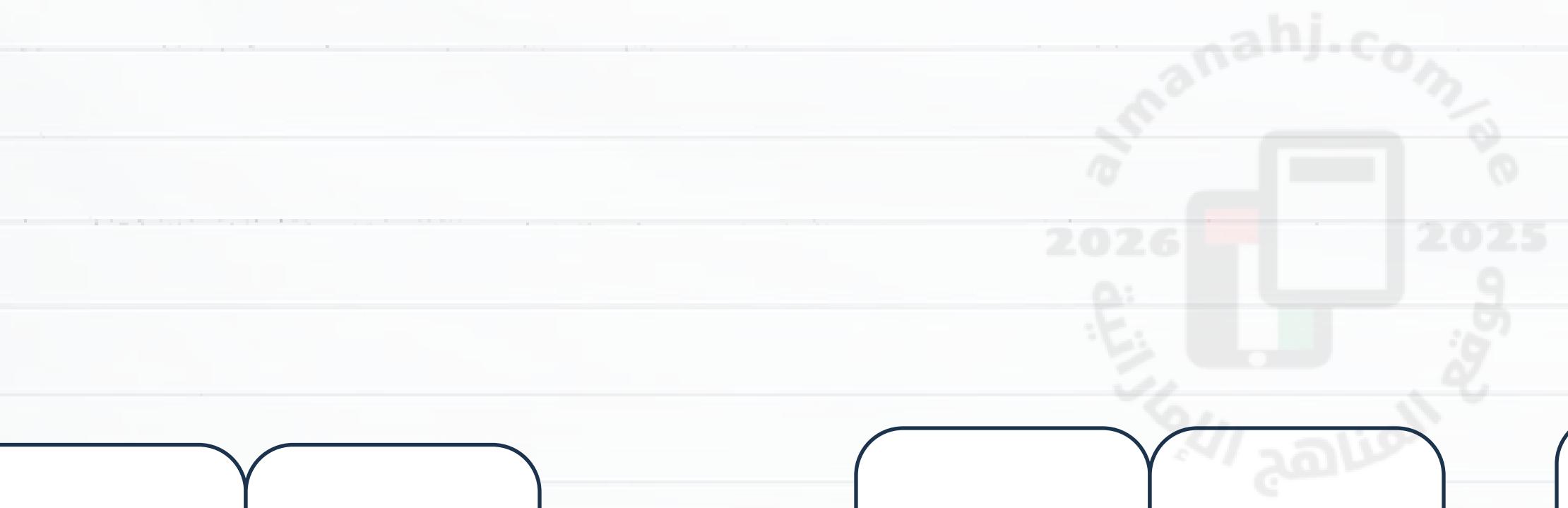


أوجد المشتقة للدالة f .

36. (a) $f(\sqrt{x})$

(b) $\sqrt{f(x)}$

(c) $f(xf(x))$



$$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$\frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$f'(\sqrt{x})$$

$$f'(x) \frac{1}{2x}$$

$$f'(x) \frac{1}{2\sqrt{f(x)}}$$

$$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$f'(x) \frac{x}{2\sqrt{x}}$$

$$f'(\sqrt{x}) \frac{1}{\sqrt{x}}$$

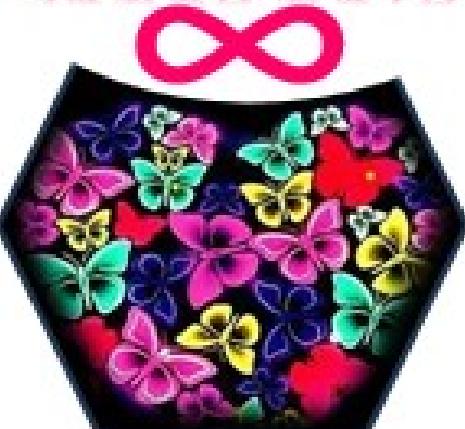
$$f'(xf(x))(f(x) + xf'(x))$$

$$xf'(x)$$

$$f'(xf(x))$$

$$(f(x) + xf'(x))$$

SAMAH MATH



أوجد المشتقة للدالة f .

(a) $f(1/x)$

(b) $1/f(x)$

(c) $f\left(\frac{x}{f(x)}\right)$

$$\left(\frac{-1}{x^2}\right) \cdot f'\left(\frac{1}{x}\right) \quad \left(\frac{-1}{x^2}\right)$$

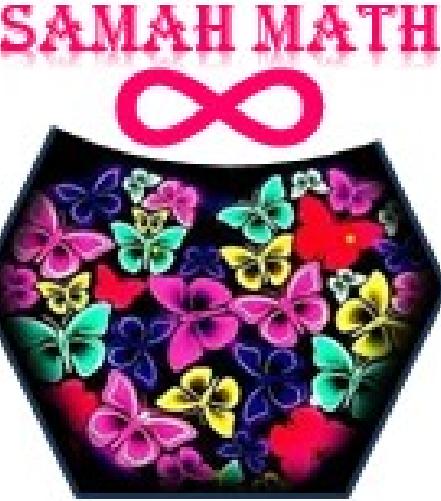
$$f'\left(\frac{1}{x}\right) \quad xf'\left(\frac{1}{x^2}\right)$$

$$\left(\frac{-1}{f(x)^2}\right) \cdot f'(x) \quad \left(\frac{-1}{x^2}\right) \cdot f'\left(\frac{1}{x}\right)$$

$$f(x) \cdot f'(x) \quad x \cdot f'(x)$$

$$f'\left(\frac{x}{f(x)}\right) \cdot \left(\frac{f(x)-xf'(x)}{[f(x)]^2}\right) \quad f'\left(\frac{1}{x}\right)$$

$$\left(\frac{-1}{x^2}\right) \quad xf'\left(\frac{1}{x^2}\right)$$



أوجد المشتقة للدالة f .

(a) $1 + f(x^2)$

(b) $[1 + f(x)]^2$

(c) $f(1 + f(x))$

$2xf'(x^2)$

$f'(x)f'(x^2)$

$xf'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)[1 + f(x)]$

$f'(x)f'(x^2)$

$2xf'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

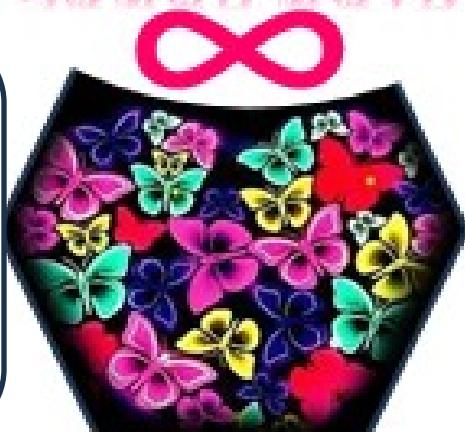
$f'(x)f'(1 + f(x))$

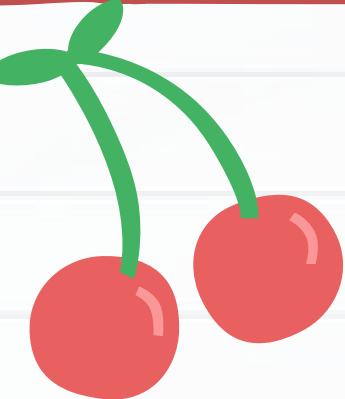
$xf'(x)f'(x^2)$

$2f'(x)f'(x^2)$

$2xf'(x^2)$

SAMAH MATH





الجزء الالكتروني

14

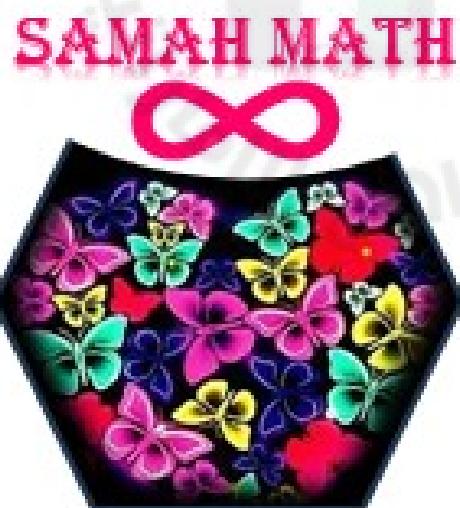
Find the derivative of an inverse function using the Chain Rule.

إيجاد مشتقة معكوس دالة باستخدام قاعدة السلسلة

(17-22)

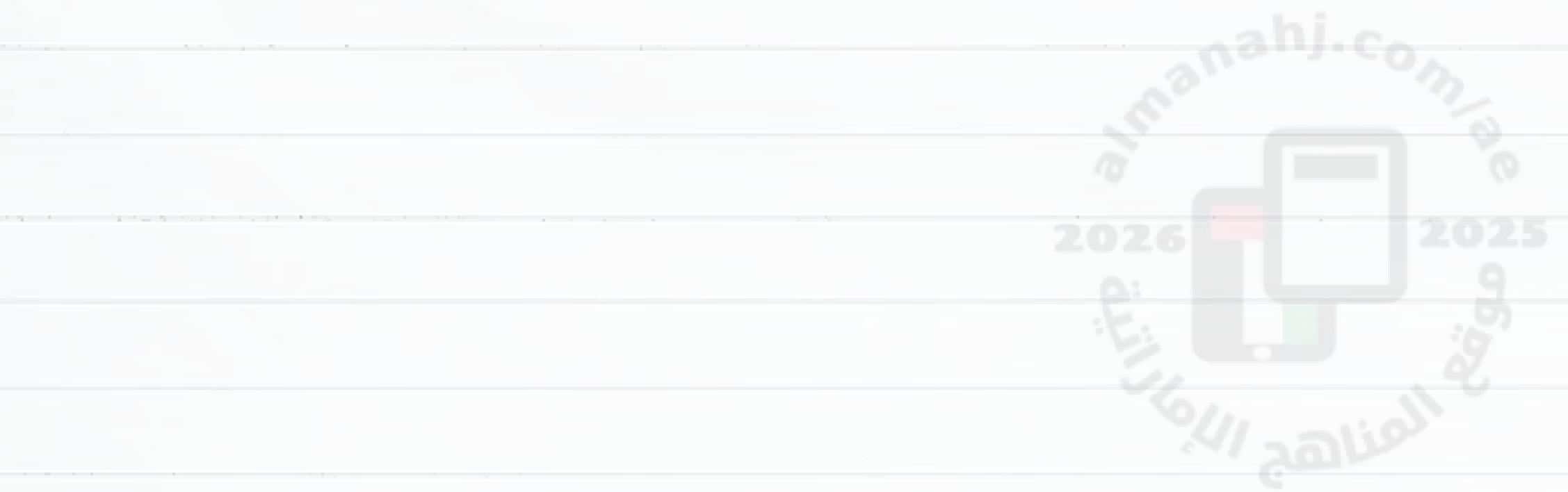
176

178



17. $f(x) = x^3 + 4x - 1, a = -1$

في التمارين 17-22، f لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(-1)$.



A.

$$g'(-1) = \frac{1}{4}$$

B.

$$g'(-1) = \frac{-1}{2}$$

C.

$$g'(-1) = \frac{3}{4}$$

D.

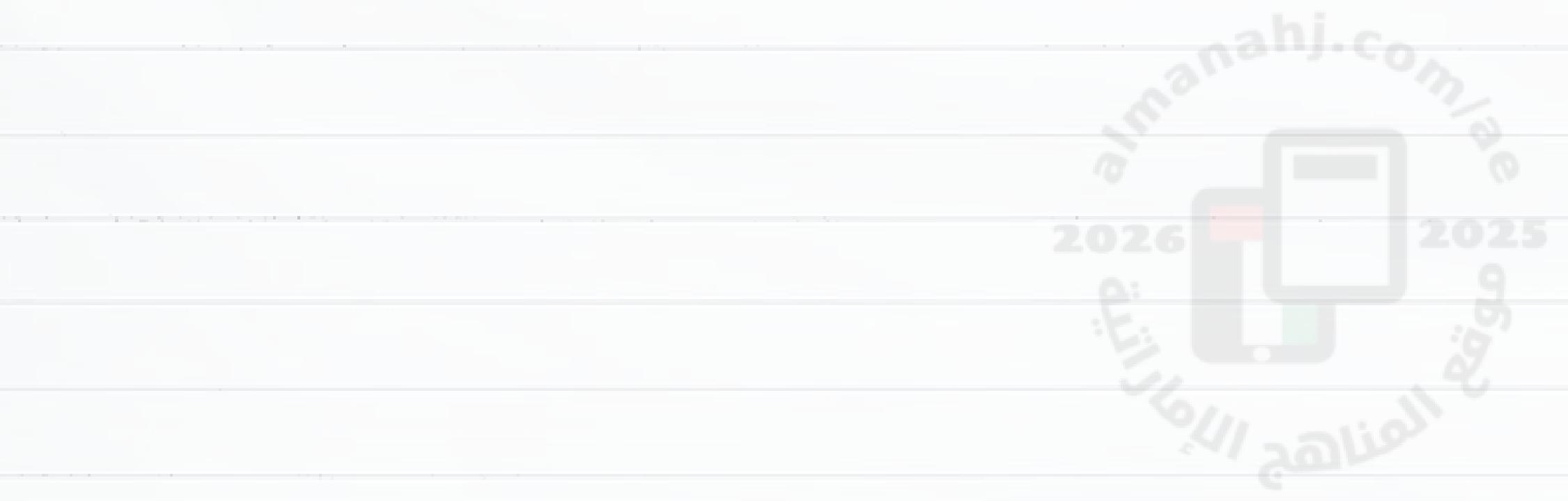
$$g'(-1) = \frac{5}{4}$$

SAMAH MATH



18. $f(x) = x^5 + 4x - 2, a = -2$

في التمارين 17-22 لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(-2)$.



A.

$$g'(-2) = \frac{1}{4}$$

B.

$$g'(-2) = \frac{-1}{2}$$

C.

$$g'(-2) = \frac{3}{4}$$

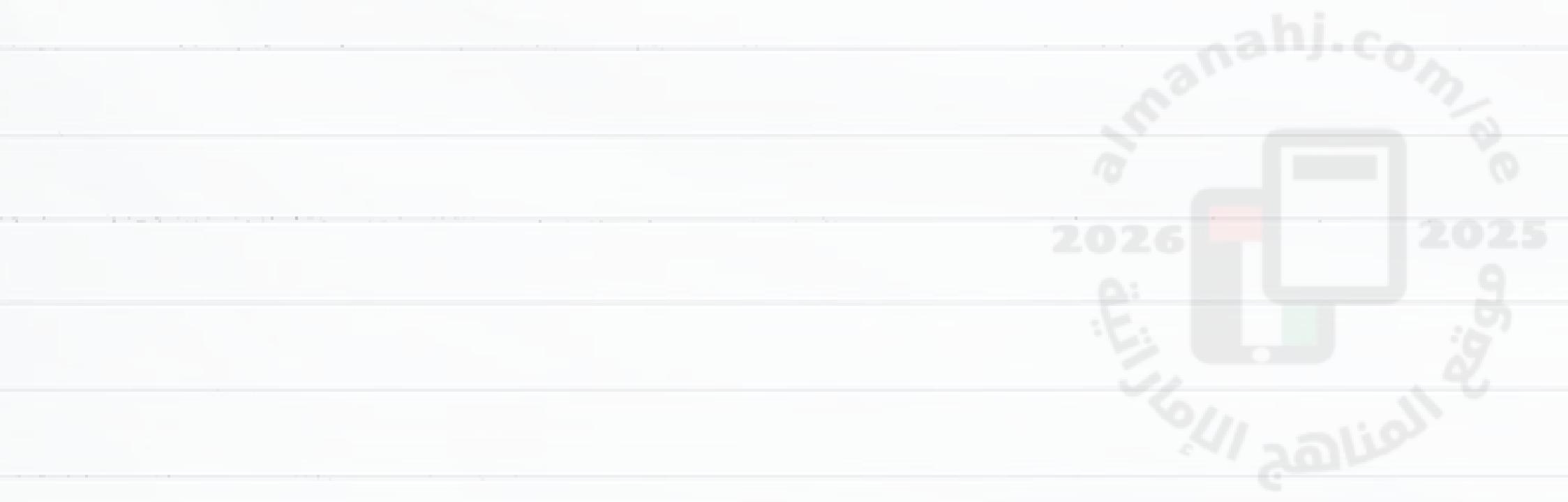
D.

$$g'(-2) = \frac{5}{4}$$



19. $f(x) = x^5 + 3x^3 + x, a = 5$

في التمارين 17-22 لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(5)$.



