

## أسئلة اختبار تجريبي 2 وفق الهيكل الوزاري متبوعة بالإجابات



### تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية

موقع المناهج ← المناهج الإماراتية ← الصف الثاني عشر المتقدم ← رياضيات ← الفصل الثاني ← ملفات متنوعة ← الملف

تاريخ إضافة الملف على موقع المناهج: 11:20:55 2025-03-15

ملفات اكتب للمعلم اكتب للطالب | اختبارات الكترونية | اختبارات | حلول | عروض بوربوينت | أوراق عمل  
منهج انجليزي | ملخصات وتقارير | مذكرات وبنوك | الامتحان النهائي | للمدرس

المزيد من مادة  
رياضيات:

إعداد: Abouelnaga Abdalla

### التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر المتقدم



صفحة المناهج  
الإماراتية على  
فيسبوك

الرياضيات

اللغة الانجليزية

اللغة العربية

التربية الاسلامية

المواد على تلغرام

### المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر المتقدم والمادة رياضيات في الفصل الثاني

أسئلة اختبار تجريبي 1 وفق الهيكل الوزاري متبوعة بالإجابات

1

أسئلة مراجعة الدروس وفق الهيكل الوزاري

2

إجابات تدريبات وفق الهيكل الوزاري لامتحان نهاية الفصل الثاني المسار النخبة

3

إجابات تدريبات وفق الهيكل الوزاري لامتحان نهاية الفصل الثاني باللغة العربية

4

إجابات تدريبات وفق الهيكل الوزاري لامتحان نهاية الفصل الثاني باللغة الانجليزية

5

# Mock Exams Math Grade 12 Adv T2

**TERM2**  
**EXAM 2**

امتحان تجريبية  
الرياضيات\_ الثاني عشر المتقدم-الترم الثاني



You Can solve the exam  
using Microsoft forms



## MOCK EXAM 2 امتحان تجريبي 2024.2025

يمكنك حل الامتحان تجريبية  
امتحانية حقيقية باستخدام  
مايكروسوفت فورم

<https://forms.office.com/r/Va9DALTkTR>

- ❖ عزيزي الطالب
  - ❖ جميع أسئلة الامتحان التجريبي من الهيكل المعتمد للفصل الدراسي الثاني 2024 / 2025.
  - ❖ تم وضع الخيارات على نمط امتحانات الوزارة السابقة.
- (مع اطيب التمنيات بالنجاح والتفوق)



أولا : الجزء الإلكتروني Electronic Part

الأسئلة الالكترونية (اختيار من متعدد) MCQ  
15 سؤال الوقت : 1 ساعة

2024.2025

- ❖ عزيزي الطالب
- ❖ التركيز في الحل ثم التركيز في اختيار الحل الصحيح.
- ❖ \*التدريب على استخدام الآلة الحاسبة بمهارة في حل المسائل.

## Question 1

Find the critical points of a given function

إيجاد الأعداد الحرجة لدالة معطاة

السؤال الأول

Find all the critical numbers of  $f(x) = \frac{2x^2}{x+2}$  أوجد كل الأعداد الحرجة لـ

- A  $x = 0, x = -2, x = -4$  B  $x = 0, x = 4$  C  $x = 0, x = -2$  D  $x = 0, x = -4$

## Question 2

Find the absolute extrema of a given function إيجاد القيم القصوى المطلقة لدالة معطاة

السؤال الثاني

Find the absolute extrema  
of the function  $f(x) = e^{-x^2}$   
On the interval  $[0,2]$

أوجد القيم القصوى المطلقة  
للدالة  $f(x) = e^{-x^2}$   
في الفترة  $[0,2]$

- A  $f(0) = 1, f(2) = e^{-4}$  B  $f(1) = 0, f(2) = e^{-4}$  C  $f(0) = 1, f(2) = e^4$  D  $f(0) = 1, f(4) = e^2$