A.

$$g'(5) = \frac{1}{15}$$

B.

$$g'(5) = \frac{-1}{2}$$

C.

$$g'(5) = \frac{3}{4}$$

D.

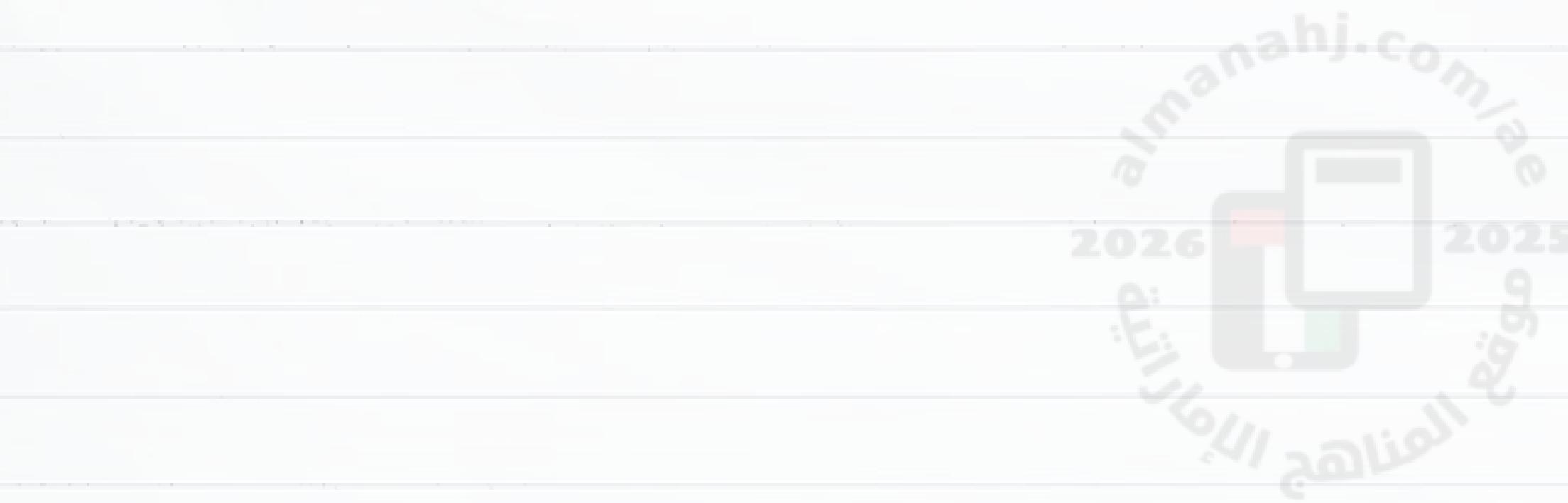
$$g'(5) = \frac{5}{4}$$

SAMAH MATH



20. $f(x) = x^3 + 2x + 1, a = -2$

في التمارين 17-22 لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(-2)$.



A.

$$g'(-2) = \frac{1}{5}$$

B.

$$g'(-2) = \frac{-1}{2}$$

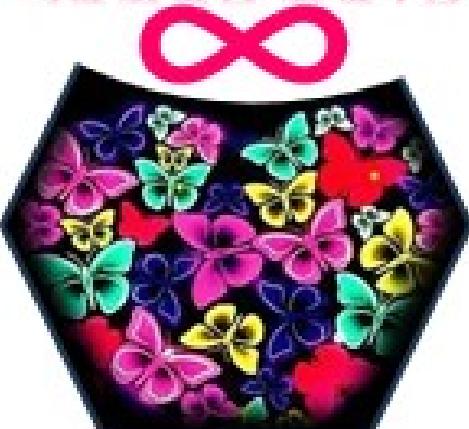
C.

$$g'(-2) = \frac{3}{4}$$

D.

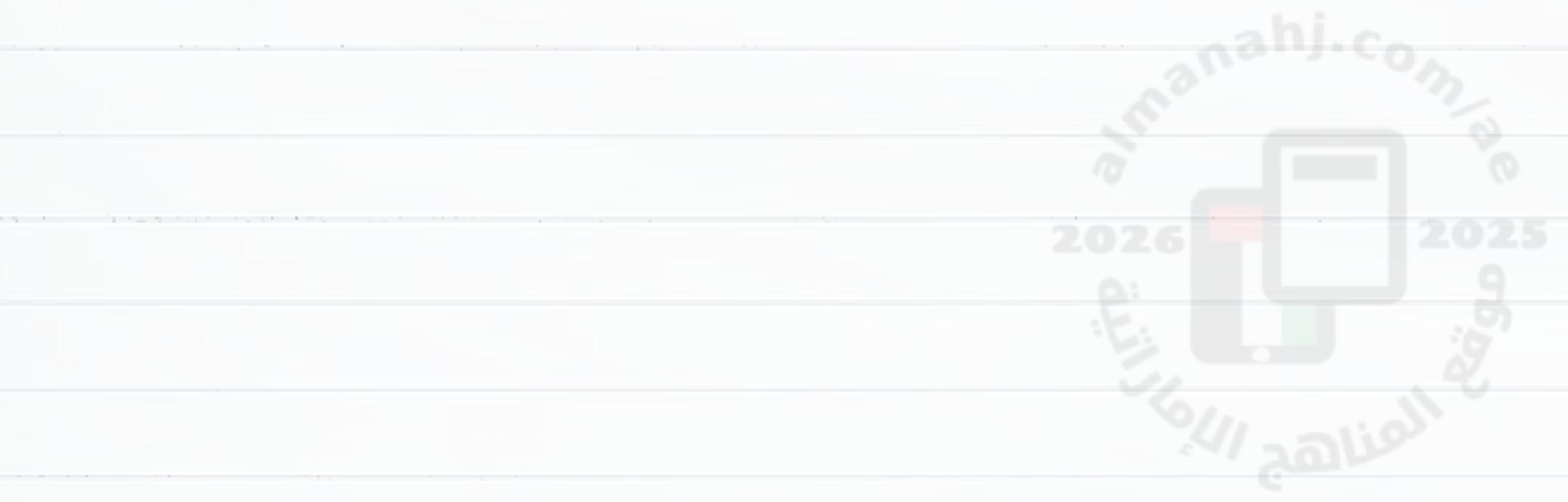
$$g'(-2) = \frac{5}{4}$$

SAMAH MATH



21. $f(x) = \sqrt{x^3 + 2x + 4}$, $a = 2$

في التمارين 17-22، f لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(a)$.



A.

$$g'(2) = 2$$

B.

$$g'(2) = \frac{-1}{2}$$

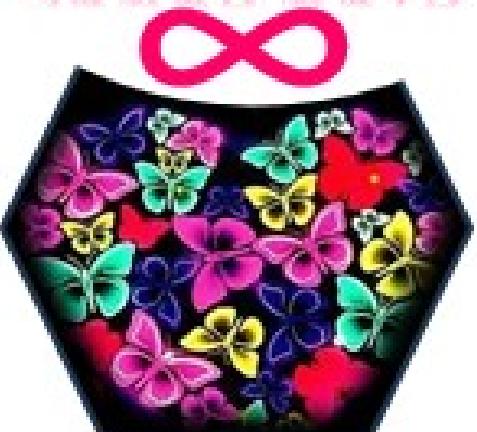
C.

$$g'(2) = \frac{3}{4}$$

D.

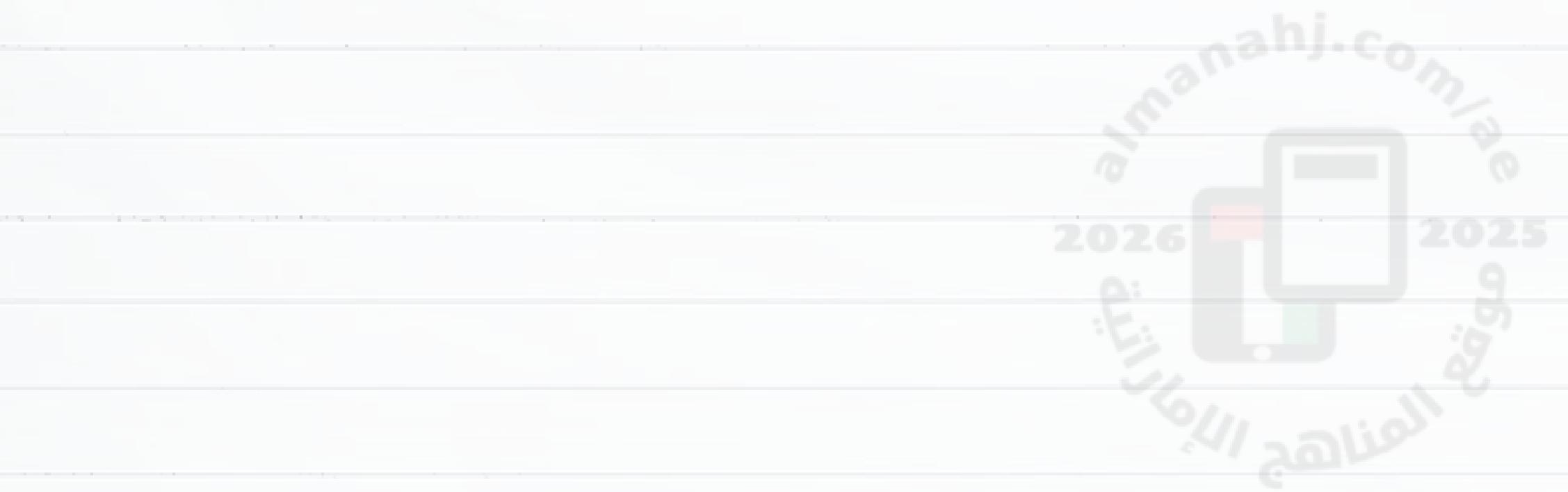
$$g'(2) = \frac{5}{4}$$

SAMAH MATH



22. $f(x) = \sqrt{x^5 + 4x^3 + 3x + 1}$, $a = 3$

في التمارين 17-22 لها معكوس g . استخدم النظرية
لإيجاد $g'(a)$.



A.

$$g'(3) = \frac{3}{10}$$

B.

$$g'(2) = -\frac{1}{2}$$

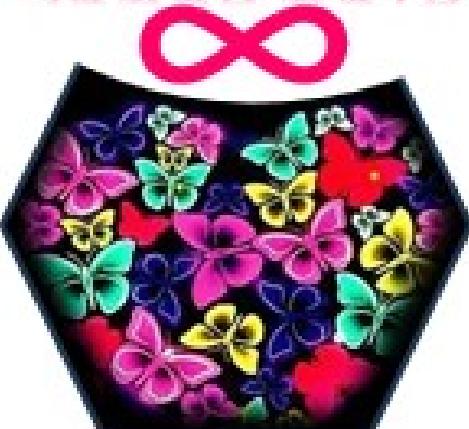
C.

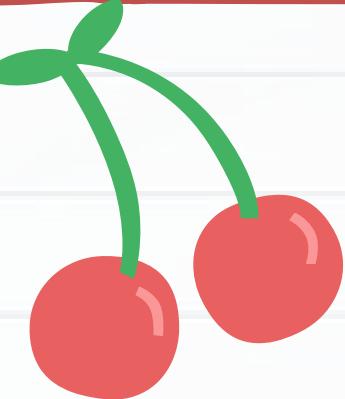
$$g'(2) = \frac{3}{4}$$

D.

$$g'(2) = \frac{5}{4}$$

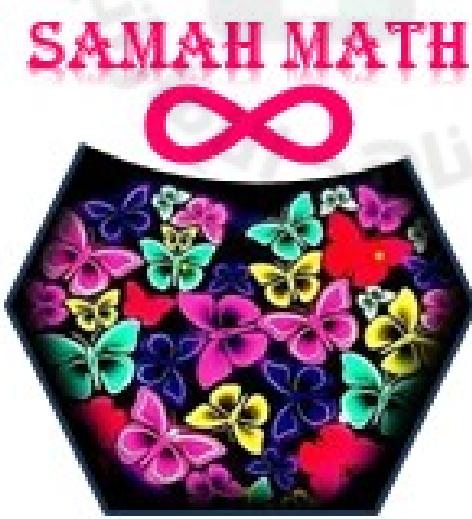
SAMAH MATH





الجزء الالكتروني

15	Find the derivatives of trigonometric functions using differentiation rules إيجاد مشتقات الدوال المثلثية باستخدام قواعد التفاضل	2026 2025 9	(9-18)	184 186
----	--	-------------------	--------	------------



أوجد مشقة كل دالة.

9. $f(t) = \sin 3t \sec 3t$



A.

$$f'(t) = 3\sec^2(3t)$$

B.

$$f'(t) = 3\csc^2(3t)$$

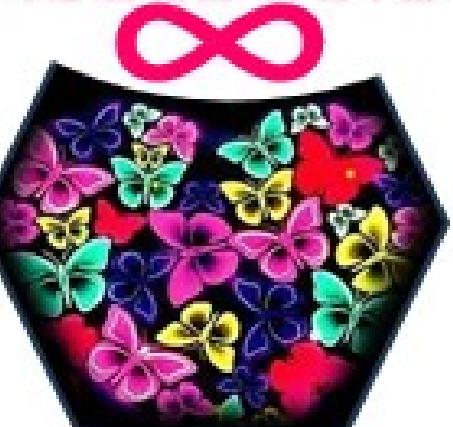
C.

$$f'(t) = -3\sec^2(3t)$$

D.

$$f'(t) = 3\sin^2(3t)$$

SAMAH MATH



أوجد مشقة كل دالة.



10. $f(t) = \sqrt{\cos 5t \sec 5t}$



A. $f(t) = \sqrt{\cos 5t \cdot \frac{1}{\cos 5t}} = 1, f'(t) = 0$

B. $f'(t) = \sqrt{\sin 5t \cdot \frac{1}{\cos 5t}}$

C. $f'(t) = 4$

D. $f'(t) = \sqrt{\cos t \cdot \frac{1}{\sin t}}$

SAMAH MATH



أوجد مشقة كل دالة.

$$11. f(w) = \frac{1}{\sin 4w}$$



A.

$$f'(w) = \frac{-4\cos(4w)}{\sin^2(4w)}$$

B.

$$f'(w) = \frac{4\cos(4w)}{\sin^2(4w)}$$

C.

$$f'(w) = \frac{-2\csc(4w)}{\sin^2(4w)}$$

D.

$$f'(w) = \frac{4\cos(w)}{\sin^2(w)}$$

SAMAH MATH



أوجد مشقة كل دالة.