## Question 3

Find the local extrema of a given function using the First Derivative test

السؤال الثالث

إيجاد القيم القصوى المحلية لدالة معينة باستخدام اختبار المشتقة الأولى

Find the  $x$  – *coordinates* of the local  
minimum of  $y = (x + 1)^{\frac{2}{3}}$ أوجد إحداثي  $x$  للقيمة الصغرى المحلية لـ

$$y = (x + 1)^{\frac{2}{3}}$$

A

$$x = 1$$

B

$$x = -1$$

C

$$x = \sqrt[3]{x + 1}$$

D

$$x = -\sqrt[3]{x + 1}$$

## Question 4

Identify increasing and decreasing functions  
التعرف على مفهومي الدوال المتناقصة والدوال المتزايدة

السؤال الرابع

Find all vertical asymptotes of

the function  $y = \frac{x^2}{x^2 - 1}$

أوجد جميع خطوط التقارب الرأسية

للدالة  $y = \frac{x^2}{x^2 - 1}$

A

$y = 0, 1$

B

$x = -1, 1$

C

$x = 0$

D

$y = 1$



## Question 5

Find the local extrema of a given function using the First Derivative test

إيجاد القيم القصوى المحلية لدالة معينة باستخدام اختبار المشتقة الأولى

السؤال الخامس

Find the  $x$  – *coordinates of the*  
local maximum of  $f(x) = xe^{-2x}$ أوجد إحداثي  $x$  للقيمة العظمى المحلية لـ  
 $f(x) = xe^{-2x}$ 

A

$x = \frac{1}{2}$

B

$x = 2$

C

$x = -\frac{1}{2}$

D

$x = -2$



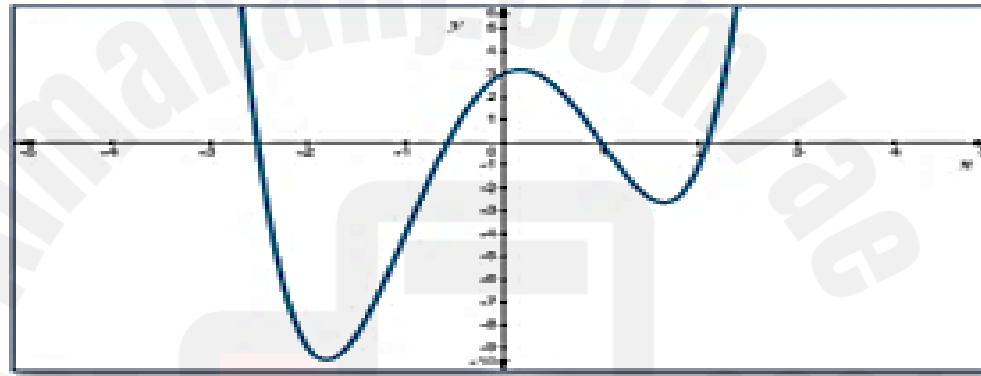
## Question 6

Learn the notion of an Inflection Point and find one

السؤال السادس

Determine where the graph of  
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$   
 Is concave up.

حدد أين يكون التمثيل البياني للدالة  
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$   
 مقعرا للأعلى.



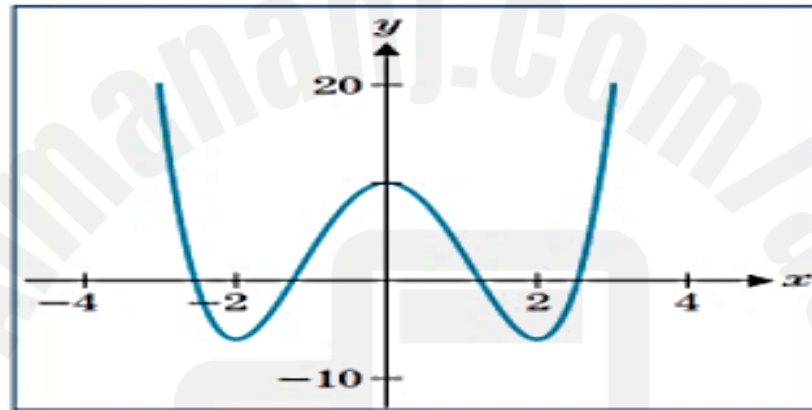
- A  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$  B  $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$  C  $(-1, 1)$  D  $(-\infty, -1)$

## Question 7

Determine the concavity of a function using the first and second derivatives

تحديد فترات التقعر الى اعلي والي أسفل لدالة معينة باستخدام المشتقة الأولى والثانية

السؤال السابع

Find the intervals where the function  $f(x)$  is increasing.أوجد الفترات التي تكون فيها الدالة  $f(x)$  متزايدة.

- A**  $(-\infty, -2) \cup (0, 2)$ 
**B**  $(-\infty, -2) \cup (2, \infty)$ 
**C**  $(-2, 0) \cup (0, 2)$ 
**D**  $(-2, 0) \cup (2, \infty)$

## Question 8

Sketch the graph of a given function using its properties and its first and second derivative

رسم منحنى دالة معتمدا على التمثيل البياني لمشتقتها

السؤال الثامن

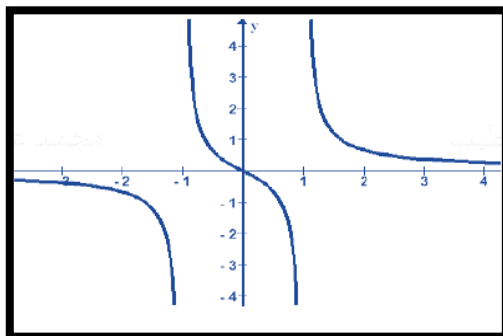
Which graph represents the function

$$f(x) = \frac{x}{x^2 - 1}?$$

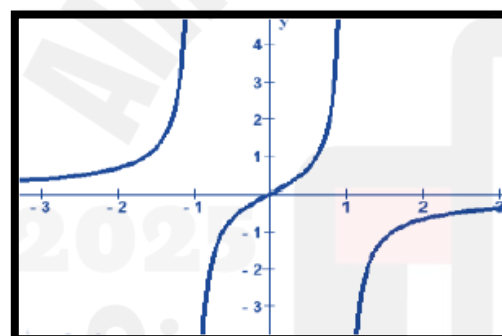
ما التمثيل البياني الذي يُمثل الدالة

$$f(x) = \frac{x}{x^2 - 1}?$$

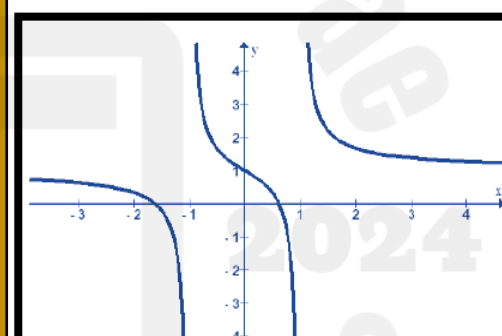
A



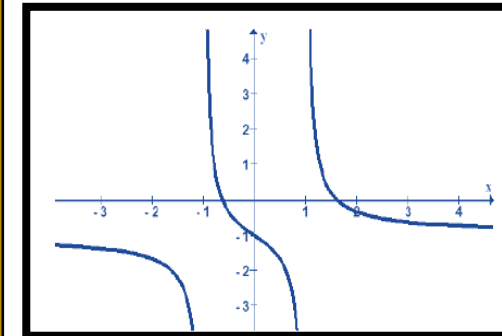
B



C



D



## Question 9

Find the antiderivative of a given function

إيجاد عكس المشتقة لدالة معطاة

السؤال التاسع

Find the general  
antiderivative .

$$\int \frac{e^x + 3}{e^x} dx$$

أوجد الدالة الأصلية.

A  $\ln|e^x + 3| + c$

B  $\ln|e^x| + c$

C  $x - 3e^{-x} + c$

D  $x - 3e^x + c$

## Question 10

Understand the notion of indefinite integral as finding an antiderivative

التعرف على مفهوم التكامل غير المحدود بصفته عكس المشتقة

السؤال العاشر

Determine the position function if the acceleration function  $a(t) = t^2 + 1$  the initial velocity is  $V(0) = 4$  and the initial position is  $s(0) = 0$ .

حدد الدالة المكانية إذا كانت دالة التسارع هي  $a(t) = t^2 + 1$  والسرعة المتجهة الابتدائية  $V(0) = 4$  والموقع الابتدائي هو  $s(0) = 0$ .