12. $f(w) = w^2 \sec^2 3w$



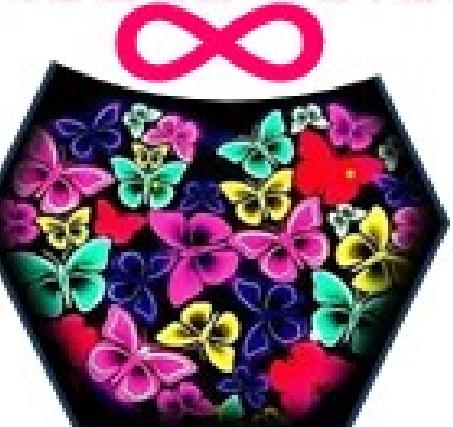
A. $f'(w) = 6w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) + 2w \sec^2(3w)$

B. $f'(w) = w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) + \sec^2(3w)$

C. $f'(w) = w^2 \sec^2(3w) \tan(3w) - 2w \sec^2(3w)$

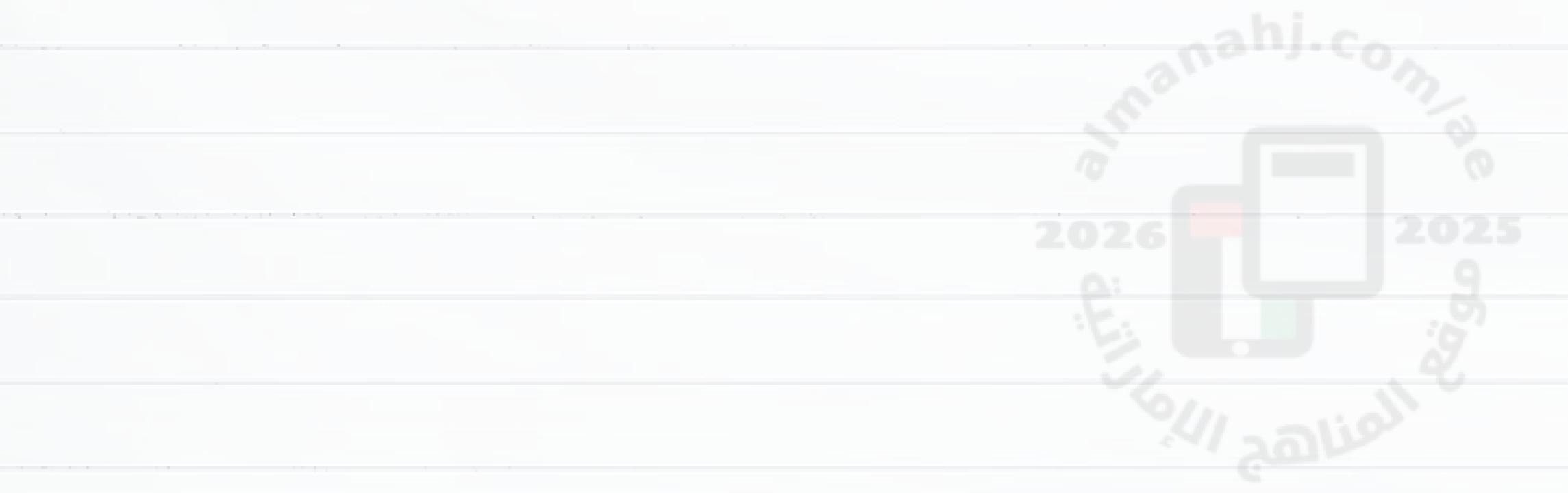
D. $f'(w) = 6w^2 \sec^2(3w) - 2w \sec^2(3w)$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

13. $f(x) = 2 \sin 2x \cos 2x$



A.

$$f'(x) = 4\cos^2 2x - 4 \sin^2(2x)$$

B.

$$f'(x) = \cos^2 2x + 4 \sin^2(2x)$$

C.

$$f'(x) = -4\cos^2 2x - \sin^2(2x)$$

D.

$$f'(x) = 2\cos^2 2x + 2 \sin^2(2x)$$

SAMAH MATH



أوجد مشتقة كل دالة.

14. $f(x) = 4 \sin^2 3x + 4 \cos^2 3x$



A.

$$f'(x) = 0$$

B.

$$f'(x) = 4$$

C.

$$f'(x) = x$$

D.

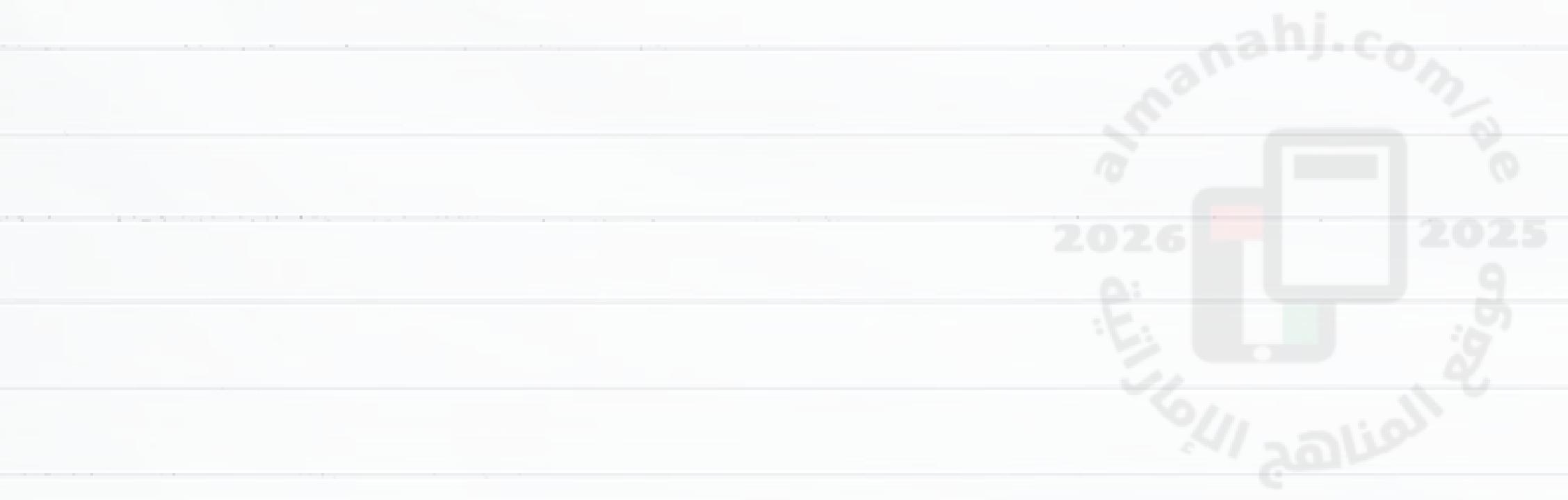
$$f'(x) = \sin 3x$$

SAMAH MATH



15. $f(x) = \tan \sqrt{x^2 + 1}$

أوجد مشقة كل دالة.

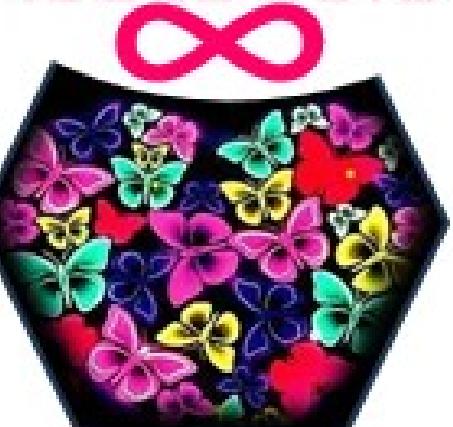


A. $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2 \sqrt{x^2 + 1}$

B. $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sin^2 \sqrt{x^2 + 1}$

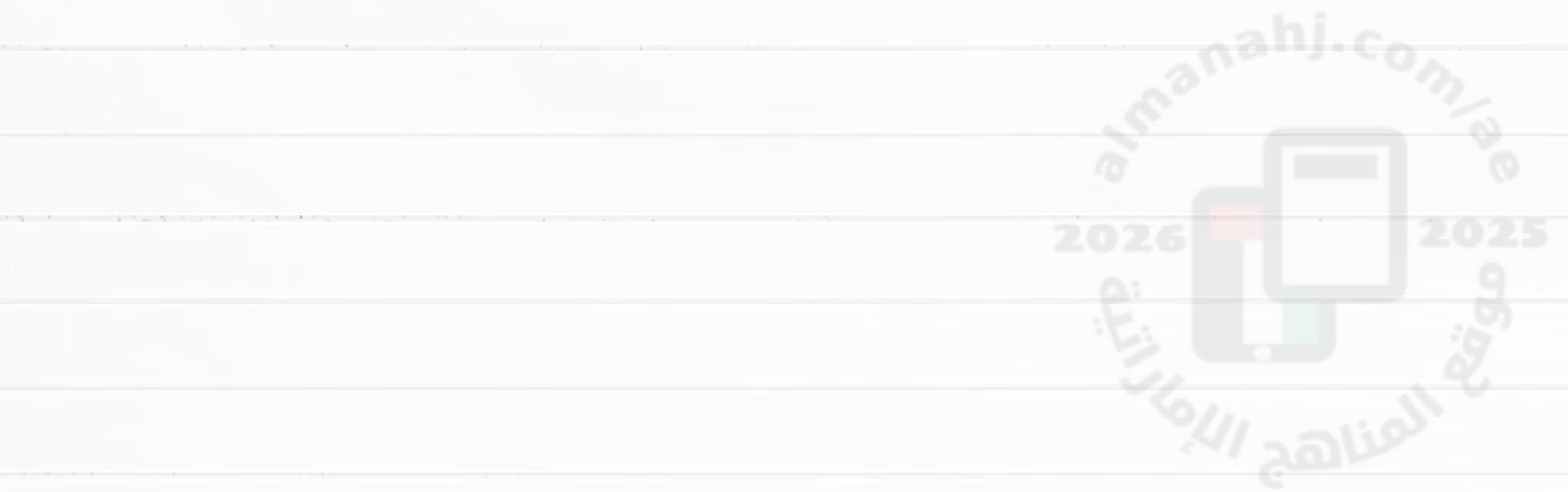
C. $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2 \sqrt{x^2 + 1}$

D. $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}} \sec^2$



16. $f(x) = 4x^2 \sin x \sec 3x$

أوجد مشقة كل دالة.

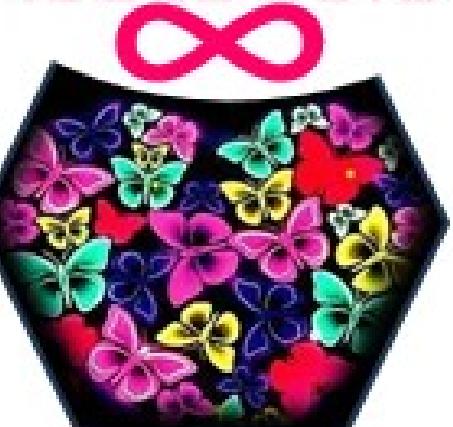


A. $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x + 4x^2 \cos x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$

B. $f'(x) = \sec 3x + 4x^2 \cos x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$

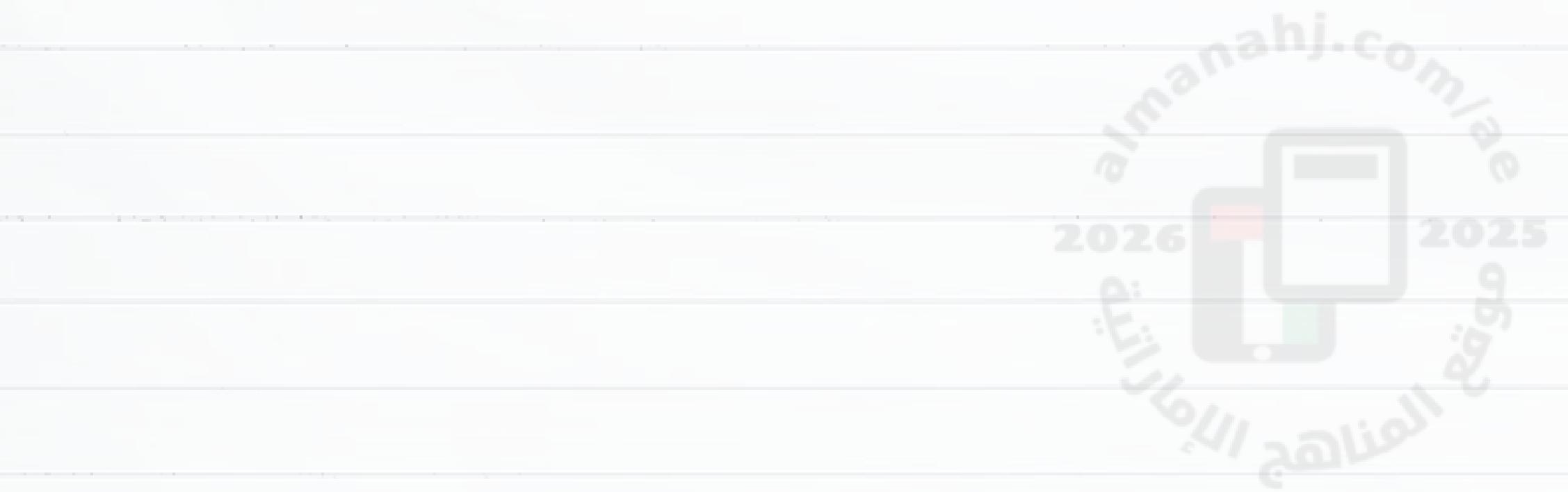
C. $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x - 4x^2 \cos x \sec 3x + \sin x \sec 3x \tan 3x$

D. $f'(x) = 8x \sin x \sec 3x + 12x^2 \sin x \sec 3x \tan 3x$



17. $f(x) = \sin^3 (\cos \sqrt{x^3 + 2x^2})$

أوجد مشقة كل دالة.



A. $f'(x) = 3\sin^2(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot \cos(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot \frac{1}{2}(3x^2 + 4x)(x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}}$

B. $f'(x) = (3x^2 + 4x) \cdot \sin^2(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot \cos(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$

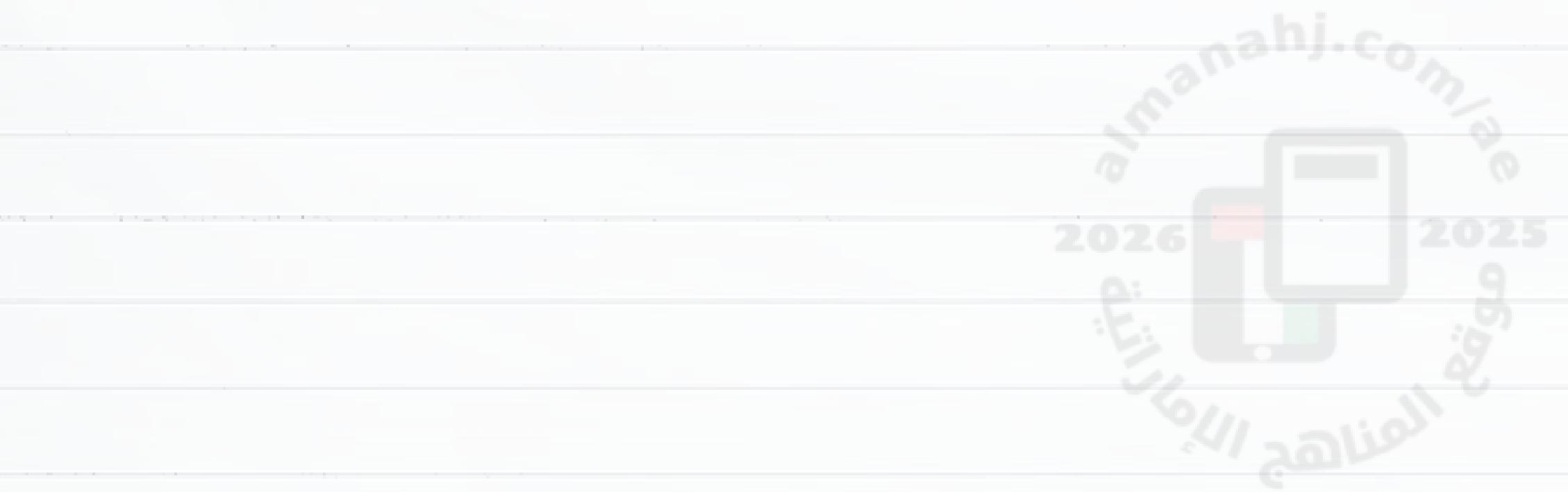
C. $f'(x) = \frac{3}{2}(3x^2 + 4x)(x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}} \cdot \sin^2(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$

D. $f'(x) = (x^3 + 2x^2)^{-\frac{1}{2}} \cdot \sin^2(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot \cos(\cos \sqrt{x^3 + 2x^2}) \cdot (-\sin \sqrt{x^3 + 2x^2})$



18. $f(x) = \tan^4(\sin^2(x^3 + 2x))$

أُوجِدَ مشتقة كل دالة.