A  $s(t) = \frac{t^4}{12} + \frac{t^2}{2} + 4t$

B  $s(t) = \frac{t^4}{12} + t^2 + 4t$

C  $s(t) = \frac{t^3}{3} + t + 4$

D  $s(t) = \frac{t^3}{3} + 2t + 4$

## Question 11

Use the sigma notation to compute basic summation

استخدام رمز المجموع سيجما لإيجاد المجاميع البسيطة

السؤال الحادي عشر

Compute the sum

$$\sum_{i=4}^{20} (i - 3)(i + 3)$$

احسب المجموع

A

3072

B

3702

C

2307

D

2703

## Question 12

تقدير المساحة تحت المنحنى Estimate the area under a curve on a given interval using rectangles  
لدالة في فترة محددة باستخدام المستطيلات

السؤال الثاني عشر

approximate the area under the curve on the  
given interval using **16** rectangles and the evaluation rules  
midpoint.  $y = x^2 + 1$  on  $[0, 1]$

قدر المساحة تحت المنحنى على الفترة المعطاة باستخدام **16**  
مستطيلا وقواعد التقييم نقطة المنتصف  
 $y = x^2 + 1$  على  $[0, 1]$

|   |       |   |       |   |       |   |       |
|---|-------|---|-------|---|-------|---|-------|
| A | 1.333 | B | 1.356 | C | 1.303 | D | 1.365 |
|---|-------|---|-------|---|-------|---|-------|



## Question 13

Learn the properties of definite integrals التعرف على خصائص التكامل المحدود

السؤال الثالث عشر

Evaluate  $\int_0^4 f(x)dx$ 

$$f(x) = \begin{cases} 2 & \text{if } x \leq 2 \\ 3x & \text{if } x > 2 \end{cases}$$

أوجد قيمة  $\int_0^4 f(x)dx$  حيث

|   |    |   |    |   |    |   |    |
|---|----|---|----|---|----|---|----|
| A | 22 | B | 11 | C | 12 | D | 20 |
|---|----|---|----|---|----|---|----|

## Question 14

تطبيق نظرية القيمة المتوسطة في التكامل Apply the Integral Mean Value Theorem

السؤال الرابع عشر

Compute the average value of  
on the interval

$$f(x) = e^x$$

$$[0, 2]$$

احسب القيمة المتوسطة للدالة  
على الفترة

A

$$\frac{1}{2}(e^2 - 1)$$

B

$$(e^2 - 1)$$

C

$$2(e^2 - 1)$$

D

$$(e^2 + 1)$$

## Question 15

Use substitution to compute integrals

استخدام التعويض لإيجاد التكاملات

السؤال الخامس عشر

Evaluate the indicated integral.

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

أوجد قيمة التكامل غير المحدود.

A

$$\frac{1}{2e^{\sqrt{x}}} + c$$

B

$$\frac{1}{2} e^{\sqrt{x}} + c$$

C

$$\frac{2}{e^{\sqrt{x}}} + c$$

D

$$2e^{\sqrt{x}} + c$$



## ثانيا : الجزء الكتابي Paper Part

الأسئلة الكتابية FRQ

الوقت : 1 ساعة ونصف

5 أسئلة

- ❖ عزيزي الطالب
- ❖ ضرورة كتابة الحل التفصيلي في جميع خطوات الأسئلة الكتابية .
- ❖ التأكد من صحة الناتج النهائي باستخدام الآلة الحاسبة كلما أمكن ذلك .

## Question 16

## Solve economical and scientific problems on extrema

حل مسائل اقتصادية وعلمية على القيم القصوى

السؤال السادس عشر

Suppose that  $C(x) = 0.02x^2 + 2x + 4000$  is the total cost for a company to produce  $x$  units of certain product

Find the value of  $x$  that minimizes the average cost

$$\bar{C}(x) = \frac{C(x)}{x}.$$

إذا كانت تكلفة تصنيع منتج  $x$  هي المعادلة

$$C(x) = 0.02x^2 + 2x + 4000$$

أوجد قيمة  $x$  التي تجعل متوسط التكلفة  $\bar{C}(x) = \frac{C(x)}{x}$  أقل ما يمكن.