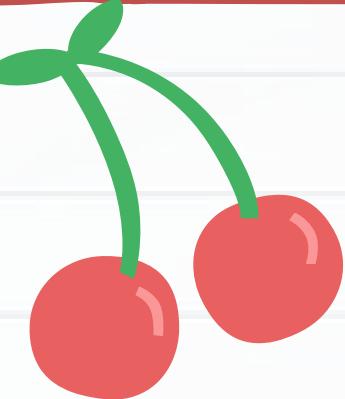
A. $f'(x) = 4(\tan^3(\sin^2(x^3 + 2x))).(\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)).(\cos(x^3 + 2x)).(x^3 + 2x)$

B. $f'(x) = (\sin^2(x^3 + 2x)).(\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)).(\cos(x^3 + 2x)).(x^3 + 2x)$

C. $f'(x) = 4(\tan^3(x^3 + 2x)).(\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)).(\cos(x^3 + 2x))$

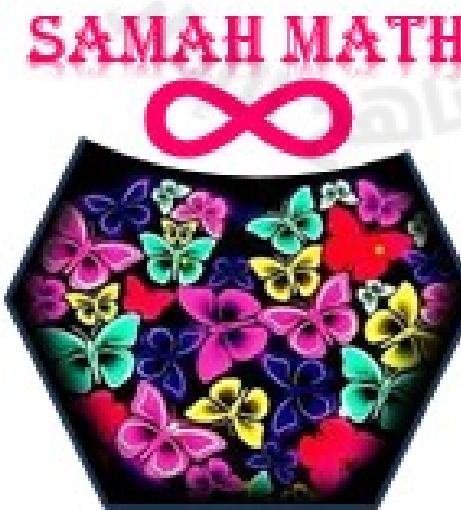
D. $f'(x) = (\sin^2(x^3 + 2x)).(\sec^2(\sin^2(x^3 + 2x)))$
 $\cdot (2\sin(x^3 + 2x)).(\cos(x^3 + 2x)).(x^3 + 2x)$





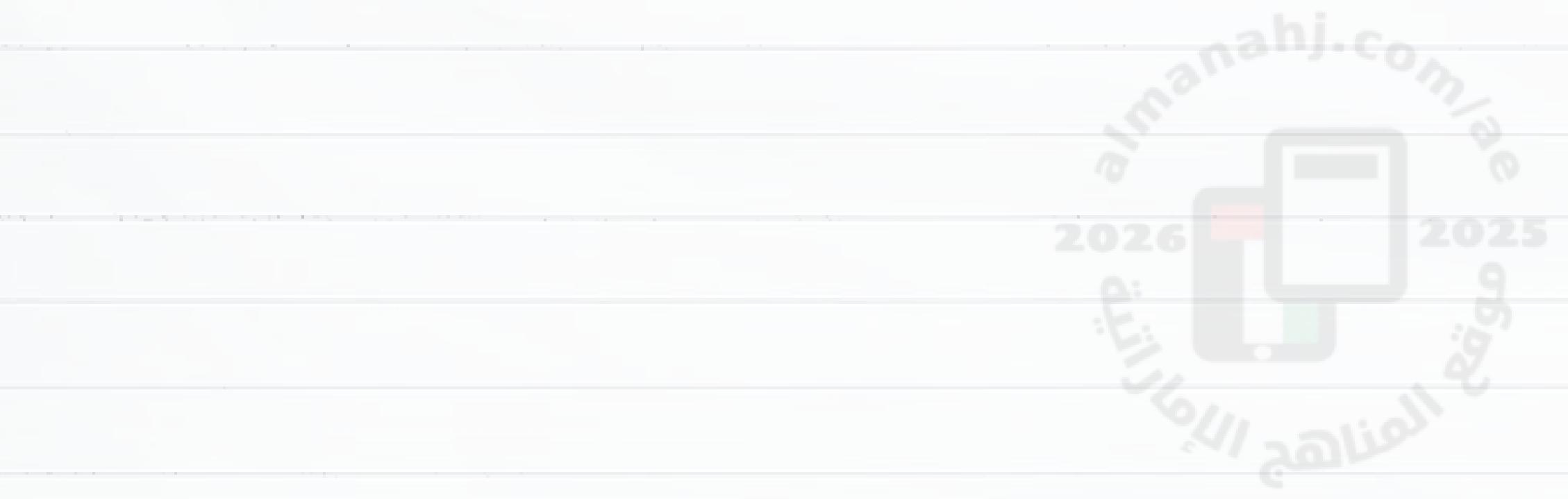
الجزء الالكتروني

16	Find the derivatives of natural logarithmic functions إيجاد مشتقات الدوال اللوغاريتمية الطبيعية	2026	2025	(39-44)	194
					196



39. $f(x) = x^{\sin x}$

في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.



A. $f'(x) = x^{\sin x} \left(\frac{x \cos x \cdot \ln x + \sin x}{x} \right)$

B. $f'(x) = x^{\sin x} \left(\frac{\ln x + \sin x}{x} \right)$

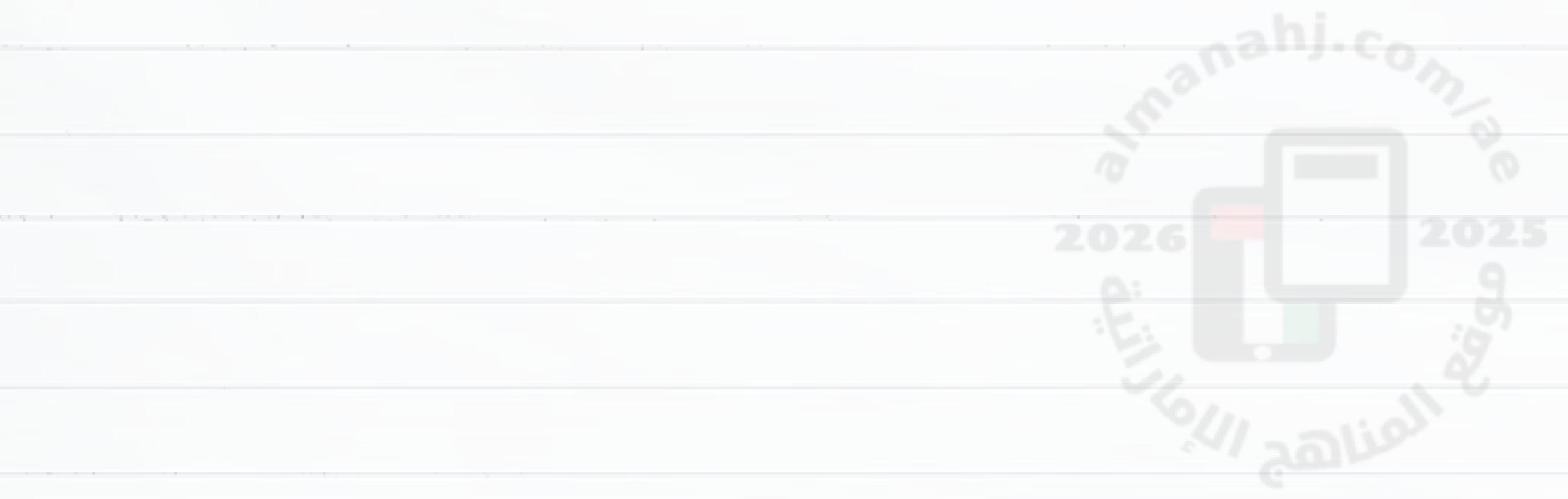
C. $f'(x) = x^{\sin x} \left(\frac{x \cos x + \sin x}{x} \right)$

D. $f'(x) = x^{\sin x} \left(\frac{x \cos x \cdot \ln x}{x} \right)$



40. $f(x) = x^{4-x^2}$

في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.



A. $f'(x) = x^{4-x^2}(-2xlnx + (4 - x^2)\frac{1}{x})$

B. $f'(x) = x^{4-x^2}((4 - x^2)\frac{1}{x})$

C. $f'(x) = x^{4-x^2}(-2xlnx + (4 - x^2))$

D. $f'(x) = (-2xlnx + (4 - x^2)\frac{1}{x})$



41. $f(x) = (\sin x)^x$

في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.



A. $f'(x) = (\sin x)^x (x \cot x + \ln(\sin x))$

B. $f'(x) = (\sin x)^x (\ln(\sin x))$

C. $f'(x) = (\sin x)^x (x \cot x + \ln(x))$

D. $f'(x) = (\sin x)^x (x \cos x + \ln(\sin x))$



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

42. $f(x) = (x^2)^{4x}$



A. $f'(x) = (x^2)^{4x}(8\ln x + 8)$

B. $f'(x) = (x^2)^{4x}(\ln x + 8)$

C. $f'(x) = (x^2)^{4x}(8\ln x + 1)$

D. $f'(x) = (x^2)^x(8\ln x + 8)$



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

$$43. f(x) = x^{\ln x}$$

A. $f'(x) = x^{\ln x} \left(\frac{2\ln x}{x} \right)$

B. $f'(x) = x^{((\ln x)-1)\ln x}$

C. $f'(x) = 2x^{((\ln x)-1)}$

D. $f'(x) = 2x^{((\ln x)-x)\ln x}$



في التمارين 39-44 استخدم تفاضل اللوغاريتم لإيجاد المشتقة.

44. $f(x) = x^{\sqrt{x}}$



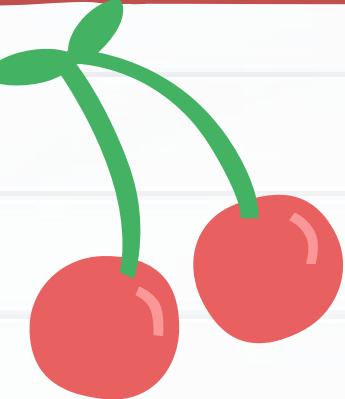
A. $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left(\frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{\sqrt{x}}{x} \right)$

B. $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left(\frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$

C. $f'(x) = x^x \left(\frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \right)$

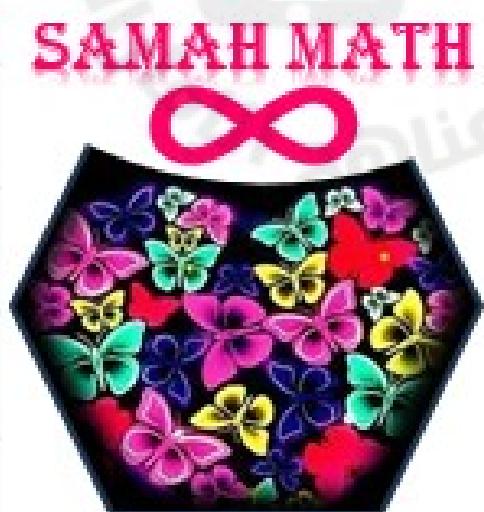
D. $f'(x) = x^{\sqrt{x}} \left(\frac{\ln x}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x} \right)$





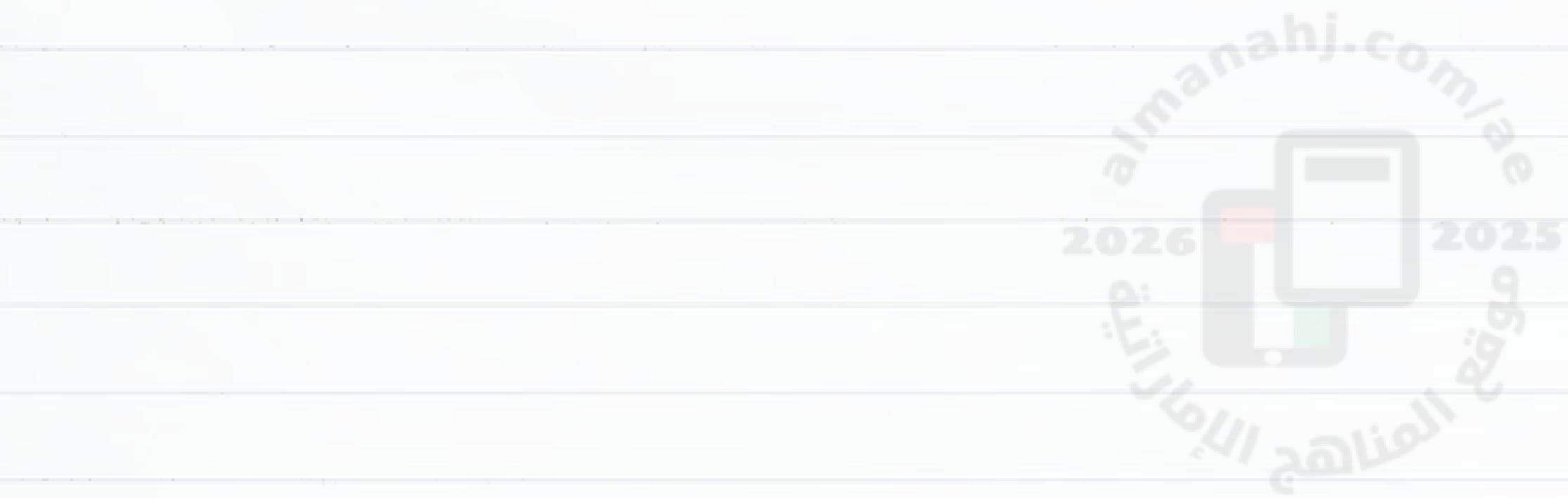
الجزء الالكتروني

17	Find the derivatives of exponential functions إيجاد مشتقات الدوال الأسيّة	2026 2025 9:	(1-14)	193 195
----	--	--------------------	--------	------------



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

1. $f(x) = x^3 e^x$



A.

$$f'(x) = 3x^2 \cdot e^x + x^3 \cdot e^x$$

B.

$$f'(x) = 3x^2 \cdot e^x - x^3 \cdot e^x$$

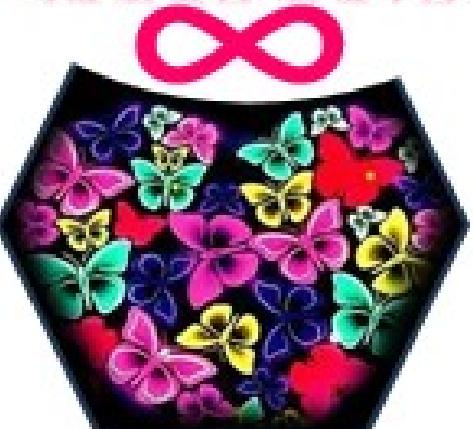
C.

$$f'(x) = 3x^2 \cdot e^x + x^3 \cdot 3e^x$$

D.

$$f'(x) = e^{3x} + x^3 \cdot e^x$$

SAMAH MATH





في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.

2. $f(x) = e^{2x} \cos 4x$



A. $f'(x) = 2e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(-\sin 4x)$

B. $f'(x) = 2e^{2x} \cos 4x + e^{2x}(-\sin 4x)$

C. $f'(x) = e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(-\sin 4x)$

D. $f'(x) = -2e^{2x} \cos 4x + 4e^{2x}(\sin 16x)$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

3. $f(t) = t + 2^t$

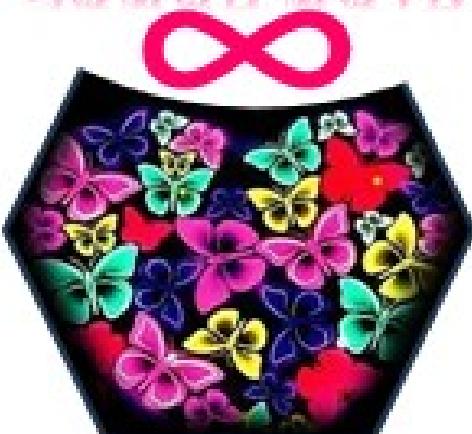


A. $f'(t) = 1 + 2^t \log 2$

B. $f'(t) = -2 + 2^t \log 2$

C. $f'(t) = 1 + 2^t \log 4$

D. $f'(t) = -1 - 2^t \log 2$





في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.

4. $f(t) = t4^{3t}$



A. $f'(t) = 4^{3t}(1 + 3t \ln 4)$

B. $f'(t) = 4^{3t}(1 - 3t \ln 3)$

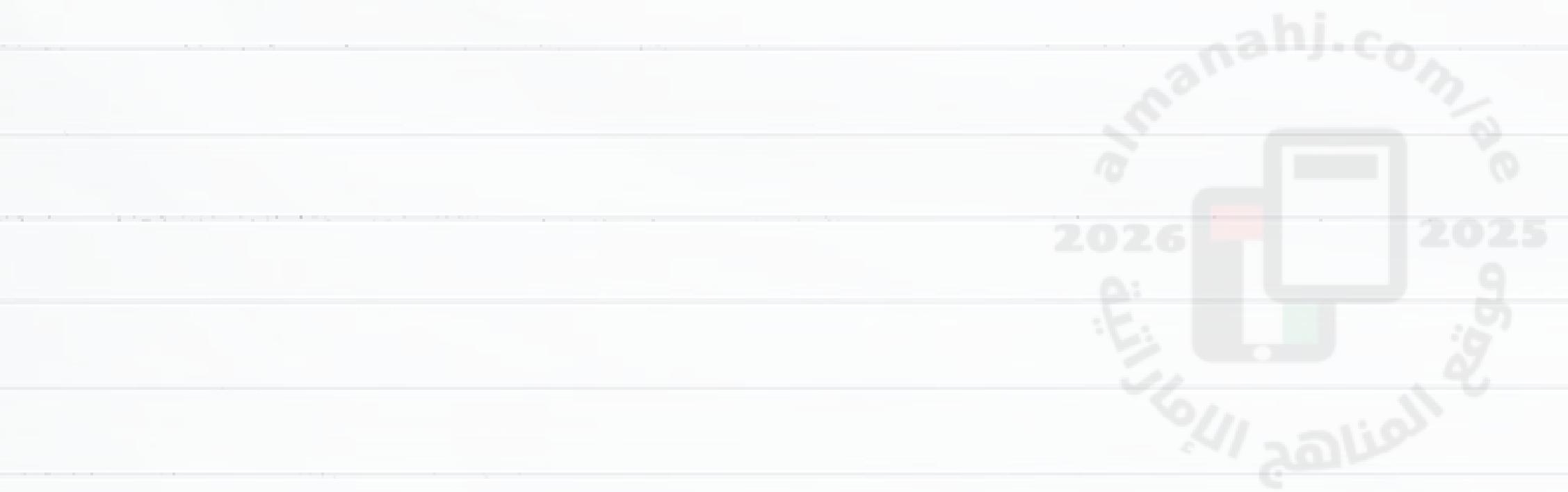
C. $f'(t) = 3^{4t}(1 + 3t \ln 4)$

D. $f'(t) = 4^{3t}(t + 3t \ln 4)$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

5. $f(x) = 2e^{4x+1}$



A. $f'(x) = 8e^{4x+1}$

B. $f'(x) = 2e^{4x+1}$

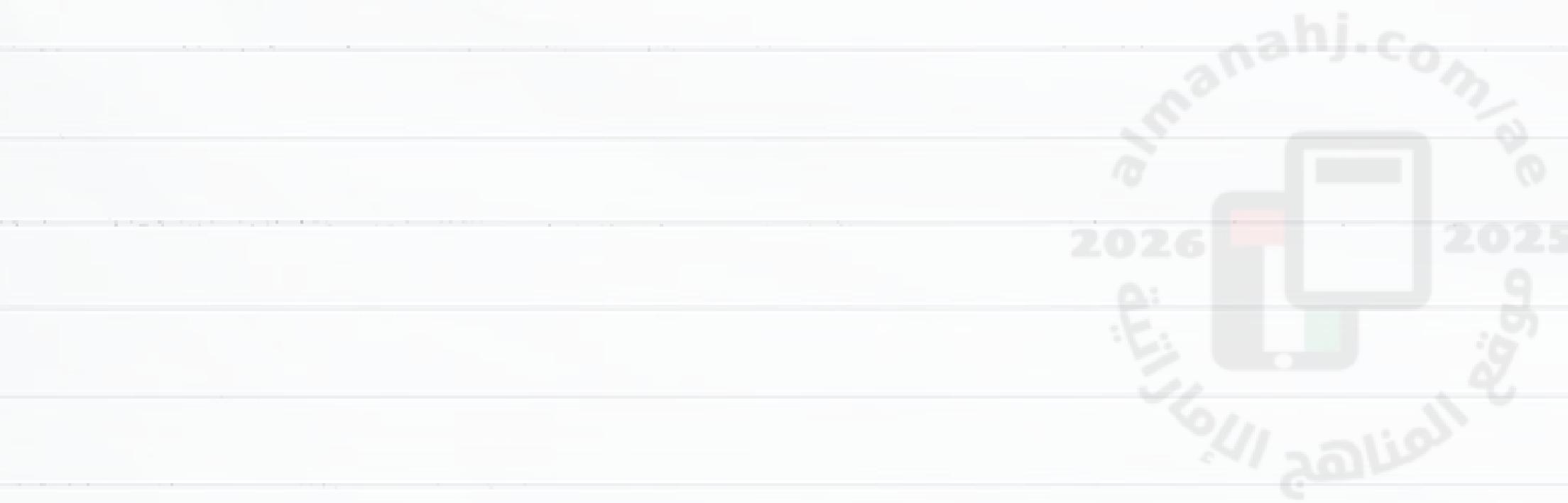
C. $f'(x) = 8e^{x+1}$

D. $f'(x) = 4e^{3x+1}$



6. $f(x) = (1/e)^x$

في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.



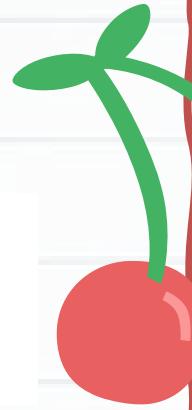
A. $f'(x) = -e^{-x}$

B. $f'(x) = -e^{-2x}$

C. $f'(x) = -2e^{-x}$

D. $f'(x) = -1/e^{-x}$





في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

7. $h(x) = (1/3)^{x^2}$



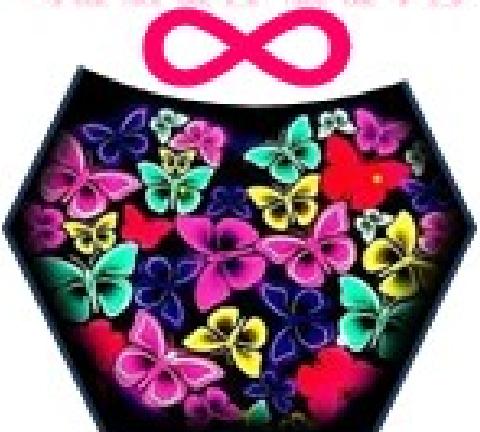
A. $f'(x) = -2x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2}$

B. $f'(x) = x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2}$

C. $f'(x) = -2x \cdot \ln(3) \cdot (3)^{x^2}$

D. $f'(x) = 2x \cdot \ln(3) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^x$

SAMAH MATH





في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.

8. $h(x) = 4^{-x^2}$



A. $f'(x) = -2x(4)^{-x^2} \ln 4$

B. $f'(x) = x(4)^{-x^2} \ln 4$

C. $f'(x) = 2x(4)^{-x^2} \ln 2$

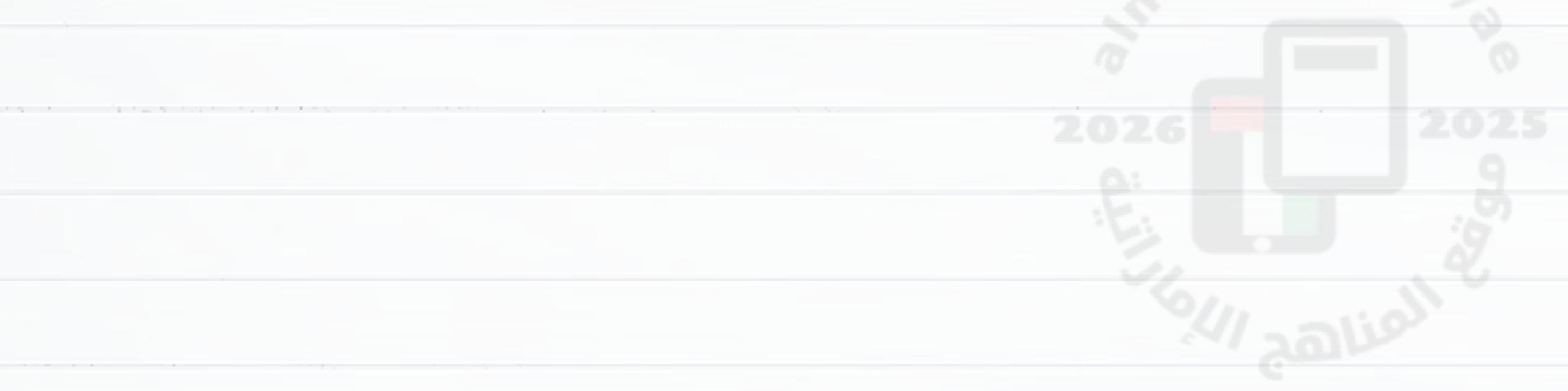
D. $f'(x) = x(2)^{-x^2} \ln 4$

SAMAH MATH



9. $f(u) = e^{u^2+4u}$

في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.



A. $f'(u) = e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

B. $f'(u) = 2e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

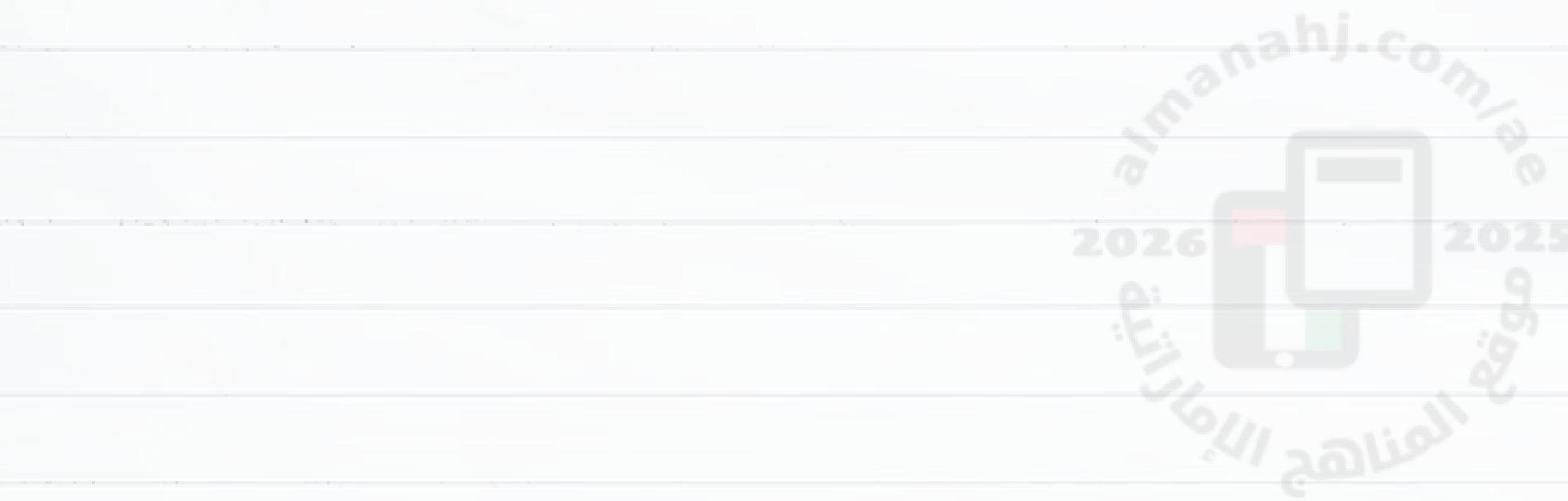
C. $f'(u) = -2e^{u^2+4u} \cdot (2u + 4)$

D. $f'(u) = e^{u^2+4u} \cdot (u + 4)$



10. $f(u) = 3e^{\tan u}$

في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

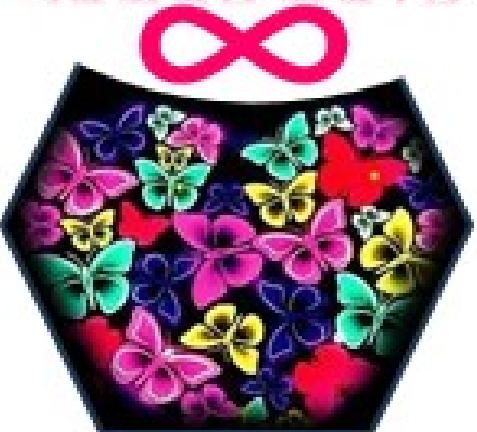


A. $f'(u) = 3e^{\tan u} \cdot \sec^2 u$

B. $f'(u) = e^{\tan u} \cdot \sec^2 u$

C. $f'(u) = 3e^u \cdot \sec^2 u$

D. $f'(u) = e^{\tan u} \cdot 6\sec^2 u$



11. $f(w) = \frac{e^{4w}}{w}$

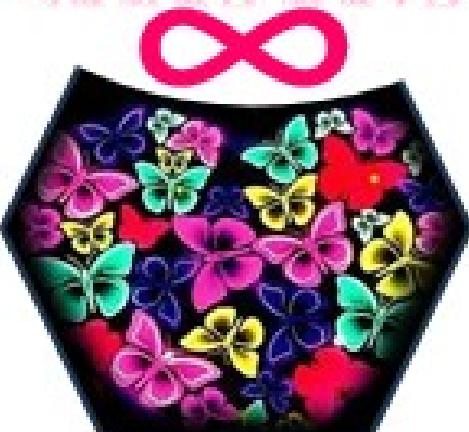
في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.

A. $f'(w) = \frac{e^{4w}(4w - 1)}{w^2}$

B. $f'(w) = \frac{e^{4w}(w - 4)}{w^2}$

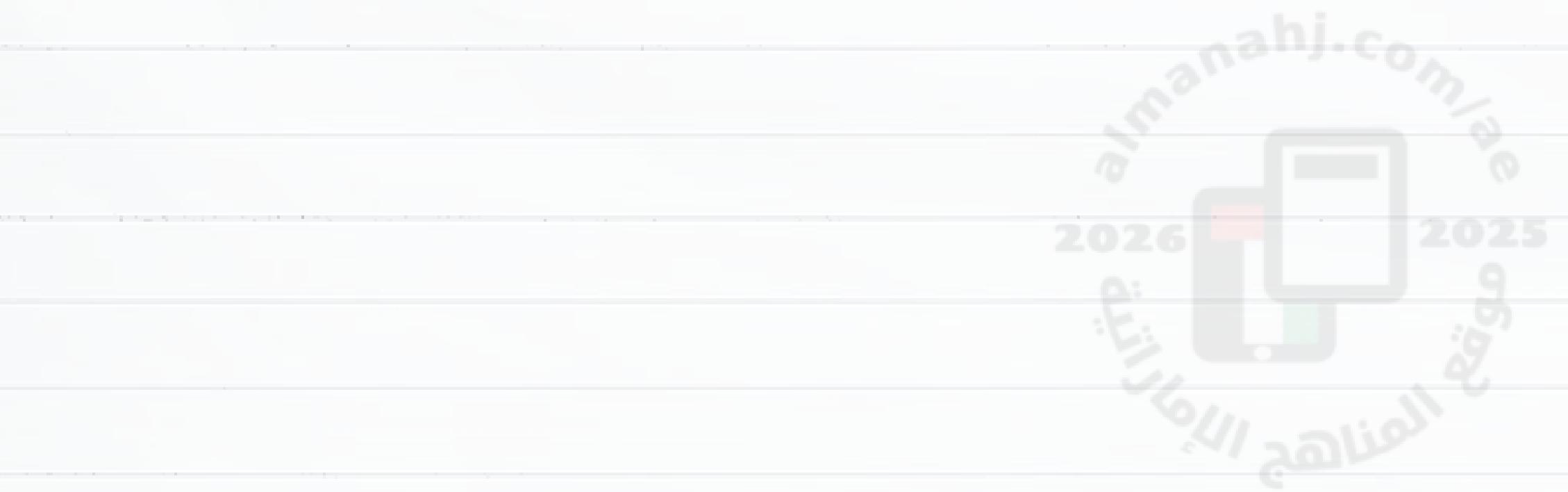
C. $f'(w) = \frac{4e^{4w}(4w - 1)}{4w^2}$

D. $f'(w) = \frac{e^{4w}(w + 1)}{4w^2}$



في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

12. $f(w) = \frac{w}{e^{6w}}$

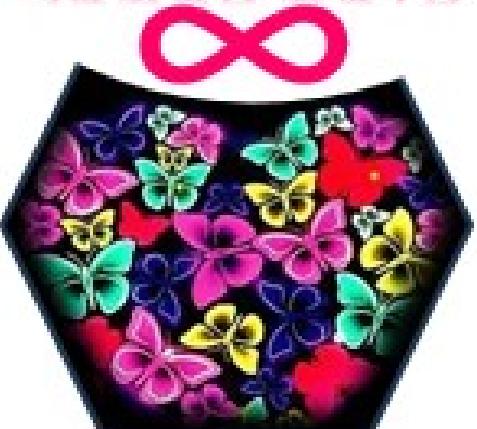


A. $f'(w) = \frac{(1 - 6w)}{e^{6w}}$

B. $f'(w) = \frac{(1 - w)}{e^{6w}}$

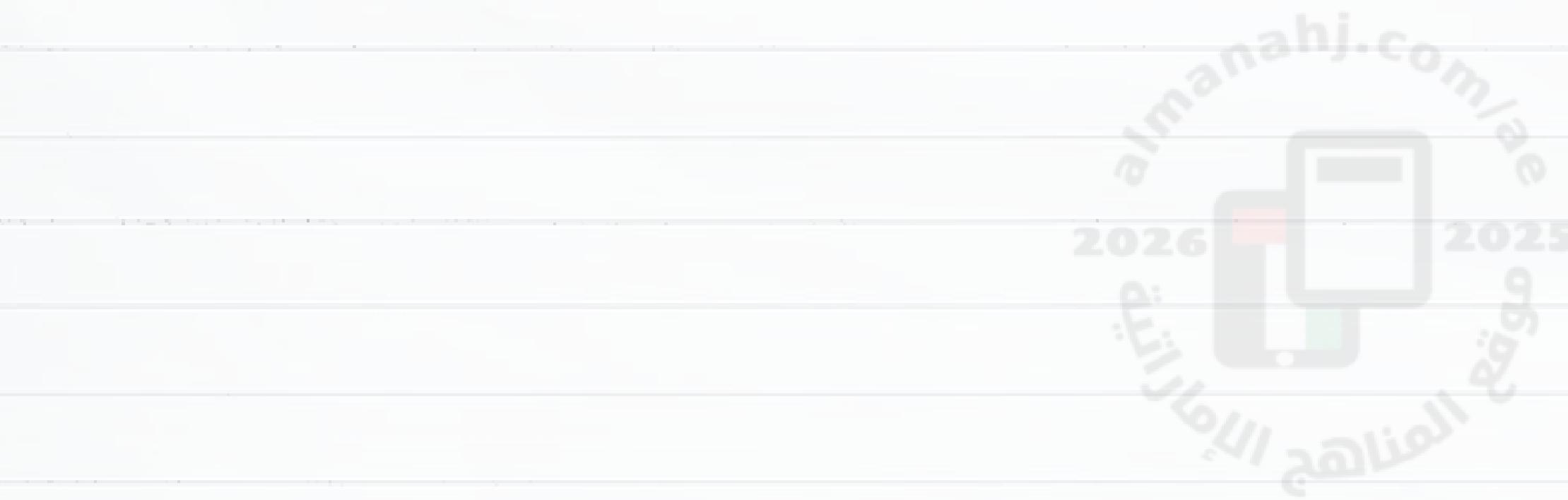
C. $f'(w) = \frac{(1 - 6w)}{6e^{6w}}$

D. $f'(w) = \frac{e(1 - 6w)}{e^{6w}}$



في التمارين 1-24، أوجد مشقة كل دالة.