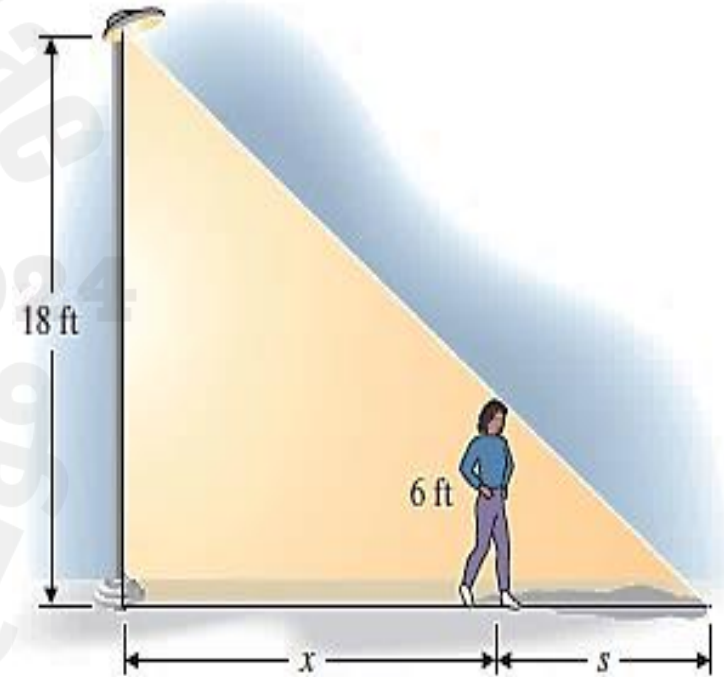
## Question 17

Solve mathematical and real-life problems on related rates  
حل مسائل رياضية وحياتية على المعدلات المرتبطة

السؤال السابع عشر

Suppose a 6-ft-tall person is 12 ft away from an 18-ft-tall lamp-post. If the person is moving away from the lamppost at a rate of 2 ft/s, at what rate is the length of the shadow changing?

على فرض أن شخصاً ما يبلغ طوله 6ft يبعد 12ft من عمود إنارة ارتفاعه 18ft .  
(إذا كان الشخص يبتعد عن عمود الإنارة بمعدل 2ft/s، فما هو المعدل الذي يتغير به طول ظل الشخص؟)

Mr. Abdalla Abouelnaga  
0505114830

## Question 18

Learn the properties of definite integrals التعرف على خصائص التكامل المحدود

السؤال الثامن عشر

Assume that  $\int_1^3 f(x)dx = 3$  and  $\int_1^3 g(x)dx = -2$ فرضا أن  $\int_1^3 f(x)dx = 3$  and  $\int_1^3 g(x)dx = -2$  أوجد :-

Find:

a)  $\int_1^3 [f(x) - g(x)]dx$

b)  $\int_1^3 [4g(x) - 3f(x)]dx$



## Question 19

Write the equation of a tangent line at a given point to a function defined as a definite integral

كتابة معادلة خط المماس عند نقطة معينة لدالة معرفة كتكامل محدد

السؤال التاسع عشر

Find the equation of the tangent line at  $x = 0$ أوجد معادلة المماس عند قيمة  $x = 0$ 

$$y = \int_0^x e^{-t^2+1} dt$$

$$y = \int_0^x e^{-t^2+1} dt$$

## Question 20

Use substitution to compute integrals استخدام التعويض لإيجاد التكاملات

السؤال العشرون

Evaluate the definite integral

$$\int_0^2 \frac{e^x}{1 + e^{2x}} dx$$

أحسب قيمة التكامل المحدود

$$\int_0^2 \frac{e^x}{1 + e^{2x}} dx$$

# Answers

16

## EXAMPLE 9.2 Minimizing the Average Cost of Producing a Commercial Product

Suppose that

$$C(x) = 0.02x^2 + 2x + 4000$$

is the total cost (in dollars) for a company to produce  $x$  units of a certain product. Find the production level  $x$  that minimizes the average cost.

**Solution** The average cost function is given by

$$\bar{C}(x) = \frac{0.02x^2 + 2x + 4000}{x} = 0.02x + 2 + 4000x^{-1}.$$

To minimize  $\bar{C}(x)$ , we start by finding critical numbers in the domain  $x > 0$ . We have

$$\begin{aligned} \bar{C}'(x) &= 0.02 - 4000x^{-2} = 0 \quad \text{if} \\ 4000x^{-2} &= 0.02 \quad \text{or} \\ \frac{4000}{0.02} &= x^2. \end{aligned}$$

Then  $x^2 = 200,000$  or  $x = \pm\sqrt{200,000} \approx \pm 447$ . Since  $x > 0$ , the only relevant critical number is at approximately  $x = 447$ . Further,  $\bar{C}'(x) < 0$  if  $x < 447$  and  $\bar{C}'(x) > 0$  if  $x > 447$ , so this critical number is the location of the absolute minimum on the domain  $x > 0$ . A graph of the average cost function (see Figure 3.97) shows the minimum.

17

(a) Let  $\theta$  be the angle between the end of the shadow and the top of the lamppost.

Then  $\tan \theta = \frac{6}{s}$  and  $\tan \theta = \frac{18}{s+x}$ , so

$$\begin{aligned} \frac{x+s}{18} &= \frac{s}{6} \\ \frac{d}{dx} \left( \frac{x+s}{18} \right) &= \frac{d}{dx} \left( \frac{s}{6} \right) \\ \frac{x' + s'}{18} &= \frac{s'}{6} \\ x' + s' &= 3s' \\ s' &= \frac{x'}{2} \end{aligned}$$

Since  $x' = 2$ ,  $s' = 2/2 = 1$  ft/s.

18

$$\begin{aligned} \text{(a)} \quad \int_1^3 (f(x) - g(x)) dx &= \int_1^3 f(x) dx - \int_1^3 g(x) dx \\ &= 3 - (-2) = 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(b)} \quad \int_1^3 (4g(x) - 3f(x)) dx &= 4 \int_1^3 g(x) dx - 3 \int_1^3 f(x) dx \\ &= 4(-2) - 3(3) = -17 \end{aligned}$$

19

$$y'(x) = e^{-x^2+1}.$$

At the point in question,  $y(0) = 0$  and  $y'(0) = e$ . Therefore, the tangent line has slope  $e$  and passes through the point  $(0, 0)$ . The equation of this line is  $y = ex$ .

20

Let  $u = e^x$  and then  $du = e^x dx$ ,

$u(0) = 1$ ,  $u(2) = e^2$  and

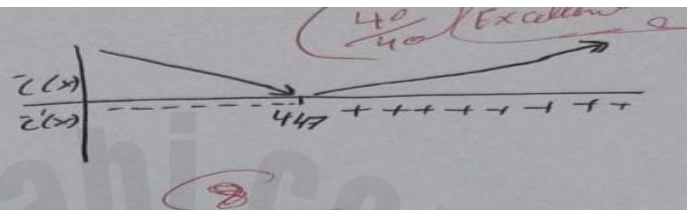
$$\begin{aligned} \int_0^2 \frac{e^x}{1+e^{2x}} dx &= \int_1^{e^2} \frac{1}{1+u^2} du = \tan^{-1} u \Big|_1^{e^2} \\ &= \tan^{-1} e^2 - \frac{\pi}{4} \end{aligned}$$

إجابات بعض الطلاب للجزء الكتابي

0505114830

16

$$\begin{aligned} C(x) &= \frac{0.02x^2 + 2x + 4000}{x} \\ C(x) &= 0.02x + 2 + 4000x^{-1} \\ C'(x) &= 0.02 - \frac{4000}{x^2} \\ C'(x) = 0 &\Rightarrow 0.02 - \frac{4000}{x^2} = 0 \\ x &= 447 \end{aligned}$$



17

$$\begin{aligned} 2) \quad \frac{318}{x+5} \times \frac{6}{5} & \quad \left| \quad \begin{aligned} s'(t) &= \frac{1}{2} x'(t) \\ s'(t) &= \frac{1}{2} (2) \\ s'(t) &= 1 \text{ ft/s decrease} \end{aligned} \right. \\ 35 &= x+5 \\ x &= 25 \\ 2s'(t) &= x'(t) \end{aligned}$$