13. $f(x) = \ln 2x$



A.

$$f'(x) = \frac{1}{x}$$

B.

$$f'(x) = \frac{2}{x}$$

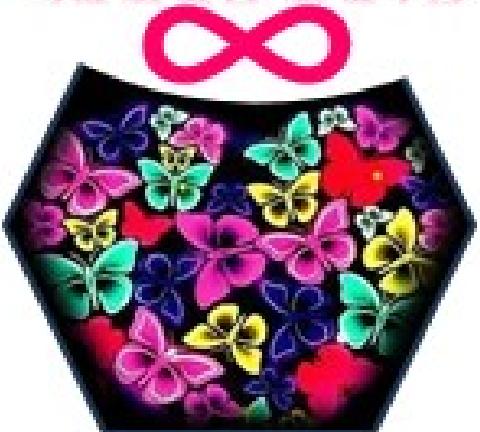
C.

$$f'(x) = \frac{1}{2x}$$

D.

$$f'(x) = \frac{x}{2}$$

SAMAH MATH





في التمارين 1-24، أوجد مشتقة كل دالة.

14. $f(x) = \ln \sqrt{8x}$



A.

$$f'(x) = \frac{1}{2x}$$

B.

$$f'(x) = \frac{1}{x}$$

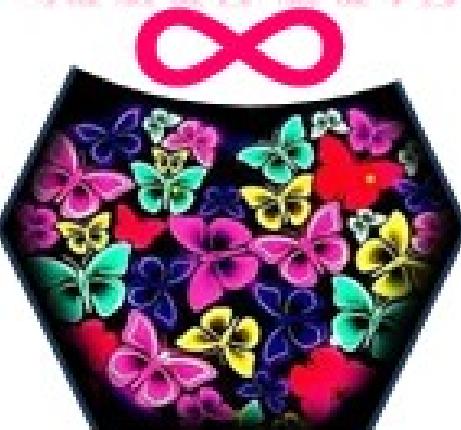
C.

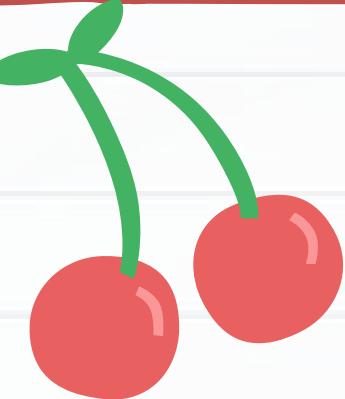
$$f'(x) = \frac{2}{x}$$

D.

$$f'(x) = \frac{1}{2x^2}$$

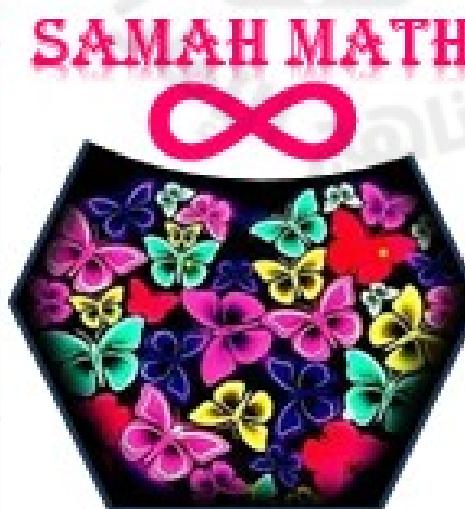
SAMAH MATH





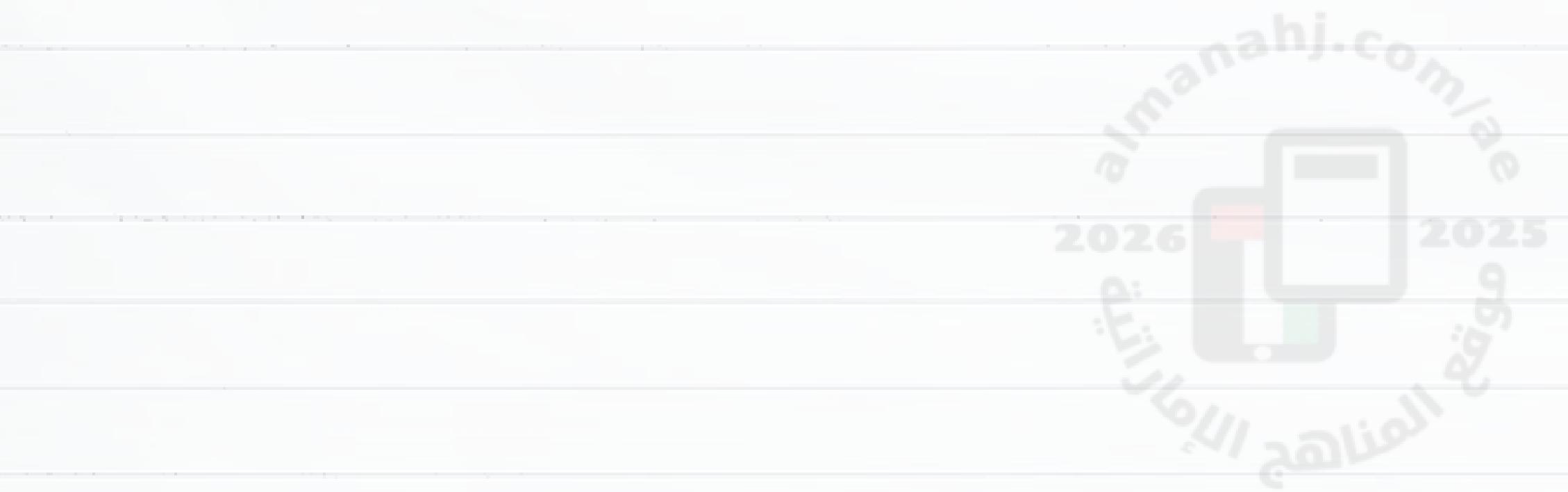
الجزء الالكتروني

18	Use implicit differentiation to find derivatives of inverse trigonometric functions استخدام الاشتغال الضمني لإيجاد مشتقات الدوال المثلثية العكسية	(29-32)	204 206
----	--	---------	------------



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

29. (a) $f(x) = \sin^{-1}(x^3 + 1)$



A. $f'(x) = \frac{3x^2}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

B. $f'(x) = \frac{3x^3}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

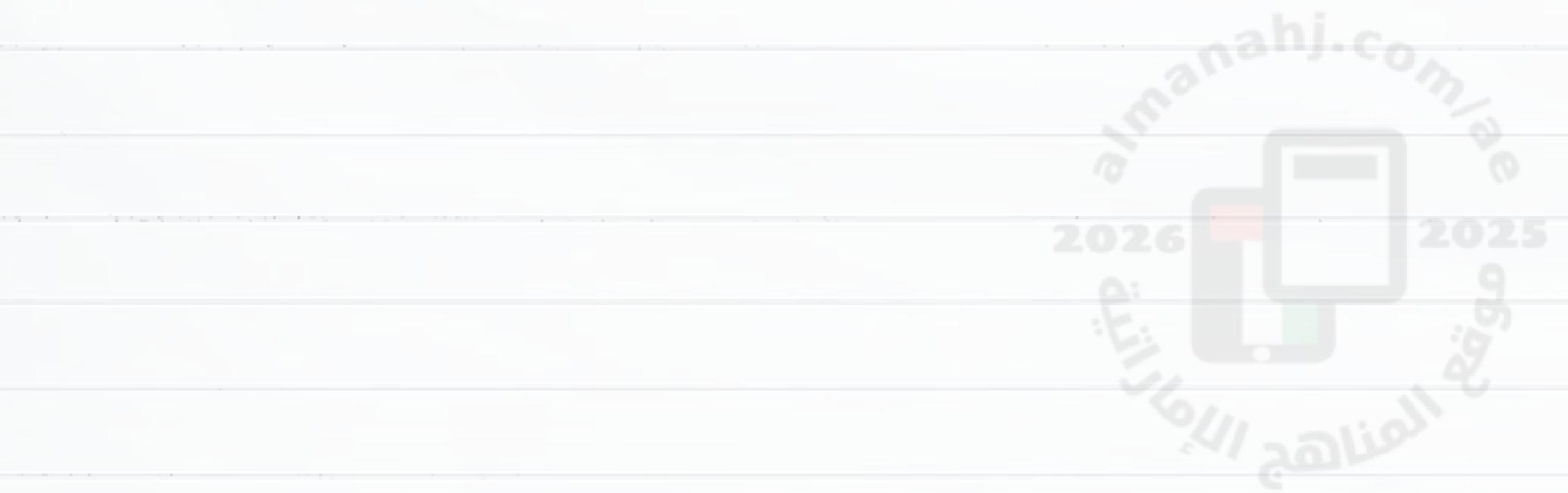
C. $f'(x) = \frac{3x}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$

D. $f'(x) = \frac{-3x^2}{\sqrt{1 - (x^3 + 1)^2}}$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \sin^{-1}(\sqrt{x})$



A. $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x(1-x)}}$

B. $f'(x) = \frac{x^3}{\sqrt{1-(x)^2}}$

C. $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-(\sqrt{x})}}$

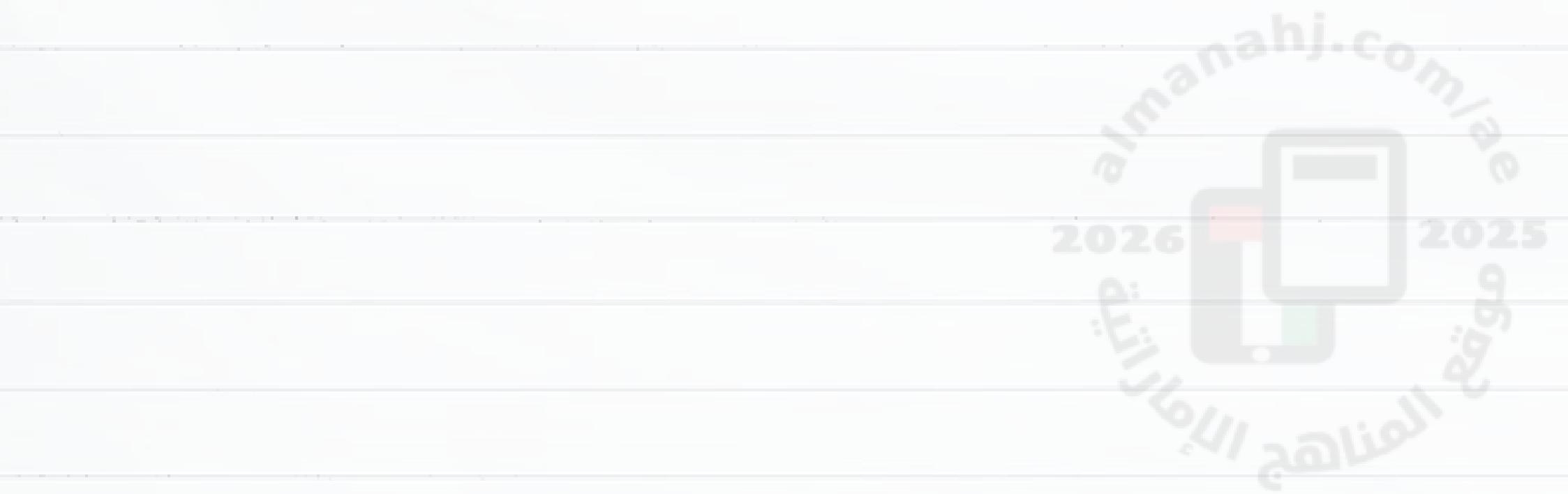
D. $f'(x) = \frac{-1}{2\sqrt{1-(x)^2}}$

SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

30. (a) $f(x) = \cos^{-1}(x^2 + x)$



A.

$$f'(x) = \frac{-(2x+1)}{\sqrt{1-(x^2+x)^2}}$$

B.

$$f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{1-(x^2+1)^2}}$$

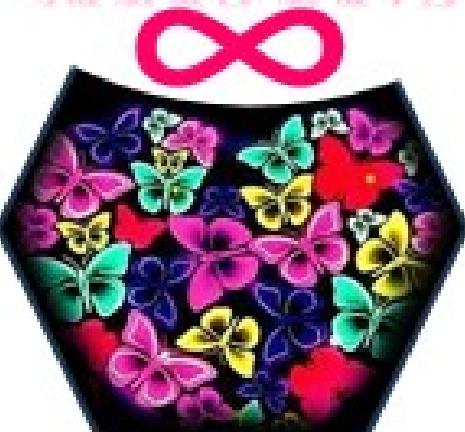
C.

$$f'(x) = \frac{-2x}{\sqrt{1-(x^2+1)^2}}$$

D.

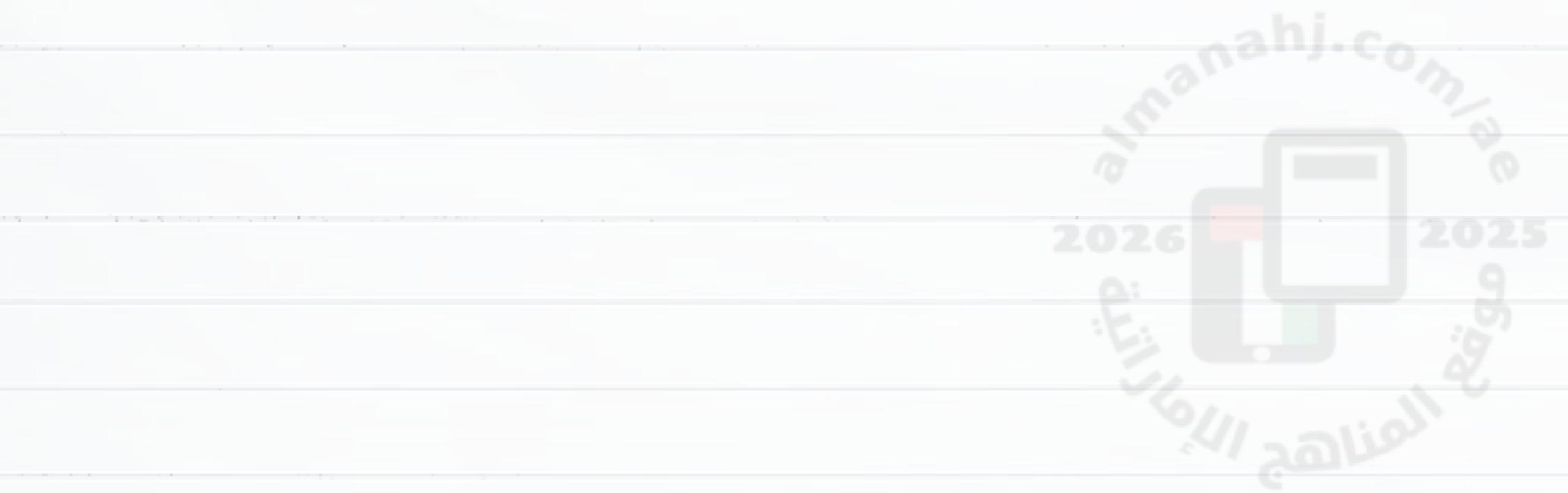
$$f'(x) = \frac{x^2}{\sqrt{1-(x^2+1)^2}}$$

SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \cos^{-1}(2/x)$



A. $f'(x) = \frac{2}{|x|\sqrt{x^2 - 4}}$

B. $f'(x) = \frac{x^3}{\sqrt{1 - (x)^2}}$

C. $f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 - 4}}$

D. $f'(x) = \frac{-2}{x\sqrt{x^2 + 4}}$

SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

31. (a) $f(x) = \tan^{-1}(\sqrt{x})$



A.