18

$$\begin{aligned} 3) \quad a) \quad \int_1^3 f(x) dx - \int_1^3 g(x) dx & \quad \left| \quad b) \quad 4 \int_1^3 g(x) - 3 \int_1^3 f(x) \right. \\ 3 - (-2) = 5 & \quad \left| \quad 4(-2) - (3)(3) = -17 \right. \end{aligned}$$

19

$$\begin{aligned} 4) \quad \text{Point } (0,0) & \quad \left| \quad \begin{aligned} \text{slope} \\ f'(x) &= e^{-x^2+1} \\ f'(0) &= e^{-0^2+1} \\ f'(0) &= e^1 = e \end{aligned} \right| \quad \begin{aligned} y &= m(x-x_0) + y_0 \\ y &= e(x-0) + 0 \\ y &= ex \end{aligned} \\ y(0) &= \int_0^0 e^{-t^2+1} dt = 0 \end{aligned}$$

20

$$\begin{aligned} 5) \quad \int_0^2 \frac{e^x}{1+e^{2x}} \cdot \frac{du}{e^x} & \quad \left| \quad \begin{aligned} \tan^{-1} u & \quad \left| \begin{array}{l} 7.38 \\ 1 \end{array} \right. \\ \tan^{-1} 7.38 - \tan^{-1} 1 \\ 1.436 - \frac{\pi}{4} \\ = 0.65 \end{aligned} \right. \quad \left| \quad \begin{aligned} u &= e^x \\ du &= e^x dx \\ dx &= \frac{du}{e^x} \\ x=2 &\rightarrow e^2 = 7.38 \\ x=0 &\rightarrow e^0 = 1 \end{aligned} \right. \\ &= \int_1^{7.38} \frac{1}{1+u^2} \cdot du \end{aligned}$$



إجابات بعض الطلاب للجزء الكتابي

16

6)  $\bar{C}(x) = \frac{C(x)}{x} = \frac{0.02x^2 + 2x + 4000}{x}$

$\bar{C}(x) = 0.02x + 2 + \frac{4000}{x}$

$\bar{C}'(x) = 0.02 - \frac{4000}{x^2}$

$\bar{C}'(x) = 0$  at  $x = 447$ ,  $x = -447$

we take positive since it is a cost

local minimum at  $x = 447$

17

1)  $\tan \theta = \frac{3}{4}$

$\frac{3}{x+5} = \frac{6}{5}$

$\frac{3}{x+5} = \frac{1}{5}$

$3s = x+5$

$-5 = -5$

$2s = x$

$2s'(t) = x'(t)$

$2s'(t) = 2$

$s'(t) = 1 \text{ ft/s}$

18

a)  $\int_1^3 f(x) dx - \int_1^3 g(x) dx$

$3 - (-2) = 5$

b)  $\int_1^3 4g(x) dx - \int_1^3 3f(x) dx$

$4 \int_1^3 g(x) dx - 3 \int_1^3 f(x) dx$

$4(-2) - 3(3) = -17$

19

1) Point  $(0,0) \rightarrow y = \int_0^x e^{t^2+1} dt = 0$

2) slope  $m = f'(x) = \frac{d}{dx} \int_0^x e^{t^2+1} dt = e^{x^2+1}$

$f'(0) = e^{0^2+1} = e$

3) Equation  $y = m(x-x_0) + y_0$

$y = e(x-0) + 0$

$y = ex$

20

$\int_1^2 \frac{e^x}{1+e^x} dx \rightarrow \int_1^2 \frac{e^x}{1+(e^x)^2} dx$

$u = e^x$

$du = e^x dx$

$dx = \frac{du}{e^x}$

$x=0 \rightarrow u=1$

$x=2 \rightarrow u=e^2$

$\int_1^2 \frac{e^x}{1+u^2} \frac{du}{e^x}$

$= \int_1^2 \frac{1}{1+u^2} du = \tan^{-1} u \Big|_1^2$

$= \tan^{-1}(e^2) - \tan^{-1}(1)$

$= 0.65$



انتهت الأسئلة

مع اطيب التمنيات بالنجاح والتفوق



Mr. Abdalla Abouelnaga

0505114830