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}(1+x)}$$

B.

$$f'(x) = \frac{2x}{\sqrt{x}(1+x)}$$

C.

$$f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x}(1+x)}$$

D.

$$f'(x) = \frac{2}{x\sqrt{x^2 - 4}}$$

SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \tan^{-1}(1/x)$



A.

$$f'(x) = \frac{-1}{(x^2 + 1)}$$

B.

$$f'(x) = \frac{-x}{(x^2 + 1)}$$

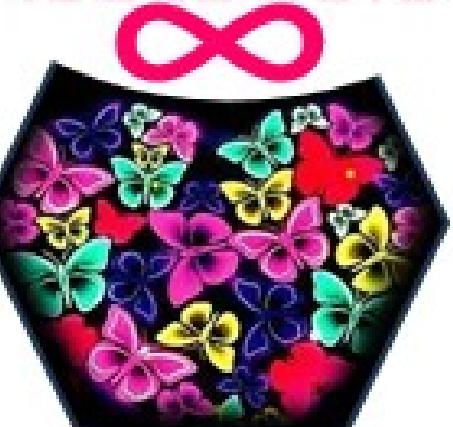
C.

$$f'(x) = \frac{2x}{(x^2 + 1)}$$

D.

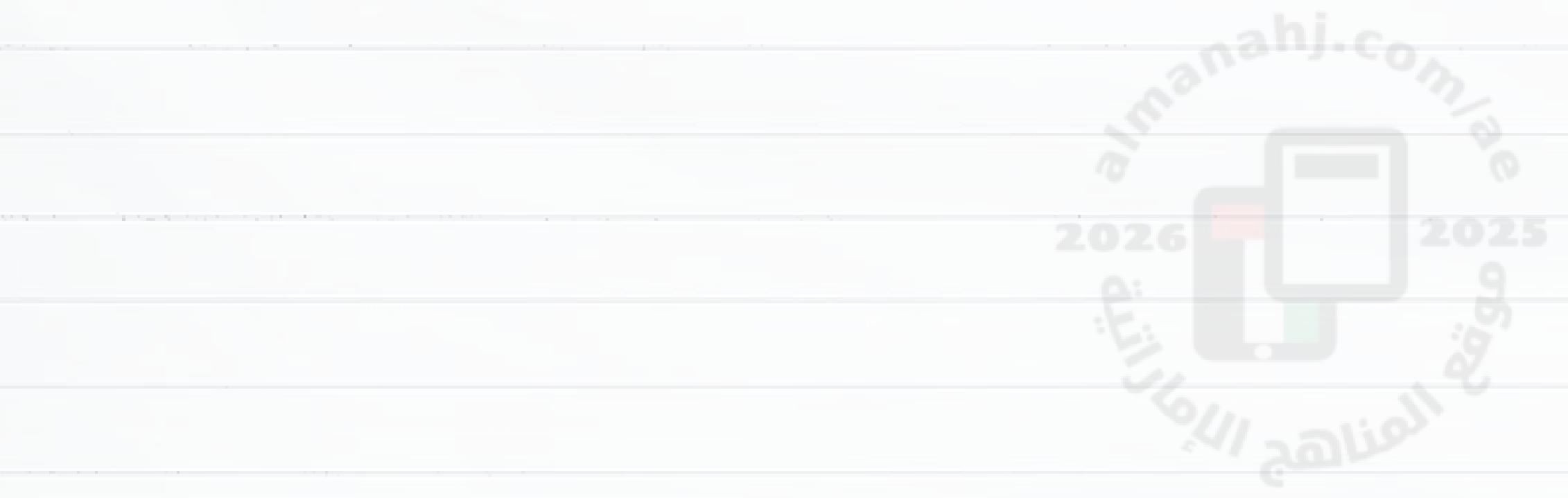
$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}(1+x)}$$

SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

32. (a) $f(x) = \sqrt{2 + \tan^{-1} x}$



A. $f'(x) = \frac{1}{2(1+x^2)\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

B. $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

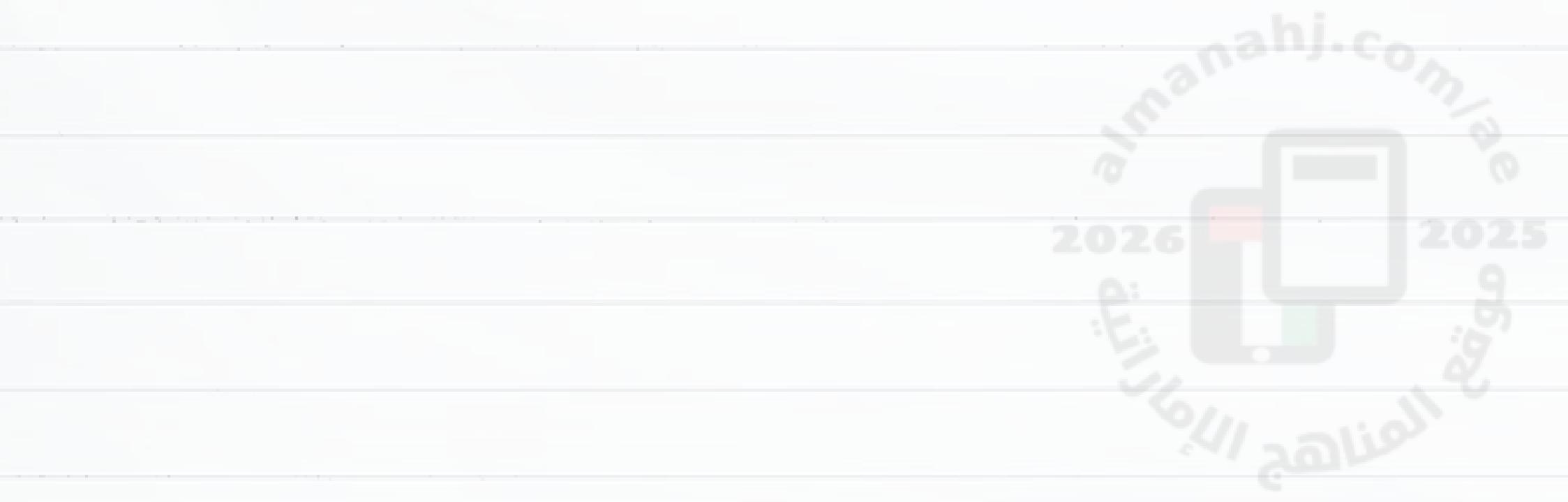
C. $f'(x) = \frac{x^2}{\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$

D. $f'(x) = \frac{1}{x^2\sqrt{2+\tan^{-1}x}}$



(b) $f(x) = e^{\tan^{-1} x}$

في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.



A.

$$f'(x) = \frac{e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

B.

$$f'(x) = \frac{2x e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

C.

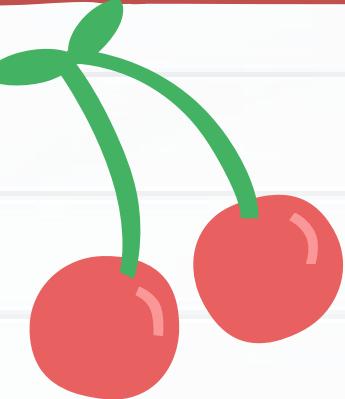
$$f'(x) = \frac{x^2 e^{\tan^{-1} x}}{1 + x^2}$$

D.

$$f'(x) = \frac{-1}{(x^2 + 1)}$$

SAMAH MATH





الجزء الالكتروني

19

Learn Rolle's Theorem and use it in applications

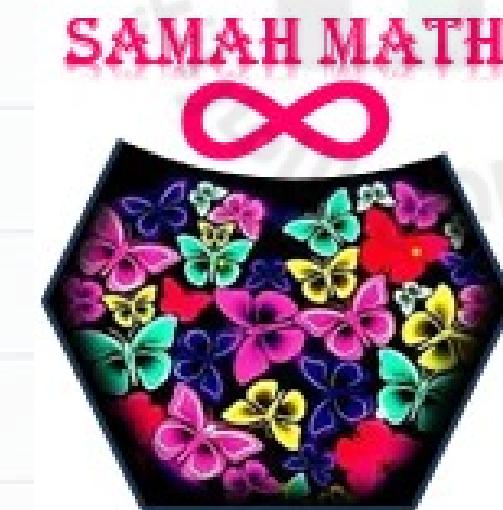
فهم نظرية رول واستخدمها في التطبيقات

2026 2025

Example1

214

216



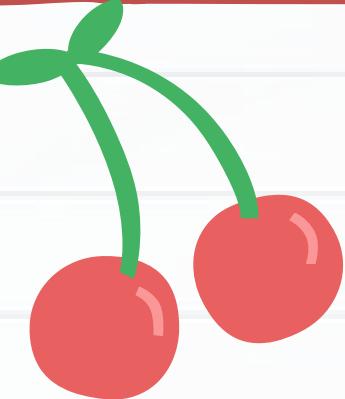
مثال 10.1 توضيح لنظرية رول

أوجد قيمة c التي تحقق نظرية رول للدالة:

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 2$$

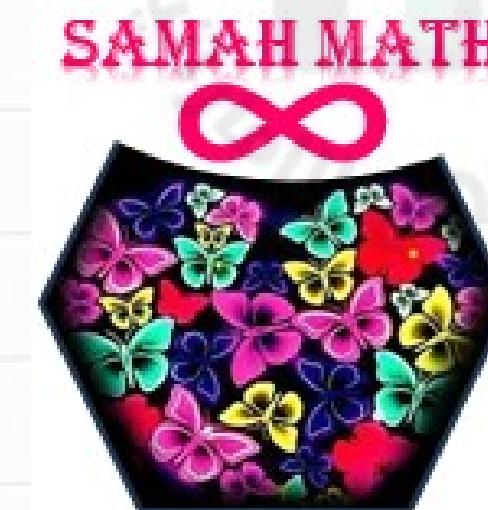
في الفترة $[0, 1]$.





الجزء الإلكتروني

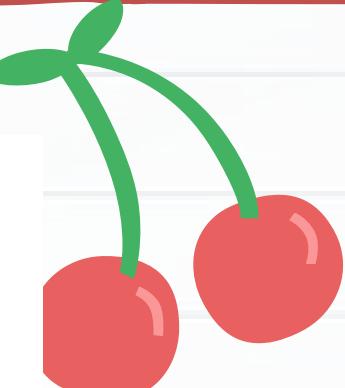
20	Learn the Mean Value Theorem and use it in applications تعلم نظرية القيمة المتوسطة واستخدمها في التطبيقات	Example5	219 221
----	--	----------	------------



مثال 10.5 إثبات متباينة $\sin X$

$$|\sin a| \leq |a| \text{ for all } a$$

أثبت أن



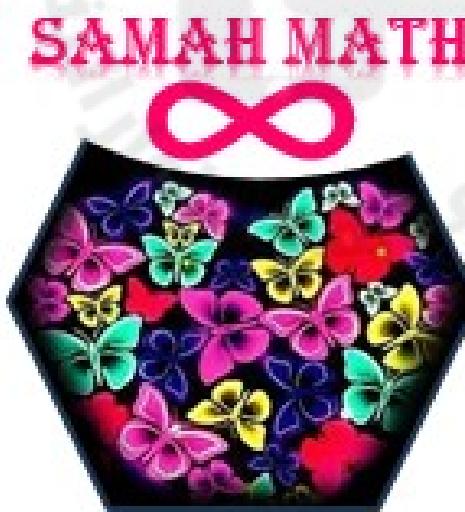
SAMAH MATH





الجزء المقالى

21	a) Determine the continuity of a function at a given point. البحث في اتصال دالة عند نقطة معطاة a	(39-41)	96
	b) Find limits at infinity and limits that are infinite. إيجاد النهايات التي تؤول إلى الالانهائية والنهايات عند الالانهائية b		98
		(33-37)	106
			108



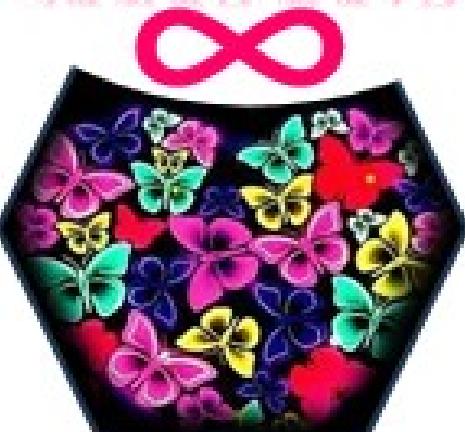
39. $f(x) = \begin{cases} \frac{2 \sin x}{x}, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ b \cos x, & x > 0 \end{cases}$

في التمارين 39-41. حدد قيم a و b التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.



40. $f(x) = \begin{cases} ae^x + 1 & , \quad x < 0 \\ \sin^{-1} \frac{x}{2} & , \quad 0 \leq x \leq 2 \\ x^2 - x + b & , \quad x > 2 \end{cases}$

في التمارين 39-41. حدد قيم a و b التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.



في التمارين 39-41. حدد قيم a و b التي تجعل الدالة المعطاة متصلة.

41. $f(x) = \begin{cases} a(\tan^{-1} x + 2) & , \quad x < 0 \\ 2e^{bx} + 1 & , \quad 0 \leq x \leq 3 \\ \ln(x - 2) + x^2 & , \quad x > 3 \end{cases}$



الجزء الكتابي

33. لنفترض أن حجم بؤبؤ عين حيوان محدد يعطى بالعلاقة $f(x) \text{ (mm)}$, حيثما يكون x هو كثافة الضوء على بؤبؤ العين. إذا كان $f(x) = \frac{80x^{-0.3} + 60}{2x^{-0.3} + 5}$, فأوجد حجم بؤبؤ العين عندما لا يوجد ضوء وحجمه مع وجود كمية لانهائية من الضوء.



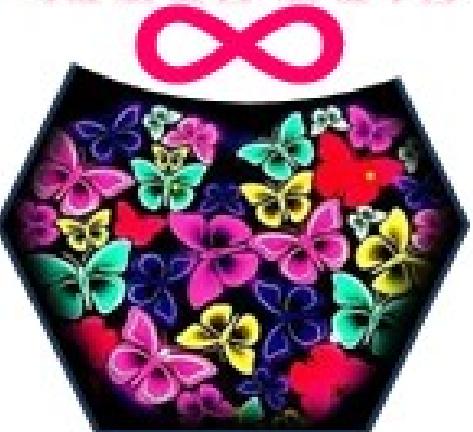
34. كرر التمرين 33 مع

$$f(x) = \frac{80x^{-0.3} + 60}{8x^{-0.3} + 15}$$

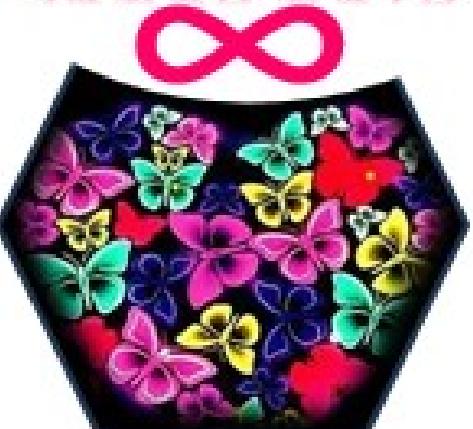


.35. قم بتعديل الدالة في التمرin 33 لإيجاد الدالة f بحيث يكون

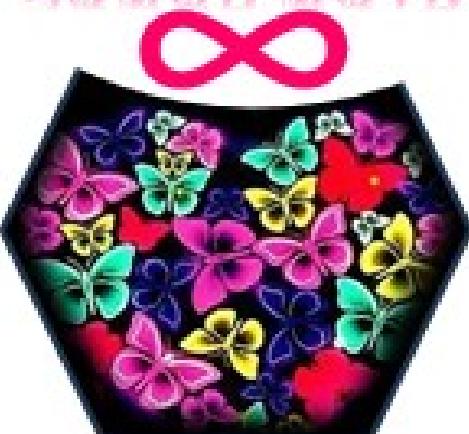
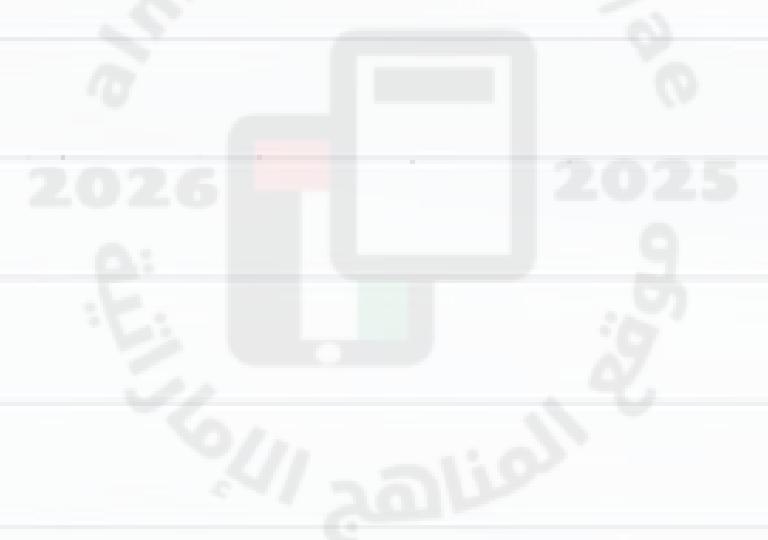
$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 2 \text{ و } \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 8$$



36. أوجد دالة للشكل $f(x) = \frac{20x^{-0.4} + 16}{g(x)}$ بحيث يكون
 $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 4$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 5$



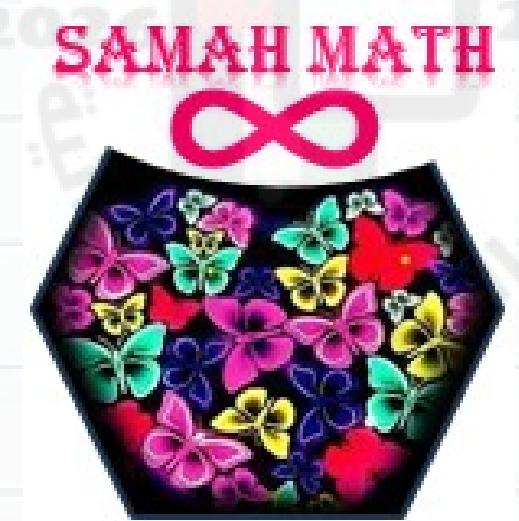
37. لنفترض أن سرعة لاعب القفز الحر بعد t ثانية بعد القفز تُعطى بالعلاقة $v(t) = -\sqrt{\frac{32}{k} \frac{1 - e^{-2t\sqrt{32k}}}{1 + e^{-2t\sqrt{32k}}}}$. أوجد أقصى سرعة $k = 0.00064$ و $k = 0.00128$. بأي عامل يتوجب على لاعب القفز الحر تغيير قيمة k لخفض أقصى سرعة إلى النصف؟





الجزء المقالى

22	Apply the Product Rule on derivatives تطبيقات حياتية على قاعدة الضرب على المشتقات	(25-30)	169 171
----	--	---------	------------



25. على فرض أن الكمية المبعة $Q(t)$ من أحد أنواع الدمى عند الزمن t مقدراً بالسنوات تتناقص بمعدل 4%؛ اشرح السبب في أن ذلك يترجم إلى العلاقة $-0.04Q(t) = Q'(t)$. افترض أيضاً أن السعر يزداد بمعدل 3%؛ اكتب معادلة مشابهة لـ $P'(t)$ بدلالة $P(t)$. يساوي إيراد الدمية $R(t) = Q(t)P(t)$
- . بتعويض تعبيري $Q'(t)$ و $P'(t)$ في قاعدة الضرب $R'(t) = Q'(t)P(t) + Q(t)P'(t)$ وبين أن الإيراد ينخفض بمعدل 1%. واشرح السبب في أن هذا "واضح".



26. كما في التمرين 25، افترض أن الكمية المبيعة تنخفض بمعدل 4%. فما المعدل الذي يجب زيادة السعر به للحفاظ على الإيراد ثابتاً؟



27. افترض أن سعر إحدى السلع AED 20 للقطعة وقد بيعت 20,000 قطعة. فإذا كان السعر يزداد بمعدل AED 1.25 في العام الواحد وتزداد الكمية المباعة بمعدل 2000 قطعة في العام الواحد، فبأي معدل سيزداد الإيراد؟



28. افترض أن سعر القطعة 14 AED، وأنه قد بيعت 12,000 قطعة. تريد الشركة زيادة الكمية المباعة بمقدار 1200 قطعة في العام مع زيادة الإيراد بمقدار 20,000 AED في العام. فما المعدل الذي يتعين زيادة السعر به لتحقيق هذين الهدفين؟



29. تُضرب كرّة بيسبول كتلتها 0.15 kg وسرعتها 45 m/s بمضرب بيسبول كتلته $m \text{ kg}$ وبسرعة 40 m/s (عكس اتجاه حركة الكرة). بعد الاصطدام، بلغت السرعة الابتدائية للكرة $u(m) = \frac{82.5m - 6.75}{m + 0.15} \text{ m/s}$. برهن أنّ $u'(m) > 0$. وفّسّر ذلك وفق مصطلحات رياضة البيسبول. قارن $(1) u'$ و $(2) u'(1.2)$.



30. في التمرين 29، إذا كانت كتلة كرة البيسبول $M \text{ kg}$ وسرعتها 45 m/s وإذا كانت كتلة المضرب 1.05 kg وسرعته 40 m/s ، وكانت السرعة الابتدائية للكرة

$$u'(M) = \frac{86.625 - 45M}{M + 1.05} \text{ m/s}$$

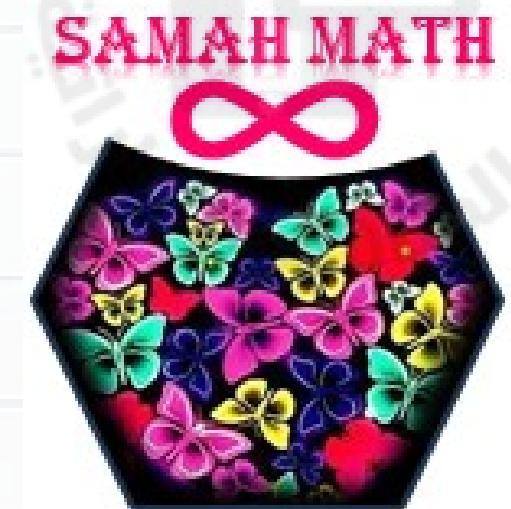
(موجبة أو سالبة) وفق مصطلحات رياضة البيسبول.





الجزء المقالى

23	Solve real-life problems using derivatives of exponential and logarithmic functions حل المشكلات الحياتية باستخدام مشتقات الدوال الأنبية واللوغاريتمية	(25-30)	194 196
----	--	---------	------------



في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى $y = f(x)$ عند $x = 1$

25. $f(x) = 3e^{x^2}$



في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى $y = f(x)$ عند $x = 1$.

26. $f(x) = 3^{x^e}$



$$27. f(x) = x^2 \ln x$$

في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى $y = f(x)$ عند $x = 1$.



28. $f(x) = 2 \ln x^3$

في التمارين 25-28، أوجد معادلة المماس لمنحنى $y = f(x)$ عند $x = 1$.



في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم x التي يكون المماس لمنحنى $y = f(x)$ أفقياً.

29. (a) $f(x) = xe^{-2x}$



(b) $f(x) = xe^{-3x}$

في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم x التي يكون المماس لمنحنى $y = f(x)$ أفقياً.



في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم x التي يكون المماس لمنحنى $y = f(x)$ أفقياً.

30. (a) $f(x) = x^2 e^{-2x}$



(b) $f(x) = x^2 e^{-3x}$

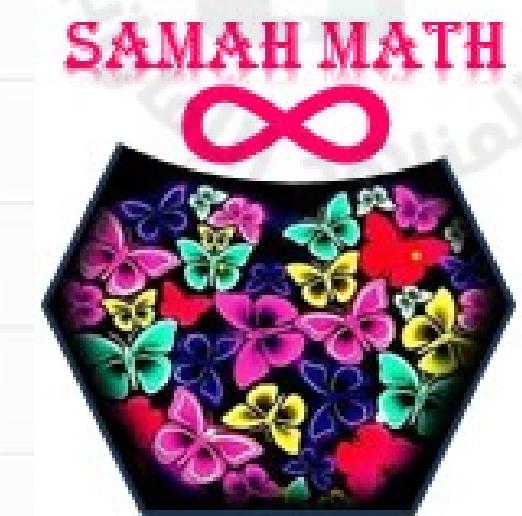
في التمرينين 29 و 30، أوجد كل قيم x التي يكون المماس لمنحنى $y = f(x)$ أفقياً.





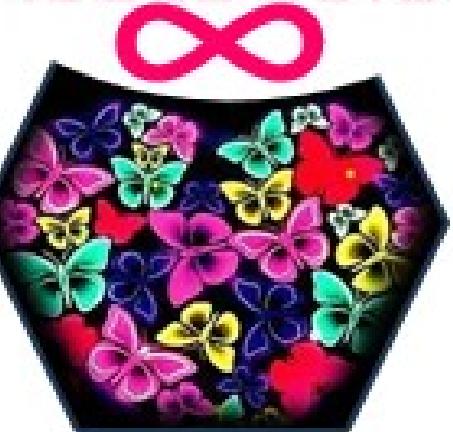
الجزء المقالى

24	Find derivatives implicitly. إيجاد المشتقات للعلاقات الضمنية	2026 2025	Example 4	199 201
----	---	--------------	-----------	------------



مثال 8.4 إيجاد مشتقة من الرتبة الثانية ضمنياً

أوجد $y''(x)$ ضمنياً لـ $y^2 + 2e^{-xy} = 6$. ثم أوجد قيمة y'' عند النقطة $(0, 2)$.





الجزء المقالى

25

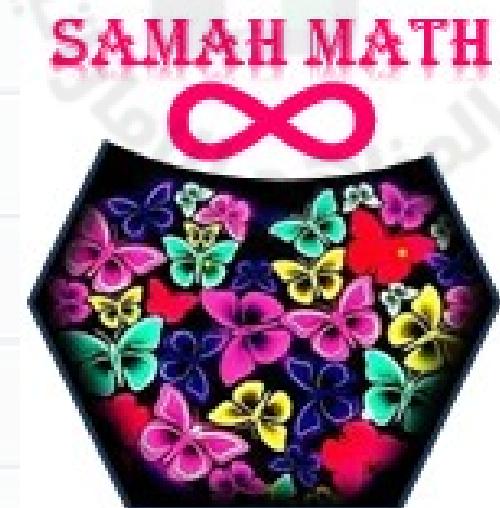
Use implicit differentiation to find derivatives of inverse trigonometric functions

استخدام الاشتتقاق ضمني لإيجاد مشتقات الدوال المثلثية العكسية

(29-32)

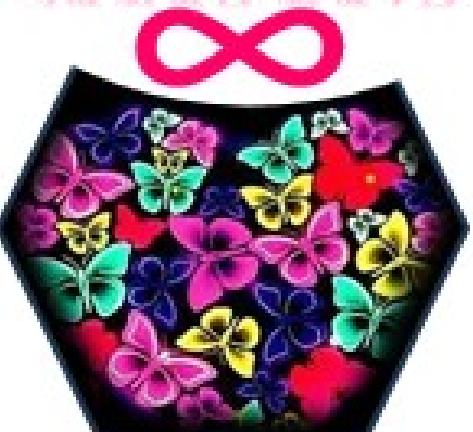
204

206



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

29. (a) $f(x) = \sin^{-1}(x^3 + 1)$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \sin^{-1}(\sqrt{x})$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

30. (a) $f(x) = \cos^{-1}(x^2 + x)$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \cos^{-1}(2/x)$

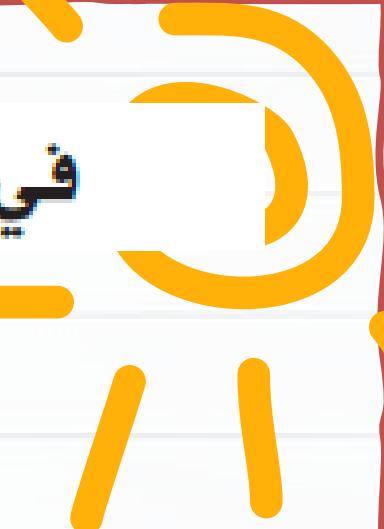


SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

31. (a) $f(x) = \tan^{-1}(\sqrt{x})$



SAMAH MATH



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

(b) $f(x) = \tan^{-1}(1/x)$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

32. (a) $f(x) = \sqrt{2 + \tan^{-1} x}$



في التمارين 29 و 34، أوجد مشتقة كل دالة.

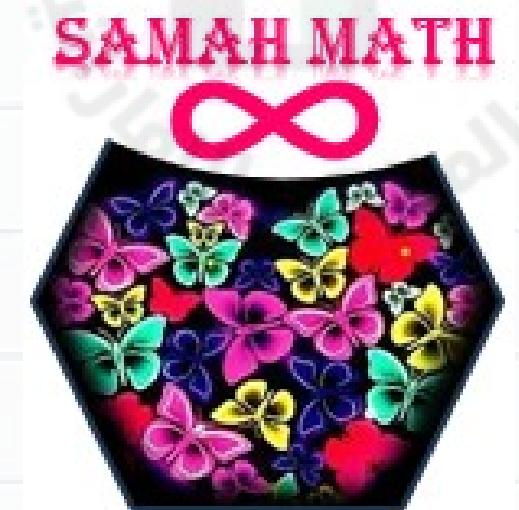
(b) $f(x) = e^{\tan^{-1} x}$





الجزء المقالى

26	Understand the Mean Value Theorem and use it in applications. التعرف على نظرية القيمة المتوسطة واستخدامها في التطبيقات	(30-40)	119 221
----	---	---------	------------



30. إذا كان $f'(x) < 0$ لكل قيم x . فأثبت أن $f(x)$ هي دالة متناقصة: بمعنى

أنه إذا كان $a < b$. فإن $f(a) > f(b)$.



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

31 $f(x) = x^3 + 5x + 1$



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

32. $f(x) = x^5 + 3x^3 - 1$



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

33. $f(x) = -x^3 - 3x + 1$



SAMAH MATH



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

34. $f(x) = x^4 + 2x^2 + 1$



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

35. $f(x) = e^x$



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

36. $f(x) = e^{-x}$



SAMAH MATH



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير

37. $f(x) = \ln x$

ذلك.



SAMAH MATH



في التمارين 31-38، حدد ما إذا كانت دالة متزايدة أم متناقصة أم غير ذلك.

38. $f(x) = \ln x^2$



SAMAH MATH



39. على فرض أن $s(t)$ تحدّد موقع جسم ما في الزمن t . وإذا كانت s قابلة للإشتقاق في الفترة $[a, b]$. فأثبت أنه عندما $t = c$ تكون السرعة اللحظية عند $t = b$ مساوية للسرعة المتجهة المتوسطة بين $t = a$ و $t = c$.



40. بدأ عداءان سباقاً في الزمن 0. وبعد مرور فترة من الزمن $a = t$. تصدر عداء السباق، ولكن المتسابق الثاني نزع منه صداره السباق بمرور الزمن $t = b$. أثبت أنه عند الزمن $c > t = b$. كان العداءان يجريان بالسرعة نفسها بالضبط.

